

Elemente de proiectare BD (1)

Dependențe Funcționale

Decompoziții

Forme Normale

Problema proiectării bazelor de date relaționale

- Alegerea schemelor de relație și modul de grupare al atributelor în relații pentru a reprezenta tipuri de entități sau legături între tipuri de entități.
- Există mai multe alegeri posibile, unele pot fi mai convenabile decât altele.
- Dependența datelor → Ideea centrală (influențează proprietățile relațiilor în raport cu operațiile curente)

Dependențe Funcționale

- $X \rightarrow Y$ este o declarație pentru relația R astfel încât oricând două tuple din R au aceleași valori pentru toate attributele ce formează X , atunci valorile din cele două tuple pentru toate attributele din setul Y trebuie să coincidă.
 - Se spune "Aserțiunea $X \rightarrow Y$ este valabilă în R ."
 - X, Y, Z reprezintă seturi de attribute
 - A, B, C reprezintă attribute singulare

Divizarea membrului dreapta al unei DF

- $X \rightarrow A_1 A_2 \dots A_n$ este valabilă pentru R dacă și numai dacă $X \rightarrow A_1, X \rightarrow A_2, \dots, X \rightarrow A_n$ sunt valabile pentru R .
- Exemplu: $A \rightarrow BC$ este echivalent cu $A \rightarrow B$ și $A \rightarrow C$.
- Nu există regulă de divizare a membrului stânga al unei DF.
- În general DF au în partea dreapta un singur element.

Exemplu: DF

Drinkers(name, addr, beersLiked, manf, favBeer)

□ Se poate gândi că:

1. name → addr favBeer

□ Notă această FD este identică cu name → addr
și name → favBeer.

2. beersLiked → manf

Exemplu: Date Posibile

| name | addr | beersLiked | manf | favBeer |
|---------|------------|------------|--------|-----------|
| Janeway | Voyager | Bud | A.B. | WickedAle |
| Janeway | Voyager | WickedAle | Pete's | WickedAle |
| Spock | Enterprise | Bud | A.B. | Bud |

Deoarece **name** → **addr**

Deoarece **name** → **favBeer**

Deoarece **beersLiked** → **manf**

Chei ale Relațiilor

- K este o *supercheie* pentru relația R dacă K determină funcțional toate attributele din R .
- K este o *cheie* pentru R dacă K este o supercheie, și nici un subset al lui K nu este supercheie.

Exemplu: Supercheie

Drinkers(name, addr, beersLiked, manf, favBeer)

□ {name, beersLiked} este o supercheie deoarece aceste attribute determină împreună toate celelalte attribute.

□ name → addr favBeer

□ beersLiked → manf

Exemplu: Cheie

- $\{\text{name}, \text{beersLiked}\}$ este o cheie deoarece nici $\{\text{name}\}$ nici $\{\text{beersLiked}\}$ nu este o supercheie.
 - $\text{name NU} \rightarrow \text{manf}; \text{beersLiked NU} \rightarrow \text{addr}.$
- Nu există alte chei, dar există mai multe superchei.
 - Orice superset al $\{\text{name}, \text{beersLiked}\}.$

Deducerea DF

- Fiind date DF $X_1 \rightarrow A_1, X_2 \rightarrow A_2, \dots, X_n \rightarrow A_n$, presupunem că dorim să verificăm dacă o DF $Y \rightarrow B$ este valabilă în una din relațiile ce satisfac DF date.
- Exemplu: Dacă $A \rightarrow B$ și $B \rightarrow C$ este valabilă, atunci $A \rightarrow C$ este valabilă.
- Este important pentru o bună proiectare a schemelor de relație.

Testul pentru Inferență

- Pentru a testa dacă $Y \rightarrow B$, se pornește de la presupunerea că două tuple au aceleași valori pentru toate attributele ce formează Y .

← →

Y

0000000. . . 0

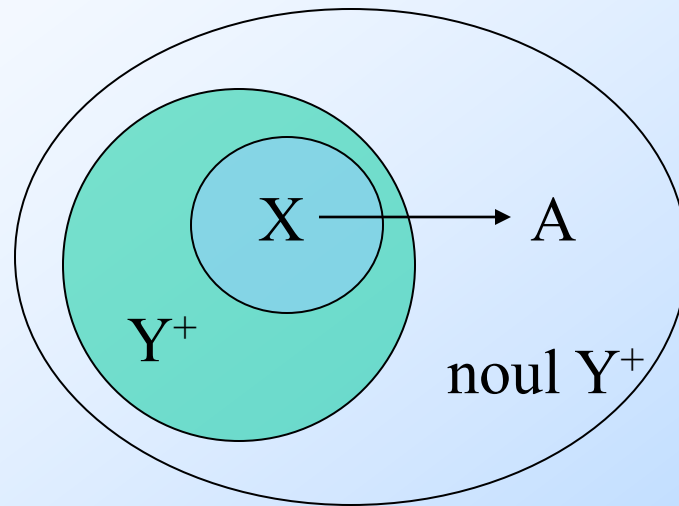
00000?? . . . ?

Testul pentru Inferență

- Se folosesc DF date pentru a infera că aceste tuple trebuie să aibă aceleași valori corespunzătoare altor attribute.
 - Dacă B este unul din aceste attribute, atunci $Y \rightarrow B$ este adevărat.
 - În caz contrar, cele două tuple, formează o relație formată din două tuple ce dovedește că $Y \rightarrow B$ nu este deductibilă din DF date.

Testul de Închidere Tranzitivă

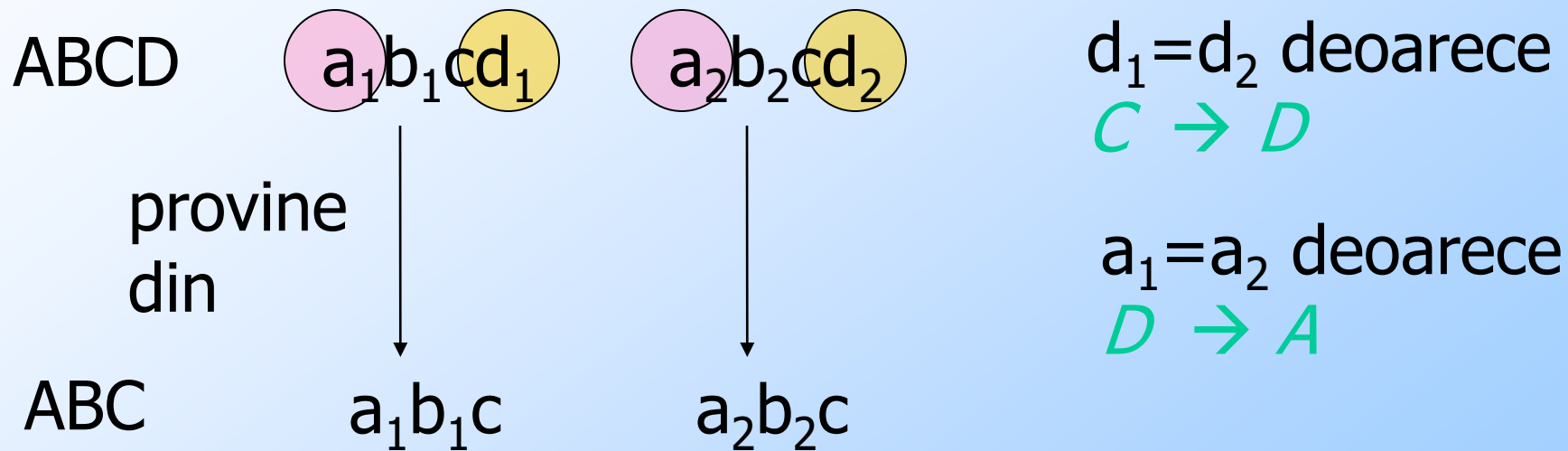
- O cale mai simplă de a testa inferența este calculul *închiderii* lui Y , notate Y^+ .
- **Ipoteza:** $Y^+ = Y$.
- **Inducția:** Se caută o DF ce are în stânga X ce este un subset al Y^+ curent. Dacă DF este $X \rightarrow A$, se adaugă A la Y^+ .



Găsirea tuturor DF-le

- **Motivație:** “normalizarea,” procesul prin care se “sparge” schema unei relații în două sau mai multe scheme.
- Exemplu: $ABCD$ cu DF-le $AB \rightarrow C$, $C \rightarrow D$, și $D \rightarrow A$.
 - Se decompune în ABC , AD . Ce DF-le sunt valabile în ABC ?
 - Nu numai $AB \rightarrow C$, ci de asemenea $C \rightarrow A$!

Explicație



Așadar, tuplele din proiecție
cu același C au același A;
 $C \rightarrow A$.

Regula de Bază

1. Se începe cu DF date și se caută toate DF *netriviale* ce pot fi deduse din DF date.
 - Netrivial = partea dreapta nu este conținută în partea stânga.
2. Se păstrează doar acele DF ce implică attributele schemei după proiecție.

Algoritm

1. Pentru fiecare set de attribute X , se calculează X^+ .
2. Se adaugă $X \rightarrow A$ pentru toate A în $X^+ - X$.
3. Se elimină $XY \rightarrow A$ dacă $X \rightarrow A$.
 - Deoarece $XY \rightarrow A$ se deduce din $X \rightarrow A$ prin orice proiecție.
4. În final, se folosesc doar DF ce implică attributele proiecției.

Trucuri

- Nu e nevoie să se calculeze închiderea tranzitivă pentru setul vid sau pentru setul format din toate atributele.
- Dacă $X^+ =$ toate atributele, este închiderea tranzitivă a oricărui superset al lui X .

Exemplu: Deducerea DF

- ABC cu DF $A \rightarrow B$ și $B \rightarrow C$. Se deduce DF AC .
 - $A^+ = ABC$; conduce la $A \rightarrow B, A \rightarrow C$.
 - Nu este nevoie să se calculeze AB^+ sau AC^+ .
 - $B^+ = BC$; conduce la $B \rightarrow C$.
 - $C^+ = C$; nu conduce la nimic.
 - $BC^+ = BC$; nu conduce la nimic.

Axiomele lui Armstrong

□ Reflexivitate (trivială)

Dacă $Y \subseteq X$ atunci $X \rightarrow Y$

Exemplu: (Nume, Adresa) \rightarrow Nume

□ Augmentare (trivială)

Dacă $X \rightarrow Y$ atunci $X \cup Z \rightarrow Y \cup Z$

Exemplu: (Nume, Produs) \rightarrow (Adresa, Produs)

□ Tranzitivitate

Dacă $X \rightarrow Y$ și $Y \rightarrow Z$ atunci $X \rightarrow Z$

Proiectarea Schemei Relaționale

- Obiectivul proiectării schemei relaționale este evitarea anomaliilor și a redundanței.
 - *Anomalia la Adăugare*: nu se poate adăuga un fapt valid până ce nu se adaugă o tuplă
 - *Anomalia la Modificare*: una din aparițiile unui fapt se modifică, dar nu toate aparițiile
 - *Anomalia la Ștergere*: un fapt valid se pierde când se șterge o tuplă

Exemplu de Proiectare proastă

Drinkers(name, addr, beersLiked, manf, favBeer)

| name | addr | beersLiked | manf | favBeer |
|---------|------------|------------|--------|-----------|
| Janeway | Voyager | Bud | A.B. | WickedAle |
| Janeway | ??? | WickedAle | Pete's | ??? |
| Spock | Enterprise | Bud | ??? | Bud |

Datele sunt redundante, deoarece fiecare poziție ??? poate fi exprimată folosind DF `name → addr favBeer` și `beersLiked → manf`.

Anomaliile la proiectare greșită

| name | addr | beersLiked | manf | favBeer |
|---------|------------|------------|--------|-----------|
| Janeway | Voyager | Bud | A.B. | WickedAle |
| Janeway | Voyager | WickedAle | Pete's | WickedAle |
| Spock | Enterprise | Bud | A.B. | Bud |

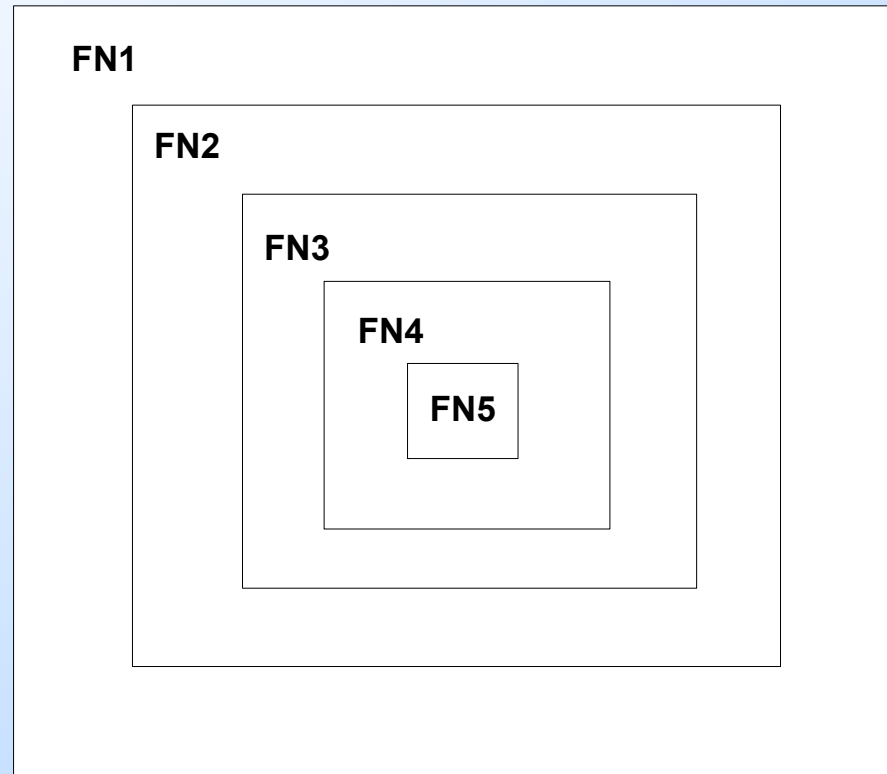
Anomalia la Adăugare : nu se poate menționa existența unei mărci noi de bere până ce nu se cunoaște o persoană căreia să îi placă berea.

Anomalia la Modificare : dacă Janeway își schimbă adresa la *Intrepid*, se va ține minte să se modifice fiecare tuplă unde apare ea?

Anomalia la Ștergere: dacă nimănui nu-i place Bud, se pierde Faptul că Anheuser-Busch fabrică Bud.

Forme Normale

Relatii nenormalizate



FN1

Definiție: O relație R este în **FN1** dacă și numai dacă toate atributele sale iau valori atomice.

- În modelul relațional, prin definiție, toate atributele unei relații R sunt definite pe domenii ce conțin elemente atomice.
- Toate tuplele unei relații au același număr de câmpuri și aceeași dimensiune.

FN1

Drinkers(name, addr, beersLiked, manf, favBeer)

- Relația **Drinkers** este în FN1, ar fi nenormalizată dacă s-ar permite ca atributul **addr** să înregistreze (Localitate, Strada, Numar)

FN2

Definiție: O relație R este în **FN2** dacă este în FN1 și orice atribut neprim este total dependent față de orice cheie a relației.

□ FN2 rezolvă problemele cauzate de dependențele între attribute prime și cele neprime.

Drinkers(name, addr, beersLiked, manf, favBeer)

cheia este {name, beersLiked}

DF-le: name \rightarrow addr favBeer, beersLiked \rightarrow manf

Drinkers NU este în FN2.

FN3

Definiție: O relație R este în **FN3** dacă este în FN2 și nici un atribut neprim nu este dependent față de un alt atribut neprim.

- Elimină anomaliile la adăugare, modificare, ștergere.

Beers(name, manf, addr_manf)

Beers este în FN2, dar NU este în FN3 (name este cheie, există DF manf → addr_manf).

Forma Normală Boyce-Codd

Definiție: Se spune că relația R este în **FNBC** dacă totdeauna când $X \rightarrow Y$ este o DF netrivială valabilă pentru R , X este o supercheie.

- Ne reamintim: *netrivial* înseamnă Y nu este conținut în X .
- Ne reamintim, o *supercheie* este orice superset al unei chei (nu neapărat unul anume).

Exemplu 1

Drinkers(name, addr, beersLiked, manf, favBeer)

DF-le: name → addr favBeer, beersLiked → manf

- Singura cheie este {name, beersLiked}.
- În fiecare DF, partea stânga *nu este* o supercheie.
- Oricare din DF-le demonstrează că *Drinkers* nu este în FNBC

Exemplu 2

Beers(name, manf, manfAddr)

DF-le: name \rightarrow manf, manf \rightarrow manfAddr

- Singura cheie este {name} .
- Name \rightarrow manf nu violează FNBC, dar manf \rightarrow manfAddr da.

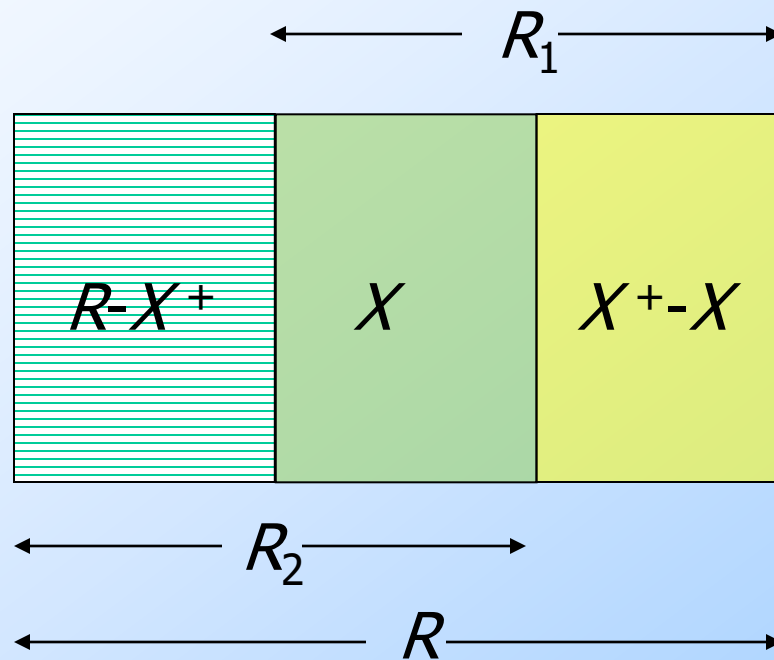
Descompunerea în BCNF

- Se dă: relația R și DF-le F .
- Se caută DF-le $X \rightarrow Y$ ce violează FNBC.
 - Dacă există DF în F ce violează FNBC, atunci R necesită descompunere.
- Se calculează X^+ .
 - Nu trebuie să conțină toate atributele, altfel X este o supercheie.

Descompunerea lui R Folosind $X \rightarrow Y$

- Se înlocuiește R cu relațiile ce au schemele:
 1. $R_1 = X^+$.
 2. $R_2 = R - (X^+ - X)$.
- *Se deduc* DF-le date F pentru cele două noi relații.

Descompunerea lui R



Exemplu: Descompunere FNBC

Drinkers(name, addr, beersLiked, manf, favBeer)

$F = \text{name} \rightarrow \text{addr}, \quad \text{name} \rightarrow \text{favBeer},$
 $\text{beersLiked} \rightarrow \text{manf}$

- Se alege una din DF ce violează FNBC
 $\text{name} \rightarrow \text{addr}.$
- Se obține închiderea tranzitivă a părții stânga:
 $\{\text{name}\}^+ = \{\text{name}, \text{addr}, \text{favBeer}\}.$
- Se descompune relația în două relații:
 1. Drinkers1(name, addr, favBeer)
 2. Drinkers2(name, beersLiked, manf)

Exemplu: Descompunere FNBC

- Nu am terminat; trebuie verificat dacă Drinkers1 și Drinkers2 respectă FNBC.
- Deducerea DF-le este simplă.
- Pentru `Drinkers1(name, addr, favBeer)`, DF-le relevante sunt `name → addr` și `name → favBeer`.
 - Așadar, `{name}` este singura cheie și Drinkers1 este în FNBC.

Exemplu: Descompunere FNBC

- Pentru $\text{Drinkers2}(\underline{\text{name}}, \underline{\text{beersLiked}}, \text{manf})$, singura DF este $\text{beersLiked} \rightarrow \text{manf}$, și singura cheie este $\{\text{name}, \text{beersLiked}\}$.
- Ce violează FNBC.
- $\text{beersLiked}^+ = \{\text{beersLiked}, \text{manf}\}$, așa că se descompune *Drinkers2* în:
 1. $\text{Drinkers3}(\underline{\text{beersLiked}}, \text{manf})$
 2. $\text{Drinkers4}(\underline{\text{name}}, \underline{\text{beersLiked}})$

Exemplu: Descompunere FNBC

□ Descompunerea rezultată pentru *Drinkers* :

1. *Drinkers1*(name, addr, favBeer)
2. *Drinkers3*(beersLiked, manf)
3. *Drinkers4*(name, beersLiked)

□ De notat: *Drinkers1* dă informații despre persoane, *Drinkers3* dă informații despre mărci de bere, iar *Drinkers4* dă informații despre relația de legătură între persoane și mărcile de bere cu semnificația “îi place”.

FN3 - Motivație

- Există o structură de DF-le ce cauzează probleme la descompunere.
- $AB \rightarrow C$ și în același timp $C \rightarrow B$.
 - Exemplu: $A = \text{adresa_nr}$, $B = \text{adresa_strada}$, $C = \text{cod_postal}$.
- Există două chei, $\{A, B\}$ și $\{A, C\}$.
- $C \rightarrow B$ este o violare FNBC, deci trebuie descompusă în AC , BC .

DF-le Nu pot fi Forțate

- Problema este că dacă se folosește AC și BC pentru shema BD , DF $AB \rightarrow C$ nu poate fi forțată din DF-le din aceste relații rezultate în urma descompunerii.
- Exemplu cu $A = \text{street}$, $B = \text{city}$, și $C = \text{zip}$.

DF ce Nu poate fi Forțată

| street | zip |
|--------------|-------|
| 545 Tech Sq. | 02138 |
| 545 Tech Sq. | 02139 |

| city | zip |
|-----------|-------|
| Cambridge | 02138 |
| Cambridge | 02139 |

Se face join pentru tuplele cu zip egal.

| street | city | zip |
|--------------|-----------|-------|
| 545 Tech Sq. | Cambridge | 02138 |
| 545 Tech Sq. | Cambridge | 02139 |

Deși nici una din DF-le nu a fost violată în relațiile după descompunere, DF **street city → zip** este violată de BD ca un întreg.

FN3 Evită Această Problemă

- A treia Formă Normală (FN3) acționează asupra condiției FNBC astfel ca descompunerea să nu fie necesară când se iverse problema de mai sus.
- Un atribut este *prim* dacă este membru al unei chei.
- $X \rightarrow A$ violează FN3 dacă și numai dacă X nu este o supercheie, și A nu este prim.

Exemplu: FN3

- La exemplul precedent DF-le sunt $AB \rightarrow C$ și $C \rightarrow B$, iar cheile sunt AB și AC .
- Prin urmare A , B , și C sunt fiecare prime.
- Deși $C \rightarrow B$ violează BCNF, nu violează FN3.

Proprietățile unei Descompuneri

- 1. Cuplarea fără pierdere de informații :*
relațiile originale trebuie să poată fi obținute din schema descompusă, adică să se reconstruiască originalul.
- 2. Conservarea DF-le* : relațiile obținute prin descompunere trebuie să satisfacă toate DF-le inițiale.

Proprietățile unei Descompuneri

- Se poate obține (1) la o descompunere FNBC.
- Se pot obține ambele (1) și (2) la o descompunere FN3.
- Nu totdeauna este posibil să se obțină ambele (1) și (2) la o descompunere FNBC.
 - Exemplul street-city-zip demonstrează acest fapt.

Testul “Pierdere de Informații”

- Dacă se aplică proiecția lui R în R_1, R_2, \dots, R_k , se poate obține R prin join?
- Orice tuplă din R poate fi obținută din fragmentele proiecției.
- Singura întrebare este: la join, este posibil să obținem ceva ce nu exista în original?

Testul “Pierdere de Informații”

- Presupunem că tupla t apare în urma join.
- Deci t este rezultatul join al unor tuple din proiecțiile lui R , câte una din fiecare R_i ce formează descompunerea.
- Se pot folosi DF-le date pentru a arăta că una din aceste tuple trebuie să fie t ?

Testul “Pierdere de Informații”

- Se începe prin a presupune $t = abc... .$
- Pentru fiecare i , există o tuplă s_i din R ce are $a, b, c,...$ printre attributele lui R_i .
- s_i poate avea orice valori pentru alte attribute.
- Se folosește aceeași literă ca în t , dar cu un indice al componentei.

Exemplu: Testul

- Fie $R = ABCD$, și descompunerea AB , BC , și CD .
- Fie DF-le $C \rightarrow D$ și $B \rightarrow A$.
- Presupunem că tupla $t = abcd$ este join-ul tuplelor proiecțiilor AB , BC , CD .

Tuplele
din R pro-
iectate pe
AB, BC, CD.

Tabloul

| <i>A</i> | <i>B</i> | <i>C</i> | <i>D</i> |
|--|-----------------------|-----------------------|--|
| <i>a</i> | <i>b</i> | <i>c</i> ₁ | <i>d</i> ₁ |
| <i>a</i>₂ <i>a</i> | <i>b</i> | <i>c</i> | <i>d</i>₂ <i>d</i> |
| <i>a</i> ₃ | <i>b</i> ₃ | <i>c</i> | <i>d</i> |

Din $B \rightarrow A$

Din $C \rightarrow D$

S-a demonstrat că tupla
a doua trebuie să fie *t*.

Testul "Pierdere de Informații"

Concluzia

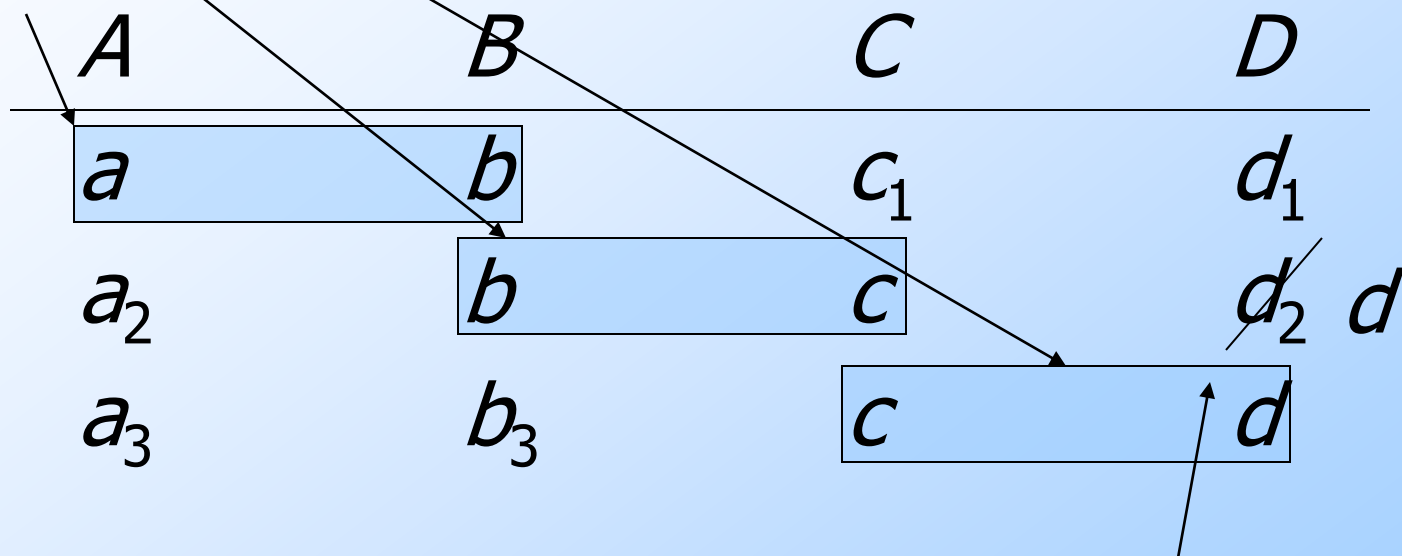
1. Dacă două tuple au aceeași parte stânga a unei DF, atunci pentru partea dreapta se face să fie de asemenea egale.
2. Totdeauna se înlocuiește un simbol cu indice prin simbolul corespondent fără indice, dacă este posibil.
3. Atunci când se ajunge la o tuplă fără indice, se știe că orice tuplă din project-join este în original (join fără pierdere de informații).
4. În caz contrar, tabloul final este exemplu negativ.

Exemplu: Join cu Pierdere

- Aceeași relație $R = ABCD$ și aceeași descompunere.
- Considerăm singura DF $C \rightarrow D$.

Aceste proiecții
se cuplează pentru
a forma *abcd*.

Tabloul



Aceste trei tuple sunt un exemplu
R ce arată ce înseamnă join cu
pierdere de informații. *abcd*
nu există în *R*, dar prin proiecție
și apoi prin cuplare se obține *abcd*.

Din *C* → *D*

Descompunere FN3

Concluzii

- Se poate construi totdeauna o decompoziție formată din relații FN3 fără pierdere de informații și conservarea DF-le inițiale.
- Este nevoie de *condiții minime* pentru DF-le:
 1. Părțile dreapta să fie un singur atribut.
 2. Nici o DF nu poate fi eliminată.
 3. Nici un atribut nu poate fi eliminat din partea stânga.

Descompunere FN3

Concluzii

1. Se "sparg" părțile dreapta.
2. Se încearcă să se elimine în mod repetat câte o DF și se verifică dacă DF-le rămase sunt echivalente cu originalul.
3. Se încearcă să se elimine în mod repetat câte un atribut din partea stânga și se verifică dacă DF-le rezultate sunt echivalente cu originalul.

Descompunere FN3

Concluzii

- O relație pentru fiecare DF în condițiile minimale.
 - Schema este uniunea părților stânga și dreapta.
- Dacă nici o cheie nu este conținută într-o DF, atunci se adaugă o relație a cărei schemă este o cheie.

Exemplu: Descompunere FN3

- Relația $R = ABCD$.
- DF-le $A \rightarrow B$ și $A \rightarrow C$.
- Descompunerea: AB și AC din DF-le, plus AD pentru o cheie.

Dependențe multivalorice

Fie schema de relație $R(X, Y, Z)$, unde X, Y și Z sunt attribute simple sau compuse. Se notează x, y și z valori ale atributelor X, Y și Z (eventual și cu indici).

Definiție: Se spune că există o dependență multivalorică a atributului Z față de atributul Y sau că Y multidetermină pe Z și se notează $Y \twoheadrightarrow Z$, dacă pentru orice valori x_1, x_2, y, z_1, z_2 , $x_1 \neq x_2, z_1 \neq z_2$ astfel încât dacă tuplele $(x_1, y, z_1), (x_2, y, z_2)$ fac parte din R , atunci și tuplele $(x_2, y, z_1), (x_1, y, z_2)$ fac parte din R .

Dependențe multivalorice

- Din simetria definiției rezultă că dependența $Y \twoheadrightarrow Z$ implică existența dependenței multivalorice $Y \twoheadrightarrow X$.
- O consecință este că între X și Z nu poate exista o dependență funcțională.
- O dependență funcțională este și o dependență multivalorică (dependențele multivalorice generalizează dependențele funcționale).

Dependențe multivalorice

Exemplu:

AGENTII(Nume_A, Nume_F, Nume_B)

Nume_A $\rightarrow\rightarrow$ Nume_F

Nume_A $\rightarrow\rightarrow$ Nume_B

dacă și numai dacă numele oricărei femei din evidența unei agenții este asociat cu numele oricărui bărbat din evidența aceleiași agenții.

Dependențe multivalorice

Dependențele multivalorice depind de context:

$\text{APROVIZIONARE}(\text{Beneficiar}, \text{Furnizor}, \text{Produs}, \text{Pret})$

Dacă nu ar exista Pret, atunci

$\text{Beneficiar} \twoheadrightarrow \text{Furnizor}$ și $\text{Beneficiar} \twoheadrightarrow \text{Produs}$

Dar în prezența acestuia dependențele depind de legăturile Pret cu celelalte attribute.

- Prețul unui produs este același la toți furnizorii

$\text{Beneficiar} \twoheadrightarrow \text{Furnizor}$ și $\text{Beneficiar} \twoheadrightarrow (\text{Produs}, \text{Pret})$

- Prețul unui produs diferă de la furnizor la furnizor, deci există dependența funcțională $(\text{Furnizor}, \text{Produs}) \rightarrow \text{Pret}$

$\text{Beneficiar} \twoheadrightarrow (\text{Furnizor}, \text{Produs}, \text{Pret})$

(irelevantă pentru problema modelată)

FN4

Este o generalizare a FNBC.

Definiție: O relație R este în **FN4** dacă oricare ar fi dependența multivalorică $X \twoheadrightarrow Y$, unde Y nu este un subset a lui X și $X \cup Y$ nu conține toate atributele lui R , atunci atributul X (simplu sau compus) este o cheie sau conține o cheie a lui R .

Ca și în cazul trecerii de la FN3 la FNBC, descompunerea în relații FN4 se poate face fără pierdere de informații dar nu totdeauna se conservă dependențele multivalorice și/sau funcționale.

FN4

Exemplu:

CURSURI(Profesor, Disciplina, Limba)

Se presupune că un profesor poate susține cursuri la mai multe discipline și cunoaște mai multe limbi, prin urmare un curs poate fi susținut în toate limbile cunoscute de un anumit profesor.

Profesor →→ Disciplina

Profesor →→ Limba

FN4

PROFESORI

| Profesor | Disciplina | Limba |
|----------|--------------------|----------|
| Pop | Programare | Engleza |
| Costea | Baze de Date | Engleza |
| Costea | Baze de Date | Franceza |
| Costea | Baze de Date | Germana |
| Costea | Sisteme de Operare | Engleza |
| Costea | Sisteme de Operare | Franceza |
| Costea | Sisteme de Operare | Germana |
| Popovici | Programare | Franceza |
| Popovici | Programare | Germana |

PD(Profesor, Disciplina)

PL(Profesor, Limba)

FN4

Cheia este {Profesor, Disciplina, Limba}.

Nu există dependențe funcționale, deci PROFESORI este în FNBC.

Deoarece nu este în FN4 există următoarele anomalii:

- Adăugare: dacă profesorul Costea acceptă să țină cursul "Programare", trebuie introdusă câte o tuplă pentru fiecare limbă cunoscută de acesta
- Stergere: dacă se șterge singura disciplină predată de un profesor se pierde informațiile referitoare la limbile cunoscute de acesta
- Modificare: trebuie modificate mai multe tuple

FNPJ (FN5)

Dacă relația R este în FNBC și toate cheile sunt simple atunci poate fi garantată FN5. Prima condiție poate fi relaxată la FN3 (în loc de FNBC).

Demonstrație:

- dacă relația R este în FN3 și toate cheile sunt simple atunci relația R este în FNBC
- dacă relația R nu este în FN5, atunci este o DJ (dependență join)

$\{X_1, \dots, X_m\}$ a schemei ce nu este o consecință logică a cheilor candidate

FNPJ

SP

| S# | P# |
|----|----|
| S1 | P1 |
| S1 | P2 |
| S2 | P1 |

PJ

| P# | J# |
|----|----|
| P1 | J2 |
| P2 | J1 |
| P1 | J1 |

JS

| J# | S# |
|----|----|
| J2 | S1 |
| J1 | S1 |
| J1 | S2 |

SP * PJ

| S# | P# | J# |
|----|----|----|
| S1 | P1 | J2 |
| S1 | P1 | J1 |
| S1 | P2 | J1 |
| S2 | P1 | J2 |
| S2 | P1 | J1 |

S = Furnizor
P = Produs
J = Proiect

Dacă proiectul J
folosește produsul P,
atunci toți furnizorii
produsului P îl
furnizează
proiectului J

SPJ

| S# | P# | J# |
|----|----|----|
| S1 | P1 | J2 |
| S1 | P2 | J1 |
| S2 | P1 | J1 |
| S1 | P1 | J1 |

*

Dependența join: (S1, P1) în SP, (P1, J1) în PJ, (J1, S1) în JS
implică (S1, P1, J1) în SPJ.