定理 4.21 G(V,E) を単純平面的グラフとする。  $|V| \ge 3$  のとき , G の中に  $\deg(u) \le 5$  となる頂点u が存在する。

## 【証明】

 $v = V \mid , e = \mid E \mid$  とする。G のすべての頂点の次数 $\geq 6$  であれば ,定理 4.1より ,  $2e \geq 6v$  となる。よって ,  $e \geq 3v > 3v - 6$  である。これは定理 4.19 に矛盾する。 ゆえに , G の中に $\deg(u) \leq 5$  の頂点u が存在する。