

Construir un triángulo dado en posición los puntos B , C, y H_a (pie de la altura de A), y conocido $b+c$.

Resuelto por JULIÁN SANTAMARÍA TOBAR profesor de Dibujo del IES La Serna de Fuenlabrada

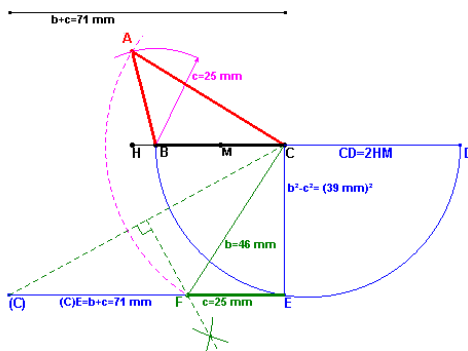
El problema se va a resolver por dos métodos, por la obtención de parejas de datos equivalentes a los lados b y c, y por la combinación de dos cuaternas armónicas.

Primer método, resolución obteniendo parejas de datos equivalentes a los lados b y c

Las parejas de datos $(a, \text{pie H de la altura})$ y $(a, b^2 - c^2)$ son equivalentes, y están relacionadas con el teorema de la proyección de la mediana ($b^2 - c^2 = 2HM \cdot a$), siendo H y M los pies de la altura y la mediana del vértice A.

Las parejas de datos (b^2-c^2) y $(b+c)$ son equivalentes a la pareja b y c .

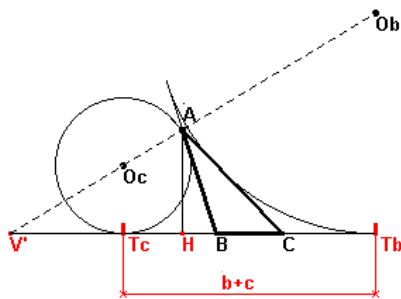
Resolución del ejercicio



triángulo dados los tres lados.

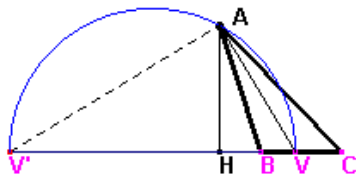
Tomando los segmentos BC y CD=2HM, se aplica el teorema de la altura para hallar su media proporcional CE que corresponde al lado de un cuadrado cuya superficie es $(b^2 - c^2)$. Como también se conoce $b + c$, aplicando el teorema de Pitágoras, se va a obtener con estos dos datos el triángulo CEF rectángulo en E. La suma del cateto FE=c y de la hipotenusa FC=b es el segmento conocido (C)E, al hacer la mediatriz de (C)C se corta con (C)E en el vértice F y se obtienen los lados b y c. Se reduce el problema a resolver un

Segundo método, por la combinación de dos cuaternas armónicas.



vértices B y C, cuya distancia es $(b+c)$.

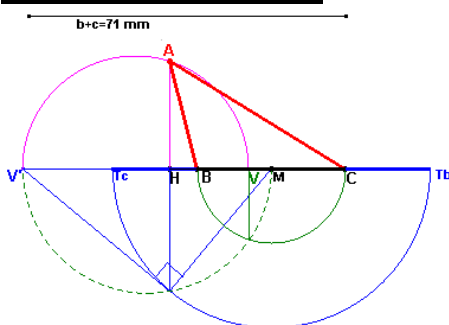
Con esta cuaterna se obtiene el pie de la bisectriz exterior V' .



La otra cuaterna está formada por los pies de las bisectrices V' y V del vértice A , con los vértices B y C .

Con esta cuaterna se obtiene el pie de la bisectriz interior V. Conociendo los dos pies de las bisectrices, el vértice A pertenece al arco capaz de 90° del segmento V'V.

Resolución del ejercicio



El vértice A se obtiene por la intersección de dos lugares geométricos. El primero es inmediato, la perpendicular al lado a por H.

El segundo es el arco capaz de 90° del segmento formado por los pies V y V' de las bisectrices.

Se comienza obteniendo el punto V' con la terna $TbTcH$, luego se utiliza a cuaterna $CBVV'$ de la cual se tiene la terna CBV' y se halla V .

La intersección de la recta base de la altura y del arco capaz de 90° entre $V'V$ resulta el vértice A.