定理 3.8 命題変数  $P_1, P_2, ..., P_n$  を含む論理式  $A \ge B$  に対して,  $A^*(P_1, P_2, ..., P_n) \Leftrightarrow B^*(P_1, P_2, ..., P_n)$  は  $A(P_1, P_2, ..., P_n) \Leftrightarrow B(P_1, P_2, ..., P_n)$  の必要十分条件である。

## 【証明】

" ⇒ ": 
$$A^*(P_1,P_2,...,P_n) \Leftrightarrow B^*(P_1,P_2,...,P_n)$$
 であるとき,定理 3.7 により, $\neg A(\neg P_1,\neg P_2,...,\neg P_n) \Leftrightarrow \neg B(\neg P_1,\neg P_2,...,\neg P_n)$  である。 ゆえに, $A(P_1,P_2,...,P_n) \Leftrightarrow B(P_1,P_2,...,P_n)$  である。

" 
$$\Leftarrow$$
 ":  $A(P_1,P_2,...,P_n)$   $\Leftrightarrow$   $B(P_1,P_2,...,P_n)$  であるとき,定理  $3.7$  により, $\neg A^*(\neg P_1,\neg P_2,...,\neg P_n)$   $\Leftrightarrow$   $\neg B^*(\neg P_1,\neg P_2,...,\neg P_n)$  である。ゆえに, $A^*(P_1,P_2,...,P_n)$   $\Leftrightarrow$   $B^*(P_1,P_2,...,P_n)$  である。