

學號：R04944035 系級：網媒碩三 姓名：陳英傑

請實做以下兩種不同 feature 的模型，回答第 (1) ~ (3) 題：

- (1) 抽全部 9 小時內的污染源 feature 的一次項(加 bias)
- (2) 抽全部 9 小時內 pm2.5 的一次項當作 feature(加 bias)

備註：

- a. NR 請皆設為 0，其他的數值不要做任何更動
- b. 所有 advanced 的 gradient descent 技術(如: adam, adagrad 等) 都是可以用的

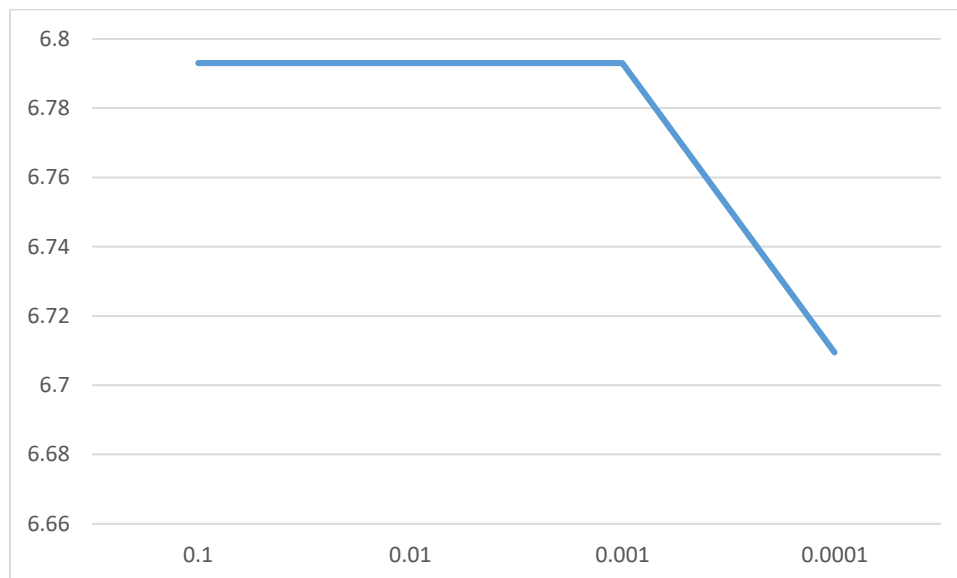
1. (2%)記錄誤差值 (RMSE)(根據 kaggle public+private 分數)，討論兩種 feature 的影響

	RMSE	Public	Private
All feature	5.878284	7.83378	5.50413
pm2.5 only	6.123022	7.44013	5.62719

2. (1%)將 feature 從抽前 9 小時改成抽前 5 小時，討論其變化

	RMSE	Public	Private
前 9 小時	5.878284	7.83378	5.50413
前 5 小時	5.823569	21.81541	16.23295

3. (1%)Regularization on all the weight with $\lambda=0.1$ 、 0.01 、 0.001 、 0.0001 ，並作圖顯示訓練後的差別(with RMSE)



$\lambda=0.1$: RMSE = 6.793043836

$\lambda=0.01$: RMSE = 6.793043748

$\lambda=0.001$: RMSE = 6.793043739

$\lambda=0.0001$: RMSE = 6.709463905

(note: x-axis : λ , y-axis : RMSE)

4. (1%)在線性回歸問題中，假設有 N 筆訓練資料，每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量 x^n ，其標註(label)為一存量 y^n ，模型參數為一向量 w (此處忽略偏權值 b)，則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\sum_{n=1}^N (y^n - x^n \cdot w)^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣 $X = [x^1 \ x^2 \ \dots \ x^N]^T$ 表示，所有訓練資料的標註以向量 $y = [y^1 \ y^2 \ \dots \ y^N]^T$ 表示，請問如何以 X 和 y 表示可以最小化損失函數的向量 w ？請寫下算式並選出正確答案。(其中 $X^T X$ 為 invertible)

- (a) $(X^T X) X^T y$
- (b) $(X^T X)^{-0} X^T y$
- (c) $(X^T X)^{-1} X^T y$
- (d) $(X^T X)^{-2} X^T y$

Ans: (c)

$$\text{Loss} = \sum_{n=1}^N (y^n - x^n \cdot w)^2 = \sum_{n=1}^N (y^{nT} y^n - 2w^T x^{nT} y^n + w^T x^{nT} x^n w)$$

$$\nabla \text{Loss} = \sum_{n=1}^N 2 (x^{nT} x^n w - x^{nT} y^n) = 0$$

$$\Rightarrow (x^{nT} x^n)^{-1} x^{nT} y^n = w$$