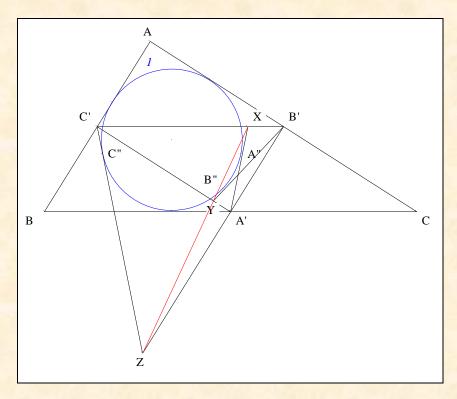
PROBLEMA 7961

Puig Adam, P., Curso de Geometría métrica (1986) 324 (avec A'B'C')

VISION

Figure:



Traits: ABC un triangle,

le cercle inscrit à ABC,A'B'C' le triangle médian de ABC,

A", B", C" les points de contact des secondes tangentes à *I* issues resp. de A', B', C' X, Y, Z les points d'intersection (A'A") et (B'C"), (B'B") et (C'A'), (C'C") et (A'B').

Donné : X, Y et Z sont alignés.

et

VISUALISATION

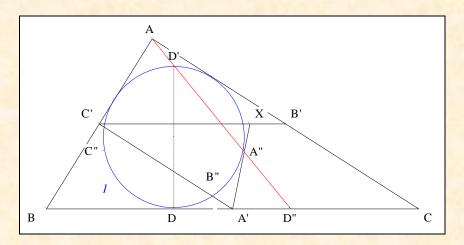
DE

JEAN-LOUIS AYME 2

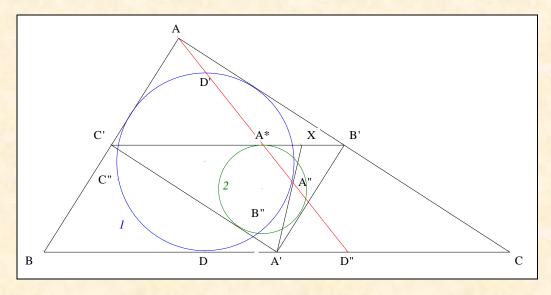
Ricardo Barroso, Quincena del 1 al 15 de Diciembre de 2016; Problema 796, 12;

http://personal.us.es/rbarroso/trianguloscabri/

St-Denis, Île de la Réunion (Océan Indien, France), le 30/11/2016; jeanlouisayme@yahoo.fr Geometry Geométrie Geometria; http://jl.ayme.pagesperso-orange.fr/



- le point de contact de *I* avec (BC) Notons D D" le symétrique de D par rapport à A'.
- D'après Jean-Victor Poncelet 3 A, D' et D" sont alignés.
- D'après Amédée Mannheim 4 A, D' et A" sont alignés.
- Conclusion partielle : d'après l'axiome d'incidence Ia, A, D', A" et D" sont alignés.



- 2 le cercle de Spieker de ABC Notons A* le point de contact de 2 avec (B'C').
- D'après Theodor Spieker 5, A* est sur (AD").
- D'après Euclide "Tangentes égales" 6, A'A'' = A'D; par hypothèse, A'D = A'D"; par transitivité de =, A'A'' = A'D''.
- Scolie: (XA*) // (A'D").
- Le triangle A'A"D" étant A'-isocèle, le triangle XA"A* étant X-isocèle.

Poncelet J. V., Annales de Gergonne XII (1821-1822); http://www.numdam.org/numdam-bin/feuilleter?j=NAM&sl=0

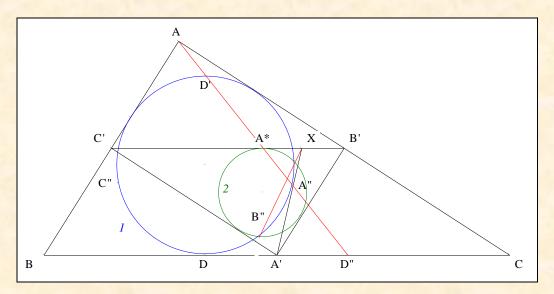
Ayme J.-L., Cinq théorèmes de von Nagel, G.G.G. vol. 3, p. 7; http://perso.orange.fr/jl.ayme

Mannheim A., Journal de Mathématiques Élémentaires p. 575

Spieker T., Exercice 4, Lehrbuch der ebenen Geometrie (1862) 180-182

Ayme J.-L., Le cercle de Spieker, G.G.G. vol. 13, p. 12-13; http://perso.orange.fr/jl.ayme

Conséquence de la proposition 36 du Livre III des Éléments d'Euclide



- Conclusion partielle: d'après Jacob Steiner 7
- X est sur l'axe radical de 1 et 2.
- Mutatis mutandis, nous montrerions que
- Y est sur l'axe radical de 1 et 2 Z est sur l'axe radical de 1 et 2.
- Conclusion : X, Y et Z sont alignés.

Ξ

Steiner J., Einige geometrische Betrachtungen, Journal de Crelle 1 (1826) 161-184