Problema n°830

Propuesto por Julián Santamaría Tobar

Construir un triángulo dado en posición los puntos B , C, y Va (pie de la bisectriz interna de A), y conocido b-c.

Santamaría, J. (2017): Comunicación personal.

Solution proposée par Philippe Fondanaiche

2- Par hypothèse on suppose que les longueurs BC = a, $BV_a = d$, $V_aC = a - d$ et AC - AB = b - c = s sont connues avec b > c.

Il s'agit de déterminer b = AC et c = AB en fonction de a,d et s.

A partir de la relation (R) donnée supra, on écrit $\frac{BV_a}{AB} = \frac{V_aC}{AC} = \frac{V_aC - BV_a}{AC - AB} = \frac{a - 2d}{b - c} = \frac{a - 2d}{s}$

Ce qui donne
$$AC = b = \frac{s(a-d)}{a-2d}$$
 et $AB = c = \frac{sd}{a-2d}$

Il en résulte que les deux segments AB et AC et donc le triangle ABC sont constructibles à la règle et au compas.