



UE 1.1 : Introduction à la programmation CR7. Type Abstrait de Données (TAD)

A. Malek TOUMI

toumiab@ensta-bretagne.fr

2021/2022

ENSTA Bretagne



Sommaire

① Type abstrait de données

Définition

② Notion d'objet

Concepts fondamentaux
POO en Python

③ Retour sur la notion de TAD

TAD Intervalle
TAD Pile
TAD File
Autres TAD



Définition

Définition (Type abstrait de données)

Concept d'utilisation de données ne tenant pas en compte leur représentation interne.



Définition

Définition (Type abstrait de données)

Concept d'utilisation de données ne tenant pas en compte leur représentation interne.

- Conception d'un algorithme : démarche descendante



Définition

Définition (Type abstrait de données)

Concept d'utilisation de données ne tenant pas en compte leur représentation interne.

- Conception d'un algorithme : démarche descendante
- Initialement : on est loin de l'implantation...



Définition

Définition (Type abstrait de données)

Concept d'utilisation de données ne tenant pas en compte leur représentation interne.

- Conception d'un algorithme : démarche descendante
- Initialement : on est loin de l'implantation... puis on affine



Définition

Définition (Type abstrait de données)

Concept d'utilisation de données ne tenant pas en compte leur représentation interne.

- Conception d'un algorithme : démarche descendante
- Initialement : on est loin de l'implantation... puis on affine
- Étape initiale : type abstrait de données (TAD)



Définition

Définition (Type abstrait de données)

Concept d'utilisation de données ne tenant pas en compte leur représentation interne.

- Conception d'un algorithme : démarche descendante
- Initialement : on est loin de l'implantation... puis on affine
- Étape initiale : type abstrait de données (TAD)
- Définir les opérations sur le TAD
- Cacher la représentation interne



Définition

Définition (Type abstrait de données)

Concept d'utilisation de données ne tenant pas en compte leur représentation interne.

- Conception d'un algorithme : démarche descendante
- Initialement : on est loin de l'implantation... puis on affine
- Étape initiale : type abstrait de données (TAD)
- Définir les opérations sur le TAD
- Cacher la représentation interne
- Objet simplifié



Définition

Définition (Type abstrait de données)

Concept d'utilisation de données ne tenant pas en compte leur représentation interne.

- Conception d'un algorithme : démarche descendante
- Initialement : on est loin de l'implantation... puis on affine
- Étape initiale : type abstrait de données (TAD)
- Définir les opérations sur le TAD
- Cacher la représentation interne
- Objet simplifié

Utilité : briques réutilisables



Type abstrait de données

Exemple : rationnels

- TAD nombre rationnel



Exemple : rationnels

- TAD nombre rationnel
- Opérations :



Exemple : rationnels

- TAD nombre rationnel
- Opérations :
 - création



Exemple : rationnels

- TAD nombre rationnel
- Opérations :
 - création
 - extraction numérateur et dénominateur



Exemple : rationnels

- TAD nombre rationnel
- Opérations :
 - création
 - extraction numérateur et dénominateur
 - addition, soustraction, multiplication, division



Exemple : rationnels

- TAD nombre rationnel
- Opérations :
 - création
 - extraction numérateur et dénominateur
 - addition, soustraction, multiplication, division
 - test d'égalité



Exemple : rationnels

- TAD nombre rationnel
- Opérations :
 - création
 - extraction numérateur et dénominateur
 - addition, soustraction, multiplication, division
 - test d'égalité
- Représentation interne : par exemple deux entiers



Exemple : rationnels

- TAD nombre rationnel
- Opérations :
 - création
 - extraction numérateur et dénominateur
 - addition, soustraction, multiplication, division
 - test d'égalité
- Représentation interne : par exemple deux entiers
- Contrainte interne : dénominateur strictement positif



Exemple : rationnels

- Définition d'un nouveau **type**
- Classe

```
class Rationnel (object):
```



Exemple : rationnels

- Représentation **interne**
- Constructeur

```
class Rationnel (object):  
    def __init__(self, num, den = 1):
```



Exemple : rationnels

- **Initialisation** de la représentation interne
- Constructeur et Variables d'instance

```
class Rationnel (object):  
    def __init__(self, num, den = 1):  
        self._num = num  
        self._den = den
```



Exemple : rationnels

- Initialisation de la représentation interne
- Constructeur et Variables d'instance

```
class Rationnel (object):  
    def __init__(self, num, den = 1):  
        if (den == 0):  
            self.__num = 0  
            self.__den = 0  
        elif den < 0:  
            self.__num = - num  
            self.__den = - den
```



Exemple : rationnels

- **Initialisation** de la représentation interne
- Constructeur et Variables d'instance

```
class Rationnel (object):
    def __init__(self, num, den = 1):
        if (den == 0):
            self.__num = 0
            self.__den = 0
        elif den < 0:
            self.__num = - num
            self.__den = - den
        else :
            self.__num = num
            self.__den = den
```



Exemple : rationnels

- Opérations
- Méthodes d'instance : **égalité**, multiplication, représentation

```
class Rationnel (object):  
  
    def __eq__(self, other):  
        return self.__num * other.__den == self.__den  
        * other.__num
```



Exemple : rationnels

- Opérations
- Méthodes d'instance : égalité, multiplication, représentation

```
class Rationnel (object):  
  
    def __eq__(self, other):  
        return self.__num * other.__den == self.__den  
            * other.__num  
    def __mult__(self, other):  
        n = self.__num * other.__num  
        d = self.__den * other.__den  
        return Rationnel(n, d)
```



Exemple : rationnels

- Opérations
- Méthodes d'instance : égalité, multiplication, **représentation**

```
class Rationnel (object):  
  
    def __mult__(self, other):  
        n = self.__num * other.__num  
        d = self.__den * other.__den  
        return Rationnel(n, d)  
    def __str__(self):  
        return '{0}/{1}'.format(self.__num, self.__den)
```



Exemple d'opérations

- Méthodes d'affichage

utilisation	nom
conversion en string pour print affichage	<code>__str__(self)</code> <code>__repr__(self)</code>

- Opérations mathématiques

opération	symbole	méthode	symbole unaire	méthode
addition	+	<code>__add__(self,other)</code>	<code>+=</code>	<code>__iadd__(self,other)</code>
soustraction	-	<code>__sub__(self,other)</code>	<code>-=</code>	<code>__isub__(self,other)</code>
multiplication	*	<code>__mul__(self,other)</code>	<code>*=</code>	<code>__imul__(self,other)</code>
division	/	<code>__truediv__(self,other)</code>	<code>/=</code>	<code>__itruediv__(self,other)</code>
élévation à la puissance	**	<code>__pow__(self,other)</code>	<code>**=</code>	<code>__ipow__(self,other)</code>
division entière	//	<code>__floordiv__(self,other)</code>	<code>//=</code>	<code>__ifloordiv__(self,other)</code>
reste de la division entière (modulo)	%	<code>__mod__(self,other)</code>	<code>%=</code>	<code>__imod__(self,other)</code>



Exemple : rationnels

Exemple

```
# Test : création de rationnels
r1 = Rationnel(1, -2)
r2 = Rationnel(3, 5)
# Affichage des rationnels
print(r1, r2, r1*r2, r1+r2)
```



Exemple : rationnels

Exemple

```
# Test : création de rationnels
r1 = Rationnel(1, -2)
r2 = Rationnel(3, 5)
# Affichage des rationnels
print(r1, r2, r1*r2, r1+r2)
# => -1/2 3/5 -3/10 1/10
```



Exemple : rationnels

Exemple

```
# Test : création de rationnels
r1 = Rationnel(1, -2)
r2 = Rationnel(3, 5)
# Affichage des rationnels
print(r1, r2, r1*r2, r1+r2)
# => -1/2 3/5 -3/10 1/10
# Test d'égalité de rationnels
print(r1 == Rationnel(-2, 4))
```



Exemple : rationnels

Exemple

```
# Test : création de rationnels
r1 = Rationnel(1, -2)
r2 = Rationnel(3, 5)
# Affichage des rationnels
print(r1, r2, r1*r2, r1+r2)
# => -1/2 3/5 -3/10 1/10
# Test d'égalité de rationnels
print(r1 == Rationnel(-2, 4)) # => True
```



Exemple : rationnels

```
Rationnel
+-- num
+-- den
+-- init_
+-- eq_
+-- add_
+-- mul_
+-- str_
+-- get_numerateur
+-- get_denominateur
+-- pgcd
+-- simplifie
```



Définition

Remarques (Quelques remarques importantes)

- Tous les attributs et méthodes des classes Python sont publics au sens de java et C++,
- Le constructeur d'une classe est une méthode spéciale qui s'appelle `__init__(self)`.
- Les attributs (variables d'instance) sont créés et initialisés dans le constructeur (`self.__nomVar, self.__nomVar, self.nomVar`)
- Toutes les méthodes d'instance prennent une variable `self` comme premier argument. Cette variable est une référence à l'objet manipulé.



Sommaire

① Type abstrait de données

Définition

② Notion d'objet

Concepts fondamentaux
POO en Python

③ Retour sur la notion de TAD

TAD Intervalle
TAD Pile
TAD File
Autres TAD



Concepts

Objectif :

- Augmenter la réutilisabilité
- ⇒ modularité du code, notion de composants



Concepts

Objectif :

- Augmenter la réutilisabilité
- ⇒ modularité du code, notion de composants

Concepts mis en place :

- encapsulation
- héritage
- polymorphisme



Concepts

Objectif :

- Augmenter la réutilisabilité
- ⇒ modularité du code, notion de composants

Concepts mis en place :

- encapsulation
- héritage
- polymorphisme



Concepts

Objectif :

- Augmenter la réutilisabilité
- ⇒ modularité du code, notion de composants

Concepts mis en place :

- encapsulation
- héritage
- polymorphisme

Définition (Encapsulation)

Mécanisme permettent de cacher l'implantation d'un TAD. Fournit une interface pour accéder aux données.



Notion de classe et d'instance

- Classe \simeq type
- Instancier la classe \simeq créer une variable de ce type
- Objet ou instance : variable créée dont le type est une classe



Notion de classe et d'instance

- Classe \simeq type
- Instancier la classe \simeq créer une variable de ce type
- Objet ou instance : variable créée dont le type est une classe

Classe \leadsto plan

Instance \leadsto réalisation



Notion de classe et d'instance

- Classe \simeq type
- Instancier la classe \simeq créer une variable de ce type
- Objet ou instance : variable créée dont le type est une classe

Classe \leadsto plan

Instance \leadsto réalisation

Important

Un programme est composé d'instances (objets) et non de classes



Exemple

- Classe Rationnel



Exemple

Classe Rationnel

```
x = Rationnel(2,3)
```



Exemple

- Classe Rationnel
- Création d'instances / objets



Exemple

Classe Rationnel

```
__num=2  
__den=3  
__mult__()  
__eq__()
```



```
x = Rationnel(2,3)
```

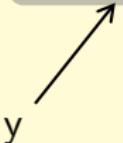
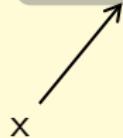


Exemple

Classe Rationnel

```
__num=2  
__den=3  
__mult__()  
__eq__()
```

```
__num=1  
__den=5  
__mult__()  
__eq__()
```



```
x = Rationnel(2,3)  
y = Rationnel(1,5)
```



Exemple

- Classe Rationnel
- Création d'instances / objets
- Utilisation d'objets : exemple $x = x*y$



Exemple

Classe Rationnel

`__num=2`
`__den=3`
`__mult__()`
`__eq__()`

`__num=1`
`__den=5`
`__mult__()`
`__eq__()`



```
x = Rationnel(2,3)  
y = Rationnel(1,5)
```



Notion de classe et d'objet en Python

- plusieurs classes peuvent être définies dans un seul fichier (module) **.py**
- Nom de la classe dans le fichier après le **class**
- Usage : faire commencer le nom de la classe par une majuscule



Notion de classe et d'objet en Python

- plusieurs classes peuvent être définies dans un seul fichier (module) **.py**
- Nom de la classe dans le fichier après le **class**
- Usage : faire commencer le nom de la classe par une majuscule



Instanciation de classes

- Utiliser une classe ⇒ créer une instance
- Instance = variable ⇒ se manipule comme une variable

Exemple



Instanciation de classes

- Utiliser une classe \Rightarrow créer une instance
- Instance = variable \Rightarrow se manipule comme une variable
 - création et initialisation

Exemple

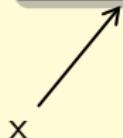
```
x = Rationnel(2,3)
```



Instanciation de classes

Classe Rationnel

```
__num=2  
__den=3  
__mult__()  
__eq__()
```





Instanciation de classes

- Utiliser une classe \Rightarrow créer une instance
- Instance = variable \Rightarrow se manipule comme une variable
 - création et initialisation
 - utilisation

Exemple

```
x = Rationnel(2,3)
x = x * x # x = x.__mul__(x)
```



Instanciation de classes

Classe Rationnel

```
__num=2  
__den=3  
__mult__()  
__eq__()
```





Variables d'instance

- Attributs de la classe : créées et initialisées dans le constructeur et attachées à la variable `self`

Exemple (Rationnels)

```
class Rationnel (object):
    def __init__(self, num, den = 1):
        # deux variables d'instance
        self.__num = num
        self.__den = den
```



Variables d'instance

- Attributs de la classe : créées et initialisées dans le constructeur et attachées à la variable `self`
- En général, pas accessibles directement et renommées en interne
⇒ `__attribut`

Exemple (Rationnels)

```
class Rationnel (object):
    def __init__(self, num, den = 1):
        # deux variables d'instance
        self.__num = num
        self.__den = den
```



Variables d'instance

- Attributs de la classe : créées et initialisées dans le constructeur et attachées à la variable `self`
- En général, pas accessibles directement et renommées en interne
 $\Rightarrow \text{__attribut}$
- Règle de nommage : nom commence par une minuscule

Exemple (Rationnels)

```
class Rationnel (object):
    def __init__(self, num, den = 1):
        # deux variables d'instance
        self.__num = num
        self.__den = den
```



Visibilité des attributs

Remarque

Tous les attributs et méthodes des classes Python sont publics au sens de java et C++,

Par convention :

- Une variable dont le nom commence par (_) \Rightarrow est considérée comme **private**
- Une variable dont le nom commence par (--) \Rightarrow est considérée **private** et renommée en interne
- Autrement \Rightarrow variable **public**



Visibilité des attributs

Exemple

```
class Personne(object):
    def __init__(self):
        self.nom = "inconnu" # Variable publique
        self.__prenom = "xxx" # Variable privée
        self.__adr = "Brest" # Variable privée,
                            # =>: __Personne__adr #
```

Exécution

```
p = Personne()
print(p.nom)
```



Visibilité des attributs

Exemple

```
class Personne(object):
    def __init__(self):
        self.nom = "inconnu" # Variable publique
        self.__prenom = "xxx" # Variable privée
        self.__adr = "Brest" # Variable privée,
                            # =>: __Personne__adr #
```

Exécution

```
p = Personne()
print(p.nom) # -> 'inconnu'
print(p.__prenom)
```



Visibilité des attributs

Exemple

```
class Personne(object):
    def __init__(self):
        self.nom = "inconnu" # Variable publique
        self._prenom = "xxx" # Variable privée
        self.__adr = "Brest" # Variable privée,
                            # =>: _Personne__adr #
```

Exécution

```
p = Personne()
print(p.nom) # -> 'inconnu'
print(p._prenom) # ->'xxx' : non recommandé
```



Visibilité des attributs

Exemple

```
class Personne(object):
    def __init__(self):
        self.nom = "inconnu" # Variable publique
        self.__prenom = "xxx" # Variable privée
        self.__adr = "Brest" # Variable privée,
                            # =>: __Personne__adr #
```

Exécution

```
p = Personne()
print(p.nom) # -> 'inconnu'
print(p.__prenom) # ->'xxx' : non recommandé
print(p.__adr)
```



Visibilité des attributs

Exemple

```
class Personne(object):
    def __init__(self):
        self.nom = "inconnu" # Variable publique
        self.__prenom = "xxx" # Variable privée
        self.__adr = "Brest" # Variable privée,
                            # =>: __Personne__adr #
```

Exécution

```
p = Personne()
print(p.nom) # -> 'inconnu'
print(p.__prenom) # ->'xxx' : non recommandé
print(p.__adr) # -> Erreur
```



Visibilité des attributs

Exemple

```
class Personne(object):
    def __init__(self):
        self.nom = "inconnu" # Variable publique
        self._prenom = "xxx" # Variable privée
        self.__adr = "Brest" # Variable privée,
                            # =>: _Personne__adr #
```

Exécution

```
p = Personne()
print(p.nom) # -> 'inconnu'
print(p._prenom) # ->'xxx' : non recommandé
print(p.__adr) # -> Erreur
print(p._Personne__adr)# -> 'Brest'
```



Accesseurs

Encapsulation

- Protéger l'accès aux variables d'instance : comment y accéder ?



Accesseurs

Encapsulation

- Protéger l'accès aux variables d'instance : comment y accéder ?
 - ➊ Utilisation de méthodes get et set



Accesseurs

Encapsulation

- Protéger l'accès aux variables d'instance : comment y accéder ?
 - ➊ Utilisation de méthodes `get` et `set`
 - ➋ Utilisation de décorateurs

Exemple (`get()` et `set()`)

```
class Rationnel(object) :  
    def __init__(self, num, den =1) :  
        self.__num = num
```



Accesseurs

Encapsulation

- Protéger l'accès aux variables d'instance : comment y accéder ?
 - ➊ Utilisation de méthodes `get` et `set`
 - ➋ Utilisation de décorateurs

Exemple (`get()` et `set()`)

```
class Rationnel(object) :  
    def __init__(self, num, den =1) :  
        self.__num = num  
    def get_numerateur(self) :  
        return self.__num
```



Accesseurs

Encapsulation

- Protéger l'accès aux variables d'instance : comment y accéder ?
 - ➊ Utilisation de méthodes `get` et `set`
 - ➋ Utilisation de décorateurs

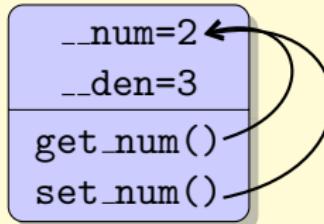
Exemple (`get()` et `set()`)

```
class Rationnel(object) :  
    def __init__(self, num, den =1) :  
        self.__num = num  
    def get_numerateur(self) :  
        return self.__num  
    def set_numerateur(self, num) :  
        self.__num = num
```



Accesseurs

Classe Rationnel



```
x = Rationnel(2,3)  
x.set_num(10)
```



Décorateur

Encapsulation

- Protéger l'accès aux variables d'instance : comment y accéder ?
 - ① utilisation de méthodes get et set
 - ② utilisation de décorateurs : remplaceget() et set() :
 - remplace le getteur d'un attribut par une méthode devant laquelle figure `@property`
 - remplace le setteur d'un attribut par une méthode devant laquelle figure `@nomAttribut.setter`



Décorateur

Exemple

```
class Rationnel(object):
    def __init__(self, num, den =1):
        self.__num = num
    @property
    def num(self):
        return self.__num
    @num.setter
    def num(self, num):
        self.__num = num
```



Décorateur

Exemple

```
class Rationnel(object):
    def __init__(self, num, den =1):
        self.__num = num
    @property
    def num(self):
        return self.__num
    @num.setter
    def num(self, num):
        self.__num = num
# Exécution -----
r = Rationnel(2,5) # création de l'objet r =2/5
```



Décorateur

Exemple

```
class Rationnel(object):
    def __init__(self, num, den =1):
        self.__num = num
    @property
    def num(self):
        return self.__num
    @num.setter
    def num(self, num):
        self.__num = num
# Exécution -----
r = Rationnel(2,5) # création de l'objet r =2/5
print(r.num)
```



Décorateur

Exemple

```
class Rationnel(object):
    def __init__(self, num, den =1):
        self.__num = num
    @property
    def num(self):
        return self.__num
    @num.setter
    def num(self, num):
        self.__num = num
# Exécution -----
r = Rationnel(2,5) # création de l'objet r =2/5
print(r.num) # => acces à num de l'objet r : affiche 2
r.num = 10
```



Décorateur

Exemple

```
class Rationnel(object):
    def __init__(self, num, den =1):
        self.__num = num
    @property
    def num(self):
        return self.__num
    @num.setter
    def num(self, num):
        self.__num = num
# Exécution -----
r = Rationnel(2,5) # création de l'objet r =2/5
print(r.num) # => acces à num de l'objet r : affiche 2
r.num = 10 # => appel au setter : num vaut 10
print(r.num)
```



Décorateur

Exemple

```
class Rationnel(object):
    def __init__(self, num, den =1):
        self.__num = num
    @property
    def num(self):
        return self.__num
    @num.setter
    def num(self, num):
        self.__num = num
# Exécution -----
r = Rationnel(2,5) # création de l'objet r =2/5
print(r.num) # => acces à num de l'objet r : affiche 2
r.num = 10 # => appel au setter : num vaut 10
print(r.num) # => acces à num de l'objet r : affiche 10
```



Constructeur

- Rôle : créer et initialiser l'objet ([variables d'instance](#))
- Appelé par l'[appel de la classe](#) : obj = Rationnel(1,5)
- Méthode `__init__(self, ...)` dont le premier paramètre est [self](#)

Exemple (Constructeur)

```
def __init__(self, num, den):  
    self.__num = num  
    self.__den = den
```



Contexte d'exécution

- Une variable = une instance = un contexte d'exécution
- chaque variable contient ses données propres

Exemple

```
x1 = Rationnel(1,2)
x2 = Rationnel(2,3)
print(x1.get_numerateur())
print(x2.get_numerateur())
⇒ 1 2
```



L'objet self

- **self** : Objet représentant le contexte courant
- Utilisable uniquement dans une méthode d'instance
- Utilisable quand on fait appel à une méthode d'instance depuis la classe



L'objet self

- **self** : Objet représentant le contexte courant
- Utilisable uniquement dans une méthode d'instance
- Utilisable quand on fait appel à une méthode d'instance depuis la classe

Exemple (Utilisation de self)

```
class Rationnel(object):  
    def __init__(self, n, d):  
        den = n + d  
        self.__num = n  
        self.__den = d
```



L'objet self

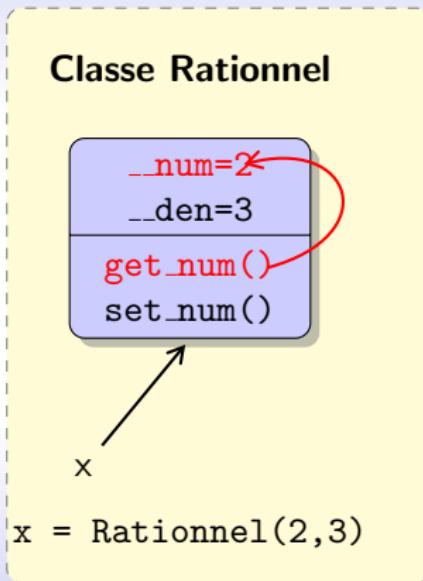
- **self** : Objet représentant le contexte courant
- Utilisable uniquement dans une méthode d'instance
- Utilisable quand on fait appel à une méthode d'instance depuis la classe

Exemple (Utilisation de self)

```
class Rationnel(object):  
    def __init__(self, n, d):  
        den = n + d  
        self.set_num(n)  
        self.__den = d  
    def get_num(self):  
        num = 0  
        return self.__num
```



L'objet self





Sommaire

1 Type abstrait de données

Définition

2 Notion d'objet

Concepts fondamentaux

POO en Python

3 Retour sur la notion de TAD

TAD Intervalle

TAD Pile

TAD File

Autres TAD



Intervalle

- Principe : défini par des bornes supérieurs et inférieurs.
- Objectif : L'arithmétique d'intervalles a été définie pour estimer des bornes inférieures et supérieures de fonctions non-convexes
- Fonctionnalités :
 - Opérations : Addition,, soustraction, multiplication, division,
 $[a,b] + [c,d] = [a+c, b+d]$,
 $[a,b] - [c,d] = [a-d, b-c]$,
 $[a,b] * [c,d] = [\min(ac,ad,bc,bd), \max(ac,ad,bc,bd)]$,
 $[a,b] / [c,d] = [a,b] * [\frac{1}{d}, \frac{1}{c}]$ si $0 \notin [c,d]$.
...
 - Examiner les bornes (inf et sup)



Représentation d'un Intervalle

Exemple : Intervalle de réelles

- Choix d'une représentation interne :
 - deux réelles
 - représentant une borne supérieure et une borne inférieure
 - etc



Représentation d'un Intervalle

Exemple : Intervalle de réelles

- Choix d'une représentation interne :
 - deux réelles
 - représentant une borne supérieure et une borne inférieure
 - etc
- **Création d'un Intervalle : création de deux bornes**
- Les opérations et accès aux bornes



Représentation d'un Intervalle

Exemple : Intervalle ouvert, fermé

- Choix d'une représentation interne :
 - deux réelles
 - **représentant une borne supérieure et une borne inférieure**
 - etc
- Création d'un Intervalle
- Les opérations et accès aux bornes



Intervalle en Python

- La classe Intervalle

Exemple (Intervalle)

```
class Intervalle(object):
```



Intervalle en Python

- Le constructeur et les deux variables d'instance

Exemple (Intervalle)

```
class Intervalle(object):
    def __init__(self, mini, maxi):
        self.__inf = mini
        self.__sup = maxi
```



Intervalle en Python

- Les décorateurs (accès aux deux bornes)

Exemple (Intervalle)

```
class Intervalle(object):  
    @property  
    def inf(self):  
        """Accès à la borne inférieure.  
        """  
        return self._inf  
  
    @property  
    def sup(self):  
        """Accès à la borne supérieure  
        """  
        return self._inf
```



Intervalle en Python

- surcharge des méthodes : ex. la représentation (appelée lors d'une appel de print())

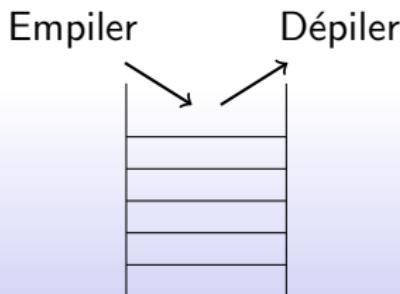
Exemple (Intervalle)

```
class Intervalle(object):  
    def __str__(self):  
        return '[, ]'.format(self.inf, self.sup)
```



Pile

- Principe : empiler et dépiler des éléments par le haut de la pile
- Pile = LIFO (Last In First Out)
- Fonctionnalités :
 - Empiler, dépiler
 - Examiner le sommet (sans dépiler)
 - Tester si la pile est pleine ou vide





Représentation de la pile

Exemple : pile d'entiers

- Choix d'une représentation interne :
 - tableau d'entiers + position du sommet de la pile
 - une liste + capacité autorisée de la pile : possibilité de mettre tout type d'objet
 - etc



Représentation de la pile

Exemple : pile d'entiers

- Choix d'une représentation interne :
 - tableau d'entiers + position du sommet de la pile
 - une liste + capacité autorisée de la pile : possibilité de mettre tout type d'objet
 - etc
- **Création d'une pile : allouer le tableau**
⇒ voir le polycopié du cours
- Empiler, dépiler, extraire le sommet : accéder au tableau/liste
- Pile vide ou pleine : tester la taille du tableau/capacité de la liste



Représentation de la pile

Exemple : pile d'éléments

- Choix d'une représentation interne :
 - tableau d'entiers + position du sommet de la pile
 - une liste + capacité autorisée de la pile : possibilité de mettre tout type d'objet
 - etc
- Création d'une pile : définir une liste + capacité
- Empiler, dépiler, extraire le sommet : accéder au tableau/liste
- Pile vide ou pleine : tester la taille du tableau/capacité de la liste



Pile en Python

Exemple (Pile)

```
class Pile(object):
```



Pile en Python

Exemple (Pile)

```
class Pile(object):
    def __init__(self, max):
        self.__contenu = []
        self.__maxpile = max
```



Pile en Python

Exemple (Pile)

```
class Pile(object):

    def estvide(self):
        return len(self.__contenu)==0
    def estpleine(self):
        return len(self.__contenu) == self.__maxpile
```



Pile en Python

Exemple (Pile)

```
class Pile(object):

    def empiler(self, val):
        if not self.estpleine():
            self.__contenu.append(val)
        else:
            raise ValueError("err : pile pleine")
```



Pile en Python

Exemple (Pile)

```
class Pile(object):

    def depiler(self):
        if not self.estvide():
            return self.__contenu.pop()
        else:
            return None
```



Pile en Python

Exemple (Pile)

```
class Pile(object):

    def lire_sommet(self):
        if not self.estvide():
            return self.__contenu[-1]
        return None
```



Utilisation de piles

- Pile d'appel
- Calcul d'expressions arithmétiques préfixées (ex : $+ 2 * 3 2$)
- Simulation de récursivité en itératif
- Parcours de graphes
- ...



TAD File

- Principe : Insérer et supprimer des éléments de la file
- File = FIFO (First In First Out)
- Fonctionnalités :
 - Insérer, supprime
 - Examiner la tête (sans défiler)
 - Tester si la file est pleine ou vide





Représentation de la file

Exemple : file d'entiers

- Représentation interne : liste, tableau + 2 indices
- Création d'une file : initialiser la liste ou le vecteur, allouer le tableau
- Enfiler, défiler, extraire la tête : accéder au tableau
- File vide ou pleine : tester les indices d'entrée et de sortie



Utilisation des files

- File d'attente
- File de priorité
- Gestion de flux de données
- Parcours de graphes



Autres TAD

- Complexes
- Polynômes
- Arbres
- ...