

기하변환

스케일링, 로테이션, 쉬어링

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	Scaling							
2	1	0		-2	-2	2	2	
3	0	1		-2	2	-2	2	
4								
5	Rotation			=mmult(A2:B3,D2:G3)				
6								
7								

Ctrl+Shift+enter
여기선 단위 행렬을 곱했으니
동일한 출력이 나올 것

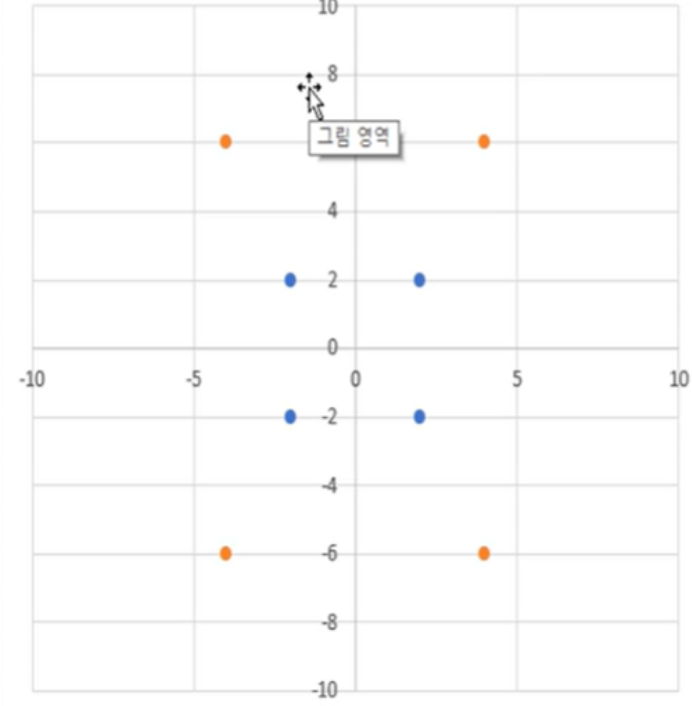
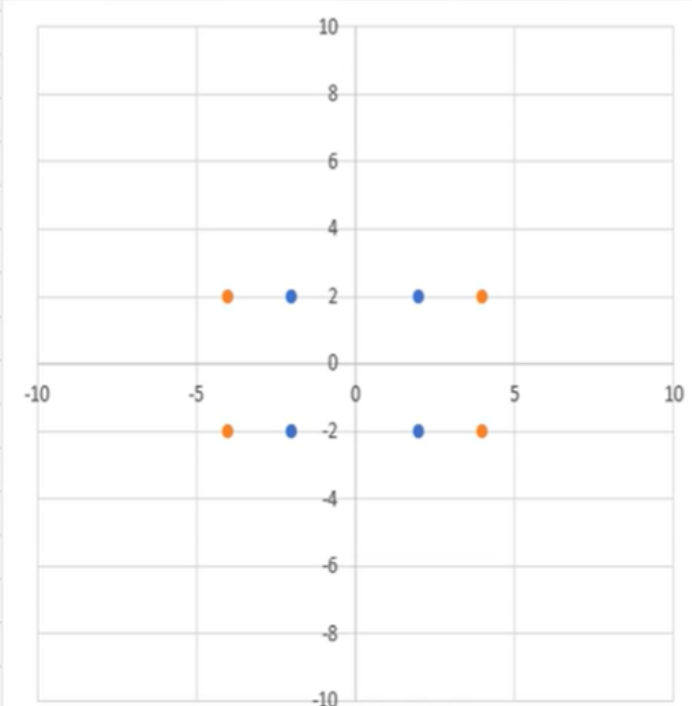


-2	-2	2	2
-2	2	-2	2

Scaling

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1	Scaling								
2	2	0		-2	-2	2	2		
3	0	1		-2	2	-2	2		
4									
5	Rotation								
6				-4	-4	4	4		
7				-2	2	-2	2		
8									

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1	Scaling								
2	2	0		-2	-2	2	2		
3	0	1		-2	2	-2	2		
4									
5	Rotation								
6				-4	-4	4	4		
7				-2	2	-2	2		
8									



Rotation

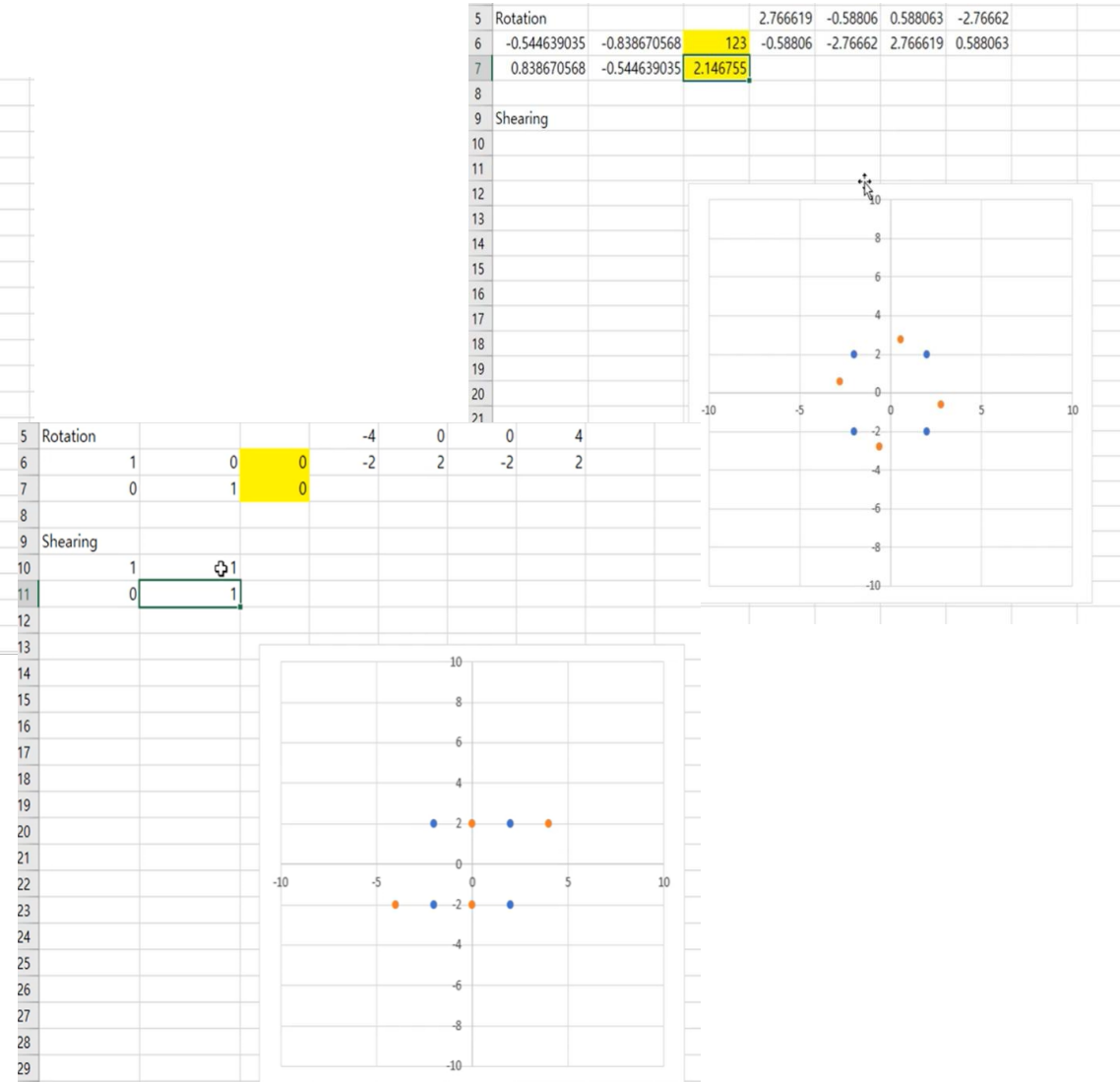
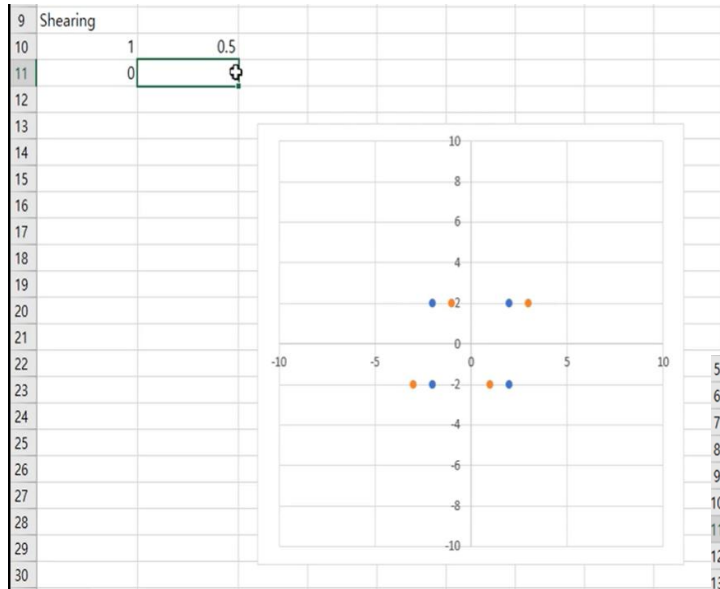
5	Rotation	
6	6.12574E-17	-1
7	1	6.12574E-17

0이라고 보면 되고,
90도 Rotation 한 결과이다

5	Rotation		
6	1	2.4503E-16	360
7	-2.4503E-16	1	6.283185
8			

이건 360도 회전한 결과

shearing



Cartesian

- 모두 행렬의 곱셈으로 이루어져있어
- Translation 이걸 유일하게 덧셈으로 이루어져 있어
- So 디카르트가 카르테시안(Cartesian) 표기법을 만들어냄
- 이동은 행렬의 덧셈으로만 가능했어
- But 행 렬 하나씩 추가하는 방법을 한다면, x 와 y 의 이동량을 알려주는 값
- 하나씩 행 렬을 추가한다면 끝에 두개만 성분을 바꿔서 x 와 y 의 이동량을 표현하여 행렬의 덧셈이 아니라 곱셈을 이용하여 이동을 볼 수 있어
- 복합적인 기하변환을 수행할 때 하나의 행렬로 만들어서 적용할 수 있어 원랜 덧셈인데 카르테시안으로 적용하면 다른 것과 섞일 수 있다는 장점이 있어

1	Cartesian						
2							
3	1	0	3	-2	-2	2	2
4	0	1	0	-2	2	-2	2
5	0	0	1	1	1	1	1
6						+	
7				1	1	5	5
8				-2	2	-2	2
9				1	1	1	1
10							

[illegible]

```

691 //기하변환_이동 [translation] -> 화소의 위치가 바뀌겠지? so, x랑 y 이동량 변수를 설정해야지
692
693 int Tx = 50, Ty = 30;
694 for (int i = 0; i < H; i++)
695 {
696     for (int j = 0; j < W; j++)
697     {
698         //입력 영상의 특정 픽셀을 출력 영상으로 보내야해
699         //1st 순방향 사상
700         if ((i + Ty < H && i + Ty >= 0) && (j + Tx < W && j + Tx >= 0))
701         {
702             Output[(i + Ty) * W + (j + Tx)] = Image[i * W + j]; //영상의 범위를 벗어나게 돼 --> 예외처리 필수!
703         }
704     }
705 }
706

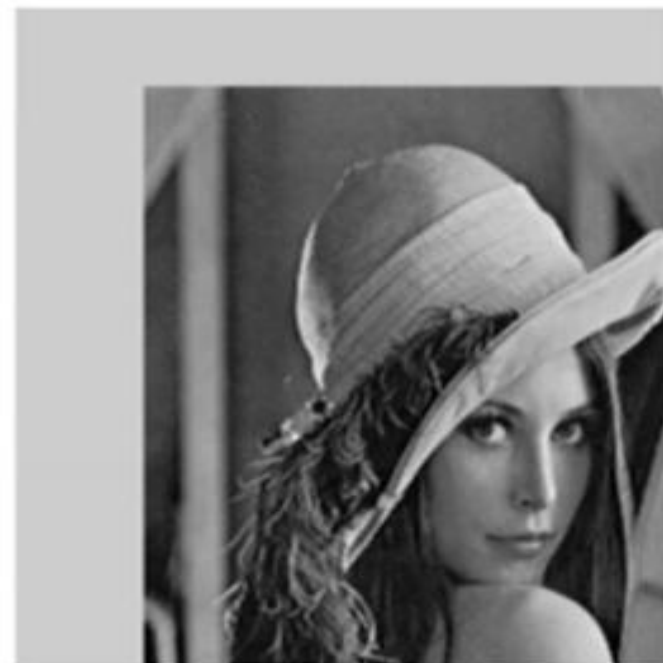
```



```

520 // Translation
521 int Tx = 50, Ty = -30;
522 for (int i = 0; i < H; i++) {
523     for (int j = 0; j < W; j++) {
524         if((i+Ty < H && i+Ty >= 0) && (j+Tx < W && j+Tx >=0))
525             Output[(i+Ty)*W + (j+Tx)] = Image[i*W + j];
526     }
527 }

```




```

610 void Translation(BYTE* Image, BYTE* Output, int W, int H, int Tx, int Ty)
611 {
612     //Ty 부호 바꿔주어야 해 --> 사람 기준으로 움직이는 걸 기대하려면, 이 상태에서 *-1을 곱해야해
613     Ty = Ty * -1;
614
615     for (int i = 0; i < H; i++)
616     {
617         for (int j = 0; j < W; j++)
618         {
619             //입력 영상의 특정 픽셀을 출력 영상으로 보내야해
620             //1st 순방향 사상
621             if ((i + Ty < H && i + Ty >= 0) && (j + Tx < W && j + Tx >= 0))
622             {
623                 Output[(i + Ty) * W + (j + Tx)] = Image[i * W + j]; //영상의 범위를 벗어나게 돼 --> 예외처리 필수!
624             }
625         }
626     }
627 }
628
629
630
631

```

//Ty 부호 바꿔주어야 해 --> 사람 기준으로 움직이는 걸 기대하려면, 이 상태에서 *-1을 곱해야해

VerticalFlip -> 위 아래 뒤집기

//기하변환_이동 [Translation] -> 화소의 위치가 바뀌겠지? so, x랑 y 이동량 변수를 설정해야지

VerticalFlip(Image, W, H);

int Tx = 50, Ty = 30;

```
for (int i = 0; i < H; i++)
```

```
{
    for (int j = 0; j < W; j++)
```

```
{
    //입력 영상의 특정 픽셀을 출력 영상으로 보내야해
```

```
    //1st 순방향 사상
```

```
    if ((i + Ty < H && i + Ty >= 0) && (j + Tx < W && j + Tx >= 0))
```

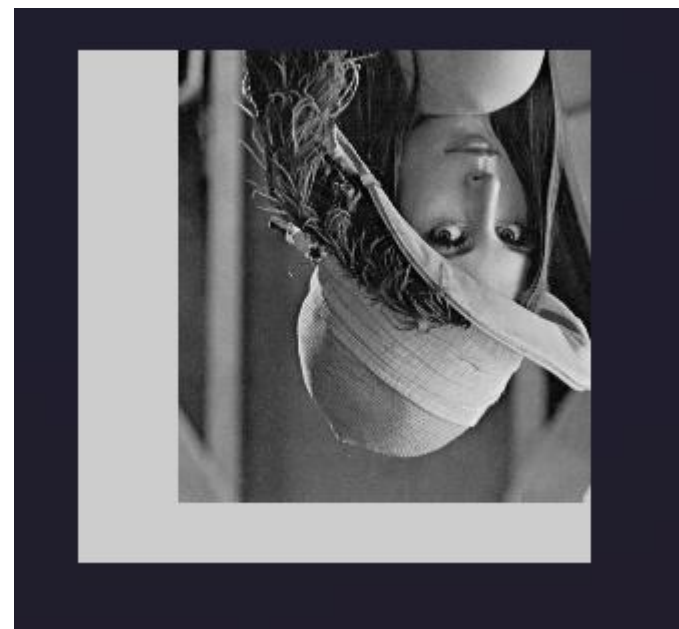
```
{
```

```
        Output[(i + Ty) * W + (j + Tx)] = Image[i * W + j]; //영상의 범위를 벗어나게 돼 --> 예외처리 필수!
```

```
}
```

```
}
```

```
}
```



뒤집힌 상태로 좌, 하단에 마진을 남김
Flip -> 이동

HorizontalFlip

```
623 void HorizontalFlip(BYTE* Img, int W, int H)
624 {
625     for (int i = 0; i < W/2; i++)
626     {
627         for (int j = 0; j < H; j++) //y축 한 줄
628         {
629             swap(&Img[j * W + i], &Img[j * W + (W-1-i)]);
630         }
631     }
632 }
633
```

Scaling 순방향

```
687 //factor < 1 ==> 축소
688
689 double SF_X = 1.3, SF_Y = 1.5; // -> 확대 --> hole 이 나타날 것
690 int tmpX, tmpY;
691
692 for (int i = 0; i < H; i++)
693 {
694     for (int j = 0; j < W; j++)
695     {
696         tmpX = int(j * SF_X);
697         tmpY = int(i * SF_Y);
698         //스케일링 값은 음수가 될 수 없어
699         if (tmpY < H && tmpX < W)
700         {
701             Output[tmpY*W+tmpX] = Image[i * W + j]; //영상의 범위를 벗어나게 돼 --> 예외처리 필수!
702         }
703     }
704 }
705
706
707
```



Scaling 역방향

```
688
689 double SF_X = 1.3, SF_Y = 1.5; // -> 확대 --> hole 이 나타날 것
690 int tmpX, tmpY;
691
692 for (int i = 0; i < H; i++)
693 {
694     for (int j = 0; j < W; j++)
695     {
696
697         //역방향 연산 하기
698         tmpX = int(j / SF_X);
699         tmpY = int(i / SF_Y);
700         if (tmpY < H && tmpX < W)
701         {
702             Output[i+W*j] = Image[tmpY*W + tmpX]; //영상의 범위를 벗어나게 돼 --> 예외처리 필수!
703         }
704     }
705 }
706
707
```



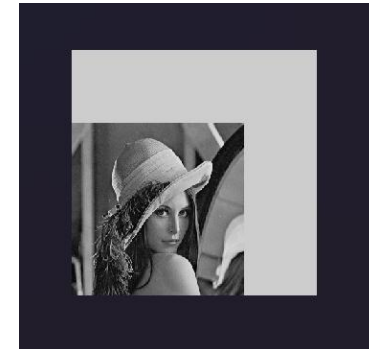
Scaling 확대 & 축소

```
656 void Scaling(BYTE* Image, BYTE* Output, int W, int H, double SF_X, double SF_Y)
657 {
658     int tmpX, tmpY;
659     for (int i = 0; i < H; i++)
660     {
661         for (int j = 0; j < W; j++)
662         {
663             //역방향 연산 하기
664             tmpX = int(j / SF_X);
665             tmpY = int(i / SF_Y);
666             if (tmpY < H && tmpX < W)
667             {
668                 Output[i * W + j] = Image[tmpY * W + tmpX]; //영상의 범위를 벗어나게 돼 --> 예외처리 필수!
669             }
670         }
671     }
672 }
673
674
675
676
```

```
703
704
705 //스케일링
706 //factor > 1 ==> 확대
707 //factor < 1 ==> 축소
708
709 Scaling(Image, Output, W, H, 2.0, 0.7);
710
711
```



```
703
704
705 //스케일링
706 //factor > 1 ==> 확대
707 //factor < 1 ==> 축소
708
709 Scaling(Image, Output, W, H, 0.7, 0.7); // 이렇게 동일하게 스케일링 되면 Uniform Scaling이라고 함
710
711
```



회전 영상 수식

```
(전역 범위)
Output = (BYTE*)malloc(ImgSize);
ImageSize = (sizeof(BYTE) * ImgSize);
fp = fopen("img.jpg", "rb");
fread(Image, sizeof(BYTE), ImageSize, fp);
fclose(fp);
hInfo.biHeight, W = hInfo.biWidth;
I = 0;
I[256] = { 0 };
I[0] = { 0 };

// Rotate image
// R = [cosθ -sinθ]
//      [sinθ cosθ]
// R * [X] = [X']
//      [Y]   [Y']
// X' = cosθ * X - sinθ * Y
// Y' = sinθ * X + cosθ * Y

// Flip image
Flip(Image, W, H);
HorizontalFlip(Image, W, H);
WriteImage(Image, Output, W, H, 100, 40);
SaveImage(Image, Output, W, H, 70, 70);

// Main loop
int tmpY;
for (int i = 0; i < H; i++) {
    for (int j = 0; j < W; j++) {
        int X = (int)(j / SF_X);
```

```
(전역 범위)
Output = (BYTE*)malloc(ImgSize);
ImageSize = (sizeof(BYTE) * ImgSize);
fp = fopen("img.jpg", "rb");
fread(Image, sizeof(BYTE), ImageSize, fp);
fclose(fp);
hInfo.biHeight, W = hInfo.biWidth;
I = 0;
I[256] = { 0 };
I[0] = { 0 };

// Rotate image
// R = [cosθ -sinθ]
//      [sinθ cosθ]
// R * [X] = [X']
//      [Y]   [Y']
// X' = cosθ * X - sinθ * Y
// Y' = sinθ * X + cosθ * Y

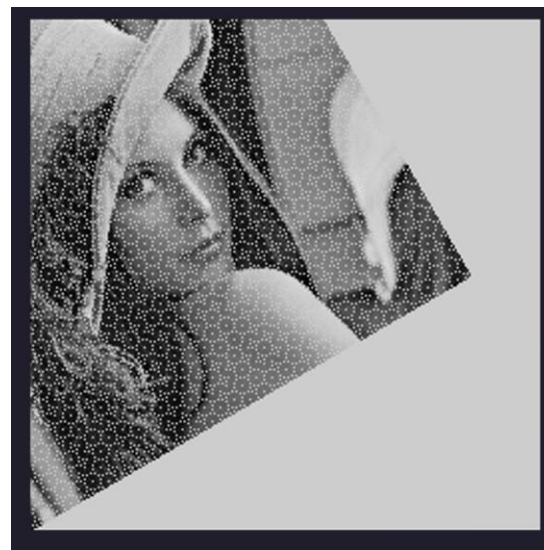
// Flip image
Flip(Image, W, H);
HorizontalFlip(Image, W, H);
WriteImage(Image, Output, W, H, 100, 40);
SaveImage(Image, Output, W, H, 70, 70);

// Main loop
int tmpY;
for (int i = 0; i < H; i++) {
    for (int j = 0; j < W; j++) {
        int X = (int)(j / SF_X);
```

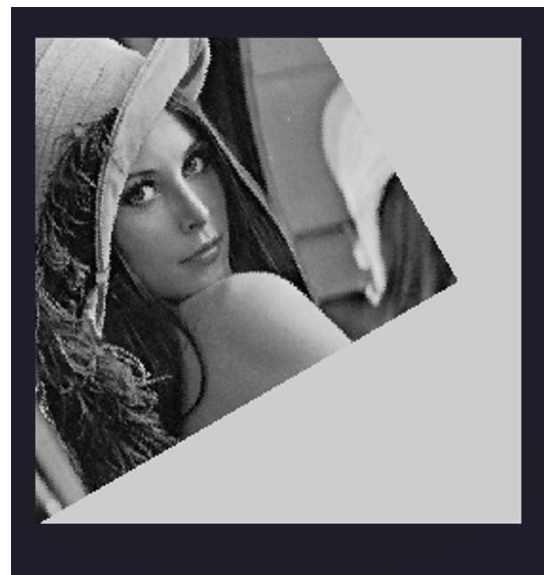
```
src.cpp
Project1
558 BYTE* Output
559 fread(Image, sizeof(BYTE), ImageSize, fp);
560 fclose(fp);
561 int H = hInfo.biHeight;
562 int W = hInfo.biWidth;
563 int Histo[256];
564 int AHisto[256];
```

회전 순방향사상 & 역방향사상

```
709
710 int tmpX, tmpY;
711 int Angle = 30;
712 //각도를 라디안으로 받아 참고해
713 double Radian = Angle * 3.141592 / 180.0; //라디안은 pi/180 을 곱하면 된다
714 for (int i = 0; i < H; i++)
715 {
716     for (int j = 0; j < W; j++)
717     {
718         int tmpX = cos(Radian) * j - sin(Radian) * i;
719         int tmpY = sin(Radian) * j + cos(Radian) * i;
720
721         if ((tmpY < H && tmpY >= 0) && (tmpX < W && tmpX >= 0))
722         {
723             // 순방향 사상
724             // hole이 어쩔 수 없이 발생하게 돼
725             // 입력에서 30도만큼 회전한 게 Output으로 가야해
726             // 출력영상 기준으로 -30도만큼 이동한 게 입력에서 30도 이동 한 거랑 같겠지
727             Output[tmpY * W + tmpX] = Image[i * W + j];
728         }
729     }
730 }
731
```



```
710 int tmpX, tmpY;
711 int Angle = 30;
712 //각도를 라디안으로 받아 참고해
713 double Radian = Angle * 3.141592 / 180.0; //라디안은 pi/180 을 곱하면 된다
714 for (int i = 0; i < H; i++)
715 {
716     for (int j = 0; j < W; j++)
717     {
718         int tmpX = (int)(cos(Radian) * j + sin(Radian) * i);
719         int tmpY = (int)(-sin(Radian) * j + cos(Radian) * i);
720
721         if ((tmpY < H && tmpY >= 0) && (tmpX < W && tmpX >= 0))
722         {
723             // 역방향사상
724             Output[i*W+j] = Image[tmpY * W + tmpX];
725         }
726     }
727 }
728
```



Rotation 함수

지금까지 영상의 0,0을 중심으로 구했는데 센터를 중심으로 해서 구하는 것도 해보기 !

```
677 void Rotation(BYTE* Image, BYTE* Output, int W, int H, int Angle)
678 {
679
680     int tmpX, tmpY;
681     //각도를 라디안으로 받아 참고해
682     double Radian = Angle * 3.141592 / 180.0; //라디안은 pi/180 을 곱하면 된다
683     for (int i = 0; i < H; i++)
684     {
685         for (int j = 0; j < W; j++)
686         {
687             int tmpX = (int)(cos(Radian) * j + sin(Radian) * i);
688             int tmpY = (int)(-sin(Radian) * j + cos(Radian) * i);
689
690             if ((tmpY < H && tmpY >= 0) && (tmpX < W && tmpX >= 0))
691             {
692                 // 역방향사상
693                 Output[i * W + j] = Image[tmpY * W + tmpX];
694             }
695         }
696     }
697 }
698
699
731
732     Rotation(Image, Output, W, H, 60);
733
734
```

