讲堂 > 数据结构与算法之美 > 文章详情

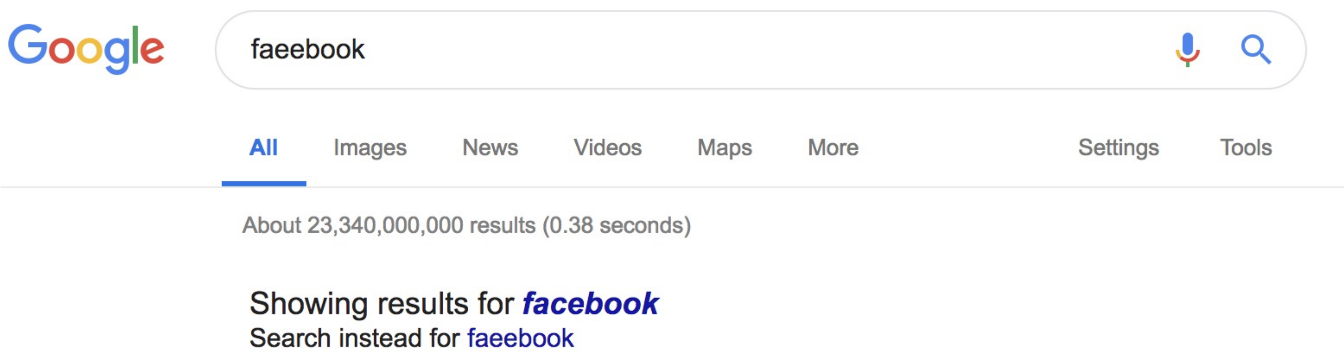
42 | 动态规划实战：如何实现搜索引擎中的拼写纠错功能？

2019-01-02 王争

42 | 动态规划实战：如何实现搜索引擎中的拼写纠错功能？
朗读人：修阳 13′45′′ | 12.61M

在Trie 树那节我们讲过，利用 Trie 树，可以实现搜索引擎的关键词提示功能，这样可以节省用户输入搜索关键词的时间。实际上，搜索引擎在用户体验方面的优化还有很多，比如你可能经常会用的拼写纠错功能。

当你在搜索框中，一不小心输错单词时，搜索引擎会非常智能地检测出你的拼写错误，并且用对应的正确单词来进行搜索。作为一名软件开发工程师，你是否想过，这个功能是怎么实现的呢？



如何量化两个字符串的相似度？

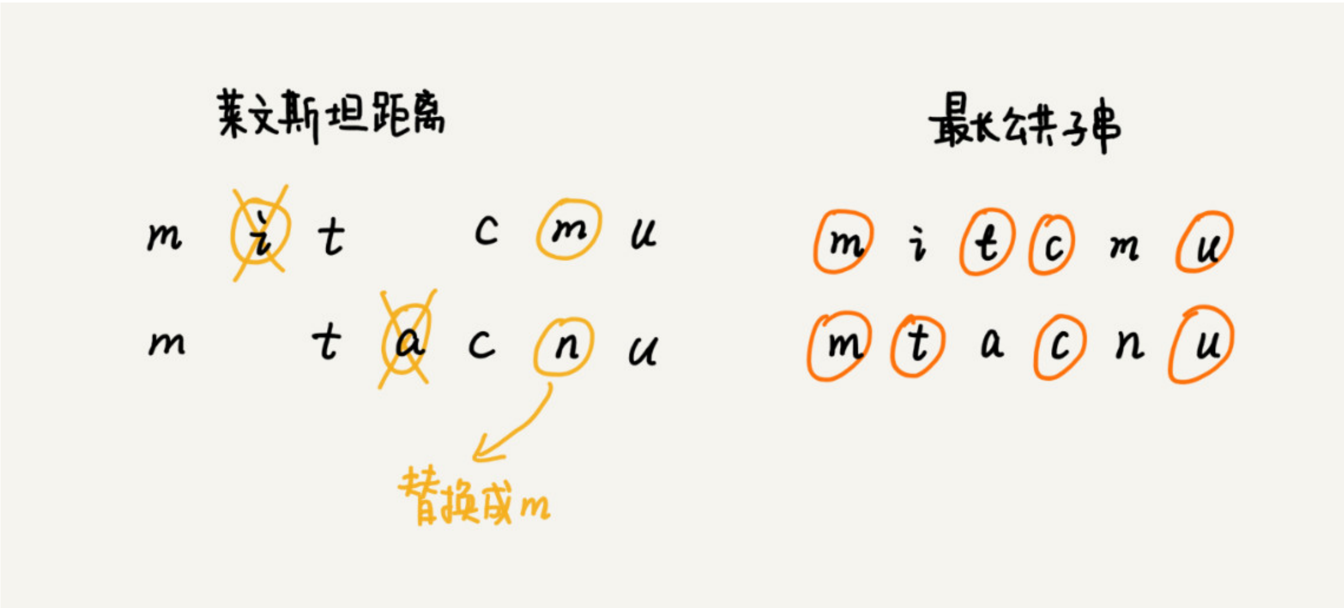
计算机只认识数字，所以要解答开篇的问题，我们就要先来看，如何量化两个字符串之间的相似程度呢？有一个非常著名的量化方法，那就是编辑距离（Edit Distance）。

顾名思义，**编辑距离**指的就是，将一个字符串转化成另一个字符串，需要的最少编辑操作次数（比如增加一个字符、删除一个字符、替换一个字符）。编辑距离越大，说明两个字符串的相似程度越小；相反，编辑距离就越小，说明两个字符串的相似程度越大。对于两个完全相同的字符串来说，编辑距离就是 0。

根据所包含的编辑操作种类的不同，编辑距离有多种不同的计算方式，比较著名的有**莱文斯坦距离**（Levenshtein distance）和**最长公共子串长度**（Longest common substring length）。其中，莱文斯坦距离允许增加、删除、替换字符这三个编辑操作，最长公共子串长度只允许增加、删除字符这两个编辑操作。

而且，莱文斯坦距离和最长公共子串长度，从两个截然相反的角度，分析字符串的相似程度。莱文斯坦距离的大小，表示两个字符串差异的大小；而最长公共子串的大小，表示两个字符串相似程度的大小。

关于这两个计算方法，我举个例子给你说明一下。这里面，两个字符串 mitcmu 和 mtacnu 的莱文斯坦距离是 3，最长公共子串长度是 4。



了解了编辑距离的概念之后，我们来看，如何快速计算两个字符串之间的编辑距离？

如何编程计算莱文斯坦距离？

之前我反复强调过，思考过程比结论更重要，所以，我现在就给你展示一下，解决这个问题，我的完整的思考过程。

这个问题是求把一个字符串变成另一个字符串，需要的最少编辑次数。整个求解过程，涉及多个决策阶段，我们需要依次考察一个字符串中的每个字符，跟另一个字符串中的字符是否匹配，匹配的话如何处理，不匹配的话又如何处理。所以，这个问题符合**多阶段决策最优解模型**。

我们前面讲了，贪心、回溯、动态规划可以解决的问题，都可以抽象成这样一个模型。要解决这个问题，我们可以先看一看，用最简单的回溯算法，该如何来解决。

回溯是一个递归处理的过程。如果 a[i] 与 b[j] 匹配，我们递归考察 a[i+1] 和 b[j+1]。如果 a[i] 与 b[j] 不匹配，那我们有多种处理方式可选：

- 可以删除 a[i]，然后递归考察 a[i+1] 和 b[j]；
- 可以删除 b[j]，然后递归考察 a[i] 和 b[j+1]；
- 可以在 a[i] 前面添加一个跟 b[j] 相同的字符，然后递归考察 a[i] 和 b[j+1];
- 可以在 b[j] 前面添加一个跟 a[i] 相同的字符，然后递归考察 a[i+1] 和 b[j]；
- 可以将 a[i] 替换成 b[j]，或者将 b[j] 替换成 a[i]，然后递归考察 a[i+1] 和 b[j+1]。

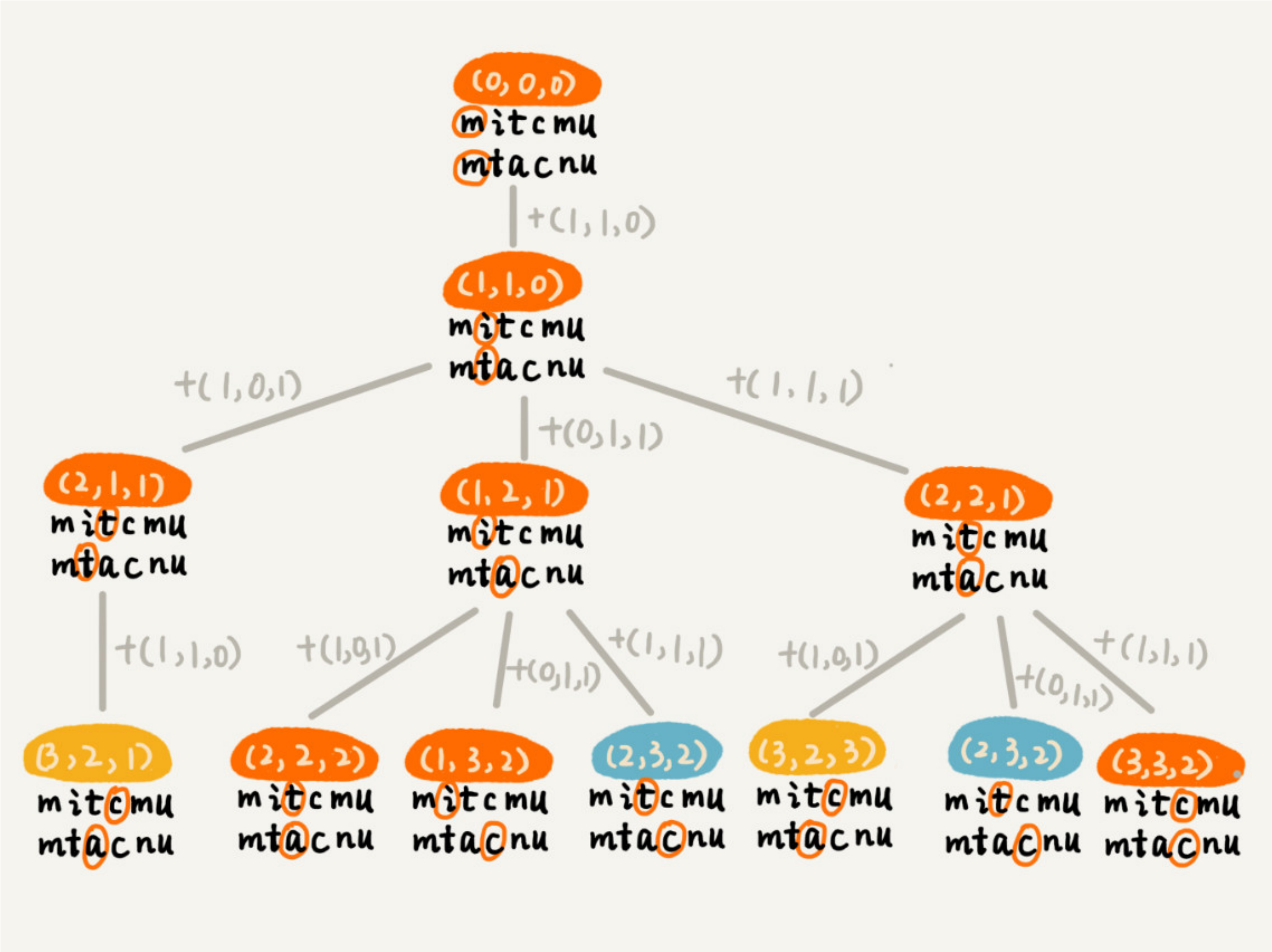
我们将上面的回溯算法的处理思路，翻译成代码，就是下面这个样子：

复制代码

```
private char[] a = "mitcmu".toCharArray();
private char[] b = "mtacnu".toCharArray();
private int n = 6;
private int m = 6;
private int minDist = Integer.MAX_VALUE; // 存储结果
// 调用方式 lwstBT(0, 0, 0);
public lwstBT(int i, int j, int edist) {
  if (i == n || j == m) {
    if (i < n) edist += (n-i);
    if (j < m) edist += (m - j);
    if (edist < minDist) minDist = edist;
    return;
  }
  if (a[i] == b[j]) { // 两个字符匹配
    lwstBT(i+1, j+1, edist);
  } else { // 两个字符不匹配
    lwstBT(i + 1, j, edist + 1); // 删除 a[i] 或者 b[j] 前添加一个字符
    lwstBT(i, j + 1, edist + 1); // 删除 b[j] 或者 a[i] 前添加一个字符
    lwstBT(i + 1, j + 1, edist + 1); // 将 a[i] 和 b[j] 替换为相同字符
  }
}
```

根据回溯算法的代码实现，我们可以画出递归树，看是否存在重复子问题。如果存在重复子问题，那我们就可以考虑能否用动态规划来解决；如果不存在重复子问题，那回溯就是最好的解决

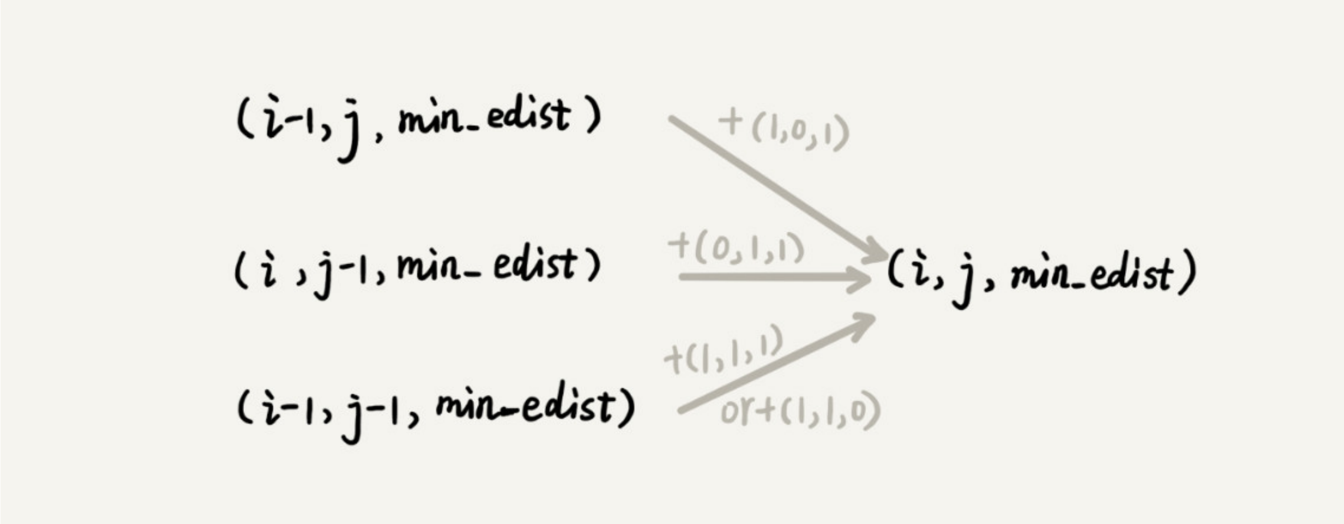
方法。



在递归树中，每个节点代表一个状态，状态包含三个变量 (i, j, edist)，其中，edist 表示处理到 a[i] 和 b[j] 时，已经执行的编辑操作的次数。

在递归树中，(i, j) 两个变量重复的节点很多，比如 (3, 2) 和 (2, 3)。对于 (i, j) 相同的节点，我们只需要保留 edist 最小的，继续递归处理就可以了，剩下的节点都可以舍弃。所以，状态就从 (i, j, edist) 变成了 (i, j, min_edist)，其中 min_edist 表示处理到 a[i] 和 b[j]，已经执行的最少编辑次数。

看到这里，你有没有觉得，这个问题跟上两节讲的动态规划例子非常相似？不过，这个问题的状态转移方式，要比之前两节课中讲到的例子都要复杂很多。上一节我们讲的矩阵最短路径问题中，到达状态 (i, j) 只能通过 (i-1, j) 或 (i, j-1) 两个状态转移过来，而今天这个问题，状态 (i, j) 可能从 (i-1, j)，(i, j-1)，(i-1, j-1) 三个状态中的任意一个转移过来。



基于刚刚的分析，我们可以尝试着将把状态转移的过程，用公式写出来。这就是我们前面讲的状态转移方程。

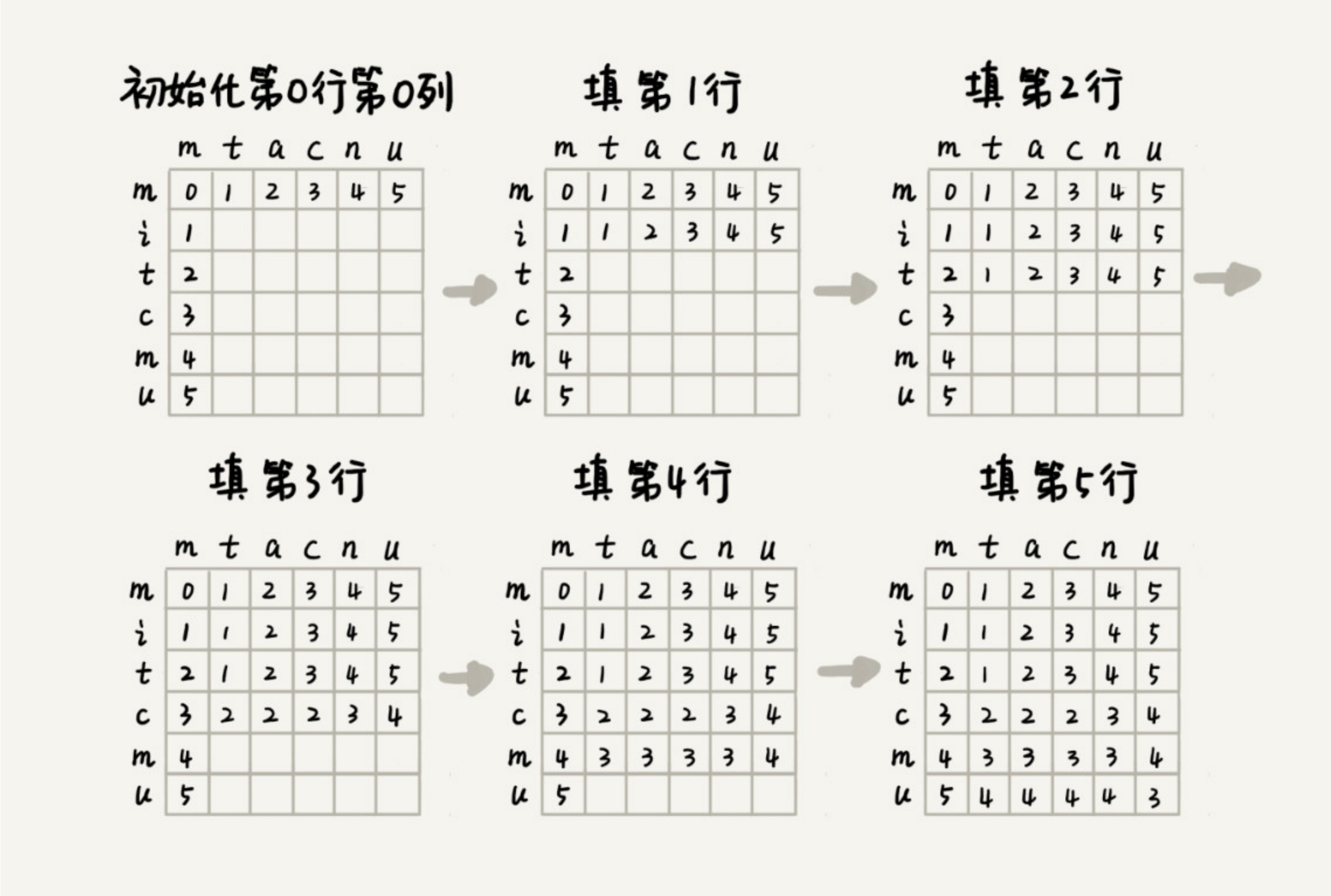
复制代码

```
如果：a[i]!=b[j]，那么：min_edist(i, j) 就等于：
min(min_edist(i-1,j)+1, min_edist(i,j-1)+1, min_edist(i-1,j-1)+1)

如果：a[i]==b[j]，那么：min_edist(i, j) 就等于：
min(min_edist(i-1,j)+1, min_edist(i,j-1)+1，min_edist(i-1,j-1))

其中，min 表示求三数中的最小值。
```

了解了状态与状态之间的递推关系，我们画出一个二维的状态表，按行依次来填充状态表中的每个值。



我们现在既有状态转移方程，又理清了完整的填表过程，代码实现就非常简单了。我将代码贴在下面，你可以对比着文字解释，一起看下。


```
public int lwstDP(char[] a, int n, char[] b, int m) {
  int[][] minDist = new int[n][m];
  for (int j = 0; j < m; ++j) { // 初始化第 0 行:a[0\.\.0] 与 b[0\.\.j] 的编辑距离
    if (a[0] == b[j]) minDist[0][j] = j;
    else if (j != 0) minDist[0][j] = minDist[0][j-1]+1;
    else minDist[0][j] = 1;
  }
  for (int i = 0; i < n; ++i) { // 初始化第 0 列:a[0\.\.i] 与 b[0\.\.0] 的编辑距离
    if (a[i] == b[0]) minDist[i][0] = i;
    else if (i != 0) minDist[i][0] = minDist[i-1][0]+1;
    else minDist[i][0] = 1;
  }
  for (int i = 1; i < n; ++i) { // 按行填表
    for (int j = 1; j < m; ++j) {
      if (a[i] == b[j]) minDist[i][j] = min(
          minDist[i-1][j]+1, minDist[i][j-1]+1, minDist[i-1][j-1]);
      else minDist[i][j] = min(
          minDist[i-1][j]+1, minDist[i][j-1]+1, minDist[i-1][j-1]+1);
    }
  }
  return minDist[n-1][m-1];
}

private int min(int x, int y, int z) {
```

```
  int minv = Integer.MAX_VALUE;
  if (x < minv) minv = x;
  if (y < minv) minv = y;
  if (z < minv) minv = z;
  return minv;
}
```

你可能会说，我虽然能看懂你讲的思路，但是遇到新的问题的时候，我还是会感觉到无从下手。这种感觉是非常正常的。关于复杂算法问题的解决思路，我还有一些经验、小技巧，可以分享给你。

当我们拿到一个问题的时候，**我们可以先不思考，计算机会如何实现这个问题，而是单纯考虑“人脑”会如何去解决这个问题**。人脑比较倾向于思考具象化的、摸得着看得见的东西，不适合思考过于抽象的问题。所以，我们需要把抽象问题具象化。那如何具象化呢？我们可以实例化几个测试数据，通过人脑去分析具体实例的解，然后总结规律，再尝试套用学过的算法，看是否能够解决。

除此之外，我还有一个非常有效、但也算不上技巧的东西，我也反复强调过，那就是**多练**。实际上，等你做多了题目之后，自然就会有感觉，看到问题，立马就能想到能否用动态规划解决，然后直接就可以寻找最优子结构，写出动态规划方程，然后将状态转移方程翻译成代码。

如何编程计算最长公共子串长度？

前面我们讲到，最长公共子串作为编辑距离中的一种，只允许增加、删除字符两种编辑操作。从名字上，你可能觉得它看起来跟编辑距离没什么关系。实际上，从本质上来说，它表征的也是两个字符串之间的相似程度。

这个问题的解决思路，跟莱文斯坦距离的解决思路非常相似，也可以用动态规划解决。我刚刚已经详细讲解了莱文斯坦距离的动态规划解决思路，所以，针对这个问题，我直接定义状态，然后写状态转移方程。

每个状态还是包括三个变量 (i, j, max_lcs)，max_lcs 表示 a[0...i] 和 b[0...j] 的最长公共子串长度。那 (i, j) 这个状态都是由哪些状态转移过来的呢？

我们先来看回溯的处理思路。我们从 a[0] 和 b[0] 开始，依次考察两个字符串中的字符是否匹配。

- 如果 a[i] 与 b[j] 互相匹配，我们将最大公共子串长度加一，并且继续考察 a[i+1] 和 b[j+1]。
- 如果 a[i] 与 b[j] 不匹配，最长公共子串长度不变，这个时候，有两个不同的决策路线：
- 删除 a[i]，或者在 b[j] 前面加上一个字符 a[i]，然后继续考察 a[i+1] 和 b[j]；

- 删除 b[j]，或者在 a[i] 前面加上一个字符 b[j]，然后继续考察 a[i] 和 b[j+1]。

反过来也就是说，如果我们要求 a[0...i] 和 b[0...j] 的最长公共长度 max_lcs(i, j)，我们只有可能通过下面三个状态转移过来：

- (i-1, j-1, max_lcs)，其中 max_lcs 表示 a[0...i-1] 和 b[0...j-1] 的最长公共子串长度；
- (i-1, j, max_lcs)，其中 max_lcs 表示 a[0...i-1] 和 b[0...j] 的最长公共子串长度；
- (i, j-1, max_lcs)，其中 max_lcs 表示 a[0...i] 和 b[0...j-1] 的最长公共子串长度。

如果我们把这个转移过程，用状态转移方程写出来，就是下面这个样子：

复制代码

```
如果：a[i]==b[j]，那么：max_lcs(i, j) 就等于：
max(max_lcs(i-1,j-1)+1, max_lcs(i-1, j), max_lcs(i, j-1))；

如果：a[i]!=b[j]，那么：max_lcs(i, j) 就等于：
max(max_lcs(i-1,j-1), max_lcs(i-1, j), max_lcs(i, j-1))；

其中 max 表示求三数中的最大值。
```

有了状态转移方程，代码实现就简单多了。我把代码贴到了下面，你可以对比着文字一块儿看。

复制代码

```
public int lcs(char[] a, int n, char[] b, int m) {
  int[][] maxlcs = new int[n][m];
  for (int j = 0; j < m; ++j) {// 初始化第 0 行：a[0\.\.0] 与 b[0\.\.j] 的 maxlcs
    if (a[0] == b[j]) maxlcs[0][j] = 1;
    else if (j != 0) maxlcs[0][j] = maxlcs[0][j-1];
    else maxlcs[0][j] = 0;
  }
  for (int i = 0; i < n; ++i) {// 初始化第 0 列：a[0\.\.i] 与 b[0\.\.0] 的 maxlcs
    if (a[i] == b[0]) maxlcs[i][0] = 1;
    else if (i != 0) maxlcs[i][0] = maxlcs[i-1][0];
    else maxlcs[i][0] = 0;
  }
  for (int i = 1; i < n; ++i) { // 填表
    for (int j = 1; j < m; ++j) {
      if (a[i] == b[j]) maxlcs[i][j] = max(
          maxlcs[i-1][j], maxlcs[i][j-1], maxlcs[i-1][j-1]+1);
      else maxlcs[i][j] = max(
          maxlcs[i-1][j], maxlcs[i][j-1], maxlcs[i-1][j-1]);
    }
  }
  return maxlcs[n-1][m-1];
}

private int max(int x, int y, int z) {
  int maxv = Integer.MIN_VALUE;
```

```
  if (x > maxv) maxv = x;
  if (y > maxv) maxv = y;
  if (z > maxv) maxv = z;
  return maxv;
}
```

解答开篇

今天的内容到此就讲完了，我们来看下开篇的问题。

当用户在搜索框内，输入一个拼写错误的单词时，我们就拿这个单词跟词库中的单词一一进行比较，计算编辑距离，将编辑距离最小的单词，作为纠正之后的单词，提示给用户。

这就是拼写纠错最基本的原理。不过，真正用于商用的搜索引擎，拼写纠错功能显然不会就这么简单。一方面，单纯利用编辑距离来纠错，效果并不一定好；另一方面，词库中的数据量可能很大，搜索引擎每天要支持海量的搜索，所以对纠错的性能要求很高。

针对纠错效果不好的问题，我们有很多种优化思路，我这里介绍几种。

- 我们并不仅仅取出编辑距离最小的那个单词，而是取出编辑距离最小的 TOP 10，然后根据其他参数，决策选择哪个单词作为拼写纠错单词。比如使用搜索热门程度来决定哪个单词作为拼写纠错单词。
- 我们还可以用多种编辑距离计算方法，比如今天讲到的两种，然后分别编辑距离最小的 TOP 10，然后求交集，用交集的结果，再继续优化处理。
- 我们还可以通过统计用户的搜索日志，得到最常被拼错的单词列表，以及对应的拼写正确的单词。搜索引擎在拼写纠错的时候，首先在这个最长被拼错单词列表中查找。如果一旦找到，直接返回对应的正确的单词。这样纠错的效果非常好。
- 我们还有更加高级一点的做法，引入个性化因素。针对每个用户，维护这个用户特有的搜索喜好，也就是常用的搜索关键词。当用户输入错误的单词的时候，我们首先在这个用户常用的搜索关键词中，计算编辑距离，查找编辑距离最小的单词。

针对纠错性能方面，我们也有相应的优化方式。我讲两种分治的优化思路。

- 如果纠错功能的 TPS 不高，我们可以部署多台机器，每台机器运行一个独立的纠错功能。当有一个纠错请求的时候，我们通过负载均衡，分配到其中一台机器，来计算编辑距离，得到纠错单词。
- 如果纠错系统的响应时间太长，也就是，每个纠错请求处理时间过长，我们可以将纠错的词库，分割到很多台机器。当有一个纠错请求的时候，我们就将这个拼写错误的单词，同时发

送到这多台机器，让多台机器并行处理，分别得到编辑距离最小的单词，然后再比对合并，最终决定出一个最优的纠错单词。

真正的搜索引擎的拼写纠错优化，肯定不止我讲的这么简单，但是万变不离其宗。掌握了核心原理，就是掌握了解决问题的方法，剩下就靠你自己的灵活运用和实战操练了。

内容小结

动态规划的三节内容到此就全部讲完了，不知道你掌握得如何呢？

动态规划的理论尽管并不复杂，总结起来就是“一个模型三个特征”。但是，要想灵活应用并不简单。要想能真正理解、掌握动态规划，你只有多练习。

这三节中，加上课后思考题，总共有 8 个动态规划问题。这 8 个问题都非常经典，是我精心筛选出来的。很多动态规划问题其实都可以抽象成这几个问题模型，所以，你一定要多看几遍，多思考一下，争取真正搞懂它们。

只要弄懂了这几个问题，一般的动态规划问题，你应该都可以应付。对于动态规划这个知识点，你就算是入门了，再学习更加复杂的就会简单很多。

课后思考

我们有一个数字序列包含 n 个不同的数字，如何求出这个序列中的最长递增子序列长度？比如 2, 9, 3, 6, 5, 1, 7 这样一组数字序列，它的最长递增子序列就是 2, 3, 5, 7，所以最长递增子序列的长度是 4。

欢迎留言和我分享，也欢迎点击“请朋友读”，把今天的内容分享给你的好友，和他一起讨论、学习。

上一篇 41 | 动态规划理论：一篇文章带你彻底搞懂最优子结构、无后效性和重复子问题

下一篇 43 | 拓扑排序：如何确定代码源文件的编译依赖关系？

写留言

精选留言

ext4 5

Trie树和编辑距离，很多年前我去Google面试的时候都被考过。还记得Trie树是问我怎么存储美国的10位电话号码，可以最快速查找一个号码是否是空号，我答上来了；不过关于编辑距离我当时没想出来用dp。

2019-01-02

Kudo 2

思考题解答：
状态转移公式：maxLen[i] = max(maxLen[j]+(1 if j<i else 0)) for any j < i
python代码：
def maxOrderedSeq(seq):
maxLen = [1] * len(seq) # 初始化为1

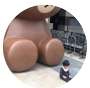
for i in range(1, len(seq)): # i从1开始

```
for j in range(i-1,-1,-1): # j从i-1到0
if seq[j] <= seq[i]:
maxLen[i] = maxLen[j] + 1
break # 满足则退出
if maxLen[i] == 1: # 比前面所有元素小
maxLen[i] = maxLen[i-1]

print(maxLen)

# usage
seq = [2, 9, 3, 6, 5, 1, 7]
maxOrderedSeq(seq)
```

2019-01-03



zixuan 1

补充一下，中文纠错很多时候是通过拼音进行的，比如 "刘得花"->"liudehua"->"刘德华". 拼音检索方法也有很多，比如可以把热门词汇的拼音字母组织成Trie树，每个热词的结尾汉字的最后一个拼音字母就是叶子，整体性能就是O(n)的，n为query的拼音总长度. 除了拼音外也有根据字形（二维文字版的编辑距离？）甚至语义等做的纠错策略。
传统搜索引擎中的查询词智能提示、纠错、同义词、近义词、同好词、相关搜索、知识图谱等系列功能统称为用户的意图识别模块。

2019-01-03

作者回复

好厉害

2019-01-04

Sharry 1

思考题的解法还是很精妙的
递推公式:
a[0...i] 的最长子序列为: a[i] 之前所有比它小的元素中子序列长度最大的 + 1

代码实现:

```
#include<iostream>

using namespace std;

// 动态规划求 a 的最上升长子序列长度
#include<iostream>

using namespace std;

// 动态规划求 a 的最上升长子序列长度
```

```
int longestSubsequence(int *a, int n) {
// 创建一个数组, 索引 i 对应考察元素的下标, 存储 arr[0...i] 的最长上升子序列大小
int *lss_lengths = new int[n];
// 第一个元素哨兵处理
lss_lengths[0] = 1;
// 动态规划求解最长子序列
int i, j, max;
for (i = 1; i < n; i++) {
// 计算 arr[0...i] 的最长上升子序列
// 递推公式: lss_lengths[i] = max(condition: j < i && a[j] < a[i] value: lss_lengths[j] + 1)
max = 1;
for (j = 0; j < i; j++) {
if (a[i] > a[j] && lss_lengths[j] >= max) {
max = lss_lengths[j] + 1;
}
}
lss_lengths[i] = max;
}
int lss_length = lss_lengths[n - 1];
delete[]lss_lengths;
return lss_length;
}

void main() {
const int n = 7;
int arr[n] = { 2, 9, 3, 6, 5, 1, 7 };;
cout << longestSubsequence(arr, n) << endl;
getchar();
}
```

2019-01-03

SevenHe 1

思考题还有一个比较tricky的做法，用二分查找维护最长子序列（并不一定是目标子序列，只是与之等长），时间复杂度更低，从O(n^2)降到O(nlogn)

2019-01-02

往事随风，顺其自然 0

初始化第零行没看懂代码啥意思

2019-01-03

往事随风，顺其自然 0

填表的那个图没看明白

2019-01-03

往事随风，顺其自然

怎么来确定哪个替换哪个，删除哪一个，哪个上面添加另一个

2019-01-03

0

传说中的成大大

动态规划看得迷迷糊糊,脑壳晕 对于思考题 我还是想到了一种方法 就是针对序列中每个元素都有两种状态 考察或者不考擦 然后得出不同的状态 然后再继续递归考察后面的元素 即可找出最长的递增序列长度

2019-01-03

0

blacknhole

有个疑问：

以下内容涉及“如何编程计算莱文斯坦距离？”一节。

（1）文中对递归树中的状态三元组(i, j, edist)的解释是，“状态包含三个变量 (i, j, edist)，其中，edist表示处理到 a[i] 和 b[j] 时，已经执行的编辑操作的次数。”这里的“处理到a[i]和b[j]时”，其实是在说将要处理但还并未处理a[i]和b[j]。edist并不包括对a[i]和[j]的编辑操作。递归树图片后紧接着的图片中，(i, j, min_edist)的min_edist也并不包括对a[i]和[j]的编辑操作。

（2）而二维状态表图片中每格的值和动态规划的实现代码中minDist[i][j]两者均代表：到处理完a[i]和b[j]之后为止，已经执行的编辑操作的最少次数。根据这个意思，可知状态转移方程中的min_edist(i, j)也是包括对a[i]和[j]的编辑操作的。如果按照（1）中的意思，状态转移方程中的min_edist(i, j)就不应该包括对a[i]和[j]的编辑操作，也不应该判断a[i]和b[j]是否相等，而应该判断的是a[i - 1]和b[j - 1]是否相等；并且动态规划的实现代码中循环终止条件就不应是小于n或m，而应是小于等于n或m。

为什么会有（1）与（2）这样的在文章前后表达上的不一致？

2019-01-02

0

作者回复

你说的没错 不仅这一节 前面两节课都是这样。递归树是根据回溯算法代码实现写的。但是动规代码用你讲到的另一种思路理解更容易。我当时写的时候 也想能不能统一。最后发现不好统一。你可以分割开来看 或者 把它们当作两种状态表示方法来看 不影响理解

2019-01-04

纯洁的憎恶

突然发现动态规划好美啊～希望周五还是不定期惊喜～好让我有时间多看一遍～多看一遍啊😂

2019-01-02

0

Kudo

选这个专栏的初衷就是为了学习动态规划，作者对这部分内容的讲解我还是比较满意的。两个月前，闲来无事刷了几天LeetCode，遇到一道字符串模式匹配的题，不是结果错误就是复

0

杂度不达标，怎么也搞不定。看了论坛里给出的高赞解答，清一色采用了动态规划的解题方法，当时没有算法基础，真的是看不懂啊，遂放弃。现在经过几节课的学习理出一些思路来，收获颇丰，理论看得比较明白了，程序照着文中的例子也能写个大概，但感觉掌握得还是不牢靠，还需要多加练习。谢谢作者！

2019-01-02

ban 0

for (int j = 0; j < m; ++j) {// 初始化第 0 行：a[0\.\.0] 与 b[0\.\.j] 的 maxlcs
if (a[0] == b[j]) maxlcs[0][j] = 1;
else if (j != 0) maxlcs[0][j] = maxlcs[0][j-1];
else maxlcs[0][j] = 0;
}

if (a[0] == b[j]) maxlcs[0][j] = 1;
这里每次都是1，不是应该累加吗，如果要多次相同，应该累加多次

2019-01-02

lianlian 0

老师好，第一题，最小编辑距离，在讲回溯法的时候，有两个地方是不是写反了。在a[i]前面添加一个跟b[j]相同的字符，然后递归考察a[i]和b[j+1]吧，在b[j]前面添加一个跟a[i]相同的字符，然后递归考察a[i+1]和b[i]吧？
第二题，当a[i] == b[j]时，可以是max_lcs[i, j] = max_lcs[i-1, j-1] + 1, 当a[i] != b[j]时，max_lcs[i, j] = max(max_lcs[i-1, j], max_lcs[i, j-1])呢？

2019-01-02

ban 0

可以在 a[i] 前面添加一个跟 b[j] 相同的字符，然后递归考察 a[i+1] 和 b[j];
这里的a[i+1] 和 b[j] 不应该是a[i+1] 和 b[j+1]吗
如果在a[i] 前面添加一个字符b[j]，就说明a[i] 与b[j]的相等
那a[i+1] 和 b[j] 再去比较就可能出现不等的情况，
而是a[i+1] 和 b[j+1] 继续比较下一个字符

2019-01-02

作者回复

嗯嗯

2019-01-02

slvher 0

本文举例的 LCS 问题不要求字符连续，通常是指 longest common subsequence 吧？

2019-01-02

作者回复

是的

2019-01-02

志兵(Subin) 0

是不是可以这么理解，如果要列出所有可能的情况的通常用回溯算法，而求最佳的情况回溯和dp都可以用，但是有重复子问题的话，可以用dp降低时间复杂度

2019-01-02

作者回复

是的 你理解的没错

2019-01-02