

Programare in limbaj de asamblare

Instructioni in virgula mobila

Aritmetica in virgula mobila

Reprezentarea in virgula mobila

- Semn+Exponent+Mantisa
- Extinde posibilitatile de reprezentare ale numerelor: foarte mari & foarte mici (fractionare)
- NU respecta algebra numerelor reale:
 - numar finit de valori posibile
 - rezolutie si acuratete limitata (numar limitat de cifre semnificative)
 - anomalii la calculul operatiilor aritmetice:
 - truncheri, rotunjiri, depasirea capacitatii de reprez.

Anomalii si moduri de evitare a acestora

- adunarea si scaderea unor numere cu magnitudini diferite - **numerele f. mici se pierd la trunchiere** - gruparea operanzilor in raport de magnitudine
- compararea numerelor - **diferente datorate rotunjirilor sau trunchierilor** - comparare cu marja de eroare
- modelarea valorilor limita : **0, $+\infty$, $-\infty$**
- Exemplu:

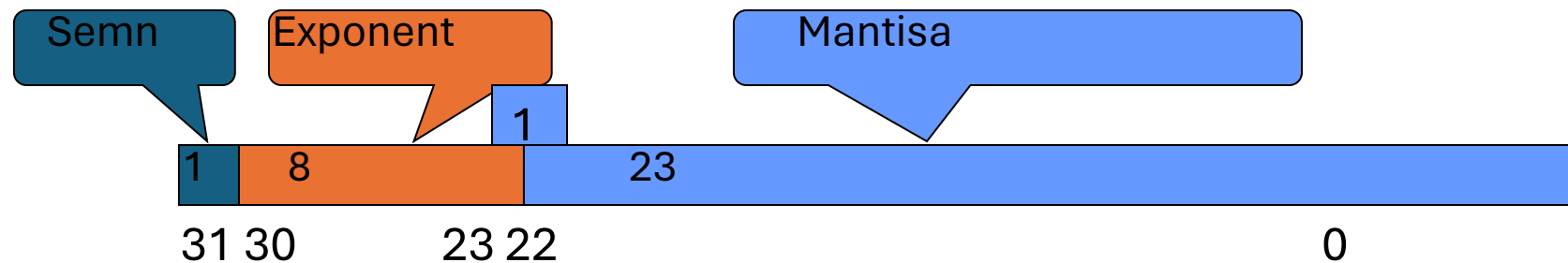
$$a = 0.23 + 0.26 = 0.490000000000000000188$$

$$b = 0.24 + 0.25 = 0.489999999999999999911$$

if (a==b) ; poate fi fals!

Formate standard pt. virgula mobila (Standardul Intel - IEEE)

- Intel foloseste 3 formate: precizie simpla (32 biti) , dubla (64 biti) si extinsa (80 biti)



- Simpla precizie:
 - semn - 1 bit (0 -pozitiv; 1- negativ)
 - mantisa - 23+1 biti ($m_{24} = 1$, nu se reprezinta)
 - exponent - 8 biti - exces 127 (exponent + 127)

Simpla precizie

- mantisa $\in [1.000 - 2.000)$
 - cifrele semnificative se reprezinta in format normalizat (exceptie: valoarea 0)
 - bitul din stanga (=1) nu se reprezinta
 - aprox. 6,5 cifre zecimale semnificative
- exponentul - reprezentat in codul exces 127
 - la valoarea exponentului se adauga 127 (ex: exponentul 0 se reprezinta prin valoarea 127)
 - se simplifica operatiile de comparare

Formate in virgula mobila

- Dubla precizie: 64 biti

1 bit semn + 11 biti exponent + (52+1) biti mantisa

- Precizie extinsa: 80 biti

1 bit semn + 15 biti exponent + 64 biti mantisa

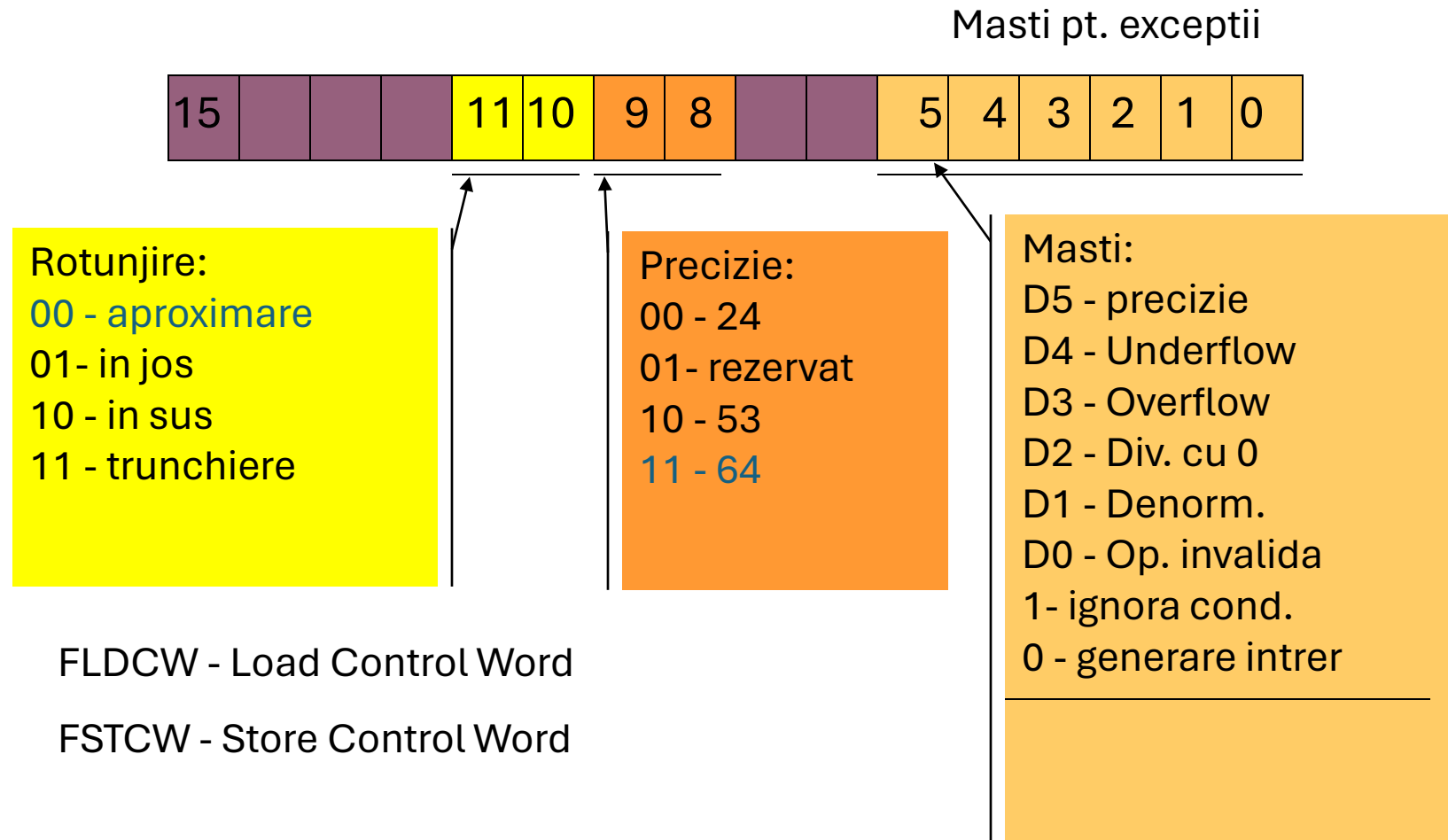
- fara bit implicit pt. mantisa
- format folosit pentru rezultate intermediare
- toate calculele interne se fac in precizie extinsa
- ajuta la evaluarea mai precisa a rotunjirilor

Unitatea de executie in virgula mobila - registre

- Registre de date - 8 reg*80 biti organizate ca o stiva
- Denumire: ST(0) - ST(7);
- ST(0) - varful stivei; ST(1) penultima data
- adresare relativa

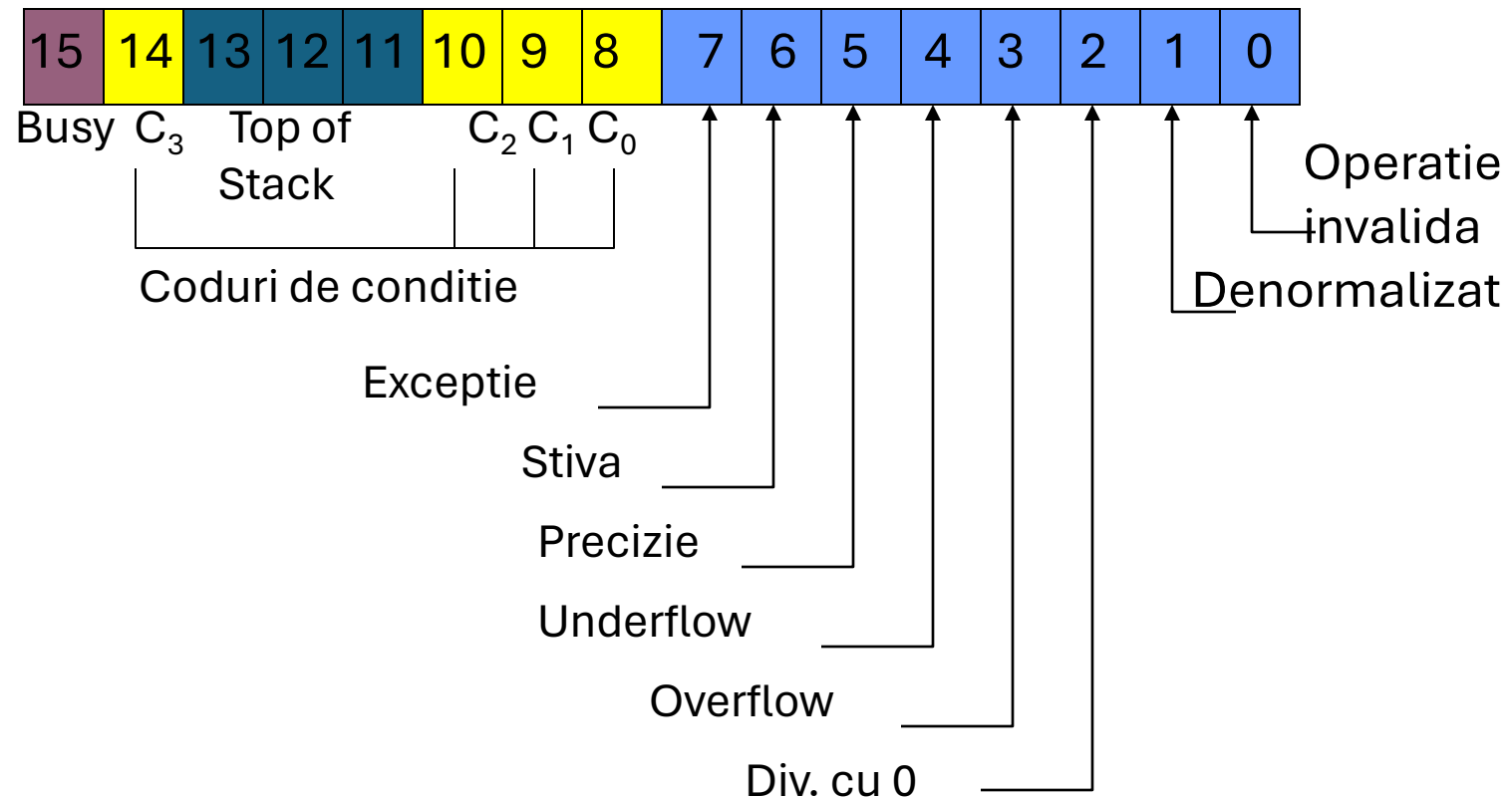
Unitatea de executie in virgula mobila - registre

- Registrul de control:



Registrele coprocesorului matematic

- Registrul de stare:



Tipuri de date acceptate de FPU

- Intregi:
 - complement fata de 2 pe 16, 32 si 64 biti
- Zecimal impachetat
 - semn + 17 cifre zecimale (80 biti)
- Flotant:
 - precizie simpla (32), dubla (64) extinsa (80)

Instructioniunile unitatii de executie
in virgula mobila

Instructiuni de transfer

- **Scriere pe stiva: FLD**

- decrementeaza ind. de stiva, apoi incarca un operand pe 32,64 sau 80 biti pe varful stivei;
- valoarea este extinsa la 80 biti

- fld st(1)

- fld mem_32

- fld MyRealVar

- fld mem_64[bx]

- ex: fld st(0) ; dubleaza valoarea de pe varful stivei

Instructiuni de transfer

- **Citire de pe stiva FST si FSTP:**

- incarca un operand pe 32,64 sau 80 biti de pe varful stivei intr-un registru sau intr-o locatie de memorie
- valoarea citita este rotunjita
- la instructiunea FSTP, dupa citire, indicatorul de stiva se incrementeaza (operatie "POP")

`fst mem_32`

`fst mem_80`

`fstp mem_64`

`fst st(2)`

`fstp mem_64[ebx*8]`

`fstp st(1)`

Instructioni de transfer

- **instructiunea FXCH:** schimba continutul varfului de stiva cu un alt registru

fxch st(2) ; st(0)<=>st(2)

fxch ; st(0)<=>st(1)

Instructiuni de conversie

- Convertesc din intreg sau BCD in flotant si invers
- Conversie intreg<=>flotant
 - **Instructiunea FILD:** incarca un intreg pe 16,32 sau 64 biti pe stiva cu conversie din intreg (C2) in flotant extins
 - fild mem_16
 - fild mem_32[ecx*4]
 - fild mem_64[ebx+ecx*8]
 - **Instructiunile FIST si FISTP:** descarca un flotant extins de pe stiva si il converteste in intreg pe 16,32, 64
 - fist mem_16[bx]
 - fist mem_64
 - fistp mem_32

Instructiuni de conversie

- Conversie flotant \Leftrightarrow BCD
 - **instructiunea FBLD**: converteste BCD (80biti) in flotant extins si pune valoarea pe stiva
 - **instructiunea FBSTP**: converteste flotant extins in BCD (80 biti) si descarca stiva
 - exemplu: conversie BCD - intreg pe 64 biti
 - fbld bcd_80 ; conversie BCD=> flotant.
 - fist mem_64 ; conversie flotant=> intreg.

Instructiuni aritmetice

- **instructiuni de adunare: FADD, FADDP**

fadd ;pop st(0); pop st(1); push st(0)+st(1)

faddp ; se pune tot pe stiva

fadd st(i), st(0) ; st(i)=st(i)+st(0)

fadd st(0), st(i) ; st(0)=st(0)+st(i)

faddp st(i), st(0) ; st(i)=st(i)+st(0) si pop st(0)

fadd mem ; st(0)=st(0)+mem(32 sau 64 flotant)

Instructiuni aritmetice

- **Instructiuni de scadere: FSUB, FSUBP, FSUBR, si FSUBRP**

fsub sau fsubp ; pop st(0);pop st(1); push st(1)-st(0)

fsubr sau fsubrp ; pop st(0);pop st(1); push st(0)-st(1)

fsub st(i). st(0) ; st(i)=st(i)-st(0)

fsub st(0), st(i) ; st(0)=st(0)-st(i)

fsubp st(i), st(0) ; st(i)=st(i)-st(0) si pop st(0)

fsub mem ; st(0)=st(0)-mem

fsubr st(i), st(0) ; st(i) = st(0)-st(i)

fsubrp st(i), st(0)

fsubr st(0), st(i) fsubr mem

Instructiuni aritmetice

- **Instructiuni de inmultire FMUL, FMULP**

fmul ; pop st(0); pop st(1); push st(0)*st(1)

fmulp ;idem

fmul st(0), st(i) ; st(0)=st(0)*st(i)

fmul st(i), st(0) ; st(i)=st(i)*st(0)

fmul mem ; st(0)=st(0)*mem(32 sau 64)

fmulp st(i), st(0) ; st(i)=st(i)*st(0) si pop st(0)

Instructiuni aritmetice

- **Instructiuni de impartire:FDIV, FDIVP, FDIVR, si FDIVRP**

fdiv (st(0):=st(1)/st(0))

fdivp

fdivr (st(0):= st(0)/st(1))

fdivrp

fdiv st(0), st(i)

fdiv st(i), st(0)

fdivp st(i), st(0)

fdivr st(0), st(i)

fdivr st(i), st(0)

fdivrp st(i), st(0)

fdiv mem

fdivr mem

Instructiuni aritmetice

- Radacina patrata - **FSQRT**

- calculeaza radacina patrata din valoarea continuta in varful stivei; rezultatul se pune in ST(0)
- nu are parametri
- exemplu: $z = \sqrt{x^2 + y^2}$

| | |
|-----------|----------------------|
| fld x | fadd ;x*x+y*y |
| fld st(0) | fsqrt ;sqrt(x*x+y*y) |
| fmul ;x*x | fst z |
| fld y | |
| fld st(0) | |
| fmul ;y*y | |

Instructioni aritmetice

- Scalare **FSCALE**

- descarca 2 valori de pe stiva si reincarca valoarea:
 $st(0) * (2^{st(1)})$
- inmultire sau impartire cu puteri intregi ale lui 2
- daca $st(1)$ nu este intreg atunci se trunchiaza la zero
- exemplu:

```
var_intreaga word 16
```

```
fild var_intreaga
```

```
fld x
```

```
fscale ;  $x * (2^{16})$ 
```

Instructioni aritmetice

- Rest partial: **FPREM1**
 - calculeaza restul impartirii $st(0)/st(1)$,
(calculeaza corect restul daca $exp(st(0)) - exp(st(1)) < 64$, altfel operatia trebuie repetata)
 - **nu** descarca 2 valori de pe stiva,
 - rezultatul se pune in $st(0)$
- Rotunjire: **FRNDINT**
 - rotunjeste valoarea din varful stivei la un intreg, conform schemei de rotunjire indicate prin registrul de control

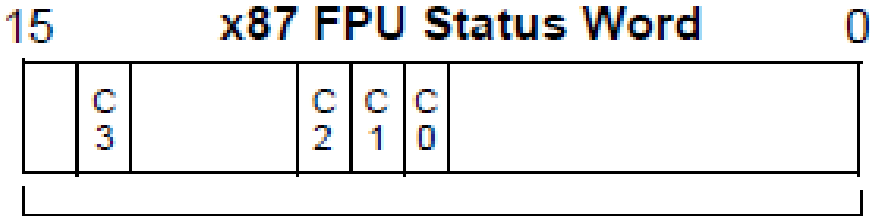
Instructioni aritmetice

- Valoare absoluta: **FABS**
 - transforma valoarea din varful stivei intr-un numar pozitiv, prin stergerea bitului de semn
 - $st(0) = \text{abs}(st(0))$
- Schimbare semn: **FCHS**
 - schimba semnul valorii din varful stivei
 - $st(0) = -st(0)$

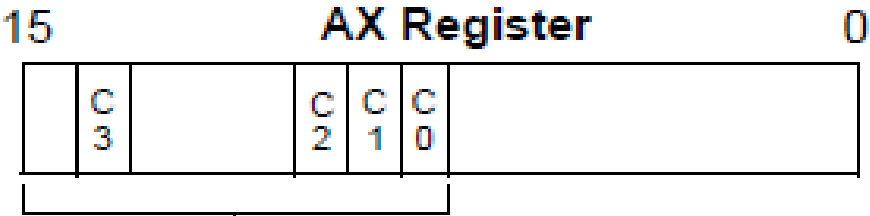
Instructiuni de comparare

- se compara 2 valori de pe varful stivei si se seteaza corespunzator indicatorii de conditie din registrul de stare al coprocesorului
- nu exista salt conditionat bazat pe acesti indicatori;
- indicatorii trebuie copiat in registrul AX (cu FSTSW) si apoi din AH in registrul de stare al procesorului x86 (cu SAHF)
- echivalare indicatori: C0=>CF, C1=>?, C2=>PF, C3=>ZF
- se pot utiliza numai salturile conditionate pentru intregi fara semn !!!!!:
JA, JAE, JBE, JB, JE, JZ

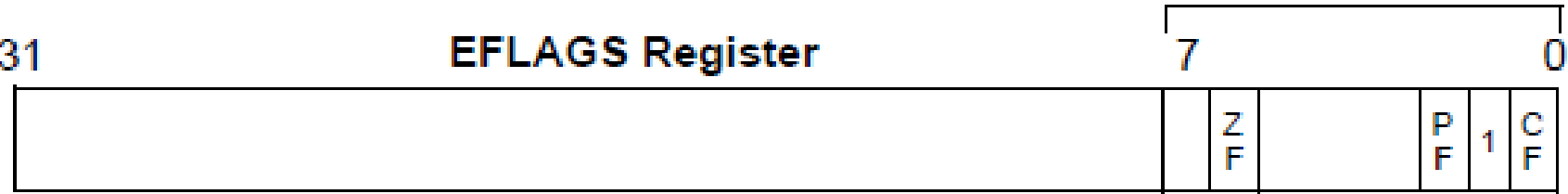
| Condition Code | Status Flag |
|----------------|-------------|
| C0 | CF |
| C1 | (none) |
| C2 | PF |
| C3 | ZF |



FSTSW AX Instruction



SAHF Instruction



Instruțiuni de comparare

- **FCOM, FCOMP, FCOMPP**

- sintaxa:

| | |
|--------------|-----------------------------------|
| fcom | ; compara st(0) si st(1) |
| fcomp | ; idem, + descarca st(0) |
| fcompp | ; idem, + descarca st(0) si st(1) |
| fcom st(i) | ; compara st(0) cu st(i) |
| fcomp st(i) | ; idem, + descarca st(0) |
| fcom mem | ; compara st(0) si mem |
| fcomp mem | ; idem + descarca st(0) |

Instructioni de comparare

- **FUCOM, FUCOMP, FUCOMPP**

- sintaxa:

- fucom

- fucomp

- fucompp

- fucom st(i)

- fucomp st(i)

- identice cu cele anterioare, dar nu genereaza exceptie in cazul compararii unor valori care nu sunt numere (exceptie NAN)

Instructioni de comparare

- **FTST**

- compara st(0) cu 0.0
- nu face diferenta intre + si - 0.0
- nu descarca stiva

- **FXAM**

- examineaza valoarea din st(0) si seteaza corespunzator indicatorii de conditie
- nu descarca stiva

Instructioni de comparare noi

- Familia de procesoare P6
- Comparare valori reprezentate in virgula mobile si setare direct EFLAGS
- FCOMI, FCOMIP, FUCOMI, and FUCOMIP
- Flags afectate: ZF, PF, CF

| Condition | C3 | C2 | C0 |
|------------------------|----|----|----|
| ST(0) > Source Operand | 0 | 0 | 0 |
| ST(0) < Source Operand | 0 | 0 | 1 |
| ST(0) = Source Operand | 1 | 0 | 0 |
| Unordered | 1 | 1 | 1 |

| Comparison Results | ZF | PF | CF |
|----------------------|----|----|----|
| ST0 > ST(<i>i</i>) | 0 | 0 | 0 |
| ST0 < ST(<i>i</i>) | 0 | 0 | 1 |
| ST0 = ST(<i>i</i>) | 1 | 0 | 0 |
| Unordered | 1 | 1 | 1 |

Incarcare constante

- permit incarcarea pe stiva a unor constante utilizate frecvent

`fldz` ; +0.0.

`fld1` ; +1.0.

`fldpi` ; pi

`fldl2t` ; $\log_2(10)$.

`fldl2e` ; $\log_2(e)$.

`fldlg2` ; $\log_{10}(2)$.

`fldln2` ; $\ln(2)$.

Instructiuni pentru functii logaritmice si trigonometrice

- **F2XM1**

- calculeaza: $2^{\text{st}(0)} - 1$
- st(0) trebuie sa fie in intervalul: $[-1.0 .. +1.0]$
- exemplu: $10^x = 2^{x \cdot \lg 2(10)}$

fld x

fldl2t

fmul

f2xm1

fld1

fadd

Instructioni logaritmice

- **FYL2X**

- calculeaza: $st(1) * \lg_2(st(0))$
- util in calculul unor logaritmi in alta baza decat 2
- $st(0)$ trebuie sa fie >0

- **FYL2P1**

- calculeaza: $st(1) * \lg_2(st(0)+1)$

Functii trigonometrice

- **FSIN, FCOS, FSINCOS**

- calculeaza sinusul, cosinusul sau ambele functii pt. valoarea din varful stivei; rezultatul se pune in varful stivei
- FSIN: $st(0) = \sin(st(0))$
- FCOS: $st(0) = \cos(st(0))$
- FSINCOS $st(0) = \cos(st(0))$ si $st(1) = \sin(st(0))$
- unghiurile se considera in radiani si trebuie sa fie in intervalul $(-2^{63} .. +2^{63})$

Instructioni trigonometrice

- **FPTAN**

- calculeaza tangenta din $\text{st}(0)$
- rezultatul si apoi valoarea 1.0 se pun pe stiva

- **FPATAN**

- calculeaza arctangenta din $\text{st}(0)/\text{st}(1)$
- extrage 2 valori de pe stiva si pune inapoi o valoare

Alte instructiuni

- FINIT - initializare coprocesor
 - aduce coprocesorul intr-o stare cunoscuta:
 - reg. de control (CW)= 37H
 - reg. de stare (SW) = 0
- FWAIT - forteaza procesorul x86 sa astepte terminarea instructiunii curente din coprocesor
 - evita executia in paralel a unor operatii care afecteaza aceleasi variabile

Operatii cu registrele speciale

- FLDCW si FSTCW - incarcare si salvare registru de control
 - sintaxa: fldcw mem_16 ; CW<=mem_16
fstcw mem_16 ; mem_16<=CW
- FLDSW si FSTSW - incarcare si salvare registru de stare
 - sintaxa: fldsw ax ; SW<=AX
fstsw ax ; AX<=SW
fldcw mem_16 ; CW<=mem_16
fstcw mem_16 ; mem_16<=CW

Salvare si refacere stare coprocesor

- FLDENV si FSTENV - incarca si salveaza “mediul” de lucru al coprocesorului
 - se transfera 14 octeti avand urmatorul format:
 - reg. de control (CW) - 2 octeti
 - reg. de stare (SW) - 2 octeti
 - cuvantul atasat (tag) - 2 octeti
 - poantor de instructiuni - 20 biti
 - codul de instructiune 11 biti
 - poantor de date 20 biti
 - restul nefolositi

Operatii cu registrele speciale

- FSAVE/FNSAVE si FRSTORE
 - salveaza si respectiv refac “starea” coprocesorului, adica registrele de control, stare si de date; folosite pt. comutare de context
 - se transfera 94 octeti =
 - 14 octeti pt. “mediu” +
 - 80 octeti - continutul stivei (ST(0) ... ST(7))
 - sintaxa: `fsave mem_94_oct`
`fnsave mem_94_oct`
`frstore mem_94_oct`

Alte instructiuni

- FINCSTP si FDECSTP - incrementare si decrementare poantor de stiva (modulo 8)
- FNOP - no operation - pt. temporizare
- FFREE - modifica tag-ul atasat unui registru, pentru a marca faptul ca registru este gol
 - sintaxa:
ffree st(i) ; marcheaza reg. i ca fiind gol
- FCLEX/FNCLEX - sterge toti bitii de exceptie, indicatorul Busy si eroarea de stiva

Instructioni cu intregi

- inainte de operatia aritmetica valoarea intreaga este convertita in virgula flotanta pe 80 biti

- sintaxa:

fiadd int

fidiv int

fisub int

fidivr int

fisubr int

ficom int

fimul int

ficomp int

- int - intreg pe 16 sau 32 biti

Exemple

- Calculul cotangentei

fld arc

fsincos

fdivr

fst cotangenta

- Arccotangenta $\text{actg}(x) = \text{atg}(1/x)$

fld1 ; pune "1" pe stiva

fld cotang

fpatan ; atan(st(1)/st(0))

fst arc

Exemple

- Arcsinus: $\text{asin}(x) = \text{atan}(\text{sqrt}(x*x/(1-x*x)))$

fld sinus

fld st(0) ;Duplica x pe stiva

fmul ; calculeaza x*x.

fld st(0) ;Duplica x*x pe stiva.

fld1 ;Calculeaza 1-X**2.

fsubr

fdiv ;Calculeaza X**2/(1-X**2).

fsqrt ;Calculeaza sqrt(x**2/(1-X**2)).

fld1 ;Calculeaza arctangent.

fpatan

Exemple

- Logarithm in baza 10 din x

- $\lg_{10}(x) = \lg_2(x) / \lg_2(10)$

- fld1

- fld x

- fyl2x ;Calculeaza 1*lg(x).

- fldl2t ;Incarca lg(10).

- fdiv ;Calculeaza lg(x)/lg(10).

Exercitii

Sa se scrie o functie care calculeaza expresia $R=(A^2-1.33*B)/C^{1/2}$ (numerele sunt reprezentate in virgula mobila pe 64 de biti), adresele operanzilor sunt transmise ca si parametru.

Sa se scrie o functie care returneaza A^2 daca $A < 1$ si \sqrt{A} in rest. A este reprezentat in virgula mobila pe 64 de biti. Adresa lui A este transmisa ca parametru functiei.