## HW1 Report 2020203090 한용옥

본 강화학습의 모델은 격자세계에서의 이동을 다루고 있다 모델의 MDP 5요소는 아래와 같다

S	격자점의 좌표 (s_y, s_x)
A	상하좌우, 대각선 총 8방향 이동
$p(s',r\mid s,a)$	결정적 전이확률
R	결정적 보상
$\overline{\gamma}$	상수로 조정 가능

프로그램의 step 함수는 MDP 전이확률을 구현한다 Deterministic Transition Dynamics를 가정하므로 아래 의 수식이 성립한다

$$P(S_{t+1}=s,R_{t+1}=r|S_t=s_0,A_t=a_0)=egin{cases} 1 & ext{if } s=s_1,r=r_1 \ 0 & ext{otherwise} \end{cases}$$

step 함수는 상태(= 좌표), 행동(= 이동 벡터)를 받아 다음 상태와 보상을 반환한다 결정적이고 둘 다 좌표이므로 다음 상태는 단순히 둘을 더하면 된다 따라서 아래와 같이 구현한다

본 프로그램에선 가치반복 알고리즘을 사용하여 최적 정책을 찾는다 아래는 스켈레톤 코드의 의사코드다

```
#psuedo-code
def value iteration(grid size, gamma, theta, max iterations):
  for k in range(max_iterations):
    delta = 0
    for grid point in grid size:
       if terminal:
          continue
       values = np.zeros(num actions)
       for a in action:
         values[idx] =
          V[i, i] =
       delta =
       best action = np.argmax(values)
    if delta < theta:</pre>
       break
  return
```

따라서 채워야 할 부분은 가치반복 알고리즘의 가치를 최대로 반복 계산하는 부분이다 구현 접근은 아래와 같다 상태는 격자점의 좌표이므로 벨만 최적 재귀식 수식은 아래와 같다

$$V((s_y, s_x)) = max_a \sum_{(s_y', s_x'), r} p((s_y', s_x'), r \mid (s_y, s_x), a) (r + \gamma V((s_y', s_x')))$$

결정적 전이모델이므로 특정 상태에서 한가지 상태로의 전이확률만 1이고 나머지는 0이다 따라서 아래와 같이 줄일 수 있다

$$V((s_y,s_x)) = max_a(r + \gamma V((s_y',s_x')))$$

이 수식으로 부터 values[idx] = 는  $max_a$  에 대한 후보  $r+\gamma V((s'_y,s'_x))$ 를 구하는 부분 V[i,j] = 는 구해진 후보로부터 최대값을 뽑아 대입하는 부분임을 알 수 있다  $\Delta$  는 수렴 오차를 판별하기 위한 변수이며  $\Delta=max(\Delta,|V_{old}(s)-V_{new}(s)|)$  로 구해진다모두 종합해 TODO 부분은 아래와 같이 구현 하였다

```
values[idx] = reward + gamma * V[ni, nj]
V[i, j] = np.max(values)
delta = max(delta, np.abs(v[i, j] - V[i, j]))
```

## 추가 간단 실험

관찰	주어진 코드의 WALL_BUMP_COST 는 -1.0로 보드 내에서의 정상적 상하좌우이동과 같다 대각선 이동보다는 더 큰 값이다
가설	WALL_BUMP_COST 가 정상적 이동의 보상과 같다면 밖으로 나가는 이동의 빈도가 정상과 같아져 수렴속도가 느려질 것
설계	$\gamma=0.9,  heta=10^{-3}$ , STEP_COST = -1.0 고정 WALL_BUMP_COST = -1, -10, -100000 을 비교
결과	순서대로 7, 6, 6, 6번 만에 수렴
해석	정상이동 보다 클 때 반복홧수가 줄어들었으나 비중있게 줄어들진 않았다
관찰	주어진 코드의 $\gamma$ 는 $0.9$ 로 비교적 먼 미래까지 관찰한다 상하좌우이동의 보상은 $-1$ 이지만 대각선이동은 $\sqrt{2}$ 다 대각선이동으로 두 칸 이동하는 대신 좀 더 나쁜 보상을 받는다
	그 자신지스를 지점이 마게마 친구센 드 및 신도함 스 이지마

가설  $\gamma$ 가 작아질수록 직전의 미래만 참고해 두 칸 이동할 수 있지만 나쁜 보상을 받는 대각선 이동을 하지 않을 것

 $heta=10^{-3}$ , STEP\_COST = -1.0, WALL\_BUMP\_COST = -100 고정 설계  $\gamma=0,0.25,0.5,0.75,1$ 을 비교수렴 상태에서 대각선 이동의 횟수를 세어 비교

해석  $\gamma$ 가 클수록 더 먼 미래를 보기 때문에 보상은 약간 작지만 더 크게 이동을 할 수 있는 대각선 이동을 더 많이 사용한다