

Instituto Superior Técnico

MESTRADO INTEGRADO EM ENGENHARIA ELECTROTÉCNICA E DE COMPUTADORES

Sistemas Integrados Analógicos Projecto de Alto Nível de um ADC e DAC

Maria Margarida Dias dos Reis n.º 73099 Nuno Miguel Rodrigues Machado n.º 74236

$\acute{\mathbf{I}}\mathbf{ndice}$

| 1 Introdução | | | | | |
|--------------|------------------------------|---|---|--|--|
| 2 | Introdução Teórica | | | | |
| | 2.1 | Conversores A/D e Conversores D/A | 1 | | |
| | 2.2 | SINAD, SNR, SFDR e ENOB | 2 | | |
| | 2.3 | Janela Rectangular, Janela de Hamming e Janela de Blackman-Harris | 3 | | |
| 3 | 3 Demonstração de Resultados | | | | |
| | 3.1 | Análise de uma onda sinusoidal com frequência de amostragem de 1 MHz $$ | 4 | | |
| | 3.2 | Análise de uma onda sinusoidal com frequência de amostragem de 1,1 MHz $$ | 6 | | |
| 4 | Cor | nclusões | 8 | | |

1 Introdução

Com este trabalho laboratorial pretende-se introduzir o *software* Cadence, projectando um conversor AD/DA de alto nível. Analisando os conversores analógico-digitais (ADC) pode-se melhor compreender o conceito de *Fast Fourier Transform* (FFT), e a maneira como pode ser aplicada para medir parâmetros dos ADC, como a SINAD e o ENOB. Pretende-se também estudar o efeito de aplicar diversas janelas sobre a FFT.

2 Introdução Teórica

2.1 Conversores A/D e Conversores D/A

Começando por analisar os conversores analógico-digitais, as arquitecturas que os permitem podem ser divididas em três categorias: baixa-a-média velocidade, média velocidade e alta velocidade. O ADC utilizado neste trabalho é de aproximações sucessivas (SAR), sendo de média velocidade e exactidão.

Os conversores deste tipo estão entre os mais populares para realizar ADCs devido à sua versatilidade - conseguem efectuar conversões rápidas ou podem ser utilizados para que haja uma maior exactidão, operando a baixa potência nos dois casos. Este conjunto de características deriva de, no caso mais simples, o conversor necessitar apenas de um só comparador, um banco de condensadores com interruptores e pouca lógica de controlo digital. Na figura abaixo está esquematizado o circuito referido.

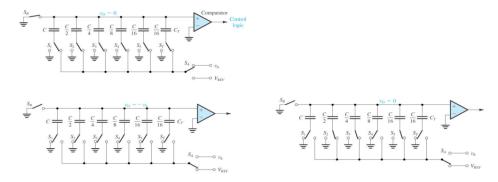


Figura 1: ADC construído com uma arquitectura de aproximações sucessivas.

O diagrama de blocos de um ADC unipolar de aproximações sucessivas que utiliza também um DAC é apresentado de seguida.

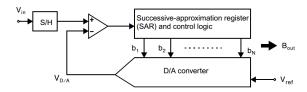


Figura 2: Diagrama de blocos de um ADC de aproximações sucessivas.

OS ADCs de aproximações sucessivas têm por base o algoritmo de procura conhecido como "procura binária", onde os dados podem ser calculados em N passos, para um conjunto de dados organizados de tamanho 2^N .

Existe um circuito sample-and-hold que permite adquirir a tensão de entrada. De seguida um comparador analógico de tensão compara a tensão de entrada com a saída do DAC e coloca o resultado da comparação no registo de aproximações sucessivas (SAR). O SAR é inicializado de maneira a que o bit mais significativo seja 1. Este código é dado ao DAC, que fornece então ao comparador uma tensão analógica equivalente à do código digital. O circuito comparador é assim capaz de efectuar a comparação entre a tensão de entrada amostrada e a tensão de referência. Se a tensão de referência for superior à tensão de entrada então é feito reset ao bit, passa a 0, caso contrário permanece a 1.

De seguida, o próximo bit é colocado a 1 e feito o mesmo teste, continuando esta "procura binária" até que todos os bits tenham sido testados no SAR. Assim, o conversor aplica o algoritmo para determinar a palavra digital mais próxima que corresponde à tensão de entrada amostrada.

2.2 SINAD, SNR, SFDR e ENOB

O signal-to-noise and distortion (SINAD) é uma medida da perfomance dinâmica geral de um ADC. É o rácio entre a amplitude do sinal em root-mean-square (valor eficaz) e o valor médio da root-sum-square das restantes componentes espectrais, incluindo harmónicas, mas excluindo a componente DC. O cálculo do SINAD em dB é feito de acordo com a expressão

SINAD =
$$10 \times \log_{10} \left(\frac{A_{\text{bin}(f_{in})}^2}{\sum_{n=2}^{\text{size}/2} \left(A_n^2 - A_{\text{bin}(f_{in})}^2 \right)} \right)$$
 (2.1)

O signal-to-noise ratio (SNR) é calculado a partir dos dados da FFT, tal como a SINAD, mas as harmónicas do sinal são excluídas dos cálculos, deixando apenas os termos de ruído. De uma maneira mais abstracta pode ser descrito como a comparação entre o nível de sinal desejado ao nível de ruído. O cálculo do SNR, em dB, para um número N de bits é feito de acordo com a expressão

$$SNR = 6,02N + 1,76. (2.2)$$

A spurious free dynamic range (SFDR) é o rácio entre a amplitude máxima do sinal a amplitude máxima seguinte, ou seja, é a diferença entre as duas amplitudes máximas. À semelhança da SINAD não inclui a componente DC. O cálculo da SFDR em dB é feito de acordo com a expressão

$$SFDR = 10 \times \log_{10} \left(\frac{A_{\text{bin}(f_{in})}^2}{A_{\text{bin}_{\text{max}}(\neq f_{in})}^2} \right). \tag{2.3}$$

O effective number of bits (ENOB) é uma medida da resolução de um ADC. De facto, a resolução de um ADC é dada pelo número de bits que são utilizados para representar um valor analógico porém, todos os ADCs reais introduzem ruído e distorção. Assim, o ENOB especifica o número

efectivo de bits que se tem na realidade, quando se considera a existência de ruído. O cálculo do ENOB é feito de acordo com a expressão

ENOB =
$$\frac{\text{SINAD} - 1,76}{6,02}$$
. (2.4)

No caso do trabalho laboratorial o ENOB é de 4 bits.

De notar, que tratando-se de um ADC ideal que se está a estudar, os conceitos de SINAD e de SNR "confundem-se" pois não existe distorção.

2.3 Janela Rectangular, Janela de Hamming e Janela de Blackman-Harris

A FFT é um algoritmo que permite obter a *Discrete Fourier Transform* (DFT), sendo então uma análise que permite converter tempo para frequência. Quando se calcula a DFT a entrada é um sinal digital e a saída é a análise digital espectral desse sinal. Inerentes à DFT estão erros e, para mitigar esses erros, recorre-se a um processo denominado de *windowing*.

A análise espectral da DFT depende de uma determinada frequência de amostragem, f_s , e, consequentemente, toda essa análise estará entre 0 e metade de f_s . Assim, a largura de banda da DFT é proporcional ao ritmo de amostragem. Este período de amostragem é dado por

$$\Delta t = \frac{1}{f_s},\tag{2.5}$$

sendo que no domínio da frequência existem os chamados bins. A frequência de um determinado $bin\ k$ relaciona-se com a frequência do sinal de entrada de acordo com

$$f_k = \frac{k}{N_s \triangle t},\tag{2.6}$$

onde k corresponde ao número do bin, que é sempre um inteiro, e N_s ao número de amostras. Através de (2.6) pode-se deduzir qual é a máxima frequência que pode ser representada por um dado número de amostras.

$$k = \frac{N_s f_k}{f_s}. (2.7)$$

Analise-se agora o caso do trabalho laboratorial, em que a onda de entrada tem uma frequência de 13,671875 kHz, a frequência de amostragem é de 1 MHz e são utilizadas 512 amostras. Espera-se que o máximo da amplitude ocorra em k = 7.

Ainda para o mesmo sinal de entrada, quando a frequência de amostragem passa para 1,1 MHz, espera-se que o máximo de amplitude ocorra em k=6,36364. Este valor não é inteiro e cada bin corresponde a uma frequência e não a um intervalo de frequências. Assim sendo, a DFT não consegue representar energia em k=6,36364 pelo que a energia tem uma leak entre os bins k=6 e k=7, fenómeno conhecido como spectral leakage.

Para procurar resolver este problema de *spectral leakage* existe *windowing*. Com esse processo é possível concentrar a energia nos *bins* que têm maior amplitude (os que estão próximos do *bin* de amplitude máxima) e atenuar a energia dos *bins* circundantes.

O windowing é implementado multiplicando o sinal de entrada por uma função de janela. Existem diversas funções de janelas, considerando-se aqui a janela rectangular, a janela de Hamming e a janela de Blackman-Harris.

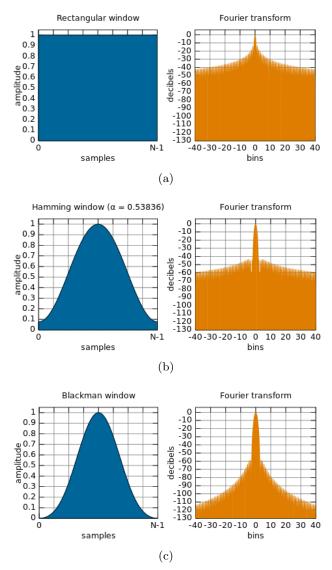


Figura 3: Magnitude (azul) e representação gráfica da DFT (laranja) da janela rectangular (a), magnitude (azul) e representação gráfica da DFT (laranja) da janela de Hamming (b) e magnitude (azul) e representação gráfica da DFT (laranja) da janela de Blackman-Harris (c).

3 Demonstração de Resultados

3.1 Análise de uma onda sinusoidal com frequência de amostragem de 1 MHz

Sabendo que se tem um frequência de amostragem, f_s , de 1 MHz e que a frequência do sinal de entrada, f_{in} , é de 13,671875 kHz, pode-se recorrer a (2.7) para determinar qual é a máxima frequência que pode ser representada por um dado número de amostras, que neste caso é 512. Assim, verifica-se que k é 7, tal como visto anteriormente, e nesse ponto espera-se um máximo de amplitude.

Uma vez que k é um número inteiro, verifica-se coerência entre a frequência do sinal de entrada e a frequência de amostragem, pelo que pode-se dispensar o uso do processo de windowing na FFT implementada.

Para que a FFT consiga reproduzir o sinal correctamente e sem distorção a partir das amostras obtidas é necessário que k seja um número inteiro, e que a frequência de amostragem da FFT seja igual à frequência de amostragem do ADC. Como se utilizam $N_s=512$ amostras e, sabendo que a frequência de amostragem do ADC é de 1 MHz, para que a FFT tenha a mesma frequência de amostragem, aplica-se a fórmula

$$t_{\text{janela}} = \frac{N_s}{f_s},\tag{3.1}$$

que permite obter uma janela temporal, $t_{\rm janela} = 512~\mu s$.

Com este valores definidos é então possível simular o circuito com o Cadence.

Tabela 1: Valores obtidos para o ENOB, SINAD, SNR e SFDR com a janela rectangular.

| | Janela Rectangular |
|-------|--------------------|
| ENOB | 3,985 |
| SINAD | 25,75 |
| SNR | 26,16 |
| SFDR | 35,56 |

REFAZER TABELA COM UNIDADES, VERIFICAR SINAD E SNR

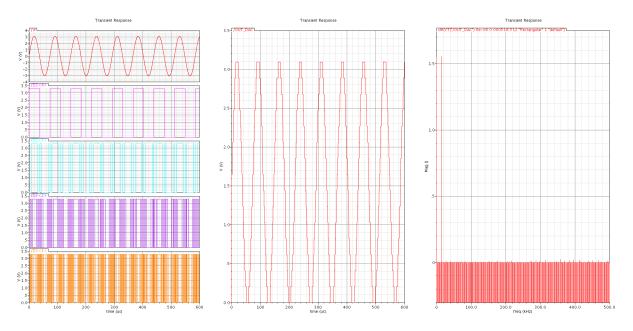


Figura 4: Simulação obtida no Cadence para o ADC para um valor de f_s de 1 MHz.

Pode-se observar na Tabela 1 os resultados do ENOB, SINAD, SNR e SFDR calculados a partir da ferramenta de cálculo do Cadence. De notar que se obteve um valor de 3,985 bits para o ENOB, valor que está muito próximo do pretendido, uma vez que se esta a utilizar um ADC ideal de 4 bits.

O valor do SNR téorico pode ser calculado a partir de (2.2) e, sabendo que N=4 bits, dá um resultado de 25,84 dB. Para este caso o valor obtido foi de 25,75 dB, um resultado coerente com o número de bits obtido para o conversor.

Na Figura 4, estão representados seis sinais no domínio temporal e um sinal no domínio da frequência. Pode-se visualizar o sinal sinusoidal de entrada, sinal à esquerda em cima, e os restantes quatro sinais representam a saída do ADC. No centro tem-se o sinal de saída do DAC. Por último, o sinal à direita, representa o espectro em frequência da FFT do sinal de saída do DAC.

No espectro de frequência pode-se visualizar graficamente as conclusões anteriormente referidas. Como o sinal de entrada é composto por uma frequência fundamental e existe coerência entre a frequência de amostragem e a de entrada, ocorre só um bin na frequência do sinal de entrada e um bin amostrado em DC. Mais ainda, verifica-se que não há distorção.

3.2 Análise de uma onda sinusoidal com frequência de amostragem de 1,1 MHz

Mantendo agora a mesma frequência para o sinal de entrada, 13,671875 kHz, o mesmo número de amostras, $N_s = 512$, e alterando a frequência de amostragem para 1.1 MHz, é refeita a análise relativamente ao ponto onde se espera que haja um máximo de amplitude da FFT. Recorrendo a (2.7) obtém-se um valor de k = 6,36364, um valor que não é inteiro.

Sabendo que este valor não é inteiro, sabe-se também que ocorre spectral leakage, ou seja, a energia estará dispersa entre k = 6 e k = 7.

Para que a FFT consiga representar correctamente o sinal pretendido, é necessário definir um tamanho da janela correcto. Como já foi referido, a frequência de amostragem da FFT tem que ser igual à frequência de amostragem do sinal de entrada, ou seja de 1,1 MHz com um número de amostras igual a 512. Assim, recorrendo a (3.1), obtém-se uma janela temporal, $t_{\text{ianela}} = 465,455 \,\mu\text{s}$.

De notar que primeiramente foi feita uma simulação com a mesma janela temporal utilizada anteriormente, ou seja, com $t_{\rm janela}=512~\mu s$. Porém, com esta janela a FFT apresentava um bin em k=7, o que não correspondeu ao esperado de spectral leakage e dispersão de energia. Desta maneira, alterou-se a janela e efectuaram-se novas simulações.

Com este valores definidos é então possível simular o circuito com o Cadence.

Tabela 2: Valores obtidos para o ENOB, SINAD, SNR e SFDR com a janela rectangular, janela de Hamming e janela de Blackman-Harris.

| | Janela Rectangular | Janela Hamming | Janela Blackman |
|-------|--------------------|----------------|-----------------|
| ENOB | 0,7218 | 3,305 | 3,416 |
| SINAD | 6,105 | 21,65 | 22,33 |
| SNR | 6,148 | 22,24 | 23,85 |
| SFDR | 9,525 | 28,05 | 36,63 |

REFAZER TABELA COM UNIDADES, VERIFICAR SINAD E SNR

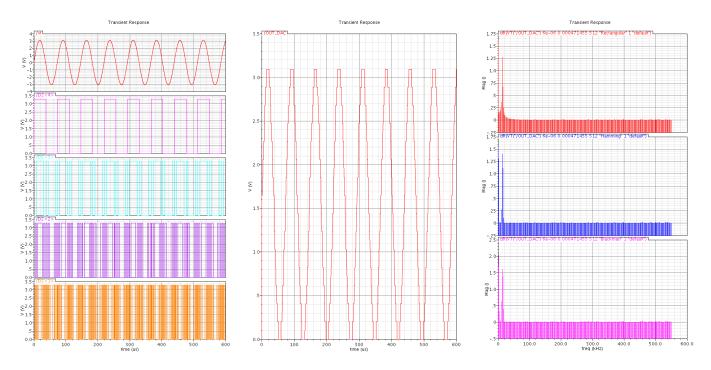


Figura 5: Simulação obtida no Cadence para o ADC para um valor de f_s de 1,1 MHz.

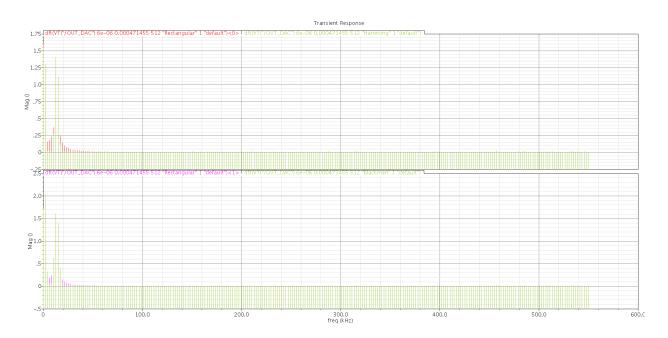


Figura 6: Simulação obtida no Cadence para a FFT, sobrepondo a janela rectangular com a de Hamming e de Blackman-Harris.

Pode-se observar na Tabela 2 os resultados do ENOB, SINAD, SNR e SFDR calculados a partir da ferramenta de cálculo do Cadence, para o caso de aplicar sobre a FFT uma janela rectangular, a janela de Hamming e a janela de Blackman-Harris. Para o caso da janela rectangular, o número de bits obtido foi de 0,7218, ou seja, um valor afastado do teórico de 4 bits. Isto ocorre porque há spectral leakage e é necessário recorrer a windowing para resolver o problema. A janela rectangular aplicada primeiramente tem o problema de todas as riscas espectrais terem a mesma ponderação.

Primeiramente aplicou-se a janela de Hamming

4 Conclusões