

Programação I

Recursividade (ficha 7)

1. Implemente a versão iterativa e a versão recursiva da função **factorial(n)**.
2. Implemente a função **fibonacci(n)**, definida como:

$$fibonacci(n) = \begin{cases} n & \text{se } n = 0 \text{ ou } n = 1 \\ fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2) & \text{se } n > 1 \end{cases}$$

3. Implemente a função recursiva **soma(n)** que devolve a soma dos primeiros **n** inteiros. Por exemplo, **soma(3)** devolve 6.
4. Implemente a função recursiva **multiplo(n,i)** que calcula o **i**-ésimo múltiplo de **n**. Por exemplo, **multiplo(3,2)** devolve 6.
5. O máximo divisor comum, **mdc(m,n)** pode ser calculado de forma recursiva utilizando o algoritmo de Dijkstra. Assumindo que **m,n>0**, temos:

$$mdc(m,n) = \begin{cases} m & \text{se } n = m \\ mdc(m-n,n) & \text{se } m > n \\ mdc(m,n-m) & \text{se } m < n \end{cases}$$

6. Construa a função Ackermann, **A(m,n)**, de forma recursiva. **A(m,n)** é definida como:

$$A(m,n) = \begin{cases} n+1 & \text{se } m = 0 \\ A(m-1,1) & \text{se } m > 0 \text{ e } n = 0 \\ A(m-1, A(m,n-1)) & \text{se } m > 0 \text{ e } n > 0 \end{cases}$$

Por exemplo, **A(3,4)=125**.

7. Implemente a função recursiva **pascal(l,c)** que calcula o número da **l**-ésima linha, **c**-ésima coluna do triângulo de Pascal. Este número pode ser definido como:

$$pascal(l,c) = \begin{cases} 1 & \text{se } c = 0 \text{ ou } c = l \\ pascal(l-1,c-1) + pascal(l-1,c) & \text{caso contrario} \end{cases}$$

8. Usando a função **pascal(l,c)**, implemente a função **trianguloPascal(n)** que imprime as primeiras **n** linhas do triângulo de Pascal. Por exemplo, **trianguloPascal(6)** deve imprimir

```
1
1 1
1 2 1
1 3 3 1
1 4 6 4 1
1 5 10 10 5 1
```