



INSTITUTO SUPERIOR TÉCNICO
MESTRADO INTEGRADO EM ENGENHARIA ELECTROTÉCNICA E DE
COMPUTADORES

SISTEMAS INTEGRADOS ANALÓGICOS
Projecto de Alto Nível de um ADC e DAC

Maria Margarida Dias dos Reis	n.º 73099
Nuno Miguel Rodrigues Machado	n.º 74236

Lisboa, 16 de Março de 2015

Índice

1	Introdução	1
2	Introdução Teórica	1
2.1	Conversores A/D e Conversores D/A	1
2.2	SINAD, SNR, SFDR e ENOB	2
2.3	Janela Rectangular, Janela de Hamming e Janela de Blackman-Harris	3
3	Demonstração de Resultados	4
3.1	Análise de uma onda sinusoidal com frequência de amostragem de 1 Mhz	4
3.2	Análise de uma onda sinusoidal com frequência de amostragem de 1,1 Mhz	6

1 Introdução

Com este trabalho laboratorial pretende-se introduzir o *software* Cadence, projectando um conversor AD/DA de alto nível. Analisando os conversores analógico-digitais (ADC) pode-se melhor compreender o conceito de *Fast Fourier Transform* (FFT), e a maneira como pode ser aplicada para medir parâmetros dos ADC, como a SINAD e o ENOB. Pretende-se também estudar o efeito de aplicar diversas janelas sobre a FFT.

2 Introdução Teórica

2.1 Conversores A/D e Conversores D/A

Começando por analisar os conversores analógico-digitais, as arquitecturas que os permitem podem ser divididas em três categorias: baixa-a-média velocidade, média velocidade e alta velocidade. O ADC utilizado neste trabalho é de aproximações sucessivas (SAR), sendo de média velocidade e exactidão.

Os conversores deste tipo estão entre os mais populares para realizar ADCs devido à sua versatilidade - conseguem efectuar conversões rápidas ou podem ser utilizados para que haja uma maior exactidão, operando a baixa potência nos dois casos. Este conjunto de características deriva de, no caso mais simples, o conversor necessitar apenas de um só comparador, um banco de condensadores com interruptores e pouca lógica de controlo digital. Na figura abaixo está esquematizado o circuito referido.

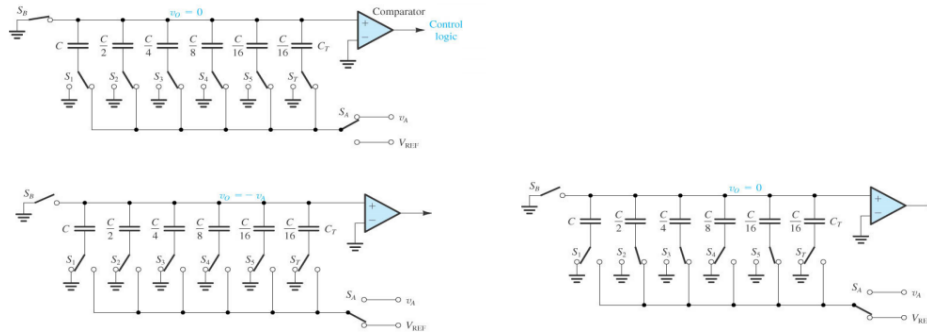


Figura 1: ADC construído com uma arquitectura de aproximações sucessivas.

O diagrama de blocos de um ADC unipolar de aproximações sucessivas que utiliza também um DAC é apresentado de seguida.

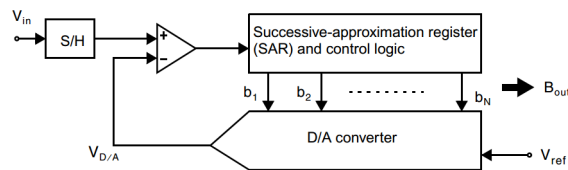


Figura 2: Diagrama de blocos de um ADC de aproximações sucessivas.

OS ADCs de aproximações sucessivas têm por base o algoritmo de procura conhecido como “procura binária”, onde os dados podem ser calculados em N passos, para um conjunto de dados organizados de tamanho 2^N .

Existe um circuito *sample-and-hold* que permite adquirir a tensão de entrada. De seguida um comparador analógico de tensão compara a tensão de entrada com a saída do DAC e coloca o resultado da comparação no registo de aproximações sucessivas (SAR). O SAR é inicializado de maneira a que o *bit* mais significativo seja 1. Este código é dado ao DAC, que fornece então ao comparador uma tensão analógica equivalente à do código digital. O circuito comparador é assim capaz de efectuar a comparação entre a tensão de entrada amostrada e a tensão de referência. Se a tensão de referência for superior à tensão de entrada então é feito *reset* ao *bit*, passa a 0, caso contrário permanece a 1.

De seguida, o próximo *bit* é colocado a 1 e feito o mesmo teste, continuando esta “procura binária” até que todos os *bits* tenham sido testados no SAR. Assim, o conversor aplica o algoritmo para determinar a palavra digital mais próxima que corresponde à tensão de entrada amostrada.

2.2 SINAD, SNR, SFDR e ENOB

O *signal-to-noise and distortion* (SINAD) é uma medida da *performance* dinâmica geral de um ADC. É o rácio entre a amplitude do sinal em *root-mean-square* (valor eficaz) e o valor médio da *root-sum-square* das restantes componentes espectrais, incluindo harmónicas, mas excluindo a componente DC. O cálculo do SINAD em *dB* é feito de acordo com a expressão

$$\text{SINAD} = 10 \times \log_{10} \left(\frac{A_{\text{bin}(f_{in})}^2}{\sum_{n=2}^{\text{size}/2} (A_n^2 - A_{\text{bin}(f_{in})}^2)} \right). \quad (2.1)$$

O *signal-to-noise ratio* (SNR) é calculado a partir dos dados da FFT, tal como a SINAD, mas as harmónicas do sinal são excluídas dos cálculos, deixando apenas os termos de ruído. De uma maneira mais abstracta pode ser descrito como a comparação entre o nível de sinal desejado ao nível de ruído. O cálculo do SNR, em *dB*, para um número N de amostras é feito de acordo com a expressão

$$\text{SNR} = 6,02N + 1,76. \quad (2.2)$$

A *spurious free dynamic range* (SFDR) é o rácio entre a amplitude máxima do sinal a amplitude máxima seguinte, ou seja, é a diferença entre as duas amplitudes máximas. À semelhança da SINAD não inclui a componente DC. O cálculo da SFDR em *dB* é feito de acordo com a expressão

$$\text{SFDR} = 10 \times \log_{10} \left(\frac{A_{\text{bin}(f_{in})}^2}{A_{\text{binmax}(\neq f_{in})}^2} \right). \quad (2.3)$$

O *effective number of bits* (ENOB) é uma medida da resolução de um ADC. De facto, a resolução de um ADC é dada pelo número de *bits* que são utilizados para representar um valor analógico porém, todos os ADCs reais introduzem ruído e distorção. Assim, o ENOB especifica o número

efectivo de *bits* que se tem na realidade, quando se considera a existência de ruído. O cálculo do ENOB é feito de acordo com a expressão

$$\text{ENOB} = \frac{\text{SINAD} - 1,76}{6,02}. \quad (2.4)$$

No caso do trabalho laboratorial o ENOB é de 4 *bits*.

2.3 Janela Rectangular, Janela de Hamming e Janela de Blackman-Harris

A FFT é um algoritmo que permite obter a *Discrete Fourier Transform* (DFT), sendo então uma análise que permite converter tempo para frequência. Quando se calcula a DFT a entrada é um sinal digital e a saída é a análise digital espectral desse sinal. Inerentes à DFT estão erros e, para mitigar esses erros, recorre-se a um processo denominado de *windowing*.

A análise espectral da DFT depende de uma determinada frequência de amostragem, f_s , e, consequentemente, toda essa análise estará entre 0 e metade de f_s . Assim, a largura de banda da DFT é proporcional ao ritmo de amostragem. Este período de amostragem é dado por

$$\Delta t = \frac{1}{f_s}, \quad (2.5)$$

sendo que no domínio da frequência existem os chamados *bins*. A frequência de um determinado *bin* k relaciona-se com a frequência do sinal de entrada de acordo com

$$f_k = \frac{k}{N \Delta t}, \quad (2.6)$$

onde k corresponde ao número do *bin*, que é sempre um inteiro, e N ao número de amostras. Através de 2.6 pode-se deduzir qual é a máxima frequência que pode ser representada por um dado número de amostras.

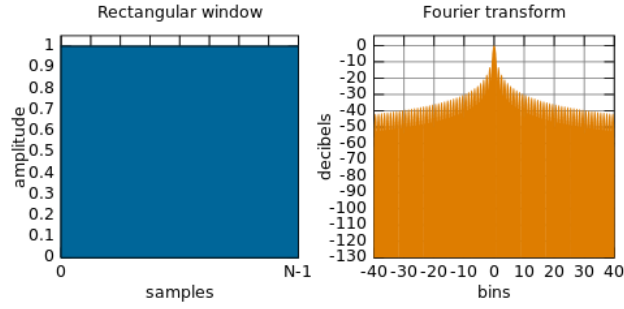
$$k = \frac{N f_k}{f_s}. \quad (2.7)$$

Analise-se agora o caso do trabalho laboratorial, em que a onda de entrada tem uma frequência de 13,671875 kHz, a frequência de amostragem é de 1 MHz e são utilizadas 512 amostras. Espera-se que o máximo da amplitude ocorra em $k = 7$.

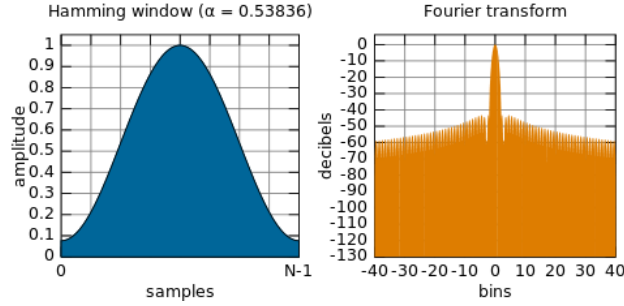
Ainda para o mesmo sinal de entrada, quando a frequência de amostragem passa para 1,1 MHz, espera-se que o máximo de amplitude ocorra em $k = 6,36364$. Este valor não é inteiro e cada *bin* corresponde a uma frequência e não a um intervalo de frequências. Assim sendo, a DFT não consegue representar energia em $k = 6,36364$ pelo que a energia tem uma *leak* entre os *bins* $k = 6$ e $k = 7$, fenómeno conhecido como *spectral leakage*.

Para procurar resolver este problema de *spectral leakage* existe *windowing*. Com esse processo é possível concentrar a energia nos *bins* que têm maior amplitude (os que estão próximos do *bin* de amplitude máxima) e atenuar a energia dos *bins* circundantes.

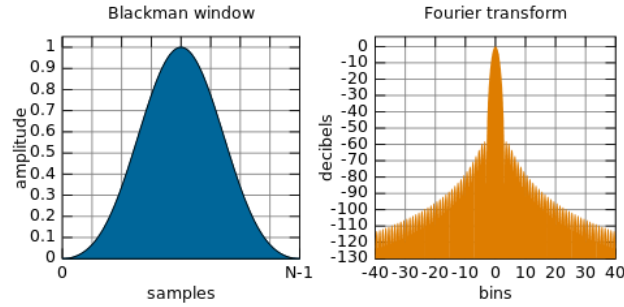
O *windowing* é implementado multiplicando o sinal de entrada por uma função de janela. Existem diversas funções de janelas, considerando-se aqui a janela rectangular, a janela de Hamming e a janela de Blackman-Harris.



(a)



(b)



(c)

Figura 3: Magnitude (azul) e representação gráfica da DFT (laranja) da janela rectangular (a), magnitude (azul) e representação gráfica da DFT (laranja) da janela de Hamming (b) e magnitude (azul) e representação gráfica da DFT (laranja) da janela de Blackman-Harris (c).

3 Demonstração de Resultados

3.1 Análise de uma onda sinusoidal com frequência de amostragem de 1 Mhz

Sabendo que se tem um frequência de amostragem, f_s , de 1 MHz e que a frequência do sinal de entrada, f_{in} , é de 13,671875 kHz, pode-se recorrer a 2.6 para determinar qual é a máxima frequência que pode ser representada por um dado número de amostras, que neste caso é 512. Assim, verifica-se que k é 7, tal como visto anteriormente, e nesse ponto espera-se um máximo de amplitude.

Uma vez que k é um número inteiro, verifica-se coerência entre a frequência do sinal de entrada e a frequência de amostragem, pelo que pode-se dispensar o uso do processo de *windowing* na FFT implementada.

Para que a FFT consiga reproduzir o sinal correctamente e sem distorção a partir das amostras

obtidas é necessário que k seja um número inteiro, e que a frequência de amostragem da FFT seja igual à frequência de amostragem do ADC. Como se utilizam $N = 512$ amostras e, sabendo que a frequência de amostragem do ADC é de 1 MHz, para que a FFT tenha a mesma frequência de amostragem, aplica-se a fórmula

$$t_{\text{janela}} = \frac{N}{f_s}, \quad (3.1)$$

que permite obter uma janela temporal, $t_{\text{janela}} = 512 \mu\text{s}$.

Com estes valores definidos é então possível simular o circuito com o Cadence.

Tabela 1: Valores obtidos para o ENOB, SINAD, SNR e SFDR com a janela rectangular.

	Janela Rectangular
ENOB	3,985
SINAD	25,75
SNR	26,16
SFDR	35,56

Pode-se observar na Tabela 1 os resultados do ENOB, SINAD, SNR e SFDR calculados a partir da ferramenta de cálculo do Cadence. De notar que se obteve um valor de 3,985 para o ENOB, valor que está muito próximo do ideal, uma vez que se esta a utilizar um ADC de 4 *bits*.

COMENTAR SINAD, SNR E SFDR??

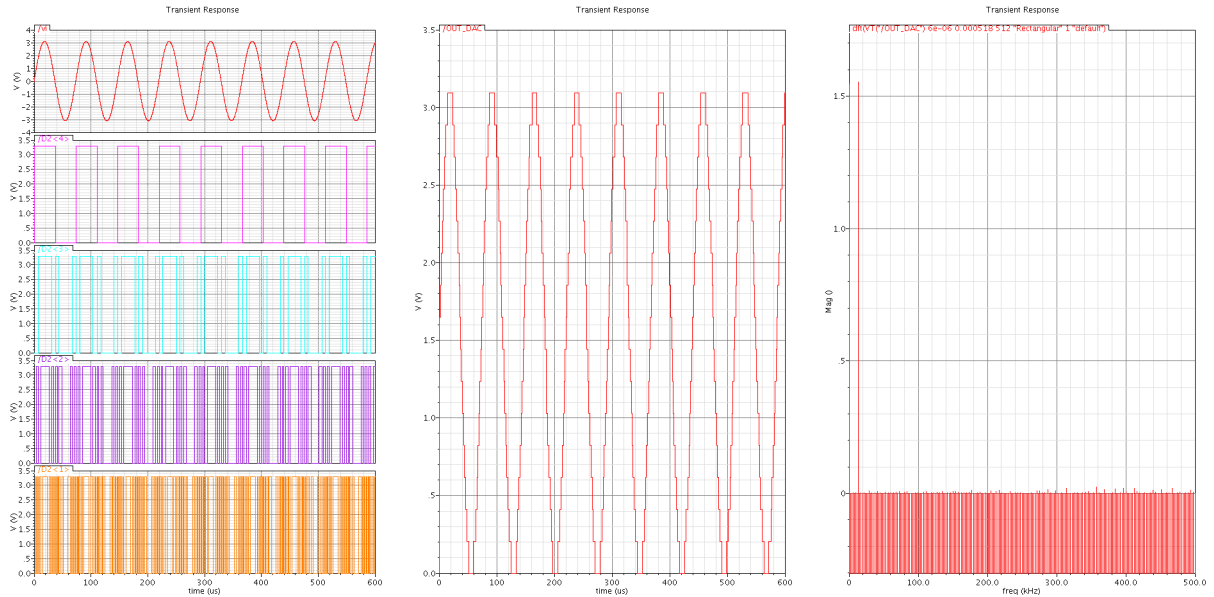


Figura 4: Simulação obtida no Cadence para o ADC para um valor de f_s de 1 MHz.

Na Figura 4, estão representados seis sinais no domínio temporal e um sinal no domínio da frequência. Pode-se visualizar o sinal sinusoidal de entrada, sinal à esquerda em cima, e os restantes quatro sinais representam a saída do ADC. No centro tem-se o sinal de saída do DAC. Por último, o sinal à direita, representa o espectro em frequência da FFT do sinal de saída do DAC.

No espectro de frequência pode-se visualizar graficamente as conclusões anteriormente referidas.

Como o sinal de entrada é composto por uma frequência fundamental e existe coerência entre a frequência de amostragem e a de entrada, ocorre só um *delta* Dirac amostrado na frequência do sinal de entrada e um *delta* Dirac amostrado em DC.

3.2 Análise de uma onda sinusoidal com frequência de amostragem de 1,1 Mhz

Mantendo a mesma frequência de entrada, 13,671875kHz, e alterando a frequência de amostragem para 1.1MHz verifica-se a não coerência entre as duas frequências. Sendo necessário o uso do processo *windowing*.

Seguindo os passos da análise anterior, utilizou-se a equação (2.5) de forma a obter o valor de k usando uma frequência $f_k = f_{in} = 13,671875$ kHz, uma frequência de amostragem de 1.1MHz e um número de amostras igual a 512. Obteve-se um $k = 6.36364$, confirmando a não coerência e a ocorrência de *spectralleakage*.

Para que a FFT consiga representar correctamente o sinal pretendido, é necessário definir um tamanho da janela correcto. Como já foi referido a frequência de amostragem da FFT tem que ser igual à frequência de amostragem do sinal de entrada, ou seja de 1,1MHz e um número de amostras igual a 512. Assim sendo, usando a equação (3.1), obteve-se uma janela temporal, $t_{wind} = 465,455\mu s$.

Tabela 2: Valores obtidos para o ENOB, SINAD, SNR e SFDR com a janela rectangular, janela de Hamming e janela de Blackman-Harris.

	Janela Rectangular	Janela Hamming	Janela Blackman
ENOB	0,7218	3,305	3,416
SINAD	6,105	21,65	22,33
SNR	6,148	22,24	23,85
SFDR	9,525	28,05	36,63

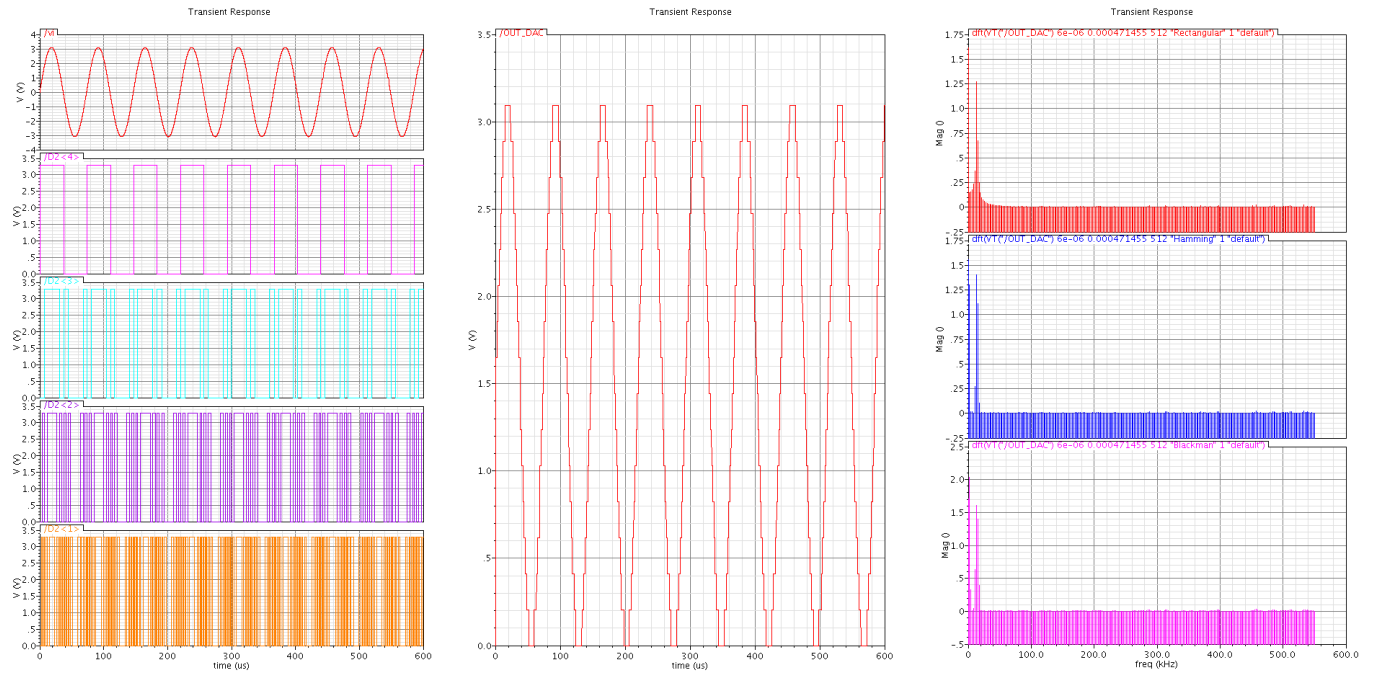


Figura 5: Simulação obtida no Cadence para o ADC para um valor de f_s de 1,1 MHz.

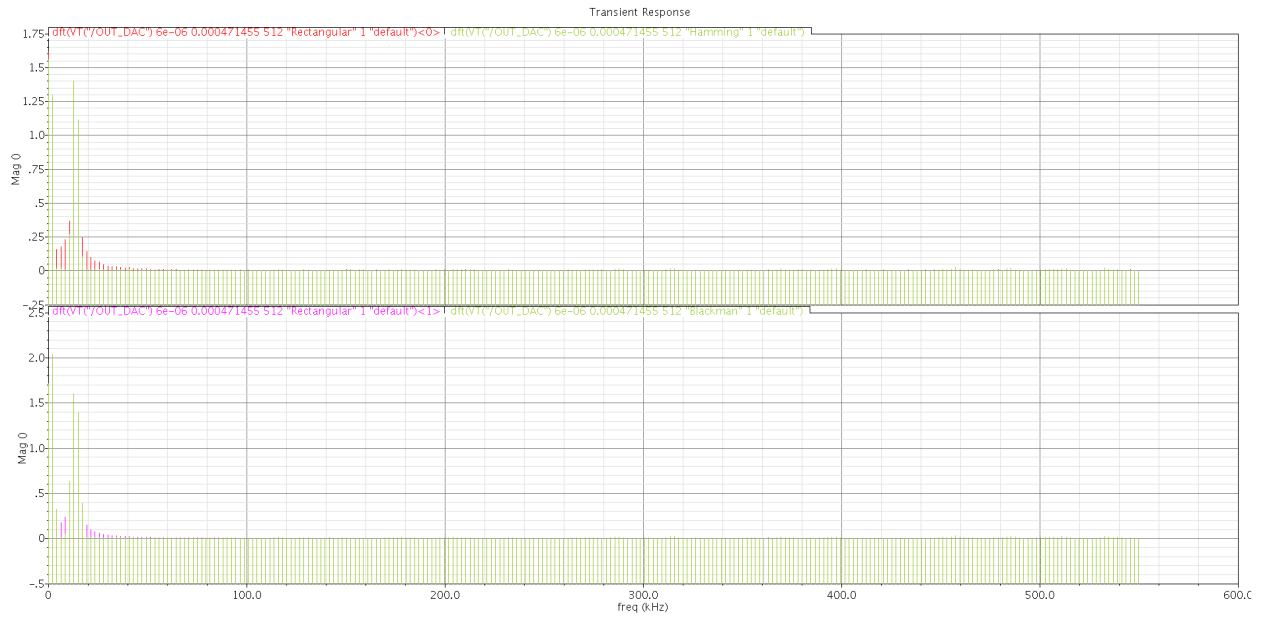


Figura 6: Simulação obtida no Cadence para a FFT, sobrepondo a janela rectangular com a de Hamming e de Blackman-Harris.