Problema 798

Hallar un triángulo tal que la mediana del vértice A sea igual que el lado b, m_a=b, y que la bisectriz interior de b sea igual al lado c, w_b=c.

Barroso, R. (2016): Comunicación personal.

Solución del director:

$$m_a^2 = \frac{2b^2 + 2c^2 - a^2}{4}$$
$$w_b^2 = ac - \frac{acb^2}{(a+c)^2}$$

Sin pérdida de generalidad podemos considerar a = 2

Es:

$$b^{2} = \frac{2b^{2} + 2c^{2} - 4}{4} \rightarrow 2b^{2} = 2c^{2} - 4$$

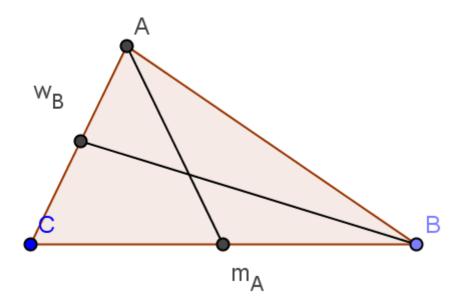
$$c^{2} = 2c - \frac{2cb^{2}}{(2+c)^{2}} \rightarrow c^{3} + 4c^{2} + 4 = 2c^{2} + 8c + 8 - 2b^{2}$$

Thus

$$c^3 + 4c^2 - 4c - 12 = 0$$

c=-4.27, c=-1.54, c=1.8201

Es válido para nuestros intereses sólo $\,$ c=1.8201 Además es $\,$ b=1.1458.



Ricardo Barroso Campos.

Jubilado.

Sevilla.