April 14, 2020

1 Monte-Carlo-Simulation und Single- v.s. Multi-Processing

© Thomas Robert Holy 2020 Version 1.0 Visit me on GitHub: https://github.com/trh0ly ## Grundlegende Einstellungen: Zunächst müssen die notwendigen Pakete (auch Module) importiert werden, damit auf diese zugegriffen werden kann.

```
[1]: import pandas as pd
     import numpy as np
     from riskmeasure_module import risk_measure as rm
     import math
     from multiprocessing import Process
     from multiprocessing import Manager
     from multiprocessing.pool import Pool
     import datetime as dt
     import operator
     from IPython.core.display import display, HTML
     from multi_1b import repeat_parallel, RM_frame_func, plotty_func
     from Monte_Carlo_Simulation_lite import var_covar_matrix_func, var_func, cholesky_func, verteilung_func, copula_sim, hist_func
```

Anschließend werden Einstellungen definiert, die die Formatierung der Ausgaben betreffen. Hierfür wird das Modul operator genutzt. Außerdem wird die Größe der Grafiken modifiziert, welche später angezeigt werden sollen.

[2]: %%javascript IPython.OutputArea.auto_scroll_threshold = 9999;

<IPython.core.display.Javascript object>

[3]: display(HTML("<style>.container { width:100% !important; }</style>"))

<IPython.core.display.HTML object>

Vereinfachung

1.1 Definition einiger Funktionen zum Vergleich von Single- v.s. Multi-Processing

def multithreading(n, rand_x, rand_y, var_x, var_y, corr_list, std_list, mu, alpha, gamma, runs_func, runs_sim):

run(runs_func, runs_sim, rand_x, rand_y, mu, std_list, corr_list, alpha, gamma, draw=False)

```
1.1.1 Definition der Multi-Processing-Funktion
[4]: | # Definiere die Funktion "run" in welcher die Parallelisierung der Monte-Carlo-Simulation auf "Multi_1b" gemanaget wird
     def run(runs_func, runs_sim, rand_x, rand_y, mu, std_list, corr_list, alpha, gamma, draw=False, SCREEN_WIDTH=115):
         RM_VaR_list = []
         RM_CVaR_list = []
         RM_PSRM_list = []
         mega_summe_list = []
         centered=operator.methodcaller('center', SCREEN_WIDTH)
         start = dt.datetime.now() # Startpunkt Zeitmessung
         with Manager() as manager: # Verwendung Funktion "Manager()" aus "multiprocessing" als Manager der geteilten Listen zwischen den parallel laufenden Simulationen
             shared_list = manager.list() # Legt die leere Liste "shared_list" an, welche zwischen den parallel laufenden Simulationen geteilt wird und alle Realisationen der_
      →einzelnen Simulationsläufe enthält
             VaR_list = manager.list() # Legt die leere Liste "VaR_list" an, welche zwischen den parallel laufenden Simulationen geteilt wird und alle VaR enthält
             CVaR_list = manager.list() # Legt die leere Liste "CVaR_list" an, welche zwischen den parallel laufenden Simulationen geteilt wird und alle CVaR enthält
             PSRM_list = manager.list() # Legt die leere Liste "PSRM_list" an, welche zwischen den parallel laufenden Simulationen geteilt wird und alle P-SRM enthält
             processes = [] # Legt die leere Liste "processes" an, in welcher die auszuführenden Prozesse abgelegt werden
             # Für jedes i in der Range O bis runs_func (Simulationsläufe)...
             for i in range(runs_func):
                 p = Process(target=repeat_parallel, args=(runs_sim, rand_x, rand_y, mu, std_list, corr_list, alpha, gamma, shared_list, VaR_list, CVaR_list, PSRM_list, i)) #__
      →Erstelle den Prozess "p", welcher die Funktion "repeat_parallel" ausführt mit den gebenen Paramtertn
                 p.start() # Starte den Prozess
                 processes.append(p) # Füge den Prozess "p" der Liste "processes" an
             # Für jenden Prozess "p" in "processes" führe due Funktion join() aus (Clean Exit Process)
             for p in processes:
                 p.join()
             RM\_VaR\_list += VaR\_list \# \textit{F\"{u}ige der "RM\_VaR\_list" den jeweiligen VaR an}
             RM_CVaR_list += CVaR_list # s.o.
             RM_PSRM_list += PSRM_list # s.o.
             # Sofern draw == 'True' füge die "shared_list" in der "mega_summe_list" an
             if draw == True:
                 mega_summe_list += shared_list
         end = dt.datetime.now() # nedpunkt für die Zeitmessung
         RM_frame_func(runs_sim, runs_func, RM_VaR_list, RM_CVaR_list, RM_PSRM_list, SCREEN_WIDTH, centered) # Ausführen der Funktion, welche den DataFrame mit den Risikomaßen_
         # Sofern draw == 'True' führe die Funktion aus, welche die Verteilungfunktionen der Simulationsläufe plottet
             plotty_func(runs_sim, runs_func, mega_summe_list)
         print(end-start) # Gibt das Zeit-Delta zurück
```

```
1.1.2 Definition der Sinlge-Processing-Funktion
[5]: def single_thread(n, rand_x, rand_y, var_x, var_y, corr_list, std_list, mu, alpha, gamma, runs_func, runs_sim):
         SCREEN_WIDTH = 115
         centered = operator.methodcaller('center', SCREEN_WIDTH)
         RM_VaR_list, RM_CVaR_list = [], []
         RM_PSRM_list, mega_summe_list = [], []
         # Führe die Simulation "runs_func mal" durch und speichere die Ergebnisse in der jeweiligen Liste
         start = dt.datetime.now()
         for i in range(0, runs_func):
             _, _, _, total_summe_liste = copula_sim(runs_sim, rand_x, rand_y, mu, std_list, corr_list, full_log=False)
             mega_summe_list += total_summe_liste
             x = rm(total_summe_liste, alpha, gamma)
             RM_VaR_list.append(x.VaR())
             RM_CVaR_list.append(x.CVaR())
             RM_PSRM_list.append(x.Power())
         end = dt.datetime.now()
         print(end-start)
         # Erzeuge ein DataFrame mit den Simulationsvergebnissen
         # und deren prozentualen Änderung vom jeweils vorherigen Ergebnis
         RM_frame = pd.DataFrame()
         RM_frame['VaR'] = RM_VaR_list
         RM_frame['VaR-Change'] = RM_frame['VaR'].pct_change()
         RM_frame['CVaR'] = RM_CVaR_list
         RM_frame['CVaR-Change'] = RM_frame['CVaR'].pct_change()
         RM_frame['Power'] = RM_PSRM_list
         RM_frame['Power-Change'] = RM_frame['Power'].pct_change()
         # Ermittle die kleinste und größte Relaisation des jweiligen Risikomaßes
         Min_Max_VaR = (min(RM_VaR_list), max(RM_VaR_list))
         Min_Max_CVaR = (min(RM_CVaR_list), max(RM_CVaR_list))
         Min_Max_PSRM = (min(RM_PSRM_list), max(RM_PSRM_list))
         #-----
         # Gib den DataFrame und die Infos zurück
         print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
         print('|' + centered('[INFO] Der DataFrame mit den auf den auf '+str(runs_func) + ' mal ' + str(runs_sim) + ' Durchläufen beruhenden Risikomaßen ergibt sich wie folgt:
      →¹) + ¹ | ¹)
         print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
         print(RM_frame)
         print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
         print('|' + centered('Nach ' + str(runs_func) + ' Simulationsläufen mit je ' + str(runs_sim) + ' Durchläufen beträgt der kleinste VaR ' + str(round(Min_Max_VaR[0],2))
      \rightarrow+', der größte ' + str(round(Min_Max_VaR[1],2)) + ' (\u0394 = ' + str((round((float(Min_Max_VaR[0]/Min_Max_VaR[1])-1)*100,2))) + '%).') + '| ')
         print('|' + centered('Nach ' + str(runs_func) + ' Simulationsläufen mit je ' + str(runs_sim) + ' Durchläufen beträgt der kleinste CVaR ' + str(round(Min_Max_CVaR[0],2))_u
      \rightarrow+', der größte ' + str(round(Min_Max_CVaR[1],2)) + ' (\u0394 = ' + str((round((float(Min_Max_CVaR[0]/Min_Max_CVaR[1])-1)*100,2))) + '\%).') + '| ')
         print('|' + centered('Nach ' + str(runs_func) + ' Simulationsläufen mit je ' + str(runs_sim) + ' Durchläufen beträgt das kleinste P-SRM ' + str(round(Min_Max_PSRM[0],2))_
```

1.2 Variablen spezifizieren

Die für die Simulation notwenigen Variablen werden definiert.

print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')

```
# Parameter für die Simulation
#-----
# Anzahl Simulationsdurchläufe
n = 10000
# Neue Randverteilungen (Gleichverteilung)
rand_x = [10, 20]
rand_y = [8,22]
# Varianzen und Korrelation(en)
var_x = 4
var_y = 9
corr_list = [0]
std_list = [math.sqrt(var_x), math.sqrt(var_y)]
# Erwartungswerte
mu = [2, 3]
#-----
# Paramaeter Risikomaße
alpha = 0.05
gamma = 0.5
#-----
# Anzahl Simulationsläufe und Durchläufe pro Simulation
runs_func = 10
runs_sim = 100000
```

→+', das größte ' + str(round(Min_Max_PSRM[1],2)) + ' (\u0394 = ' + str((round((float(Min_Max_PSRM[0]/Min_Max_PSRM[1])-1)*100,2))) + '%).') + '| ')

1.3 Funktionsaufruf

```
[7]: | if __name__=='__main__':
         print('Ergebnis Multi-threaded:\n')
         multithreading(n, rand_x, rand_y, var_x, var_y, corr_list, std_list, mu, alpha, gamma, runs_func, runs_sim)
         print('\n\nErgebnis Single-threaded:\n')
         single_thread(n, rand_x, rand_y, var_x, var_y, corr_list, std_list, mu, alpha, gamma, runs_func, runs_sim)
```

```
Ergebnis Multi-threaded:
#------
| [INFO] Der DataFrame mit den auf den auf 10 mal 100000 Durchläufen beruhenden
Risikomaßen ergibt sich wie folgt: |
0 -21.758507
              NaN -20.504731
                               NaN 26.828263
1 -21.707793
          -0.002331 -20.462340
                           -0.002067 26.817743
                                             -0.000392
2 -21.717064
          0.000427 -20.485782
                                             -0.000678
                           0.001146 26.799571
3 -21.732111 0.000693 -20.483403
                           -0.000116 26.836461
                                             0.001377
4 -21.740721 0.000396 -20.492935
                          0.000465 26.834742
                                             -0.000064
                          0.002343 26.870833
0.001345
6 -21.763236 -0.000709 -20.519158 -0.001061 26.850804
                                             -0.000745
7 -21.730395 -0.001509 -20.482281 -0.001797 26.830540
                                             -0.000755
8 -21.721129 -0.000426 -20.482142 -0.000007 26.826441
                                             -0.000153
0.001332
#-----
|Nach 10 Simulationsläufen mit je 100000 Durchläufen beträgt der kleinste VaR
-21.79, der größte -21.71 (0.38%).
|Nach 10 Simulationsläufen mit je 100000 Durchläufen beträgt der kleinste CVaR
-20.54, der größte -20.46 (0.38%).
|Nach 10 Simulationsläufen mit je 100000 Durchläufen beträgt das kleinste P-SRM
26.8, das größte 26.87 (-0.27%).
#-----
0:00:42.612356
Ergebnis Single-threaded:
0:03:51.417429
| [INFO] Der DataFrame mit den auf den auf 10 mal 100000 Durchläufen beruhenden
Risikomaßen ergibt sich wie folgt: |
#-----
```

VaR VaR-Change CVaR CVaR-Change Power Power-Change 0 -21.721779 NaN -20.473054 NaN 26.811895 0.000358 0.000283 0.000188 4 -21.759102 -0.000033 -20.514246 -0.000036 26.832232 -0.000071 5 -21.734240 -0.001143 -20.481392 -0.001602 26.826350 -0.000219 0.000881 -0.001231 26.810697 -0.001463 7 -21.744877 -0.001123 -20.499863 8 -21.736873 -0.000368 -20.483276 -0.000809 26.816251 0.000207 9 -21.681204 -0.002561 -20.460268 -0.001123 26.813104 -0.000117

|Nach 10 Simulationsläufen mit je 100000 Durchläufen beträgt der kleinste VaR

-21.77, der größte -21.68 (0.41%). |Nach 10 Simulationsläufen mit je 100000 Durchläufen beträgt der kleinste CVaR -20.53, der größte -20.46 (0.32%). |Nach 10 Simulationsläufen mit je 100000 Durchläufen beträgt das kleinste P-SRM 26.81, das größte 26.85 (-0.15%). #---------#