Mitschrift der Vorlesung "Experimentalphysik 4: Atom- und Molekularphysik" im SS14 an der FAU-Erlangen

Benjamin Lotter

Contents

1	Einführung					
	1.1	Bedeu	tung der Atom- und Molekülphysik	3		
2	Entwicklung der Atomvorstellung					
	2.1		rische Überblick	5		
	2.2	Hinwe	eise auf die Existenz der Atome	6		
		2.2.1	Gay-Lussac's Gesetz	7		
		2.2.2	kinetische Gastheorie	8		
		2.2.3	Brownsche Molekularbewegung	9		
3	Masse, Größe und Struktur der Atome					
	3.1	Bestin	nmung der Atomgröße	10		
		3.1.1	Bestimmung aus dem Kovulemen der v.d. Waals Gleichung	10		
		3.1.2	Abschätzung aus dem Transportkoeffizienten in Gasen	10		
		3.1.3	Beugung von Röntgenstrahlen an Kristallen	11		
		3.1.4	Lenard-Jones Potenzial	11		
	3.2	Bestin	nmung der Atommasse	12		
		3.2.1	einfache Verfahren	12		
		3.2.2	Massenspektrometer	12		
		3.2.3	Astonsche Massenspektrograph	14		
		3.2.4	Flugzeit-Massenspektrometer	14		
		3.2.5	Isotopie	14		
	3.3	Innere	e Struktur der Atome	15		
		3.3.1	Kathoden- und Kanalstrahlen	15		
		3.3.2	Differentielle Wirkungsquerschnitt bzw. Streuungsquer-			
			schnitt	16		
		3.3.3	Das Thomsonsche Atommodell	16		
		3.3.4	Das Rutherfordsche Atommodell	18		
	3.4	Kann	man Atome sehen?	19		
		3.4.1	indirekte Beobachtungen	19		
		3 1 2		10		

4	Das	Elektron	21				
	4.1	Erzeugung von freien Elektronen	21				
	4.2	Ladung des Elektrons	22				
	4.3	Die Masse des Elektrons	23				
	4.4	Die Größe des Elektrons \hdots	23				
5	Das Photon 2						
•		Licht als klassiche Welle	_~				
	5.2	Die Hohlraumstrahlung	26				
		5.2.1 Herleitung der Strahlungsleistung eines schwarzen Kör-					
		pers durch Planck	26				

Chapter 1

Einführung

1.1 Bedeutung der Atom- und Molekülphysik

Atomphysik mikroskopischer Aufbau der Materie, d.h der Struktur der Atome un ihrer gegenseitugen Wechselwirkung.

Ziel Eigenschaften der makroskopischen Materie aus ihrem mikroskopischen Aufbau zu verstehen

Atom- und Molekülphysik bildet die Grundlage der

- Thermodynamik (für statistische Beobachtungen)
- Atmosphährenphysik, Meteorologie (Wetter)
- Festkörperphysik
- Astrophysik (Absorption und Emission von Strahlung)
- Licht-Materie Wechselwirkung
- Laserlicht

Atom- und Molekülphysik bildet darüber hinaus die Grundlage der Chemie und zunehmend der Biologie und Medizin:

- Einordnung der Atome im Periodensystem
- Molkeülbildung, -bingungen, -struktur
- chemische Reaktionen (Dynamit)
- biologische Prozesse (Photosynthese, Energieproduktion in Zellen, Ionentransport durch Zellmembran, Nervenleitung)
- \rightarrow Molekular
biologie + Molekular
medizin Atomphysik spielt eine wichtige Rolle in der modernen Technik

- Entwicklung des Lasers (Messtechnik, Nachrichtentechnik, Produktionstechnik Medizin)
- Messtechnik (Oszillograph, Spektrographen, Tomographen)
- Halbleitertechnik (integrierte Schaltung)
- Medizintechnik (Spurenelemente???)
- Umwelttechnik
- Energietechnik (Solarzelle, alternative Antriebstechniekn wie z.B Brennstoffzelle)

Atomphysik Ausganspunkt für die Entweicklung der Quantemechanik und damit für unseres heutiges physikalisches Weltbild (probabilistische Beschreibung der Physik, Heisenbergsche Unschärferelation, Welle-Teilchen-Dualismus, nicht-lokal verschränkte Zustände)

Chapter 2

Entwicklung der Atomvorstellung

2.1 Historische Überblick

- vor 500 v.Chr: Elementehypothese: Alle Dinge bestehen aus 4 Elementen (Feuer, Wasser, Luft, Erde)
- Demokrit (460 370 v.Chr): alle Naturkörper bestehen aus unendlich kleinen "unteilbaren" raumfüllenden Teilchen (atomos, Atom);
 makroskopische Körper enstehen durch verschiedene Anordnugen von unterschiedlichen Atomen
- Platon (427 347 v.Chr) Welt besteht aus vier geometrischen Bausteinen
- Aristoteles (384 322 v.Chr) Raum ist kontinuierlich mit Materie erfüllt (lehnte Atomismus ab)

Atomlehre gerät für viele Jahrhunderte in Vergangenheit. Durchbruch der modernen Atomlehre erst im 18. Jahrhundert durch Chemiker

- D. Bernoulli (1700-1782):
- J. Dalton (1766 1844)

Starke Untermauerung der Atomhypothese durch kinetische Gastheorie:

- Rudolf Clausiues (1822 -1888)
- J.C Maxwell (1831 -1879)
- L. Boltzmann (1844 -1906)

Durchbruch der Atomhypothose durch Erklärung der Brownschen Bewegung (1905)

 \rightarrow Entwicklung der Quantenmechanik ab 1925.

2.2 Hinweise auf die Existenz der Atome

Daltons Gesetz der konstanten Proportionen

Durch genaues Wiegen der Massen von Reaktanden und Reaktionsprodukten vor und nach einer chemischen Reaktion erkannte Dalton:

"Die Massenverhältnisse der Stoffe, aus denen sich eine chemische Verbindung bildet ist für jede Verbindung konstant."

Beispiel: 100g Wasser bilden sich immer aus 11.1g Wasserstoff und 88.9g Sauerstoff \rightarrow Massenverhältnis 1: 8 (H_2O mit 1_1H und $^{16}_8O$). \rightarrow Atomhypothese (Dalton 1805):

"Das Wesen chemischer Umwandlungen besteht in der Vereinigung oder Trennung von Atomen".

3 Postulate (1808):

- alle elementaren Stoffe bestehen aus kleinsten Teilchen (Atomen), die man chemisch nicht weiter zerlegen kann
- alle Atome desselben Elements sind in Qualität, Größe und Masse gleich. Die Eigenschaften einer chemischen Substanz werden durch diejenigen seiner Atome bestimmt.
- wenn chemische Susbtanzen eine Verbindung eingehen, so vereinigen sich die Atome der beteiligten Elementen immer in ganzzahligen Massenverhältnissen

Beispiel: H und O bilden H_2O , aus Masseverhältnis $\frac{m(H)}{m(O)} = \frac{1}{16}$ erhält man das gemessen Massenverhältnis $\frac{m(2H)}{m(O)} = \frac{1}{8} = \frac{11.1g}{888g}$ Dalton bezog alle Atommassen auf das H-Atom und nannte die relative Atommasse $\frac{m_x}{m_H}$ eines Elementes x das Atomgewicht (ohne Einheiten).

Heute wird $\frac{1}{12}$ ^{12}C statt H als Bezugsmasse verwendet, genannt die "atomare Masseneinheit (AME)", bzw englisch "u" (atomic mass unit)

$$1u = 1AME = \frac{m(^{12}C)}{12} = 1.66055 \cdot 10^{-17} kg$$

Daltons Atomgewicht wird "atomare bzw. molekulare Massenzahl A" genannt. **Beispiel:** Sauerstoff hat atomare Massenzahl 16 und ein Gewicht von 16u.

m
Luft = $0.75m_{N_2} + 0.25m_{O_2}$
= $0.75 \cdot 28u + 0.25 \cdot 32u$
= $29u$
 $m_{He} = 4u$
 $\frac{m_{Luft}}{m_{He}} = \frac{29u}{4u} = 7.25$

2.2.1 Gay-Lussac's Gesetz

1805 entdeckten J.L Gay-Lussac(1778-1850) und A.v.Humboldt (1769-1859) unabhängig voneinander: gasförmiger Sauerstoff u. Wasserstoff verbinden sich bei gleichem Druck u. Temperatur immer im Verhältnis von 1: 2 Raumteilchen.

Nach weiteren Experimenten formulierte Gay-Lussac:

"Vereinigen sich zwei oder mehr Gase restlos zu einer chemischen Verbindung, so stehen ihre Volumina bei gleichem Druck und Temperatur in Verhältnis ganzer Zahlen"

Beispiel: $2l H_2$ und $1l O_2$ ergeben $2l H_2O$ (und nicht $3l H_2O$). A.Avogadro(1776-1856) erklärte diese Resultate durch Einführung des Molekülbegriffs:

"Ein Molekül ist das kleinste Teilchen eines Gases, das noch die chemischen Eigenschaften dieses Gases besitzt. Ein Molekül besteht aus zwei oder mehr Atomen."

Mit Ergebnissen von Gay-Lussac stllte Avogadro die Hypothese auf:

"Bei gleichem Druch und gleicher Temperatur enthalten verschiedene Gase bei gleiem Volumina die gleiche Zahl von Molekülen."

\rightarrow Definition des mol:

1moleines Gases entspricht einer Anzahl von Molkülen deren Masse gleich der molekularen Massenzahl ${\cal A}$ der Gasmoleküle in Gramm ist."

In moderner Formulierung (bezogen auf ^{12}C), die auch für nicht-gasförmige Stoffe gilt: **Mol** 1mol ist die Stoffmenge, die ebenso viele Teilchen (Atome oder Moleküle) enthalt wie 12g Kohlenstoff ^{12}C **Beispiel:** 1mol H_2 wiegt 2g 1mol O_2 wiegt 32g

 $1mol\ H_2O$ wiegt $18g\$ Die Zahl N_A der Moleküle in der Stoffmenge 1molheißt "Avogadro-Konstante". Ihr Wert ist

$$N_A = 6.022141510 \cdot 10^{23} mol^{-1}$$

Aus der Avogadro-Hypothese folgt:

1mol eines beliebigen Gases nimmt unter Normalbedingung ($p=1bar, \quad T=0^{\circ}C$) immer das gleiche Volumen ein. Der experimentell bestimmte WErt für das Molkvolumen ist:

$$V_M = 22,41399637dm^3$$

Das Molgewicht M_x eines Stoffes x ergibt sich daraus zu:

$$M_x = N_a \cdot m_x = N_A \cdot A \cdot u = A(Gram)$$

2.2.2 kinetische Gastheorie

Die von L. Boltzmann, R.Clausius und J.C.Maxwell im 19. Jahrhundert entwickelte kinetische Gastheorie erlaubt viele makroskopische Eigenschaften eines Gases auf die Bewegung von Gasmolekülen und deren Wechselwirkung bei Stößen zurückzuführen. Sie hat wesentlich zur Untermauerung der Atomhypothese beigetragen:

• Clausius leitete 1857 die Zustandsgleichung des idealen Gases $pV=Nk_BT$ under Annahme sich bewegender Moleküle der mittleren quadratischen Geschwindigkeit \bar{v}^2 ab:

$$pV = \frac{1}{3}m\bar{v^2} = Nk_BT$$

• Die Temperatur eines Gases lässt sich damit auf die mittlere kinetische Energie eines Gasmoleküls zurückführen:

$$\langle E_{kin} \rangle = \frac{1}{2} m \bar{v^2} = \frac{3}{2} k_B T$$

ullet mit der inneren Energie U eines Gases

$$U = N \frac{f}{2} k_B T$$

ergibt sich die Wärmekapazität bei konstantem Volumen C_V zu:

$$C_V = N \frac{f}{2} k_B$$

mit f der Anzahl der Freiheitsgraden eines einzelnen Gasmoleküls.

- Transportprozesse in Gasen wie Teilchenstrom (Diffusion), Wärmestrom und Impulsstrom können auf die mittlere Freue Weglänge $\Lambda = \frac{1}{n \cdot \sigma}$, die mittlere Geschwindigkeit \bar{v} und f zurückgeführt werden.
- \bullet für die Entropie S erhält man

$$S = k_b \ln W$$

mit W der Anzahl der Realisierungsmöglichkeiten eines thermodynamischen Zustands.

Mit der Erklärung makroskopischer Phänomene von Gasen, Flüssigkeiten und Festkörpern druch die mikroskpische atomare Struktur der Materie wurden die Beweise für die Existenz von Atomen immer überzeugender. Aber noch um 1900 gab es bekannte Chemiker wie z.B W. Ostwald (1853-1932) und Physiker wie E.Mach (1838-1916) die die reale Existenz von Atomen nicht anerkannten.

Das änderte sich erst durch die Erklärung der brownschen Bewegung durch Einstein 1905 (An. der Physik 17, 549 (1905)).

2.2.3 Brownsche Molekularbewegung

1827beobachtete R. Brown (1773-1858) dass in Flüssigkeiten suspendierte Teilchen unregeläßige Zitterbewegungen ausüben.

Die Zitterbewegung lässt sich molekularkinetsich dadurch erklären, dass die suspendierten Teilchen von den Molekülen der Flüssigkeit permanent (ca. $10^{21}/s$) in statistisch verteilte Richtungen gestoßen werden.

Unter dieser Annahme konnte Einstein das Phänomen 1905 quantitativ erklären. Seine Erklärung stllte einen eindeutigen Beweis für die Existenz der Atome dar.

Chapter 3

Masse, Größe und Struktur der Atome

3.1 Bestimmung der Atomgröße

Verschiedene experimentelle Verfahren erlauben es, die Atomgröße abzuschätzen

3.1.1 Bestimmung aus dem Kovulemen der v.d. Waals Gleichung

Ein reales Gas wird in guter Nährung durch die van-der-Waals'sche Zustandsgleichung beschrieben:

$$\left(p + \frac{a}{V_M^2}\right)(V_M - b) = R \cdot T$$
 Für Molzahl $n = 1$

- a: Binnendruck-Konstante
- $b=4N_AV_a$ gibt das Vierfache des Eigenvolumens aller N_A Atome im Molvolumen V_M an.

Durch Bestimmung von b aus der Messung p(T) bei konstantem Gasvolumen V_M ergibt sich:

$$V_a = \frac{b}{4 \cdot N_A}$$

3.1.2 Abschätzung aus dem Transportkoeffizienten in Gasen

Wie oben gezeigt, hängen die Transportkoeffizienten in Gasen für den Teilchenstrom j_x (Diffusionskonstande D), Wärmestrom Q (Wärmeleitfähigkeit λ) und Impulsstrom j_p (Viskosität η) von der mittleren freuen Weglänge ab. Dabei ist

$$\Lambda = \frac{1}{n \cdot \sigma} = \frac{k_B T}{p \cdot \sigma}$$

mit σ dem Sotßqueerschnitt der Atome. Im Modell starrer Kugeln ist

$$\sigma = \pi \left(2r\right)^2$$

(allg: $\sigma = \pi (r_1 + r_2)^2$)

Man kann also durch Messung der Transportkoeffizienten und damit von Λ Information über σ und damit über r erhalten: **Beispiel:**

$$D = \frac{1}{3}\bar{v}\Lambda = \frac{1}{3p}\sqrt{\frac{(2k_BT))^3}{\pi m}\frac{1}{\sigma}}$$

mit
$$\bar{v} = \sqrt{\frac{8k_BT}{\pi m}}l$$
 und $n = \frac{p}{k_BT}$

3.1.3 Beugung von Röntgenstrahlen an Kristallen

Interferenz von Röntgenstrahlen an den Netzebenen eines Kristalls kann zur Bestimmung von Atomvolumina verwendet werden. Aus dem Abstand d definierter Netzebenen in einem Kristall lässt sich das Volumen der Einheitszelle V_E des Kristalls bestimmen. Kennt man den Raumfüllungsfaktor $f = \frac{\sum V_a}{V_e}$ der Atome, so ergibt sich bei N_E Atomen pro einheitszelle

$$V_a = f \frac{V_E}{N_E}$$

3.1.4 Lenard-Jones Potenzial

Die Methoden 1 - 3 geben zwar die gleiche Größenordnung, aber dennoch verschiedene Werte für die Atomradien.

Die Unterschiede resultieren aus der unklaren Definition des Atomradius. Bei einer starren Kugel ist Radius r_0 wohldefiniert. Die realen Atome erzeugen einen Stoßquerschnitt jedoch aus einem Wechselwirkungspotenzial, dessen Verlauf recht gut durch das Lennard-Jones-Potenzial beschrieben wird:

$$V(r) = \frac{a}{r^{12}} - \frac{b}{r^6}$$

wobei Konstaten a und b von der Atomsorte abhängig sind.

Der Atomradius kann nun durch das Minimum bei

$$r_m = \left(\frac{2a}{b}\right)^{\frac{1}{6}}$$

oder dem Nulldurchgang bei

$$r_0 = \left(\frac{a}{b}\right)^{\frac{1}{6}}$$

definiert werden. Generell haben die Radien von Atomen die Größenordnung $r\sim 10^{-10}am=1 \rm{\mathring{A}}.$

Zur genauen Beschreibung der Aromgröße gibt man den Verlauf V(r) an, Diesen erhält man aus Messung der Ablenkung von Atomen bei Stoßprozessen oder aus Spektroskopie von Molekülen.

3.2 Bestimmung der Atommasse

3.2.1 einfache Verfahren

Die einfachsten Verfahren zur Bestimmung der Atommasse verwenden die Abogadro Konstanta N_A und die atomare Massenzahl A oder wiederum Beugung von Röntgenstrahlen an Kristallen.

• Misst man die Masse M_M eines Molvolumens eines atomaren Gases unter Normalbedingungen $(p=1bar, T=0^{\circ}, \rightarrow V_M=22, 4l)$, so ist die Masse eines Atoms

$$m_x = \frac{M_M}{N_A}$$

• In einem Kristall kann man die Atomabstände mit Hilfe von Röntgenbeugung messen. Aus den Abmessungen des Gesamtkristalls erhält man die Gesamtzahl N der in dem Kristall befindlichen befindlichen Atomen. Bei diner Gesamtmasse M_k des Kristall ergibt sich

$$m_x = \frac{M_k}{N}$$

3.2.2 Massenspektrometer

Die genauste Methode der Massenbestimmung von Atomen benutzt die Ablenkung von Ionen in elektrischen oder magnetischen Feldern. Aus der gemessenen Masse $m(A^+)$ eines einfach geladenen Ions A^+ erhält man die atommasse durch:

$$m(A) = m(A^{+}) + m(e^{-}) - \frac{1}{c^{2}}E_{B}$$

mit E_B der Bindungsenergie des Elektrons im Atom A.

Massenspektrograph nach Thomson

Die durch die Gasentladung erzeugten Ionen (Masse M, Ladung q) wrden zur Kathode hin bescheleunigt, auf Geschwindigkeit

$$v = \sqrt{\frac{2qU}{m}} \quad \left(E_{kin} = \frac{1}{2}mv_t^2 = qU\right)$$

Im homogenen Magnetfeld $\vec{B}=$ und homogenen elektr
 Feld $\vec{E}=$ erfahren die Ionen über die Länge L eine Ablenkung

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{1}{m}E\tag{*}$$

$$\frac{d^2y}{dt^2} = \frac{q}{m}vB\tag{**}$$

Mit $v_x, v_y \ll v_z \simeq v$ hat man:

$$\frac{dx}{dt} = \frac{dx}{dt} \frac{dz}{dt} \simeq \frac{dx}{dz}$$

$$\to \frac{d^2x}{dt^2} \simeq v^2 \frac{d^x}{dz^2}$$

und ebenso:

$$\frac{d^2y}{dt^2} \simeq v^2 \frac{d^2y}{dz^2}$$

Einsetzen in (*) ergibt:

$$\frac{d^2x}{dz^2} = \frac{q}{m} \frac{1}{v^2} E$$

und

$$\frac{d^2y}{dz^2} = \frac{q}{m} \frac{1}{v} B$$

Für $z \in \left[-\frac{L}{2}, +\frac{L}{2}\right]$ liefert die Integration

$$\begin{split} \frac{dx}{dz} &= \int_{-\frac{L}{2}}^{z} \frac{qE}{mv^2} dz' = \frac{qE}{mv^2} \left(\frac{L}{2} + z\right) \\ &\to x(z) = \frac{qE}{wmv^2} \left(\frac{L}{2} + z\right)^2 \end{split}$$

Ebenso ergibt sich mit (**)

$$y(z) = \frac{qB}{2mv} \left(\frac{L}{2} + z\right)^2$$

Am Ende des Kondensators befinted sich das Ion bei $\vec{r} = \left(x(\frac{L}{2}), y(\frac{L}{2}), \frac{L}{2}\right)$. Die Steigung in x-Richung ist dort:

$$\frac{dx}{dz}\left(\frac{L}{2}\right) = \frac{qE}{mv^2} \cdot L$$

Bei der Fotoplatte bei $z=z_0$ ist die x-Koordinate also:

$$x(z_0) = \frac{qE}{2mv^2} \cdot L^2 + \frac{qEL}{mv^2} \left(z_0 - \frac{L}{2} \right)$$
$$= \frac{qEL}{mv^2} \cdot z_0$$

analog erhalt man für die y-Koordinate:

$$y(z_0) = \frac{qB}{2mv}L^2 + \frac{qBL}{mv}\left(z_0 - \frac{L}{2}\right) = \frac{qBL}{mv} \cdot z_0$$

Eliminiation von v liefert bei z_0 :

$$x(y) = \frac{m}{q} \underbrace{\frac{E}{B^2 L z_0}}_{=f(\frac{q}{m}) \cdot y^2} \cdot y^2$$

Für jeden Wert $\frac{q}{m}$ entspricht dies einer Parabel, aus deren Vorfaktor $f(\frac{q}{m})$ bei bekannten E und B das Verhältnis $\frac{q}{m}$ bestimmt werden kann.

Beim Thomson-Massenspektrograph werden gleiche $\frac{q}{m}$ mit verschiedenen Geschwindigkeiten auf verschiedene Stellen der Fotoplatte entlang der Parabel abgebildet. Ein besseres Signal erhält man, wenn die Ionen mit gleichen $\frac{q}{m}$ -auch bei unterschiedlichen Geschwindigkeiten - auf einen einzelnen Punkt fokusiert sind.

3.2.3 Astonsche Massenspektrograph

 $\rightarrow \ddot{\mathrm{U}}\mathrm{A}$

3.2.4 Flugzeit-Massenspektrometer

Ein einfaches, billiges und auch heute noch weit verbreitetes Massenspektrometer ist das Flugzeit-Massenspektrometer. Dabei werden IOnen in einem kleinen Volumen erzeugt (z.B durch Photoionisation mit einem geputztem Laser), durch eine Spannung U auf $v=\sqrt{\frac{2qU}{m}}$ beschleunigt und durchlaufen eine feldfreie Strecke L, bevor sie vom Detektor registriert werden (Chameltron, Ionenmultiplier, Kanalplattenverstärker) registriert werden. Die Zeit zwischen Erzeugung und Detektion

$$T_m = \frac{L}{v} = \frac{L}{\sqrt{\frac{2qU}{m}}}$$

$$\to \boxed{m = \frac{2qU}{L^2} T_m}$$

Die Genauigkeit des Massenspektrometers hängt davon ab, wie genau U, L und T bestimmt werden können, d.h u.a in welcher Zeit Δt und in einem wie kleinem Volumen ΔV sie erzeugt werden können. Die genaueste Auflösung wird heutzutage mit sogenanten Ionen-Zykloyton-Resonanz-spektrometern (sog. Penning-Fallen) erzielt. Die erreichte Auflösung ist $\frac{\Delta m}{m} \leq 10^{-8}$.

3.2.5 Isotopie

Durch genaue Massenmessungen wurde es möglich nachzuweisen, dass viele chemische Elemente in der Natur in verschiedenen Isotopen vorkommen. Die Isotope eines Elements haben alle die gleichen chemischen Eigenschaften, unterscheiden sich aber in ihrer Masse um kleine ganzzahlige Vielfache einer AME.

Die Erklärung der Isotopie kam erst mit der Entdeckung des Neutrons: Isotope unterscheiden sich in der anzahl der Neutronen im Atomkern. Ein Element (wie z.B He) wird vollständig erst durch die Anzahl der Elektronen (= Protonen = Ladungszahl Z) und Anzahl der Neutronen und Protonen im Kern (= atomare Massenzahl A) angegeben. **Beispiel:** Helium mit 2 Protonen und 1 Neutron = $\frac{3}{2}$ He.

Helium mit 2 Protonen und 2 Neutronen $=\frac{4}{2}$ He.

3.3 Innere Struktur der Atome

Bis zum Ende des 19. Jahrhunderts galt als gesichert, dass Materie aus elektrisch geladenen Teilchen aufgebaut ist. Hinweise darauf:

- 1. Elektrolyse: Moleküle dissoziieren im elektreoschen Feld in positive und negative Ladungsträger (Ionen)
- 2. Magnetfeldeffekte bei elektrische Leitung in Metallen (Hall-Effekt)
- 3. Ablenkung von α und β -Strahlung im Magnetfeld bei radioaktivem Zerfall
- 4. Experimente mit Gasentladung: erzeugte "Kanal- und Kathodenstrahlen" werden durch elektrische und magnetische Felder beeinflusst.

3.3.1 Kathoden- und Kanalstrahlen

Durch Ablenkung von Kathodenstrahlen im E- bzw. B-Feld konnte J.J.Thomson 1897 das Verhältnis $\frac{q}{m}=\frac{e}{m}$ bestimmen. Er stellte fest, dass dieses Verhältnis unabhangig vom Kathodenmaterial ist, und ca 10^4 mal größer als bei den von 1886 von E. Goldstein (1850-1930) entdeckten Kanalstrahlen. Bereits 1895 werden diese Elementarladungen von G. Stoney "Elektronen" genannt. W.Wien (1864-1928) konnte 1897 den WERt $\frac{q}{m}$ der Kanalstrahlen messen und zeigen, dass sie aus den positiven Ionen des Füllgases der Entladungsröhre bestehen. In Kombination mit der Atomvorstellung ergab sich daraus:

Atome sind aus elektrisch geladenen Teilchen aufgebaut. \rightarrow es gibt eine Substruktur!

Da Atome neutral sind, müssen gleich viele negative wie positive Lasungen vorhanden sein, d.h: Atome bestehen aus negativ geladenen Elektronen und einer entgegengesetzt gleichen positiven Ladung! Die elektrisch geladenen Bausteine haben Ladung und Masse, wobei $\frac{m_e}{m_+} < 10^{-3}$.

Daraus ergeben sich folgende Fragen:

- 1. Welche Eigenschaften haben die Substrukturteilchen?
- 2. Wie werden die Telchen im Atom zusammengehalten?
- 3. Wie sind sie im Atom angeordnet, d.h. welche Substruktur hat das Atom?

3.3.2 Differentielle Wirkungsquerschnitt bzw. Streuungsquerschnitt

Um die Verteilung der Ladung innerhalb der Atome zu bestimmen, kann man elektrisch geladene Teilchen mit Ladung q_s als Sonde verwenden. Deren Ablenkung im Coulombpotenzial des Atoms

$$V_c(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{q_s \cdot q_A}{r}$$
 mit $q_A = \int \rho_A(\vec{r}) dV$

erlaubt Rückschlüsse über die Ladungsverteilung $\rho_A(\vec{r})$ zu ziehen. Dazu werden die "Sonden-Teilchen" in einem Winkelbereich $[\vartheta,\vartheta+d\vartheta]$ um die Probe nachgewiesen. Diese gehören - abhängig vom Streupotenzial V(r) - zu einem "Stoßparameter" b im Bereich [b,b+db]. Der "differentielle Wirkungsquerschnitt" $d\sigma$ gibt hierbei den Bruchteil des gesamten (integralen) Streuquerschnitts σ and, durch den die Teilchen hindurchfliegen, die vom Potenzial V(r) in dem vom Detektor aufgespannten Raumwinkel $d\Omega=\sin\vartheta d\vartheta d\phi$ gestreut werden. D.h.:

$$\frac{d\sigma(\vartheta,\Omega)}{\sigma} = \frac{\Delta \dot{N}(\vartheta,\Omega)}{\dot{N}} = \frac{2\pi b db}{\sigma} \frac{\varphi}{2\pi} = \frac{2\pi}{\sigma} \frac{db}{d\vartheta} d\vartheta \frac{d\varphi}{2\pi} = \frac{b}{\sigma} \frac{db}{d\vartheta} d\vartheta d\varphi$$

$$\rightarrow d\sigma(\vartheta,\Omega) = b \frac{db}{d\vartheta} \frac{1}{\sin\vartheta} d\Omega$$

$$\rightarrow \boxed{\frac{d\sigma(\vartheta,\Omega)}{d\Omega} = b \frac{db}{d\vartheta} \frac{1}{\sin\vartheta}}$$

3.3.3 Das Thomsonsche Atommodell

J.J. Thomson (1856-1940) schlug 1903 für die raüliche Verteilung der Z Elektronen und Z positiven Ladungen das sog "Rosinenkuchen-Modell", bei dem die positiven Ladungen gleichäßig über die gesamte Fläche verteilt sind und die e^- sich frei darin bewegen.

$$n_1 = n_+ = \frac{Z}{4\frac{\pi}{2}R^3}$$
 R: Atomradius

Würden nur die positiven Ladungen berücksichtigt, würde ein Elektron im Abstand r < R bei einer homogenen Ladungsverteilung (mit Ladungsdichte = $\rho_+ = \frac{Ze}{4\pi} R^3$) das Feld

$$E(\vec{r}) = \frac{Zer}{4\pi\epsilon R^3}\hat{r}$$

und somit die Kraft

$$\vec{F}(\vec{r}) = -e\vec{E} = -k_T\vec{r}$$
 mit $k_T = \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon R^3}\hat{r}$

wirken. Das führt zu einer harmonsichen Schwingung mit Frequenz $\omega_e = \sqrt{\frac{k_T}{m_w}}$. Für eine homogene Verteilung aller Z Elektronen (Teilchendichte $n_e =$

 $\frac{Z}{\frac{4\pi}{3}R^3})$ ergibt sich eine kollektibe Schwungung gegen die viel schwereren positiven Ladungen mit der sog. Plasmafrequenz.

$$w_p = \sqrt{\frac{n_e \cdot e^2}{\epsilon \cdot m_e}} = \sqrt{\frac{3Ze^2}{4\pi\epsilon_0 m_e R^3}}$$
$$= \sqrt{3\omega_e}$$

Problem: Die aus diesem Modell abgeschätzten Absorptions und Emissionsfrequenzen stimmen nicht mit den beobachteten atomaren Frequenzen überein. Vorallem: Ergebnisse von Streuezperimenten stimmen nicht mit der vom Modell erwarteten Winkelverteilung überein: Für α -Teilchen (Masse m_{He} , Ladung 2e) spielen die Elektronen wegen ihrer kleinen Masse bei der Ablenkung praktisch keine Rolle. Die Kraft auf ein α -Teilchen in Richtung senkrecht zu seiner Einfallsrichtung ergibt sich daher für r < R zu:

$$F_y = F(r)\sin\varphi \simeq \frac{2Ze^2r}{4\pi\epsilon_0 R^3} \frac{b}{r} = 2k_T b$$

Da $\Delta p_y \ll p_z \simeq p(dh\vartheta \ll 1)$

$$\begin{split} & \rightarrow \frac{\Delta p_y}{p_z} \simeq \frac{\Delta p_y}{p} = \tan\varphi \\ & = \frac{4k_T b}{m \vartheta_0^2} \sqrt{R^2 - b^2} \simeq \vartheta \end{split}$$

$$\rightarrow \boxed{\vartheta = \frac{4k_T b}{m\vartheta_0^2} \sqrt{R^2 - b^2}} = \vartheta(b)$$

Für ein mit beliebigem Stoßparameter b einlaufendes α -Teilchen ergibt sich der durchschnittliche Streuwinkel $\bar{\vartheta}$ zu: **Beispiel:** $R=0.1mm,~\alpha$ -Teilchen mit E=5Mev, and Goldfolie (Z=79) gestreut werden

$$\rightarrow \bar{\vartheta} = 1.8 \cdot 10^{-4} rad \simeq 0.62' \rightarrow \text{sehr kleiner Winkel}$$

Bisher Ablenkung durch ein Atom im Mittel berechnet $(\bar{\varphi})$. Im Experiment wurden die α -Teilchen durch eine Goldfolie geschossen und somit an vielen Atomen gestreut (für Foliendicke von $10\mu m$ und Golddurchmesser von $\simeq 0.2nm$, ca $6 \cdot 10^4$ Atome). Da die Stoßrichtung bei jeder Streuung statistisch verteil ist (entweder nach links oder rechts) is auch $\bar{\vartheta}$ statistisch verteilt. \rightarrow "Random walk"-Problem \rightarrow Gauß-Verteilung.

Die Zahl der in dem Winkel ϑ abgelenkten α -Teilchen ergibt such daher zu

$$N(\vartheta) = N_0 e^{-\frac{\vartheta^2}{\langle \Delta \vartheta \rangle^2}} = N_0 e^{-\frac{\vartheta^2}{m\bar{\vartheta}}}$$

Nach m Stoßprozessen ergibt sich eine mittlere Breite der Verteilung

$$\Delta \vartheta = \sqrt{m} \cdot \bar{\vartheta}$$
 (Standardabweichung)

Beispiel: Goldfolie mit Dicke $10\mu m$, $m \simeq 5 \cdot 10^4$.

$$\rightarrow \langle \Delta \vartheta \rangle = 4 \cdot 10^{-2} rad \simeq 2.3$$
"

Um das Thomsonsche Atommodell zu testen, führte Rutherford 1909 Streuexperimente von α -Teilchen an einer Goldfolie durch. Die Ergebnisse zeigten, dass auch noch sehr große Streuwinkel (bis zu 160°) beobachtet wurden. Dies widersprach eindeutig dem Thomson-Modell.

 \rightarrow Alternativ schlug Rutherford ein anderes Modell fur Atomaufbau vor.

3.3.4 Das Rutherfordsche Atommodell

Rutherford schlug vor, dass die positive Ladung des Atoms in einem kleinem volumen im Zentrum des Atoms, dem Atomkern, komprimiert ist. Dort ist auch die nahezu gesamte Atommasse vereinigt. In dem Fall: Streuung der α -Teilchen im coulombfeld einer Punktladung Q=Ze

$$\begin{split} & \rightarrow \bar{E}(\vec{r}) = \frac{Ze}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r} \\ & \rightarrow \vec{F}(\vec{r}) = \frac{2Ze^2}{4\pi\epsilon r^2} \hat{r} = 2\underbrace{k_R(r)}_{\neq const} \cdot \vec{r} \end{split}$$

Auch hier ist wieder:

$$F_y = F(r) \cdot \sin \phi$$

Wegen der Drehimpulserhaltung: Die gemessen Streuverteilung stimmt sehr gut mit deisem Annahmen überein. **Bemerkungen:**

- Bei α -Teilchen mit $E_{kin}=5Mev$ treten erst bei $\vartheta=150^\circ$ Abweichungen von der Rutherfordschen Streuformel auf. Dies entspricht eines Stoßparamters von $b=6\cdot 10^{-15}m$, d.h. erst bei diesen Abständen beginnen andere Kräfte als die Coulombkraft wirksam zu werden \rightarrow Kernkräfte! \rightarrow Kernradius $r_K\sim 10^{-15}m$
- \bullet Aus Experimenten mit verschiedenen Folienmaterialen konnte Chodwich 1920 ableiten, dass Zgleich der Ordnungzahl im periodischen System ist und dass

$$r_K \simeq (1.3 \cdot 10^{-15} m) A^{\frac{1}{3}}$$

 \rightarrow Rutherfordsches Atommodell:

Neg. Elektronen umkreisen den positiven Kern mit Kernladungszahl Z (ohne Bewegung wäre keine Stabilität möglich.) Der Kern vereinigt nahzu die gesamte Masse des Atoms, macht aber nur den Bruchteil $\left(\frac{r_K}{r_A}\right)^3 \simeq 10^{-15}$ des Atomvolumens aus

3.4 Kann man Atome sehen?

Auch wenn Atome (r=0.1-0.3nm) mit sichtbarem Licht $(\lambda=500nm)$ nicht aufgelöst werden können, so sind eine reihe von Techniken und Instrumenten entwickelt worden, die eine indirekte oder direkte Beobachtung von Atomen erlauben.

3.4.1 indirekte Beobachtungen

- 1. Brownsche Bewegung
- 2. Auch die von C. Wilson 1911 entwickelte Nebelkammer erlaubt es, indirekt die Bahn einzelner mikroskopischer Teilchen wie Atome, Ionen, Elektronen, Positornen etc. sichtbar zu machen: Ein Teilchen mit genügend hoher kinetischer Energiea kann hierbei durch Stöse mit Atomen des Füllgases die Atome ionisieren. Diese Ionen wirken in einem übersättigtem Wasserdampf entlang der Teilchenspur als Kondensationskeime für die Bildung von Wassertröpfchen, die durch Leichtstreuung sichtbar gemacht werden. Bis in die 70'ger Jahre war die W.-Nebelkammer eine der wichtigsten Nachweisgeräte in Kern- und Teilchenphysik.

3.4.2 direkte Beobachtungen

Mit einigen Instrumenten ist auch eine direkte Beobachtung von einzelnen Atomen möglich:

Feldionenmikroskop

Das ältere dieser Unstrumente ist das von E, Müller 1937 entwickelte Feldionenmikroskop. Dabei dient eine kleine Wolframspitze als Kathode, der eine Anode in Form einer Halbkugel im Abstand $R \simeq 10-20cm$ gegenübersteht. Bei eienr Spannung U von $U \simeq 1kV$ ist das elektrische Feld $E = \frac{U}{r}\hat{r}$ bei der Wolframspitze $(r \leq 10nm)$ groß genug $(>10^{111}\frac{V}{m})$, um Elektronen aus Materie zu reißen.

Die Elektronen folgen den Feldlinien und treffen auf einen Leuchtschirm vor der anode auf. Die Vergrößerung ist hierbeu $\sim \frac{R}{r} \simeq 10^7$. Die Elektronen kommen dabei von Orten an denen die Austrittsarbeit minimal ist. Bringt man Atome mit kleinerer Austrittsarbeit auf die wolframspitze (z.B Barium), so kommen die e^- überwiegend von diesen Atomen, die auf diese Weise mit Vergrößerung $\sim 10^7$ sichtbar gemacht werden.

Transmission-Elektronenmikroskop

Das von E. Ruska (1906-1988, Nobelpreis 1986) entwickelte Transmission-Elektronenmikroskop benutzt zur Ablenkung Elektronen, die auf hohe Spannungen ($\sim 500kV$) beschleunigt und durch geeignete E und B Felder auf die zu untersuchende (dünne) Probe fokusiert werden. Durch Stöße an der Probe werden e^- abgelenkt, die transmittierten e^- werden durch ein Ablenksystem auf einen Leuchtschirm abgebildet.

Elektronenmikroskop

Rastertunnelmikroskop

Die größte Auflösung von Strutkturen auf leitenden Oberflachen erhält man mit dem 1984 von G. Benning??? (1947-) und H. Roler??? (1933-) entwickelten Rastertunnelmikroskop (Nobelpreis 1986). Dabei wird zwischen einer Wolframspitze (=Kathode) und einer metallischen Oberfläche (=Anode) eine kleine Spannung angelegt (einige V). Bei sehr kleinen Abständen zur Spitze u. Oberfläche können die e^- aufgrund des sog. "Tunneleffektes" den kleinen Zwischenraum "durchtunneln". Der Tunnelstrom hängt dabei exponentiell vom Abstand ab. Hält man den Tunnelstrom konstant und fährt die Spitze über die Oberfläche, so bildet die Vertikalsbewegung der Spitze (die von einem Computer ausgelesen wird) die Topologie der Oberfläche ab.

Atomares Kraftmikroskop (AF)

Eine Weiterentwicklung des Tunnelmikropskops ist das sog. Atomare Kraftmikroskop (AF). Hier ist nicht der Tunnelstorm die Messgröße, sondern die atomaren Kräfte zwischen dem Oberflächenatomen und einer Spitze. In dem Fall kann das Mikroskop auch für nichtleitende Oberflächen verwendet werden. außerdem können Atome mit dem Mikroskop manipuliert werden.

Speichern und Beobachtung von einzelnen Atomen

Mit Hilfe von elektrischen und magnetischen DC-Feldern (Paulfalle, s III 2.b) bzw elektrischen AC-Feldern (Paul-Falle, nach W.Paul (1913 – 96, Nobelpreis 1989) gelang es ab den 60ger Jahren zunächst Wolken von Ionen, und ab 1978 auch einzelne Ionen zu speichern. Mit Hilfe von Laserkühlung können die Ionen bis nahe and den absoluten Nullpunkt der Tempertautr (T < 1mK) gekühlt werden. Durch Resonanzflouroszenz (Streuung des die Atome anregenden Laserlichts) können einzelne Atome sichtbar gemacht werden. Seit einigen Jahren gelingt es auch einzelne neutrale Atome mit Laserlicht zu speichern und sichtbar zu machen.

Chapter 4

Das Elektron

Die Bezeichung Elektron für die negativen Elementarladungen wurde 1895 von G.Stoney eingeführt (Philosophisches Magazin 40,372 (1895)).

4.1 Erzeugung von freien Elektronen

Freie e^- können auf verschiedene Weisen erzeugt werden. Die Wichtigsten sind

1. Glühemission

Heizt man ein Metall (Kathode) auf eine hohe Temperatur T auf, so können diejenigen von den frei beweglichen e^- das Metall verlassen, deren E_{kin} größer ist als die Austrittsarbeit W_A . Für hohe Stromdichten verwendet man Materialien mit niederiger W_A , die hohe Temperaturen aushalten (z.B Wolfram-Cr-Legierung). Die Glühemission stellt die wichtigste Methode zur Erzeugung freier e^- dar (Oszilloskop, Fernseher,Braunsche Röhre).

2. Feldemission

Beim Anlegen einer Spannung zwischen einer Kathode und Anode, z.B einer kleinen Spitze und einer flachen Anode, können an der Spitze sehr hoe Feldstärken erzeugt werden:

$$\vec{E} = \frac{U}{r}\hat{r}$$

mit r = 10nm und U = 1kV, ergeben sich Feldstärken $E > 10^{11} \frac{V}{m}$, so dass die e^- aus dem Metall herausgerissen werden (s FEM).

3. Photoeffekt an Metalloberflächen

Beim Bestrahlen eines Metalls mit UV-Lichta können e^- aus dem Metall austreten (s. V.3).

4. Sekundäremission aus Festköroperoberflächen

Beim Beschuss von Festkörperoberflächen mit e^- können Sekundärelektronen aus dem Festkörper ausgelöst werden. Der Sekundäremissionskoeffizient η gibt an, wie viele Sekundärelektornen im Mittel pro einfallendem Primärelektron erzeugt werden (η hängt von Material, Enfallswinkel und Energie des einfallendem e^- ab). Die Sekundärelektron-Emission spielt eine wichtige Rolle in der Optoelektronik (Teilchendetektoren zum Nachweis von einzelnen e^- , Photonen, Ionen, sog. e^- -, Ionen- oder Photomultiplier, CCD, Bildverstärker. Für m Dynoden erhält man pro Elektron η^m Elektronen, die an Kapazität C_a die Spannung $U_a = \frac{\eta^m e^-}{C_a}$ erzeugen, die leicht nachgewiesen werden kann.

4.2 Ladung des Elektrons

Eine genaue Abschätzung von e erzielte 1913 R. Millikan (1868-1953) mit einem Experiment, bei dem er die Steig- bzw. Sinkgeschwindigkeit von geladenen Öltröpfehen im elektrischen Feld eines Kondensators untersuchte. Dies ist auch heute noch die genaueste Messung von e. Durch Zerstäuben von Öl werden geladene Öltröpchen erzeugt die zwischen die Platten eines Kondensators sinken, Durch Zerstäuben von Öl werden geladene Öltröpchen erzeugt die zwischen die Platten eines Kondensators sinken, mit Ladung Q = ne, (n = 1, 2, 3...). Im feldfreien Raum wird die Schwerkraft $F_g = \rho \cdot V \cdot g$ durch die Auftriebskraft $F_A = \rho_{Luft} \cdot V \cdot g$ und Stokesche Reibungskraft $F_R = 6\pi \eta Rv$ kompensiert. Aus messung der Sinkgeschwindigkeit

$$R = \left(\frac{9\eta v}{2g(\rho_l - \rho_{Luft})}\right)^{\frac{1}{2}}$$

und daraus das Volumen $V=\frac{4}{3}\pi R^3$. Legy man eine Spannung U an den Kondensatorplatten an, so können die Öltröpfchen im elektrischen Feld $E=\frac{U}{d}$ zwischen den Platten in Schwebe gehalten werden, falls $Q\cdot E=n\cdot e\cdot E=(\rho_l-\rho_{Luft})\cdot g\cdot \frac{4}{3}\pi R^3$.

$$\rightarrow n \cdot e = (\rho_l - \rho_{Luft}) g \cdot \frac{\frac{4}{3}\pi R^3}{E}$$

Zur Bestimmung der ganzen Zahl n wird das Tröpchen im Kondensator durch ionisierende Röntgenstrahlung umgeladen, so dass Ladungsänderung $\Delta n \cdot e$ auftreten, und die Spannung U geändert werden muss um $\Delta U = U_1 - U_2$, um das Tröpchen in Schwebe zu halten.

$$\rightarrow \frac{n_2}{n_1} = \frac{n_1 + \Delta U}{n_1} = \frac{U_1}{U_2}$$
$$\rightarrow n_1 = \Delta n \frac{U_2}{U_1 - U_2}$$

Für die kleinste Ladungsänderung ist $\Delta n = 1$. Aus den entsprechenden Werten U_1 und U_2 kann damit n_1 und daraus e berechnet werden. Der heute genaueste Wert ist:

$$e = 1.60217653(13) \cdot 10^{-19}C$$

4.3 Die Masse des Elektrons

Alle Verfahren zur Bestimmung der Elektronenmasse beruhen auf die Ablenkung von e^- in einem elektrischen oder magnetischen Felnd. Hierbei wirkt die Loretnzkraft:

$$\vec{F} = e \left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B} \right)$$
$$\ddot{\vec{r}} = \frac{e}{m_e} \left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B} \right)$$

Man sieht, dass man aus dem Verlauf von $\vec{v}(t)$ immer nur $\frac{q}{m_e}$ erhalten kann, nie e oder m_e alleine. Zur Bestimmung von m_e muss also e anderweitig ermittelt werden (z.B durch Millikian Versuch). zur Bestimmung von $\frac{e}{m_e}$ kann dann z.B das Fadenstrahlrohr ($\sim \vec{B}$) verwendet werden. Die Genauigkeit der Messung von $\frac{e}{m_e}$ hat sich im Luafe der Jahre ständig erhöht. Der Fehler in der Angabe von m_e rührt heutzutage haputsächlich in e her.. Der heute aktuelle Wert lautet:

$$m = 9.1093826(15) \cdot 10^{-31}$$

4.4 Die Größe des Elektrons

Frage:

Welche konkrete Massen- und Ladungsverteilung besitzt dass e^{-} ?

Nimmt man vereinfachen an, dass das e^- eine Kugel mit homogener Massenund Ladungsverteilung ist, kann man den "klassischen Elektronenradius r_e " bestimmen. Ist Kapazität einer Vollkugel mit Radius R ist

$$C = 2\pi\epsilon_0 R$$

Die Arbeit zum Aufladen des Kondensators:

$$W = \frac{1}{22} \frac{Q^2}{C}$$

D.h für das Eleketron erhält man:

$$W = \frac{1}{2} \frac{e^2}{C} = \frac{e^3}{4\pi\epsilon_0 r_e}$$

Setzt man $W = m_e c^2$, ergibt sich der "klassiche Elektronenradius" zu:

$$r_e = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 m_e c^2} = 2.8 \cdot 10^{-15} m$$

Wie sich später im Zusammenhang mit dem Elektronenspin zeigen wird, führt dieser Ansatz zu einer Reihe von Widersprüchen. Demnach ist dieses klassischmechanische Modell des Elektrons falsch.

Bisher gibt es noch kein in sich geschlossenes anschauliches Modell des Elektrons. Die bisherigen Ergebnisses deuten darauf hin, dass das Elektron als strukturloses, punktförmiges Teilchen behandelt werden kann, dessen Masse der Energie seines elektrischen Feldes entspricht. Aus Elektron-Elektron-Streuexperimenten bestätigt sich das Coulmbgesetz bis hinunter zu Abstanden $< 10^{-16} m$.

Chapter 5

Das Photon

5.1 Licht als klassiche Welle

Die Maxwell-Gleichungen führen auf die Wellengleichung und sagen die Existenz von elektromagnetischen Wellen vorraus. Diese propagieren in Vakuum mit der Geschwindigkeit c in Richtung des Wellenvektors \vec{k} und schwingen transversal zu \vec{k} mit Amplitude E (bzw. $B = \frac{E}{2}$) entlang des Polarisationsvektors $\vec{\epsilon}$.

$$\vec{E} = E \cdot \vec{\epsilon} e^{i(\vec{k}\vec{r} - \omega t)}$$

Mit der Erzeugung von elektromagnetischen Wellen durch H.Hertz (1857-1894) im Jahr 1887 wurde die Maxwell-Theorie glänzend bestätigt. Darüber hinaus wurde klar, dass Licht nur ein auf den Wellenlängebreich $\lambda=0.4-0.7\mu m$ beschränkter Spezialfall von elektromagnetischen Wellen ist. Die Energiedichte einer elektromagnetischer Welle ist

$$\mu = \frac{1}{2} \left(E^2 + c^2 B^2 \right) = \epsilon_0 E^2$$

und mit Hilfe des Pointing-Vektors

$$\vec{S} = c^2 \epsilon_0 \vec{E} \times \vec{B}$$
$$|\vec{S}| = c\epsilon_0 E^2 = c\mu$$

ist die Intensität definiert zu:

$$I = \left\langle |\vec{S}| \right\rangle = c\epsilon_0 \left\langle E^2 \right\rangle = c \left\langle \mu \right\rangle$$

Die drei Größen u, \vec{S}, I , sind hierbei kontinuierliche Funktionen von E. Auch die Interferenzphänomene von Licht wie beugung oder Eigenschwinugen in einem Resonator werden durch die Wellentheorie vollständig beschrieben.

5.2 Die Hohlraumstrahlung

5.2.1 Herleitung der Strahlungsleistung eines schwarzen Körpers durch Planck

Heiße Körper senden aufgrund ihrer Temperatur elektromagnetische Strahlung aus. Die Gesetze für die spektrale Intensitätsverteilung der Wärmestrahlung erhält man aus der Analyse eines "schwarzen Strahlers", d.h. eines schwarzen Körpers, dessen Absorptionsvermögen A=1 ist. Dieser wird annährend durch einen Hohlraum mit absorbierenden Wänden realisiert, der eine kleine Öffnung hat: Strahlung, die durch die Öffnung eintritt, wird i.d.R vollständig absorbiert, bevor sie wieder austreten kann $(A\simeq 1)$. Wenn man die Wände des Hohlraums auf eine Temperatur T heizt, wirkt die Öffnung als Strahlungsquelle. Im thermischen Gleichgewicht ist die aus dem Raumwinkel $d\Omega$ im Frequenzintervall $d\nu$ von der Öffnung absorbierte Strahlungsleistung gleich der nach $d\Omega$ innerhalb $d\nu$ von der Öffnung emittierten Strahlungsleistung:

$$\frac{dW_A}{dt} = A_{\nu} S_{\nu} d\Omega d\nu = E_{\nu} d\Omega d\nu = \frac{dW_e}{dt}$$

mit $S_{\nu}=S_{\nu}\left(\nu\Omega\right)=c\cdot\mu_{\nu}\left(\nu\Omega\right)$ der spektralen Strahlungsdichte des Hohlraums. Mit $A_{\nu}=1$ folgt $E_{\nu}=S_{\nu}$. D.h. durch Messung der aus dem Lich austretenden STrahlungsleistung E_{ν} lässt sich die Energiedichte $\mu_{\nu}=\frac{S_{\mu}}{c}$ im Inneren des schwarzen Körpers bestimmen.