

# Rapport de bureaux d'étude

Apprentissage automatique embarqué et mobile  
S9 INFO mso 3.4

Mohamed Amine MEJRI  
Thomas PUCCI

Édité le 28/03/2017

# Sommaire

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>KNN</b>	<b>4</b>
2.1	Knn_compute_distances_two_loops.m . . . . .	4
2.2	Knn_predict_labels.m . . . . .	5
2.3	Now lets try out a larger k, say k=5 . . . . .	6
2.4	knn_compute_distance_one_loop.m . . . . .	6
2.5	knn_compute_distances_no_loops.m . . . . .	7
2.6	Let's compare how fast the implementations are . . . . .	7
2.7	Cross-validation . . . . .	8
<b>3</b>	<b>SVM</b>	<b>11</b>
3.1	svm_loss_naive.m . . . . .	11
3.1.1	Gradcheck . . . . .	12
3.1.2	Inline Question 1 . . . . .	12
3.2	svm_loss_vectorized.m . . . . .	12
3.2.1	Loss . . . . .	12
3.2.2	Gradient . . . . .	13
3.2.3	Résultats . . . . .	13
3.3	Stochastic Gradient Descent . . . . .	13
3.4	linear_svm_predict.m . . . . .	14
3.5	Configuration des hyperparamètres dans le script Run_svm.m . . . . .	14
3.6	Visualisation des résultats . . . . .	16
3.6.1	Inline Question 2 . . . . .	16
<b>4</b>	<b>SoftMax</b>	<b>17</b>
4.1	softmax_loss_naive . . . . .	17
4.1.1	Gradcheck . . . . .	18
4.2	svm_loss_vectorized.m . . . . .	18
4.2.1	Loss . . . . .	18
4.2.2	Résultats . . . . .	19
4.3	Stochastic Gradient Descent . . . . .	19
4.4	linear_softmax_predict.m . . . . .	19
4.5	Configuration des hyperparamètres dans le script Run_softmax.m . . . . .	20
4.6	Visualisation des résultats . . . . .	20

<b>5</b>	<b>Neural Network</b>	<b>22</b>
5.1	Forward pass: compute scores . . . . .	22
5.2	Forward pass: compute loss . . . . .	22
5.3	Backward pass . . . . .	23
5.4	Train the network . . . . .	23
5.5	Train a network . . . . .	24
5.6	Debug the training . . . . .	24
5.7	Tune your hyperparameters . . . . .	26
<b>6</b>	<b>Q-Learning</b>	<b>31</b>
6.1	Configuration . . . . .	31
6.2	Fonction récursive qLearn . . . . .	32
6.3	Traces d'exécution . . . . .	33
<b>7</b>	<b>Conclusion</b>	<b>34</b>
	Références . . . . .	34

# 1 Introduction

Le présent rapport rend compte de nos travaux lors des séances de Bureau d'Étude et suit le cheminement des énoncés [1].

Une première partie de ce rapport concerne la programmation d'un classifieur KNN. Une seconde partie concerne l'apprentissage d'un algorithme SVM. Une troisième partie concerne l'implémentation d'un classifieur de type Softmax. Une quatrième partie concerne la programmation d'un algorithme de type réseau de neurones à deux couches. Enfin, une cinquième partie concerne l'implémentation de l'exemple simple de *QLearning* du dernier BE [2].

*NB: Ce Bureau d'étude est réalisé sous le logiciel **Matlab**.*

Mots-clés: *kNN, Support Vector Machine, Softmax, Réseau de neurones, Images features, QLearning.*

---

## 2 KNN

### 2.1 Knn\_compute\_distances\_two\_loops.m

Dans cette partie on commence par implémenter le code qui mesure la matrice distance entre les exemples issus des training et tests sets. Par exemple si on a  $N_{tr}$  training exemples et  $N_{te}$  exemples test on obtient une matrice de taille  $N_{te} * N_{tr}$  où chaque élément  $(i, j)$  est la distance entre le  $i$  ème test et le  $j$  ème train et ceci via une double boucle `for`.

Voici le code correspondant:

```
1 function [dists] = knn_compute_distances_two_loops(model, X)
2 % Compute the distance between each test point in X and each training point
3 % in model.X_train using a nested loop over both the training data and the
4 % test data.
5
6 % Inputs:
7 % - model: KNN model struct, it has two members:
8 %     model.X_train : A matrix of shape (num_train, D) containing train data.
9 %     model.y_train : A matrix of shape (num_train, 1) containing train labels.
10 % - X: A matrix of shape (num_test, D) containing test data.
11 % Returns:
12 % - dists: A matrix of shape (num_test, num_train) where dists[i, j]
13 %     is the Euclidean distance between the ith test point and the jth training
14 %     point.
15
16 num_test = size(X,1);
17 num_train = size(model.X_train, 1);
18 dists = zeros(num_test, num_train);
19 for i = 1:num_test
20     for j = 1:num_train
21 %         #####
22 %         # TODO:                                     #
23 %         # Compute the l2 distance between the ith test point and the jth      #
24 %         # training point, and store the result in dists[i, j]                  #
25 %         #####
26
27         dists(i,j)= (sum((X(i,:)-model.X_train(j,:)).^2)).^0.5;
28
29
30 %         #####
31 %         #                               END OF YOUR CODE                               #
32 %         #####
33     end
34 end
35 end
```

Après l'exécution on obtient une matrice de taille 500 \* 5000:

```
1      500      5000
```

## 2.2 Knn\_predict\_labels.m

On a implémenté ici la fonction qui prédit le label de chaque exemple test.

En prenant la matrice dists triée, nous choisissons les k plus proches labels pour chaque exemple test. Ensuite, en utilisant la fonction mod, nous obtenons le label le plus commun c'est-à-dire le label qui se répète le plus.

Voici le code correspondant:

```

1 function [y_pred] = knn_predict_labels(model, dists, k)
2 %     Given a matrix of distances between test points and training points,
3 %     predict a label for each test point.
4 %
5 %     Inputs:
6 %     - model: KNN model struct, it has two members:
7 %         model.X_train : A matrix of shape (num_train, D) containing train data.
8 %         model.y_train : A matrix of shape (num_train, 1) containing train labels.
9 %     - dists: A matrix of shape (num_test, num_train) where dists[i, j]
10 %         gives the distance between the ith test point and the jth training point.
11 %     - k : number of nearest neighbors
12 %     Returns:
13 %     - y: A matrix of shape (num_test,) containing predicted labels for the
14 %         test data, where y[i] is the predicted label for the test point X[i].
15
16
17 % #####
18 % # TODO:                                     #
19 % # Use the distance matrix to find the k nearest neighbors of the ith      #
20 % # training point, and use model.train_labels to find the labels of these   #
21 % # neighbors. Store these labels in closest_y.                             #
22 % # Hint: Look up the function sort                                           #
23 % #####
24
25     [~,index] = sort(dists,2);
26     closest_y = model.y_train(index(:,1:k));
27
28
29
30
31
32 %
33 % #####
34 % # TODO:                                     #
35 % # Now that you have found the labels of the k nearest neighbors, you      #
36 % # need to find the most common label in the list closest_y of labels.     #
37 % # Store this label in y_pred[i]. Break ties by choosing the smaller       #
38 % # label.
39 % # Hint: Look up the function mode
40 % #####
41
42     y_pred = mode(closest_y,2);
43 %
44 % #####
45 % #                                     END OF YOUR CODE                       #

```

```

46 % #####
47 end

```

Le résultat obtenu après l'exécution de cette partie est le suivant : l'accuracy est de 0.274.

```

1 Got 137 / 500 correct => accuracy: 0.274000

```

## 2.3 Now lets try out a larger k, say k=5

Dans cette partie nous choisissons  $k = 5$  : nous obtenons une accuracy égale à 0.278.

```

1 Got 139 / 500 correct => accuracy: 0.278000

```

## 2.4 knn\_compute\_distance\_one\_loop.m

Dans cette partie nous améliorons l'algorithme qui calcule la matrice dists en utilisant une vectorisation partielle avec une seule boucle `for`.

On peut alors vérifier que nous obtenons le même résultat qu'avec la méthode précédente:

```

1 function [ dists ] = knn_compute_distances_one_loops( model, X )
2 % Compute the distance between each test point in X and each training point
3 % in self.X_train using a single loop over the test data.
4
5 % Inputs:
6 % - model: KNN model struct, it has two members:
7 %   model.X_train : A matrix of shape (num_train, D) containing train data.
8 %   model.y_train : A matrix of shape (num_train, 1) containing train labels.
9 % - X: A matrix of shape (num_test, D) containing test data.
10 % Returns:
11 % - dists: A matrix of shape (num_test, num_train) where dists[i, j]
12 %   is the Euclidean distance between the ith test point and the jth training
13 %   point.
14 num_test = size(X,1);
15 num_train = size(model.X_train, 1);
16 dists = zeros(num_test, num_train);
17 for i=1:num_test
18 % #####
19 % # TODO: #
20 % # Compute the l2 distance between the ith test point and all training #
21 % # points, and store the result in dists[i, :]. #
22 % #####
23
24 dists(i,:) = (sum((model.X_train - repmat(X(i,:), num_train, 1)).^2, 2)).^0.5;
25
26 % #####
27 % # END OF YOUR CODE #
28 % #####
29 end
30 end

```

```

1 Difference was: 0.000000
2 Good! The distance matrices are the same

```

## 2.5 knn\_compute\_distances\_no\_loops.m

Maintenant nous améliorons notre algorithme en calculant la matrice dists sans aucune boucle `for`.

Voici le code correspondant:

```

1 function [ dists ] = knn_compute_distances_no_loops( model, X )
2 % Compute the distance between each test point in X and each training point
3 % in self.X_train using a single loop over the test data.
4 %   Inputs:
5 %   - model: KNN model struct, it has two members:
6 %       model.X_train : A matrix of shape (num_train, D) containing train data.
7 %       model.y_train : A matrix of shape (num_train, 1) containing train labels.
8 %   - X: A matrix of shape (num_test, D) containing test data.
9 %   Returns:
10 %   - dists: A matrix of shape (num_test, num_train) where dists[i, j]
11 %       is the Euclidean distance between the ith test point and the jth training
12 %       point.
13
14 % #####
15 % # TODO:                                     #
16 % # Compute the l2 distance between all test points and all training      #
17 % # points without using any explicit loops, and store the result in      #
18 % # dists.                                     #
19 % # HINT: Try to formulate the l2 distance using matrix multiplication    #
20 % #       and two broadcast sums.                                           #
21 % #####
22
23 num_test = size(X,1);
24 num_train = size(model.X_train, 1);
25 dists = (sum(X.^2,2)*ones(1,num_train) +
26         ones(num_test,1)*sum(model.X_train.^2,2)' - X*model.X_train'.*2).^0.5;
27 % #####
28 % #                                     END OF YOUR CODE                     #
29 % #####
30 end

```

On peut alors vérifier que nous obtenons le même résultat qu'avec la méthode précédente:

```

1 Difference was: 0.000000
2 Good! The distance matrices are the same

```

## 2.6 Let's compare how fast the implementations are

Ici nous avons comparé la vitesse d'exécution de nos trois versions de calcul de la matrice dists. Nous remarquons d'après les résultats que la version `knn_compute_distance_no_loops` est effectivement la plus rapide:

```

1 Two loop version took 246.553474 seconds
2 One loop version took 51.098205 seconds
3 No loop version took 0.508954 seconds

```



## 2.7 Cross-validation

Nous avons implémenté le k-Nearest Neighbor classifieur, mais nous avons fixé la valeur  $k = 5$  arbitrairement. Nous allons maintenant déterminer la meilleure valeur de cet hyperparamètre avec cross validation.

Nous avons divisé nos données en 5 folds pour lesquels nous prenons à chaque fois une valeur de  $k$ .

```

1 % #####
2 % # TODO: #
3 % # Split up the training data into folds. After splitting, X_train_folds and #
4 % # y_train_folds should each be lists of length num_folds, where #
5 % # y_train_folds[i] is the label vector for the points in X_train_folds[i]. #
6 % # Hint: Look up the mat2cell function. #
7 % #####
8
9 X_train_folds= mat2cell(imdb.train_data,
    ones(1,num_folds)*(size(imdb.train_data,1)/num_folds));
10 y_train_folds= mat2cell(imdb.train_labels,
    ones(1,num_folds)*(size(imdb.train_labels,1)/num_folds));
11
12 % #####
13 % # END OF YOUR CODE #
14 % #####
15 %
16 % # A dictionary holding the accuracies for different values of k that we find
17 % # when running cross-validation. After running cross-validation,
18 % # k_to_accuracies[k] should be a list of length num_folds giving the different
19 % # accuracy values that we found when using that value of k.
20
21 k_to_accuracies = zeros(length(k_choices), num_folds);
22
23
24 % #####
25 % # TODO: #
26 % # Perform k-fold cross validation to find the best value of k. For each #
27 % # possible value of k, run the k-nearest-neighbor algorithm num_folds times, #
28 % # where in each case you use all but one of the folds as training data and the #
29 % # last fold as a validation set. Store the accuracies for all fold and all #
30 % # values of k in the k_to_accuracies dictionary. #
31 % #####
32 for i = 1:length(k_choices)
33     for j = 1:num_folds
34         model = knn_train(cell2mat(X_train_folds(setdiff(1:num_folds,j))),
            cell2mat(y_train_folds(setdiff(1:num_folds,j))));
35         dists_no = knn_compute_distances_no_loops(model, cell2mat(X_train_folds(j)));
36         test_labels_pred = knn_predict_labels(model, dists_no, k_choices(i));
37         num_correct = sum(sum(test_labels_pred == cell2mat(y_train_folds(j))));
38         num_test = length(cell2mat(y_train_folds(j)));
39         accuracy = double(num_correct)/num_test;
40         k_to_accuracies(i,j)=accuracy;
41     end
42 end

```

```

43
44 % #####
45 % #                               END OF YOUR CODE          #
46 % #####

```

Pour chaque valeur de k on obtient les résultats suivants:

```

1  k = 1, accuracy = 0.263000
2  k = 1, accuracy = 0.257000
3  k = 1, accuracy = 0.264000
4  k = 1, accuracy = 0.278000
5  k = 1, accuracy = 0.266000
6  k = 3, accuracy = 0.239000
7  k = 3, accuracy = 0.249000
8  k = 3, accuracy = 0.240000
9  k = 3, accuracy = 0.266000
10 k = 3, accuracy = 0.254000
11 k = 5, accuracy = 0.248000
12 k = 5, accuracy = 0.266000
13 k = 5, accuracy = 0.280000
14 k = 5, accuracy = 0.292000
15 k = 5, accuracy = 0.280000
16 k = 8, accuracy = 0.262000
17 k = 8, accuracy = 0.282000
18 k = 8, accuracy = 0.273000
19 k = 8, accuracy = 0.290000
20 k = 8, accuracy = 0.273000
21 k = 10, accuracy = 0.265000
22 k = 10, accuracy = 0.296000
23 k = 10, accuracy = 0.276000
24 k = 10, accuracy = 0.284000
25 k = 10, accuracy = 0.280000
26 k = 12, accuracy = 0.260000
27 k = 12, accuracy = 0.295000
28 k = 12, accuracy = 0.279000
29 k = 12, accuracy = 0.283000
30 k = 12, accuracy = 0.280000
31 k = 15, accuracy = 0.252000
32 k = 15, accuracy = 0.289000
33 k = 15, accuracy = 0.278000
34 k = 15, accuracy = 0.282000
35 k = 15, accuracy = 0.274000
36 k = 20, accuracy = 0.270000
37 k = 20, accuracy = 0.279000
38 k = 20, accuracy = 0.279000
39 k = 20, accuracy = 0.282000
40 k = 20, accuracy = 0.285000
41 k = 50, accuracy = 0.271000
42 k = 50, accuracy = 0.288000
43 k = 50, accuracy = 0.278000
44 k = 50, accuracy = 0.269000
45 k = 50, accuracy = 0.266000
46 k = 100, accuracy = 0.256000
47 k = 100, accuracy = 0.270000

```

```

48 k = 100, accuracy = 0.263000
49 k = 100, accuracy = 0.256000
50 k = 100, accuracy = 0.263000

```

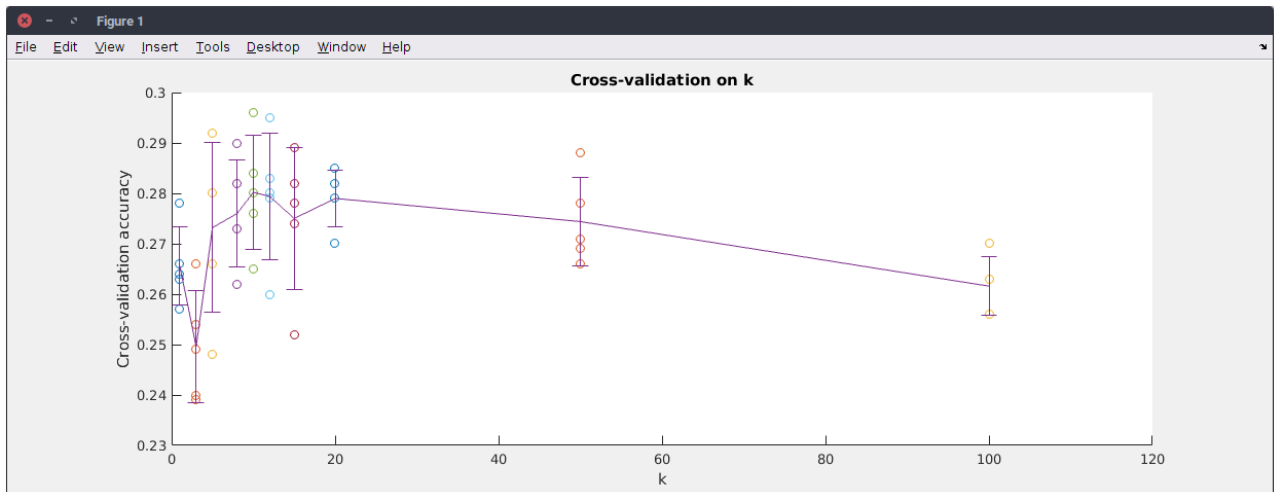


Figure 2.A: Cross-validation on k

En se basant sur ces résultats on remarque que la meilleure valeur de  $k$  est  $k = 6$ .

En coisissant  $k = 6$  nous entraînons notre modèle sur toutes nos données train. Sur l'ensemble de test, nous obtenons le résultat suivant avec une accuracy égale à peu près à 0.282.

```

1 Got 141 / 500 correct => accuracy: 0.282000

```

## 3 SVM

### 3.1 svm\_loss\_naive.m

Nous implémentons dans un premier temps la fonction *loss* ainsi que le gradient dans le fichier `svm_loss_naive.m`

```

1 function [ loss, dW ] = svm_loss_naive( W, X, y, reg )
2
3     dW = zeros(size(W));
4     num_classes = size(W,1);
5     num_train = size(X, 1);
6
7     loss = 0.0;
8     for i = 1:num_train
9         scores = W*X(i, :)' ;
10        correct_class_score = scores(y(i));
11        for j = 1:num_classes
12            if j == y(i)
13                continue;
14            end
15            margin = scores(j) - correct_class_score + 1; % note delta = 1
16            if margin > 0
17                loss = loss + margin;
18                %your code
19                dW(j,:) = dW(j,:) + X(i, :);
20                dW(y(i),:) = dW(y(i),:) - X(i, :);
21            end
22        end
23    end
24
25    % Right now the loss is a sum over all training examples, but we want it
26    % to be an average instead so we divide by num_train
27    loss = loss/num_train;
28
29    % Average gradients as well
30    %your code
31    dW = dW/num_train;
32
33    % Add regularization to the loss.
34    loss = loss + 0.5 * reg * sum(sum((W.*W)));
35
36    % Add regularization to the gradient
37    % your code
38    dW = dW + reg * W;
39
40 end

```

### 3.1.1 Gradcheck

Ce code permet la comparaison du calcul du *loss* analytique et numérique :

```
1 numerical: -11.624341 analytic: -11.623547, relative error: 3.416353e-05
2 numerical: -2.967959 analytic: -2.968469, relative error: 8.596690e-05
3 numerical: 1.370071 analytic: 1.370463, relative error: 1.429105e-04
4 numerical: -34.207994 analytic: -34.207484, relative error: 7.450883e-06
5 numerical: 15.514664 analytic: 15.515966, relative error: 4.194596e-05
6 numerical: -0.409555 analytic: -0.408745, relative error: 9.892837e-04
7 numerical: 15.763268 analytic: 15.764060, relative error: 2.509722e-05
8 numerical: -25.588662 analytic: -25.588890, relative error: 4.470214e-06
9 numerical: -4.197175 analytic: -4.193180, relative error: 4.760962e-04
10 numerical: -9.371776 analytic: -9.370036, relative error: 9.280094e-05
```

Avec le terme de régularisation nous obtenons :

```
1 numerical: 16.210153 analytic: 16.211038, relative error: 2.730251e-05
2 numerical: -1.609398 analytic: -1.615602, relative error: 1.923819e-03
3 numerical: -17.736330 analytic: -17.721728, relative error: 4.118093e-04
4 numerical: -11.510254 analytic: -11.493891, relative error: 7.113270e-04
5 numerical: -6.772364 analytic: -6.775551, relative error: 2.352329e-04
6 numerical: 9.015804 analytic: 9.005720, relative error: 5.595433e-04
7 numerical: -8.930279 analytic: -8.915413, relative error: 8.330575e-04
8 numerical: 2.049767 analytic: 2.052767, relative error: 7.311906e-04
9 numerical: 27.281231 analytic: 27.279314, relative error: 3.513422e-05
10 numerical: 26.358994 analytic: 26.371298, relative error: 2.333422e-04
```

Les erreurs sont extrêmement faibles, nous supposons que l'implémentation est juste.

### 3.1.2 Inline Question 1

**It is possible that once in a while a dimension in the gradcheck will not match exactly. What could such a discrepancy be caused by? Is it a reason for concern? What is a simple example in one dimension where a gradient check could fail? Hint: the SVM loss function is not strictly speaking differentiable.**

Le gradient n'est pas strictement différentiable. En considérant une dimension, un point peut avoir un gradient analytique nul et un gradient numérique positif par exemple. D'où la possibilité d'une erreur dans le *gradcheck* pour certaines dimensions de temps en temps. Ceci ne doit pas être préoccupant pour autant.

## 3.2 svm\_loss\_vectorized.m

Nous implémentons la version vectorisée de l'algorithme précédent :

### 3.2.1 Loss

```
1 num_classes = size(W,1);
2
3 scores = W * X';
4 correct_indexes = (0:num_train-1)*num_classes+double(y');
5 correct_class_score = ones(num_classes,1)*scores(correct_indexes);
```

```

6 L = scores - correct_class_score + 1; % delta = 1
7
8 L(L<0) = 0;
9 loss = sum(sum(L))- 1*num_train; % On retire les Lyi comptés en trop
10 loss = loss/num_train;
11
12 % Regularization
13 loss = loss + 0.5 * reg * sum(sum((W.*W)));

```

### 3.2.2 Gradient

```

1 L(L>0) = 1;
2 L(correct_indexes) = -sum(L);
3 dW=L*X;
4
5 dW = dW/num_train;
6 % Add regularization to the gradient
7 dW = dW + reg * W;

```

### 3.2.3 Résultats

Nous obtenons les résultats suivant :

```

1 Naive loss: 9.150210e+00 computed in 38.956417s
2 Vectorized loss: 9.150210e+00 computed in 0.780730s
3 difference: -0.000000
4
5 Naive loss and gradient: computed in 36.895610s
6 Vectorized loss and gradient: computed in 0.480518s
7 difference: 291.412469

```

La différence est numériquement nulle : nous considérons que l'implémentation est correcte. Nous remarquons l'efficacité de la version vectorisée par rapport à la version analytique.

## 3.3 Stochastic Gradient Descent

Nous implémentons le SGD dans le fichier `linear_svm_train.m`.

```

1 ...
2     rand_idx = randsample(num_train, batch_size);
3     X_batch = X(rand_idx, :);
4     y_batch = y(rand_idx);
5
6     %evaluate loss and gradient
7     [loss, grad] = self_loss(W, X_batch, y_batch, reg);
8     loss_hist(it) = loss;
9
10 %perform parameter update
11     W = W - learning_rate * grad;
12 ...

```

Nous obtenons la descente suivante (cf. figure).

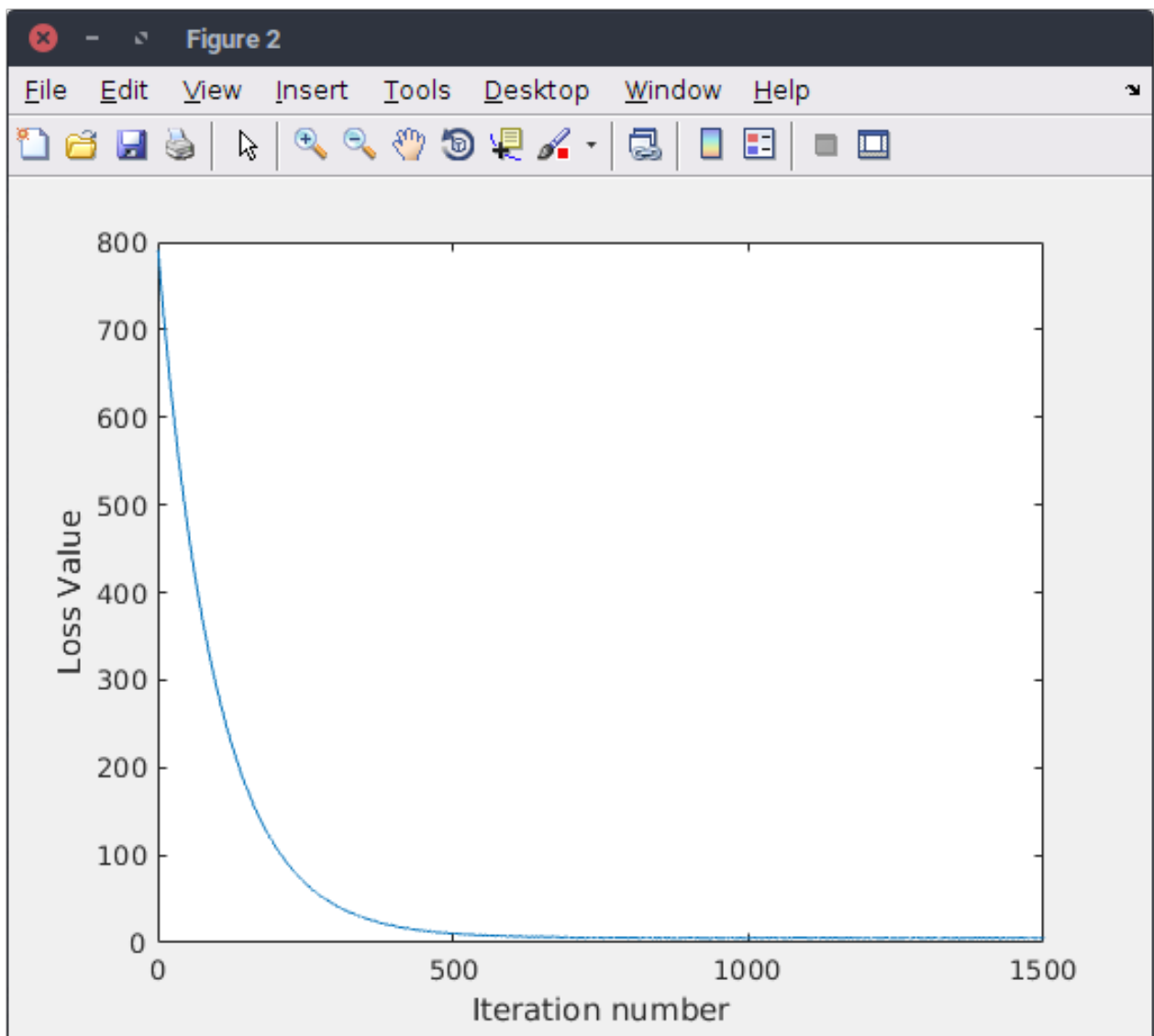


Figure 3.A: SGD

### 3.4 linear\_svm\_predict.m

La fonction de prédiction s'écrit simplement de la manière suivante :

```
1 function [ y_pred ] = linear_svm_predict( model, X )
2     y_pred = [];
3     scores = model.W * X';
4     [~,y_pred] = max(scores);
5 end
```

### 3.5 Configuration des hyperparamètres dans le script Run\_svm.m

Afin de choisir les meilleurs paramètres, nous créons une boucle testant l'ensemble des paramètres choisis :

```
1 iter_num = 1000;
```

```

2 %iter_num = 100;
3 for i = 1:length(learning_rates)
4     learning = learning_rates(i);
5     for j = 1:length(regularization_strengths)
6         regularization = regularization_strengths(j);
7         [model, loss_hist] = linear_svm_train(imdb.X_train, imdb.y_train, learning,
8             regularization, iter_num);
9         y_train_pred = linear_svm_predict(model, imdb.X_train);
10        train_accuracy = mean(imdb.y_train == y_train_pred');
11        fprintf('training accuracy: %f', train_accuracy); % (train_accuracy)
12        y_val_pred = linear_svm_predict(model, imdb.X_val);
13        val_accuracy = mean(imdb.y_val' == y_val_pred);
14        fprintf('validation accuracy: %f', val_accuracy); % (val_accuracy)
15
16        if val_accuracy > best_val
17            best_val = val_accuracy;
18            best_svm = model;
19        end
20
21        results(i, j, :) = [train_accuracy, val_accuracy];
22    end
23 end

```

Visualisation des expériences :

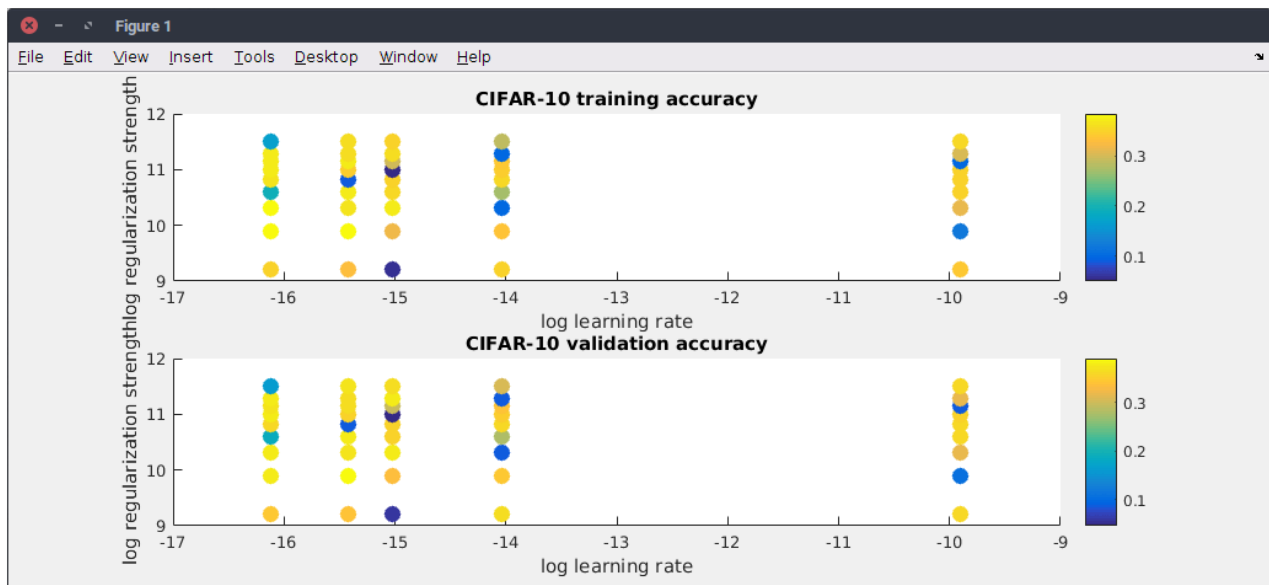


Figure 3.B: Hyperparamètres

Les meilleurs résultats retournés sont :

```

1 ...
2 lr 1.000000e-07 reg 3.000000e+04 train accuracy: 0.379776 val accuracy: 0.390000
3 ...
4 best validation accuracy achieved during cross-validation: 0.390000
5 linear SVM on raw pixels final test set accuracy: 0.382000

```



## 3.6 Visualisation des résultats

Voici les matrices images résultantes de l'apprentissage de l'algorithme pour chacune des classes d'images:

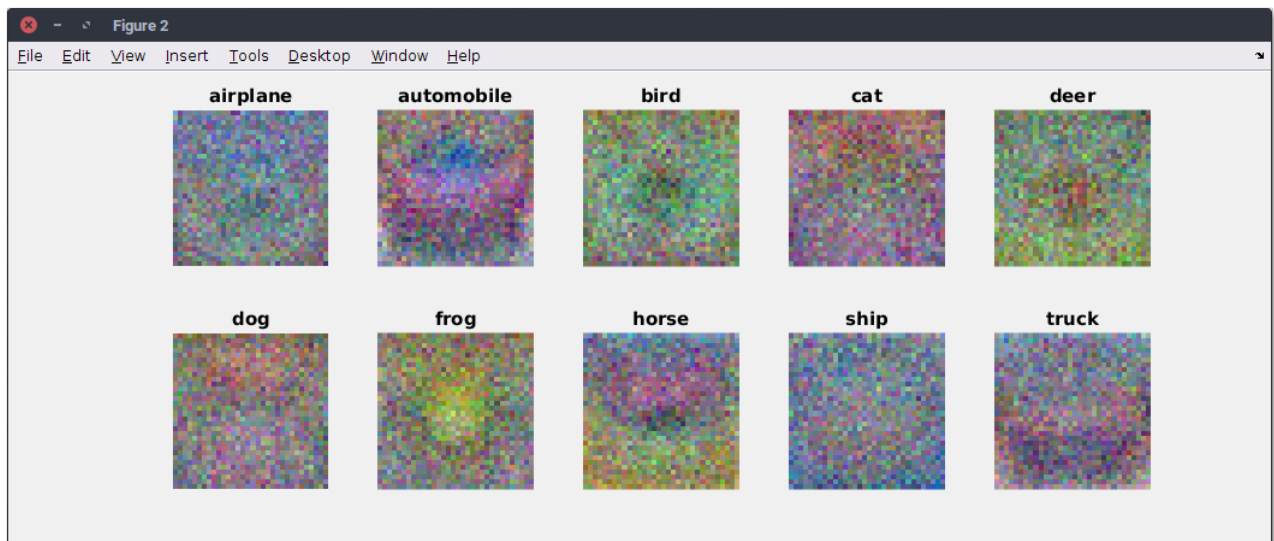


Figure 3.C: SVM weights images classes

### 3.6.1 Inline Question 2

**Describe what your visualized SVM weights look like, and offer a brief explanation for why they look the way that they do.**

Ces matrices images sont les représentations de chaque classe pour la SVM. Elles sont très distinctes en termes de couleurs par rapport à chaque région de l'image car la SVM sépare au mieux chaque classe, d'où ces représentations singulières.

---

## 4 SoftMax

L'algorithme SoftMax se différencie du classifieur SVM notamment par le retour d'une probabilité d'appartenance aux classes plutôt que le retour d'une classification simple à l'utilisateur. SoftMax généralise la régression logistique à plusieurs classes.

### 4.1 softmax\_loss\_naive

Nous implémentons dans un premier temps la fonction *loss* ainsi que le gradient dans le fichier `softmax_loss_naive.m`

```

1 function [ loss, dW ] = softmax_loss_naive( W, X, y, reg )
2
3 % Initialize the loss and gradient to zero.
4 loss = 0.0;
5 dW = zeros(size(W));
6
7 num_class = size(W,1);
8 num_train = size(X,1);
9
10 for i = 1:num_train
11     scores = W*X(i, :);
12     scores = scores - max(scores);
13
14     sum_exp = sum(exp(scores));
15     loss = loss - log(exp(scores(y(i)))/sum_exp);
16
17     for j = 1:num_class
18
19         dW(j,:) = dW(j,:) + exp(scores(j))/sum_exp*X(i, :);
20
21         if j == y(i)
22             dW(j,:) = dW(j,:) - X(i, :);
23         end
24     end
25 end
26
27 % Right now the loss is a sum over all training examples, but we want it
28 % to be an average instead so we divide by num_train
29 loss = loss/num_train;
30
31 % Average gradients as well
32 dW = dW/num_train;
33
34 % Add regularization to the loss.
35 loss = loss + 0.5 * reg * sum(sum((W.*W)));
36
37 % Add regularization to the gradient

```

```

39 % your code
40 dW = dW + reg * W;
41
42 end

```

### 4.1.1 Gradcheck

Ce code permet la comparaison du calcul du *loss* analytique et numérique :

```

1 numerical: 1.460241 analytic: 1.460241, relative error: 4.602831e-08
2 numerical: -0.917689 analytic: -0.917689, relative error: 1.943096e-08
3 numerical: 1.647922 analytic: 1.647922, relative error: 4.257335e-08
4 numerical: -0.161815 analytic: -0.161815, relative error: 1.431171e-07
5 numerical: -0.201888 analytic: -0.201889, relative error: 4.207505e-07
6 numerical: -1.439165 analytic: -1.439165, relative error: 3.392779e-09
7 numerical: 2.334927 analytic: 2.334927, relative error: 2.989751e-08
8 numerical: 2.074058 analytic: 2.074058, relative error: 3.641542e-08
9 numerical: 1.029669 analytic: 1.029669, relative error: 5.111217e-08
10 numerical: 3.549438 analytic: 3.549438, relative error: 2.802475e-09

```

Avec le terme de régularisation nous obtenons :

```

1 numerical: -3.625634 analytic: -3.622718, relative error: 4.023212e-04
2 numerical: -1.654415 analytic: -1.634746, relative error: 5.979858e-03
3 numerical: 2.343703 analytic: 2.345992, relative error: 4.879353e-04
4 numerical: -3.047483 analytic: -3.060509, relative error: 2.132565e-03
5 numerical: 1.060127 analytic: 1.058400, relative error: 8.149228e-04
6 numerical: -0.253623 analytic: -0.250525, relative error: 6.145836e-03
7 numerical: 1.996955 analytic: 1.970200, relative error: 6.744259e-03
8 numerical: 1.490734 analytic: 1.479275, relative error: 3.858266e-03
9 numerical: -1.422064 analytic: -1.421236, relative error: 2.911050e-04
10 numerical: -0.208817 analytic: -0.207548, relative error: 3.046673e-0

```

Les erreurs sont extrêmement faibles, nous supposons que l'implémentation est juste.

## 4.2 svm\_loss\_vectorized.m

Nous implémentons la version vectorisée de l'algorithme précédent :

### 4.2.1 Loss

```

1 num_class = size(W,1);
2 num_train = size(X,1);
3
4 scores = W*X';
5 scores = scores - ones(num_class,1)*max(scores);
6 correct_indexes = (0:num_train-1)*num_class+double(y');
7
8 sum_exp = sum(exp(scores));
9 loss = sum(- log(exp(scores(correct_indexes)./sum_exp))));
10
11 L = exp(scores)./(ones(num_class,1)*sum_exp);

```

```

12 L(correct_indexes) = L(correct_indexes)-1;
13
14 dW=L*X;
15
16 % Right now the loss is a sum over all training examples, but we want it
17 % to be an average instead so we divide by num_train
18 loss = loss/num_train;
19
20 % Average gradients as well
21 dW = dW/num_train;
22
23 % Add regularization to the loss.
24 loss = loss + 0.5 * reg * sum(sum((W.*W)));
25
26 % Add regularization to the gradient
27 % your code
28 dW = dW + reg * W;

```

### 4.2.2 Résultats

Nous obtenons les résultats suivant :

```

1 Naive loss: 2.410764e+00 computed in 23.085370s
2 Vectorized loss: 1.036558e-01 computed in 0.779152s
3 Loss difference: 2.307108
4 Gradient difference: 0.000000

```

La différence est numériquement nulle : nous considérons que l'implémentation est correcte. Nous remarquons l'efficacité de la version vectorisée par rapport à la version analytique.

## 4.3 Stochastic Gradient Descent

Nous implémentons le SGD dans le fichier `linear_softmax_train.m`. L'implémentation est identique à celle du classifieur SVM.

```

1 ...
2     rand_idx = randsample(num_train, batch_size);
3     X_batch = X(rand_idx, :);
4     y_batch = y(rand_idx);
5
6     %evaluate loss and gradient
7     [loss, grad] = self_loss(W, X_batch, y_batch, reg);
8     loss_hist(it) = loss;
9
10 %perform parameter update
11     W = W - learning_rate * grad;
12 ...

```

### 4.4 linear\_softmax\_predict.m

La fonction de prédiction s'écrit simplement de la manière suivante, tout comme le classifieur SVM :

```

1 function [ y_pred ] = linear_softmax_predict( model, X )
2     y_pred = [];
3     scores = model.W * X';
4     [~,y_pred] = max(scores);
5 end

```

## 4.5 Configuration des hyperparamètres dans le script Run\_softmax.m

Afin de choisir les meilleurs paramètres, nous créons une boucle testants l'ensemble des paramètres choisis. Il s'agit de la même boucle que celle utilisée pour le classifieur SVM :

```

1 iter_num = 1000;
2 %iter_num = 100;
3 for i = 1:length(learning_rates)
4     learning = learning_rates(i);
5     for j = 1:length(regularization_strengths)
6         regularization = regularization_strengths(j);
7         [model, loss_hist] = linear_softmax_train(imdb.X_train, imdb.y_train, learning,
8             regularization, iter_num);
9         y_train_pred = linear_softmax_predict(model, imdb.X_train);
10        train_accuracy = mean(imdb.y_train == y_train_pred');
11        fprintf('training accuracy: %f', train_accuracy); % (train_accuracy)
12        y_val_pred = linear_softmax_predict(model, imdb.X_val);
13        val_accuracy = mean(imdb.y_val' == y_val_pred);
14        fprintf('validation accuracy: %f', val_accuracy); % (val_accuracy)
15
16        if val_accuracy > best_val
17            best_val = val_accuracy;
18            best_softmax = model;
19        end
20        results(i, j, :) = [train_accuracy, val_accuracy];
21    end
22 end

```

Les meilleurs résultats retournés sont :

```

1 ...
2 lr 5.000000e-07 reg 5.000000e+04 train accuracy: 0.325959 val accuracy: 0.341000
3 ...
4 best validation accuracy achieved during cross-validation: 0.341000
5 linear Softmax on raw pixels final test set accuracy: 0.333000

```

## 4.6 Visualisation des résultats

Voici les matrices images résultantes de l'apprentissage de l'algorithme pour chacune des classes d'images :

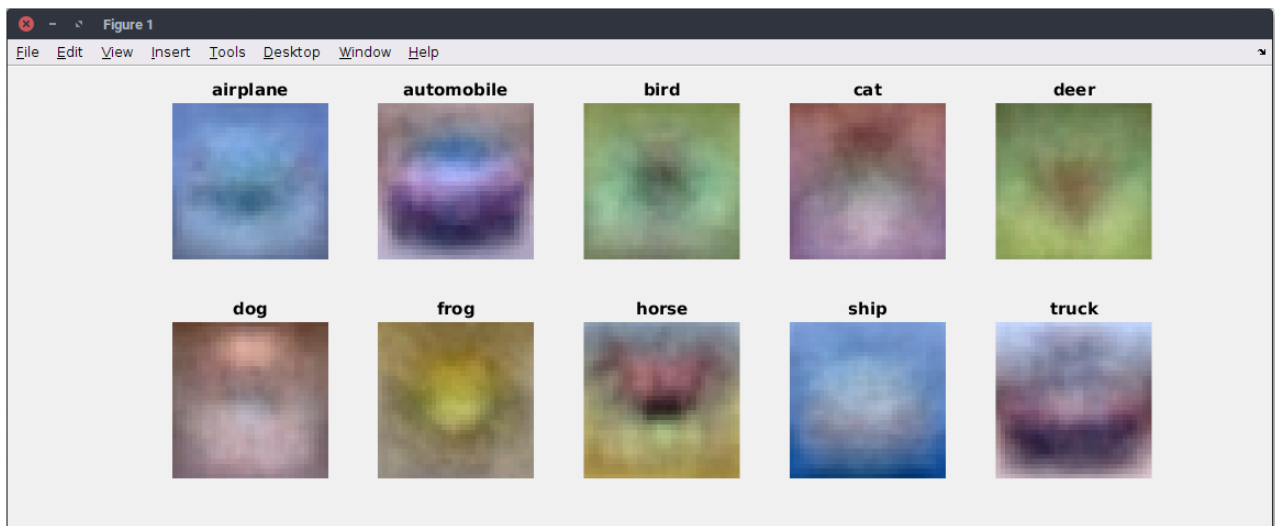


Figure 4.A: Softmax weights images

On remarque que les images sont bien plus lisses que celles générées par le classifieur SVM. C'est normal puisque SoftMax ne cherche pas à éloigner les classes le plus possibles les unes par rapport aux autres dans un hyperplan mais d'afficher les probabilités d'appartenance à des classes.

---

## 5 Neural Network

Dans cette exercice nous développons un réseau de neurones composé de deux couches.

### 5.1 Forward pass: compute scores

Dans cette partie nous implémentons la première partie de la fonction `twolayernet_loss` qui prend les données et les poids et calcule ainsi les scores des classes:

```
1 res=X * model.W1 + repmat(model.b1,N,1);
2 hidden_layer = max(0,res);
3 scores =hidden_layer * model.W2 + repmat(model.b2,N,1);
```

Nous obtenons comme résultats la différence entre nos scores et les scores corrects :

```
1 Your scores:
2   0.3967  -0.1384  -0.4843
3   0.8566   0.4300   0.9894
4   0.3361  -0.2670  -0.5919
5  -0.1935   0.3000   0.3927
6   0.2673  -0.6787   0.0901
7
8 Correct scores:
9   0.3967  -0.1384  -0.4843
10  0.8566   0.4300   0.9894
11  0.3361  -0.2670  -0.5919
12 -0.1935   0.3000   0.3927
13  0.2673  -0.6787   0.0901
14
15 Difference between your scores and correct scores:
16 3.291676e-08
```

### 5.2 Forward pass: compute loss

Dans la deuxième partie on s'occupe du calcul du loss et du "regularization loss":

```
1 scores = exp(scores) ./ repmat(sum(exp(scores),2),1,size(scores,2));
2 true_class = false(size(scores));
3 true_class(sub2ind(size(scores),1:N,y')) = 1;
4 loss = - sum(sum(true_class .* log(scores)));
5
6 loss = loss ./ N;
7 loss = loss + 0.5 * reg * (sum(sum((model.W1.*model.W1))) +
    sum(sum((model.W2.*model.W2))));
```

On obtient le résultat suivant:

```
1 Difference between your loss and correct loss:
2 2.220446e-16
```

## 5.3 Backward pass

Après l'implémentation du forward pass nous debuggions notre backward pass en utilisant le gradient numérique.

On a obtenu le résultat suivant :

```
1 W1 max relative error :2.222322e-10
2 b1 max relative error :4.363546e-09
3 W2 max relative error :1.878299e-10
4 b2 max relative error :3.292164e-11
```

## 5.4 Train the network

Dans cette partie on a implémenté la fonction `twoLayernet_train` qui s'occupe de la procédure du train de notre data.

```
1 sample_indexes = randsample(num_train, batch_size, true);
2     X_batch = X(sample_indexes, :);
3     y_batch = y(sample_indexes, :);

1 model.W1 = model.W1 - lr .* grads.W1;
2     model.b1 = model.b1 - lr .* grads.b1;
3     model.W2 = model.W2 - lr .* grads.W2;
4     model.b2 = model.b2 - lr .* grads.b2;
```

Ensuite nous implémentons la fonction `twoLayernet_predict` pour que notre algorithme effectue la procédure de prédiction à fur et à mesure que notre modèle est entraîné.

```
1 scores = twolayernet_loss( model, X);
2 [~,y_pred] = max(scores,[],2);
3 y_pred = y_pred';
```

Enfin on applique ce modèle sur les données test et on obtient le résultat suivant:

```
1 Final training loss: 0.033668
```





Figure 5.A: Training Loss history

## 5.5 Train a network

Maintenant on applique notre modèle de réseaux de neurones sur notre base de données CIFAR-10

On obtient le résultat suivant :

```
1 Validation accuracy: 0.290000
```

## 5.6 Debug the training

Avec les paramètres par défaut, nous avons obtenu une précision de validation d'environ 0,29 sur l'ensemble de validation. Ce n'est pas très bon.

Une stratégie pour obtenir un aperçu de ce qui ne va pas est de tracer la fonction de perte et les précisions sur les ensembles de training et de validation au cours de l'optimisation.

Une autre stratégie est de visualiser les poids qui ont été appris dans la première couche du réseau. Dans la plupart des réseaux de neurones formés sur des données visuelles, les poids des premières couches montrent typiquement une certaine structure visible lorsqu'ils sont visualisés.

On a obtenu les résultats suivants:

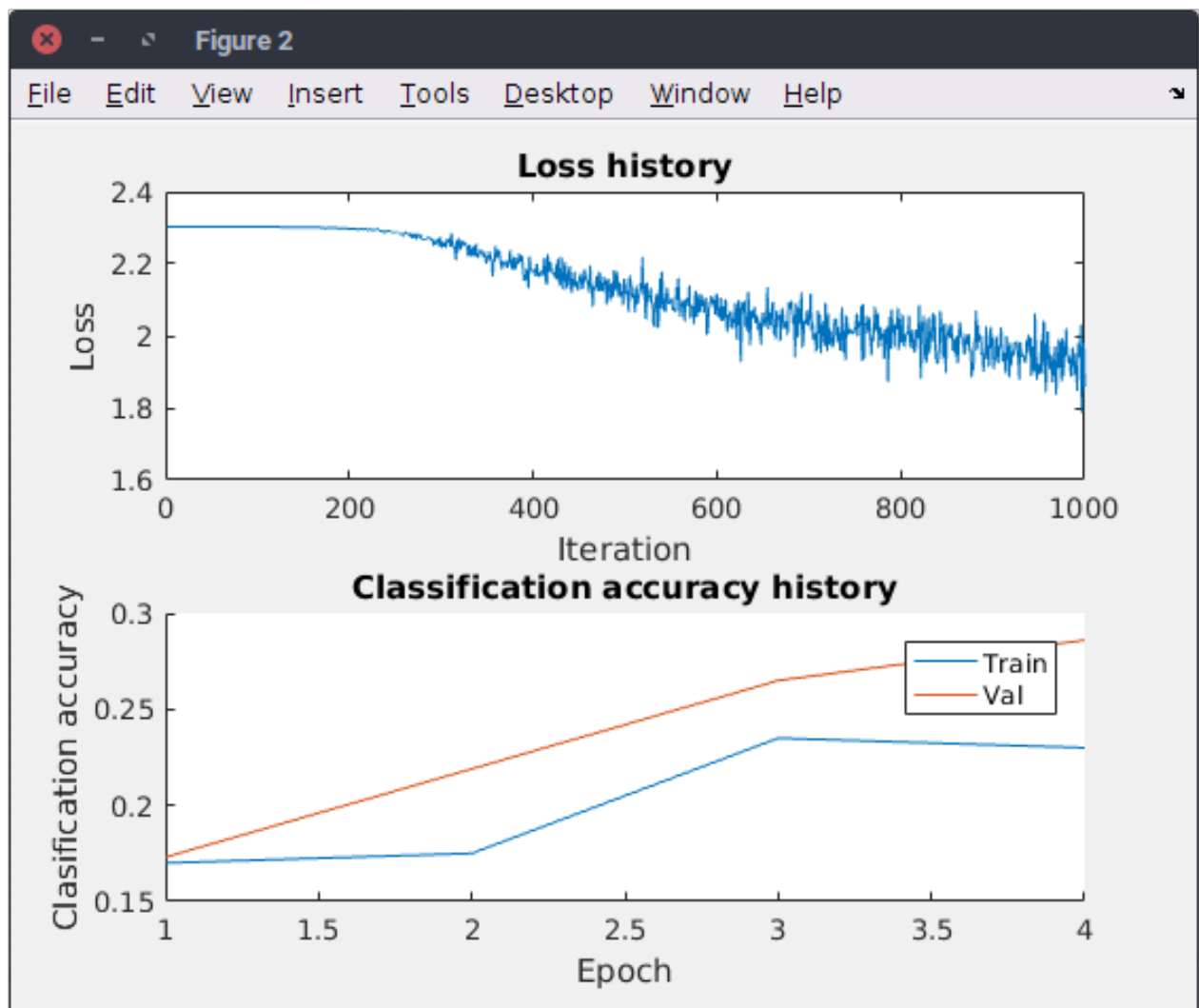


Figure 5.B: Loss history and Classification accuracy history

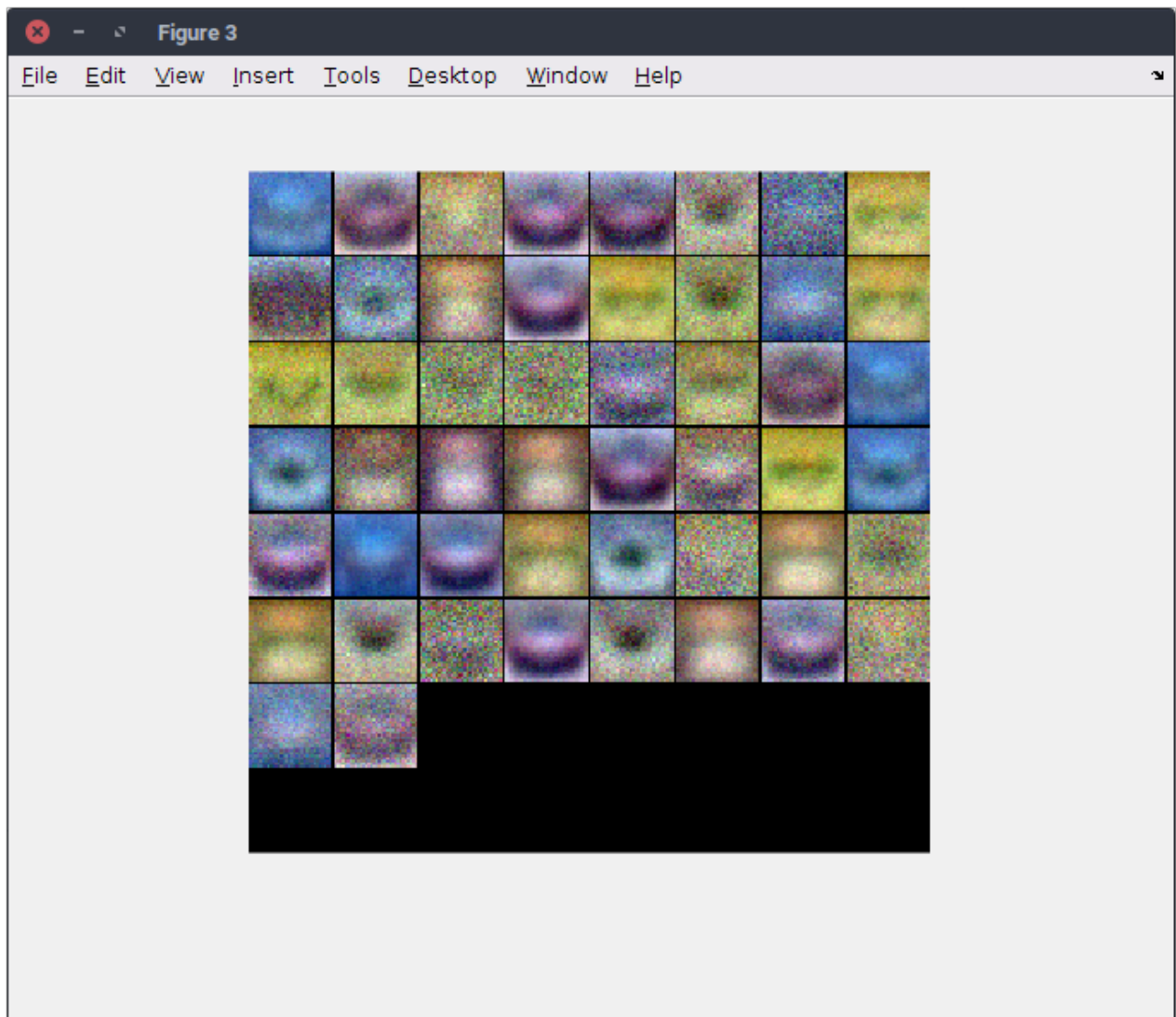


Figure 5.C: weights

## 5.7 Tune your hyperparameters

En regardant les visualisations ci-dessus, nous voyons que la perte diminue plus ou moins linéairement, ce qui semble suggérer que le taux d'apprentissage peut être trop faible. En outre, il n'y a pas d'écart entre la formation et la précision de validation, ce qui suggère que le modèle que nous avons utilisé a une faible capacité, et que nous devrions augmenter sa taille. D'autre part, avec un modèle très grand nous nous attendons à voir plus de surfaçage, ce qui se manifesterait comme un très grand écart entre la formation et la précision de validation.

Réglage: Le tuning des hyperparamètres et le développement de l'intuition pour la façon dont ils affectent la performance finale est une grande partie de l'utilisation de réseaux neuronaux. Donc nous avons testé différentes valeurs des différents hyperparamètres, y compris la taille de la couche cachée, le taux d'apprentissage, le nombre d'époques de formation et la force de régularisation.

Ceci sont les résultats de l'exécution selon les différents paramètres:

```

1 learning_rates =
2
3     0.0010     0.0012     0.0014     0.0016     0.0018
4

```

```
5
6 regularization_strengths =
7
8     0.0001    0.0010    0.0100
9
10 iteration 100 / 1000: loss 1.903683
11 iteration 200 / 1000: loss 1.636565
12 iteration 300 / 1000: loss 1.641478
13 iteration 400 / 1000: loss 1.621771
14 iteration 500 / 1000: loss 1.456343
15 iteration 600 / 1000: loss 1.460929
16 iteration 700 / 1000: loss 1.463524
17 iteration 800 / 1000: loss 1.463505
18
19 iteration 900 / 1000: loss 1.393585
20 iteration 1000 / 1000: loss 1.322047
21 Validation accuracy: 0.490000
22 Training accuracy: 0.518347
23 iteration 100 / 1000: loss 1.904105
24 iteration 200 / 1000: loss 1.774876
25 iteration 300 / 1000: loss 1.496898
26 iteration 400 / 1000: loss 1.555693
27 iteration 500 / 1000: loss 1.633709
28 iteration 600 / 1000: loss 1.651791
29 iteration 700 / 1000: loss 1.563845
30 iteration 800 / 1000: loss 1.416447
31 iteration 900 / 1000: loss 1.408721
32 iteration 1000 / 1000: loss 1.336831
33 Validation accuracy: 0.485000
34 Training accuracy: 0.516796
35 iteration 100 / 1000: loss 1.811813
36 iteration 200 / 1000: loss 1.727382
37 iteration 300 / 1000: loss 1.545152
38 iteration 400 / 1000: loss 1.629504
39 iteration 500 / 1000: loss 1.554959
40 iteration 600 / 1000: loss 1.524282
41 iteration 700 / 1000: loss 1.435830
42 iteration 800 / 1000: loss 1.421068
43 iteration 900 / 1000: loss 1.394621
44 iteration 1000 / 1000: loss 1.430174
45 Validation accuracy: 0.510000
46 Training accuracy: 0.522388
47 iteration 100 / 1000: loss 1.804657
48 iteration 200 / 1000: loss 1.665018
49 iteration 300 / 1000: loss 1.725068
50 iteration 400 / 1000: loss 1.535670
51 iteration 500 / 1000: loss 1.518353
52 iteration 600 / 1000: loss 1.384023
53 iteration 700 / 1000: loss 1.421567
54 iteration 800 / 1000: loss 1.373386
55 iteration 900 / 1000: loss 1.330950
56 iteration 1000 / 1000: loss 1.289464
57 Validation accuracy: 0.498000
```

```
58 Training accuracy: 0.531061
59 iteration 100 / 1000: loss 1.781222
60 iteration 200 / 1000: loss 1.702435
61 iteration 300 / 1000: loss 1.593191
62 iteration 400 / 1000: loss 1.723586
63 iteration 500 / 1000: loss 1.420244
64 iteration 600 / 1000: loss 1.386560
65 iteration 700 / 1000: loss 1.441649
66 iteration 800 / 1000: loss 1.349473
67 iteration 900 / 1000: loss 1.356554
68 iteration 1000 / 1000: loss 1.282630
69 Validation accuracy: 0.510000
70 Training accuracy: 0.532959
71 iteration 100 / 1000: loss 1.931708
72 iteration 200 / 1000: loss 1.651993
73 iteration 300 / 1000: loss 1.590922
74 iteration 400 / 1000: loss 1.559152
75 iteration 500 / 1000: loss 1.697657
76 iteration 600 / 1000: loss 1.492961
77 iteration 700 / 1000: loss 1.374037
78 iteration 800 / 1000: loss 1.421492
79 iteration 900 / 1000: loss 1.344937
80 iteration 1000 / 1000: loss 1.213988
81 Validation accuracy: 0.505000
82 Training accuracy: 0.532041
83 iteration 100 / 1000: loss 1.808981
84 iteration 200 / 1000: loss 1.573783
85 iteration 300 / 1000: loss 1.539135
86 iteration 400 / 1000: loss 1.457809
87 iteration 500 / 1000: loss 1.283784
88 iteration 600 / 1000: loss 1.449369
89 iteration 700 / 1000: loss 1.379810
90 iteration 800 / 1000: loss 1.447453
91 iteration 900 / 1000: loss 1.390426
92 iteration 1000 / 1000: loss 1.311496
93 Validation accuracy: 0.500000
94 Training accuracy: 0.527735
95 iteration 100 / 1000: loss 1.720014
96 iteration 200 / 1000: loss 1.570176
97 iteration 300 / 1000: loss 1.600037
98 iteration 400 / 1000: loss 1.462041
99 iteration 500 / 1000: loss 1.483315
100 iteration 600 / 1000: loss 1.533069
101 iteration 700 / 1000: loss 1.576869
102 iteration 800 / 1000: loss 1.376747
103 iteration 900 / 1000: loss 1.458531
104 iteration 1000 / 1000: loss 1.346602
105 Validation accuracy: 0.491000
106 Training accuracy: 0.530939
107 iteration 100 / 1000: loss 1.821238
108 iteration 200 / 1000: loss 1.479453
109 iteration 300 / 1000: loss 1.472303
110 iteration 400 / 1000: loss 1.443743
```

```
111 iteration 500 / 1000: loss 1.487051
112 iteration 600 / 1000: loss 1.333492
113 iteration 700 / 1000: loss 1.392957
114 iteration 800 / 1000: loss 1.513533
115 iteration 900 / 1000: loss 1.393972
116 iteration 1000 / 1000: loss 1.268021
117 Validation accuracy: 0.502000
118 Training accuracy: 0.539286
119 iteration 100 / 1000: loss 1.792681
120 iteration 200 / 1000: loss 1.702588
121 iteration 300 / 1000: loss 1.788473
122 iteration 400 / 1000: loss 1.564035
123 iteration 500 / 1000: loss 1.496648
124 iteration 600 / 1000: loss 1.454632
125 iteration 700 / 1000: loss 1.491677
126 iteration 800 / 1000: loss 1.305490
127 iteration 900 / 1000: loss 1.352255
128 iteration 1000 / 1000: loss 1.382465
129 Validation accuracy: 0.481000
130 Training accuracy: 0.513571
131 iteration 100 / 1000: loss 1.754390
132 iteration 200 / 1000: loss 1.632650
133 iteration 300 / 1000: loss 1.673946
134 iteration 400 / 1000: loss 1.447363
135 iteration 500 / 1000: loss 1.367191
136 iteration 600 / 1000: loss 1.427610
137 iteration 700 / 1000: loss 1.547778
138 iteration 800 / 1000: loss 1.380027
139 iteration 900 / 1000: loss 1.402339
140 iteration 1000 / 1000: loss 1.487833
141 Validation accuracy: 0.469000
142 Training accuracy: 0.503878
143 iteration 100 / 1000: loss 1.810655
144 iteration 200 / 1000: loss 1.747407
145 iteration 300 / 1000: loss 1.586502
146 iteration 400 / 1000: loss 1.659747
147 iteration 500 / 1000: loss 1.436031
148 iteration 600 / 1000: loss 1.473786
149 iteration 700 / 1000: loss 1.433004
150 iteration 800 / 1000: loss 1.450502
151 iteration 900 / 1000: loss 1.373242
152 iteration 1000 / 1000: loss 1.443666
153 Validation accuracy: 0.496000
154 Training accuracy: 0.523449
155 iteration 100 / 1000: loss 1.727602
156 iteration 200 / 1000: loss 1.628511
157 iteration 300 / 1000: loss 1.509322
158 iteration 400 / 1000: loss 1.587583
159 iteration 500 / 1000: loss 1.343200
160 iteration 600 / 1000: loss 1.648361
161 iteration 700 / 1000: loss 1.457396
162 iteration 800 / 1000: loss 1.425397
163 iteration 900 / 1000: loss 1.358633
```

```
164 iteration 1000 / 1000: loss 1.223938
165 Validation accuracy: 0.475000
166 Training accuracy: 0.522041
167 iteration 100 / 1000: loss 1.790758
168 iteration 200 / 1000: loss 1.738118
169 iteration 300 / 1000: loss 1.511065
170 iteration 400 / 1000: loss 1.529767
171 iteration 500 / 1000: loss 1.585005
172 iteration 600 / 1000: loss 1.406300
173 iteration 700 / 1000: loss 1.548104
174 iteration 800 / 1000: loss 1.552658
175 iteration 900 / 1000: loss 1.472558
176 iteration 1000 / 1000: loss 1.204736
177 Validation accuracy: 0.479000
178 Training accuracy: 0.535816
179 iteration 100 / 1000: loss 1.840080
180 iteration 200 / 1000: loss 1.682401
181 iteration 300 / 1000: loss 1.514167
182 iteration 400 / 1000: loss 1.407145
183 iteration 500 / 1000: loss 1.446941
184 iteration 600 / 1000: loss 1.400097
185 iteration 700 / 1000: loss 1.401598
186 iteration 800 / 1000: loss 1.508011
187 iteration 900 / 1000: loss 1.495618
188 iteration 1000 / 1000: loss 1.296093
189 Validation accuracy: 0.476000
190 Training accuracy: 0.540143
191 Test accuracy: 0.495000
```

On a testé 15 combinaisons différentes et on a obtenu pour certaines de très bons résultats d'accuracy.

Finalement quand nous évaluons notre réseau final sur l'ensemble de test, nous avons trouvé une accuracy de 0.495.

---

## 6 Q-Learning

Cet exercice est réalisé en suivant l'exemple de cours [2] dont nous reprenons ici l'illustration :

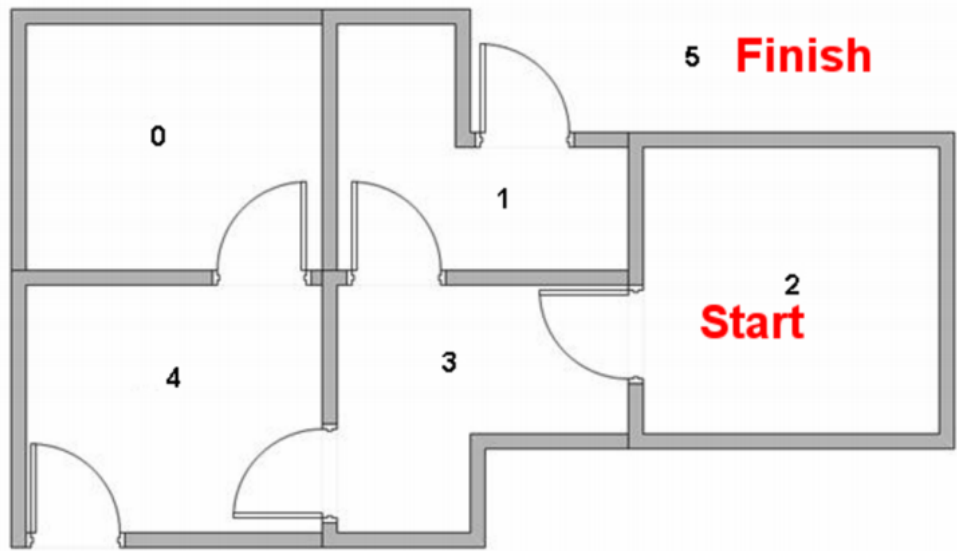


Figure 6.A: L'agent doit apprendre les meilleurs chemins vers la position 5

### 6.1 Configuration

Nous utilisons les données de l'énoncé pour configurer les variables de l'algorithme. Dans un premier temps, nous considérons la matrice *récompenses* suivante :

$$R = \begin{pmatrix} -1 & -1 & -1 & -1 & 0 & -1 \\ -1 & -1 & -1 & 0 & -1 & 100 \\ -1 & -1 & -1 & 0 & -1 & -1 \\ -1 & 0 & 0 & -1 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & -1 & 0 & -1 & 100 \\ -1 & 0 & -1 & -1 & 0 & 100 \end{pmatrix}$$

Celle-ci est codée en créant une matrice ne comportant que les valeurs -1 (murs), puis en modifiant certaines valeurs à 0 (représentant les portes) et d'autres à 100 (représentant les changements de pièces gagnants).

```

1 R = -1*ones(6);
2 doors = [[0,4]; [4,3]; [4,5]; [2,3]; [1,3]; [1,5]];
3 wins = [[1,5]; [4,5]; [5,5]];
4
5 for i = 1:size(doors,1) % Création des portes
6     R(doors(i,1)+1,doors(i,2)+1) = 0;
7     R(doors(i,2)+1,doors(i,1)+1) = 0;
8 end
9
10 for i = 1:size(wins,1) % Chemins gagnants

```



```

11 R(wins(i,1)+1,wins(i,2)+1) = 100;
12 end

```

On règle ensuite les paramètres `alpha`, `gamma` et le nombre d'épisodes à réaliser :

```

1 alpha = 1;
2 gamma = .8;
3 nEpisodes = 100;

```

*NB : Ces paramètres entraînent donc la formule d'apprentissage suivantes (annulation du terme  $Q_t(s_t, a_t)$ ):*

$$Q_{t+1}(s_t, a_t) = R_{t+1} + 0,8 * \max_a Q_t(s_{t+1}, a_t)$$

On initialise la matrice d'apprentissage `Q` et on choisit les états initiaux pour chacun des épisodes de manière aléatoire.

```

1 Q = zeros(size(R));
2 randomStates = randi([1 size(R,2)],1,100);

```

## 6.2 Fonction récursive qLearn

Dans un nouveau fichier `qLearn.m` nous programmons une fonction récursive définie de la manière suivante :

```

1 function Q = qLearn(Q,R,alpha,gamma,state,stopState)

```

Nous identifions dans un premier temps les états suivants possibles `possibleNextStates` étant donné l'état courant `state`. Nous choisissons ensuite aléatoirement l'état suivant `nextState` parmi les possibilités `possibleNextStates`. Nous identifions ensuite les états futurs possibles `possibleFutureStates` étant donné l'état suivant `nextState`. Puis nous appliquons la formule d'apprentissage et actualisons la valeur de `Q(state,nextState)` en fonction de `alpha`, `R(state,nextState)`, `gamma` et `max(Q(nextState,possibleFutureStates))`.

Si l'état suivant `nextState` correspond à l'état final, nous arrêtons la récursion, sinon nous rappelons la fonction récursive `qLearn`.

```

1 function Q = qLearn(Q,R,alpha,gamma,state, stopState)
2     possibleNextStates = find(R(state,:) >= 0);
3     nextState = possibleNextStates(randi(size(possibleNextStates)));
4     possibleFutureStates = find(R(nextState,:) >= 0);
5     Q(state,nextState) = Q(state,nextState) + alpha * (R(state,nextState) +
6         gamma*max(Q(nextState,possibleFutureStates)) - Q(state,nextState));
7     if nextState == stopState
8         return
9     else
10         Q = qLearn(Q,R,alpha,gamma,nextState,stopState);
11 end

```

Dans le script principal, nous appelons cette fonction sur chacun des épisodes :

```

1 for i = 1:nEpisodes % Boucle de nEpisodes
2     beginningState = randomStates(i);
3     Q = qLearn(Q,R,alpha,gamma,beginningState, 5+1); % Appel de la fonction récursive
4     qLearn
5 end

```

Enfin nous affichons le résultat :

```
1 QNormalized = round(Q./max(max(round(Q)))*100) % Affichage du résultat arrondi
```

### 6.3 Traces d'exécution

Nous exécutons l'ensemble du code Matlab à partir du fichier `Run_qlearning.m`. Voici le résultat:

```
1 >> Run_qlearning
2
3 QNormalized =
4
5     0     0     0     0    80     0
6     0     0     0    64     0   100
7     0     0     0    64     0     0
8     0    80    51     0    80     0
9    64     0     0    64     0   100
10    0    80     0     0    80   100
```

Nous obtenons effectivement la même matrice résultat que celle se trouvant dans l'énoncé du BE [2].

## 7 Conclusion

Ce bureau d'étude nous a permis de réaliser des classifieurs simples et complets. Nous avons mis à profit la vitesse de calcul de Matlab dans les cas vectorisés et entraîné des algorithmes en testant différents hyperparamètres.

Ce BE est la compilation de nombreuses méthodes de classification et permet de comprendre les différences entre ces dernières. kNN est un classifieur par “voisinage”, SVM est un classifieur par “distanciation des instances”, Softmax est un classifieur probabiliste et est la généralisation de la régression logistique au cas multiclasse. Le réseau de neurones copie le fonctionnement des cerveaux biologiques et donne également de bons résultats. L'algorithme Q-Learn permet l'entraînement supervisé d'une machine, si nous savons valoriser chacune de ses actions.

Ce BE est également un bon moyen de se remémorer la plupart des fonctions Matlab, essentielles pour paralléliser les calculs et permettre une exécution rapide des algorithmes.

---

## Références

- [1] E.D. L. Cheng, TD – convolutional neural networks for visual recognition, (2016).
- [2] E. Dellandréa, Cours – apprentissage par renforcement, (2016).