# Университет ИТМО

Факультет программной инженерии и компьютерной техники Направление подготовки 09.03.04 Программная инженерия Дисциплина «Вычислительная математика»

#### Отчет

По лабораторной работе №1 Вариант 13

Выполнил:

Трикашный М. Д.

P3206

Преподаватель:

Малышева Т. А.

# Цель работы

Разработать программу для подсчета корней СЛАУ. Для прямых методов должно быть реализовано:

- · Вычисление определителя
- · Вывод треугольной матрицы (включая преобразованный столбец В)
- $\cdot$  Вывод вектора неизвестных: x1, x2, ..., xn
- $\cdot$  Вывод вектора невязок: r1,r,...,rn

#### Описание метода

Метод Гаусса с выбором главного элемента — это модификация стандартного метода Гаусса, направленная на повышение числовой стабильности решения системы линейных уравнений.

Прямой ход метода состоит в последовательном исключении неизвестных из уравнений системы с использованием главного элемента, который выбирается для каждой строки в процессе приведения матрицы к верхнетреугольному виду. На каждом шаге выбирается такой элемент в текущем столбце, который имеет наибольшее по модулю значение среди всех оставшихся элементов в этом столбце (главный элемент). Затем строки матрицы меняются местами так, чтобы этот элемент оказался на диагонали. После этого, как и в стандартном методе Гаусса, осуществляется исключение переменных из оставшихся уравнений.

Обратный ход метода аналогичен стандартному методу Гаусса: начиная с последнего уравнения, решаются все уравнения поочередно, вычисляя неизвестные с использованием найденных значений на предыдущих шагах.

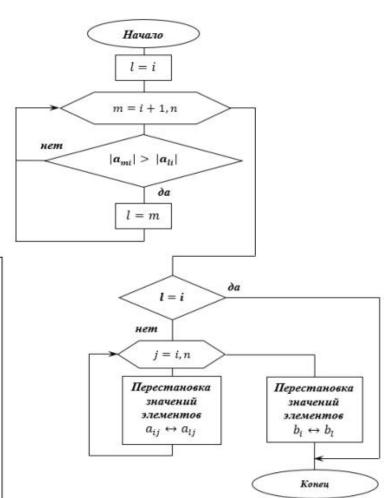
Код программы

https://github.com/trikesh32/comp\_math

## Функция, реализовывающая сам метод

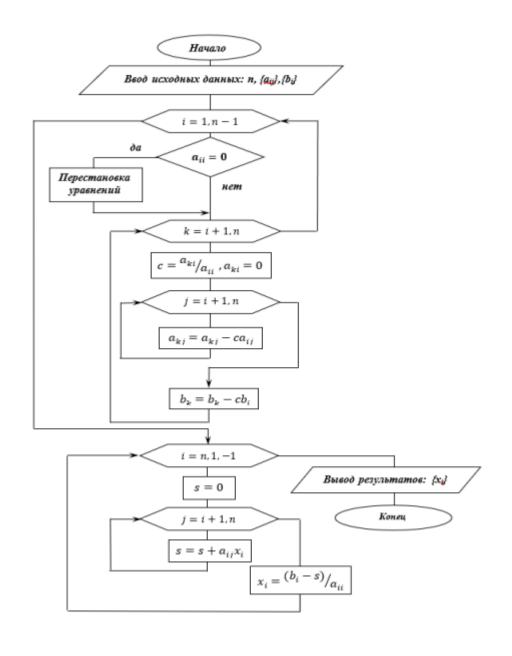
```
def change_lines(matrix, i, j):
       tmp = matrix[i][k]
       matrix[i][k] = matrix[j][k]
           matrix[j][k] -= multiplier * matrix[i][k]
   return matrix
           root -= matrix[i][j] * results[k]
```

## Блок схема алгоритма



l — номер наибольшего по абсолютной величине элемента матрицы в столбце с номером i (т. е. среди элементов  $a_{ii}$ , ...,  $a_{mi}$ ,...,  $a_{ni}$ ); m — текущий номер элемента, с которым происходит сравнение;

Выбор главного элемента осуществляется по столбцу



# Пример работы программы

# Входной файл tests/3.txt:

Broditor quin tests, s.t.t.				
1	3			
2	2.00	3.00	-1.00	7.00
3	1.00	-1.00	6.00	14.00
4	6.00	-2.00	1.00	11.00

### Результат работы:

```
0. Для выхода с программы
1. Считать матрицу с клавиатуры
2. Считать матрицу с файла
Ваш выбор: 2
Введите путь до файла с матрицей: tests/3.txt
2.000 3.000 -1.000
                      7.000
              6.000 14.000
1.000 -1.000
6.000 -2.000
                 1.000 11.000
Итерация: 1
Номер строки с наибольшим модулем: 3
Меняем местами строки
6.000 -2.000
                 1.000 11.000
                 6.000 14.000
1.000 -1.000
2.000 3.000 -1.000
                       7.000
Вычтем строки:
6.000 -2.000
                 1.000 11.000
                 5.833 12.167
0.000 -0.667
0.000 3.667 -1.333
                       3.333
Итерация: 2
Номер строки с наибольшим модулем: 3
Меняем местами строки
6.000 -2.000
                 1.000 11.000
0.000 3.667 -1.333
                       3.333
0.000 -0.667
                 5.833 12.167
Вычтем строки:
                 1.000 11.000
6.000 -2.000
0.000 3.667 -1.333
                       3.333
0.000 0.000 5.591 12.773
Итерация: 3
Номер строки с наибольшим модулем: 3
Вычтем строки:
6.000 -2.000
                 1.000 11.000
0.000 3.667 -1.333
                       3.333
0.000 0.000 5.591 12.773
Определитель: -123.0
Найденное решение:
2.033 1.740 2.285
Вектор неувязки:
8.881784197001252e-16 -1.7763568394002505e-150.0
_____
Найдем решение с помощью библиотеки Numpy
Определитель: 123.00000000000006
[2.03252033 1.7398374 2.28455285]
Вектор неувязки:
[-8.88178420e-16 -1.77635684e-15 0.00000000e+00]
```

### Вывод

Во время выполнения лабораторной работы я изучил работу прямого метода Гаусса с выбором главного элемента по столбцу. Основной недостаток прямого метода — хранение всей матрицы в памяти. Также метод не учитывает количество нулевых элементов, в результате чего проводятся лишние арифметические операции. Из-за того, что результаты вычисления используются повторно, накапливается вычислительная погрешность.

При решении СЛАУ методом Гаусса может получиться большая погрешность изза использования маленьких ведущих элементов. Выбор главного максимального элемента позволяет избежать этого.

Разница в ответах в моих расчетах и выполненных с помощью библиотеки Numpy может быть вызвана в округлении при выводе на экран. А так векторы неувязки фактически идентичны. Я посмотрел, в numpy также используется прямые методы, итерационные методы представлены в пакете scipy.sparse.linalg.