

Instituto Superior Técnico

MESTRADO INTEGRADO EM ENGENHARIA ELECTROTÉCNICA E DE COMPUTADORES

Sistemas Integrados Analógicos

Design de um Amplificador

João Bernardo Sequeira de Sá n.º 68254 Maria Margarida Dias dos Reis n.º 73099 Nuno Miguel Rodrigues Machado n.º 74236

Índice

	5.6 Bunger da Corrence	. 12		
	3.3 Budget da Corrente	12		
	3.2 Slew-Rate, Ganho, Largura de Banda e Margem de Fase	. 11		
	3.1 Slew-Rate	. 4		
3 Dimensionamento dos Transístores				
2	Funcionamento Teórico do Circuito			
1	Introdução	1		

1 Introdução

Pretende-se projectar um amplificador folded cascode CMOS OTA de dois andares de acordo com as especificações da seguinte tabela.

Tabela 1: Características do amplificador a projectar	Tabela 1:	Características	do am	plificador	a pro	iectar.
---	-----------	-----------------	-------	------------	-------	---------

Especificação	Símbolo	Valor
Tensão de Alimentação	Vdd	3.3 V
Ganho para Sinais de Baixa Amplitude	Av	70 dB
Largura de Banda	Bw	60 kHz
Margem de Fase	PM	60°
Capacidade da Carga	CL	0.25 pF
Slew-Rate	SR	200 V/μs
Budget da Corrente	IDD	400 μΑ
Área de <i>Die</i>	/	0.02 mm ²

O circuito de ponto de partida para a realização do projecto é apresentado de seguida.



Figura 1: Circuito do amplificador a projectar.

2 Funcionamento Teórico do Circuito

O circuito a desenvolver é do tipo folded cascode CMOS OTA (Operational Transconductance Amplifier). Os amplificadores OTA são caracterizados por apresentar ganhos e valores de impedância de saída elevados. O valor elevado da impedância de saída faz com que sejam especialmente indicados para cargas capacitivas podendo, no entanto, servir para cargas resistivas pequenas através de feedback.

Quando se compara o folded cascode com o telescopic observa-se que se tem o dobro da corrente e ganhos muito similares. No entanto, deve-se notar que se tem melhor largura de banda, slew-rate, estabilidade e impedância de saída mais elevada. O compromisso por estas qualidades é uma velocidade de resposta inferior, assim como índices de ruido superiores e uma pior resposta na frequência.

Analisando o circuito da Figura 1 em pormenor identificam-se 5 blocos, sendo importante analisar a função de cada um, para que melhor se possa compreender o funcionamento e comportamento do circuito na sua totalidade. O Bloco 1 representa o transístor responsável pela polarização do circuito. O Bloco 2 representa um par diferencial PMOS. O Bloco 3 corresponde a um espelho de corrente cascode básico do tipo PMOS. O Bloco 4 actua como isolamento. O Bloco 5 funciona como fonte de corrente que "puxa" sempre I (corrente de M_{11}) para o ground.

Relativamente ao par diferencial, o circuito pode funcionar de acordo com três situações:

- $v_{in-} = v_{in+} \rightarrow \text{situação } 1$
- $v_{in-} > v_{in+} \rightarrow \text{situação } 2$
- $v_{in-} < v_{in+} \rightarrow \text{situação } 3$

Na situação 1, cada transístor do par diferencial, M_1 e M_2 , tem metade da corrente que passa em M_{11} e o circuito apresenta o seguinte comportamento.

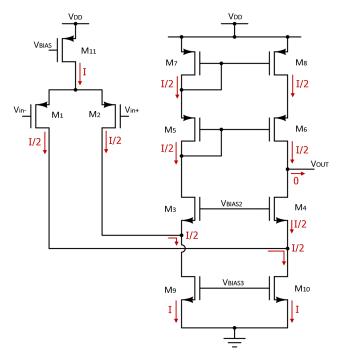


Figura 2: Funcionamento do circuito na situação 1.

Considerando agora o extremo da situação 2, a tensão na gate de M_1 toma o valor máximo da fonte de tensão que polariza esse transístor e a tensão na gate de M_2 é nula. Assim, o circuito apresenta o seguinte comportamento.

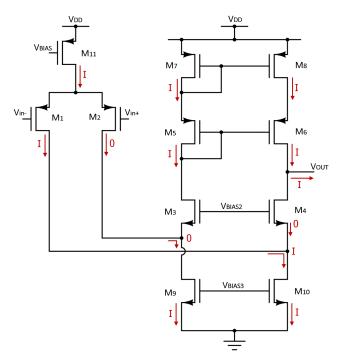


Figura 3: Funcionamento do circuito no extremo da situação 2.

Considerando agora o extremo da situação 3, a tensão na gate de M_2 toma o valor máximo da fonte de tensão que polariza esse transístor e a tensão na gate de M_1 é nula. Assim, o circuito apresenta o seguinte comportamento.

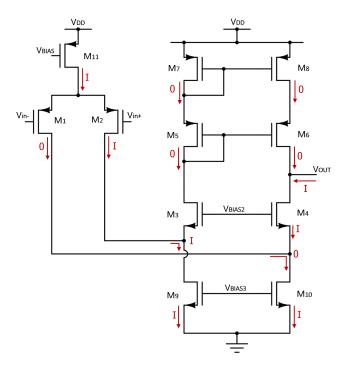


Figura 4: Funcionamento do circuito no extremo da situação 3.

3 Dimensionamento dos Transístores

A primeira fase no projecto do amplificador passou por decidir as dimensões dos vários transístores. Sabe-se que a dimensão de um transístor é dada pelos parâmetros W (width - largura) e L (lenght - comprimento).

3.1 Slew-Rate

Para efectuar o primeiro dimensionamento dos transístores teve-se em consideração o critério da slew-rate, onde se pretende atingir um valor de 200 V/ μ s.

O valor de L ficou decidido à partida como sendo 1 μ m para todos os transístores do circuito, isto porque se tem como rule of thumb que, para se evitar o efeito de modulação do comprimento do canal, o valor de L deve ser maior ou igual a 1 μ m. O valor de W pode ser calculado recorrendo à equação que determina a corrente num transístor. Para um transístor do tipo P a corrente é dada por

$$I_D = \frac{1}{2}\mu_n C_{ox} \times \left(\frac{W}{L}\right) \times \left(V_{GS} - V_{TH}\right)^2 = k_P \times \left(\frac{W}{L}\right) \times V_{OD}^2,\tag{3.1}$$

sendo que para um transístor do tipo N troca o valor do factor de ganho, em vez de k_P tem-se k_N . Da equação anterior pretende-se determinar o valor de W dos vários transístores, sendo então necessário saber o valor de L (já determinado anteriormente), o valor da corrente que passa nos transístores, I_D , o valor de k e o valor da tensão de overdrive, V_{OD} .

O valor da tensão de overdrive definiu-se como sendo de 0.2 V para todos os transístores. Este valor deriva de outra rule of thumb que indica que se deve escolher para V_{OD} um valor de 0.2V - menos do que isso e fica-se demasiado sensível a V_{TH} e mais do que isso e fica-se com pouca margem de saturação, que é uma medida do quão dentro da saturação se está, sendo calculada por $V_{DS} - V_{OD}$.

O valor de k pode ser obtido com recurso aos process parameters, sendo de referir que o valores que se retiram das datasheets representam apenas $\mu_n C_{ox}$, pelo que têm de ser multiplicados por 1/2 para que se obtenha o factor de ganho final, como se pode ver na próxima equação, para o caso de um transístor do tipo P:

$$k_P = \frac{1}{2}\mu_n C_{ox} = \frac{1}{2} \times KP_P.$$
 (3.2)

Os valores já conhecidos que ajudam a obter o valor de W através da equação (2.1) encontram-se esquematizados na seguinte tabela.

Tabela 2: Valores especificados para algumas das características que definem os transístores.

Especificação	Método de Cálculo	Símbolo	Valor
Comprimento	rule of thumb	L	1 μm
Tensão de Overdrive	rule of thumb	Vod	0.2 V
Factor de Ganho (tipo P) datasheet	process parameters	KPp	58 μA/V²
Factor de Ganho (tipo N) datasheet	process parameters	KPn	175 μA/V²
Factor de ganho (tipo P)	equação (2.2)	kР	29 μA/V²
Factor de ganho (tipo N)	equação (2.2)	kn	87.5 μA/V²

Para determinar os valores das correntes que passam nos vários transístores começou-se por determinar a corrente máxima à saída do circuito. Existe uma relação entre a slew-rate, SR, e a corrente de saída máxima, $I_{out_{max}}$ expressa por

$$SR = \frac{I_{out_{max}}}{C_L},\tag{3.3}$$

que nos permite concluir que quanto maior for a corrente de saída, mais depressa é carregado o condensador que constitui a carga.

Com os valores da Tabela 1 obtém-se:

$$SR = \frac{I_{out_{max}}}{C_L} \leftrightarrow I_{out_{max}} = 200 \times 0.25 \times 10^{-6} \text{ A} = 50 \ \mu\text{A}.$$
 (3.4)

Analisando as Figuras 3 a 4 percebe-se que a corrente $I_{out_{max}}$ corresponde a I/2, pelo que o valor máximo de I corresponde a 100 μ A. O dimensionamento dos transístores foi feito tendo em conta o ponto de funcionamento em repouso (PFR), situação 1, de acordo com

$$W_P = \frac{I_D \times L}{k_P \times V_{QD}^2} \to \text{transistor tipo PMOS};$$
 (3.5)

$$W_N = \frac{I_D \times L}{k_N \times V_{OD}^2} \to \text{transistor tipo NMOS}.$$
 (3.6)

Os valores obtidos para a *width* dos vários transístores apresenta-se na tabela seguinte. De notar que os valores foram arredondados ao inteiro mais próximo.

Tabela 3: Valores de W dos transístores que constituem o circuito, calculados em função do PFR.

Transístor	Tipo	Corrente	Observações	W
M ₁	PMOS	ID= Imax/2 = 50 μA	/	43 μm
M ₂	PMOS	ID= Imax/2 = 50 μA	/	43 μm
Мз	NMOS	ID= Imax/2 = 50 μA	/	14 μm
M4	NMOS	ID= Imax/2 = 50 μA	/	14 μm
M5	PMOS	ID= Imax/2 = 50 μA	constitui espelho de corrente com M6 com rácio 1:1	43 μm
M6	PMOS	ID= Imax/2 = 50 μA	constitui espelho de corrente com M5 com rácio 1:1	43 μm
M7	PMOS	ID= Imax/2 = 50 μA	constitui espelho de corrente com M8 com rácio 1:1	43 μm
M8	PMOS	ID= Imax/2 = 50 μA	constitui espelho de corrente com M7 com rácio 1:1	43 μm
M9	NMOS	IDmax = Imax = 100 μA	/	29 μm
M10	NMOS	IDmax = Imax = 100 μA	/	29 μm
M ₁₁	PMOS	IDmax = Imax = 100 μA	/	86 µm

De referir que os transístores M_5 e M_6 têm as mesmas dimensões, tal como pretendido, pois formam um espelho de corrente que tem como rácio 1:1. O mesmo se aplica aos transístores M_7 e M_8 .

Com o dimensionamento dos transístores feito procede-se a uma primeira simulação do circuito, com o intuito de verificar o seu funcionamento. Porém, antes de simular o circuito alterou-se a sua polarização, para que em vez de ser feita em tensão seja feita em corrente. Isto é feito porque uma

polarização em corrente permite ter mais controlo, sendo que quando é feita em tensão não se tem garantias dos valores pretendidos.

Assim, o circuito da Figura 1 foi alterado para o apresentado de seguida.



Figura 5: Primeiro circuito de simulação do amplificador.

Na figura anterior pode-se ver o valor de W utilizado nos vários transístores, sendo que para todos o valor de L é de 1 μ m.

Como se pode ver, o transístor M_{11} que é originalmente polarizado em tensão com V_{BIAS} , Bloco 1, foi substituído por um espelho de corrente básico que é polarizado em corrente com I_{BIAS} . A polarização feita com recurso a V_{BIAS_2} e V_{BIAS_3} foi tanbém alterada para passar a ser feita em corrente com I_{BIAS_2} , através de um espelho de corrente cascode low-voltage. O valor de I_{BIAS} e de I_{BIAS_2} é de $100~\mu\text{A}$.

De notar que os transístores M_{11_1} e M_{11_2} têm a mesma dimensão que aquela que foi determinada para M_{11} , uma vez que a corrente que os atravessa é também 100 μ A e são do tipo PMOS. Já os transístores M_{12} e M_{14} têm a mesma dimensão que M_9 e M_{10} , uma vez que a corrente que os atravessa é também 100 μ A e são do tipo NMOS. O transístor M_{13} , de acordo com o funcionamento teórico de um espelho de corrente *cascode low-voltage*, deve ter um W 3 vezes inferior ao de M_{12} , assim como deve funcionar sempre no tríodo, o que implica uma *width* de 9 μ m.

Na Figura 6 encontra-se o schematic criado no Cadence correspondente ao da Figura 5.

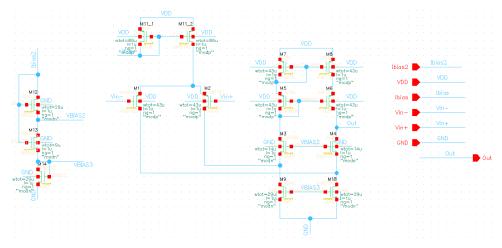


Figura 6: Schematic do circuito criado para a primeira simulação.

Com o *schematic* anterior projectou-se um símbolo e criaram-se novos *schematics* de *testbench*, como se pode ver nas Figura 7, 8 e 9.

preciso das imagens ds testbenchs

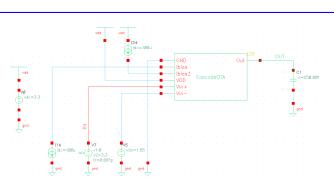


Figura 7: Schematic do testbench que permite simular o circuito em testes transiente e de resposta DC.

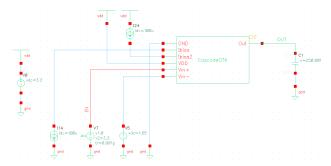


Figura 8: Schematic do testbench que permite simular o circuito em testes de resposta AC.

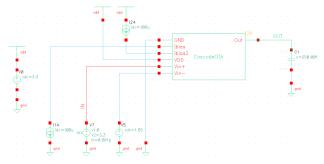


Figura 9: Schematic do testbench que permite simular o circuito em testes da slew-rate.

Recorrendo ao circuito da Figura 7 efectuou-se uma análise transiente durante 2 ms. Para verificar se o circuito funciona como pretendido otpou-se por verificar se todos os transístores do amplificador tem a corrente I_D pretendida, ou seja, de acordo com a Figura 1, e se estão na região de saturação.

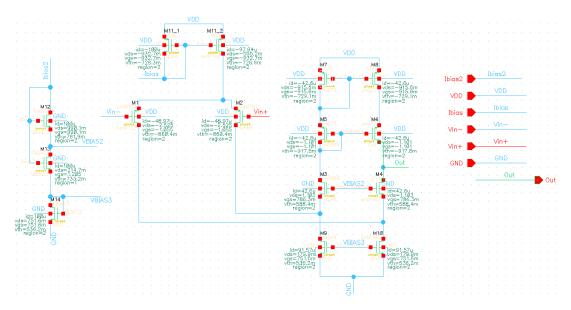


Figura 10: Valores do PFR do schematic da Figura 6.

A região de funcionamento dos transístores pode ser vista na secção *region*: 0 implica que o transístor está ao corte, 1 que está no tríodo, 2 que está na zona de saturação e 3 na região de *subthreshold*.

Como se pode ver, todos os transístores do amplificador estão na região 2, tal como pretendido, assim como os que polarizam através de I_{BIAS} . Os transístores M_{12} e M_{14} do espelho de corrente cascode low-voltage estão também saturados e o transístor M_{13} está no tríodo, tal como se queria.

Porém, apesar de os transístores estarem a funcionar na zona correcta, o valor das suas correntes está ligeiramente afastado do pretendio. Os transístores M_3 , M_4 , M_5 , M_6 , M_7 e M_8 deveriam ter um valor de I_D de 50 μ A, sendo, no entanto, o valor registado pela simulação de 42.6 μ A. Para os transístores M_9 e M_{10} esperava-se um valor de I_D de 100 μ A, sendo, no entanto, o valor registado pela simulação de 91.57 μ A. As correntes do espelho de corrente básico estão de acordo com o esperado, sendo que os transístores M_1 e M_2 têm um valor de corrente de 48.97 μ A, um valor próximo do esperado de 50 μ A.

Até agora, para efectuar o dimensionamento dos transístores o critério que se teve em consideração foi a slew-rate. Assim, com recurso à calculadora do Cadence calculou-se o seu valor, sendo este de $170.7 \times 10^6 \text{ V/segundo} \leftrightarrow 169.9 \text{ V/}\mu\text{s}$. O valor pretendido é de $200 \text{ V/}\mu\text{s}$, verificando-se então alguma diferença entre os dois valores.

Relativamente aos valores de V_{GS} para os vários transístores, os valores teóricos esperados foram calculados com base nos process parameters da seguinte forma:

$$V_{TH_{0_D}} \approx 0.6V \rightarrow V_{GS} = V_{OD} + V_{TH_N} = 0.2 + 0.6 = 0.8V \rightarrow \text{transistor tipo PMOS};$$
 (3.7)

$$V_{TH_{0_N}} \approx 0.5V \rightarrow V_{GS} = V_{OD} + V_{TH_N} = 0.2 + 0.5 = 0.7V \rightarrow \text{transistor tipo NMOS}.$$
 (3.8)

Na Figura 10 pode-se verificar que certos transístores do amplificador sofrem de efeito de corpo, ou seja, não têm o *bulk* à mesma tensão que a *source*. Para transístores NMOS tal ocorre se a *source* não estiver ligada a GND e, para transístores PMOS, se a *source* não estiver ligada a VDD.

Quando um transístor sofre de efeito de corpo o seu valor de V_{TH} desvia-se de V_{TH_0} (tensão de limiar na ausência de efeito de corpo) e, como tal, a sua tensão V_{GS} toma também valores diferentes. De facto, os transístores PMOS que sofrem de feito de corpo (M₁, M₂, M₅ e M₆), quando comparados aos que não sofrem, apresentam uma tensão de limiar mais afastada do valor da equação (3.7).

Na tabela seguinte pode-se ver as especificações pretendidas e as que se verificam até ao momento, sendo que a verde se assinalam aquelas que se considera cumpridas e a vermelho aquelas que se pretende melhorar. É de referir que ainda não se tem em consideração o critério da área, pois essa é uma preocupação final.

	Valor	
Especificação	Teórico	Experimental
Ganho para Sinais de Baixa Amplitude	70 dB	66.01 dB
Largura de Banda	60 kHz	87.45 kHz
Margem de Fase	60°	54.59°
Slew-Rate	200 V/μs	169.9 V/μs
Budget da Corrente	400 μΑ	383.14 μΑ
Área de <i>Die</i>	0.02 mm ²	/

Tabela 4: Especificações actuais do circuito.

Face à ligeira discrepância nos valores obtidos para a corrente nos vários transístores e para a slew-rate, decidiu-se proceder a um ajuste nas dimensões dos transístores para se obter valores mais próximos dos esperados. Este ajuste foi feito ao nível dos transístores M_3 e M_4 pois, ao aumentar as suas dimensões faz-se variar as suas tensões V_{GS} , e como tal V_{BIAS_2} , o que resulta num aumento da tensão V_{DS} de M_9 , que por sua vez faz aumentar a corrente daquele ramo.

O ajuste feito nesses dois transístores passou por aumentar o seu rácio W/L para o dobro, ou seja, o valor de W passou de $14\mu m$ para $28\mu m$. À primeira vista não parecer ser um ajuste fino, no entanto, está associado à existência de um efeito de segunda-ordem.

De facto, quando se é mais criterioso, a corrente de um transístor não é calculada de acordo com a equação (2.1), mas sim de acordo com

$$I_D = \frac{1}{2}\mu_n C_{ox} \times \left(\frac{W}{L}\right) \times (V_{GS} - V_{TH})^2 \times (1 + \lambda V_{DS}) = k_P \times \left(\frac{W}{L}\right) \times V_{OD}^2 \times (1 + \lambda V_{DS}).$$
 (3.9)

Como se pode ver, sobre o valor da corrente existe um efeito de segunda-ordem com a introdução da parcela $(1 + \lambda V_{DS})$. Assim se explica que, quando o valor de W de M_3 e M_4 passa para o dobro, a corrente nos transístores aumenta em aproximadamente 7μ A, conseguindo-se obter o valor desejado de 50μ A.

Fizeram-se mais ajustes finos nos transístores que polarizam o amplificador, sendo que o transístor M_{12} passou para um W de 28μ m e o transístor M_{13} para um W de 7μ m. Estes ajustes nos transístores foram feitos com o objectivo de melhorar a corrente dos respectivos ramos.

Na Figura 11 apresenta-se o circuito com o ajuste nas dimensões dos transístores.

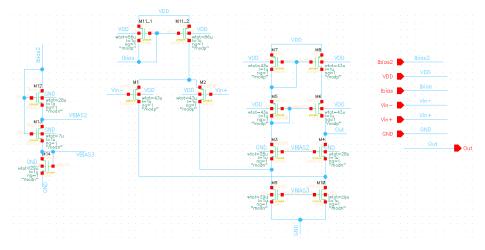


Figura 11: Schematic do circuito com os valores de W ajustados.

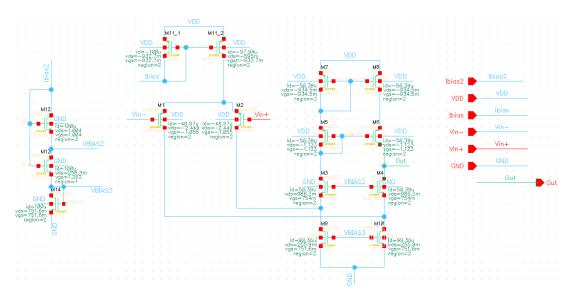


Figura 12: Valores do PFR do schematic da Figura 9.

Como se pode ver na figura anterior, o valor da corrente nos transístores M_3 a M_8 passou para $50.39\mu\text{A}$, um valor muito próximo do pretendido de $50\mu\text{A}$. Relativamente aos transístores M_9 e M_{10} , passaram a ter uma corrente de $99.36\mu\text{A}$, um valor também bastante próximo do pretendido de $100\mu\text{A}$.

Face a estes ajustes mediu-se novamente o valor da slew-rate para verificar se o critério já é cumprido. O valor medido foi de $199.9 \times 10^6 \text{ V/segundo} \leftrightarrow 199.9 \text{ V/}\mu\text{s}$, um valor que se considera óptimo.

Assim, o estado actual do circuito é apresentado de seguida.

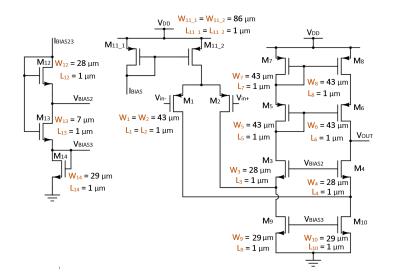


Tabela 5: Especificações.

	Valor		
Especificação	Teórico	Experimental	
Ganho para Sinais de Baixa Amplitude	70 dB	75.01 dB	
Largura de Banda	60 kHz	35.56 kHz	
Margem de Fase	60°	52.51°	
Slew-Rate	200 V/μs	199.9 V/μs	
Budget da Corrente	400 μΑ	398.72 μΑ	
Área de <i>Die</i>	0.02 mm ²	/	

Figura 13: Circuito actual.

3.2 Slew-Rate, Ganho, Largura de Banda e Margem de Fase

Por análise da tabela anterior, verifica-se que o valor da largura de banda corresponde a metade do pretendido, sendo que depois se torna mais complicado conseguir recuperar sem comprometer a slew-rate já obtida.

Assim, optou-se por uma nova abordagem em que fica decidido não alterar o rácio W/L dos transístores, com vista a não modificar o valor da sua transcondutância e não comprometer a sua região de funcionamento.

Olhando então para o primeiro ajuste feito, optou-se por modificar o valor de L dos transístores M_3 e M_4 de maneira igual à modificação de W, ou seja, L passa também para o dobro, ficando a 2μ m. Relativamente ao ajuste fino feito nos transístores M_{13} e M_{14} , opta-se por não manter o seu rácio W/L, algo que não é problemático, uma vez que não fazem parte do circuito do amplificador, mas sim parte de um circuito que o polariza em corrente. Face a esta modificação o circuito comporta-se da seguinte maneira.

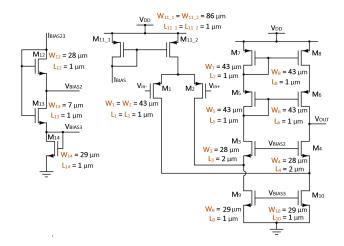


Figura 14: Circuito actual.

Tabela 6: Especificações.

	Valor		
Especificação	Teórico	Experimental	
Ganho para Sinais de Baixa Amplitude	70 dB	70.13 dB	
Largura de Banda	60 kHz	55.11 kHz	
Margem de Fase	60°	44.66°	
Slew-Rate	200 V/μs	171.4 V/μs	

Como se pode ver pela Tabela 6, a slew-rate desceu drasticamente face ao valor da Tabela 5. Assim, conclui-se que passar o rácio W/L dos transístores M_3 e M_4 para o dobro é muito e optou-se por aumentar, numa primeira fase, em 30% face ao valor original de $W=14\mu m$ e $L=1\mu m$. Optou-se também nesta altura por ter em consideração o critério do ganho, da largura de banda e da margem de fase - tomou-se esta decisão pois uma análise teórica de todos estes factores revela o quão afectados são uns pelos outros.

Veja-se: o ganho do circuito é dado pela equação (3.10) e a largura de banda, que está associada à frequência do pólo dominante, é dada pela equação (3.11) tal como se pode ver de seguida. A margem de fase é afectada por .

referir o que afecta PM

$$A_v = g_{m_1} R_o = g_{m_1} \left[\left(g_{m_4} r_{o_4} \left(r_{o_2} / / r_{o_{10}} \right) \right) / \left(g_{m_6} r_{o_6} r_{o_8} \right) \right]; \tag{3.10}$$

$$f_p = \frac{1}{2\pi C_L R_o} = \frac{1}{2\pi C_L \left[\left(g_{m_4} r_{o_4} \left(r_{o_2} / / r_{o_{10}} \right) \right) / \left(g_{m_6} r_{o_6} r_{o_8} \right) \right]}.$$
 (3.11)

O parâmetro comum ao ganho e à largura de banda é R_o - resistência de saída do amplificador folded cascode. O valor de R_o depende das resistências de saída de M_2 (r_{o_2}), M_4 (r_{o_4}), M_6 (r_{o_6}), M_8 (r_{o_8}) e M_{10} ($r_{o_{10}}$) e também da transcondutância de M_4 (g_{m_4}) e M_6 (g_{m_6}).

O valor da transcondutância é directamente proporcional ao rácio W/L e a resistência de saída de um transístor é dada por:

$$r_o = \left[\lambda \frac{1}{2} \mu_n C_{ox} \times \left(\frac{W}{L}\right) \times (V_{GS} - V_{TH})^2\right]^{-1}.$$
 (3.12)

Sabendo que se procura sempre manter o rácio das dimensões dos transístores vem:

$$g_m$$
: aumentar/diminuir W e aumentar/diminuir $L \to \text{mant\'em valor } de \ g_m$; (3.13)

$$r_o: \begin{cases} \text{aumentar } W \text{ e aumentar } L \to \text{ aumenta valor de } de \ r_o; \\ \text{diminuir } W \text{ e diminuir } L \to \text{ diminuir valor de } de \ r_o. \end{cases}$$
(3.14)

3.3 Budget da Corrente

4 Conclusões

Notes

preciso das imagens ds testbenchs	7
referir o que afecta PM	12