

### Problema 801

Construir el triángulo cuyos datos son:  $a$ ,  $Ma$ ,  $b+c$ .

Santamaría, J. (2017): Comunicación personal.

*Resuelto por JULIÁN SANTAMARÍA TOBAR profesor de Dibujo del IES La Serna de Fuenlabrada*

Por una parte, el lugar geométrico de los vértices  $A$  de un triángulo del que se conoce el lado  $a$ , y la suma de los otros dos lados  $(b+c)$ , es una elipse. Por otra parte, el lugar geométrico de los vértices  $A$  de un triángulo del que se conoce el lado  $a$  y la mediana  $Ma$  es una circunferencia. El vértice  $A$  es la intersección de la elipse con la circunferencia, pero en Dibujo Técnico un punto únicamente se define por la intersección de rectas o circunferencias y los dibujos de las cónicas realizados en esta resolución solo son orientativos. Sin embargo, se puede lograr el punto de esta intersección con los útiles de dibujo.

#### **[ $a$ , $Ma$ , $(b+c)$ ]. Intersección de elipse y circunferencia concéntricas.**

Previamente hay que considerar que el vértice  $M$  del triángulo rectángulo  $M_1, M, M_2$  de la figura pertenece a la elipse. Si se establece una afinidad entre la elipse y circunferencia de diámetro el eje mayor  $AB$ , esta afinidad está definida por el eje  $AB$ , por la dirección de afinidad que es perpendicular al eje, y por la razón de afinidad que tiene el valor de la relación entre los semiejes de la elipse  $OD/OA$ . Como  $PM/PM_1 = OM_2/OM_1 = OD/OA$ , se justifica que el punto  $M$  es afin del punto  $M_1$  al tener la razón de afinidad planteada, y se concluye que el punto  $M$  pertenece a la elipse.

El triángulo rectángulo  $M_1, M, M_2$  tiene los catetos paralelos a los ejes, el valor de la hipotenusa es la diferencia de los semiejes  $(OA-OD)$  y al prolongar la hipotenusa el segmento  $OD$  coincide con el centro.

En la resolución del problema se ha utilizado un giro y se ha teniendo en cuenta que la distancia  $OM = a$  la mediana  $Ma$ .

Se comienzan fijando los vértices del triángulo  $BC$ , que son los focos  $F_1$  y  $F_2$  de la elipse, y situando el segmento  $(b+c)$  centrado con el anterior, que es el eje mayor de la elipse. Se hacen las dos circunferencias concéntricas cuyos diámetros sean los ejes de la elipse (el mayor  $(b+c)$ , y el menor se ha obtenido con un arco teniendo en cuenta que la distancia del foco al extremo  $D$  del eje menor es el semieje mayor  $(b+c)/2$ ). Se toma un radio cualquiera que corte estas circunferencias en la hipotenusa  $(M_1)(M_2)$ , el vértice  $(M)$  está en la intersección arco capaz de  $90^\circ$  de esta hipotenusa, con la circunferencia concéntrica a las anteriores de radio la mediana  $Ma$ .

Como se ha tomado una hipotenusa cualquiera, se trata girarla hasta que los catetos sean paralelos a los ejes. Al trazar una perpendicular desde el centro  $O$  al cateto  $(M)(M_1)$  corta a su prolongación en el punto  $(P)$ , y al girar del punto  $(P)$  hasta que quede en el eje mayor, se obtiene el vértice del ángulo recto  $P$  del triángulo  $OPM_1$ , y con esta posición se dibuja el triángulo rectángulo  $M_1, M, M_2$ ; siendo el punto  $M$  el vértice  $A$  del triángulo.

