Teoria relațională Algebra Relațională – partea 1

□E.F. Codd, 1970 (1972)

■System R, 1977 (IBM)

□Oracle, 1979

- □ **Relaţie**: Fiind dată o colecţie de mulţimi D_1 , D_2 , ... D_n (nu neapărat distincte), se spune că R este o relaţie pe aceste mulţimi dacă este o mulţime de n-tuple (d_1 , d_2 , ... d_n) astfel încât d_i aparţine D_i , i=1...n
- \square Mulţimile D_1 , D_2 , ... D_n sunt domeniile relaţiei R.
- □ n este gradul sau aritatea relaţiei R.
- Numărul de n-tuple reprezintă cardinalitatea relaţiei R.

□ Relaţie (a doua definiţie): Se defineşte produsul cartezian D₁x D₂x ...x D_n al mulţimilor D₁, D₂, ... D_n mulţimea tuturor n-tuplelor ordonate (d₁, d₂, ... d_n) astfel încât d_1 aparţine D_1 , d_2 aparţine D₂, ..., d_n aparţine D_n. O relație R pe mulțimile D_1 , D_2 , ... D_n este o submulţime a produsului cartezian D₁x D₂x ...x D_n.

Modelul Relaţional - Paradigme

Relaţia este o mulţime (set) de n-tuple:

- 1. Nu există două elemente (n-tuple) identice.
- 2. Ordinea elementelor este indiferentă.

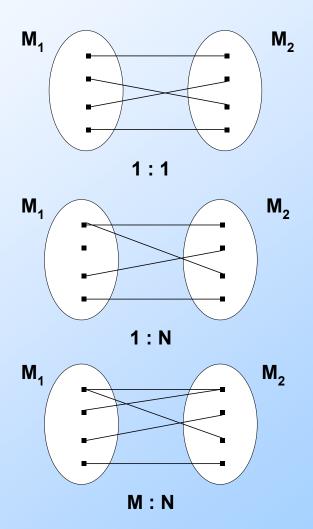
- Domeniu: Ansamblul de valori admisibile pentru o componentă a unei relaţii.
- Exemple:
 - □ Domeniul numelor de persoane
 - □ Domeniul numelor de orașe
 - □ Domeniul notelor (mulţimea {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10})
- Domenii compatibile: Mulţimile de valori care le definesc sunt comparabile d.p.d.v. semantic.
- Atribut: Un domeniu cu nume, adică utilizarea unui domeniu sub un nume oarecare (într-o relaţie).

Cheie: Se numeşte cheie a unei relaţii R, un subset K al atributelor relaţiei R ce satisface proprietăţile:

- 1. Identificare unică, fiecare tuplă a relaţiei R este identificată în mod unic de valorile atributelor care compun cheia K
- 2. Neredundanță, subsetul K este minimal în sensul că eliminarea oricărui atribut din K duce la pierderea proprietății 1.

- ☐ Tipuri de chei:
 - Primară
 - Candidată
 - ☐ Străină
- Atribut prim: Atribut constituent al unei chei.
- O cheie poate fi simplă când are un singur atribut sau compusă când este formată din mai multe atribute.

Tipuri de legături



Arborele de structură a datelor (modelul relaţional)

| FACULTATE | SALA | PERSONAL | PROFESOR | NOTA_ | STUDENT |
|-----------|------|----------|----------|-------|---------|
| - | • | • | • | | - |
| • | • | • | • | | • |
| • | - | • | | | : |
| • | • | • | • | | |
| • | | | | | |

Schema BD relaţionale cuprinde relaţii şi legături relaţionale realizate prin *valoare* (chei străine) şi NU prin pointeri ca în modelele ierarhic sau reţea, de aceea structura de date este de tip NIVEL, toate nodurile sunt pe acelaşi nivel, fiecare nod reprezintă o relaţie.

Legăturile M:N se implementează prin introducerea unei RELAŢII DE LEGĂTURĂ (NOTA).

SGBD total relaţional

- Principiul integrităţii domeniului
- □ Principiul integrităţii relaţiei
- Principiul integrităţii referinţei
- LMD cel puţin echivalent cu algebra relaţională

"Algebră"

- Sistem matematic ce constă din:
 - □ Operanzi --- variabile sau valori din care se construiesc valori noi.
 - Operatori --- simboluri ce denotă procedurile ce construiesc valorile noi din valori existente.

Algebra Relaţională

- Este o algebră ai cărei operanzi sunt relaţii sau variabile ce reprezintă relaţii.
- Operatorii sunt concepuţi astfel încât să fie efectuate operaţiile dorite cu relaţiile din BD.
 - Rezultatul este o algebră ce poate fi utilizată ca un *limbaj de interogare* pentru relaţii.

Esența Algebrei Relaționale

- ☐ Uniune, intersecție și diferență.
 - Operaţiile obişnuite pe mulţimi, dar ambii operanzi trebuie să aibă aceeaşi schemă de relaţie.
- □ Selecţie: alege anumite rânduri.
- Proiecţie: alege anumite coloane.
- □ Produs şi join: compun din relaţii.
- □ Redenumire relaţii şi atribute.

Operatori Primitive (cinci)

- Reuniunea
- Diferența
- Produsul cartezian
- Selecția
- Proiecţia

Selecție

- \square R1 := $\sigma_{\mathcal{C}}(R2)$
 - □ C este o condiţie (asemănător cu instrucţiunea "if") ce face referire la atributele din R2.
 - □ R1 conţine acele tuple din R2 ce satisfac *C*.

Exemplu: Selecţie

Relaţia Sells:

| bar | beer | price |
|-------|--------|-------|
| Joe's | Bud | 2.50 |
| Joe's | Miller | 2.75 |
| Sue's | Bud | 2.50 |
| Sue's | Miller | 3.00 |

JoeMenu := $\sigma_{bar="Joe's"}(Sells)$:

| bar | beer | price |
|-------|--------|-------|
| Joe's | Bud | 2.50 |
| Joe's | Miller | 2.75 |

Proiecţie

- \square R1 := $\mathbf{\pi}_{\angle}$ (R2)
 - □ L este o listă de atribute din schema relaţiei R2.
 - R1 este construită în felul următor:
 - Mai întâi pentru fiecare tuplă din R2 se extrag atributele din lista L, în ordinea specificată.
 - Se elimină tuplele duplicat, dacă există.

Exemplu: Proiecţie

Relaţia Sells:

| bar | beer | price |
|-------|--------|-------|
| Joe's | Bud | 2.50 |
| Joe's | Miller | 2.75 |
| Sue's | Bud | 2.50 |
| Sue's | Miller | 3.00 |

Prices := $\Pi_{beer,price}(Sells)$:

| beer | price |
|--------|-------|
| Bud | 2.50 |
| Miller | 2.75 |
| Miller | 3.00 |

Proiecţie Extinsă

- Se foloseşte acelaşi operator π_L, dar se permit în lista L expresii arbitrare ce implică atribute:
 - 1. Expresii aritmetice cu atribute, de exemplu: A+B->C.
 - 2. Duplicarea atributelor (un atribut să apară de mai multe ori).

Exemplu: Proiecţie Extinsă

$$R = \begin{pmatrix} A & B \\ 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$$

$$\pi_{A+B->C,A,A}(R) =$$

| С | A1 | A2 |
|---|----|----|
| 3 | 1 | 1 |
| 7 | 3 | 3 |

Produs

- □ R3 := R1 X R2
 - □ Face pereche între fiecare tuplă t1 din R1 şi fiecare tuplă t2 din R2.
 - □ O tuplă din R3 se obţine prin concatenarea t1t2.
 - ☐ Schema relaţiei R3 este constituită din atributele din R1 şi apoi din R2, în ordine.
 - □ Atenţie la atributele cu acelaşi nume în R1 şi R2, de exemplu A : se foloseşte exprimarea R1.A şi R2.A.

Exemplu: R3 := R1 X R2

| R1(| Α, | В) |) |
|-----|----|----|---|
| | 1 | 2 | |
| | 3 | 4 | |

| R2(| В, | C) |
|-----|----|------------|
| | 5 | 6 |
| | 7 | 8 |
| | 9 | 10 |

| R3(| Α, | R1.B, | R2.B | , C |
|-----|----|-------|------|------------|
| | 1 | 2 | 5 | 6 |
| | 1 | 2 | 7 | 8 |
| | 1 | 2 | 9 | 10 |
| | 3 | 4 | 5 | 6 |
| | 3 | 4 | 7 | 8 |
| | 3 | 4 | 9 | 10 |

Theta-Join

- \square R3 := R1 $\bowtie_{\mathcal{C}}$ R2
 - ☐ Se face produsul R1 X R2.
 - \square Apoi se aplică σ_{c} rezultatului.
- □ Ca şi pentru **o**, *C* poate fi orice condiţie cu valoare booleană.
 - □ Versiuni istorice ale acestui operator permiteau doar A θ B, unde θ este =, <, etc.; de unde şi numele "theta-join."

Exemplu: Theta Join

Sells(bar, beer, price)
Joe's Bud 2.50
Joe's Miller 2.75
Sue's Bud 2.50
Sue's Coors 3.00

Bars(name, addr Joe's Maple St. Sue's River Rd.

BarInfo := Sells ⋈_{Sells.bar = Bars.name} Bars

BarInfo(

| bar, | beer, | price, | name, | addr |
|-------|--------|--------|-------|-----------|
| Joe's | Bud | 2.50 | Joe's | Maple St. |
| Joe's | Miller | 2.75 | Joe's | Maple St. |
| Sue's | Bud | 2.50 | Sue's | River Rd. |
| Sue's | Coors | 3.00 | Sue's | River Rd. |

Natural Join

- Este o variantă folositoare (join *natural*) conectează două relaţii prin:
 - Egalizarea atributelor cu acelaşi nume şi
 - Proiecţia unei singure copii a fiecărui atribut pereche (unul din atributele egalizate).
- Notaţie R3 := R1 ⋈ R2.

Exemplu: Natural Join

| Sells(| bar, | beer, | price | |
|--------|-------|--------|-------|--|
| | Joe's | Bud | 2.50 | |
| | Joe's | Miller | 2.75 | |
| | Sue's | Bud | 2.50 | |
| | Sue's | Coors | 3.00 | |

| Bars(| bar, | addr |) |
|-------|-------|-----------|---|
| | Joe's | Maple St. | |
| | Sue's | River Rd. | |

BarInfo := Sells ⋈ Bars

Notă: Bars.name a devenit Bars.bar pentru a face posibil natural join.

BarInfo(

| bar, | beer, | price, | addr |
|-------|---------|--------|-----------|
| Joe's | Bud | 2.50 | Maple St. |
| Joe's | Milller | 2.75 | Maple St. |
| Sue's | Bud | 2.50 | River Rd. |
| Sue's | Coors | 3.00 | River Rd. |

Redenumire

- Operatorul ρ redefineşte schema unei relaţii.
- □ R1 := $\rho_{R1(A1,...,An)}(R2)$ produce R1, o relaţie cu atributele A1,...,An şi aceleaşi tuple ca şi R2.
- □ Notaţia simplificată : R1(A1,...,An) := R2.

Exemplu: Redenumire

```
Bars( name, addr )
Joe's Maple St.
Sue's River Rd.
```

R(bar, addr) := Bars

```
R( bar, addr
Joe's Maple St.
Sue's River Rd.
```

Construirea de Expresii Complexe

- Se combină operatorii folosind paranteze şi reguli de precedenţă.
- Există trei notaţii, ca şi la expresiile aritmetice:
 - 1. Secvențe de instrucțiuni de atribuire.
 - Expresii cu mai mulţi operatori.
 - 3. Arbori expresie.

Secvențe de Atribuiri

- Sunt create nume de relaţii temporare.
- Redenumirea poate fi implicată de acordarea relaţiilor a unei liste de atribute.
- □ Exemplu: R3 := R1 $\bowtie_{\mathcal{C}}$ R2 poate fi rescrisă:

R4 := R1 X R2

R3 := $\sigma_c(R4)$

Expresii într-o Singură Atribuire

- Exemplu: operaţia theta-join R3 := R1 $\bowtie_{\mathcal{C}}$ R2 poate fi rescrisă: R3 := $\sigma_{\mathcal{C}}$ (R1 X R2)
- Precedenţa operatorilor relaţionali:
 - 1. $[\sigma, \pi, \rho]$ (cei mai prioritari).
 - 2. [X, ⋈].
 - 3. ∩.
 - **4.** [∪, —]

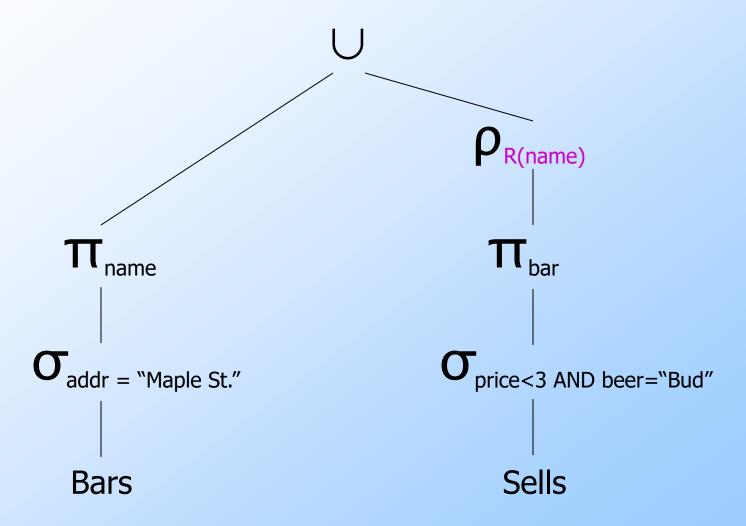
Arbori Expresie

- Frunzele sunt operanzi:
 - □ variabile ce precizează relaţii;
 - ☐ în particular, relaţii constante.
- □ Nodurile interioare sunt operatori, aplicaţi nodurilor fiu.

Exemplu: Arborele unei Interogări

☐ Se folosesc relaţiile Bars(name, addr) şi Sells(bar, beer, price), pentru a găsi numele barurilor ce fie se găsesc pe "Maple St." fie vând "Bud" mai ieftin de 3 (\$).

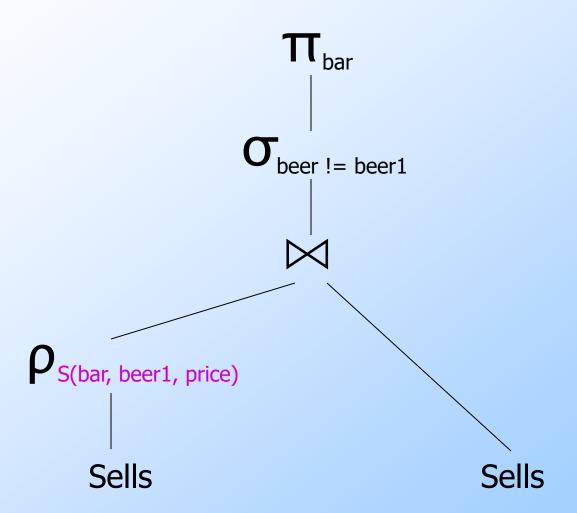
Arborele:



Exemplu: Self-Join

- Se foloseşte Sells(bar, beer, price), pentru a găsi barurile ce vând două beri diferite la acelaşi preţ.
- □ Strategia: prin redenumire, se defineşte o copie a relaţiei Sells, numită S(bar, beer1, price). Join natural între Sells şi S constă din cvadruplele (bar, beer, beer1, price) astfel încât barul vinde ambele beri ("beer" şi "beer1") la preţul "price".

Arborele



Scheme pentru Rezultate

- Uniune, intersecţie şi diferenţă: schemele celor doi operanzi trebuie să fie aceleaşi, aşa că se foloseşte acea schemă pentru rezultat.
- ☐ Selecţie: schema rezultatului este aceeaşi cu schema operandului.
- □ Proiecţie: lista atributelor dă schema.

Scheme pentru Rezultate

- Produs: schema este constituită din atributele ambelor relaţii.
 - ☐ Se foloseşte R.A, etc., pentru a distinge două atribute numite A.
- ☐ Theta-join: asemănător cu produs.
- Natural join: uniunea atributelor celor două relaţii.
- □ Redenumire: operatorul dă schema.

Algebra Relaţională pe "Bags"

- Un bag (sau multiset) este asemănător unui set, dar un element poate apare de mai multe ori.
- □ Exemplu: {1,2,1,3} este un bag.
- □ Exemplu: {1,2,3} este un bag ce se întâmplă să fie şi un set.

De ce "Bags"?

- SQL, limbajul de interogare cel mai important pentru BD relaţionale, este de fapt un limbaj pe "bag".
- Anumite operaţii, cum este proiecţia, sunt mult mai eficiente pe bag-uri decât set-uri.

Operaţii pe Bag-uri

- Selecţia se aplică fiecărei tuple, astfel încât efectul pe bag-uri este acelaşi cu efectul pe set-uri.
- Proiecţia se aplică de asemenea fiecărei tuple, dar ca operator "bag", nu se elimină duplicatele.
- □ Produsul şi join-urile sunt efectuate pe fiecare pereche de tuple, deci duplicatele din bag-uri nu au efect asupra modului de operare.

Exemplu: Selecţie "Bag"

| R(| Α, | В |) |
|----|----|---|---|
| | 1 | 2 | |
| | 5 | 6 | |
| | 1 | 2 | |

$$\sigma_{A+B<5}(R) = A B$$
1 2
1 2

Exemplu: Proiecţie "Bag"

| R(| Α, | В |) |
|----|----|---|---|
| | 1 | 2 | |
| | 5 | 6 | |
| | 1 | 2 | |

$$\mathbf{\Pi}_{A}(R) = \boxed{\begin{array}{c} A \\ 1 \\ 5 \\ 1 \end{array}}$$

Exemplu: Produs "Bag"

| S(| В, | С |) |
|----|----|---|---|
| | 3 | 4 | |
| | 7 | 8 | |

$$RXS =$$

| Α | R.B | S.B | С |
|---|-----|-----|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 1 | 2 | 7 | 8 |
| 5 | 6 | 3 | 4 |
| 5 | 6 | 7 | 8 |
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 1 | 2 | 7 | 8 |

Exemplu: Theta-Join "Bag"

$$R \bowtie_{R.B < S.B} S =$$

| Α | R.B | S.B | С |
|---|-----|-----|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 1 | 2 | 7 | 8 |
| 5 | 6 | 7 | 8 |
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 1 | 2 | 7 | 8 |

Uniune "Bag"

Un element apare în uniunea a două bag-uri suma numărului de apariţii din fiecare bag.

```
□ Exemplu: \{1,2,1\} \cup \{1,1,2,3,1\} = \{1,1,1,1,1,2,2,3\}
```

Intersecţie "Bag"

Un element apare în intersecţia a două bag-uri de minimul numărului de apariţii în cele două bag-uri.

```
□ Exemplu: \{1,2,1,1\} \cap \{1,2,1,3\} = \{1,1,2\}.
```

Diferența "Bag"

- □ Un element apare în diferenţa A B a două bag-uri de atâtea ori cât apare în A, minus numărul de apariţii în B.
 - □ Dar niciodată mai puţin de 0 ori.
- □ Exemplu: $\{1,2,1,1\} \{1,2,3\} = \{1,1\}$.

Atenţie: Legile Bag! = Legile Set

- Anumite reguli, dar *nu toate* regulile algebrice ce sunt valabile pentru set-uri sunt de asemenea valabile pentru bag-uri.
- □ Exemplu: comutativitatea uniunii ($R \cup S = S \cup R$) se păstrează pentru bag-uri.
 - □ Deoarece adunarea este comutativă, prin adăugarea numărului de apariţii ale lui x în R şi S nu depinde de ordinea lui R şi S.

Exemplu: Regulă ce nu se păstrează

- □ Uniunea set-urilor este *idempotentă*, ceea ce înseamnă că $S \cup S = S$.
- □ Pentru bag-uri, dacă x apare de n ori în S, atunci el apare de 2n ori în $S \cup S$.
- \square Astfel $S \cup S != S$ în general.
 - □ adică, $\{1\} \cup \{1\} = \{1,1\} != \{1\}$.