Görüntü İşleme Dersi Ders-8 Notları

GRİ SEVİYE DÖNÜŞÜMLERİ

Herhangi bir görüntü işleme operasyonu, görüntüdeki pikselin gri seviye değerlerini dönüştürme işlemidir. Ancak, görüntü işleme operasyonları; dönüşümü gerçekleştirmek için, ihtiyaç duyacağı bilgilere göre 3 sınıfa ayrılabilir. Bunlar en zordan en basite göre;

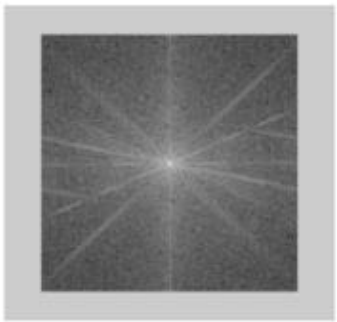
1- Transformlar (Dönüşümler): değişik domainlere dönüşüm yapılarak görüntü işleme işlemidir. (Bu derste uzaysal domain(Spatial domain) ve frekans domaininde (frequency domain) işlemler yapılacaktır.) Çok etkili ve verimli algoritmalar bu şekilde çalıştırılır. Bir dönüşümü kullanarak, tüm görüntünün tek bir büyük blok gibi işlenmiş olduğunu düşünebilirsiniz.

2- Komşuluk ilişkili (Neighbourhood processing-Bölgesel) işlemler: Belirli bir pikselin gri düzeyini değiştirmek için bilmemiz gereken tek şey verilen piksel etrafında küçük bir bölgedeki (komşuluk ilişkisinin olduğu yerde) gri düzeylerinin değeridir.

3- Noktasal İşlemler: Bir pikselin yeni gri seviye değerini, bağımsız olarak, etrafındaki piksel bilgilerine ihtiyaç olmadan elde etme işlemidir. Noktasal işlemler en basit işlemler olmasına rağmen birçok görüntü işleme operasyonlarında kullanılırlar. Özellikle bir görüntünün; ana işlemlerden geçirilmesine hazırlamak üzere kullanılırlar.

Uzaysal domain (Spatial Domain): Günlük hayatta kullandığımız sayısal resimlerin oluşturulduğu domaindir. Bu domaindeki resimlerin pixelleri doğrudan doğruya işlenebilir.

Frekans domain(Frequency domain): Görüntünün birçok farklı frekanslı bileşenden oluştuğu kabul edilir. Uzaysal domaindeki görüntü fourier v.b dönüşümü ile frekans domanine çevrilir. Burada işlenip ters dönüşüm yapılır.



Uzaysal Domain'de görüntü işlemleri

Uzaysal domain teknikleri, bir görüntünün pikselleri üzerinde doğrudan işlem yapar. Bu domendeki işlemler aşağıdaki denklemle ifade edilir. Burada f(x, y) giriş görüntüsüdür. g(x, y) ise çıkış (İşlenmiş) görüntüsüdür.

$$g(x, y) = T\,[f(x, y)]$$

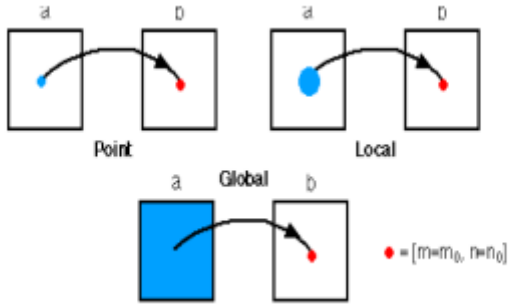
T ise f'de belirli bir (x,y) komşuluk ilişkisi bölgesinde işlem yapan bir operatördür. Örneğin T operatörü; K görüntülerinde gürültü azaltmak için, bir görüntü seti işlemi olarak ta çalışabilir.

T ile belirtilen operasyonlar, Noktasal,Lokal(yerel)ve Global olarak yapılabilir. Noktasal Operasyon: Sadece 1x1 lik bölgede yapılan işlemlerdir. Nokta operasyonlarında, bir resimdeki her pikselin gri seviyesi yalnızca onun orijinal gri seviyesinden(tonundan) hesaplanır. Bu sebeple bu işlemlere "piksel değeri haritalama" yeya "griton değişikliği" (modification) gibi isimler verilir.

Nokta operasyonları genellikle 'resim onarımı" (manipulation) için kullanılır. Mesela, bir resmin kontrastının /yükseltilmesi gibi. Nokta operasyonları sıfır hafıza operasyonlarıdır.

Bölgesel (lokal-Komşuluk İlişkili) işlemlerde merkez pikselin değeri komşu piksellerin değeri ile belirlenir. Filtreleme işlemlerinde çok kullanılır.

Global İşlemlerde İse Domain dönüşümü (uzaysaldan frekans domenine veya tersi) yapılarak imge üzerinde işlem yapılır.



Bir piksel (x,y)'in komşuluk bölgesi veya komşuluk ilişkisi için; merkezi (x,y) olan kare, dikdörtgen tanımlama kullanılır.

Bu bölgenin merkezi,pikselden piksele hareket ettirilerek (Her yöne), etrafındaki farklı komşuları içine alır. T operatörü herbir lokasyona (x,y) uygulanarak lokasyonda işlenmiş g(x,y) çıkışı elde edilir.

En küçük lokasyon (komşuluk ilişkisi-bölgesel) resim İçindeki lxl'lik bölgedir. Bu bölge içinde yapılan İşlemlerde (çalışılan pikselde) diğer piksellerin hiçbir etkisi olamaz. Yani o tek piksele yapılan İşlemde komşu piksellerin rolü olamaz. Bu tür İşlemlere Noktasal işlemler denir.

Burada T yapılan işlemi belirtir. Yani her piksele; komşuluk ilişkisine göre gezilerek T'nin belirttiği işlem yapılır.

FİLTRELEME TEKNİKLERİ

g = imfilter (f , w, filtering_mode , boundary_options , size_options)

Options	Description
Filtering Mode	
`'corr'`	Filtering is done using correlation (see Figs. 3.14 and 3.15). This is the default.
`'conv'`	Filtering is done using convolution (see Figs. 3.14 and 3.15).
Boundary Options	
`P`	The boundaries of the input image are extended by padding with a value, `P` (written without quotes). This is the default, with value 0.
`'replicate'`	The size of the image is extended by replicating the values in its outer border.
`'symmetric'`	The size of the image is extended by mirror-reflecting it across its border.
`'circular'`	The size of the image is extended by treating the image as one period a 2-D periodic function.
Size Options	
`'full'`	The output is of the same size as the extended (padded) image (see Figs. 3.14 and 3.15).
`'same'`	The output is of the same size as the input. This is achieved by limiting the excursions of the center of the filter mask to points contained in the original image (see Figs. 3.14 and 3.15). This is the default.

234,4 mm

Matlab standart doğrusal uzaysal filtreleri

w = f s p e c i al (' t ype ' , parameters)

Type	Syntax and Parameters
'average'	fspecial('average', [r c]). A rectangular averaging filter of size r × c. The default is 3 × 3. A single number instead of [r c] specifies a square filter.
'disk'	fspecial('disk', r). A circular averaging filter (within a square of size 2r + 1) with radius r. The default radius is 5.
'gaussian'	fspecial('gaussian', [r c], sig). A Gaussian lowpass filter of size r × c and standard deviation sig (positive). The defaults are 3 × 3 and 0.5. A single number instead of [r c] specifies a square filter.
'laplacian'	fspecial('laplacian', alpha). A 3 × 3 Laplacian filter whose shape is specified by alpha, a number in the range [0, 1]. The default value for alpha is 0.2.
'log'	fspecial('log', [r c], sig). Laplacian of a Gaussian (LoG) filter of size r × c and standard deviation sig (positive). The defaults are 5 × 5 and 0.5. A single number instead of [r c] specifies a square filter.
'motion'	fspecial('motion', len, theta). Outputs a filter that, when convolved with an image, approximates linear motion (of a camera with respect to the image) of len pixels. The direction of motion is theta, measured in degrees, counterclockwise from the horizontal. The defaults are 9 and 0, which represents a motion of 9 pixels in the horizontal direction.
'prewitt'	fspecial('prewitt'). Outputs a 3 × 3 Prewitt filter, wv, that approximates a vertical gradient. A filter mask for the horizontal gradient is obtained by transposing the result: wh = wv'.
'sobel'	fspecial('sobel'). Outputs a 3 × 3 Sobel filter, sv, that approximates a vertical gradient. A filter for the horizontal gradient is obtained by transposing the result: sh = sv'.
'unsharp'	fspecial('unsharp', alpha). Outputs a 3 × 3 unsharp filter; alpha controls the shape; it must be in the range [0, 1]; the default is 0.2.

Filtreleme Örnekleri

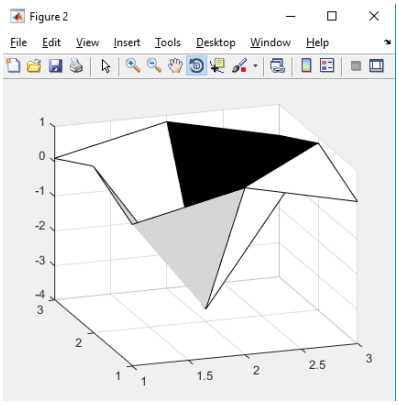
```
%average filtre kullanımı;
>> t=imread('cameraman.tif');
>> tg= imnoise(t,'salt & pepper', 1e-3); % gürültü
ekleme
>> b=fspecial('average', [5 5]);
>> g=imfilter(tg,b,'replicate');
>> figure
>> imshow(g)
```

```
% disk filtresi kullanımı
>> b1=fspecial('disk',7);
>> g1=imfilter(tg,b1,'replicate');
>> figure
>> imshow(g1)
%disk filtre mesh ve contour graf.
>> b1=fspecial('disk',5);
>> g1=imfilter(tg,b1,'replicate');
>> figure
>> imshow(g1)
```

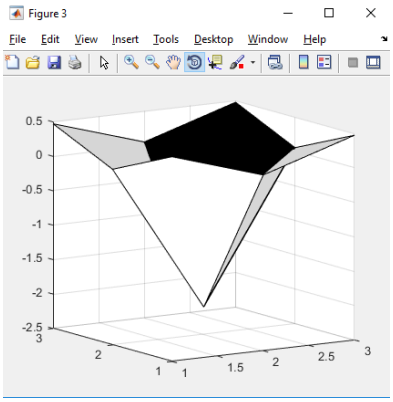
%laplacian filtre. Kenar bulmada etkili.

```
b2=fspecial('laplacian',0.9); %alpha
g2=imfilter(tg,b2);
figure
imshow(g2)
```

Alpha=0.1



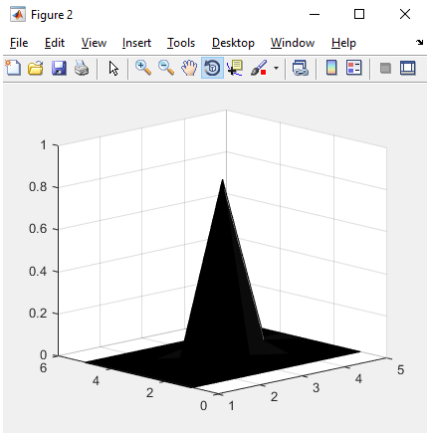
Alpha=0.9



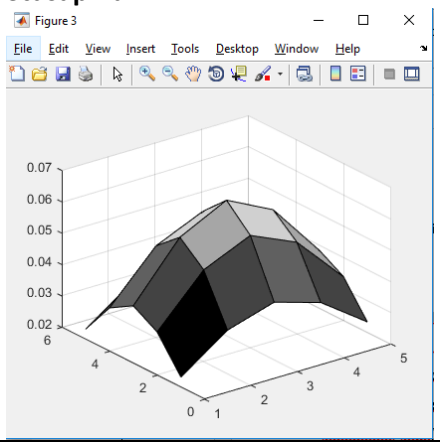
%gaussian filtre.

```
%b3=fspecial('gaussian',boyut,stdsapma);
b3=fspecial('gaussian',[5 5], 2);
g3=imfilter(tg,b3);
figure
imshow(g3)
```

stdsapma=0.4



Stdsapma=2



%unsharp filtresi

```
orj = imread('moon.tif');
F = fspecial('unsharp');
unsharpF = imfilter(orj, F);
figure;
subplot(1,2,1);
imshow(orj);
title('Resmin Orjinal Hali');
subplot(1,2,2);
imshow(unsharpF);
title('Unsharp Filtresi');
```

%log filtresi

```
b4=fspecial('log')
g4=imfilter(tg,b4);
figure
imshow(g4)

g4_1=g4>100;
figure,imshow(g4_1);
g4_2=bwareaopen(g7_1,10);
figure,imshow(g4_2)
```

Kenar Bulma:

%Prewitt yöntemi kenar bulma 1
prewitt=fspecial('prewitt');
g5=imfilter(t, prewitt);
figure
imshow(g5)
	%Prewitt yöntemi kenar bulma 2
	prewittF=edge(t,'prewitt');
	figure
	imshow(prewittF)

%Sobel yöntemi kenar bulma 1
sobel=fspecial('sobel');
g6=imfilter(t,sobel);
figure
imshow(g6)
	%Sobel yöntemi kenar bulma 2
	sobelFiltresi=edge(t,'sobel');
	figure
	imshow(sobelFiltresi)

%Log yöntemi kenar bulma logFiltresi=edge(t,'log');	%canny yöntemi cannyFiltresi=edge(t,'canny'); figure imshow(cannyFiltresi)
%roberts yöntemi robertsFiltresi=edge(t,'roberts'); figure imshow(robertsFiltresi)	

Subplot ile çizim:

```
%%
t=imread('cameraman.tif');
   subplot(3,3,1)
   imshow(t)
   title('Orjinal Görüntü')
 canny=edge(t,'canny');
   subplot(3,3,2)
    imshow(canny)
    title('Canny Görüntü')
  roberts=edge(t,'Roberts');
    subplot(3,3,3)
    imshow(roberts)
    title('Roberts Görüntü')
  prwt=edge(t,'prewitt');
     subplot(3,3,4)
    imshow(prwt)
    title('Prewitt Görüntü')
  sobel=edge(t,'sobel');
      subplot(3,3,5)
      imshow(sobel)
      title('Sobel Görüntü')

   gaus=fspecial('gaussian');
       g1=imfilter(t,gaus,'replicate');
       subplot(3,3,6)
       imshow(g1)
       title('Gaussian Görüntü')
```

```
laplace=fspecial('laplacian');
  g2=imfilter(t,laplace,'replicate');
  subplot(3,3,7)
  imshow(g2)
  title('Laplacian Görüntü')

log=fspecial('log');
  g3=imfilter(t,log,'replicate');
  subplot(3,3,8)
  imshow(g3)
  title('Log Görüntü')
%%
```

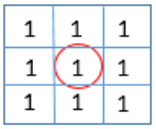
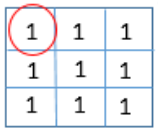
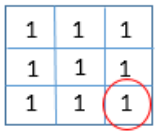
LİNEER OLMAYAN FİLTRELEME

Doğrusal olmayan uzaysal filtreleme, komşuluk işlemlerine de dayanır ve bir m x n filtrenin merkez noktasını bir görüntü boyunca kaydırmanın mekaniği, önceki bölümde anlatılanla aynıdır. Bununla birlikte, lineer uzamsal filtreleme, (lineer bir işlem olan) çarpımların toplamının hesaplanmasına dayansa da, adından da anlaşılacağı üzere doğrusal olmayan uzamsal filtreleme, piksel komşulukları içindeki filtre tarafından kapsanan pikselleri içeren doğrusal olmayan işlemlere dayanır. Örneğin, maksimum filtresinde her orta noktadaki filtrelenmiş değer kendi komşuluğundaki maksimum piksel değerine eşittir. Bu da doğrusal olmayan bir işlemdir. Bir diğer temel fark ise, maske kavramının doğrusal olmayan işlemde yaygın olmadığıdır.

"ordfilt2" fonksiyonu, sıralama-istatistik filtreleri (sıra filtreleri olarak da bilinir) oluşturur. Bunlar, işlem yapılan noktadaki piksellerin sıralanmasına (sıralamaya) ve daha sonra çevredeki merkez piksel değerinin sıralama sonucu tarafından belirlenen değer ile değiştirilmesine dayanan doğrusal olmayan uzaysal filtrelerdir.

```
g = ordfilt2(f, order, domain)
```

Burada ordfilt2 filtresi f görüntü matrisi içinde "domain" kısmında belirtilen büyüklükte filtre matrisinin "order" 'ncı elemanını yanıt olarak belirler.

Type of Filtering Operation	MATLAB code	Neighborhood
Median filter	`B = ordfilt2(A,5,ones(3,3))`	
Minimum filter	`B = ordfilt2(A,1,ones(3,3))`	
Maximum filter	`B = ordfilt2(A,9,ones(3,3))`	

```
t=imread('cameraman.tif');
tg=imnoise(t,'salt & pepper');
figure,imshow(tg)
m=ordfilt2(t,5,ones(3));
figure,imshow(m)
mx=ordfilt2(tg,9,ones(3));
figure,imshow(mx)
mn=ordfilt2(tg,1,ones(3));
figure,imshow(mn)
```

Median Filtreleme

Median filtreleme, tuz-biber gürültüsünü yok etmek için çok uygundur. Medyan filtreler nonlineer uzaysal filtrelerdi. Maskeyi oluşturan boyuttaki resim piksel değerlerinin küçükten büyüğe sıralanıp ortadaki değeri merkez piksele atama işlemiydi. Örneğin;

50	65	52
63	255	58
61	60	57

$\longrightarrow$ 50 52 57 58 **60** 61 63 65 255 $\longrightarrow$ 60

```
>>t=imread('cameraman.tif');
>>| c=imnoise(t,'salt & pepper',0.1);
>> imshow(c)
>> d=medfilt2(c);
>> imshow(d)
```

```
%kendi komutuyla medyan filtreleme
md=medfilt2(tg);
figure,imshow(md)
```

FREKANS UZAYI

• İmge uzayında yapılabilecek işlemlerin yanında, frekans düzlemindeki bilgi de imge işlemede sıkça kullanılmaktadır.

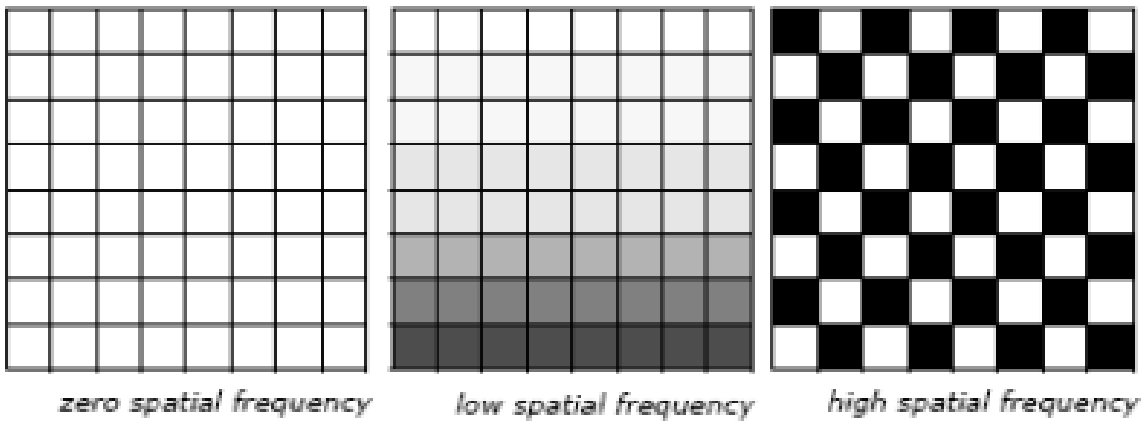
• Daha önce imge filtreleme için konvülüsyondan bahsedilmişti. İmge uzayında yapılan bu işlem her bir piksel için tekrarlanmakla birlikte, çekirdek elemanına bağlı olarak hesapsal yükü oldukça fazla olabilmektedir.

• Frekans uzayına geçildiğinde konvülüsyon işlemi çarpma işlemine dönüşeceğinden, bu uzayda yapılacak filtreleme işlemlerinde frekans uzayına geçiş ve geri dönüş işlemleri için hesapsal yükten bahsedilebilir.

• Ayrıca frekans uzayında imgedeki piksellerin dağılımına ilişkin bilgileri gözlemlemek de mümkündür.

• Frekans uzayına geçiş için genellikle Fourier dönüşümü kullanılmaktadır.

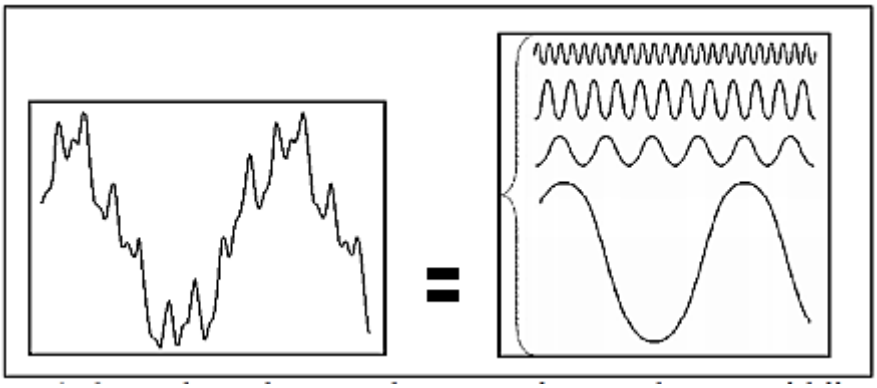
Uzaysal Frekanslar:



Fourier Dönüşümü

• Bu dönüşüm, görüntü işlemenin çok önemli konularından biridir. Uzaysal domainde başarılması zor işlemleri, frekans domain'inde başaracak yapıda olan bu dönüşüm, **"görüntüyü oluşturan frekans bileşenlerini birbirinden ayırt edebildiği için değişik derecelerden alçak ve yüksek geçiren filtreleme işlemleri"** kolaylıkla başarılabilir.

• Önce tek boyutlu sonra iki boyutlu Fourier dönüşümünü kısaca hatırlayalım;



Periodik ve sonlu değer alabilen her fonksiyon, değişik frekanslarda titreşen sinüs veya cosinüslü bileşenlerin toplamından oluşur.

$$f(x) = f(x+T) \quad (-\infty < x < \infty)$$

$$f(x) = \frac{1}{2}a_0 + \sum_{k=1}^{\infty} a_k \cos(\omega k x) + b_k \sin(\omega k x) \qquad (\omega = \frac{2\pi}{T})$$

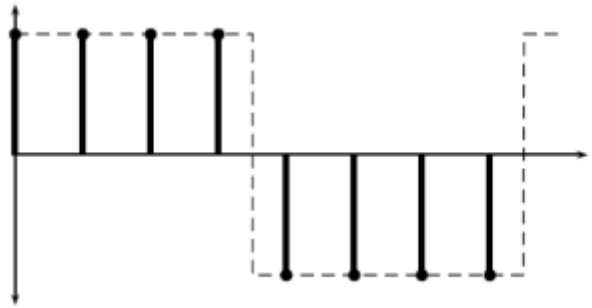
$$a_k = \frac{2}{T}\int_0^T f(x)\cos(\omega k x) \quad dx$$

$$b_k = \frac{2}{T}\int f(x)\sin(\omega k x)dx$$

Fourier transformu bir görüntüye uygulandıktan sonra yüksek frekanslı geçiş yapılan piksel değerleri yüksek, düşük frekanslı geçiş yapılan frekansların değerleri düşük çıkar. Biz filtreleme işlemlerinde "yüksek frekanslı geçişleri filtrele" dersek alçak geçiren filtre oluşturmuş oluruz.

Tek boyutlu ayrık Fourier dönüşümü (DFT)

Herhangi bir fonksiyon ayrıklaştırıldığında sonlu sayıda elemanlı bir dizi şeklinde ifade edilir. Örneğin bir kare dalganın ayrık zamanlı dizi şeklinde ifadesi; 1 1 1 1 -1 -1 -1 -1 şeklinde olabilir.



$\mathbf{f} = [f_0, f_1, f_2, \ldots, f_{N-1}]$

Eleman sayısı N olan bir ayrık f fonksiyonun, ayrık Fourier katsayıları dizisi aşağıda tanımlansın.

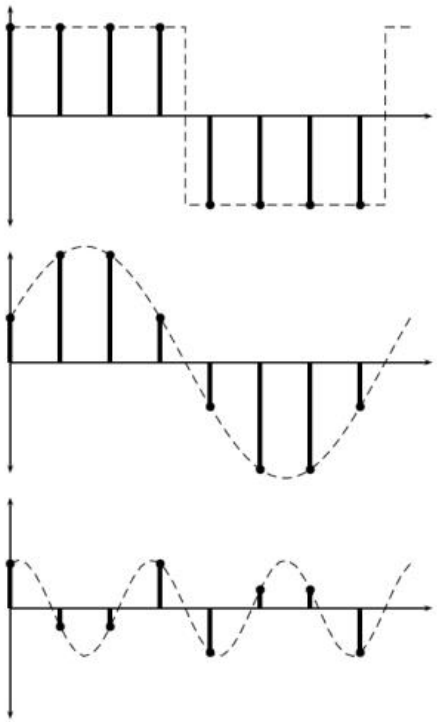
$\mathbf{F} = [F_0, F_1, F_2, \ldots, F_{N-1}]$

Burada; u.ayrık fourier bileşninin katsayısı aşağıdaki bağıntıyla hesaplanır (DFT).

$$F_u = \frac{1}{N} \sum_{x=0}^{N-1} f_{(x)} \cdot \exp\left[-2\pi i \frac{x \cdot u}{N}\right]$$

Aynı şekilde, fourier katsayılarından dizi elemanını elde etmek için ters foürier dönüşümü yapılır (IDFT).

$$f_{(x)} = \sum_{u=0}^{N-1} F_{(u)} \cdot \exp\left[2\pi i \frac{x \cdot u}{N}\right]$$



$$F(u) = \frac{1}{M} \sum_{x=0}^{M-1} f(x) e^{-j2\pi ux/M}$$

$$u = 0,1,2,\ldots,M-1$$

Burada;

F(u) yu bulmak için:

- u=0 için x'in bütün değerlerinde yukarıdaki toplamı hesapla,
- u=1 için x'in bütün değerlerinde yukarıdaki toplamı hesapla.

.

.

.

- u=M için x'in bütün değerlerinde yukarıdaki toplamı hesapla.

- Euler teoremine göre: $e^{j\theta} = Cos\theta + jSin\theta$

$$e^{-j\theta} = Cos\theta - jSin\theta$$

$$F(u) = \frac{1}{M}\sum_{x=0}^{M-1} f(x)\left[Cos(2\pi ux/M) - jSin(2\pi ux/M)\right]$$

$$u = 0, 1, 2, \ldots, M-1$$

- Özetle f(x) farklı frekanslardaki Sin ve Cos bileşenleri ile çarpılıyor.

$F(0)$
$F(1)$
.
.
.
$F(M)$

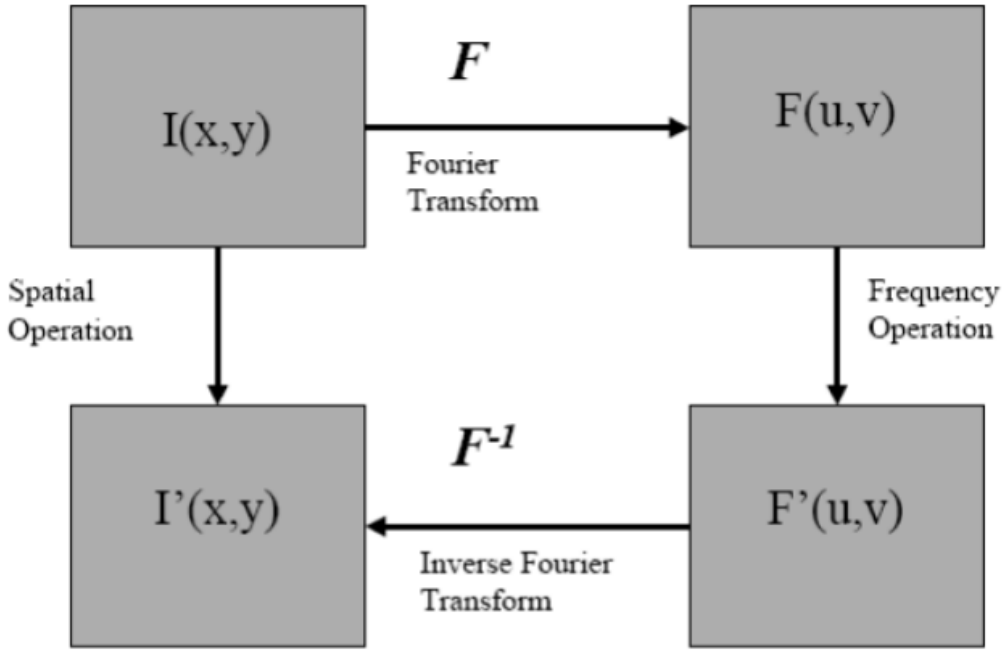
} Dönüşümün frekans bileşenleri

$$F(u) = \left|F(u)\right| e^{-j\varphi(u)}$$

$$\left|F(u)\right| = \left[R^2(u) + I^2(u)\right]^{1/2}$$ Genlik

$$\varphi(u) = \tan^{-1}\left[\frac{I(u)}{R(u)}\right]$$ Faz açısı

Frekans Uzayı – İmge İşleme Aşamaları



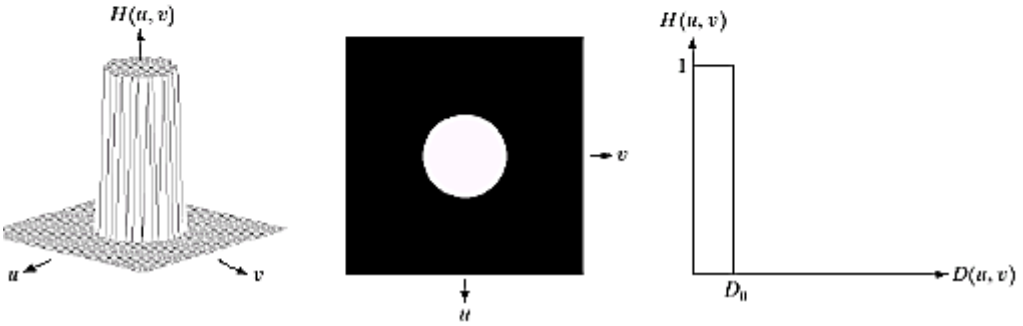
$$F'(u,v) = F(u,v)H(u,v)$$

H=FİLTRE

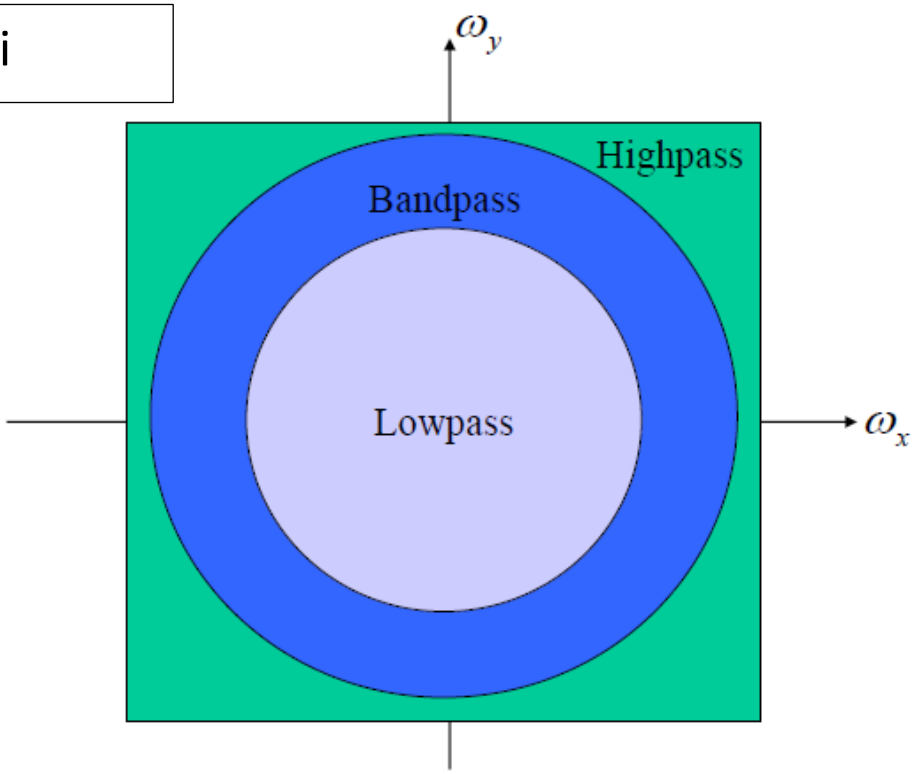
İdeal alçak geçiren filtre

Cutoff Frequency

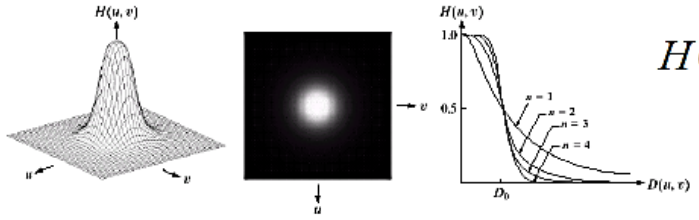
$$H(\omega_x,\omega_y)=\begin{cases}1 & \sqrt{\omega_x^2+\omega_y^2}\le c\\ 0 & else\end{cases}$$



Filtre Tipleri



Butterworth Filters:

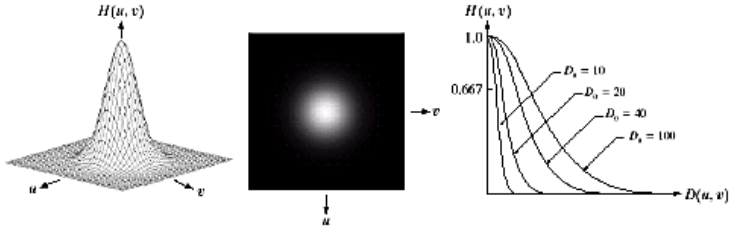


$$H(\omega_x,\omega_y)=\frac{1}{1+\left(\frac{\omega_x^{\,2}+\omega_y^{\,2}}{c^2}\right)^{2n}}$$

a b c

FIGURE 4.14 (a) Perspective plot of a Butterworth lowpass filter transfer function. (b) Filter displayed as an image. (c) Filter radial cross sections of orders 1 through 4.

Gaussian Filters:



$$H(\omega_x,\omega_y)=e^{-\frac{\omega_x^{\,2}+\omega_y^{\,2}}{2\sigma^2}}$$

a b c

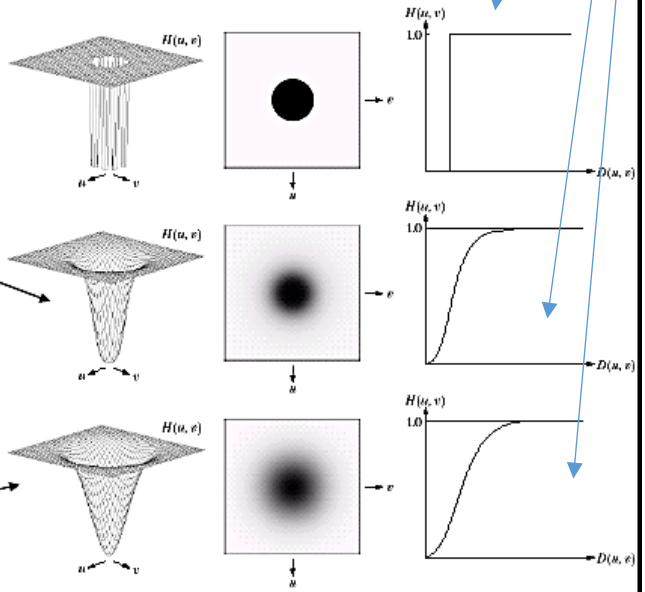
FIGURE 4.17 (a) Perspective plot of a GLPF transfer function. (b) Filter displayed as an image. (c) Filter radial cross sections for various values of D_0.

Transfer Fonksiyonları

Yüksek geçiren filtreler

Butterworth Filters:

$$H(\omega_x,\omega_y)=\frac{1}{1+\left(\frac{c^2}{\omega_x^{\,2}+\omega_y^{\,2}}\right)^{2n}}$$



Gaussian Filters:

$$H(\omega_x,\omega_y)=1-e^{-\frac{\omega_x^{\,2}+\omega_y^{\,2}}{2\sigma^2}}$$

$$h(x,y)=\delta(x,y)-\sqrt{2\pi}\sigma e^{-2\pi^2\sigma^2(x^2+y^2)}$$

DC katsayısı ve kaydırma (shifting): DFT'deki DC katsayısı F(0,0) değeridir. Aşağıdaki denklemde v=u=0 konulduğunda bulunur. Buna göre Dc katsayısının değeri orijinal görüntü matrisindeki tüm eleman değerlerinin toplamı olarak ortaya çıkar. Bu değer yeni matrisin en üst sol köşesindedir.

Kaydırma: Görüntüleme amacı için; DC katsayısının matrisin orta nokta elemanı olarak oluşması uygundur. Bunun için kaydırma yapılabilir. Kaydırma işlemi, dönüşümden önce f(x,y) matrisinin tüm elemanlarının $(-1)^{(X+Y)}$ ile çarpılacağı anlamındadır.

Dönüşümün gösterilmesi

• F(x,y) görüntüsünden elde edilen F(u,v) fourier katsayılar matrisinin elemanları kompleks sayılardır. Kompleks sayılar DOĞRUDAN görüntülenemez.

• Onların magnitüdleri (genlikleri) **|F(u,v)|**alınır. Bunlar bir takım double sınıfı büyük sayılardır. Bu büyük sahada uğraşmak için;

• 1-) **|F(u,v)|**'deki en büyük değer m bulunur (Bu DC değerdir) ve **|F(u,v)|/m** işlemi yapılır. Böylece **imshow** ile görüntülenebilir.

• 2-) |F(u,v)| 'yi görmek için **mat2gray** fonksiyonunu doğrudan kullanabiliriz.

mat2gray fonksiyonu: double sınıfı bir dizinin yine double sınıfı fakat eleman değerlerinin 0, 1 arasına yerleştirilmesi istendiğinde kullanılır.

G=mat2gray(A,[Amin,Amax])

```
>> x=[1 2;3 4];
>> y=mat2gray(x)
y =
   0         0.3333
```

0.6667 1.0000

• Genelde DC değerler çok büyük değerler olacağından; Bunun oluşturacağı görüntüde bu değer baskın çıkar. Bunun önüne geçmek için **|F(u,v)|** ‘nın logaritmasının alınması daha uygundur.

log(1+ |F(u,v)|)

• Fourier dönüşümün genliğinin görüntülenmesi, transformasyonun spektrumu diye isimlendirilir.

MATLAB’da Fourier Dönüşümü

fft :Tek boyutlu DFT yapar(çıkışı vektördür)

ifft : DFT vektörünün tersini alır. (inverse fft)

fft2: 2 boyutlu DFT yapar. Çıkışı Matristir.

ifft2: DFT matrisinin tersini alır.

fftshift: Bir dönüşümü kaydırır.

Y = fftshift (X) sıfır frekans bileşenini dizinin merkezine kaydırarak X’in Fourier dönüşümünü yeniden düzenler.