

Rappels de mécanique quantique

Postulat 1 : vecteur d'état et principe de superposition

- tout système quantique est décrit à l'instant t par un vecteur d'état normé qui (suivant les notations de Dirac) est noté $|\Psi(t)\rangle$ et appelé "ket".

- *Principe de superposition* : $|\Psi\rangle = \sum_n c_n |\Psi_n\rangle \equiv \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \\ \dots \end{pmatrix}$

avec $c_n = \langle \Psi_n | \Psi \rangle$ complexe et $\sum_n |c_n|^2 = 1$

- On appelle "bra" l'élément $\langle \Psi | = \sum_n c_n^* \langle \Psi_n | \equiv (c_1^* \quad c_2^* \quad \dots)$ avec $c_n^* = \langle \Psi | \Psi_n \rangle$

- *Produit scalaire* : soit $|\psi\rangle = \sum_n c_n |\Psi_n\rangle$ et $|\chi\rangle = \sum_n b_n |\Psi_n\rangle$: $\langle \chi | \psi \rangle = \sum_n b_n^* c_n$

Postulat 2 : mesure de grandeur physique

- *principe de quantification* : $\hat{A} |\Psi_n\rangle = a_n |\Psi_n\rangle$
- *principe de décomposition spectrale* : probabilité de trouver a_n : $P(a_n) = |\langle \Psi_n | \Psi \rangle|^2$
- *principe de réduction du paquet d'onde* : l'état du système immédiatement après une mesure de A ayant donné la valeur a_n est $|\Psi_n\rangle$.

Postulat 3 : évolution temporelle

- *Equation de Schrödinger* : $i\hbar \frac{\partial |\Psi(t)\rangle}{\partial t} = \hat{H} |\Psi(t)\rangle$

- *Solution de l'équation* : $|\Psi(t)\rangle = \sum_n c_n(t) |\Psi_n\rangle$

- *Détermination des états stationnaires* : $\hat{H} |\Psi_n\rangle = E_n |\Psi_n\rangle$

- *Détermination des c_n* : à partir des conditions initiales avec la contrainte suivante : $\langle \Psi(t) | \Psi(t) \rangle = 1$