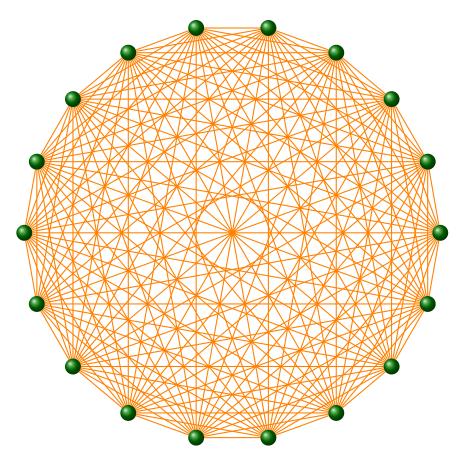


#### CLAUDIO DUCHI

# ESERCIZI SVOLTI DI MATEMATICA PRIMO



-mercoledì 16 febbraio 2022 22:04:07 CET-

Release: (7d41b36) Autore:Claudio Duchi 2022-02-16

A Federico

Sicuramente, in questo lavoro vi sono errori e imprecisioni, per cortesia segnalatemeli.

Copyright ©2022, Claudio Duchi.

Quest'opera è stata rilasciata con licenza  $\odot$  Creative Commons Attribuzione - Non commerciale - Non opere derivate 4.0 — Condividi allo stesso modo. Internazionale.

Per leggere una copia della licenza visita il sito web http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.o/ o spedisci una lettera a Creative Commons, PO Box 1866, Mountain View, CA 94042, USA.



- (i) Attribuzione: Devi riconoscere il contributo dell'autore originario.
- ⊗ Non commerciale: Non puoi utilizzare il contenuto di questo documento per scopi commerciali.
- (a) Non opere derivate: Non puoi alterare modificare o sviluppare questo documento.
- ② Condividi allo stesso modo: Questo documento, se condiviso, deve rispettare tutte le condizioni della licenza.

# Indice

Elenco	o delle figure	3
Esemp	pi e contro esempi	4
	Esempi	4
	Contro esempi	5
	Esercizi svolti	6
1 Nu	ımeri Naturali	7
1.1	mcd e mcm	7
2 Per	rcentuale, Interesse e sconto	9
2.1	Percentuale	9
2.2	Sconto	9
2.3	Incrementi	10
2.4	Interesse	10
2.5	Montante	11
2.6	Soluzioni esercizi	12
3 Pol	linomi	18
3.1	Somme	18
$\frac{3.1}{3.2}$	Prodotti	18
3.2	3.2.1 Polinomio per polinomio	20
	3.2.2 Quadrato del binomio	21
	3.2.3 Differenza di quadrati	$\frac{21}{23}$
	3.2.4 Cubo del Binomio	$\frac{23}{24}$
	3.2.5 Quadrato del trinomio	24
3.3	Scomposizioni	$\frac{24}{25}$
3.4	Minimo comune multiplo	$\frac{25}{25}$
	•	
	visioni fra polinomi	<b>26</b>
4.1	Divisioni fra monomi	26
4.2	Divisione fra polinomi	26
4.3	Metodo di Ruffini	29
5 Fra	azioni Algebriche	31
5.1	Semplificazione della frazione	31
5.2	Riduzione allo stesso indice	31
5.3	Somma fra frazioni	31
5.4	Prodotto di frazioni	31
5.5	Divisione fra frazioni	31
Indice	e analitico	32
Mezzi	usati	33
	abau.	-

# Elenco delle figure

4.1	Divisione fra polinomi .											28
4.3	Metodo di Ruffini											30

# Esempi e contro esempi

Esei	npi
1.1.1	ncm mcd
1.1.2	ncd mcm
1.1.3	ncd mcm
3.1.1	
3.2.1	
3.2.2	
3.2.3	
3.2.4	
3.2.5	
3.2.6	
3.2.7	
3.2.8	
3.2.9	
3.2.10	
3.2.11	
3.2.12	
3.2.13	
4.1.1	
4.2.1	
4.2.2	
4.3.1	
	ro esempi cizi svolti
2.1	Esercizio 2.1.1:
	Esercizio 2.1.2:
	3 Esercizio 2.1.3:
	Esercizio 2.1.4:
	Esercizio 2.1.5:
2.2	Esercizio 2.2.1:
	2 Esercizio 2.2.2:
	BEsercizio 2.2.3:
2.2	4 Esercizio 2.2.4:
2.2	5 Esercizio 2.2.5:
2.3	l Esercizio 2.3.1:
2.3	<sup>2</sup> Esercizio 2.3.2:

11

11

# Numeri Naturali

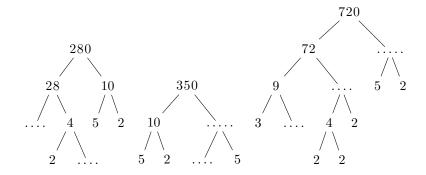
#### 1.1 mcd e mcm

#### Esempio 1.1.1. mcm mcd



Trovare il mcd e il mcm di 280; 350 <br/>e 720

Iniziamo a scomporre i tre numeri



Allineo i fattori

$$280 = \dots$$
 5 7  
 $250 = 2$  .... 7  
 $720 = 2^4$  .... 5

Ottengo

$$\begin{array}{rclcrcl} {\rm mcd} & = & 2 \cdot 5 & = & 10 \\ {\rm mcm} & = & \ldots \cdot 3^2 \cdot 5^2 \cdot \ldots & = & 25200 \end{array}$$

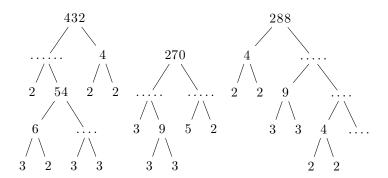
#### Esempio 1.1.2. mcd mcm



Trovare il mcd e il mcm di 432; 270 e 288

Iniziamo a scomporre i tre numeri

 $1.1. \hspace{0.2in} \mathrm{mcd} \hspace{0.1in} \mathrm{E} \hspace{0.1in} \mathrm{mcm}$ 8



 $\begin{array}{ccc} {\rm Allineo~i~fattori} \\ 432 & = \end{array}$ 

$$\begin{array}{rcl}
432 & = & \dots & 3^2 \\
270 & = & 2 & \dots & 5 \\
288 & = & 2^5 & 3^2
\end{array}$$

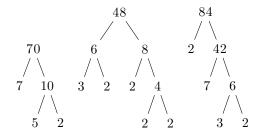
Ottengo

$$\begin{array}{rcl} \operatorname{mcd} & = & 2 \cdot 3^2 & = & 18 \\ \operatorname{mcm} & = & 2^5 \cdot \ldots \cdot 5 & = & \ldots \ldots \end{array}$$

#### Esempio 1.1.3. mcd mcm

Trovare il mcd e il mcm di 70; 48 e 78: \* \* \* : \* \* \*

Iniziamo a scomporre i tre numeri



Allineo i fattori
$$70 = 2 \qquad 5 \quad 7$$
$$48 = 2^4 \quad 3$$

$$84 = 2^2 3$$

Ottengo

$$\begin{array}{rclcrcl} \operatorname{mcd} & = & 2 & = & 2 \\ \operatorname{mcm} & = & 2^4 \cdot . \cdot 5 \cdot 7 & = & \dots \end{array}$$

# Percentuale, Interesse e sconto

#### 2.1 Percentuale

Esercizio 2.1.1: Parte Calcola 62 % di 707

Soluzione a pagina 12

**Esercizio 2.1.2:** In un negozio il 20 % dei clienti ha comprato un cellulare. Se in questo giorno il negozio ha avuto 745 clienti, quanti hanno acquistato un cellulare?

Soluzione a pagina 12

**Esercizio 2.1.3:** In una società di 300 soci il  $40\,\%$  sono insegnanti. Quanti sono gli altri soci?

Soluzione a pagina 12

**Esercizio 2.1.4:** Un negozio ha avuto 860 visitatori. Se il 70% dei clienti ha comprato delle pere, quanti hanno acquistato delle pere

**Esercizio 2.1.5:** Calcola quel numero il cui 40% è 540

Soluzione a pagina 12

#### 2.2 Sconto

**Esercizio 2.2.1:** Per l'aquisto di un melo è stato praticato uno sconto del 90% pari a  $180 \in$ . Qual era il prezzo iniziale?

Soluzione a pagina 13

Esercizio 2.2.2: In un negozio mi hanno ridotto il prezzo del 24% e ho risparmiato  $36 \in$ . Quale era il prezzo iniziale e quanto ho speso?

Soluzione a pagina 13

2.3. INCREMENTI 10

Esercizio 2.2.3: Un commerciante mette in vendita una coperta praticando il 10 % di sconto. Dopo un mese la offre scontandola del 30 %. Se lo sconto complessivo è stato di 300€, quale era il prezzo iniziale?

Soluzione a pagina 13

**Esercizio 2.2.4:** Pagando prima un debito ho avuto uno sconto del 24 % e pago 171 €. A quanto ammontava il debito?

Soluzione a pagina 14

Esercizio 2.2.5: Il prezzo del pane è di  $67 \in /kg$ . Mi è stato venduto a  $43 \in /kg$ . Che percentuale di sconto mi è stata praticata.

Soluzione a pagina 15

#### 2.3 Incrementi

Esercizio 2.3.1: Un commerciante ha acquistato della carne a  $42 \in /\text{kg}$  e l'ha rivenduta a  $52 \in /\text{kg}$ . Che percentuale di guadagno sul prezzo iniziale.

Soluzione a pagina 15

Esercizio 2.3.2: Il prezzo di un melo è di  $37 \in$ . Viene rivenduto a  $55 \in$ . Quanto è stato l'aumento percentuale?

Soluzione a pagina 15

Esercizio 2.3.3: Il costo di un bicchiere è di  $201 \in$  ha avuto un incremento del 20 %, quanto costa ora?

Esercizio 2.3.4: Un pollo dal costo di  $47 \in$  ha avuto un incremento del 47 %. Quanto costa ora?

Soluzione a pagina 15

#### 2.4 Interesse

Esercizio 2.4.1: Calcolare l'interesse semplice maturato su un capitale di  $43586 \in$  impiegato al 5 % per 7 anni.

**Esercizio 2.4.2:** Calcolare l'interesse semplice maturato su un capitale di 1376 € impiegato al 13 % per 12 anni.

Soluzione a pagina 16

**Esercizio 2.4.3:** Calcolare l'interesse semplice maturato su un capitale di 41712 € impiegato al 18 % per 7 anni e 82 giorni.

Soluzione a pagina 16

Esercizio 2.4.4: Calcolare l'interesse semplice maturato su un capitale di  $75637 \in$  impiegato al 14% per 3 anni e 2 mesi.

Soluzione a pagina 16

**Esercizio 2.4.5:** Calcolare l'interesse semplice maturato su un capitale di 9661€ impiegato al 9% per 11 anni e 11 mesi e 147 giorni.

Soluzione a pagina 17

#### 2.5 Montante

**Esercizio 2.5.1:** Calcolare il montante, in regime di interesse semplice, maturato su un capitale di 83921€ impiegato al 10 % per 15 anni e 199 giorni.

Soluzione a pagina 17

**Esercizio 2.5.2:** Calcolare il montante, in regime di interesse semplice, maturato su un capitale di  $17945 \in$  impiegato al 6% per 10 anni e 9 mesi.

Soluzione a pagina 17

**Esercizio 2.5.3:** Calcolare il montante, in regime di interesse semplice, maturato su un capitale di 51870 € impiegato al 1% per 6 anni e 7 mesi e 66 giorni.

Soluzione a pagina 17

#### 2.6 Soluzioni esercizi

Soluzione dell'esercizio 2.1.1 di pagina 9:

$$p = \frac{PA}{TU} \cdot 100$$

$$PA = \frac{p.TU}{100}$$

$$= \frac{62 \cdot 707}{100}$$

$$= 438,34$$

Soluzione dell'esercizio 2.1.2 di pagina 9:

$$p = \frac{PA}{TU} \cdot 100$$

$$PA = \frac{p.TU}{100}$$

$$= \frac{20 \cdot 745}{100}$$

$$= 149$$

Soluzione dell'esercizio 2.1.3 di pagina 9:

$$p = \frac{PA}{TU} \cdot 100$$

$$PA = \frac{p.TU}{100}$$

$$= \frac{40 \cdot 300}{100}$$

$$= 120$$

Altri soci

$$= 300 - 120$$
  
= 180

Soluzione dell'esercizio 2.1.5 di pagina 9:

$$p = \frac{PA}{TU} \cdot 100$$
$$40 = \frac{540}{TU} \cdot 100$$
$$TU = \frac{540}{40} \cdot 100$$
$$= 1350$$

Soluzione dell'esercizio 2.2.1 di pagina 9:

$$p_s = \frac{SC}{PI} \cdot 100$$

$$90 = \frac{180}{PI} \cdot 100$$

$$PI = \frac{180}{90} \cdot 100$$

$$= 200 \in$$

Soluzione dell'esercizio 2.2.2 di pagina 9:

$$p_s = \frac{SC}{PI} \cdot 100$$

$$24 = \frac{36}{PI} \cdot 100$$

$$PI = \frac{36}{24} \cdot 100$$

$$= 150 \in$$

$$PI = SC + PF$$

$$150 \in PF + 36 \in$$

$$PF = 150 \in -36 \in$$

$$= 114 \in$$

#### Soluzione dell'esercizio 2.2.3 di pagina 10:

In questo esempio lo sconto viene applicato due volte. Per risolverlo bisogna tener presente che il secondo sconto viene calcolato non sul prezzo iniziale ma questo nuovo importo, il quale sarà uguale a quello fissato all'inizio meno il primo sconto.

 $ScontoFinale = PrimoSconto + SecondoSconto = 300 \in$ 

Definiamo delle abbreviazioni

$$Primoscontopercentuale = PSP$$
 
$$Secondoscontopercentuale = SSP$$
 
$$PrimoPrezzo = PP$$
 
$$SecondoPrezzo = SP$$

#### 2.6. SOLUZIONI ESERCIZI

$$\begin{split} PrimoSconto &= \frac{PSP \cdot PP}{100} \\ SP &= PP - PrimoSsconto \\ &= PP - \frac{PSP \cdot PP}{100} \\ &= PP \left(1 - \frac{PSP}{100}\right) \\ SecondoSconto &= \frac{SSP \cdot SP}{100} \\ &= \frac{SSP}{100} \cdot PP \left(1 - \frac{PSP}{100}\right) \end{split}$$

Quindi

$$\begin{aligned} ScontoFinale &= \frac{PSP \cdot PP}{100} + \frac{SSP}{100} \cdot PP \left(1 - \frac{PSP}{100}\right) \\ &= PP \left[\frac{PSP}{100} + \frac{SSP}{100} \cdot \left(1 - \frac{PSP}{100}\right)\right] \\ PP &= \frac{ScontoFinale}{\frac{PSP}{100} + \frac{SSP}{100} \cdot \left(1 - \frac{PSP}{100}\right)} \\ PP &= \frac{300}{\frac{10}{100} + \frac{30}{100} \cdot \left(1 - \frac{10}{100}\right)} \\ &= 810.81 \leqslant \end{aligned}$$

#### Soluzione dell'esercizio 2.2.4 di pagina 10:

$$\begin{aligned} Debito &= Pagato + Sconto \\ &= Pagato + \frac{Sp \cdot Debito}{100} \\ Pagato &= Debito - \frac{Sp \cdot Debito}{100} \\ &= Debito \left(1 - \frac{Sp}{100}\right) \\ Debito &= \frac{Pagato}{1 - \frac{Sp}{100}} \\ Debito &= \frac{171 €}{1 - \frac{24}{100}} \\ &= 225 € \end{aligned}$$

Si poteva, riflettendoci sopra, operare in questa maniera:

$$Debito = Pagato + Sconto$$

Quindi se lo sconto è il 24 % del debito, il pagato è il 76 %. Quindi

$$P = \frac{Pagato}{Debito} \cdot 100$$

$$76 = \frac{171 \in}{Debito} \cdot 100$$

$$Debito = \frac{171 \in}{76} \cdot 100$$

$$= 225 \in$$

Soluzione dell'esercizio 2.2.5 di pagina 10:

$$Sconto = PI - PF$$

$$P = \frac{Sconto}{PI} \cdot 100$$

$$P = \frac{24}{67} \cdot 100$$

$$= 35.82\%$$

Soluzione dell'esercizio 2.3.1 di pagina 10:

$$Incremento = PF - PI$$
 
$$P = \frac{10}{Incremento} \cdot 100$$
 
$$P = \frac{10}{42} \cdot 100$$
 
$$= 23.81 \%$$

Soluzione dell'esercizio 2.3.2 di pagina 10:

$$Incremento = PF - PI$$
 
$$P = \frac{18}{Incremento} \cdot 100$$
 
$$P = \frac{18}{37} \cdot 100$$
 
$$= 48,65\%$$

Soluzione dell'esercizio 2.3.4 di pagina 10:

$$p = \frac{INC}{PI} \cdot 100$$

$$INC = \frac{p.PI}{100}$$

$$= \frac{47 \cdot 47}{100}$$

$$= 22.09 \in$$

$$PF = PI + INC$$

$$= 69.09 \in$$

Altrimenti

$$PF = PI + INC$$

$$PF = PI + \frac{p.PI}{100}$$

$$= PI \left(1 + \frac{p}{100}\right)$$

$$= 47 \left(1 + \frac{47}{100}\right)$$

$$= 69.09 \in$$

Soluzione dell'esercizio 2.4.2 di pagina 10:

$$\begin{split} I &= \frac{C \cdot r}{100} \cdot t \\ &= \frac{1376 \cdot 13}{100} \cdot 12 \\ &= 2146.56 \, \mathfrak{C} \end{split}$$

Soluzione dell'esercizio 2.4.3 di pagina 10:

$$\begin{split} I &= \frac{C \cdot r}{100} \cdot \left[ a + \frac{m}{12} + \frac{g}{360} \right] \\ &= \frac{41712 \cdot 18}{100} \cdot \left[ 7 + \frac{0}{12} + \frac{82}{360} \right] \\ &= 54267.31 \leqslant \end{split}$$

Soluzione dell'esercizio 2.4.4 di pagina 11:

$$\begin{split} I &= \frac{C \cdot r}{100} \cdot \left[ a + \frac{m}{12} + \frac{g}{360} \right] \\ &= \frac{75637 \cdot 14}{100} \cdot \left[ 3 + \frac{2}{12} + \frac{0}{360} \right] \\ &= 33532.40 \, \mathfrak{C} \end{split}$$

Soluzione dell'esercizio 2.4.5 di pagina 11:

$$\begin{split} I &= \frac{C \cdot r}{100} \cdot \left[ a + \frac{m}{12} + \frac{g}{360} \right] \\ &= \frac{9661 \cdot 9}{100} \cdot \left[ 11 + \frac{11}{12} + \frac{147}{360} \right] \\ &= 10716.46 \, \mathfrak{C} \end{split}$$

Soluzione dell'esercizio 2.5.1 di pagina 11:

$$\begin{split} I &= \frac{C \cdot r}{100} \cdot \left[ a + \frac{m}{12} + \frac{g}{360} \right] \\ &= \frac{83921 \cdot 10}{100} \cdot \left[ 15 + \frac{0}{12} + \frac{199}{360} \right] \\ &= 130520.47 \, \mathfrak{C} \\ M &= C + I \\ &= 83921 \, \mathfrak{C} + 130520.47 \, \mathfrak{C} \\ &= 214441.47 \, \mathfrak{C} \end{split}$$

Soluzione dell'esercizio 2.5.2 di pagina 11:

$$\begin{split} I &= \frac{C \cdot r}{100} \cdot \left[ a + \frac{m}{12} + \frac{g}{360} \right] \\ &= \frac{17945 \cdot 6}{100} \cdot \left[ 10 + \frac{9}{12} + \frac{0}{360} \right] \\ &= 11574.53 \, \mathfrak{C} \\ M &= C + I \\ &= 17945 \, \mathfrak{C} + 11574.53 \, \mathfrak{C} \\ &= 29519.53 \, \mathfrak{C} \end{split}$$

Soluzione dell'esercizio 2.5.3 di pagina 11:

$$\begin{split} I &= \frac{C \cdot r}{100} \cdot \left[ a + \frac{m}{12} + \frac{g}{360} \right] \\ &= \frac{51870 \cdot 1}{100} \cdot \left[ 6 + \frac{7}{12} + \frac{66}{360} \right] \\ &= 3509.87 \, \mathfrak{S} \\ M &= C + I \\ &= 51870 \, \mathfrak{S} + 3509.87 \, \mathfrak{S} \\ &= 55379.87 \, \mathfrak{S} \end{split}$$

## Polinomi

#### 3.1 Somme

#### Esempio 3.1.1

Supponiamo di voler sommare

$$3a + 2b^2 + 4a - 6b^2 + 2b$$

procediamo come segue:



$$3a + 2b^{2} + 4a - 6b^{2} + 2b$$
 $(3+4)a + (2-6)b^{2} + individuo i simili$ 
 $7a - 4b^{2} + 2b + 3 + 4 + 2 - 6$ 

#### 3.2 Prodotti

#### Esempio 3.2.1

Supponiamo di avere



$$3(2a - 5b) - 7a(2a + 3b) + 5(a^2 + 3b)$$

In questo esempio abbiamo tre moltiplicazioni di un monomio per un binomio. A destra si vedono i risultati parziali che poi sommati, danno il risultato

CAPITOLO 3. POLINOMI

19

finale.

$$3(2a - 5b) - 7a(2a + 3b) + 5(a^{2} + 3b) - 6a + 3 \cdot 2a - 3 \cdot (-5b)$$

$$6a - 15b - 7a(2a + 3b) + 5(a^{2} + 3b) - (-5b)$$

$$-14a^{2} - -7a \cdot (2a) - (-7a \cdot (3b))$$

$$-21ab - -7a \cdot (3b)$$

$$6a - 15b - 14a - 21ab + 5(a^{2} + 3b) - (-7a \cdot (3b))$$

$$+5a^{2} - 5 \cdot (a^{2}) - (-7a)$$

$$+15b - 5 \cdot (3b)$$

$$6a - 15b - 14a^{2} - 21ab + 5a^{2} + 15b$$

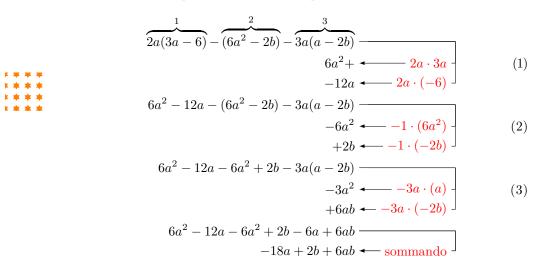
$$6a - 9a^{2} - 21ab - sommando$$
(1)

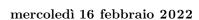
#### Esempio 3.2.2

Supponiamo di avere

$$2a(3a-6) - (6a^2 - 2b) - 3a(a-2b)$$

Anche in questo esempio abbiamo tre moltiplicazioni di un monomio per un binomio. Nel secondo prodotto si nota il segno meno fuori della parentesi tonda che in pratica cambierà il segno dei termini all'interno della parentesi. A destra abbiamo i risultati parziali delle tre moltiplicazioni.





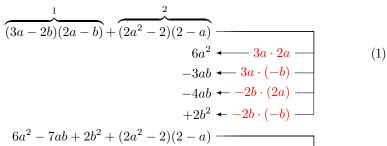
#### 3.2.1 Polinomio per polinomio

#### Esempio 3.2.3

Supponiamo di avere

$$(3a-2b)(2a-b) + (2a^2-2)(2-a)$$

In questo esempio abbiamo due moltiplicazioni di un binomio per un binomio. A destra i passaggi parziali. Infine sommiamo gli elementi simili e otteniamo la soluzione.



$$6a^{2} - 7ab + 2b^{2} + (2a^{2} - 2)(2 - a) - 4a^{2} \leftarrow 2a^{2} \cdot (2) - -2a^{3} \leftarrow 2a^{2} \cdot (-a) - -4 \leftarrow -2 \cdot 2 - 2a \leftarrow -2 \cdot -a$$

$$(2)$$

#### Esempio 3.2.4

Supponiamo di avere



$$(xy-2)[(xy-2)xy+4+2xy]-(xy-2)(x^2y^2+2xy+4)$$

In questo esempio abbiamo quattro moltiplicazioni fra vari polinomi. A complicare le cose vi sono le regole di precedenza. A destra i vari risultati parziali. Si

CAPITOLO 3. POLINOMI

procede seguendo l'ordine indicato sopra l'espressione.

$$(xy-2)\overbrace{(xy-2)xy+4+2xy]}^{3} - \overbrace{(xy-2)(x^{2}y^{2}+2xy+4)}^{4} - \underbrace{(xy-2)(x^{2}y^{2}+2xy+4)}_{-2xy}^{2} - \underbrace{(-1)\cdot (xy\cdot x^{2}y^{2}-2\cdot x^{2}y^{2}-2\cdot$$

#### 3.2.2 Quadrato del binomio

#### Esempio 3.2.5

Supponiamo di voler calcolare il quadrato del binomio



$$(a+2b)^2$$

21

procediamo come segue:



#### Esempio 3.2.6

Supponiamo di voler calcolare il quadrato di

$$(2x - 3y)^2$$

procediamo come segue:



$$(2x - 3y)^{2} \longrightarrow 2x \cdot 2x - 2x \cdot 2x$$

#### Esempio 3.2.7

Supponiamo di voler calcolare il quadrato di

$$(2-z)^2$$

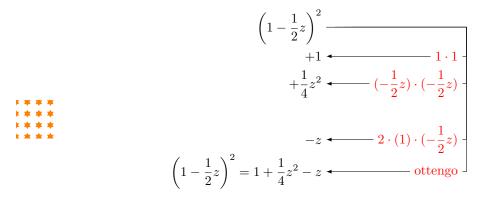


#### Esempio 3.2.8

Supponiamo di voler calcolare il quadrato di



$$\left(1 - \frac{1}{2}z\right)^2$$



#### 3.2.3 Differenza di quadrati

#### Esempio 3.2.9

Supponiamo di voler calcolare

$$(2x - 3y)(2x + 3y)$$

procediamo come segue



$$(2x - 3y)(2x + 3y)$$

$$+4x^{2} \leftarrow 2x \cdot 2x$$

$$-9y^{2} \cdot (-)(-3y) \cdot (-3y)$$

$$(2x - 3y)(2x + 3y) = 4x^{2} - 9y^{2} \leftarrow \text{ottengo}$$

#### Esempio 3.2.10

Supponiamo di vole calcolare

$$(-4a - b)(-4a + b)$$

L'esempio non sembra una differenza di quadrati ma anche qui abbiamo un termine che mantiene il segno ed un termine che lo cambia, procediamo come segue



3.2. PRODOTTI 24

#### Esempio 3.2.11

Supponiamo di vole calcolare

$$(a+b+c)(a+b+c)$$

L'esempio non sembra una differenza di quadrati ma anche qui abbiamo un termine che mantiene il segno ed un termine che lo cambia solo che qui non è un monomio ma un binomio, procediamo come segue:



$$(a+b+c)(a-b-c)$$

$$[a+(b+c)][a-(b+c)] \cdot \frac{\text{raggruppo}}{\text{applico differenza di quadrati}}$$

$$(a+b+c)(a-b-c) = a^2 - b^2 - c^2 - 2bc \longleftarrow \text{ottengo}$$

#### 3.2.4 Cubo del Binomio

#### Esempio 3.2.12

Supponiamo di vole calcolare

$$(a-3b)^3$$

procediamo come segue:



$$(a-3b)^{3} \xrightarrow{\qquad \qquad a \cdot a \cdot a - }$$

$$-(-3b) \cdot (-3b) \cdot (-3b) -$$

$$-9a^{2} \cdot 3 \cdot (a) \cdot (a) \cdot (-3b) -$$

$$+2 \cdot 3 \cdot (a) \cdot (-3b) \cdot (-3b) -$$

$$(a-3b)^{2} = a^{3} - 27b^{3} - 9a^{2}b + 27ab^{2} \xrightarrow{\qquad \text{ottengo}}$$

#### 3.2.5 Quadrato del trinomio

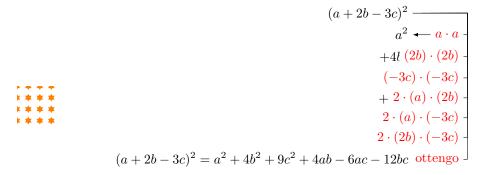
#### Esempio 3.2.13

Supponiamo di vole calcolare



$$(a+2b-3c)^2$$

procediamo come segue:



#### 3.3 Scomposizioni

Inserire esercizi

### 3.4 Minimo comune multiplo

Inserire esercizi

# Divisioni fra polinomi

#### 4.1 Divisioni fra monomi

#### Esempio 4.1.1

Le seguenti divisioni sono possibili

$$3x^3y^2 : x^y = 3x^0y^1 = 3y$$
  
 $4x^5a^2b : 2x^2a = 2x^3ab$ 



La seguente divisione è impossibile

$$x^4y^3: y^5 = x^4y^{-2}$$

#### 4.2 Divisione fra polinomi

#### Esempio 4.2.1



Supponiamo di voler fare la seguente divisione  $(x^3-x^4+1):(x^2+1)$ 

#### Esempio 4.2.2

Supponiamo di voler dividere



$$(x^4 + 2x + 1) : (x^2 + 1)$$

#### 4.2. DIVISIONE FRA POLINOMI

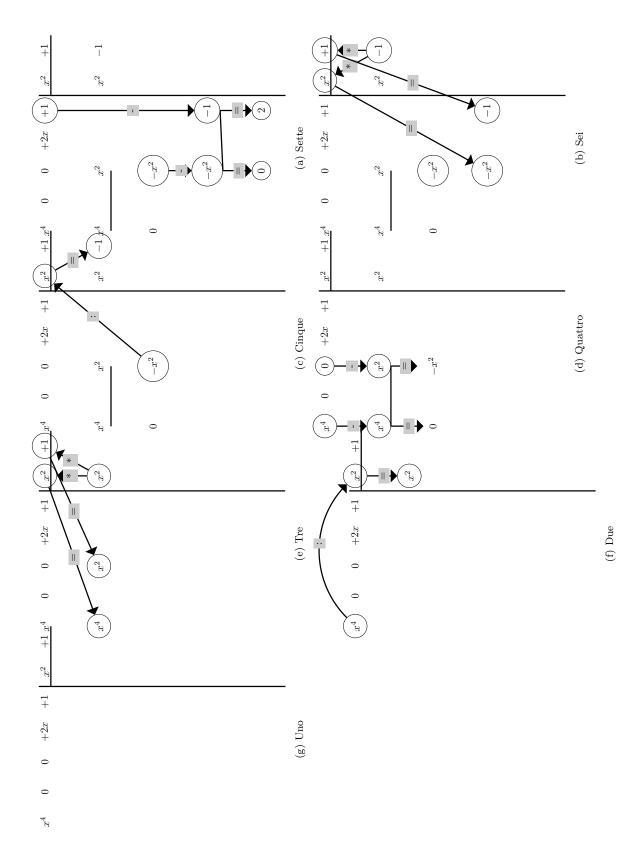


Figura 4.1: Divisione fra polinomi

#### 4.3 Metodo di Ruffini

#### Esempio 4.3.1

Supponiamo di voler dividere

$$(x^2 + 2x + 1) : (x + 1)$$

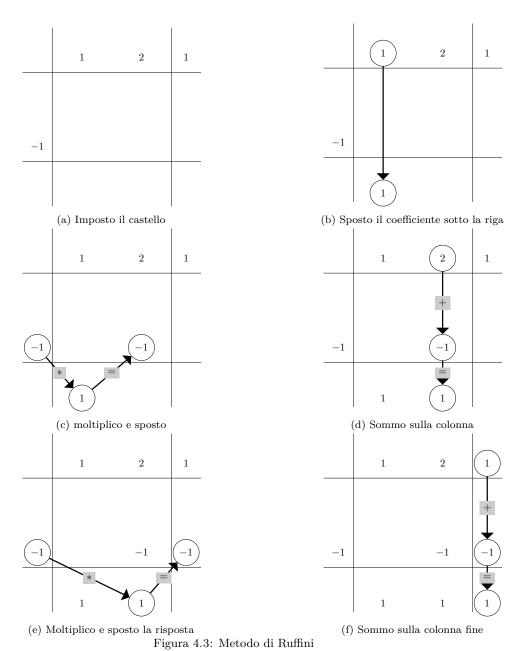


la risposta è

$$x + 1$$

con resto zero.

#### 4.3. METODO DI RUFFINI



# Frazioni Algebriche

#### 5.1 Semplificazione della frazione

Inserire esercizi

5.2 Riduzione allo stesso indice

Inserire esercizi

5.3 Somma fra frazioni

Inserire esercizi

5.4 Prodotto di frazioni

Inserire esercizi

5.5 Divisione fra frazioni

Inserire esercizi

a+b]

# Indice analitico

P	prodotti,18-20
	$\operatorname{quadrato}$
Polinomi	binomio, 21, 22
differenza	trinomio, 24
quadrati, 23, 24	somma, 18

#### Mezzi usati

- I mezzi usati
  - pdfIAT<sub>E</sub>X tramite la distribuzioneT<sub>E</sub>X Live http://www.tug.org/texlive
  - Pacchetti usati
    - 1. Per la grafica il pacchetto PGF 3.1.9a,  $\mathrm{Ti}k\mathrm{Z}$
    - 2. Per la grafica i pacchetti TKZ di Altermundus http://altermundus.fr
    - 3. Per l'elettronica il pacchetto CircuiTikZ
    - 4. Per la matematica il pacchetto  $\mathcal{AMS}$
    - 5. Per le presentazioni BEAMER
  - Editor usati
    - 1. TeXstudio http://texstudio.sourceforge.net/
    - 2. GeoGebra 5 https://www.geogebra.org
- Aiuti e consigli
  - 1. Forum del GIT Gruppo Utilizzatori Italiani di TEX http://www.guitex.org/home/it/forum
  - 2. ArsTEXnica la rivista del GIT
  - 3. TEX ample.net http://www.texample.net da cui qualche immagine è stata tratta
  - 4. TEX StackExchange http://tex.stackexchange.com
- Aggiornamenti http://breviariomatematico.altervista.org