RÉSOLUTION GRAPHIQUE D'ÉQUATIONS

Module n° 3

Le plan est muni d'un repère (O; $\overrightarrow{\iota}$, \overrightarrow{J}).

I. Représentation graphique d'une fonction

- 1. La définition du cours Rappeler ce qu'est la représentation graphique d'une fonction
- 2. Obtenir une courbe à l'écran de la calculatrice f est la fonction définie sur [-2;6] par $f(x)=x^2+4x-8$.
 - a. Editer la fonction dans la calculatrice
 - b. Editer le tableau de valeurs de f avec un pas égal à $2\,$
 - c. Obtenir la courbe représentative de f à l'écran de la calculatrice
 - d. Reproduire ce tracé

Instructions pour la calculatrice Ti
— Définir la fonction f dans la calculatrice : en Y_1 saisir la fonction.
Appuyer sur $(f(x))$, pour la variable x on utilise la touche (x, t, θ, n) .
— Régler le tableau de valeurs : on enregistre la valeur initiale et le pas
Appuyer sur (2nde) (déf table)
— Afficher le tableau de valeurs
Appuyer sur 2nde (table)
— Régler la fenêtre d'affichage : on enregistre les valeurs définissant la fenêtre
graphique
Appuyer sur (fenêtre)
— Obtenir la courbe
Appuyer sur graphe

II. Résoudre une équation du type f(x) = k

f est la fonction définie précédemment.

- 1. Résoudre graphiquement l'équation f(x) = 0.
- 2. Résoudre graphiquement l'équation f(x) = 5.

Instructions pour la calculatrice Ti

Appuyer sur trace

On déplace le curseur approximativement jusqu'aux points d'intersections cherchés et on lit leurs abscisses au bas de l'écran.

III. Résoudre une équation du type f(x) = g(x)

On considère les fonctions définies sur $\mathbb R$ par :

$$f(x) = x^2 - 3x + 5$$
 et $g(x) = 7 - 3x$.

On note \mathcal{C}_f et \mathcal{C}_g leurs courbes représentatives.

- 1. Conjecturer à l'aide de la calculatrice
 - a. Tracer les deux courbes à l'écran de la calculatrice.
 - b. Indiquer le nombre de points d'intersections observés, ainsi que leurs abscisses.

Instructions pour la calculatrice Ti

Appuyer sur 2nde calculs, puis dans le menu, choisir intersect

On sélectionne la courbe 1 et la courbe 2, puis une valeur inférieure à l'abscisse cherchée.

- 2. Justifier par le calcul
 - a. Retrouver les valeurs exactes des abscisses recherchées à l'aide d'une équation.
 - b. Déterminer les coordonnées des points d'intersection des deux courbes.