Aula 29 – Ordenação

Norton T. Roman & Luciano A. Digiampietri

Ordenação

• Na última aula aprendemos a realizar Busca Binária

Ordenação

- Na última aula aprendemos a realizar Busca Binária
- Porém, para se utilizar a Busca Binária o arranjo precisa estar ordenado

Ordenação

- Na última aula aprendemos a realizar Busca Binária
- Porém, para se utilizar a Busca Binária o arranjo precisa estar ordenado
- De fato, conjuntos de dados ordenados são utilizados por diferentes algoritmos

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0; i<ult; i++)
      if (v[i] > v[i+1]) {
      aux = v[i];
      v[i] = v[i+1];
      v[i+1] = aux;
  }
}
```

 Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0; i<ult; i++)
    if (v[i] > v[i+1]) {
      aux = v[i];
      v[i] = v[i+1];
      v[i+1] = aux;
    }
}
```

- Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
- Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0; i<ult; i++)
    if (v[i] > v[i+1]) {
      aux = v[i];
      v[i] = v[i+1];
      v[i+1] = aux;
```

- Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
- Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
- Senão, troque-os de lugar

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0; i<ult; i++)
    if (v[i] > v[i+1]) {
      aux = v[i];
      v[i] = v[i+1];
      v[i+1] = aux;
    }
}
```

- Percorra todo o arranjo tomando seus elementos adjacentes para a par
- Se os elemento no par estiverem ordenados, siga ao próximo par
- Senão, troque-os de lugar
- Repita a operação até que nenhuma troca possa ser feita no arranjo inteiro

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0; i<ult; i++)
    if (v[i] > v[i+1]) {
      aux = v[i];
      v[i] = v[i+1];
      v[i+1] = aux;
}
```

Ex: ordene em ordem crescente

9 8 4 6 3

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

9 8 4 6 3

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

Comparando os dois primeiros números

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

Trocando porque 8<9

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

• Comparando segundo e terceiro números

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

Trocando porque 4<9

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

• Comparando terceiro e quarto números

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

Trocando porque 6<9

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

Comparando quarto e quinto números

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

Trocando porque 3<9

Ex: ordene em ordem crescente

 Primeira passada completa. Último elemento fixado: Executando a segunda passada:

8 4 6 3 **9**

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a segunda passada:

```
8 4 6 3 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a segunda passada:

Comparando os dois primeiros números

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a segunda passada:

Trocando porque 4<8

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a segunda passada:

Comparando segundo e terceiro números

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a segunda passada:

Trocando porque 6<8

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a segunda passada:

• Comparando terceiro e quarto números

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a segunda passada:

• Trocando porque 3<8

Ex: ordene em ordem crescente

• Segunda passada completa. Último elemento fixado:

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a terceira passada:

```
8 4 6 3 9
4 6 3 8 9
4 6 3 8 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

Executando a terceira passada:

Comparando os dois primeiros números

Ex: ordene em ordem crescente

Executando a terceira passada:

• 6>4, logo não há necessidade de troca

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a terceira passada:

Comparando os segundo e terceiro números

Ex: ordene em ordem crescente

Executando a terceira passada:

• Trocando porque 3<6

Ex: ordene em ordem crescente

• Terceira passada completa. Último elemento fixado:

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a quarta passada:

```
8 4 6 3 9
4 6 3 8 9
4 3 6 8 9
4 3 6 8 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

Executando a quarta passada:

```
8 4 6 3 9
4 6 3 8 9
4 3 6 8 9
4 3 6 8 9
```

• Comparando os dois primeiros números

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a quarta passada:

• Trocando porque 3<4

Ex: ordene em ordem crescente

• Quarta passada completa. Último elemento fixado:

```
8 4 6 3 9
4 6 3 8 9
4 3 6 8 9
3 4 6 8 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

• Quarta passada completa. Último elemento fixado:

 Há somente um elemento no arranjo. O algoritmo para. O arranjo está ordenado.

 Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0: i<ult: i++)
      if (v[i] > v[i+1]) {
        aux = v[i];
        v[i] = v[i+1]:
        v[i+1] = aux;
}
int main() {
  int i;
  int v[] = \{55, 0, -78, -4, 32, 200, 52, 63,
                                  69.125}:
  bolha(v,10);
  for (i=0;i<10;i++) printf("%i ",v[i]);
  printf("\n");
  return 0:
```

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0: i<ult: i++)
      if (v[i] > v[i+1]) {
        aux = v[i];
        v[i] = v[i+1];
        v[i+1] = aux;
}
int main() {
  int i;
  int v[] = \{55,0,-78,-4,32,200,52,63,
                                 69.125}:
  bolha(v,10);
  for (i=0;i<10;i++) printf("%i ",v[i]);
  printf("\n");
  return 0:
```

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - Marcando esse final

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0: i<ult: i++)
      if (v[i] > v[i+1]) {
        aux = v[i];
        v[i] = v[i+1];
        v[i+1] = aux;
int main() {
  int i;
  int v[] = \{55, 0, -78, -4, 32, 200, 52, 63,
                                  69.125}:
  bolha(v,10);
  for (i=0;i<10;i++) printf("%i ",v[i]);
  printf("\n");
  return 0:
```

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - Marcando esse final
 - Sempre corremos de 0 a ult

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0: i<ult: i++)
      if (v[i] > v[i+1]) {
        aux = v[i];
        v[i] = v[i+1];
        v[i+1] = aux;
int main() {
  int i;
  int v[] = \{55, 0, -78, -4, 32, 200, 52, 63,
                                  69.125}:
  bolha(v,10);
  for (i=0;i<10;i++) printf("%i ",v[i]);
  printf("\n");
  return 0:
```

- Observe que não precisamos correr sempre o arranjo até o final
 - Basta irmos até onde garantimos estar ordenado...
 - Marcando esse final
 - Sempre corremos de 0 a ult
 - E a cada passada, decrementamos ult

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0: i<ult: i++)
      if (v[i] > v[i+1]) {
        aux = v[i];
        v[i] = v[i+1];
        v[i+1] = aux;
int main() {
  int i;
  int v[] = \{55, 0, -78, -4, 32, 200, 52, 63,
                                  69.125}:
  bolha(v,10);
  for (i=0;i<10;i++) printf("%i ",v[i]);
  printf("\n");
  return 0:
```

Saída

-78 -4 0 32 52 55 63 69 125 200

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0: i<ult: i++)
      if (v[i] > v[i+1]) {
        aux = v[i];
        v[i] = v[i+1]:
        v[i+1] = aux;
}
int main() {
  int i;
  int v[] = \{55, 0, -78, -4, 32, 200, 52, 63,
                                  69.125}:
  bolha(v,10);
  for (i=0;i<10;i++) printf("%i ",v[i]);
  printf("\n");
  return 0:
```

Saída

-78 -4 0 32 52 55 63 69 125 200

Cuidado!

Esse método modifica o arranjo original!

```
void bolha(int v[], int tam) {
  int ult, i, aux;
  for (ult = tam-1; ult>0; ult--)
    for (i=0: i<ult: i++)
      if (v[i] > v[i+1]) {
        aux = v[i];
        v[i] = v[i+1]:
        v[i+1] = aux;
int main() {
  int i;
  int v[] = \{55,0,-78,-4,32,200,52,63,
                                 69.125}:
  bolha(v,10);
  for (i=0;i<10;i++) printf("%i ",v[i]);
  printf("\n");
  return 0:
```

Algoritmo:

• Primeiro encontre o menor elemento do arranjo

- Primeiro encontre o menor elemento do arranjo
- Então troque esse elemento de lugar com o que está na primeira posição

- Primeiro encontre o menor elemento do arranjo
- Então troque esse elemento de lugar com o que está na primeira posição
- Encontre o segundo menor do arranjo

- Primeiro encontre o menor elemento do arranjo
- Então troque esse elemento de lugar com o que está na primeira posição
- Encontre o segundo menor do arranjo
- Troque com o da segunda posição

- Primeiro encontre o menor elemento do arranjo
- Então troque esse elemento de lugar com o que está na primeira posição
- Encontre o segundo menor do arranjo
- Troque com o da segunda posição
- E assim por diante, até chegar ao fim do arranjo

Ex: ordene em ordem crescente

9 8 4 6 3

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

```
9 8 4 6 3
9 8 4 6 3
```

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

Encontrando o menor elemento

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a primeira passada:

• Trocando com o primeiro elemento, pois 3 < 9

Ex: ordene em ordem crescente

Primeira passada completa. Primeiro elemento fixado:

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a segunda passada:

```
9 8 4 6 3
3 8 4 6 9
3 8 4 6 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

Executando a segunda passada:

• Encontrando o segundo menor elemento

Ex: ordene em ordem crescente

Executando a segunda passada:

• Trocando com o segundo elemento, pois 4 < 8

Ex: ordene em ordem crescente

Segunda passada completa. Segundo elemento fixado:

```
9 8 4 6 3
3 8 4 6 9
3 4 8 6 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a terceira passada:

```
9 8 4 6 3

3 8 4 6 9

3 4 8 6 9

3 4 8 6 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

Executando a terceira passada:

Encontrando o terceiro menor elemento

Ex: ordene em ordem crescente

Executando a terceira passada:

• Trocando com o terceiro elemento, pois 6 < 8

Ex: ordene em ordem crescente

Terceira passada completa. Terceiro elemento fixado:

```
9 8 4 6 3

3 8 4 6 9

3 4 8 6 9

3 4 6 8 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a quarta passada:

```
9 8 4 6 3 

3 8 4 6 9 

3 4 8 6 9 

3 4 6 8 9 

3 4 6 8 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a quarta passada:

```
9 8 4 6 3

3 8 4 6 9

3 4 8 6 9

3 4 6 8 9

3 4 6 8 9
```

Encontrando o quarto menor elemento

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a quarta passada:

Não há troca, pois já está na quarta posição

Ex: ordene em ordem crescente

Quarta passada completa. Quarto elemento fixado:

```
9 8 4 6 3

3 8 4 6 9

3 4 8 6 9

3 4 6 8 9

3 4 6 8 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a quinta passada:

```
9 8 4 6 3

3 8 4 6 9

3 4 8 6 9

3 4 6 8 9

3 4 6 8 9
```

Ex: ordene em ordem crescente

• Executando a quinta passada:

• Última posição do arranjo. O algoritmo para.

Ex: ordene em ordem crescente

• Quinta passada completa. Quinto elemento fixado:

```
9 8 4 6 3
3 8 4 6 9
3 4 8 6 9
3 4 6 8 9
3 4 6 8 9
```

```
int posMenorEl(int v[], int tam, int inicio){
  int i, posMenor;
 posMenor = -1;
  if ((inicio>=0) && (inicio < tam)) {
    posMenor = inicio;
    for (i=inicio+1; i<tam; i++)
      if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
 return(posMenor);
void selecao(int v[], int tam) {
  int i, posMenor, aux;
 for (i=0; i<tam-1; i++) {
    posMenor = posMenorEl(v,tam,i);
    aux = v[i];
    v[i] = v[posMenor];
    v[posMenor] = aux;
```

 Criamos um método que diz a posição do menor elemento em subvetor inicio < i < fim

```
int posMenorEl(int v[], int tam, int inicio){
  int i, posMenor;
 posMenor = -1;
  if ((inicio>=0) && (inicio < tam)) {
    posMenor = inicio;
    for (i=inicio+1; i<tam; i++)
      if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
  return(posMenor);
void selecao(int v[], int tam) {
  int i, posMenor, aux;
 for (i=0; i<tam-1; i++) {
    posMenor = posMenorEl(v,tam,i);
    aux = v[i];
    v[i] = v[posMenor];
    v[posMenor] = aux;
```

- Criamos um método que diz a posição do menor elemento em subvetor inicio < i < fim
 - Sempre é bom testar a entrada

```
int posMenorEl(int v[], int tam, int inicio){
  int i, posMenor;
 posMenor = -1;
  if ((inicio>=0) && (inicio < tam)) {
    posMenor = inicio;
    for (i=inicio+1; i<tam; i++)
      if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
  return(posMenor);
void selecao(int v[], int tam) {
  int i, posMenor, aux;
 for (i=0; i<tam-1; i++) {
    posMenor = posMenorEl(v,tam,i);
    aux = v[i];
    v[i] = v[posMenor];
    v[posMenor] = aux;
```

 Para cada elemento do arranjo (exceto o último, que sobra já ordenado)

```
int posMenorEl(int v[], int tam, int inicio){
  int i, int posMenor;
 posMenor = -1;
  if ((inicio>=0) && (inicio < tam)) {
    posMenor = inicio;
    for (i=inicio+1; i<tam; i++)
      if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
  return(posMenor);
void selecao(int v[], int tam) {
  int i, posMenor, aux;
 for (i=0; i<tam-1; i++) {
    posMenor = posMenorEl(v,tam,i);
    aux = v[i];
    v[i] = v[posMenor];
    v[posMenor] = aux;
```

- Para cada elemento do arranjo (exceto o último, que sobra já ordenado)
 - Busca o menor elemento a partir deste

```
int posMenorEl(int v[], int tam, int inicio){
  int i, int posMenor;
  posMenor = -1;
  if ((inicio>=0) && (inicio < tam)) {
    posMenor = inicio;
    for (i=inicio+1; i<tam; i++)
      if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
  return(posMenor);
void selecao(int v[], int tam) {
  int i, posMenor, aux;
  for (i=0; i<tam-1; i++) {
    posMenor = posMenorEl(v,tam,i);
    aux = v[i];
    v[i] = v[posMenor];
    v[posMenor] = aux;
```

- Para cada elemento do arranjo (exceto o último, que sobra já ordenado)
 - Busca o menor elemento a partir deste
 - Troca com a posição desse elemento

```
int posMenorEl(int v[], int tam, int inicio){
  int i, int posMenor;
 posMenor = -1;
  if ((inicio>=0) && (inicio < tam)) {
    posMenor = inicio;
    for (i=inicio+1; i<tam; i++)
      if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
  return(posMenor);
void selecao(int v[], int tam) {
  int i, posMenor, aux;
 for (i=0; i<tam-1; i++) {
    posMenor = posMenorEl(v,tam,i);
    aux = v[i];
    v[i] = v[posMenor];
    v[posMenor] = aux;
```

 E como fazer um Selection Sort sem método auxiliar?

```
int posMenorEl(int v[], int tam, int inicio){
  int i, posMenor;
 posMenor = -1;
  if ((inicio>=0) && (inicio < tam)) {
    posMenor = inicio;
    for (i=inicio+1; i<tam; i++)</pre>
      if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
 return(posMenor);
void selecao(int v[], int tam) {
  int i, posMenor, aux;
 for (i=0; i<tam-1; i++) {
    posMenor = posMenorEl(v,tam,i);
    aux = v[i];
    v[i] = v[posMenor];
   v[posMenor] = aux;
```

 E como fazer um Selection Sort sem método auxiliar?

```
int posMenorEl(int v[], int tam, int inicio){
  int i, posMenor;
 posMenor = -1;
  if ((inicio>=0) && (inicio < tam)) {
    posMenor = inicio;
    for (i=inicio+1; i<tam; i++)
      if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
 return(posMenor);
void selecao(int v[], int tam) {
  int i, posMenor, aux;
 for (i=0; i<tam-1; i++) {
    int posMenor = posMenorEl(v,tam,i);
    aux = v[i];
    v[i] = v[posMenor];
   v[posMenor] = aux;
```

 E como fazer um Selection Sort sem método auxiliar?

```
void selecao(int v[], int tam) {
  int i, p, aux, posMenor;
  for (i=0; i<tam-1; i++) {
    posMenor = i;
    for (p=i+1; p<tam; p++)
        if (v[p] < v[posMenor])
        posMenor = p;
    aux = v[i];
    v[i] = v[posMenor];
    v[posMenor] = aux;
}</pre>
```

```
int posMenorEl(int v[], int tam, int inicio){
  int i, posMenor;
 posMenor = -1;
  if ((inicio>=0) && (inicio < tam)) {
    posMenor = inicio;
    for (i=inicio+1; i<tam; i++)</pre>
      if (v[i] < v[posMenor]) posMenor = i;</pre>
 return(posMenor);
void selecao(int v[], int tam) {
  int i, posMenor, aux;
 for (i=0; i<tam-1; i++) {
    int posMenor = posMenorEl(v,tam,i);
    aux = v[i];
    v[i] = v[posMenor];
   v[posMenor] = aux;
```

Curiosidades

- Bolha:
 - http://www.youtube.com/watch?v=lyZQPjUT5B4
- Seleção:
 - http://www.youtube.com/watch?v=Ns4TPTC8whw (versão levemente diferente do algoritmo)

Aula 29 – Ordenação

Norton T. Roman & Luciano A. Digiampietri