Chronique 8

Applications des graphes

On peut utiliser les outils définis pour dessiner des graphes pour d'autres applications ; il suffit qu'il y ait des flèches à tracer pour que le procédé soit intéressant.

Pour profiter pleinement de cette chronique, il faut bien connaître les outils qui ont été explicités dans la chronique précédente consacrée aux graphes (voir page 35).

8.1 Distributivité

Voici une formule de distributivité bien connue :

$$(a+b)\times(c+d) = ac + ad + bc + bd$$

Pour tracer une flèche partant de a et allant vers c, il suffit de définir un nœud en a (qu'on appelle A), un autre en c (qu'on appelle C), et de tracer un arc orienté entre ces deux nœuds.

J'ai utilisé \Rnode pour définir les nœuds et \nccurve pour tracer les arcs entre les nœuds; voir la chronique précédente à la page 41.

Enfin j'ai agrémenté le tout en rajoutant des couleurs; j'ai même défini une nouvelle couleur au moyen de \newrbgcolor (voir page 7) :

```
\newrgbcolor{vert}{0 0.5 0}
\psset{arrowsize=2pt 2,nodesep=1pt}
```

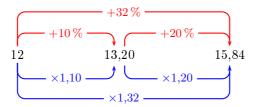
% on écrit (a+b)x(c+d) en définissant des noeuds au passage $(\Re A_a+\Re Bb) \times (\Re C_c+\Re D) = ac+{\d d}+{\b bc}+{\vert bd}$

% on trace les flèches qui partent vers le haut \nccurve[angleA=45,angleB=135,linecolor=black]{->}{A}{C} \nccurve[angleA=45,angleB=135,linecolor=red]{->}{A}{D}

% et celles qui partent vers le bas
\nccurve[angleA=-45,angleB=-135,linecolor=blue]{->}{B}{C}
\nccurve[angleA=-45,angleB=-135,linecolor=vert]{->}{B}{D}

8.2 Pourcentages et coefficients multiplicateurs

Autre utilisation des nœuds et des arcs, les pourcentages et les coefficients multiplicateurs ; on va voir comment construire un diagramme comme celui-ci :



Pour écrire au travers d'une flèche, on sait faire : il suffit d'utiliser \mput* (voir page 38). Mais les flèches de ce diagramme n'ont été tracées ni avec \ncarc, ni avec \nccurve; j'ai utilisé \ncbar qui permet de connecter des mots entre eux comme dans :

```
\Rnode{A}{Connecter} entre eux des \Rnode{B}{mots} \
\ncbar[angle=90]{->}{A}{B} \
Connecter entre eux des mots
```

Il suffit de donner une autre valeur que 90 à la variable angle pour vite comprendre à quoi elle correspond :

```
\Rnode{A}{Connecter} entre eux des \Rnode{B}{mots} \ncbar[angle=70]{->}{A}{B} \Connecter entre eux des mots
```

Affreux!

La variable angle est la valeur que le segment de départ fait avec l'horizontale; c'est aussi (malheureusement) la valeur que le segment d'arrivée fait avec l'horizontale.

On ne peut pas définir pour \ncbar les deux valeurs angleA (départ) et angleB (arrivée). Je m'en tiendrai donc à 90 comme valeur, ou -90 pour que la flèche parte vers le bas.

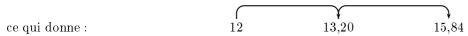
On arrondit les angles au moyen de la variable linearc :

```
\Rnode{A}{Connecter} entre eux des \Rnode{B}{mots} \
\ncbar[angle=90,linearc=0.2]{->}{A}{B} \
Connecter entre eux des mots
```

Le segment de départ de la flèche a une longueur définie par la variable arm qui vaut 10 points par défaut; on peut naturellement modifier cette longueur :

```
\Rnode{A}{Connecter} entre eux des \Rnode{B}{mots} \
\ncbar[angle=90,linearc=0.2,arm=20pt]{->}{A}{B} \
Connecter entre eux des mots
```

On a dans les mains tous les outils pour construire le diagramme que l'on cherche à tracer. On va définir trois nœuds correspondant aux trois nombres 12, 13,20 et 15,84, appelés respectivement A, B et C, puis on va tracer la flèche allant de A vers B, et celle allant de B vers C:



Les flèches se confondent au dessus de 13,20, ce qui n'est pas très beau.

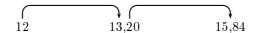
Ce sont les variables offsetA (relative au premier sommet) et offsetB (relative au second) qu'il faut modifier.

La variable offsetA a pour valeur 0 par défaut et il faut la modifier pour faire démarrer la flèche à un autre endroit que le milieu du nœud; c'est ce que l'on veut pour la flèche allant de 13,20 vers 15,84. De même on va modifier la valeur de offsetB pour faire arriver la flèche avant le milieu du nœud; c'est ce qu'il faut pour la flèche qui va de 12 vers 13,20.

En entrant:

```
\label{local-cond} $$\operatorname{A}_{12} \ \end{B}_{13,20}\ \end{C}_{15,84} \psset_{angle=90,linearc=0.2,nodesep=3pt} \\ \end{C}_{15,84} \end{C}_{15,84} \\ \end{C}_{1
```

on obtient:



Voici le code complet donnant le diagramme du début du paragraphe :

```
\begin{array}{l} \begin{array}{l} \text{begin} & \text{pspicture} & (-4, -1.5) & (6.5, 1.5) \end{array} \end{array}
   \Rnode{A}{12} \hskip 2cm \Rnode{B}{13,20}%
              \hskip 2cm \Rnode\{C\}\{15,84\}
   \psset{angle=90,linearc=0.2,nodesep=3pt,linecolor=red}
     \ncbar[offsetB=-4pt] {->}{A}{B}
                                               \mput*{\small \red $+10\,\%$}
     \ncbar[offsetA=-4pt]{->}{B}{C}
                                               \mput*{\small \red $+20\,\%$}
     \ncbar[arm=25pt,nodesep=4pt]{A}{C}
                                               \mput*{\small \red $+32\,\%$}
   \psset{angle=-90,linecolor=blue}
      \ncbar[offsetB=4pt]{->}{A}{B}
                                               \mput*{\small \blue $\times 1,10$}
     \ncbar[offsetA=4pt]{->}{B}{C}
                                               \mput*{\small \blue $\times 1,20$}
     \ncbar[arm=25pt]{A}{C}
                                               \mput*{\small \blue $\times 1,32$}
\end{pspicture}
```

Remarquez que offsetA et offsetB ont des valeurs négatives si angle vaut 90, tandis qu'elles doivent être positives si angle vaut -90.

8.3 Fonctions composées

On peut également utiliser les outils des graphes pour représenter la composition de fonctions :

```
\begin{array}{cccc} h: & x \longmapsto & h\left(x\right) \\ & g: & X \longmapsto & g\left(X\right) \\ f = g \circ h: & x \longmapsto & g\left(h\left(x\right)\right) \end{array}
```

Pour créer ce diagramme, j'ai utilisé un tableau de type array, et j'ai défini des nœuds que j'ai reliés entre eux par des flèches.

Il faut quatre colonnes au tableau, et on va séparer la deuxième et la troisième, puis la troisième et la quatrième par un espace de 50 points; pour cela il suffit d'écrire comme séparateur de colonne $\{50pt\}$. Donc en entrant le signe & pour changer de colonne, c'est un espace de 50 points qui sera créé.

Sur la première ligne, on va définir x et h(x) comme des nœuds et tracer une flèche entre eux. On fera de même pour la deuxième ligne avec X et g(X), et sur la troisième avec x et g(h(x)).

Voici le code de ce diagramme :

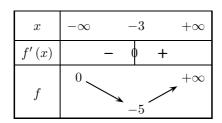
On voit que le signe de composition des fonctions est donné par \circ (en mode mathématique), et que pour tracer la flèche signifiant « a pour image », on entre comme option {|->} où le | est obtenu par Alt Gr 6.

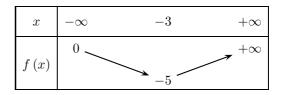
8.4 Tableau de variations

Dans la chronique 10 de la saison 1, on a dessiné des tableaux de variations, en définissant des flèches \flb et \flh qui s'ajustaient plus ou moins bien...

Avec les nouveaux outils des graphes, il suffit de définir des nœuds et de les relier par des flèches, ce qui simplifie sacrément le travail!

Voici deux exemples :





Normalement, vous devez savoir faire!

Voici quand même le code du tableau de gauche :

```
\psset{nodesep=3pt,arrowsize=2pt 3} % paramètres
$\begin{array}{|c|*5{c}|}
\hline
x & -\infty & & -3 & & +\infty \rule[-8pt]{0pt}{22pt}\\
\hline
f'\(x\) & & \pmb{-} & \vline\hspace{-2.7pt}0 & \pmb{+} & \rule[-6pt]{0pt}{18pt} \\
\hline
& \Rnode{zero}{0} & & & & \Rnode{plusinf}{+\infty} \rule{0pt}{12pt} \\
f & & & & & \\
& & & \Rnode{moins5}{-5} & & \\
\ncline{--}{zero}{moins5}
\ncline{---}{moins5}{plusinf} \\
\hline
\end{array} $
```

Les nœuds ont été appelés zero, moins5 et plusinf; pourquoi se compliquer la vie?