

Langage et algorithmique

- Listes chaînées -

A. Malek TOUMI

toumiab@ensta-bretagne.fr

2015/2016

ENSTA Bretagne



Sommaire

1 Liste chaînée

2 Manipulation de listes

Parcours

Insertions

Suppression

3 Autres types de listes

Liste doublement chaînée

Listes circulaires



Principe

Définition (Liste chaînée)

Liste chaînée : structure algorithmique **dynamique**. Accès **séquentiel** aux éléments.



Principe

Définition (Liste chaînée)

Liste chaînée : structure algorithmique **dynamique**. Accès **séquentiel** aux éléments.

Plusieurs types de listes :



Principe

Définition (Liste chaînée)

Liste chaînée : structure algorithmique **dynamique**. Accès **séquentiel** aux éléments.

Plusieurs types de listes :

- simplement chaînée



Principe

Définition (Liste chaînée)

Liste chaînée : structure algorithmique **dynamique**. Accès **séquentiel** aux éléments.

Plusieurs types de listes :

- simplement chaînée
- doublement chaînée



Principe

Définition (Liste chaînée)

Liste chaînée : structure algorithmique **dynamique**. Accès **séquentiel** aux éléments.

Plusieurs types de listes :

- simplement chaînée
- doublement chaînée
- triée



Principe

Définition (Liste chaînée)

Liste chaînée : structure algorithmique **dynamique**. Accès **séquentiel** aux éléments.

Plusieurs types de listes :

- simplement chaînée
- doublement chaînée
- triée
- circulaire



Principe

Définition (Liste chaînée)

Liste chaînée : structure algorithmique **dynamique**. Accès **séquentiel** aux éléments.





Principe

Définition (Liste chaînée)

Liste chaînée : structure algorithmique **dynamique**. Accès **séquentiel** aux éléments.

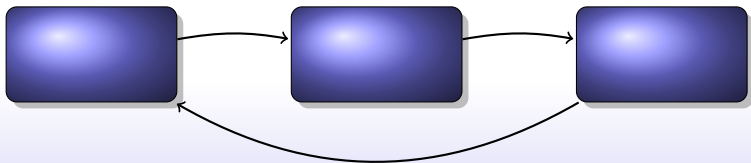




Principe

Définition (Liste chaînée)

Liste chaînée : structure algorithmique **dynamique**. Accès **séquentiel** aux éléments.





TAD liste

- Liste composée d'éléments (noeuds)



TAD liste

- Liste composée d'éléments (noeuds)
- Noeuds chaînés entre eux :



TAD liste

- Liste composée d'éléments (noeuds)
- Noeuds chaînés entre eux :
- Chaque noeud connaît son successeur



TAD liste

- Liste composée d'éléments (noeuds)
- Noeuds chaînés entre eux :
- Chaque noeud connaît son successeur
- Fin de liste : **None**



TAD liste

- Liste composée d'éléments (noeuds)
- Noeuds chaînés entre eux :
- Chaque noeud connaît son successeur
- Fin de liste : **None**
- Chaque noeud peut connaître son prédécesseur (liste doublement chaînée)



TAD liste

- Liste composée d'éléments (noeuds)
- Noeuds chaînés entre eux :
- Chaque noeud connaît son successeur
- Fin de liste : **None**
- Chaque noeud peut connaître son prédécesseur (liste doublement chaînée)
- Liste = premier élément (noeud) + opérations



TAD liste

- Liste composée d'éléments (noeuds)
- Noeuds chaînés entre eux :
- Chaque noeud connaît son successeur
- Fin de liste : **None**
- Chaque noeud peut connaître son prédécesseur (liste doublement chaînée)
- Liste = premier élément (noeud) + opérations
 - Insertion



TAD liste

- Liste composée d'éléments (noeuds)
- Noeuds chaînés entre eux :
- Chaque noeud connaît son successeur
- Fin de liste : **None**
- Chaque noeud peut connaître son prédécesseur (liste doublement chaînée)
- Liste = premier élément (noeud) + opérations
 - Insertion
 - Suppression



TAD liste

- Liste composée d'éléments (noeuds)
- Noeuds chaînés entre eux :
- Chaque noeud connaît son successeur
- Fin de liste : **None**
- Chaque noeud peut connaître son prédécesseur (liste doublement chaînée)
- Liste = premier élément (noeud) + opérations
 - Insertion
 - Suppression
 - Recherche



Classe noeud

- Constructeur (Noeud) :
- \Rightarrow Noeud : données

Exemple

```
class Node (object):  
    def __init__(self, donnee = 0):  
        """ Creation d'un noeud  
        le noeud suivant est fixé à None  
        """  
        self.val = donnee # La valeur de noeud
```



Classe noeud

- Constructeur (Noeud) :
- \Rightarrow Noeud : données + variable pour le chaînage

Exemple

```
class Node (object):  
    def __init__(self, donnee = 0):  
        """ Creation d'un noeud  
        le noeud suivant est fixé à None  
        """  
  
        self.val = donnee # La valeur de noeud  
        self.next = None # Le noeud suivant
```



Classe noeud

- Constructeur (Noeud) :
- \Rightarrow Noeud : données + variable pour le chaînage
- Les opérations sur les noeuds : affichage, comparaison ($==$, $>$, $>,<=$, ...)

Exemple

```
class Node (object):  
    def __init__(self, donnee = 0):  
        """ Creation d'un noeud  
        le noeud suivant est fixé à None  
        """  
  
        self.val = donnee # La valeur de noeud  
        self.next = None # Le noeud suivant  
  
        ...
```



Classe List

- Constructeur (List) :
- \implies contenu : tête de liste
- Les opérations sur les listes : affichage, Parcours, insertion, Suppression, ...



Classe List

- Constructeur (List) :
- \Rightarrow contenu : tête de liste
- Les opérations sur les listes : affichage, Parcours, insertion, Suppression, ...

Exemple

```
class List(object):  
    def __init__(self):  
        """ Creation d'une liste vide  
        la tete de liste est fixée à None  
        """  
        self.__first = None
```

...



Sommaire

1 Liste chaînée

2 Manipulation de listes

Parcours

Insertions

Suppression

3 Autres types de listes

Liste doublement chaînée

Listes circulaires



Sommaire

1 Liste chaînée

2 Manipulation de listes

Parcours

Insertions

Suppression

3 Autres types de listes

Liste doublement chaînée

Listes circulaires



Parcours de liste

Principe :

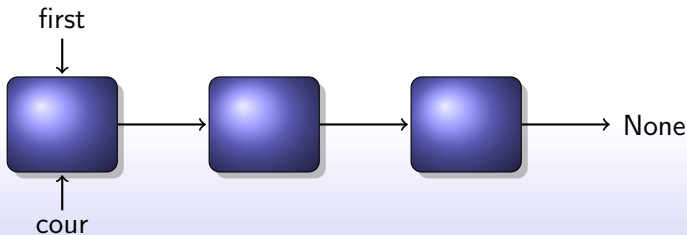
- partir du début de la liste
- avancer tant que l'élément est différent de **None**



Parcours de liste

Principe :

- partir du début de la liste
- avancer tant que l'élément est différent de **None**

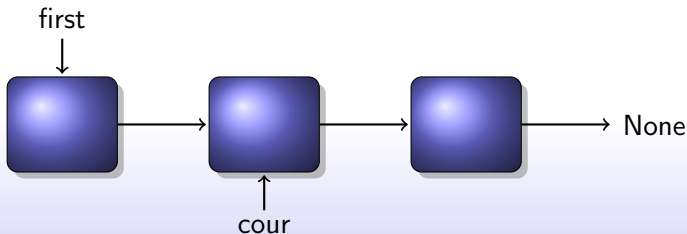




Parcours de liste

Principe :

- partir du début de la liste
- avancer tant que l'élément est différent de **None**

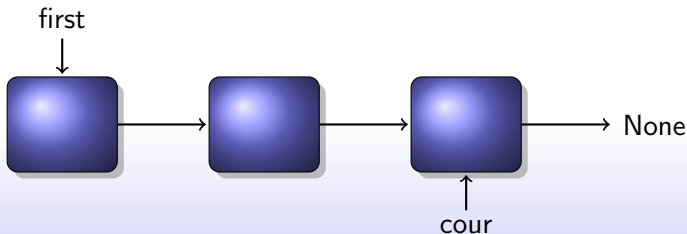




Parcours de liste

Principe :

- partir du début de la liste
- avancer tant que l'élément est différent de **None**

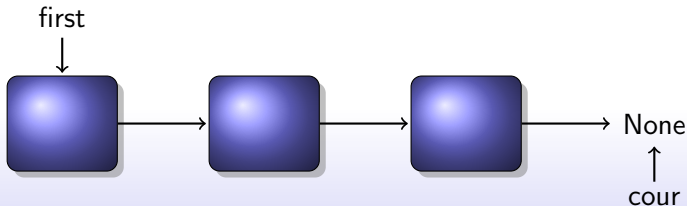




Parcours de liste

Principe :

- partir du début de la liste
- avancer tant que l'élément est différent de **None**





Algorithme de parcours

Algorithme 1: Parcours de liste

Entrées : `premier` : noeud // tête de liste

Données : `n` : noeud // noeud courant

$n \leftarrow \text{premier}$;

tant que $n \neq \text{None}$ **faire**

$n \leftarrow n.\text{suivant}$;

fin



Algorithme de parcours

Parcours d'une liste avec une boucle **while** :

```
class List(object):
    def __init__(self):
        self.__first = None
        # -----
    def parcours(self):
        n = self.__first
        while n is not None:
            # action à faire : exemple : print()
            print(str(n.val))
            # passer au noeud suivant
            n = n.next
```



Algorithme de parcours

Parcours **récuratif** d'une liste :

```
def parcours(self, n):  
    if n is not None  
        # action à faire : exemple : print()  
        print(str(n.val))  
        # passer au noeud suivant  
        self.parcours(n.next)
```



Recherche d'un élément dans une liste

Exemple de parcours : recherche d'élément

Principe :

- Partir du début de la liste



Recherche d'un élément dans une liste

Exemple de parcours : recherche d'élément

Principe :

- Partir du début de la liste
- Avancer tant que l'élément n'est pas trouvé



Recherche d'un élément dans une liste

Exemple de parcours : recherche d'élément

Principe :

- Partir du début de la liste
- Avancer tant que l'élément n'est pas trouvé
- Et que la fin de liste n'est pas atteinte



Recherche d'un élément dans une liste

Exemple de parcours : recherche d'élément

Principe :

- Partir du début de la liste
- Avancer tant que l'élément n'est pas trouvé
- Et que la fin de liste n'est pas atteinte
- Si l'algorithme se termine sur la fin de liste, l'élément n'est pas présent



Algorithme

Algorithme 2: Recherche d'élément dans une liste

Entrées : int val

Données : debut : noeud // tête de liste

Données : n : noeud // noeud courant

$n \leftarrow \text{debut}$;

tant que $n \neq \text{None}$ **et** $n.\text{valeur} \neq \text{val}$ **faire**

$n \leftarrow n.\text{suivant}$;

fin

retourner n ;



Complexité

- Nombre d'opérations nécessaire pour rechercher un élément ?



Complexité

- Nombre d'opérations nécessaire pour rechercher un élément ?
- Liste de taille n



Complexité

- Nombre d'opérations nécessaire pour rechercher un élément ?
- Liste de taille n
- Complexité $\Theta(n)$ (pire des cas et moyenne)



Complexité

- Nombre d'opérations nécessaire pour rechercher un élément ?
 - Liste de taille n
 - Complexité $\Theta(n)$ (pire des cas et moyenne)
- ⇒ Méthode de représentation peu efficace



Sommaire

1 Liste chaînée

2 Manipulation de listes

Parcours

Insertions

Suppression

3 Autres types de listes

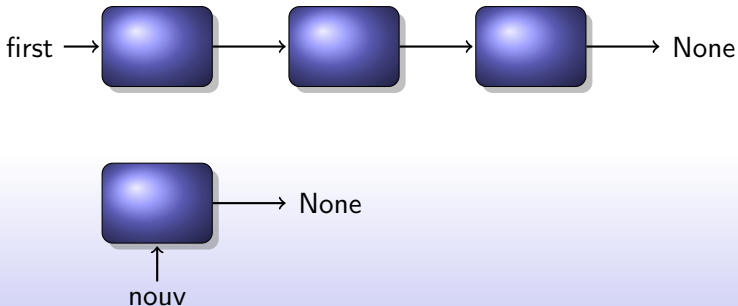
Liste doublement chaînée

Listes circulaires



Insertion en début de liste

Principe :

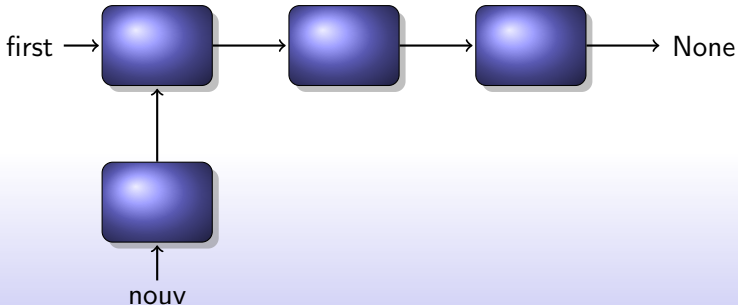




Insertion en début de liste

Principe :

- Attacher le début de la liste à **nouv**

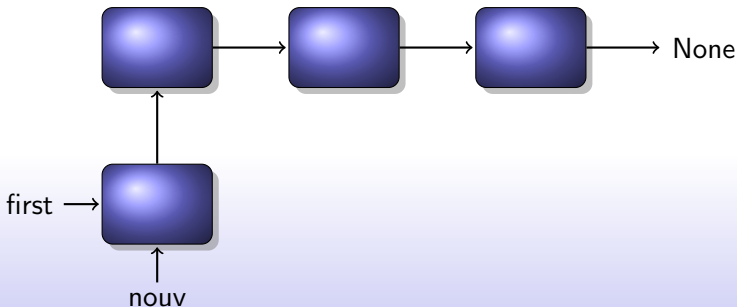




Insertion en début de liste

Principe :

- Attacher le début de la liste à **nouv**
- Le nouveau début de liste est **nouv**





Algorithme

Algorithme 3: Insertion en début de liste

Entrées : *nouv* : noeud à ajouter

Données : *debut* : noeud // tête de liste

nouv.suivant \leftarrow *debut*;

debut \leftarrow *nouv*;



Algorithme

```
def insertFirst(self, val) :  
    nouv = Node(val)  
    nouv.next = self.__first  
    self.__first = nouv;
```

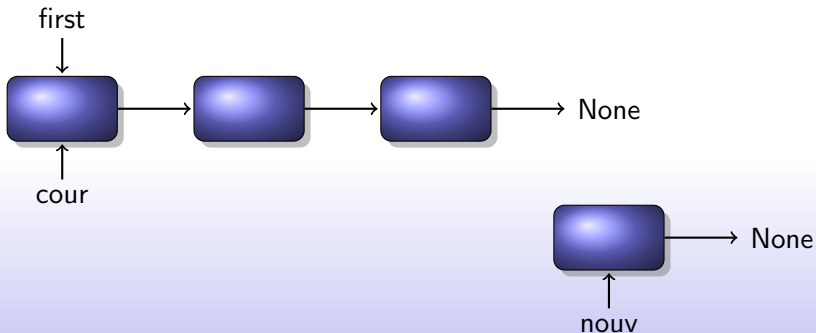
Complexité : $\Theta(1)$



Insertion en fin de liste

Principe :

- Se placer en début de liste

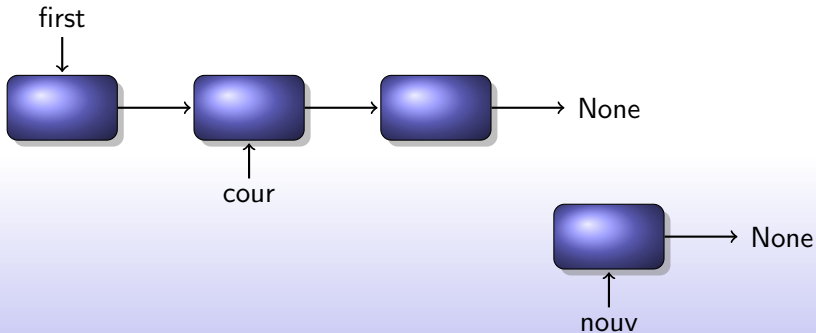




Insertion en fin de liste

Principe :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément

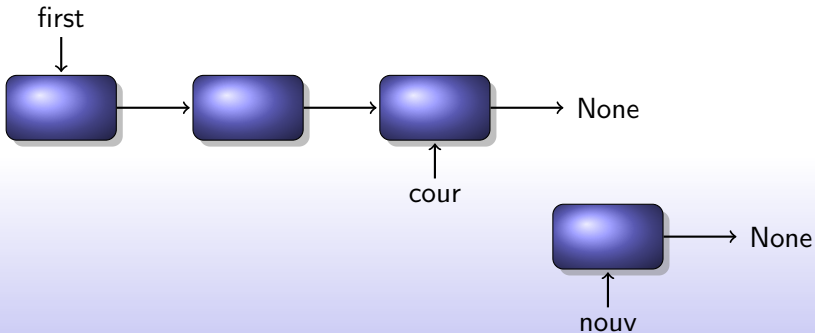




Insertion en fin de liste

Principe :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément

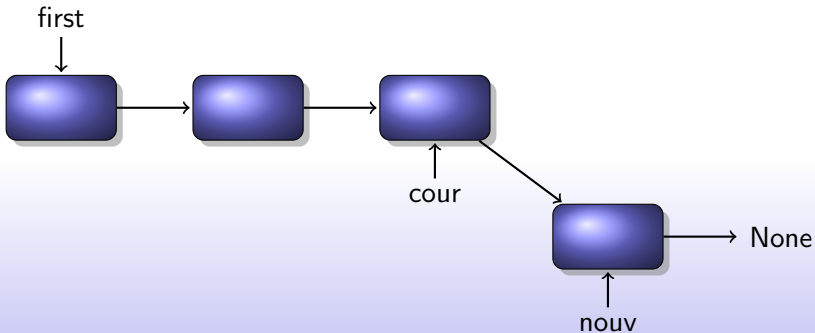




Insertion en fin de liste

Principe :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément
- Accrocher le nouvel élément après le dernier élément





Insertion en fin de liste

Principe :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément
- Accrocher le nouvel élément après le dernier élément

Remarques

- Ne pas oublier le cas particulier où la liste est vide



Insertion en fin de liste

Principe :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément
- Accrocher le nouvel élément après le dernier élément

Remarques

- Ne pas oublier le cas particulier où la liste est vide
- Complexité : $\Theta(n)$



Algorithme

Algorithme 4: Insertion en fin de liste

Entrées : nouv : noeud à ajouter

Données : debut : noeud // tête de liste

Données : n : noeud // noeud courant



Algorithme

Algorithme 5: Insertion en fin de liste

Entrées : *nouv* : noeud à ajouter

Données : *debut* : noeud // tête de liste

Données : *n* : noeud // noeud courant

si *liste* = \emptyset // cas particulier liste vide

alors

 | *debut* \leftarrow *nouv* ;

sinon



Algorithme

Algorithme 6: Insertion en fin de liste

Entrées : *nouv* : noeud à ajouter

Données : *debut* : noeud // tête de liste

Données : *n* : noeud // noeud courant

si *liste* = \emptyset // cas particulier liste vide

alors

 | *debut* \leftarrow *nouv* ;

sinon

fin

n \leftarrow *debut*;

tant que *n.suivant* \neq *None* **faire**

 | *n* \leftarrow *n.suivant* ;

fin



Algorithme

Algorithme 7: Insertion en fin de liste

Entrées : *nouv* : noeud à ajouter

Données : *debut* : noeud // tête de liste

Données : *n* : noeud // noeud courant

si *liste* = \emptyset // cas particulier liste vide

alors

 | *debut* \leftarrow *nouv* ;

sinon

fin

n \leftarrow *debut*;

tant que *n.suivant* \neq None faire

 | *n* \leftarrow *n.suivant* ;

fin

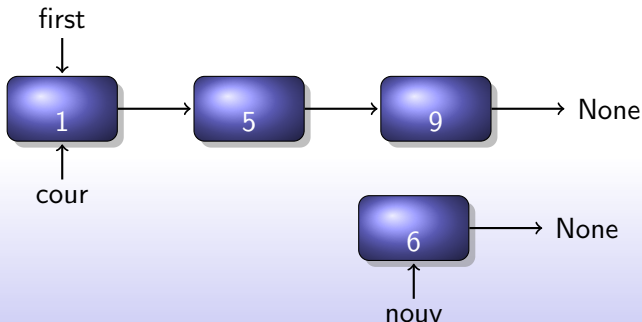
n.suivant \leftarrow *nouv*;



Insertion dans une liste triée

Principe \simeq insertion en fin de liste :

- Se placer en début de liste

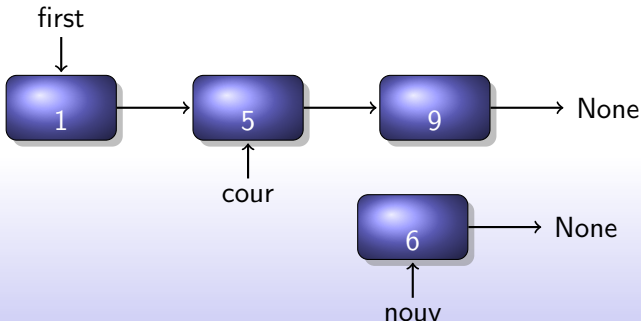




Insertion dans une liste triée

Principe \simeq insertion en fin de liste :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément inférieur à l'élément à insérer

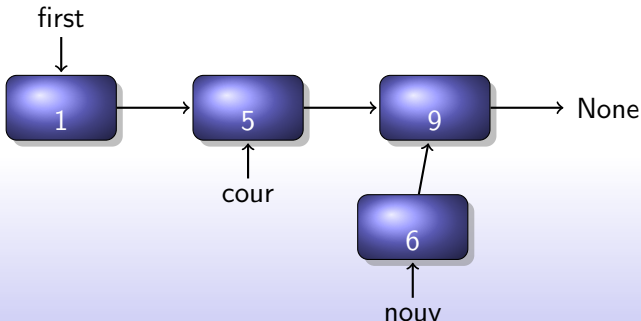




Insertion dans une liste triée

Principe \simeq insertion en fin de liste :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément inférieur à l'élément à insérer
- Accrocher le nouvel élément après l'élément courant

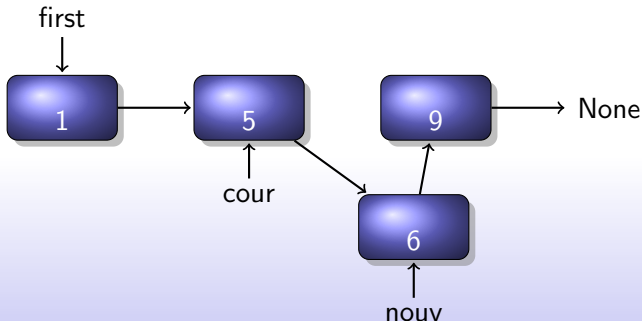




Insertion dans une liste triée

Principe \simeq insertion en fin de liste :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément inférieur à l'élément à insérer
- Accrocher le nouvel élément après l'élément courant





Insertion dans une liste triée

Principe \simeq insertion en fin de liste :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément inférieur à l'élément à insérer
- Accrocher le nouvel élément après l'élément courant

Remarques

- Attention aux cas particuliers :



Insertion dans une liste triée

Principe \simeq insertion en fin de liste :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément inférieur à l'élément à insérer
- Accrocher le nouvel élément après l'élément courant

Remarques

- Attention aux cas particuliers :
 - liste vide



Insertion dans une liste triée

Principe \simeq insertion en fin de liste :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément inférieur à l'élément à insérer
- Accrocher le nouvel élément après l'élément courant

Remarques

- Attention aux cas particuliers :
 - liste vide
 - insertion du plus petit élément



Insertion dans une liste triée

Principe \simeq insertion en fin de liste :

- Se placer en début de liste
- Avancer jusqu'au dernier élément inférieur à l'élément à insérer
- Accrocher le nouvel élément après l'élément courant

Remarques

- Attention aux cas particuliers :
 - liste vide
 - insertion du plus petit élément
- Complexité : $\Theta(n)$



Remarque sur l'insertion dans une liste triée

Remarque

- Deux cas particuliers à tester



Remarque sur l'insertion dans une liste triée

Remarque

- Deux cas particuliers à tester
- Ruse :



Remarque sur l'insertion dans une liste triée

Remarque

- Deux cas particuliers à tester
- Ruse :
 - créer un élément temporaire **tmp**



Remarque sur l'insertion dans une liste triée

Remarque

- Deux cas particuliers à tester
- Ruse :
 - créer un élément temporaire **tmp**
 - accrocher le début de la liste après **tmp**



Remarque sur l'insertion dans une liste triée

Remarque

- Deux cas particuliers à tester
- Ruse :
 - créer un élément temporaire **tmp**
 - accrocher le début de la liste après **tmp**
 - parcourir la liste à partir de **tmp**



Remarque sur l'insertion dans une liste triée

Remarque

- Deux cas particuliers à tester
- Ruse :
 - créer un élément temporaire **tmp**
 - accrocher le début de la liste après **tmp**
 - parcourir la liste à partir de **tmp**

⇒ plus de cas particulier !



Algorithme

Algorithme 8: Insertion dans une liste triée

Entrées : nouv : noeud à ajouter

créer noeud **tmp** ;

$tmp.next \leftarrow debut$;

$n \leftarrow tmp$;



Algorithme

Algorithme 9: Insertion dans une liste triée

Entrées : *nouv* : noeud à ajouter

créer noeud **tmp** ;

tmp.next \leftarrow *debut* ;

n \leftarrow *tmp*;

tant que *n.suivant* \neq *None* **et** *n.suivant* < *nouv* **faire**

 | *n* \leftarrow *n.suivant* ;

fin



Algorithme

Algorithme 10: Insertion dans une liste triée

Entrées : *nouv* : noeud à ajouter

créer noeud **tmp** ;

tmp.next \leftarrow *debut* ;

n \leftarrow *tmp*;

tant que *n.suivant* \neq *None* **et** *n.suivant* $<$ *nouv* **faire**

 | *n* \leftarrow *n.suivant* ;

fin

nouv.suivant \leftarrow *n.suivant*;

n.suivant \leftarrow *nouv*;

debut \leftarrow *tmp.suivant* // supprimer l'élément temporaire



Sommaire

1 Liste chaînée

2 Manipulation de listes

Parcours

Insertions

Suppression

3 Autres types de listes

Liste doublement chaînée

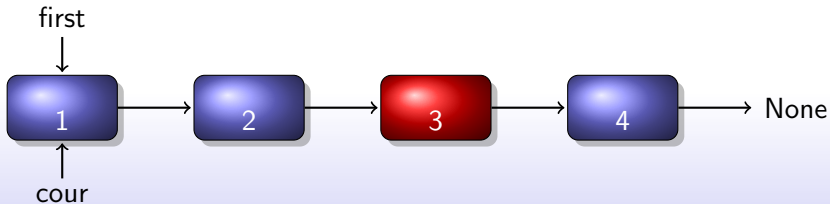
Listes circulaires



Suppression

Principe :

- Partir du début de la liste
- Se placer avant l'élément à supprimer
- Modifier le chaînage pour supprimer l'élément

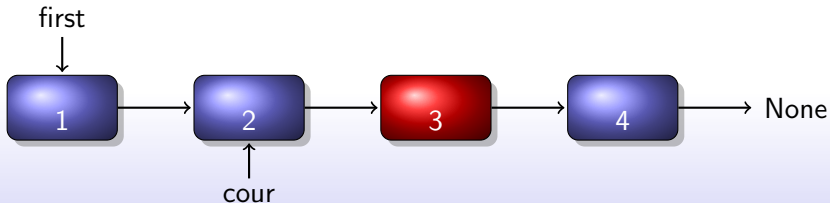




Suppression

Principe :

- Partir du début de la liste
- Se placer avant l'élément à supprimer
- Modifier le chaînage pour supprimer l'élément

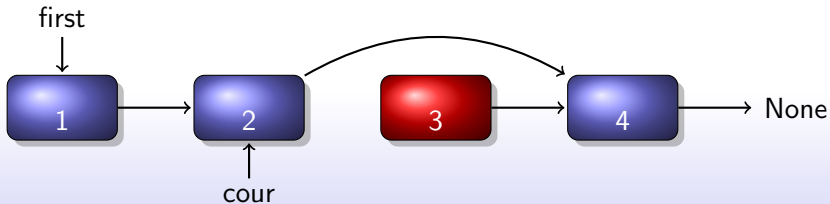




Suppression

Principe :

- Partir du début de la liste
- Se placer avant l'élément à supprimer
- Modifier le chaînage pour supprimer l'élément

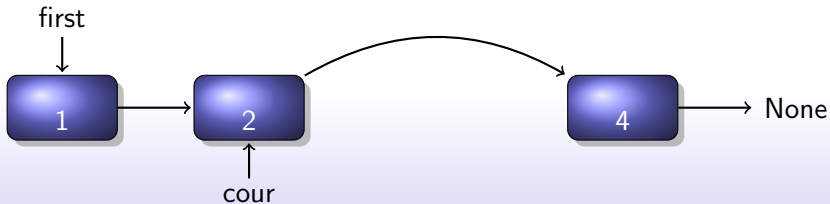




Suppression

Principe :

- Partir du début de la liste
- Se placer avant l'élément à supprimer
- Modifier le chaînage pour supprimer l'élément





Suppression

Principe :

- Partir du début de la liste
- Se placer avant l'élément à supprimer
- Modifier le chaînage pour supprimer l'élément

Remarques

- Cas particuliers :



Suppression

Principe :

- Partir du début de la liste
- Se placer avant l'élément à supprimer
- Modifier le chaînage pour supprimer l'élément

Remarques

- Cas particuliers :
 - liste vide



Suppression

Principe :

- Partir du début de la liste
- Se placer avant l'élément à supprimer
- Modifier le chaînage pour supprimer l'élément

Remarques

- Cas particuliers :
 - liste vide
 - suppression du premier élément



Suppression

Principe :

- Partir du début de la liste
- Se placer avant l'élément à supprimer
- Modifier le chaînage pour supprimer l'élément

Remarques

- Cas particuliers :
 - liste vide
 - suppression du premier élément
- Complexité : $\Theta(n)$



Algorithme

Algorithme 11: Suppression d'un élément dans une liste

Entrées : `val` : entier // `val` : valeur du noeud à supprimer
créer noeud **tmp** ;
`tmp.next` \leftarrow `debut`;
`n` \leftarrow `tmp`;



Algorithme

Algorithme 12: Suppression d'un élément dans une liste

Entrées : `val` : entier // `val` : valeur du noeud à supprimer
créer noeud **tmp** ;
`tmp.next` \leftarrow `debut`;
`n` \leftarrow `tmp`;
tant que `n.suivant` \neq `None` **et** `n.suivant.val` \neq `val` **faire**
 `n` \leftarrow `n.suivant`;
fin



Algorithme

Algorithme 13: Suppression d'un élément dans une liste

Entrées : `val` : entier // `val` : valeur du noeud à supprimer

créer noeud **tmp** ;

`tmp.next` \leftarrow `debut`;

`n` \leftarrow `tmp`;

tant que `n.suivant` \neq `None` **et** `n.suivant.val` \neq `val` **faire**

`n` \leftarrow `n.suivant`;

fin

`n.suivant` \leftarrow `n.suivant.suivant`;

`debut` \leftarrow `tmp.suivant`;



Sommaire

- 1 Liste chaînée
- 2 Manipulation de listes
 - Parcours
 - Insertions
 - Suppression
- 3 **Autres types de listes**
 - Liste doublement chaînée
 - Listes circulaires



Sommaire

- 1 Liste chaînée
- 2 Manipulation de listes
 - Parcours
 - Insertions
 - Suppression
- 3 **Autres types de listes**
 - Liste doublement chaînée
 - Listes circulaires



Principe

- Chaque noeud connaît son successeur
 - et son prédécesseur
- ⇒ variable d'instance supplémentaire



Principe

- Chaque noeud connaît son successeur
- et son prédécesseur

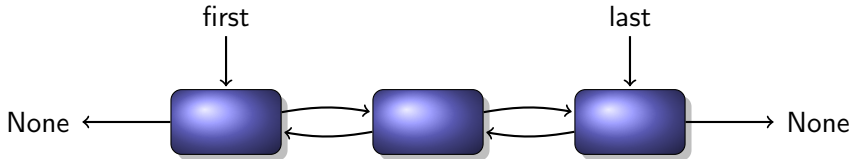
⇒ variable d'instance supplémentaire

Attention

Bien gérer la cohérence du double chaînage



Liste doublement chaînée





Classes Node et Liste

```
class Node (object):  
    def __init__(self, donnee = 0):  
        self.val = donnee # La valeur de noeud  
        self.next = None # Le noeud suivant  
  
...
```



Classes Node et Liste

```
class Node (object):  
    def __init__(self, donnee = 0):  
        self.val = donnee # La valeur de noeud  
        self.next = None # Le noeud suivant  
  
...
```




Classes Node et Liste

```
class Node (object):  
    def __init__(self, donnee = 0):  
        self.val = donnee # La valeur de noeud  
        self.next = None # Le noeud suivant  
        self.prev = None # Le noeud précédent  
    ...
```



Classes Node et Liste

```
class Node (object):
    def __init__(self, donnee = 0):
        self.val = donnee # La valeur de noeud
        self.next = None # Le noeud suivant
        self.prev = None # Le noeud précédent
    ...

class List(object):
    def __init__(self):
        self.__first = None
```



Classes Node et Liste

```
class Node (object):
    def __init__(self, donnee = 0):
        self.val = donnee # La valeur de noeud
        self.next = None # Le noeud suivant
        self.prev = None # Le noeud précédent
    ...

class List(object):
    def __init__(self):
        self.__first = None
        self.__last = None
```



Sommaire

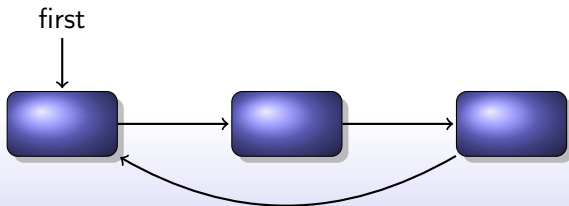
- 1 Liste chaînée
- 2 Manipulation de listes
 - Parcours
 - Insertions
 - Suppression
- 3 **Autres types de listes**
 - Liste doublement chaînée
 - Listes circulaires



Principe

- Le successeur d'un noeud peut être un noeud précédent
- Attention lors des parcours

⇒ risque de boucle infinie





Détection de cycle

- Problème : comment détecter que la liste contient un cycle ?



Détection de cycle

- Problème : comment détecter que la liste contient un cycle ?
- Solution :



Détection de cycle

- Problème : comment détecter que la liste contient un cycle ?
- Solution :
 - utiliser deux variables :



Détection de cycle

- Problème : comment détecter que la liste contient un cycle ?
- Solution :
 - utiliser deux variables :
 - une qui avance d'un noeud par tour



Détection de cycle

- Problème : comment détecter que la liste contient un cycle ?
- Solution :
 - utiliser deux variables :
 - une qui avance d'un noeud par tour
 - une qui avance de deux noeuds par tour



Détection de cycle

- Problème : comment détecter que la liste contient un cycle ?
- Solution :
 - utiliser deux variables :
 - une qui avance d'un noeud par tour
 - une qui avance de deux noeuds par tour
 - si un aboutit à la fin de la liste : liste non circulaire



Détection de cycle

- Problème : comment détecter que la liste contient un cycle ?
- Solution :
 - utiliser deux variables :
 - une qui avance d'un noeud par tour
 - une qui avance de deux noeuds par tour
 - si un aboutit à la fin de la liste : liste non circulaire
 - si les deux se rejoignent : liste circulaire