

Propuesto por Julián Santamaría Tobar

813) $\langle b + c, r_b, r_c \rangle$

Santamaría, J. (2017):Comunicación personal.

Solución de Luis Lopes, investigador, autor y editor de libros de problemas de matemáticas.

Notação:

Ω - círculo circunscrito

O - centro de Ω

E - interseção da mediatriz de BC com Ω sobre a bissetriz externa de A

Seja $b > c$ sem perda de generalidade.

As relações seguintes são conhecidas:

$$AH_a = h_a \frac{2 r_b r_c}{r_b + r_c}; \quad H_a M_a = \frac{(b+c)(h_a - r_c)}{2 r_c}$$

Sejam X_c e X_b as projeções de I_c e I_b na reta do lado $\langle a \rangle$.

Então $M_a E$ é a base média do trapézio $\langle I_c X_c X_b I_b \rangle$ e vale $(r_b + r_c)/2$.

$$X_c X_b = (b+c).$$

Construção:

- 1) construir o retângulo $AH_a M_a P$. Traçar a reta $m := (M_a, P)$ e obter o ponto E.
- 2) construir a mediatriz (reta n) de AE e obter o ponto O ($O = m \cap n$).
- 3) traçar $\Omega := (O, OA)$ e obter os pontos B e C na reta $a := (H_a, M_a)$.