

PERMANÊNCIA RADIOATIVA EM CHERNOBYL

KALIMERA

Cálculo Numérico

PARTICIPANTES DO GRUPO:



Felipe Duarte



João Fahning



Tiago Trindade



Nicholas Rodrigues



Thiago Leal



Fernando d'Ávila



Euro Da Cunha

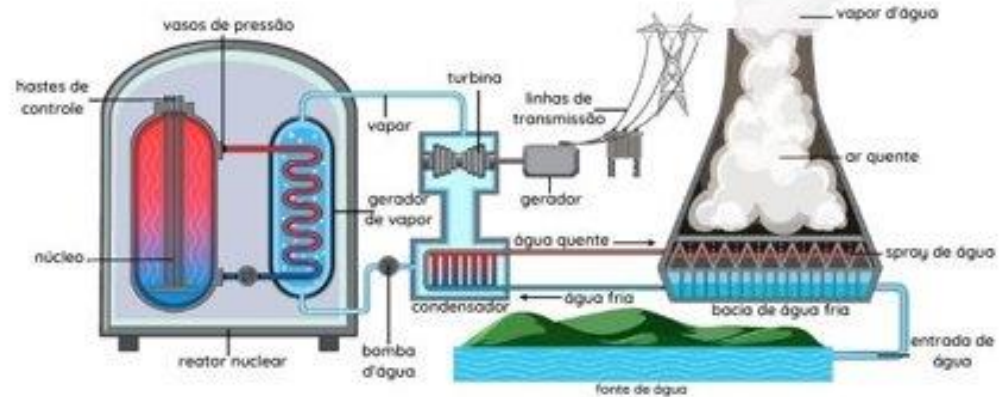


Renan Gondim

INTRODUÇÃO



Usina Nuclear

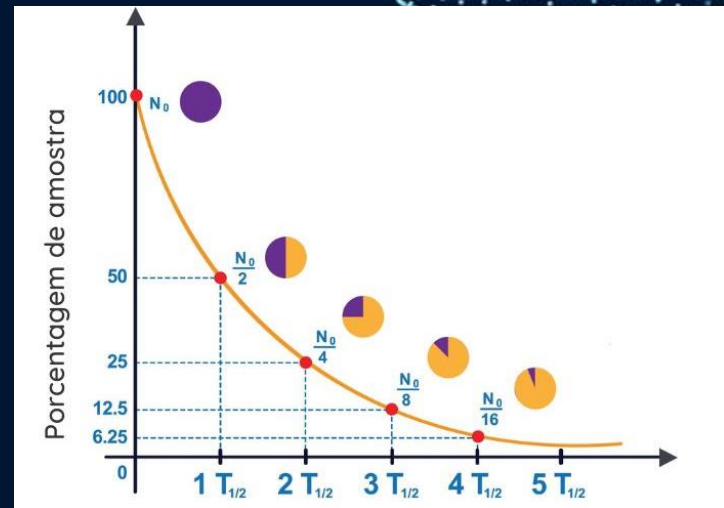
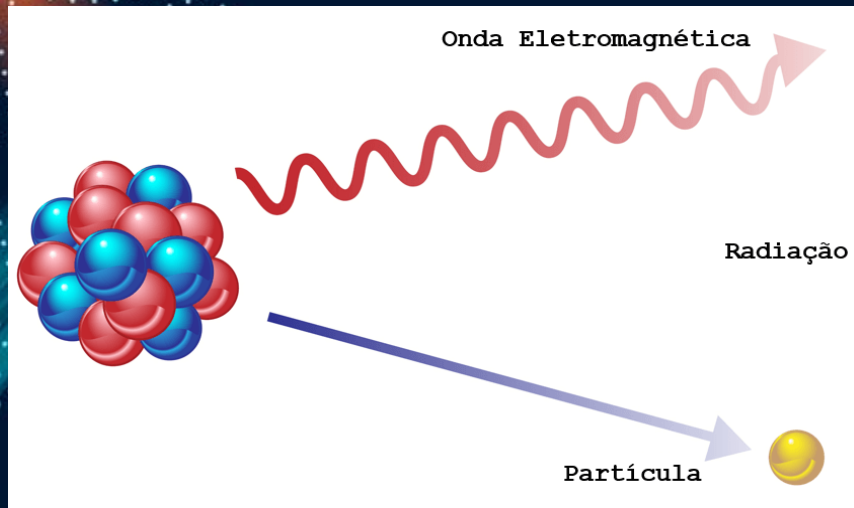


O CRESCENTE DESAFIO DOS RESÍDUOS RADIOATIVOS

Aumento dos resíduos radioativos devido a aplicações médicas, industriais e nucleares

Necessidade crucial de abordar o decaimento radioativo para garantir a segurança em seu manuseio

COMPREENDENDO O DECAIMENTO RADIOATIVO



Núcleos instáveis que emitem partículas ou radiação para atingir estabilidade.

A MATEMÁTICA DO DECAIMENTO

A equação utilizada para modelar o decaimento radioativo é a equação da lei do decaimento exponencial, que descreve a taxa de decaimento de uma substância radioativa ao longo do tempo. A equação é dada por:

$$N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda t}$$

onde:

$N(t)$ é a quantidade da substância radioativa no tempo t .

N_0 é a quantidade inicial da substância no tempo $t = 0$.

λ é a constante de decaimento.

t é o tempo decorrido.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

lambda_cesium_137 = 0.0230433552
lambda_strontium_90 = 0.0140597
initial_quantity = 100
time_step = 1
total_time = 500

quantities_cesium = [initial_quantity]
quantities_strontium = [initial_quantity]

for i in range(total_time):
    new_quantity_cesium = quantities_cesium[-1] * np.exp(-lambda_cesium_137 * time_step)
    new_quantity_strontium = quantities_strontium[-1] * np.exp(-lambda_strontium_90 * time_step)
    quantities_cesium.append(new_quantity_cesium)
    quantities_strontium.append(new_quantity_strontium)
```


MERGULHANDO EM NÚMEROS

```
# definição do método da bissecante
def bisection_method(func, a, b, target_value, tolerance=1e-6, max_iterations=100):
    if np.sign(func(a) - target_value) == np.sign(func(b) - target_value):
        return None

    for _ in range(max_iterations):
        c = (a + b) / 2
        f_c = func(c) - target_value

        if np.abs(f_c) < tolerance:
            return c

        if np.sign(func(a) - target_value) != np.sign(f_c):
            b = c
        else:
            a = c

    return None
```

```
# método da bissecante para encontrar o ponto em que o gráfico toca y = 0.1
target_value = 0.1
result = bisection_method(lambda x: np.interp(x, np.arange(total_time + 1), quantities_cesium), 0, total_time, target_value)

if result is not None:
    print(f"Valor encontrado para Césio-137: {result}")
else:
    print(f"Não foi possível encontrar um valor que resulte em {target_value} para Césio-137.")

result_strontium = bisection_method(lambda x: np.interp(x, np.arange(total_time + 1), quantities_strontium), 0, total_time, target_value)

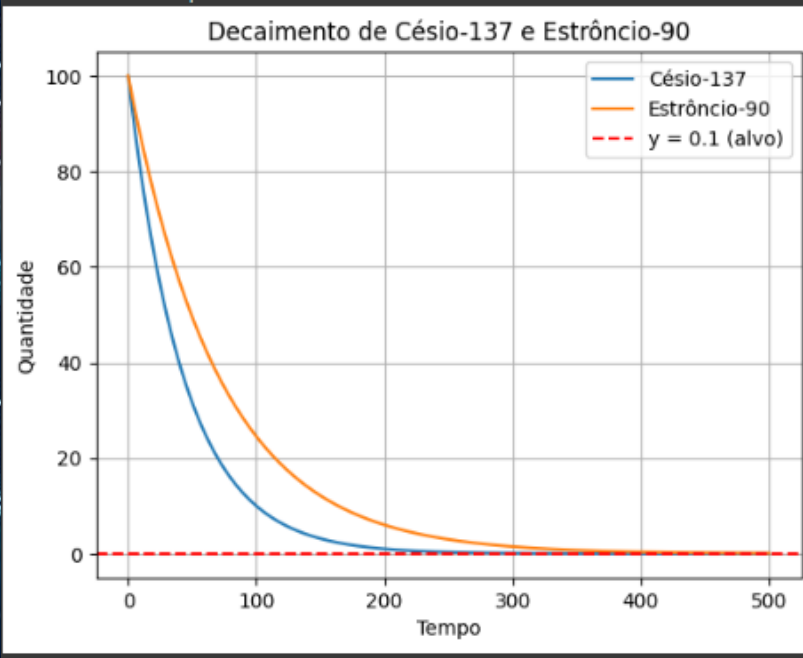
if result_strontium is not None:
    print(f"Valor encontrado para Estrôncio-90: {result_strontium}")
else:
    print(f"Não foi possível encontrar um valor que resulte em {target_value} para Estrôncio-90.")

x_values = np.arange(total_time + 1)
plt.plot(x_values, quantities_cesium, label="Césio-137")
plt.plot(x_values, quantities_strontium, label="Estrôncio-90")
plt.axhline(y=target_value, color='r', linestyle='--', label='y = 0.1 (alvo)')
plt.title("Decaimento de Césio-137 e Estrôncio-90")
plt.xlabel("Tempo")
plt.ylabel("Quantidade")
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()
```

MERGULHANDO EM NÚMEROS

Valor encontrado para Césio-137: 299.774169921875

Valor encontrado para Estrôncio-90: 491.3177490234375



Portanto, por valores arbitrário que definimos, que seria 0.1 (ou 0,1%), em 300 anos que os níveis de Césio estarão aceitáveis e e, 491 que os níveis de estrôncio estarão aceitáveis.

LIMITES NA MODELAGEM

Limites da Equação

Considera apenas decaimento alfa, beta e gama

Fatores Externos não contemplados

COMPUTAÇÃO PARA UM MELHOR ENTENDIMENTO

- **Criação de um modelo simplificado para representar como os isótopos césio-137 e estrôncio-90 se dispersam no ambiente**

Parametros da Dispersao(em ano/unidade de espasco)

```
[ ] dispersion_mean = 0
    dispersion_std_dev_initial = 1
    dispersion_spread_rate = 0.05
```

Simulação da dispersão dos isótopos no ambiente

```
[ ] def simulate_dispersion(quantities, dispersion_std_dev_initial, dispersion_spread_rate, total_time):
    dispersion_data = []
    for i in range(total_time + 1):
        std_dev = dispersion_std_dev_initial + i * dispersion_spread_rate
        dispersion = quantities[i] * np.exp(-(np.arange(-10, 11)**2) / (2 * std_dev**2))
        dispersion_data.append(dispersion)
    return dispersion_data
```

```
dispersion_cesium = simulate_dispersion(quantities_cesium, dispersion_std_dev_initial, dispersion_spread_rate, total_time)
dispersion_strontium = simulate_dispersion(quantities_strontium, dispersion_std_dev_initial, dispersion_spread_rate, total_time)
```

$$f(x) = a \cdot e^{-\frac{(x-b)^2}{2\sigma^2}}$$

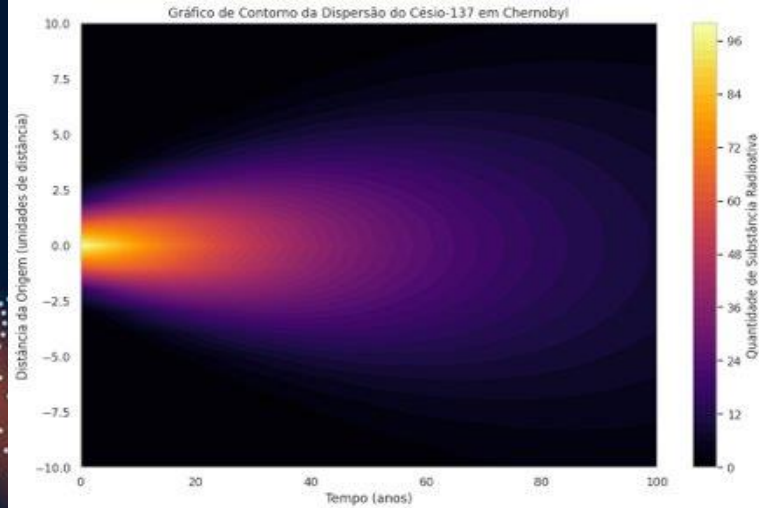
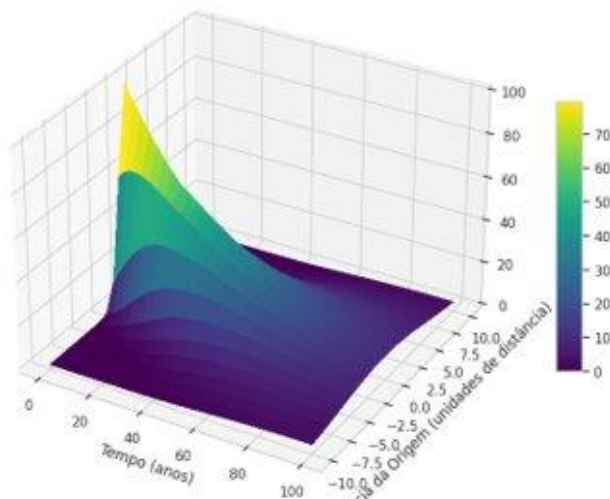


Gráfico de Superfície 3D da Dispersão do Césio-137 em Chernobyl



```
from matplotlib import cm

def create_dispersion_matrix(dispersion_data):
    # dispersion_data esta na forma[tempo][distancia]
    # deve-se transpor para[distancia][tempo] para usar a função contourf
    return np.array(dispersion_data).T

dispersion_cesium_matrix = create_dispersion_matrix(dispersion_cesium)
dispersion_strontium_matrix = create_dispersion_matrix(dispersion_strontium)

def plot_contour(dispersion_matrix, isotope_name):
    plt.figure(figsize=(12, 8))
    X, Y = np.meshgrid(np.arange(total_time + 1), np.arange(-10, 11))
    cp = plt.contourf(X, Y, dispersion_matrix, cmap=cm.inferno, levels=50)
    plt.colorbar(cp, label="Quantidade de Substância Radioativa")
    plt.title(f"Gráfico de Contorno da Dispersão do {isotope_name} em Chernobyl")
    plt.xlabel("Tempo (anos)")
    plt.ylabel("Distância da Origem (unidades de distância)")
    plt.show()

plot_contour(dispersion_cesium_matrix, "Césio-137")
plot_contour(dispersion_strontium_matrix, "Estrôncio-90")
```

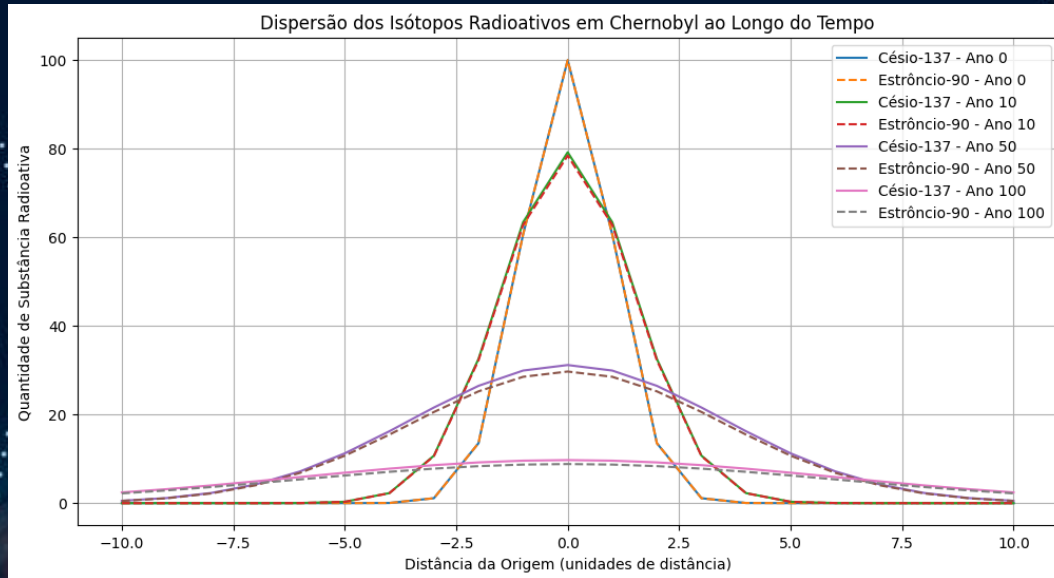
```
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
```

```
def plot_3d_surface(dispersion_matrix, isotope_name):
    fig = plt.figure(figsize=(12, 8))
    ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
    X, Y = np.meshgrid(np.arange(total_time + 1), np.arange(-10, 11))
    surf = ax.plot_surface(X, Y, dispersion_matrix, cmap=cm.viridis, linewidth=0, antialiased=False)
    plt.title(f"Gráfico de Superfície 3D da Dispersão do {isotope_name} em Chernobyl")
    plt.xlabel("Tempo (anos)")
    plt.ylabel("Distância da Origem (unidades de distância)")
    fig.colorbar(surf, ax=ax, shrink=0.5, aspect=10)
    plt.show()
```

```
plot_3d_surface(dispersion_cesium_matrix, "Césio-137")
plot_3d_surface(dispersion_strontium_matrix, "Estrôncio-90")
```


SIMULAÇÕES COMPUTACIONAIS PARA MODELAR DISPERSÃO

PLOTAGEM DE DISPERSÃO PARA DIFERENTES MOMENTOS DO TEMPO



MEDIDAS DE MANIPULAÇÃO

**Importância de
compreender o decaimento
para o manuseio seguro de
resíduos**

**Estabelecimento de
critérios de segurança
para manipulação sem
riscos à saúde**

Calculando o Tempo Adequado

Cálculo do tempo necessário para um manuseio seguro

Considerações sobre as partículas emitidas durante o decaimento

Aplicação no Cotidiano



RECAPITULANDO A JORNADA

Reforçando a relevância da compreensão do decaimento radioativo

O poder da modelagem matemática e computacional em decisões seguras

Abordagem às regulamentações governamentais e implicações práticas