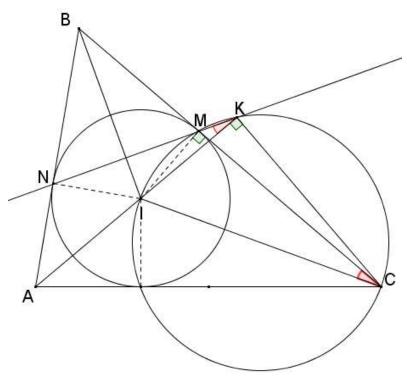
Problema n° 828

Supongamos que M y N son los puntos de tangencia de la circunferencia inscrita con los lados BC y BA del triángulo ABC. Sea K el punto de intersección de la bisectriz del ángulo A con la recta MN. Demostrar que el ángulo AKC es recto.

Referencia desconocida.

Solution proposée par Philippe Fondanaiche



Lemme: les quatre points C,I,K et M sont cocycliques. On a les relations d'angles suivantes. \angle BNM = $90^{\circ} - \angle$ ABC/2 et \angle BNM = \angle BNK = \angle BAK + \angle AKN = \angle BAC / 2 + \angle MKI. D'où \angle MKI = $90^{\circ} - \angle$ ABC/2 - \angle BAC / 2 = \angle BCA / 2 = \angle BCI = \angle MCI. Cqfd

Le triangle MCI est rectangle avec l'angle droit en M. CI est donc l'hypoténuse du triangle CKI qui est lui aussi rectangle avec l'angle droit en K.