

# Phủ của tập phụ thuộc hàm

- ❑ Phủ tối thiểu
- ❑ Phép tách các lược đồ quan hệ

# Phủ và tập PTH tương đương

- $G| = F \Leftrightarrow$  Mọi PTH trong  $G$  đều nằm trong  $F^+$ .
- $G| = F$ .  $G$  là phủ của  $F$  (mọi PTH trong  $F$  có thể được suy dẫn từ  $G$ ).
- $F$  và  $G$  là tương đương ( $F \equiv G$ ) nếu  $F^+ = G^+$ .
- Thuật toán xác định  $G$  có phủ  $F$  không ( $G| = F$ )?
  - ▣  $\forall f: X \rightarrow Y \in F$ , tính  $X_G^+$ .
  - ▣ Nếu  $\forall X: Y \subseteq X^+$ , thì  $G$  phủ  $F$ .

# Phủ tối thiểu

- F gọi là không dư thừa nếu không có tập con G thực sự nào của F mà G tương đương với F.
- F là phủ không dư thừa của G nếu F là 1 phủ của G và F không dư thừa.
- Phủ tối thiểu:
  - ▣ Không có thuộc tính nào của vế phải dư thừa
    - $\forall f: X \rightarrow A, f \in F$  và A chỉ có 1 thuộc tính.
  - ▣ Không có phụ thuộc hàm có vế trái dư thừa
    - $\neg \exists f: X \rightarrow A$  và  $Z \subset X$  sao cho  $F \equiv F \setminus f \cup \{Z \rightarrow A\}$
  - ▣ Tập phụ thuộc hàm F là không dư thừa
    - $\neg \exists f: X \rightarrow A$  để  $F \setminus f$  còn tương đương với F.

# Giải thuật tìm phủ tối thiểu của F

- $G = \emptyset$
- For  $\forall f \in F, f: X \rightarrow Y$  do
  - ▣  $G = G \cup X \rightarrow A$  với  $\{A \in Y\}$
- For  $\forall f: X \rightarrow A \in G$  do
  - ▣ While  $\exists Z \subset X, Z \neq X, G \equiv G \setminus \{f\} \cup \{Z \rightarrow A\}$  do
    - $G = (G \setminus \{f\}) \cup \{Z \rightarrow A\}$
- For  $\forall f: X \rightarrow A \in G$  do
  - ▣ If  $(G \setminus \{f\} \equiv G)$  then  $G = G \setminus \{f\}$ ;

# Ví dụ tìm phủ tối thiểu

- $F = \{AB \rightarrow C, C \rightarrow A, BC \rightarrow D, ACD \rightarrow B, D \rightarrow EG, BE \rightarrow C, CG \rightarrow BD, CE \rightarrow AG\}$
- Tìm phủ tối thiểu của  $F$ .
- Sau bước 1, 2 ta có:  $G = \{AB \rightarrow C, C \rightarrow A, BC \rightarrow D, ACD \rightarrow B, D \rightarrow E, D \rightarrow G, BE \rightarrow C, CG \rightarrow B, CG \rightarrow D, CE \rightarrow A, CE \rightarrow G\}$
- Sau bước 3:  $G = \{AB \rightarrow C, C \rightarrow A, BC \rightarrow D, CD \rightarrow B, D \rightarrow E, D \rightarrow G, BE \rightarrow C, CG \rightarrow B, CG \rightarrow D, CE \rightarrow G\}$
- Sau bước 4:  $G = \{AB \rightarrow C, C \rightarrow A, BC \rightarrow D, D \rightarrow E, D \rightarrow G, BE \rightarrow C, CG \rightarrow B, CG \rightarrow D, CE \rightarrow G\}$

# Thuật toán xác định $F$ và $G$ có tương đương không?

- B1.  $\forall f \in F, f: X \rightarrow Y$ , xác định xem  $G| = F$ ?
- B2.  $\forall g \in G, g: X \rightarrow Y$ , xác định xem  $F| = G$ ?
- Dùng **thuật toán xác định phủ** để kiểm tra.

# Phép tách lược đồ quan hệ

## □ Định nghĩa:

- $R, \rho = \{R_1, R_2, \dots, R_k\}$  sao cho
- $R_1^+ \cup R_2^+ \cup \dots \cup R_k^+ = R^+$  (các  $R_j$  không nhất thiết phải rời nhau)

## □ Mục tiêu:

- Nâng cao chất lượng quan hệ để đạt dạng chuẩn cao hơn.

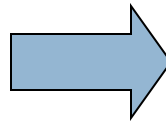
## □ Các tính chất khi phân rã cần quan tâm:

- Phân rã bảo toàn thông tin
- Phân rã bảo toàn phụ thuộc

$S = (SNAME, ADD, PRO, PRICE)$  m được bao trong 1 lược đồ con

$SNAME \rightarrow ADD$

$SNAME, PRO \rightarrow PRICE$



$S1(SNAME, ADD)$

$S2(SNAME, PRO, PRICE)$

# Phân rã bảo toàn thông tin

- $R, \rho = \{R_1, R_2, \dots, R_k\}, F$  là tập PTH
- $\rho$  không mất mát thông tin đối với  $F$ , nếu với mỗi  $r(R)$  thỏa  $F$ , sao cho:
- $r = \pi R_1(r) \triangleright \triangleleft \pi R_2(r) \triangleright \triangleleft \dots \pi R_k(r)$



# Giải thuật kiểm tra phân rã bảo toàn thông tin

- Thiết lập một bảng  $k$  hàng  $n$  cột
- Hàng thứ  $i$  ứng với lược đồ  $R_i$
- Cột thứ  $j$  ứng với thuộc tính  $A_j$  trong  $R$
- Tại hàng  $i$  cột  $j$  điền  $a_j$  vào nếu  $A_j \in R_i^+$ . Nếu không thì điền  $b_{ij}$
- Xét các phụ thuộc hàm từ  $F$  áp dụng cho bảng trên
  - ▣ Xét  $X \rightarrow Y \in F$ : Xét các hàng, nếu có giá trị bằng nhau trên thuộc tính  $X$  thì làm bằng nhau trên thuộc tính  $Y$ .
- Nếu xuất hiện 1 hàng  $(a_1, a_2, \dots, a_n) \Rightarrow$  Kết luận phép tách bảo toàn thông tin.

# Ví dụ phân rã bảo toàn thông tin

$S = (SNAME, ADD, PRO, PRICE)$

$SNAME \rightarrow ADD$

$SNAME, PRO \rightarrow PRICE$

$S1(SNAME, ADD)$

$S2(SNAME, PRO, PRICE)$

Kiểm tra xem sự phân rã trên có bảo toàn thông tin không?

# Phân rã bảo toàn phụ thuộc

- $f: X \rightarrow Y$  là phụ thuộc hàm được bao trong LĐQH R nếu  $XY \subset R^+$
- $f: X \rightarrow Y$  là phụ thuộc hàm được bao trong LĐCSDL  $S = \{R_1, R_2, \dots, R_k\}$  nếu  $f$  được bao trong  $R_i$ ,  $i \in [1..k]$
- Phụ thuộc hàm bị ép:
  - $G$ : tập các phụ thuộc hàm được bao trong  $S$
  - $\forall f \in G^+$ ,  $f$  được gọi là bị ép thỏa trong  $S$
  - $\forall f \in \{F^+ \setminus G^+\}$ ,  $f$  được gọi là KHÔNG bị ép thỏa trong  $S$
  - $F$  gọi là tập phụ thuộc hàm bị ép thỏa trong  $S$  nếu  $F \equiv G$ .

# Phân rã bảo toàn phụ thuộc (tt)

## □ Ví dụ:

- Cho  $S=\{R1,R2,R3\}$  với  $R1(A,B,C)$ ,  $R2(B,C,D)$ ,  $R3(D,E)$
- Xét  $F=\{A \rightarrow BC, C \rightarrow A, A \rightarrow D, D \rightarrow E, A \rightarrow E\}$
- Ta thấy PTH  $A \rightarrow D$  và  $A \rightarrow E$  không được bao trong  $S$ , nhưng  $F$  bị ép thỏa trong  $S$  vì ta tìm được tập  $G=\{A \rightarrow BC, C \rightarrow A, D \rightarrow E, C \rightarrow D\}$  gồm các PTH được bao trong  $S$  và  $G \equiv F$ .

## □ Điều kiện phân rã bảo toàn phụ thuộc

- Một phân rã  $\rho$  là bảo toàn phụ thuộc  $F$  nếu  $F$  bị ép thỏa trong  $\rho$  với tư cách là một lược đồ CSDL.

# Giải thuật kiểm tra phân rã bảo toàn phụ thuộc

- **Enforce(F,  $\rho$ )**  
For  $\forall f: X \rightarrow Y \in F$ ,  $f$  không được bao trong  $\rho$  Do  
If NOT  $Y \subseteq \text{Eclosure}(X, F, \rho)$  then  
    Return false;  
    Return true;
  
- **Eclosure(X, F,  $\rho$ )** //Tìm bao đóng của X  
     $Y = \emptyset$ ;  
    While  $Y \neq X$  do  
    {  
         $Y = X$ ;  
        For  $\forall R_i \in \rho$  do  
             $X = X \cup ((X \cap R_i)^+_F \cap R_i)$ ;  
    }  
    Return X;

# Ví dụ về phân rã bảo toàn phụ thuộc

- $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow D, D \rightarrow A\}$
  - $\rho = \{(AB), (BC), (CD)\}$
  - Kiểm tra phân rã  $\rho$  có bảo toàn phụ thuộc  $F$  không?
- 
- Chỉ có  $D \rightarrow A$  là không được bao trong  $\rho$ ?
  - Áp dụng giải thuật  $\text{Enforce}(F, \rho)$ , kiểm tra  $A$  có chứa trong  $\text{EnClosure}(D)$  không?
  - Tính  $\text{EnClosure}(D) = ABCD$  tức  $A \subset \text{EnClosure}(D)$
  - $\Rightarrow$  phân rã  $\rho$  bảo toàn phụ thuộc

# Tính các phụ thuộc hàm được bao trong một lược đồ con của $\rho$

## □ Định nghĩa:

- Chiếu các tập phụ thuộc hàm trên lược đồ con  
 $\pi_{R_i}(F) = \{F_i \in F^+ / f \in F_i \text{ được bao trong } R_i\}$

## □ Giải thuật tính $\pi_{R_i}(F)$ :

$F_i = \emptyset$ ;

For  $\forall f: X \rightarrow Y \in F, X \subset R_i$  do

$F_i = F_i \cup \{X \rightarrow (X_F^+ - X) \cap R_i\}$ ;

Return  $F_i$ ;

# Ví dụ

- $F = \{A \rightarrow C, B \rightarrow C, \}$
- $\rho = \{(AC), (AB)\}$
- Tính  $F_1 = \Pi_{AC}(F)$
- $F_1 = \emptyset$
- $A^+ = AC \Rightarrow F_1 = \{A \rightarrow C\}$
- Tính  $F_2 = \Pi_{AB}(F)$
- $F_2 = \emptyset$
- $A^+ = AC$  mà  $((AC \setminus A) \cap AB) = \emptyset$  nên không bổ sung  $A \rightarrow C$  vào  $F_2$
- $B^+ = BC$  mà  $((BC \setminus B) \cap AB) = \emptyset$  nên không bổ sung  $B \rightarrow C$  vào  $F_2$
- $\Rightarrow F_2 = \emptyset$