## Problema 801

Construir el triangle coneguts el costat a, la mitjana  $m_a$  i la suma b+c.

Solució de Ricard Peiró i Estruch:

Siga b+c=d.

Elevant al quadrat,  $d^2 = b^2 + c^2 + 2bc$ .

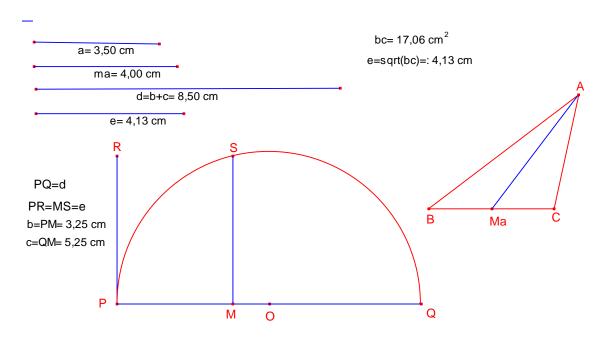
La mitjana m<sub>a</sub> compleix:

$$4m_a^2 = 2b^2 + 2c^2 - a^2$$
.

Aleshores, bc = 
$$\frac{2d^2 - 4m_a^2 - a^2}{4}$$
.

Siga  $e = \sqrt{bc}$  . La construcció la farem construint dos segments coneguts la seua

suma d=b+c i la mitjana proporcional dels costats  $b, c, \ e=\sqrt{bc}=\sqrt{\frac{4m_a^{\ 2}+a^2-2d^2}{4}}$ 



## Exemple particular:

Determineu els costats d'un triangle  $\stackrel{\triangle}{ABC}$  coneguts a=3.5,  $m_a=4$ , b+c=8.5.

## Solució:

Resoldrem el sistema:

$$\begin{cases} 4 \cdot 4^2 = 2 \cdot b^2 + 2c^2 - 3.5^2 \\ b + c = 8.5 \end{cases}.$$

Resolent el sistema:

$$\begin{cases} b = 3.25 \\ c = 5.25 \end{cases}, \text{ o bé } \begin{cases} b = 3.25 \\ c = 5.25 \end{cases}.$$