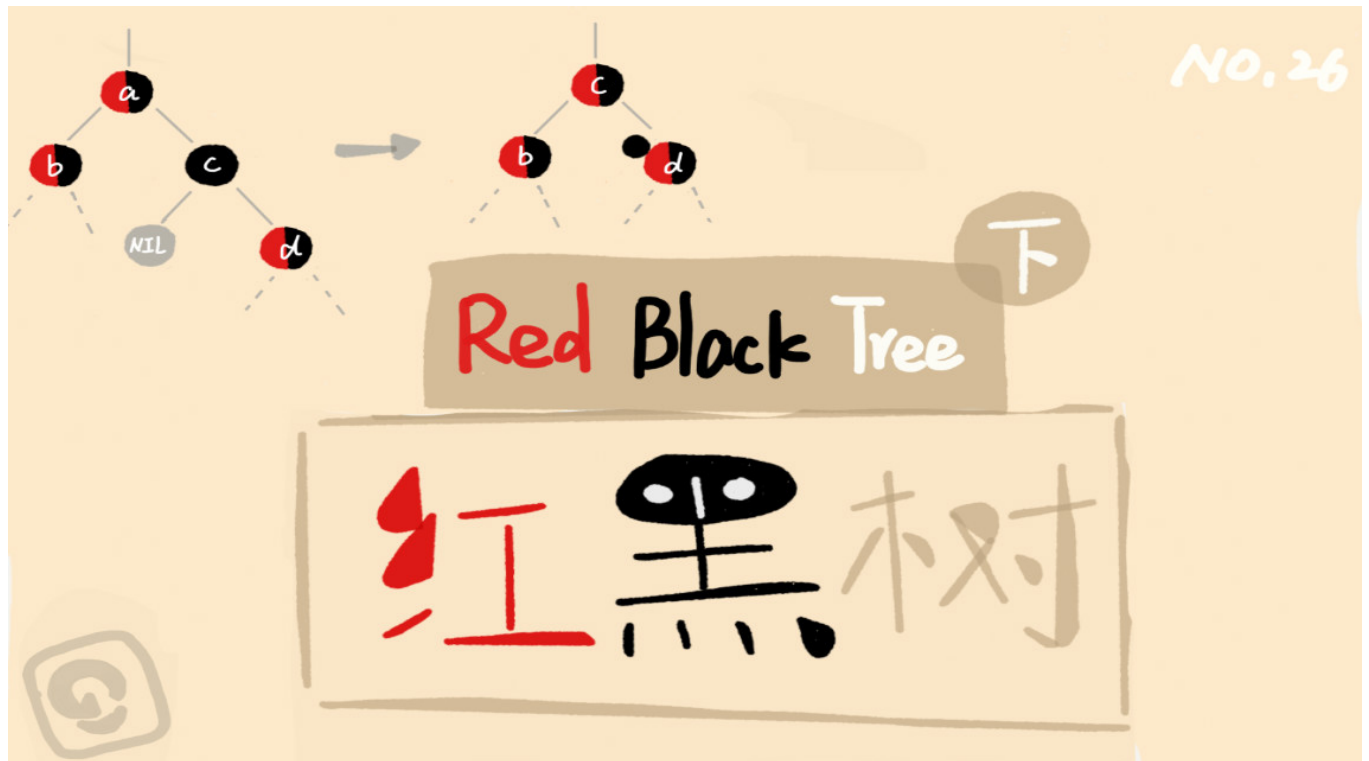


讲堂 > 数据结构与算法之美 > 文章详情

26 | 红黑树（下）：掌握这些技巧，你也可以实现一个红黑树

2018-11-19 王争



26 | 红黑树（下）：掌握这些技巧，你也可以实现一个红黑树

朗读人：修阳 15'03" | 6.90M

红黑树是一个让我又爱又恨的数据结构，“爱”是因为它稳定、高效的性能，“恨”是因为实现起来实在太难了。我今天讲的红黑树的实现，对于基础不太好的同学，理解起来可能会有些困难。但是，我觉得没必要去死磕它。

我为什么这么说呢？因为，即便你将左右旋背得滚瓜烂熟，我保证你过不几天就忘光了。因为，学习红黑树的代码实现，对于你平时做项目开发没有太大帮助。对于绝大部分开发工程师来说，这辈子你可能都用不着亲手写一个红黑树。除此之外，它对于算法面试也几乎没什么用，一般情况下，靠谱的面试官也不会让你手写红黑树的。

如果你对数据结构和算法很感兴趣，想要开拓眼界、训练思维，我还是很推荐你看一看这节的内容。但是如果学完今天的内容你还觉得懵懵懂懂的话，也不要纠结。我们要有的放矢去学习。你先把平时要用的、基础的东西都搞会了，如果有余力了，再来深入地研究这节内容。

好，我们现在就进入正式的内容。**上一节，我们讲到红黑树定义的时候，提到红黑树的叶子节点都是黑色的空节点。当时我只是粗略地解释了，这是为了代码实现方便，那更加确切的原因是什么**

么呢？我们这节就来说一说。

实现红黑树的基本思想

不知道你有没有玩过魔方？其实魔方的复原解法是有固定算法的：遇到哪几面是什么样子，对应就怎么转几下。你只要跟着这个复原步骤，就肯定能将魔方复原。

实际上，红黑树的平衡过程跟魔方复原非常神似，大致过程就是：**遇到什么样的节点排布，我们就对应怎么去调整**。只要按照这些固定的调整规则来操作，就能将一个非平衡的红黑树调整成平衡的。

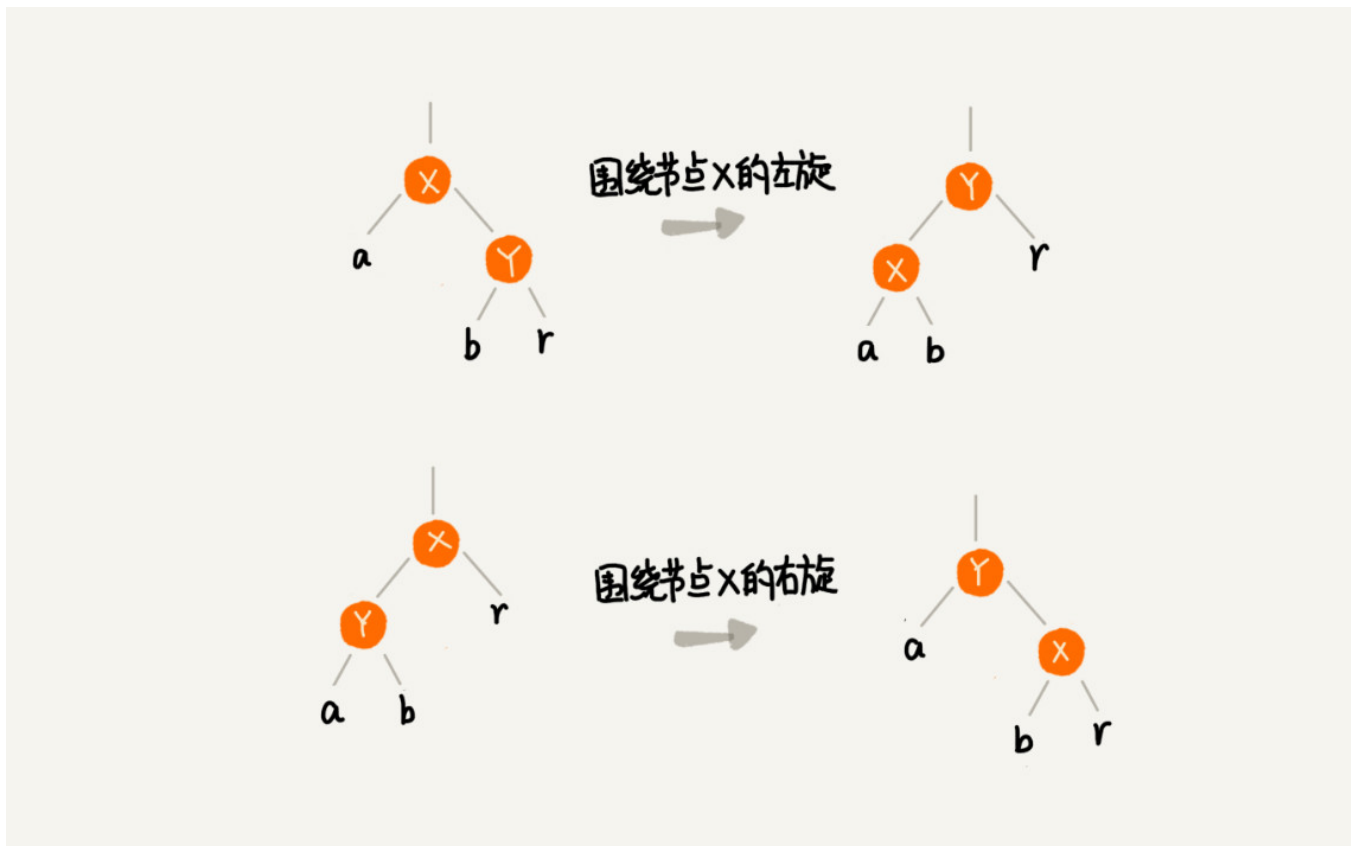
还记得我们前面讲过的红黑树的定义吗？今天的内容里，我们会频繁用到它，所以，我们现在再来回顾一下。一棵合格的红黑树需要满足这样几个要求：

- 根节点是黑色的；
- 每个叶子节点都是黑色的空节点（NIL），也就是说，叶子节点不存储数据；
- 任何相邻的节点都不能同时为红色，也就是说，红色节点是被黑色节点隔开的；
- 每个节点，从该节点到达其可达叶子节点的所有路径，都包含相同数目的黑色节点。

在插入、删除节点的过程中，第三、第四点要求可能会被破坏，而我们今天要讲的“平衡调整”，实际上就是要把被破坏的第三、第四点恢复过来。

在正式开始之前，我先介绍两个非常重要的操作，**左旋（rotate left）**、**右旋（rotate right）**。左旋全称其实是叫**围绕某个节点的左旋**，那右旋的全称估计你已经猜到了，就叫**围绕某个节点的右旋**。

我们下面的平衡调整中，会一直用到这两个操作，所以我这里画了个示意图，帮助你彻底理解这两个操作。图中的 a, b, r 表示子树，可以为空。



前面我说了，红黑树的插入、删除操作会破坏红黑树的定义，具体来说就是会破坏红黑树的平衡，所以，我们现在就来看下，红黑树在插入、删除数据之后，如何调整平衡，继续当一棵合格的红黑树的。

插入操作的平衡调整

首先，我们来看插入操作。

红黑树规定，插入的节点必须是红色的。而且，二叉查找树中新插入的节点都是放在叶子节点上。所以，关于插入操作的平衡调整，有这样两种特殊情况，但是也都非常好处理。

- 如果插入节点的父节点是黑色的，那我们什么都不用做，它仍然满足红黑树的定义。
- 如果插入的节点是根节点，那我们直接改变它的颜色，把它变成黑色就可以了。

除此之外，其他情况都会违背红黑树的定义，于是我们就需要进行调整，调整的过程包含两种基础的操作：**左右旋转**和**改变颜色**。

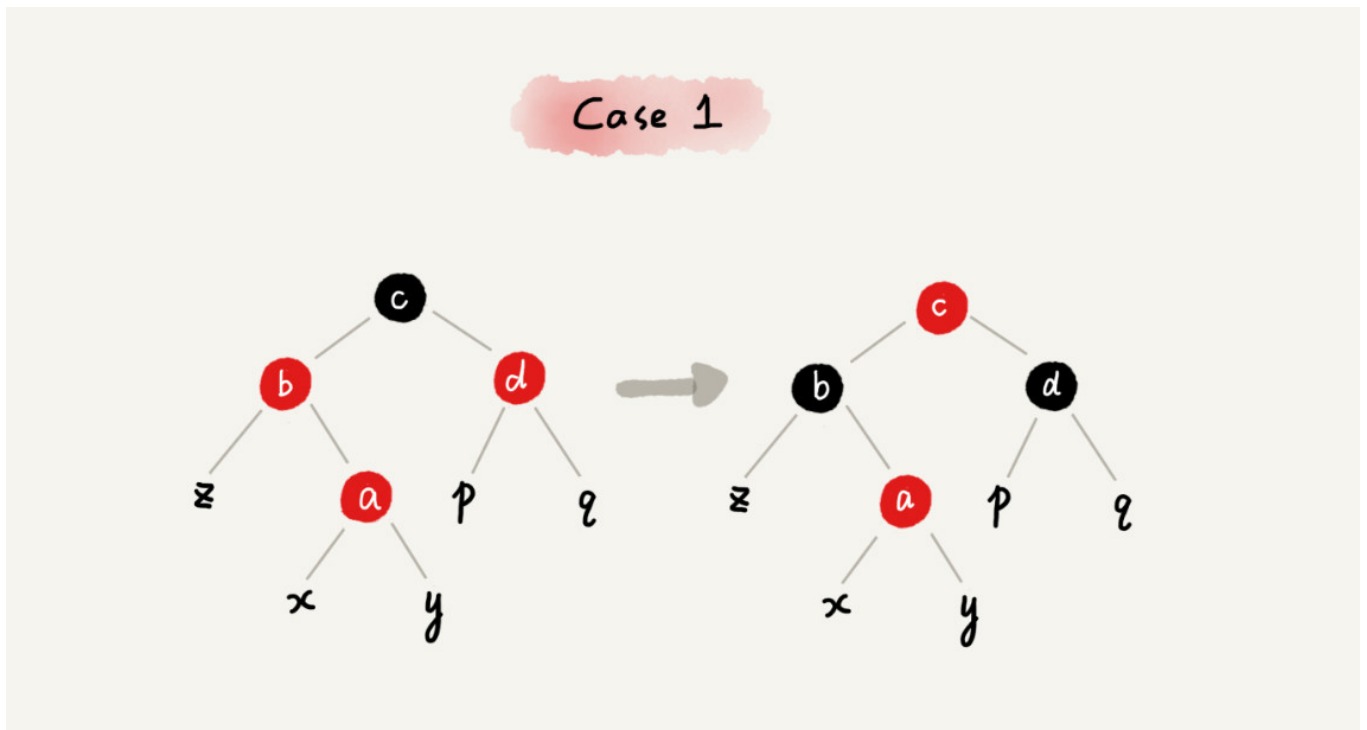
红黑树的平衡调整过程是一个迭代的过程。我们把正在处理的节点叫作**关注节点**。关注节点会随着不停地迭代处理，而不断发生变化。最开始的关注节点就是新插入的节点。

新节点插入之后，如果红黑树的平衡被打破，那一般会有下面三种情况。我们只需要根据每种情况的特点，不停地调整，就可以让红黑树继续符合定义，也就是继续保持平衡。

我们下面依次来看每种情况的调整过程。提醒你注意下，为了简化描述，我把父节点的兄弟节点叫作叔叔节点，父节点的父节点叫作祖父节点。

CASE 1: 如果关注节点是 **a**，它的叔叔节点 **d** 是红色，我们就依次执行下面的操作：

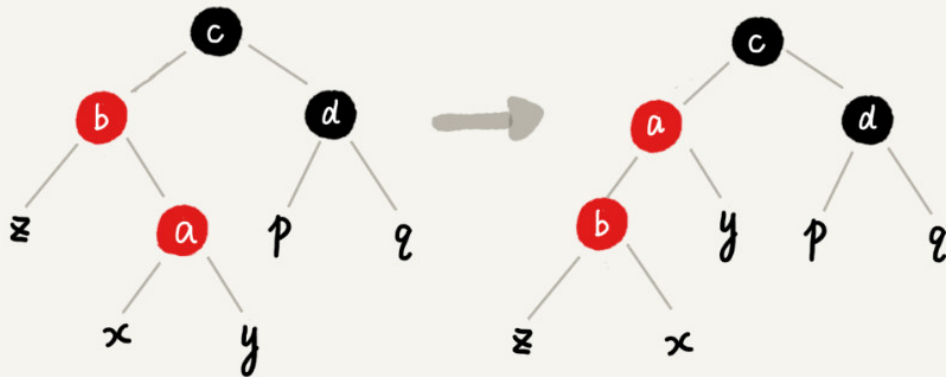
- 将关注节点 **a** 的父节点 **b**、叔叔节点 **d** 的颜色都设置成黑色；
- 将关注节点 **a** 的祖父节点 **c** 的颜色设置成红色；
- 关注节点变成 **a** 的祖父节点 **c**；
- 跳到 CASE 2 或者 CASE 3。



CASE 2: 如果关注节点是 **a**，它的叔叔节点 **d** 是黑色，关注节点 **a** 是其父节点 **b** 的右子节点，我们就依次执行下面的操作：

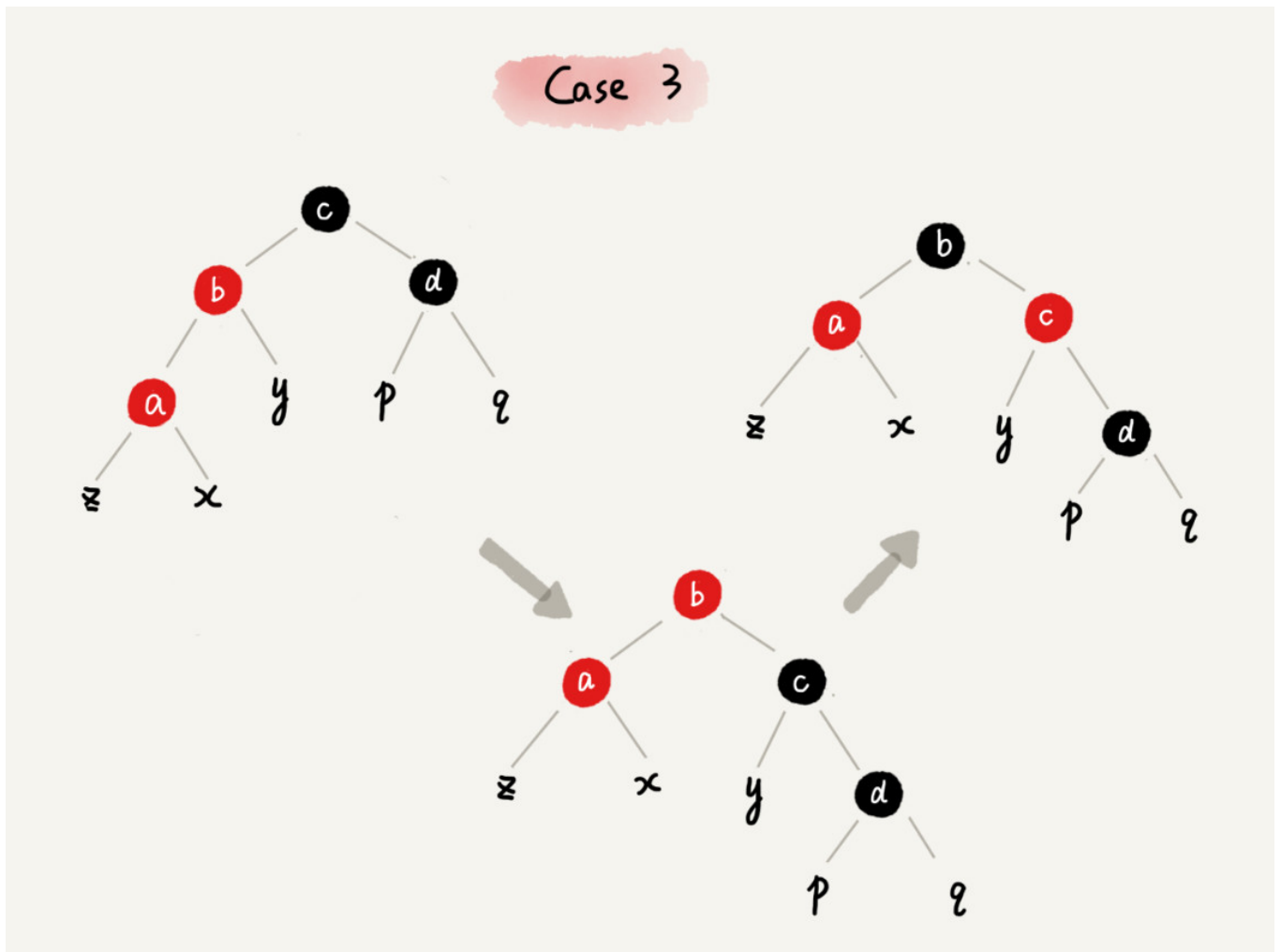
- 关注节点变成节点 **a** 的父节点 **b**；
- 围绕新的关注节点 **b** 左旋；
- 跳到 CASE 3。

Case 2



CASE 3: 如果关注节点是 a ，它的叔叔节点 d 是黑色，关注节点 a 是其父节点 b 的左子节点，我们就依次执行下面的操作：

- 围绕关注节点 a 的祖父节点 c 右旋；
- 将关注节点 a 的父节点 b 、兄弟节点 c 的颜色互换。
- 调整结束。



删除操作的平衡调整

红黑树插入操作的平衡调整还不是很困难，但是它的删除操作的平衡调整相对就要难多了。不过原理都是类似的，我们依旧只需要根据关注节点与周围节点的排布特点，按照一定的规则去调整就行了。

删除操作的平衡调整分为两步，第一步是**针对删除节点初步调整**。初步调整只是保证整棵红黑树在一个节点删除之后，仍然满足最后一条定义的要求，也就是说，每个节点，从该节点到达其可达叶子节点的所有路径，都包含相同数目的黑色节点；第二步是**针对关注节点进行二次调整**，让它满足红黑树的第三条定义，即不存在相邻的两个红色节点。

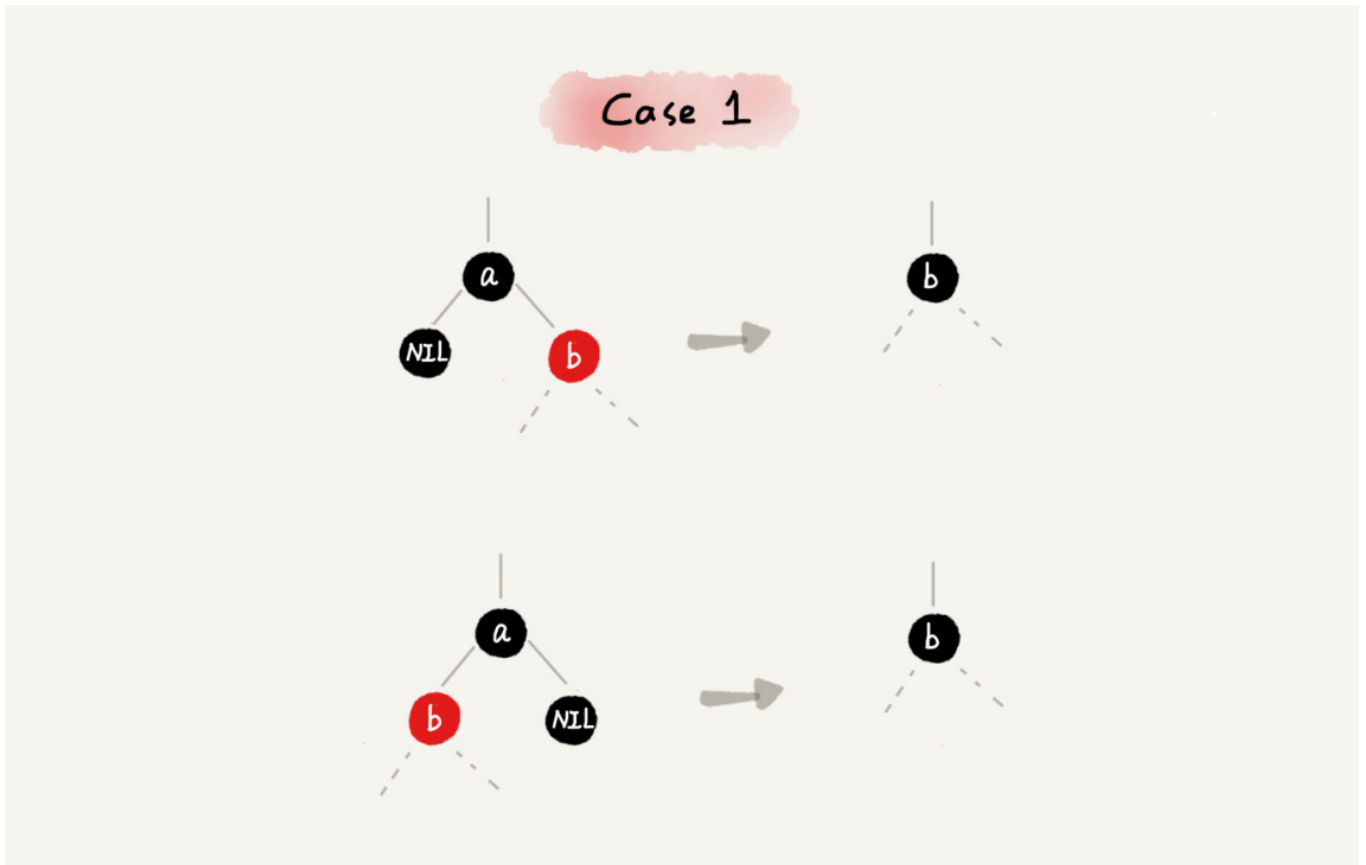
1. 针对删除节点初步调整

这里需要注意一下，红黑树的定义中“只包含红色节点和黑色节点”，经过初步调整之后，为了保证满足红黑树定义的最后一条要求，有些节点会被标记成两种颜色，“红 - 黑”或者“黑 - 黑”。如果一个节点被标记为了“黑 - 黑”，那在计算黑色节点个数的时候，要算成两个黑色节点。

在下面的讲解中，如果一个节点既可以是红色，也可以是黑色，在画图的时候，我会用一半红色一半黑色来表示。如果一个节点是“红 - 黑”或者“黑 - 黑”，我会用左上角的一个小黑点来表示额外的黑色。

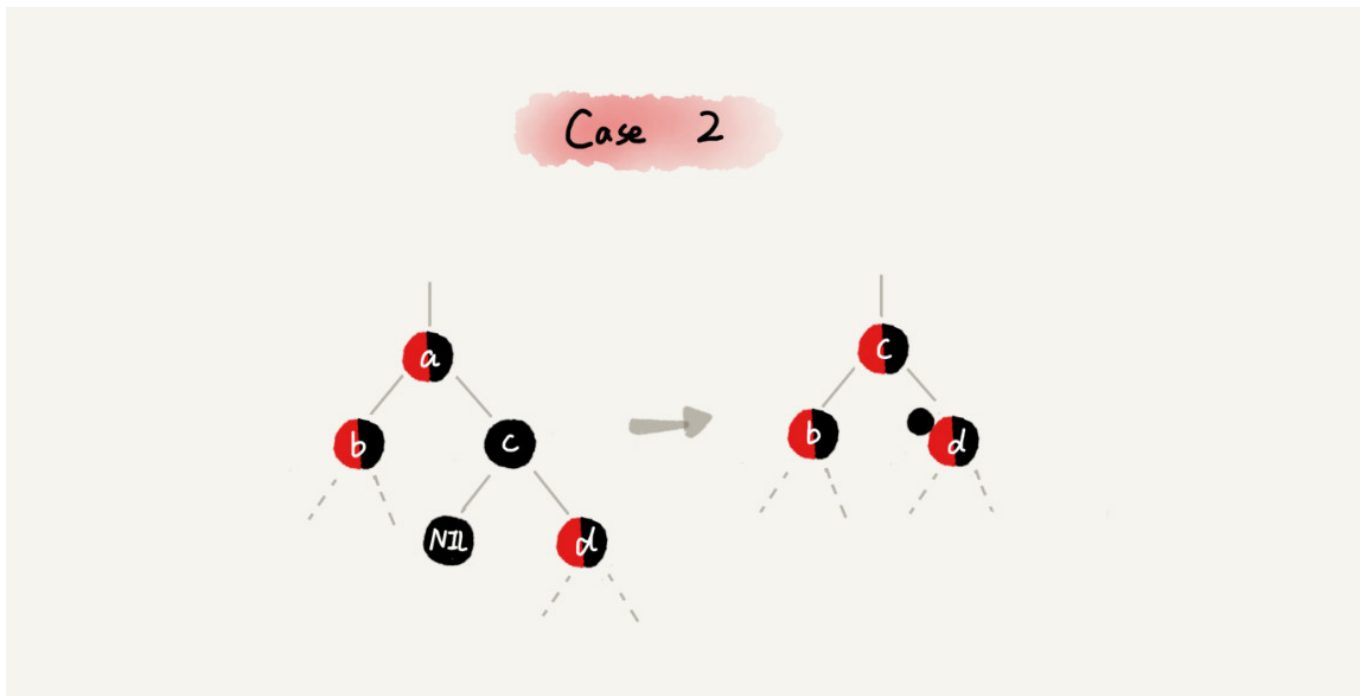
CASE 1: 如果要删除的节点是 **a**，它只有一个子节点 **b**，那我们就依次进行下面的操作：

- 删除节点 a，并且把节点 b 替换到节点 a 的位置，这一部分操作跟普通的二叉查找树的删除操作一样；
- 节点 a 只能是黑色，节点 b 也只能是红色，其他情况均不符合红黑树的定义。这种情况下，我们把节点 b 改为黑色；
- 调整结束，不需要进行二次调整。



CASE 2: 如果要删除的节点 a 有两个非空子节点，并且它的后继节点就是节点 a 的右子节点 c。我们就依次进行下面的操作：

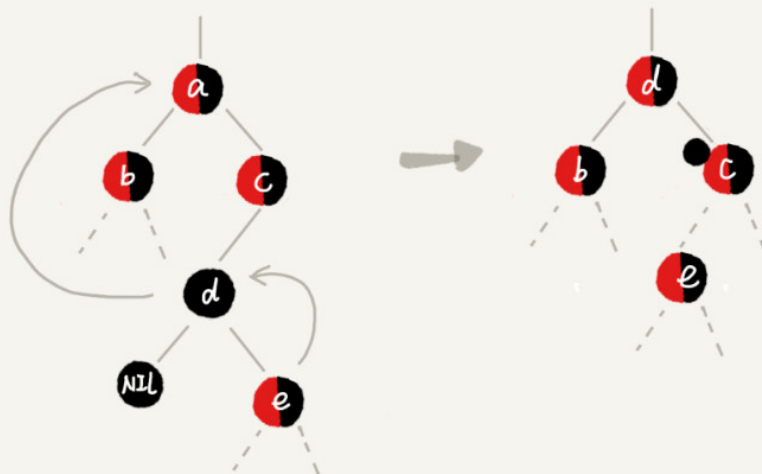
- 如果节点 a 的后继节点就是右子节点 c，那右子节点 c 肯定没有左子树。我们把节点 a 删除，并且将节点 c 替换到节点 a 的位置。这一部分操作跟普通的二叉查找树的删除操作无异；
- 然后把节点 c 的颜色设置为跟节点 a 相同的颜色；
- 如果节点 c 是黑色，为了不违反红黑树的最后一条定义，我们给节点 c 的右子节点 d 多加一个黑色，这个时候节点 d 就成了“红 - 黑”或者“黑 - 黑”；
- 这个时候，关注节点变成了节点 d，第二步的调整操作就会针对关注节点来做。



CASE 3: 如果要删除的是节点 **a**，它有两个非空子节点，并且节点 **a** 的后继节点不是右子节点，我们就依次进行下面的操作：

- 找到后继节点 **d**，并将它删除，删除后继节点 **d** 的过程参照 CASE 1；
- 将节点 **a** 替换成后继节点 **d**；
- 把节点 **d** 的颜色设置为跟节点 **a** 相同的颜色；
- 如果节点 **d** 是黑色，为了不违反红黑树的最后一条定义，我们给节点 **d** 的右子节点 **c** 多加一个黑色，这个时候节点 **c** 就成了“红 - 黑”或者“黑 - 黑”；
- 这个时候，关注节点变成了节点 **c**，第二步的调整操作就会针对关注节点来做。

Case 3

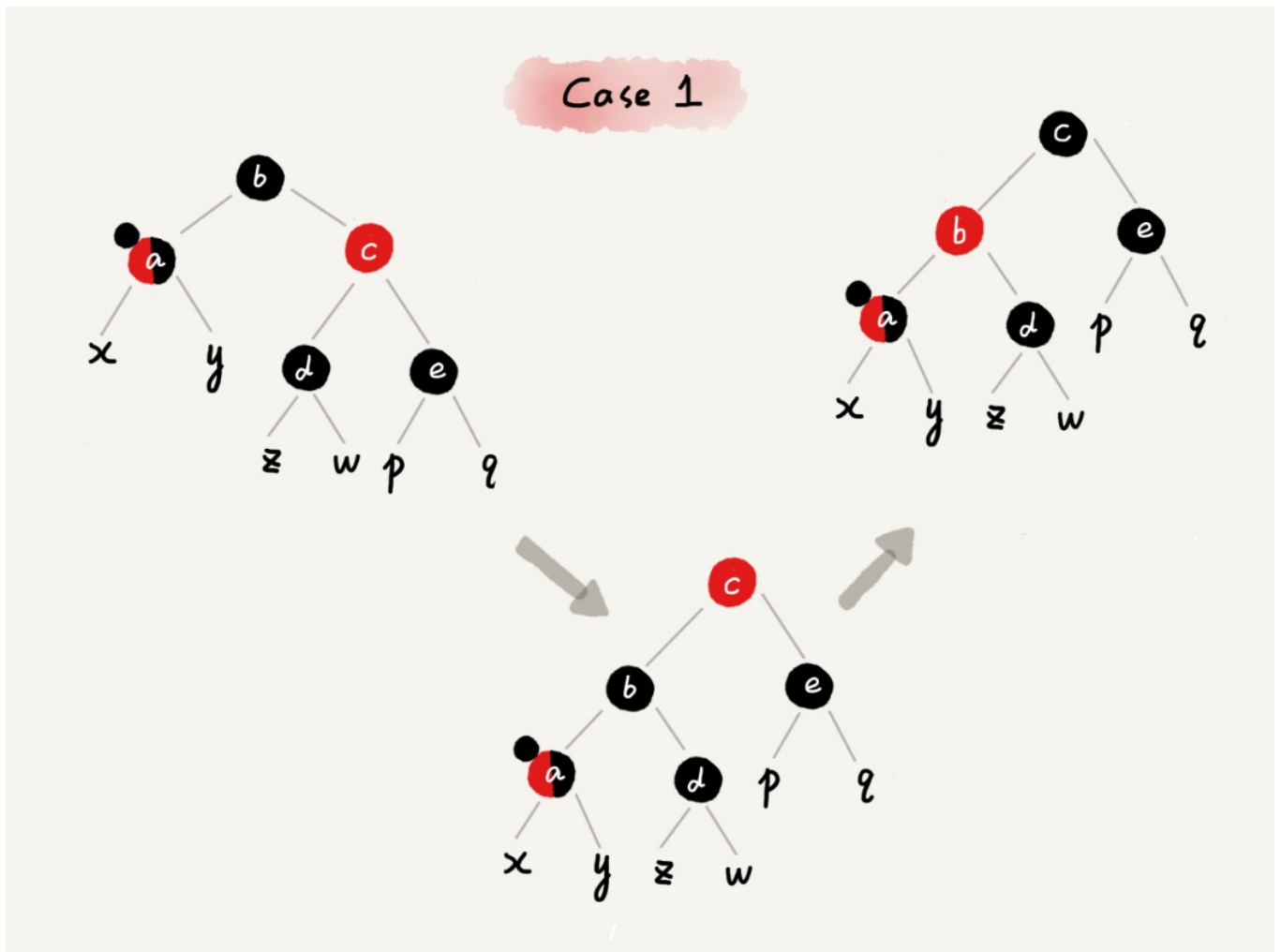


2. 针对关注节点进行二次调整

经过初步调整之后，关注节点变成了“红 - 黑”或者“黑 - 黑”节点。针对这个关注节点，我们再分四种情况来进行二次调整。二次调整是为了让红黑树中不存在相邻的红色节点。

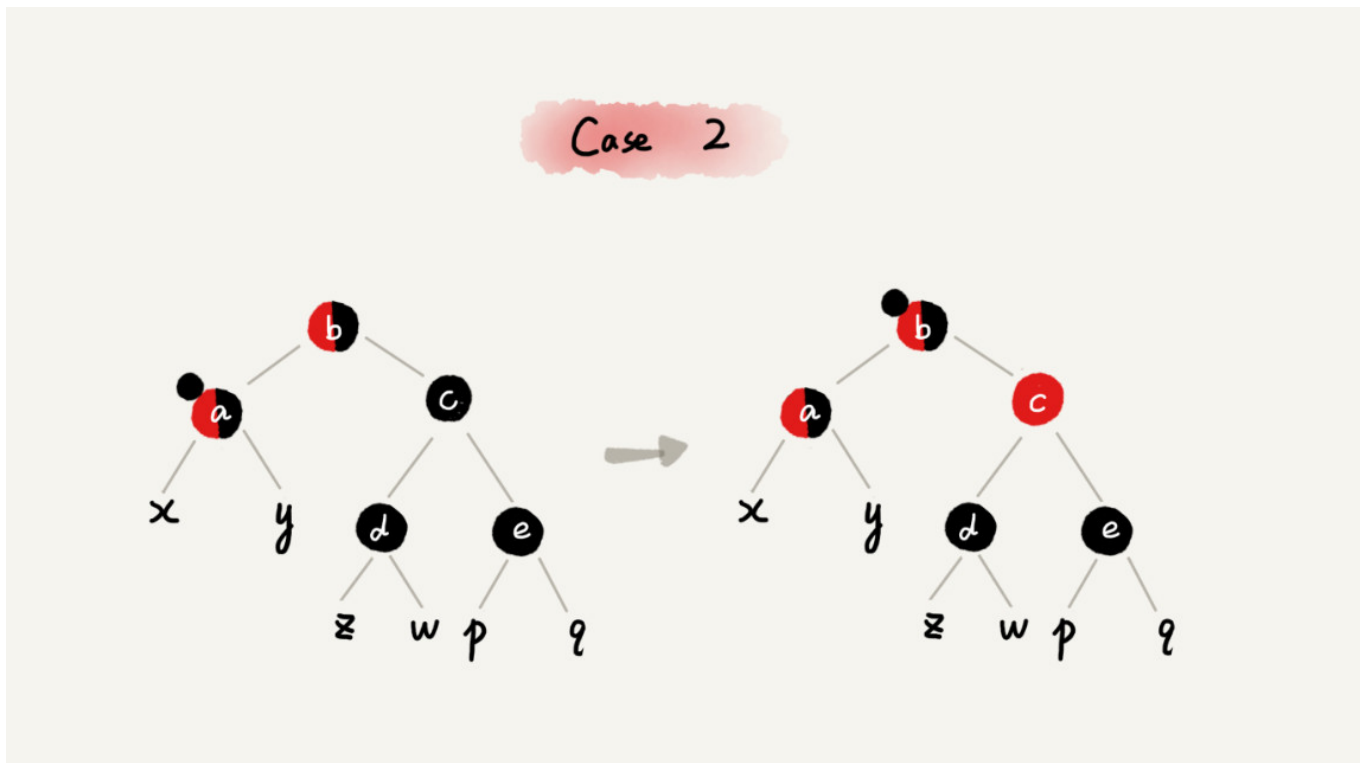
CASE 1: 如果关注节点是 **a**，它的兄弟节点 **c** 是红色的，我们就依次进行下面的操作：

- 围绕关注节点 **a** 的父节点 **b** 左旋；
- 关注节点 **a** 的父节点 **b** 和祖父节点 **c** 交换颜色；
- 关注节点不变；
- 继续从四种情况中选择适合的规则来调整。



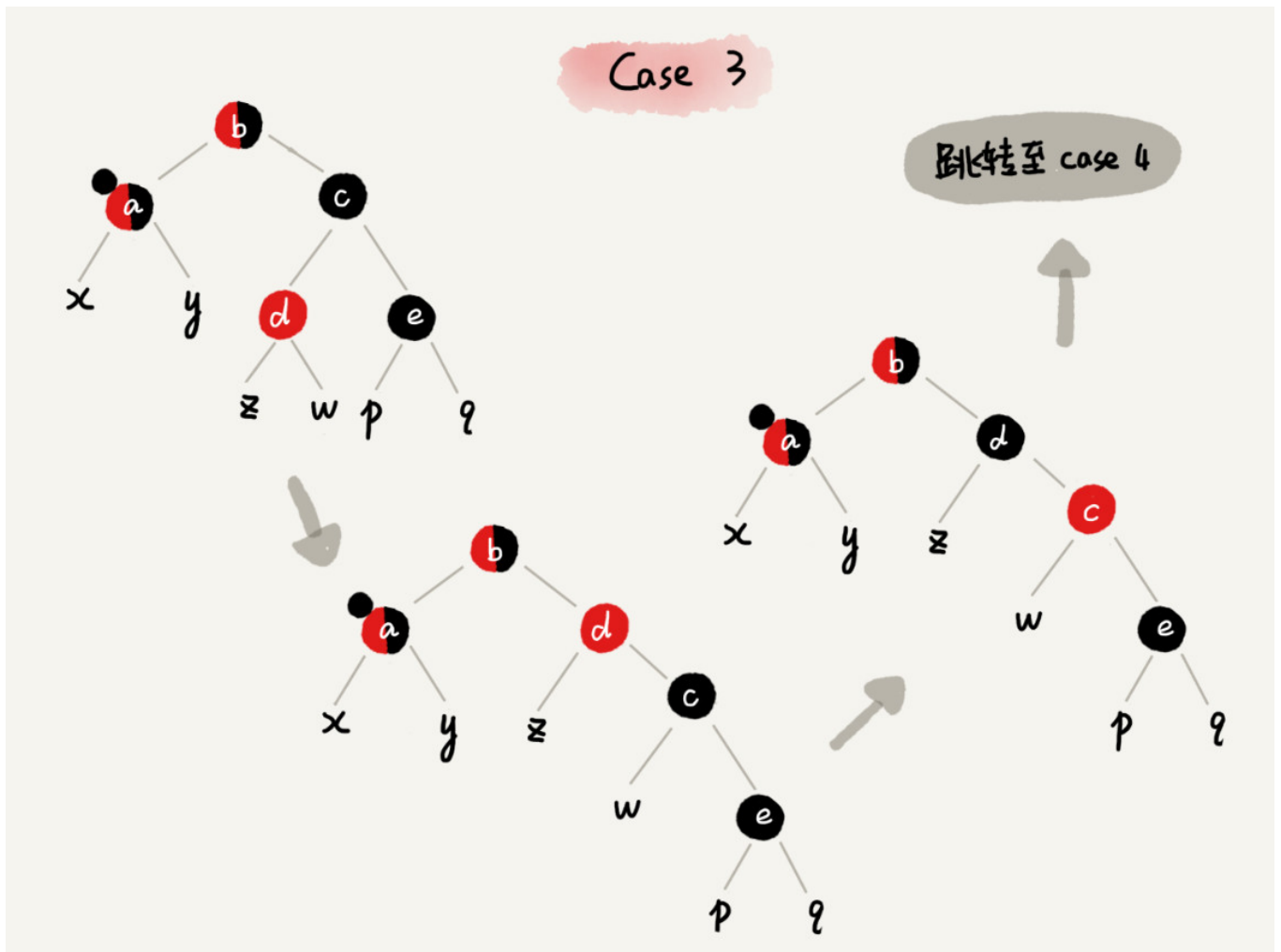
CASE 2: 如果关注节点是 a ，它的兄弟节点 c 是黑色的，并且节点 c 的左右子节点 d 、 e 都是黑色的，我们就依次进行下面的操作：

- 将关注节点 a 的兄弟节点 c 的颜色变成红色；
- 从关注节点 a 中去掉一个黑色，这个时候节点 a 就是单纯的红色或者黑色；
- 给关注节点 a 的父节点 b 添加一个黑色，这个时候节点 b 就变成了“红 - 黑”或者“黑 - 黑”；
- 关注节点从 a 变成其父节点 b ；
- 继续从四种情况中选择符合的规则来调整。



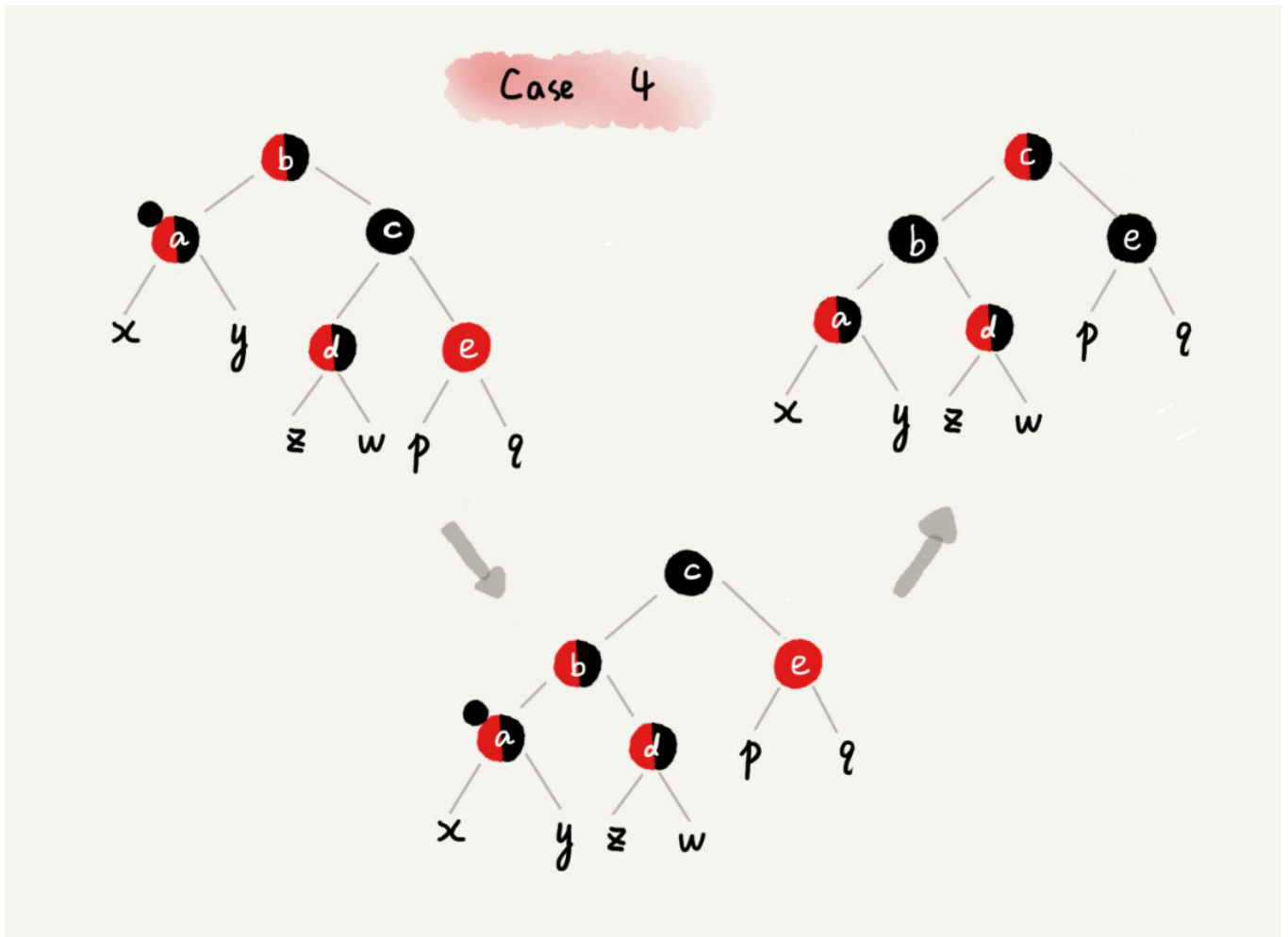
CASE 3: 如果关注节点是 a ，它的兄弟节点 c 是黑色， c 的左子节点 d 是红色， c 的右子节点 e 是黑色，我们就依次进行下面的操作：

- 围绕关注节点 a 的兄弟节点 c 右旋；
- 节点 c 和节点 d 交换颜色；
- 关注节点不变；
- 跳转到 CASE 4，继续调整。



CASE 4: 如果关注节点 a 的兄弟节点 c 是黑色的, 并且 c 的右子节点是红色的, 我们就依次进行下面的操作:

- 围绕关注节点 a 的父节点 b 左旋;
- 将关注节点 a 的兄弟节点 c 的颜色, 跟关注节点 a 的父节点 b 设置成相同的颜色;
- 将关注节点 a 的父节点 b 的颜色设置为黑色;
- 从关注节点 a 中去掉一个黑色, 节点 a 就变成了单纯的红色或者黑色;
- 将关注节点 a 的叔叔节点 e 设置为黑色;
- 调整结束。

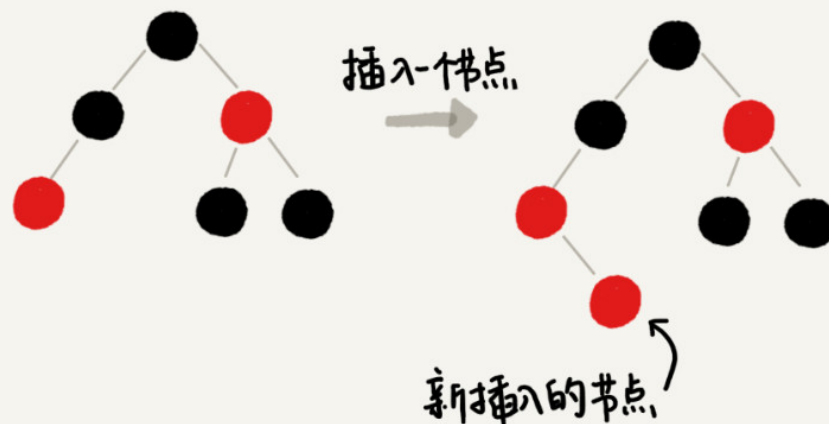


解答开篇

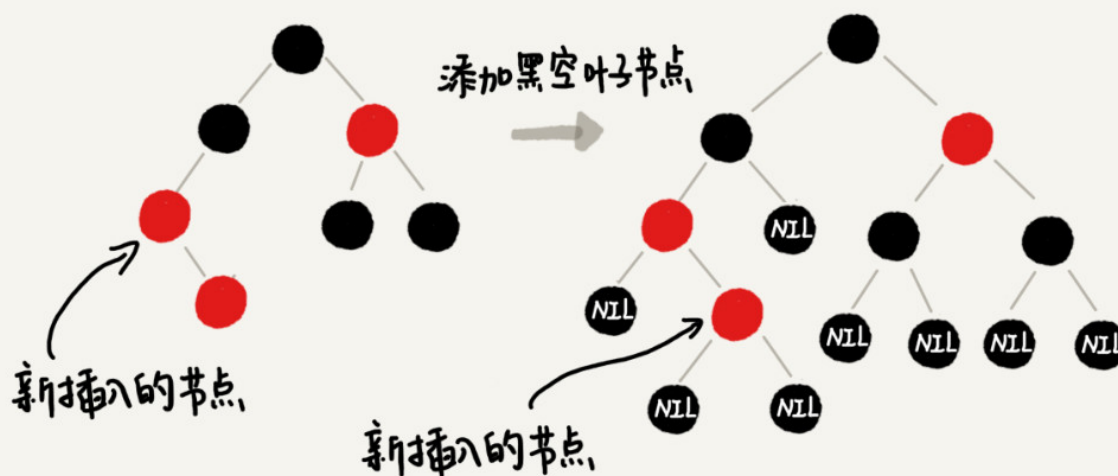
红黑树的平衡调整就讲完了，现在，你能回答开篇的问题了吗？为什么红黑树的定义中，要求叶子节点是黑色的空节点？

要我说，之所以有这么奇怪的要求，其实就是为了实现起来方便。只要满足这一条要求，那在任何时刻，红黑树的平衡操作都可以归结为我们刚刚讲的那几种情况。

还是有点不好理解，我通过一个例子来解释一下。假设红黑树的定义中不包含刚刚提到的那一条“叶子节点必须是黑色的空节点”，我们往一棵红黑树中插入一个数据，新插入节点的父节点也是红色的，两个红色的节点相邻，这个时候，红黑树的定义就被破坏了。那我们应该如何调整呢？

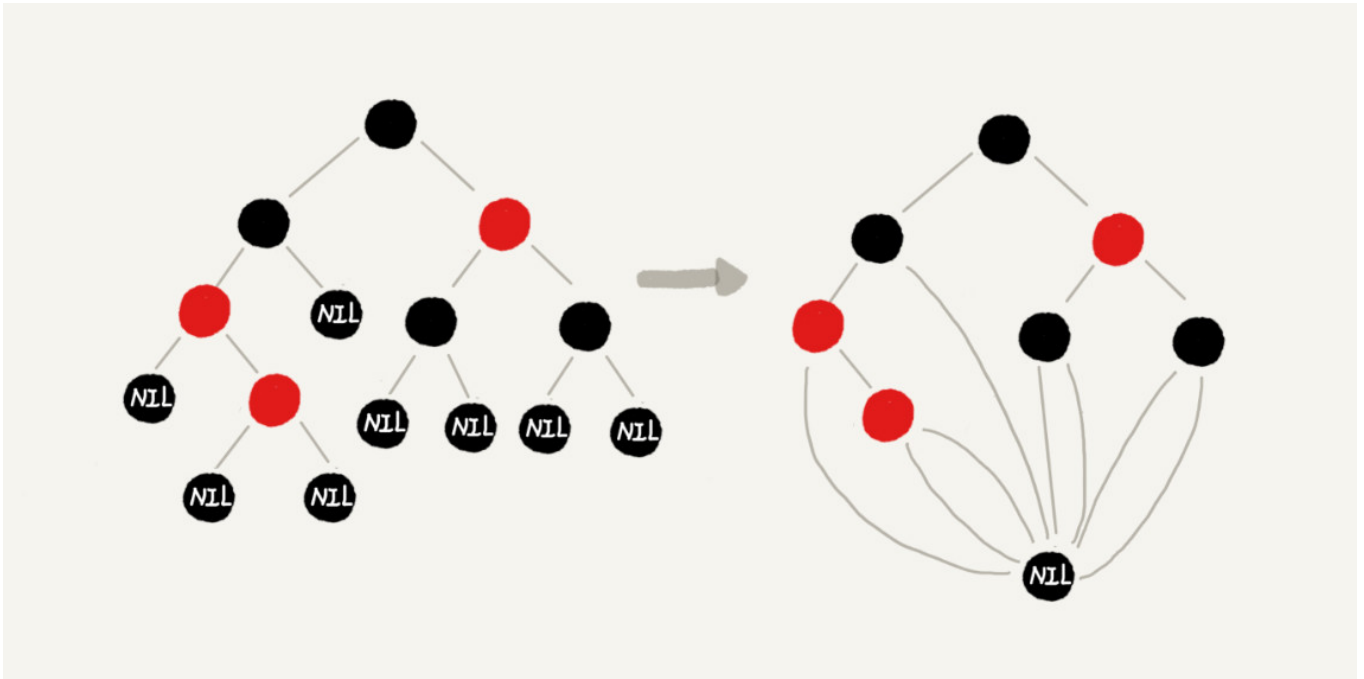


你会发现，这个时候，我们前面讲的插入时，三种情况下的平衡调整规则，没有一种是适用的。但是，如果我们把黑色的空节点都给它加上，变成下面这样，你会发现，它满足 CASE 2 了。



你可能会说，你可以调整一下平衡调整规则啊。比如把 CASE 2 改为“如果关注节点 a 的叔叔节点 b 是黑色或者不存在，a 是父节点的右子节点，就进行某某操作”。当然可以，但是这样的话规则就没有原来简洁了。

你可能还会说，这样给红黑树添加黑色的空的叶子节点，会不会比较浪费存储空间呢？答案是不会的。虽然我们在讲解或者画图的时候，每个黑色的、空的叶子节点都是独立画出来的。实际上，在具体实现的时候，我们只需要像下面这样，共用一个黑色的、空的叶子节点就行了。



内容小结

“红黑树一向都很难学”，有这种想法的人很多。但是我感觉，其实主要原因是，很多人试图去记忆它的平衡调整策略。实际上，你只需要能看懂我讲的过程，没有知识盲点，就算是掌握了这部分内容了。毕竟实际的软件开发并不是闭卷考试，当你真的需要实现一个红黑树的时候，可以对照着我讲的步骤，一点一点去实现。

现在，我就来总结一下，如何比较轻松地看懂我今天讲的操作过程。

第一点，把红黑树的平衡调整的过程比作魔方复原，不要过于深究这个算法的正确性。你只需要明白，只要按照固定的操作步骤，保持插入、删除的过程，不破坏平衡树的定义就行了。

第二点，找准关注节点，不要搞丢、搞错关注节点。因为每种操作规则，都是基于关注节点来做的，只有弄对了关注节点，才能对应到正确的操作规则中。在迭代的调整过程中，关注节点在不停地改变，所以，这个过程一定要注意，不要弄丢了关注节点。

第三点，插入操作的平衡调整比较简单，但是删除操作就比较复杂。针对删除操作，我们有两次调整，第一次是针对要删除的节点做初步调整，让调整后的红黑树继续满足第四条定义，“每个节点到可达叶子节点的路径都包含相同个数的黑色节点”。但是这个时候，第三条定义就不满足了，有可能会存在两个红色节点相邻的情况。第二次调整就是解决这个问题，让红黑树不存在相邻的红色节点。

课后思考

如果你以前了解或者学习过红黑树，关于红黑树的实现，你也可以在留言区讲讲，你是怎样来学习的？在学习的过程中，有过什么样的心得体会？有没有什么好的学习方法？

欢迎留言和我分享，我会第一时间给你反馈。



数据结构与算法之美

为工程师量身打造的数据结构与算法私教课

王争

前 Google 工程师



©版权归极客邦科技所有，未经许可不得转载

上一篇 25 | 红黑树（上）：为什么工程中都用红黑树这种二叉树？

写留言

精选留言



沉睡的木木夕

11

感觉看不下去了，多层级的左旋右旋过程能不能再详细说一下？还有新增，删除那里的case 几种情况，是不是就是说红黑树操作只有这几种情况？这里面的左右旋真的没搞懂

2018-11-19



ban

5

1、没看懂哪个节点跟哪个节点左旋或者右旋
2、为什么要有红/黑节点，为什么要有红-黑 黑-黑，作用是什么

2018-11-19



任旭东

5

老师能讲一下调整策略是怎么推出来的么？就像数学公式一样，只知道公式，不知道推理过程很难理解😭

2018-11-19



iron_man

4

红黑树是2-3树的变形，以2-3树的角度去理解红黑树就简单了，作者可以结合2-3数来讲讲红黑树插入删除节点时的各种操作

2018-11-19



凡

👍 4

文章还没看完，前面的就忘了

2018-11-19



凉粉

👍 4

一脸懵

2018-11-19



失火的夏天

👍 4

先提一个问题：老师，插入的case3情况是不是不满足红黑树的第四个条件？根节点到左边的叶子节点只经过两个黑色节点，但是根节点到右边的却经过三个黑色节点。

学习红黑树在于理解他的思想，比如为什么要旋转，是因为高度不平衡。为什么有双旋，因为单旋没法一步到位，所以把一个新问题转化为已经解决过的问题。旋转的学习其实自己画一下图，一步步走，数形结合的思想用上就好。插入的核心思想就是，把红色节点往根节点递推，然后把根节点涂黑。删除同样是往根节点递推，转化成处理过的情况因为越靠近根节点，节点关系也就越清晰。其实红黑树的处理也有动态规划的思想，只有处理的这个节点子树是可能破坏的，而其他节点子树都是红黑树，都满足红黑树的定义。用数学归纳法的思路来想这些问题，感觉就不会被复杂的情况搞得头晕。

2018-11-19

作者回复

能否举个例子呢

2018-11-20



失火的夏天

👍 2

我看到老师说道要我举个例子，我不太清楚是我说的那个问题还是关于红黑树的理解，这里也分个区

一：我说的case3的情况是表示老师的画的那个图，case3图的例子根节点到左边叶子节点只经过2个黑色节点，到右边叶子节点却经过了3个黑色节点。

二：我这里就大概说下吧（一家之言，自己的一点经验，也希望别的同学来一起讨论）：

1.左旋右旋这个，个人还是认为要画图，不画图我自己也写不出那个代码.....哈哈。

2.说到插入删除的算法，我说用到了递推，就比如插入的CASE1的情况，CASE1的处理之后，关注节点从本身变成了他的祖父节点（红色节点），这就是往根节点递推。不过我认为CASE1处理过一次之后，不一定会进入case2或者case3，是有可能还在case1的。

换句话说，就是可以在case1的情况下，一直往根节点走，因为当前节点永远是红色，所以在最后要把根节点涂黑。同时，只要进入到case2,case3的情况，就是变成平衡二叉树的单旋和

双旋的情况，双旋的处理逻辑就是把双旋变成单旋（比如先右后左旋就是把树变成“左撇子”）。这个就变成了单左旋能一步到位处理的平衡了，这个就是归纳。把未知情况转化为已知，如果我没有记错的话，数学归纳法的核心思想就是递推和归纳。

3.其实我们只要记住，除了关注的节点所在的子树，其他的子树本身都是一颗红黑树，他们是满足红黑树的所有特征的。当关注节点往根节点递推时，这个时候关注节点的子树也已经满足了红黑树的定义，我们就不用再去特别关注子树的特征。只要注意关注节点往上的部分。这样就能把问题简化，思考的时候思路会清晰一些。

4.再说到删除算法，我看到很多同学没理解为什么要红-黑，黑-黑节点的出现。这里我的看法是，红黑树最不好控制的其实是最后一个的性质4（每个节点，从该节点到达其可达叶子节点的所有路径，都包含相同数目的黑色节点），因为你永远不知道别的子树到底有多少个黑色节点。这里加入红-黑，黑-黑节点就可以控制红黑树满足性质4，到时候要恢复颜色，只要去掉多余的黑色即可。

接下来的处理思路就是要满足：1.每个节点不是红的就是黑的，2.相邻节点不能是红的。这个思路计时变复杂为简单。

删除的case1情况，并没有真正处理，而且为了进入接下来的case2,case3,case4，这里又是之前说到的归纳思想。case2的情况又是一个递推思路，关注节点往根节点递推，让其左右子树都满足红黑树的定义。因为往上推，右子树多了一个黑色节点，就把关注节点的兄弟节点变红，使其满足性质4。

删除的case3是为了进入case4，提前变色的原因和case2是一样的，都是为了满足性质4。同样是归纳推理的思路。都要记住一点，各种case下的其他子树节点都满足红黑树的定义，需要分类讨论的，都在这几种case情况中了。

4.最后的建议，其实说了这么多，很多的表达都不太清楚，但是个人感觉，数学基础好的同学，理解红黑树会好一些，学习的时候多画画图，人对图形的敏感肯定比文字高，另外的就是大家可以去看看源码，本人是做java开发的，jdk1.8的treemap就是用红黑树实现的，跟着源码多看看，跟着老师的说明或者百度上的教程思考，动笔画画图，都能理解的。我自己看jdk源码的也是看了将近两个月才大概明白（因为也在上班，只有晚上有一些时间来看看代码）。学习的过程中要耐心，学习红黑树本身也不是为了“默写”，而是去学习思想，锻炼思维，复杂问题简单化，新问题转化为已解决过的问题等等。其实说到最后，都是用到了数学的思维，这些思维都会在潜移默化中影响到自己。

ps:本人并不是什么大牛，不会的东西也是很多很多，上面只是自己的一点感想。老师的建议很多，不要去扣细节，我们要在一个整体的角度上去看红黑树是怎么处理的，知道他的应用场景，什么时候要用他，什么时候该用他，为什么要用他。这几个地方弄清楚，大部分就够了，我们要有的放矢，抓准学习的核心内容。

2018-11-20



沉睡的木木夕

2

回到家我又翻看了《算法导论》中红黑树章节，又似乎加了点理解。

虽然里面时间复杂度依旧是用数学推导出来的，我看不懂，不过里面讲的红黑树5个性质：

- 1.每个节点不是红色就是黑色
 - 2.根节点是黑色
 - 3.每个叶子结点（NIL）是黑色的
 - 4.如果一个节点是红色的，则他的两个子节点都是黑色的
 - 5.对每个子结点，从该结点到其所有后代叶子结点的简单路劲上，均包含相同数目的黑色结点
- 后面讲到的3种情况都是为了满足这5点特性而做出的相应的变化

老师在讲解左右旋的时候一张图就概括了，说实话我第一时间真没看懂，花了大量时间这方面的理解，后来在《算法导论》中居然找到了浅显易懂的中文描述左右旋的过程，我概述为3点

- 1.左右旋操作中，只有指针的改变，其他所有属性都保持不变
- 2.左旋的过程与右旋的过程是对称的（伪代码也是对称的）
- 3.左旋为例，以x结点左旋，那么y成为该子树的跟结点，x成为y的左子结点，y的左子结点成为x的右子结点（所以右旋就是反过来的）

那么当多层级的呢，也就是文中case3中的右旋过程，因为是a的曾祖父结点来进行右旋，所以文中的“c”就是x，“a和b”就是y，那么右旋用文字描述就是“y（a,b）成为跟结点，x（c）成为y的右结点，y的右结点成为x的左结点，其他指针不变”

得到的子树结构然后根据前面说的5个特性（同老师说的4点特征）再做出响应的颜色变化

~~~~~

唉，真是智商捉急

2018-11-20

**作者回复**



2018-11-20



卡罗

👍 2

魔方还原公式总共200多种，要全部背下来并熟练运用，花的时间因人而异。我觉得这和你完全要掌握红黑树一样，你需要把每种情况都熟记，方能熟练运用。

2018-11-19



刘远通

👍 1

左旋和右旋是不改变有序的前提下  
调整两个节点的相对层数

添加两种颜色也很神奇

相邻的两个节点是可以换颜色的...

再好好理解一下

2018-11-19



Demter

👍 1

在删除节点的二次调整中，case1情况下b节点如果是黑色,我没看出来相邻的两个红色节点啊，老师可否帮忙指出来？

2018-11-19



crazyone

👍 1

插入的case2到case3是否连贯的案例？ case2调整后，a的父节点是c，case3调整前，a的父节点是b。

2018-11-19



往事随风，顺其自然

👍 1

为什么红黑和黑黑这样来标注，这两种看成是黑色还是红色，什么时候当成黑色，什么时候当成红色

2018-11-19



『LHCY』

👍 1

在算法导论上看见的红黑树，最开始一直在想这几个调整是怎样想出来的，很迷茫。

2018-11-19



Sharry

👍 1

之前学习红黑树的时候，按照维基百科上的情况自己实现了一遍，结果如图老师所述一致，没过几天就忘了，着实有些苦恼，今天老师用魔方来比喻，让我觉得非常 nice，不必过度深究每一步的原理，这样反而容易陷进去

2018-11-19



拉欧

👍 1

学算法导论的时候看过红黑树，只记住了5条特性，其他都忘了，后来也没纠结，因为实在用不到

2018-11-19



chestnut

👍 0

请问老师，无论是删除或者插入一个元素，都要保持它有序的原理就ok了？

2018-11-20



辰陌

👍 0

忽然这一节没办法看进去了，如果是像魔方一样，先背公式，在练习熟练，那就看一遍行了。我其实比较好奇是这些规则是有理论推导，还是一切都只是在一系列操作后，找到往平衡上调整的最短路径？

2018-11-20



xavier

👍 0

老师可以举点例子来实战一下，说实话看了这两节，我还是没搞懂红黑树的作用。

2018-11-20



杨伟

👍 0

这节课大概是最长的。。。

2018-11-20



Cobble

👍 0



Cuddy

0

看到这么多人 看到了26章，心里好慌，我还在啃16章，还在第二遍ing。

2018-11-20



往事随风，顺其自然

0

关注节点是怎么变化的，这个为什么要这样变

2018-11-20



Conner

0

左旋右旋一张图，看不懂。

2018-11-20

### 作者回复

可以自己去网上搜下 网上左右旋的讲解很多

2018-11-20



juJu

0

建议老师可以先介绍B树，然后由3阶B树来解释红色节点和黑色节点的意义，然后可以讲解下3阶B树的插入操作。在不知道红色节点之所以是红色的情况下，直接看左旋右旋真的是一脸懵逼。

个人见解：一黑带一红，或者一黑带两红，可视作三阶B树上的一个大节点。

建议其他同学去搜下关键字：2-3-4树 2-3树 红黑树 左倾红黑树。先弄明白颜色代表的含义很重要。

2018-11-19



sky

0

之前看cs61b，他是从B tree来引入红黑树的，感觉更容易理解

2018-11-19

### 作者回复

嗯嗯 我也看过这种讲法

2018-11-20



Smallfly

0

请教老师，删除节点第一步的 CASE3 为什么 d 的左节点一定为空呢？如果不为空，不就不能用 CASE 1 了。还是说如果不为空要一直遍历到左子树为空的节点为止？

2018-11-19



go80

0

个人感觉先讲二叉搜索树，再讲2-3树（一种平衡树），然后讲红黑树会比较好理解，因为红黑树（一种平衡二叉搜索树）本质上是二叉搜索树和2-3树结合后的一种特例

2018-11-19





永昌

👍 0

到这里终于蒙圈了

2018-11-19

### 作者回复

文章开头说了 懵圈没必要纠结 继续看下一节吧

2018-11-20



sketch2018

👍 0

红黑树的几个特征有什么意义?比如为什么不能有两个连续的红色节点? 为什么到每个叶子节点的所有路径中黑色节点要一样多?

2018-11-19



微秒

👍 0

老师, 插入操作的case3图中的右边第三幅小图, 对节点b来说, b到z、x和y都只经过了一个黑色的叶子节点, 而b到p和q却经过了包括叶子节点在内的两个黑色节点。因此, 不满足红黑树的条件四: 任意节点到可达叶子节点的路径都包涵相同黑色节点数吧???

2018-11-19



zixuan

👍 0

这个不是设计而是推导出来的, 源自2-3树 <https://blog.csdn.net/fei33423/article/details/79132930>

2018-11-19



Tomlin

👍 0

左旋右旋是种神奇的操作: 保证操作完还是有序的

2018-11-19

### 作者回复



2018-11-20



++

👍 0

学习方法就是调试 跟踪

2018-11-19



Andylee

👍 0

看到删除的部分突然懵了, 什么时候多了一个红黑, 黑黑, 一个节点两个颜色的概念了.....

2018-11-19



猫头鹰爱拿铁

👍 0

决定今晚好好研究红黑树 需要长一点能专注的时间集中研究 左旋和右旋很好理解 就是关注点往左或往右树的路径各移动一个节点位置 在左旋和右旋的过程中可能会发生子节点的平移

2018-11-19



我爱



刘远通



左旋和右旋是不改变有序的前提下  
调整两个节点的相对层数

添加两种颜色也很神奇  
相邻的两个节点是可以换颜色的...  
再好好理解一下

2018-11-19



往事随风，顺其自然



一个黑色或者红色不够，用两个？

2018-11-19



醉比



学思路更重要

2018-11-19



朱月俊



今天先看完红黑树插入部分的调整内容，明天继续看剩下内容。 关注关注点周围几个节点的排阵布局。

2018-11-19