تمرین چهارم هوش مصنوعی

امیرحسین رجبی (۱۳ °۹۸۱۳) ۱۲ اردیبهشت ۱۴۰۱

سوال اول

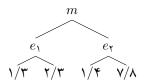
در بازی های مجموع غیر صفر هر بازیکن عایدی $^{\prime}$ جداگانه دارد و به هر نود درخت یک $^{\prime}$ – تایی نسبت داده می شود که هر مولفه عایدی بازیکن نظیر را نشان می دهد و هر بازیکن به دنبال بیشینه کردن عایدی خودش است. (به عنوان مثال عایدی یک نود می تواند (x,y) باشد در حالی که در بازی های مجموع صفر به صورت (x,-x) است.) اگر عایدی بازیکنان توسط دو تابع جداگانه مشخص شود، هر بازیکن در درخت مربوط به مولفه خود (در نوبت خود) در حال انتخاب راس با عایدی بیشینه برای خودش است. ممکن است در این میان با بازیکن روبرو همکاری یا رقابت کند؛ ولی با استراتژی بیان شده این اتفاق به صورت عمدی نخواهد بود. در نتیجه اجرای آلفا—بتا روی مقادیر مولفه مربوط به یک بازیکن جواب معتبری نمی دهد؛ زیرا بازیکنان با هم رقابت نمی کنند و کاهش عایدی یک بازیکن به معنی افزایش عایدی دیگری نیست.

سوال دوم

آ) در درخت max در هر نود در حال انتخاب فرزند با عایدی بیشینه هستیم. و برگ درخت با بیشترین مقدار به عنوان عایدی بازی در نظر گرفته می شود. یک نوع هرس می تواند به این صورت باشد که آلفا برابر بهترین مقدار انتخاب شده تا کنون باشد و در صورتی که راسی مقدارش از آن کمتر بود هرس شود. این نوع هرس معتبر است ولی هرس آلفا-بتا مستقیما قابل استفاده نیست.

در درخت expectimax ماجرا کمی متفاوت است. نمیتوان عملیات هرس آلفا-بتا را انجام داد چرا که عایدی راس chance از امید ریاضی فرزندان مشخص می شود و به دلیل کران دار نبودن عایدی، همه فرزاندان باید بررسی شوند. (در صورت هرس زود هنگام و وجود راسی با عایدی بسیار بزرگ در siblingهای بعدی، ورق در امید ریاضی فرزندان می تواند برگردد!)

expectimax برای درخت max وضعیت مانند گذشته است چرا که از کران دار نبودن مقادیر رئوس و برگها استفاده نکردیم. برای درخت مانند گذشته است چرا که از کران دار نبودن مقادیر رئوس و برگها استفاده برابر $\frac{1}{7}$ در نظر میگیریم. احتمال انتخاب هر فرزند هر راس chance برابر $\frac{1}{7}$ در نظر میگیریم. شاخه $\frac{1}{7}$ در نظر میشود در حالی که بهین است.



سوال سوم

اگر بازیکن min بهینه بازی نکند همچنان بازیکن max حداقل همان عایدی را خواهد داشت که min بهینه بازی کند ولی در این صورت ممکن است از ماجرا بهره کامل نبرد؛ یعنی بتواند بهتر از عایدی که minimax ارائه می دهد را نصیب خودش کند. در این حالت بهتر است از expectimax بهره

¹payoff

برد تا به کمک امید ریاضی و احتمالی فرض کردن حریف عایدی بیشتری کسب کرد.

سوال چهارم

- آ) اگر $(\beta \wedge \gamma) = M(\beta) \cap M(\gamma)$ یعنی $M(\alpha) \subseteq M(\beta \wedge \gamma) = M(\beta) \cap M(\gamma)$ اما به سادگی میتوان دید که $M(\alpha) \subseteq M(\beta \wedge \gamma) = \alpha$ یعنی $M(\alpha) \subseteq M(\beta) \cap M(\gamma)$ اما به سادگی میتوان دید که هر دو جمله β و γ و در نتیجه $M(\alpha) \subseteq M(\beta) \cap M(\gamma)$ و در نتیجه $M(\alpha) \subseteq M(\gamma)$ و در نتیجه $M(\alpha) \subseteq M(\beta)$
- ب) اگر $(\gamma) = M(\beta) \cup M(\beta)$ بعنی $M(\alpha) \subseteq M(\beta \vee \gamma)$ با اگر $M(\alpha) \subseteq M(\beta \vee \gamma)$ با اگر $M(\alpha) \subseteq M(\beta \vee \gamma)$ با اگر $M(\alpha) \subseteq M(\beta)$ بعنی $M(\alpha) \subseteq M(\beta)$ با شند، عضوی از مدل $M(\alpha) \subseteq M(\beta)$ با (منطقی) $M(\alpha) \subseteq M(\alpha)$ با (منطقی) $M(\alpha) \subseteq M(\alpha)$ معادلا داریم: $M(\alpha) \subseteq M(\alpha)$ با (منطقی) $M(\alpha)$

سوال پنجم

ابتدا همه جملات KB را به فرم نرمال عطفی $^{\mathsf{Y}}$ تبدیل میکنیم. خواهیم داشت:

$$A \iff (B \lor E) \equiv (\neg A \lor B \lor E) \land (\neg (B \lor E) \lor A) \equiv (\neg A \lor B \lor E) \land (\neg B \lor A) \land (\neg E \lor A) \tag{S_1}$$

$$E \Longrightarrow D \equiv \neg E \lor D \tag{S_{r}}$$

$$C \wedge F \Longrightarrow \neg B \equiv \neg C \vee \neg F \vee \neg B \tag{S_r}$$

$$E \Longrightarrow B \equiv \neg E \vee B \tag{S_f}$$

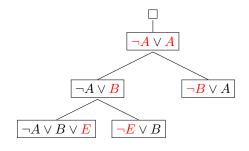
$$B \Longrightarrow F \equiv \neg B \vee F \tag{S_{\Delta}}$$

$$B \Longrightarrow C \equiv \neg B \lor C \tag{S_{\mathfrak{p}}}$$

 $KB \wedge \neg (\neg A \wedge \neg B) \equiv KB \wedge (A \vee B)$ یا معادلا با فرض $KB \models \neg A \wedge \neg B$ نشان دهیم resolution کنون سعی میکنیم به کمک قواعد بشان دهیم به تناقض برسیم. پس جملات زیر را داریم:

$$\boxed{A \lor B} \boxed{\neg B \lor C} \boxed{\neg B \lor F} \boxed{\neg E \lor B} \boxed{\neg C \lor \neg F \lor \neg B} \boxed{\neg E \lor D} \boxed{\neg A \lor B \lor E} \boxed{\neg B \lor A} \boxed{\neg E \lor A}$$

درخت زیر نحوه استدلال از جملات بالا را از برگها به سمت ریشه درخت نشان می دهد. با توجه به درخت به جمله تهی رسیده ایم و از $A \lor B$ نیز استفاده نکردیم. پس $KB) \subseteq M(KB) \subseteq M(KB)$ و حکم ثابت می شود.



²Conjunctive Normal Form (CNF)

گزارش پیاده سازی

با اجراي فايل main.py ميتوان برنامه را اجرا كرد. برنامه از چهار كلاس Agent ،Player ،TicTacToe و Human تشكيل شده كه دو كلاس Agent و Player از Player ارث برده و دو نوع پیاده سازی بازیکن هستند. کلاس TicTacToe به کمک تابع () run بازی را شبیه سازی کرده و به نوبت تابع (move(state هر یک از بازیکنان را با ورودی دادن وضعیت بازی به آنها اجرا میکند. (نتیجه بازی در فیلد winner قرار میگیرد و در صورت None بودن به معنی تساوی است و در غیر این صورت شی متناظر بازیکن برنده برگردانده میشود.) کلاس Human این تابع رو اینگونه پیاده سازی کرده که ورودی از کاربر گرفته می شود و وضعیت بازی تغییر داده می شود. در مقابل کلاس Agent از الگوریتم minimax استفاده میکند. بنابراین میتوان هر دو نوع حریفی را مقابل یک دیگر قرار داد و بازی کرد. (مثلا در صورت قرار دادن کامپیوتر مقابل بازی همواره به تساوی میکشد چرا که هر دو از استراتژی نباخت استفاده میکنند.) وضعیتها به صورت یک آرایه به طول ۹ نگه داری میشوند و هر درایه یکی از سه مقدار x ، o یا - دارد و تابع استایتک (status(state) از کلاس TicTacToe با ورودی گرفتن یک وضعیت مشخص میکند که آیا x برده است یا o برده است یا بازی تساوی شده است یا اصلا تمام نشده است. به کمک این تابع کلیدی، تابع bool -> bool x مشخص میکند بازی تمام شده است یا خیر و در صورت پایان بازی، برنده را در فیلد winner قرار میدهد. دوباره به کمک تابع () status، تابع (utility(state مقداری بین ۰، ۱ و ۱ – برمیگرداند. (برای بهینه کردن تعداد فراخوانیها در صورت عدم اتمام بازی None برمیگرداند.) در نهایت تابع (minimax(state, player_type, alpha, beta به کمک (utility)، مقدار عایدی وضعیت فعلی و بهترین حرکت را برمیگرداند. (تعداد فراخوانیهای این تابع در یک فیلد ذخیره شده و قبل از هر حرکت توسط () move صفر میشود و بعد از مشخص شدن بهترین حرکت به کاربر نمایش داده می شود.) شایان ذکر است که () minimax وضعیت فعلی را دست نخورده تحویل می دهد و در نتیجه دائما نیازی به ساخت آرایه به طول ۹ ندارد و در مصرفه حافظه صرفه جویی میشود. همچنین هرس به روش آلفا-بتا تنها زمانی انجام میشود که هنگام ساخت Agent ذکر شود. (به صورت پیش فرض هرش انجام میشود.) مقایسه تعداد رئوس بررسی شده توسط مینی ماکس عادی با مینی ماکس هرس شده هیجان انگیز است. عامل برای اولین حرکت با مینی ماکس عادی حدود ۵۴۹۹۴۶ وضعیت را بررسی میکند. (کافی است عامل را به صورت agent = Agent(..., alpha_beta_pruning=False) بسازید و هنگام ساخت بازی کامپیوتر را نفر اول قرار دهید.) اما با فعال كردن آن تنها حدود ۱۸۲۹۷ وضعیت بررسی می شود!