January 13, 2020

```
1 Historische Simulation versus Varianz-Kovarianz-Methode
```

© Thomas Robert Holy 2019 Version 1.2.0 Visit me on GitHub: https://github.com/trh0ly

```
1.1 Voraussetzungen:
```

An dieser Stelle ist bereits alles vorbereitet. Das Notebook lässt sich bereits vollständig ausführen

```
1.1.1 Optional:
```

Um ein Portfolio mit anderen Aktienkursen zusammenzustellen, können im Home-Verzeichnis .csv-Datein hochgeladen werden. Diese müssen die folgenden Kriterien erfüllen: - Sie umfassen alle denselben Zeitraum - Es wird ein Punkt zur Dezimaltrennung verwendet - Es wird ein Komma zur Spaltentrennung verwendet Abrufbar sind die Daten z.B. auf Yahoo Finance: https://de.finance.yahoo.com/

```
1.2 Grundlegende Einstellungen:
```

```
Zunächst müssen die notwendigen Pakete (auch Module) importiert werden, damit auf diese zugegriffen werden kann.
In [1]: import numpy as np # Programmbibliothek die eine einfache Handhabung von Vektoren, Matrizen oder generell großen mehrdimensionalen Arrays ermöglicht
```

import pandas as pd # Programmbibliothek die Hilfsmittel für die Verwaltung von Daten und deren Analyse anbietet import matplotlib.pyplot as plt # Programmbibliothek die es erlaubt mathematische Darstellungen aller Art anzufertigen import matplotlib.patches as mpatches import operator # Programmbibliothek, welche die Ausgaben übersichtlicher gestaltet import datetime as dt # Das datetime-Modul stellt Klassen bereit, mit denen Datums- und Uhrzeitangaben auf einfache und komplexe Weise bearbeitet werden können import sys # Dieses Modul bietet Zugriff auf einige Variablen, die vom Interpreter verwendet oder verwaltet werden, sowie auf Funktionen, die stark mit dem Interpreter interagieren from scipy import stats # SciPy ist ein Python-basiertes Ökosystem für Open-Source-Software für Mathematik, Naturwissenschaften und Ingenieurwissenschaften import prinzip from IPython.core.display import display, HTML

Anschließend werden Einstellungen definiert, die die Formatierung der Ausgaben betreffen. Hierfür wird das Modul operator genutzt. Außerdem wird die Breite des im Folgenden genutzten DataFrames erhöht und die Größe der Grafiken modifiziert, welche später angezeigt werden sollen. In [2]: display(HTML("<style>.container { width:100% !important; }</style>"))

```
SCREEN_WIDTH = 100
       centered = operator.methodcaller('center', SCREEN_WIDTH)
       pd.set_option('display.width', 125)
       plt.rcParams["figure.figsize"] = 15,12.5
<IPython.core.display.HTML object>
```

#-----

# 1.3 Datensätze einlesen und manipulieren:

Nun werden Datensätze eingelesen. Die Datensätze werden manuell definiert und anschließend zum Array "dateinamen" hinzufügt. Standardmäßig werden zwei Datensätze (VOW3.DE, FME.DE) definiert und im Array "dateinamen" gespeichert. Hinweis: An dieser Stelle können andere/weitere Datensätze eingelesen werden, sofern die entsprechenden Datensätze im Home-Verzeichnis hochgeladen wurden. 

```
datensatz1 = 'VOW3.DE'
      datensatz2 = 'FME.DE'
      #-----
      # Hier können weitere Datensätze definiert werden.
      #datensatz3 = ''
      #datensatz4 = ''
      #datensatz5 = ''
      #_____
      # Diese müssen ggf. noch in diesem Array ergänzt werden.
      dateinamen = [datensatz1, datensatz2]
      #-----
      Jetzt soll aus jedem eingelesen Datensatz der Aktienkurs zum jeweiligen Tag extrahiert werden. Diesen Schritt kann man in Python automatisieren, indem zunächst die leere Liste "kurse" anlegt wird und
anschließend von jedem sich in der Liste "dateinamen" befindenden Eintrag die jeweiligen Spalten "Date" und "Adj Close" eingelesen werden. Dabei werden die verschiedenen im Datensatz vorhanden
Spalten mit jedem Komma separiert und Punkte werden als Zeichen für die Dezimaltrennung interpretiert. Anschließend werden die so extrahierten Daten zum Array "kurse" hinzugefügt.
In [4]: kurse = []
      for eintrag in dateinamen:
         kurs = pd.read_csv(str(eintrag) + '.csv',
```

sep=',', decimal='.', usecols=['Date','Adj Close'])

```
kurse.append(kurs)
 Nun wird das Modul dat etime genutzt, um die Datumsspalte des jeweiligen Datensatzes bearbeitbar zu machen. Zudem wird dem Programm mitgeteilt, dass die Einträge der Spalte "Adj Close" numerisch
sind und mit ihnen gerechnet werden kann. Kommt es dabei zu Fehlern werden die entsprechende Werte als NaN-Werte behandelt.
In [5]: for eintrag in kurse:
            eintrag['Date'] = pd.to_datetime(eintrag['Date'])
            eintrag['Adj Close'] = pd.to_numeric(eintrag['Adj Close'], errors='coerce')
        eintrag
Out[5]:
                 Date Adj Close
       0 2018-07-11 79.685799
       1 2018-07-12 81.349548
       2 2018-07-13 81.775162
       3 2018-07-16 82.316849
       4 2018-07-17 83.110023
                  . . .
       247 2019-07-05 71.059998
       248 2019-07-08 70.480003
       249 2019-07-09 66.639999
       250 2019-07-10 67.739998
       251 2019-07-11 69.559998
```

#### Anschließend werden die eingelesenen Daten in einem DataFrame zusammengetragen, wofür das Modul Pandas verwendet wird. Ein DataFrame kann ähnlich wie eine Excel-Tabelle verstanden werden. Dieser Vorgang kann automatisiert werden, damit die einzelnen Spalten nicht manuell hinzufügt werden müssen. Zunächst wird dafür der leere DataFrame "kurschart" angelegt. Als nächstes wird für jeden

1.4 Dataframe erzeugen und Daten zusammentragen:

[252 rows x 2 columns]

Eintrag in dem Array "kurse" zunächst der entsprechende Aktienkurs in den DataFrame überführt und anschließend wird die dazugehörige Rendite berechnet. Um Aktienkurse und dazugehörige Renditen auseinander halten zu können, werden die Dateinamen aus dem Array "dateinamen" als Tabellenkopf verwendet. In [6]: kurschart = pd.DataFrame() zaehler = 0

```
for eintrag in kurse:
           x = dateinamen[zaehler]
           kurschart['Aktienkurs ' + str(x)] = eintrag['Adj Close']
           kurschart['Rendite ' + str(x)] = (eintrag['Adj Close'] - eintrag['Adj Close'].shift(periods = 1)) / eintrag['Adj Close'].shift(periods = 1)
           zaehler += 1
       kurschart
             Aktienkurs VOW3.DE Rendite VOW3.DE Aktienkurs FME.DE Rendite FME.DE
Out[6]:
                    138.162201 NaN 79.685799
       0
                                                                                {\tt NaN}
                    138.239578
139.303711
                                                   81.349548
81.775162
       1
                                       0.000560
                                                                          0.020879
                                       0.007698
        2
                                                                           0.005232
                    138.065460
                                -0.008889
                                                          82.316849
                                                                     0.006624
                     139.381104
                                        0.009529
                                                          83.110023
       4
                                                                           0.009636
                           . . .
                                           . . .
        . .
                                                               . . .
                                                                                . . .
        247
                    154.600006
                                       -0.000259
                                                          71.059998
                                                                           0.005092
                    154.800003
        248
                                       0.001294
                                                          70.480003
                                                                          -0.008162
        249
                    153.960007
                                       -0.005426
                                                          66.639999
                                                                          -0.054484
                    152.399994
        250
                                       -0.010133
                                                          67.739998
                                                                           0.016507
                    153.160004
                                       0.004987
                                                                           0.026867
        251
                                                          69.559998
        [252 rows x 4 columns]
  Um die Portfolio-Rendite zu ermitteln, wird jede zweite Spalte des DataFrames "kurschart" ausgewählt (dies sind die jeweiligen Rendite-Spalten) und in einem zweiten DataFrame ("hilfs_dataframe")
abgespeichert. Anschließend werden die Spalten zeilenweise addiert und durch die Anzahl der Datensätze geteilt, welche sich im Array "dateinamen" befinden. Dies entspricht einer naiven Diversifikation.
```

hilfs\_dataframe['PF-Rendite'] = hilfs\_dataframe.sum(axis = 1, skipna = True) / len(dateinamen) hilfs\_dataframe Rendite VOW3.DE Rendite FME.DE PF-Rendite Out[7]:

```
0.000560
                        0.020879 0.010719
1
2
          0.007698
                        0.005232 0.006465
3
          -0.008889
                        0.006624 -0.001132
                                  0.009582
          0.009529
                        0.009636
```

NaN 0.000000

```
. . .
        247
                   -0.000259
                                    0.005092
                                                 0.002417
                                   -0.008162
        248
                   0.001294
                                                -0.003434
                                   -0.054484
        249
                   -0.005426
                                                -0.029955
        250
                   -0.010133
                                    0.016507
                                                0.003187
        251
                    0.004987
                                    0.026867
                                                 0.015927
        [252 rows x 3 columns]
 Diese Portfolio-Rendite wird nun dem ursprünglichen DataFrame "kurschart" angefügt. Zudem erhält der DataFrame eine Datumsspalte, welche gleichzeitig als Index verwendet wird.
In [8]: kurschart['Rendite-PF'] = hilfs_dataframe['PF-Rendite']
        kurschart['Datum'] = eintrag['Date']
        kurschart = kurschart.set_index('Datum')
```

In [7]: hilfs\_dataframe = kurschart.iloc[:, 1::2]

0

Nun kann das DataFrame ausgeben werden:

```
In [9]: print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
      print('|' + centered('[INFO] Der DataFrame mit den Aktienkursen und deren zugehörigen Renditen ergibt sich wie folgt: ') + '|')
      print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
      print(kurschart)
      print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
      print('|' + centered('[INFO] Überprüfung des obigen DataFrames auf NaN-Werte: ') + '|')
      print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
      print(kurschart.isnull().sum())
      print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
#-----#
[INFO] Der DataFrame mit den Aktienkursen und deren zugehörigen Renditen ergibt sich wie folgt:
#-----#
          Aktienkurs VOW3.DE Rendite VOW3.DE Aktienkurs FME.DE Rendite FME.DE Rendite-PF
\mathtt{Datum}
2018-07-11
                138.162201
                                               79.685799
                                                                      0.000000
                                    {	t NaN}
                                                                 {	t NaN}
2018-07-12
                138.239578
                                0.000560
                                               81.349548
                                                             0.020879
                                                                      0.010719
2018-07-13
                               0.007698
                                                             0.005232
                139.303711
                                              81.775162
                                                                      0.006465
2018-07-16
                138.065460
                               -0.008889
                                               82.316849
                                                             0.006624 -0.001132
2018-07-17
                139.381104
                                0.009529
                                               83.110023
                                                             0.009636
                                                                      0.009582
                                    . . .
2019-07-05
                154.600006
                               -0.000259
                                              71.059998
                                                             0.005092
                                                                      0.002417
                154.800003
2019-07-08
                                0.001294
                                              70.480003
                                                            -0.008162
                                                                     -0.003434
                                                            -0.054484
2019-07-09
                153.960007
                               -0.005426
                                               66.639999
                                                                      -0.029955
2019-07-10
                152.399994
                               -0.010133
                                               67.739998
                                                             0.016507
                                                                      0.003187
2019-07-11
                153.160004
                                0.004987
                                               69.559998
                                                             0.026867
                                                                      0.015927
[252 rows x 5 columns]
                   [INFO] Überprüfung des obigen DataFrames auf NaN-Werte:
Aktienkurs VOW3.DE 0
Rendite VOW3.DE
Aktienkurs FME.DE 0
Rendite FME.DE 1
Rendite-PF
dtype: int64
#-----#
```

Datensatz "x" und den Datensatz "y" definiert. Anschließend werden die zugehörigen Renditen in einer Liste gespeichert und um NaN-Werte bereinigt.

values\_datensatz2 = kurschart['Rendite ' + str(y)].values.tolist()

#------

# Liste in ein Numpy-Array transformieren

#-----

# y = dateinamen[1]

berechnet.

# Berechnung Mittelwerte

# Berechnung Standardabweichung

std\_dattensatz1 = np.std(values\_datensatz1)

mu\_datensatz1 = np.mean(values\_datensatz1) mu\_datensatz2 = np.mean(values\_datensatz2)

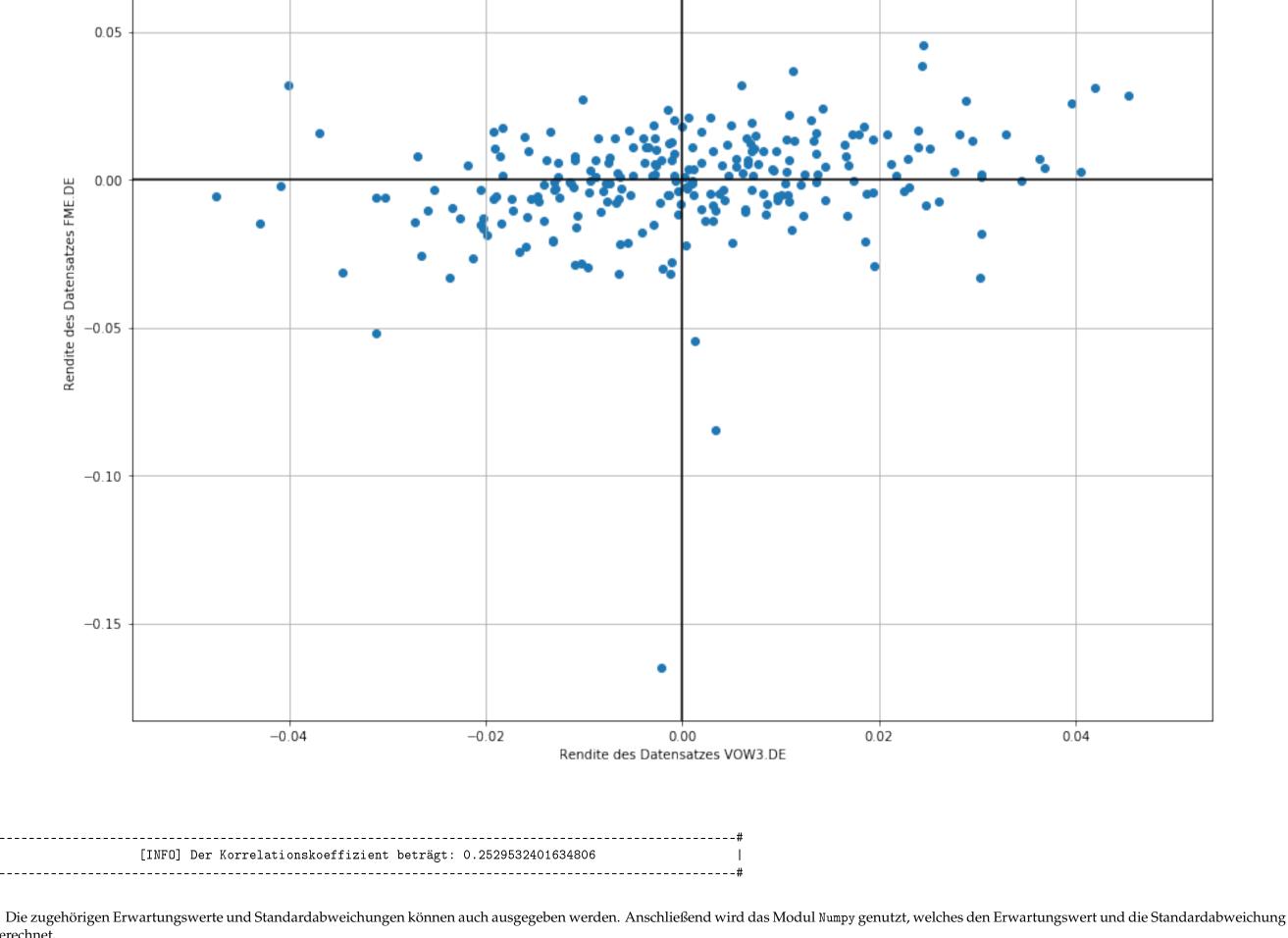
x = dateinamen[0]

1.5 Streudiagramm anzeigen:

# DataFrame-Werte in eine Listen überführen values\_datensatz1 = kurschart['Rendite ' + str(x)].values.tolist()

Mithilfe eines Streudiagramms kann die gemeinsame Verteilung von zwei Datensätzen bzw. deren Abhängigkeitsstruktur betrachtet werden. Um ein solches Streudiagramm zu plotten wird zunächst den

```
values_datensatz1 = np.array(values_datensatz1)
       values_datensatz2 = np.array(values_datensatz2)
       #-----
       # Bereinigung um NaN-Werte und Sicherstellung das beide Datensätze die gleiche Länge aufweisen
       values_datensatz1 = values_datensatz1[np.logical_not(np.isnan(values_datensatz1))]
       values_datensatz2 = values_datensatz2[np.logical_not(np.isnan(values_datensatz2))]
       values_datensatz1 = values_datensatz1[values_datensatz1 != 0.0]
       values_datensatz2 = values_datensatz2[values_datensatz2 != 0.0]
       min_len = min(len(values_datensatz1), len(values_datensatz2))
       values_datensatz1 = values_datensatz1[:min_len]
       values_datensatz2 = values_datensatz2[:min_len]
       #-----
       # Berechnung der Korrelation
       corr = np.ma.corrcoef(values_datensatz1, values_datensatz2)
 Nun kann das Streudiagramm für die jeweiligen Aktienkurse geplottet werden:
In [11]: #-----
       # Grafik plotten
       plt.scatter(values_datensatz1, values_datensatz2)
       plt.xlabel('Rendite des Datensatzes ' + str(datensatz1))
       plt.ylabel('Rendite des Datensatzes ' + str(datensatz2))
       plt.title('Gemeinsame Verteilung der Datensätze ' + str(datensatz1) + ' und ' + str(datensatz2))
       def easy_plot():
           plt.grid()
           plt.axhline(0, color='black')
           plt.axvline(0, color='black')
           plt.show()
       easy_plot()
       #-----
       # Korrelation ausgeben lassen
       print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
       print('|' + centered('[INFO] Der Korrelationskoeffizient beträgt: {}'.format(corr[0][1])) + '|')
       print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
                                                    Gemeinsame Verteilung der Datensätze VOW3.DE und FME.DE
            0.10
            0.05
```



```
#-----
# Ausgabe der Mittelwerte
print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
print('|' + centered('[INFO] Die erwartete Rendite des Datensatzes ' + str(datensatz1) + ' beträgt ' + str(mu_datensatz1) + '.') + '| ')
print('|' + centered('[INFO] Die erwartete Rendite des Datensatzes ' + str(datensatz2) + ' beträgt ' + str(mu_datensatz2) + '.') + '| ')
print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
#------
```

1

```
std_dattensatz2 = np.std(values_datensatz2)
      #-----
      # Ausgabe Standardabweichung
      print('|' + centered('[INFO] Der Datensatz ' + str(datensatz1) + ' hat eine Standardabweichung i.H.v. ' + str(std_dattensatz1) + '.') + '| ')
      print('|' + centered('[INFO] Der Datensatz ' + str(datensatz2) + ' hat eine Standardabweichung i.H.v. ' + str(std_dattensatz2) + '.') + '| ')
      print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
#-----#
      [INFO] Die erwartete Rendite des Datensatzes VOW3.DE beträgt 0.0005292171712249241.
```

[INFO] Die erwartete Rendite des Datensatzes FME.DE beträgt -0.00033376251501250566. #-----# [INFO] Der Datensatz VOW3.DE hat eine Standardabweichung i.H.v. 0.016551642943328664.

### 1.6 Portfolio-Renditedaten bereinigen und analysieren:

In [13]: #-----

```
Da für die Simulationsverfahren fortan die Portfolio-Rendite benötigt wird, wird diese ebenfalls in einer Liste abgespeichert und um NaN-Werte bereinigt. Anschließend wird wiederum der Erwartungswert
und die Standardabweichung berechnet.
```

```
# DataFrame-Werte in Liste überführen und Bereinigen
      values_PF = kurschart['Rendite-PF'].values.tolist()
      values_PF = np.array(values_PF)
      values_PF = values_PF[np.logical_not(np.isnan(values_PF))]
      values_PF = values_PF[values_PF != 0.0]
      # Berechnung Mittelwert und Standardabweichung
      mu_PF = np.mean(values_PF)
      std_PF = np.std(values_PF)
       #-----
      # Ausgabe der Informationen
      print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
      print('|' + centered('[INFO] Die Porfolio-Rendite hat einen Erwartunswert i.H.v. ' + str(mu_PF) + '.') + '| ')
      print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
      print('|' + centered('[INFO] Das Porfolio hat eine Standardabweichung i.H.v. ' + str(std_PF) + '.') + '| ')
      print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
#-----#
       [INFO] Die Porfolio-Rendite hat einen Erwartunswert i.H.v. 0.0001072721245152569.
#-----#
          [INFO] Das Porfolio hat eine Standardabweichung i.H.v. 0.014593523569872993.
```

# Grund: Rechnung erfolgt mit Float-Werten, welche eine Annäherung an reelle Zahlen darstellen. Diese sind nicht exakt.

1.6.1 Warum ist der Mittelwert der zu erwartenden Renditen / Standardabweichungen nicht gleich dem Erwartungswert der PF-Rendite / Standardabweichung?

In [14]: (std\_dattensatz1 + std\_dattensatz2) / 2 == std\_PF

#-----#

```
Out[14]: False
In [15]: (mu_datensatz1 + mu_datensatz2) / 2 == mu_PF
Out[15]: False
In [16]: 0.1 + 0.1 + 0.1 == 0.3
```

Out[16]: False

In [17]: mini\_values\_PF = min(values\_PF)

Um das Intervall beider Simulationsverfahren zu begrenzen, wird der kleinste und größte Rendite-Wert der in der Liste "values\_PF" zu finden ist ermittelt.

```
maxi_values_PF = max(values_PF)
1.7 Abfragefunktion definieren:
```

#### Nun wird eine Funktion definiert mit deren Hilfe die Feinheit der jeweiligen Verteilungsfunktion bestimmt werden kann. Standardmäßig wird die höchste Feinheit gewählt, d.h. jede einzelne Realisation

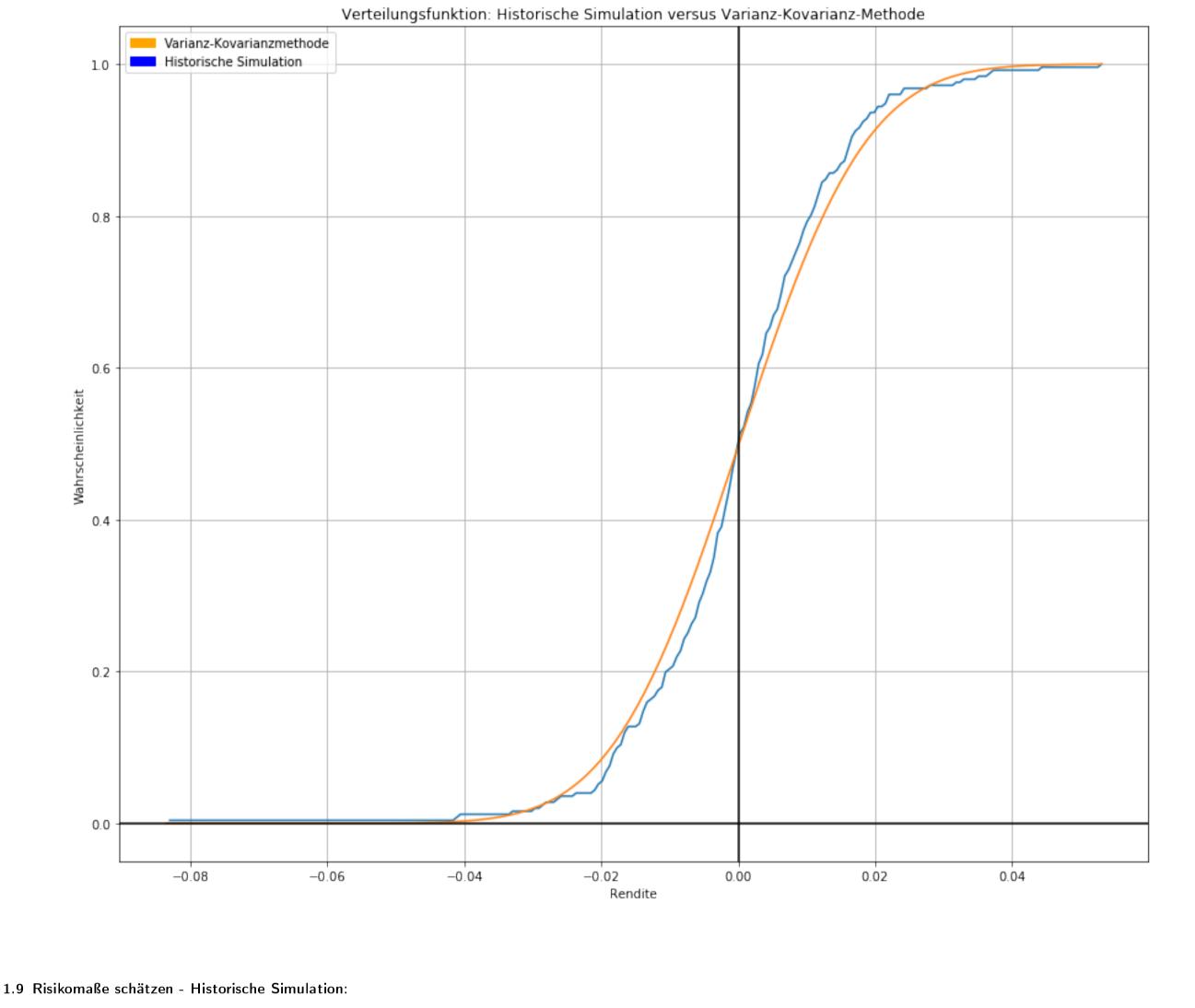
wird einzeln erfasst, sodass die Verteilungsfunktion eine sehr hohe Genauigkeit aufweist. Dies muss jedoch nicht immer sinnvoll sein, weshalb mithilfe einer Abfrage auch andere Werte akzeptiert werden sollen. Im Grunde die Funktion ob eine Anpassung vorgenommen werden soll oder nicht und wenn ja, welche. In [18]: def abfrage():

```
abfrage = None
             # Solange die Nutzereingabe nicht in folgenden Liste, frage erneut..
             while abfrage not in ('Ja', 'Nein', 'ja', 'nein', 'j', 'n'):
                 abfrage = input('|' + centered('[EINGABE] Möchten Sie die Genauigkeit anpassen? Geben Sie "Ja" oder "Nein" ein: ') + '| ')
                 # Wenn Anwort Nein, dann fahre mit Standardwert (Höchste Genauigkeit) fort
                 if abfrage == 'Nein' or abfrage == 'nein' or abfrage == 'n':
                     return len(values_PF)
                 # Wenn Antwort Ja, dann warte auf Input und fahre mit diesem fort
                 elif abfrage == 'Ja' or abfrage == 'ja' or abfrage == 'j':
                     return int(input('|' + centered('[EINGABE] Geben sie eine Zahl zwischen ' + str(round(len(values_PF)/10)) + ' und ' + str(len(values_PF)) + ' ein') + '| '))
                 # Sonst gib eine Fehlermeldung aus
                     print('|' + centered('[WARNUNG] Geben Sie "Ja" oder "Nein" ein! ') + '| ')
1.8 Verteilungsfunktionen definieren und plotten:
Im letzten Schritt gilt es nun alle Informationen zusammenzutragen und die beiden Verteilungsfunktionen zu zeichnen.
```

### In [19]: #-----

# Aufruf der Abfrage print('#' + SCREEN\_WIDTH \* '-' + '#')

```
bins = abfrage()
       print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
       #-----
       # Plot für die Historische Simulation
       H, X1 = np.histogram(values_PF, bins, density=True)
       dx = X1[1] - X1[0]
       F1 = np.cumsum(H) * dx
       plt.plot(X1[1:], F1)
       #-----
       # Kumulierte Verteilungfunktion für die Varianz-Kovarianz-Methode
       array = np.array(np.arange(0.0001, 1, 0.0001)) # Array von 0.0001 bis 1 in 0.0001-er Schritten
       var_covar_results = stats.norm.ppf(array, mu_PF, std_PF) # Erzeugt eine parametrisierte percent point function
       var_covar_range = np.linspace(mini_values_PF, maxi_values_PF, bins) # Erzeugt ein Intervall für die X-Achse
       plt.plot(var_covar_range, stats.norm.cdf(var_covar_range, mu_PF, std_PF)) # Plottet die Verteilungsfunktion
       # Restliche Einstellungen für die Grafik
       plt.xlabel('Rendite')
       plt.ylabel('Wahrscheinlichkeit')
       blue_patch = mpatches.Patch(color='blue', label='Historische Simulation')
       orange_patch = mpatches.Patch(color='orange', label='Varianz-Kovarianzmethode')
       plt.legend(handles=[orange_patch, blue_patch])
       plt.title('Verteilungsfunktion: Historische Simulation versus Varianz-Kovarianz-Methode')
       easy_plot()
#-----#
        [EINGABE] Möchten Sie die Genauigkeit anpassen? Geben Sie "Ja" oder "Nein" ein: | n
#-----#
```



#### In [20]: def VaR(liste, alpha): liste = sorted(liste) # Liste sortieren

1.9.1 Value at Risk

item = (int((alpha \* len(liste))) - 1) # Index-Wert bestimmen VaR = -(liste[item]) # Value at Risik ist der Wert an der Stelle des Index-Wertes print('#' + SCREEN\_WIDTH \* '-' + '#') print('|' + centered('Der VaR beträgt: ' + str(VaR) + '.') + '| ')

Um den Value at Risk für die historische Simulation zu bestimmen, werden die Portfolio-Realisationen zunächst der Größe nach sortiert, wobei dieser Schritt gleichzeitig der Ausgangspunkt für die Berechnung des Conditional Value at Risk ist. Anschließend wird das Alpha-Quantil der Verlustfunktion bestimmt, indem der Parameter "alpha" mit der Länge der Liste "RM\_list" multipliziert wird. Der

```
1.9.2 Conditional Value at Risk
Der Conditional Value at Risk wird grundsätzlich wie der Value at Risk bestimmt, wobei hier jedoch der Mittelwert über alle Realisationen bis zum Alpha-Quantil gebildet wird. Daher wird hier nach der
Positionsbestimmung die Liste "CVaR_list" mit denjenigen Realisationen aus der Liste "RM_list" gefüllt, welche den Bereich von der kleinsten Realisation bis zum Alpha-Quantil abdecken. Die Summe
dieser Liste wird anschließend durch die Anzahl ihrer Elemente geteilt.
In [21]: def CVaR(liste, alpha):
              liste = sorted(liste) # Liste sortieren
              item = int((alpha * len(liste))) # Index-Wert bestimmen
```

CVaR\_list = liste[0:item] # Teilliste bilden

print('#' + SCREEN\_WIDTH \* '-' + '#')

counter1, counter2 = len(liste), len(liste) - 1

subj\_ws\_list = []

prinzip.prinzip(gamma, values\_PF)

so ermittelte Wert gibt die Position in der Liste "RM\_list" an, an welcher sich der Value at Risk zum Konfidenzniveau "alpha" befindet.

#### CVaR = -(np.sum(CVaR\_list) / len(CVaR\_list)) # Erwartungswert der Teilliste bilden print('#' + SCREEN\_WIDTH \* '-' + '#') print('|' + centered('Der CVaR beträgt: ' + str(CVaR) + '.') + '| ')

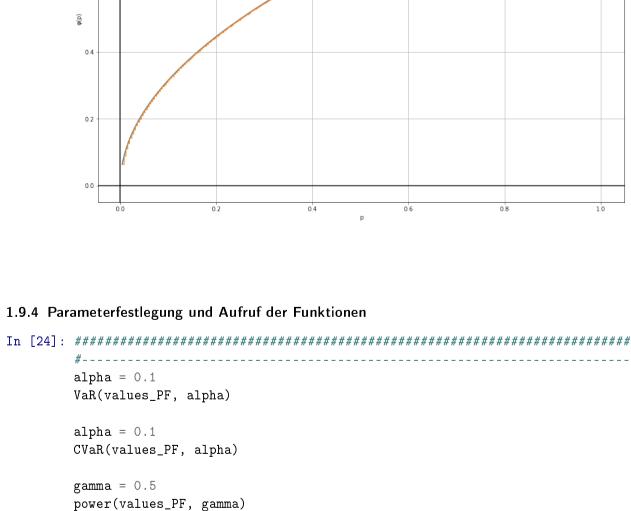
1.9.3 Power-Spektrales Risikomaß ( $\Phi_b(p) = b \cdot p^{b-1}$  mit  $p \in [0,1]$ ,  $b \in (0,1)$ ) Für das Power-Spektrale Risikomaß ergibt sich der Erwartungswert aus dem Mittelwert der "RM\_list" (der Mittelwert der Portfolio-Realisationen) und das Risiko ergibt sich aus dem Matrixprodukt der

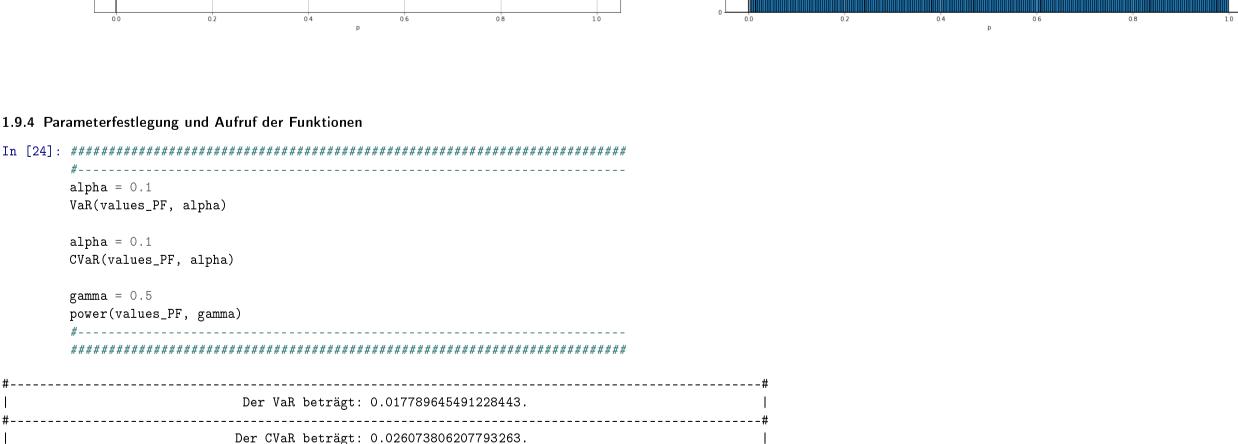
```
transponierten "RM_list" mit der "subj_ws_list", welche subjektive Wahrscheinlichkeiten beinhaltet. Die Elemente letzterer Liste werden berechnet, indem die Laufvariable jeder Realisation in der geordneten
Statisitk "RM_list" (bei "example1" 1 bis 364) durch die Gesamtanzahl der Realisationen (bei "BAS.DE" 253) geteilt und dann mit "gamma" potenziert wird (daher heißt es Power-Spektrales Risikomaß).
Dabei ist bei jeder Berechnung der jeweils vorher errechnete Wert zu subtrahieren.
In [22]: def power(liste, gamma):
              liste = sorted(liste) # Liste sortieren
              EW = np.mean(liste) # Erwartungswert bestimmen
              print('#' + SCREEN_WIDTH * '-' + '#')
              print('|' + centered('Power-Spektrales Risikomaß bei der historischen Simulation:') + '| ')
```

# Subjektive Wahrscheinlichkieten bestimmen und der Liste anfügen

print('|' + centered('Der Erwartungswert beträgt: ' + str(EW) + '.') + '| ')

for i in liste: subj\_ws = (np.power((counter1 / len(liste)), gamma)) - (np.power((counter2 / len(liste)), gamma)) counter1 -= 1 counter2 -= 1 subj\_ws\_list.append(subj\_ws) subj\_ws\_list = subj\_ws\_list[::-1] # Liste inverieren # Risiko der Liste berechnen risk = (- np.matmul(np.transpose(liste), subj\_ws\_list)) print('|' + centered('Das Risiko beträgt: ' + str(risk) + '.') + '| ') print('#' + SCREEN\_WIDTH \* '-' + '#') Prinzip: Das erste Bild zeigt die Stammfunktion und das zweite Bild zeigt die subjektiven Gewichte mit denen die PF-Realisationen multipliziert werden. Je größer die Realisation, desto geringer die Gewichtung. #----gamma = 0.5#\_\_\_\_\_\_ 





# \_\_\_\_\_\_# 1.10 Risikomaße schätzen - Varianz-Kovarianz-Methode:

alpha = 0.1

Die Berechnung des Value at Risk für die Varianz-Kovarianz-Methode ist analog zu der bei der historischen Simulation. Der einzige Unterschied ist, dass hierbei auf die auf (mu, sigma) parametrisierten Elemente zurückgegriffen wird, welche zuvor als "var\_covar\_results" bei der Generierung der analytischen Verteilungsfunktion gespeichert wurden. Für den Conditional Value at Risk und das Power-Spektrale Risikomaß gilt selbiges. ### Parameterfestlegung und Aufruf der Funktionen

#-----

1.10.1 Value at Risk, Conditional Value at Risk und Power-Spektrales Risikomaß

Power-Spektrales Risikomaß bei der historischen Simulation:

Der Erwartungswert beträgt: 0.00010727212451525667. Das Risiko beträgt: 0.012121607385303547.

```
VaR(var_covar_results, alpha)
alpha = 0.1
CVaR(var_covar_results, alpha)
gamma = 0.5
power(var_covar_results, gamma)
#-----
***********************************
```

Der VaR beträgt: 0.018603399368407544. -----# Der CVaR beträgt: 0.025490031878150177.

Power-Spektrales Risikomaß bei der historischen Simulation: #-----# Der Erwartungswert beträgt: 0.00010727212451525916. Das Risiko beträgt: 0.01008497086603982.

.----#

2