

ФАКУЛТЕТ ЗА ИНФОРМАТИЧКИ НАУКИ И КОМПЈУТЕРСКО ИНЖЕНЕРСТВО

Невронски мрежи

Невронски мрежи

- Два погледа на невронските мрежи:
 - од пресметковен (компјутерски) аспект – вештачки невронски мрежи – метод за претстава на функции со помош на едноставни аритметички пресметковни елементи (и нивна обука од примероци)
 - од биолошки аспект - математички модел на работата на мозокот
- Неврони – клетки кои ја изведуваат обработката на информациите во мозокот
- Мрежа од меѓусебно поврзани неврони – невронска мрежа

Што се тоа „вештачки невронски мрежи“ (Artificial Neural Networks)?

- Парадигма за обработка на информации инспирирана од начинот на кој природните мозоци ја обработуваат информацијата, составени од густо меѓуповрзани паралелни структури
- Вид на повеќепроцесорски системи со:
 - Едноставни процесорски елементи
 - Висок степен на меѓусебна поврзаност
 - Едноставни пораки со броеви
 - Прилагодлива интеракција помеѓу елементите

Мозок

- Како работи мозокот (мистерија?)
- 335 пр.н.е. Аристотел - „Од сите животни, човекот има најголем мозок во однос на неговата големина“
- Неврон – фундаментална функционална единица на сите нервни ткива

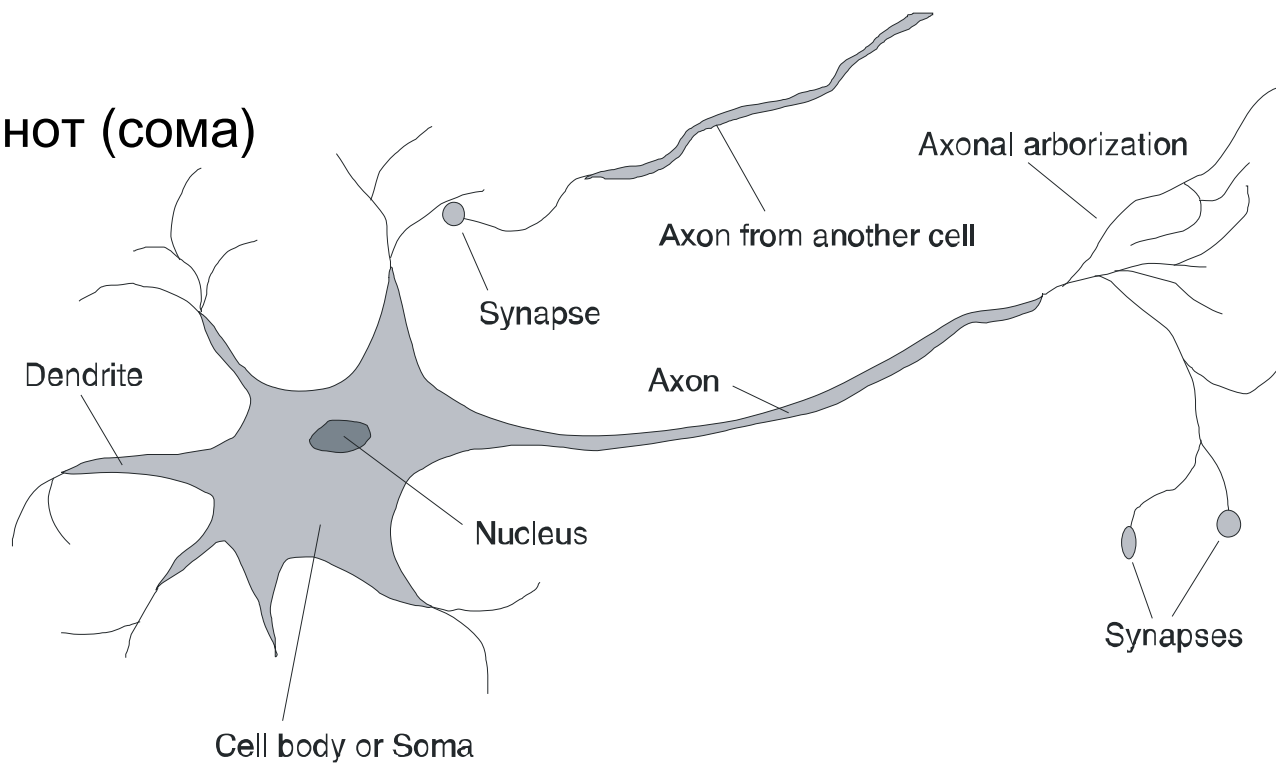
Работа на неврнонот

- Сложен електрохемиски процес
- Акциски потенцијал – ниво на активација
- Синапси - ексцитациски (поттикнувачки) / инхибиторни (спречувачки)
- Пластичност

Неврон

■ Структура:

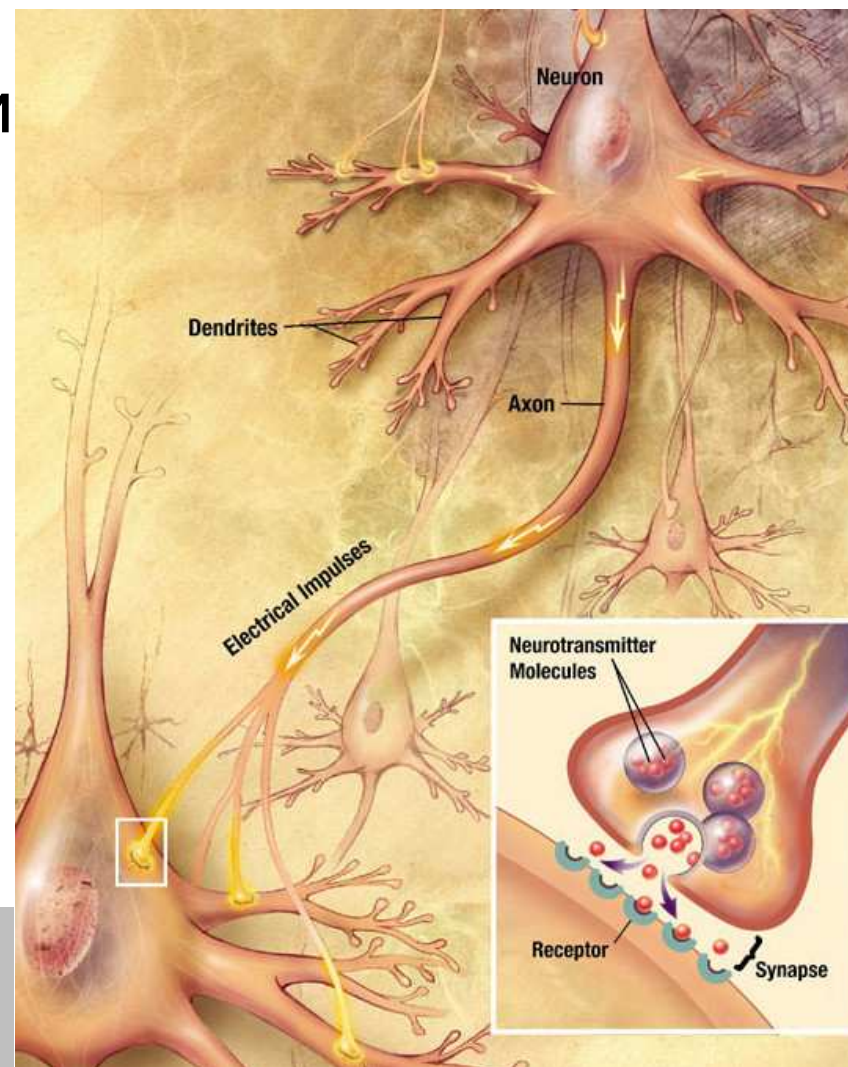
- ☐ Тело на невронот (сома)
- ☐ Аксон
- ☐ Дендрити
- ☐ Синапси



Работа на невронот - синапси

- Сумарен постсинаптички потенцијал (СПП)
- Синаптичко влијание
 - ☐ екситациско
 - ☐ инхибиторно
- Пластичност

Синапсите се основата за меморирањето и учењето



Споредба

- Кај мозокот сите неврони работат симултано

	Computer	Human brain
Computational units	⁶² 1 CPU, ^{10⁹} 10⁸ gates	10 ¹¹ neurons
Storage Units	10 ¹⁰ bits RAM 10 ¹¹ bits disk	10 ¹¹ neurons 10 ¹⁴ synapses
Cycle time	10 ⁻⁹ sec	10 ⁻³ sec
Bandwidth	10 ¹⁰ bits/sec	10 ¹⁴ bits/sec
Memory update/sec	10 ⁹	10 ¹⁴

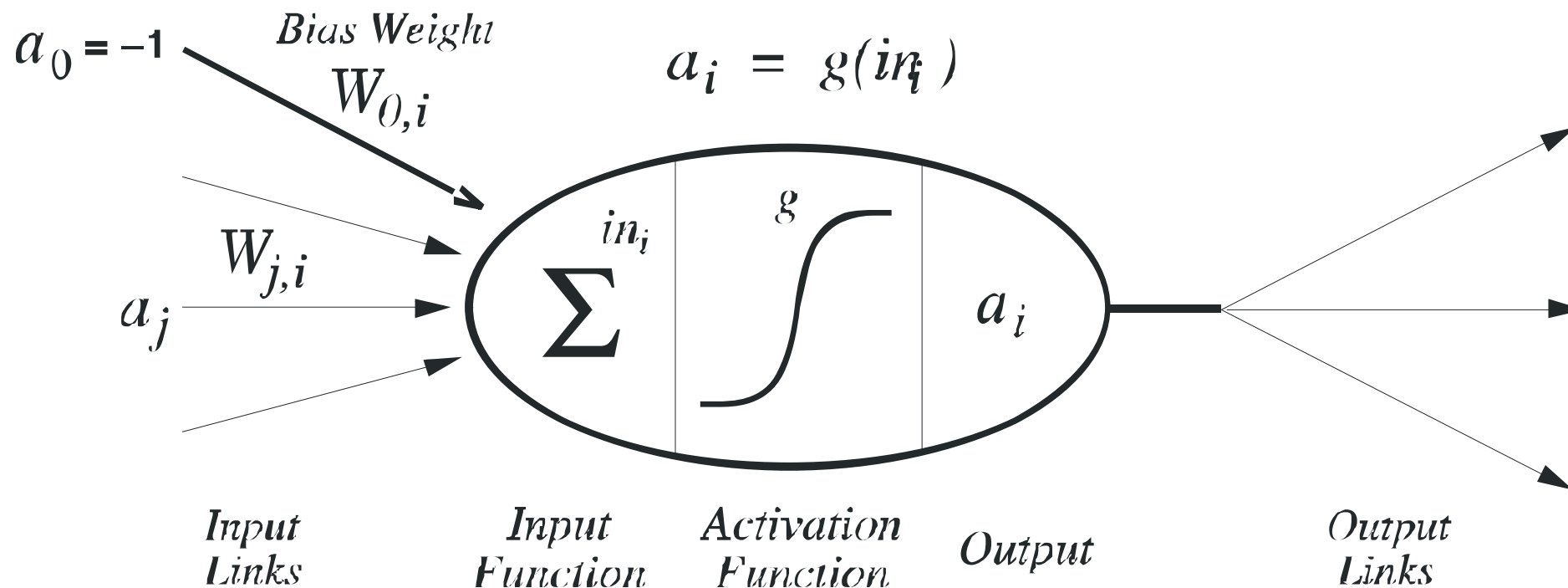
- брз
- точен
- (претежно) секвенцијален
- (брзо и точно) пресметување сложени математички изрази

- бавен
- fault-tolerant
- паралелен
- брзо препознавање на комплексни слики (сцени)

Невронски мрежи

- Неврони (јазли), врски, тежини, активациско ниво (праг)
- За да се направи невронска мрежа која ќе решава одредена задача потребно е:
 - ☐ да се одреди бројот на невроните
 - ☐ нивниот тип
 - ☐ како ќе бидат поврзани
 - ☐ да се иницијализираат тежините и со некој алгоритам да се обучи мрежата претставувајќи и познати примероци
 - ☐ да се одлучи како ќе биде претставен проблемот (влез / излез)

Вештачки неврон



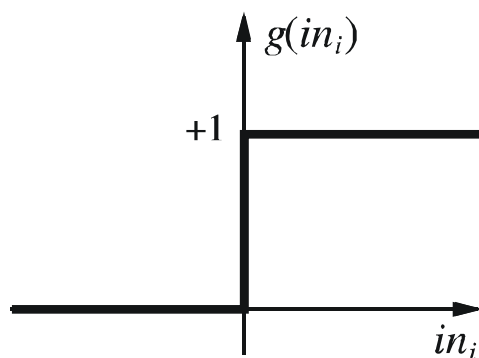
$$in_i = \sum_j W_{j,i} a_j = \mathbf{W}_i \cdot \mathbf{a}$$

Активациска функција

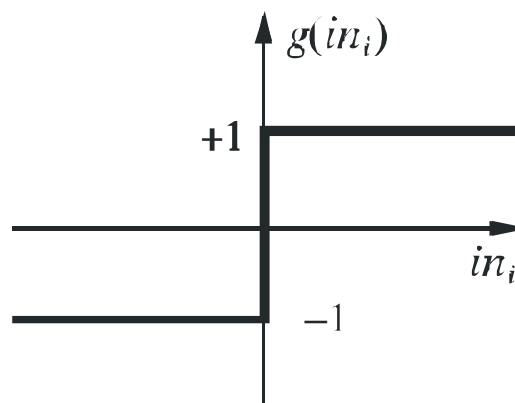
- Активација

$$a_i \leftarrow g(in_i) = g\left(\sum_j W_{j,i} a_j\right)$$

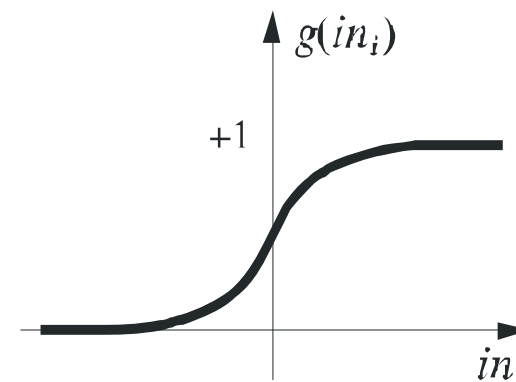
- Различни функции g – различни модели на неврони



$$step_t(x) = \begin{cases} 1, & \text{if } x \geq t \\ 0, & \text{if } x < t \end{cases}$$



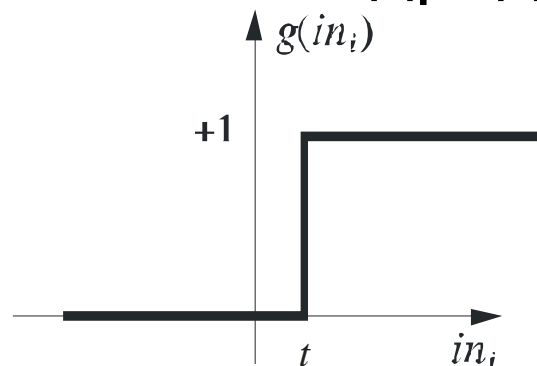
$$sign(x) = \begin{cases} +1, & \text{if } x > 0 \\ -1, & \text{if } x < 0 \end{cases}$$



$$sigmoid(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

Праг на активација

- Практично: Замена на прагот со дополнителен влез со одредена тежина

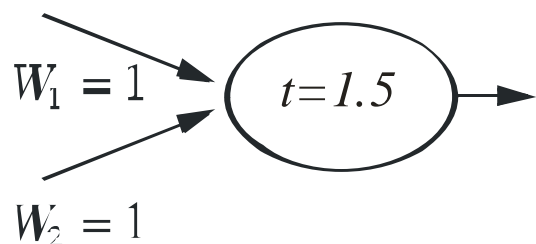


$$a_i = step_t \left(\sum_{j=1}^n W_{j,i} a_j \right) = step_0 \left(\sum_{j=0}^n W_{j,i} a_j \right)$$

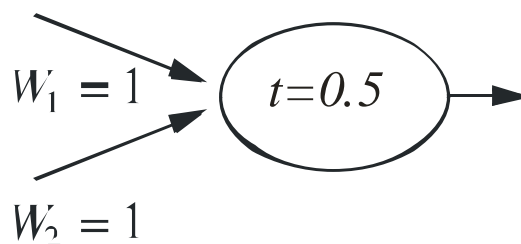
каде $W_{0,i} = t$ и $a_0 = -1$

Логички функции со невроните

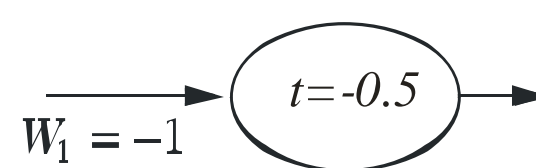
- Модели на неврони кои ги реализираат основните логички функции



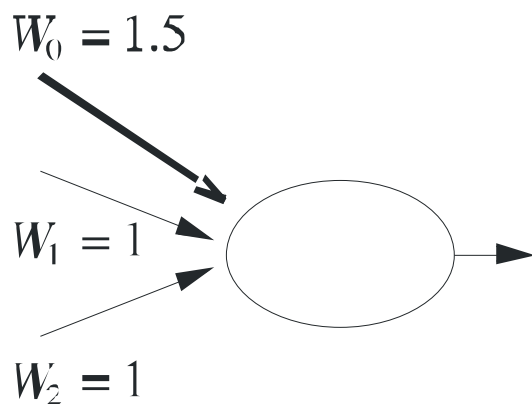
AND



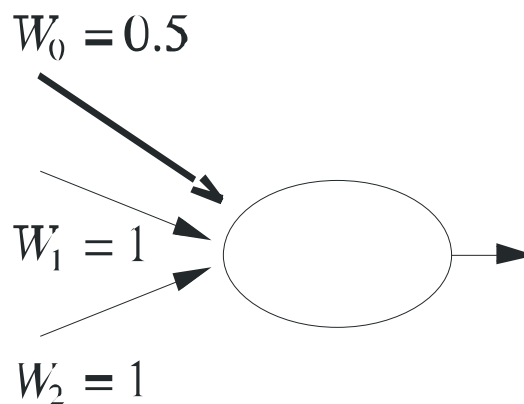
OR



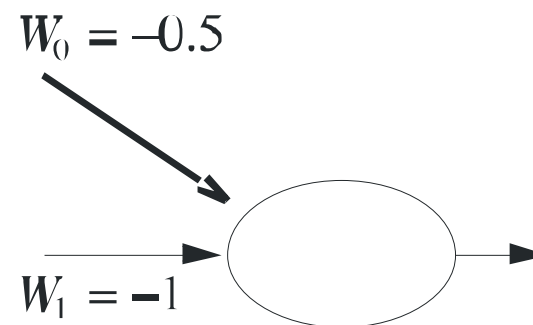
NOT



AND



OR



NOT

Наједноставно учење кај НМ

■ Хебово учење

- Во 1949, Доналд Хеб напишал: „Кога аксонот на клетката А е доволно блиску до клетката Б за да може да ја ексцитира (возбуди) и повторливо и истрајно учествува во нејзиното палење (активирање), некои процеси на растење и метаболитски промени се случуваат во едната или во двете клетки, така што ефикасноста на А во возбудувањето на Б е зголемена“

Хебово учење (Hebbian Learning)

- Психолозите и когнитивните научници ја генерализираа оваа идеја така што кога два перцепти повторливо се набљудуваат заедно, во меморијата се формира асоцијација помеѓу нив, така што едниот перцепт може да го повика (invoke) другиот.



Формализација на Хебовото учење

- Изградба на асоцијации заради истовремено појавување (Association-Building by Co-occurrence)
- Формализирано како вид на ненадгледувано учење кај НМ
- $\Delta w_{ij} = \eta \cdot a_i \cdot a_j$
 - промена на тежината помеѓу невроните i и j со степен на учење (learning rate) η

Пример за Хебово учење (1)*

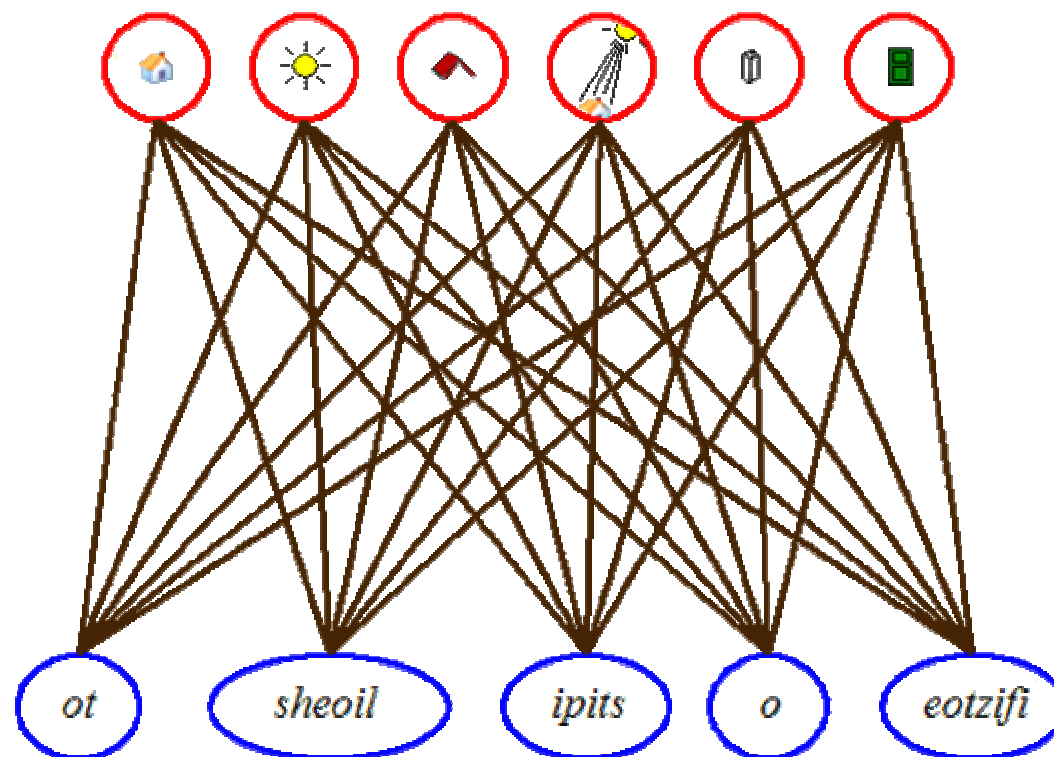
- Замислете дека треба да научите некој странски јазик (како што при средбата на Индијанците и Европејците се учеле странските јазици, на почетокот).
- Визуелниот и аудиторниот влез се даваат во парови на слика со реченица која веројатно ја објаснува таа слика



o sheoil eotzifi ot ipits

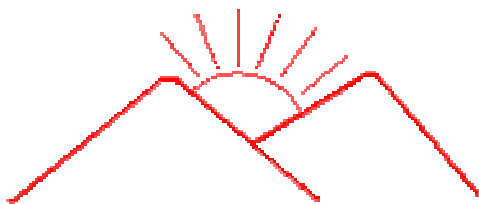
Пример за Хебово учење (2)*

- Формирање на асоцијации помеѓу секој визуелен перцепт и секој лингвистички симбол (збор)



Пример за Хебово учење (3)*

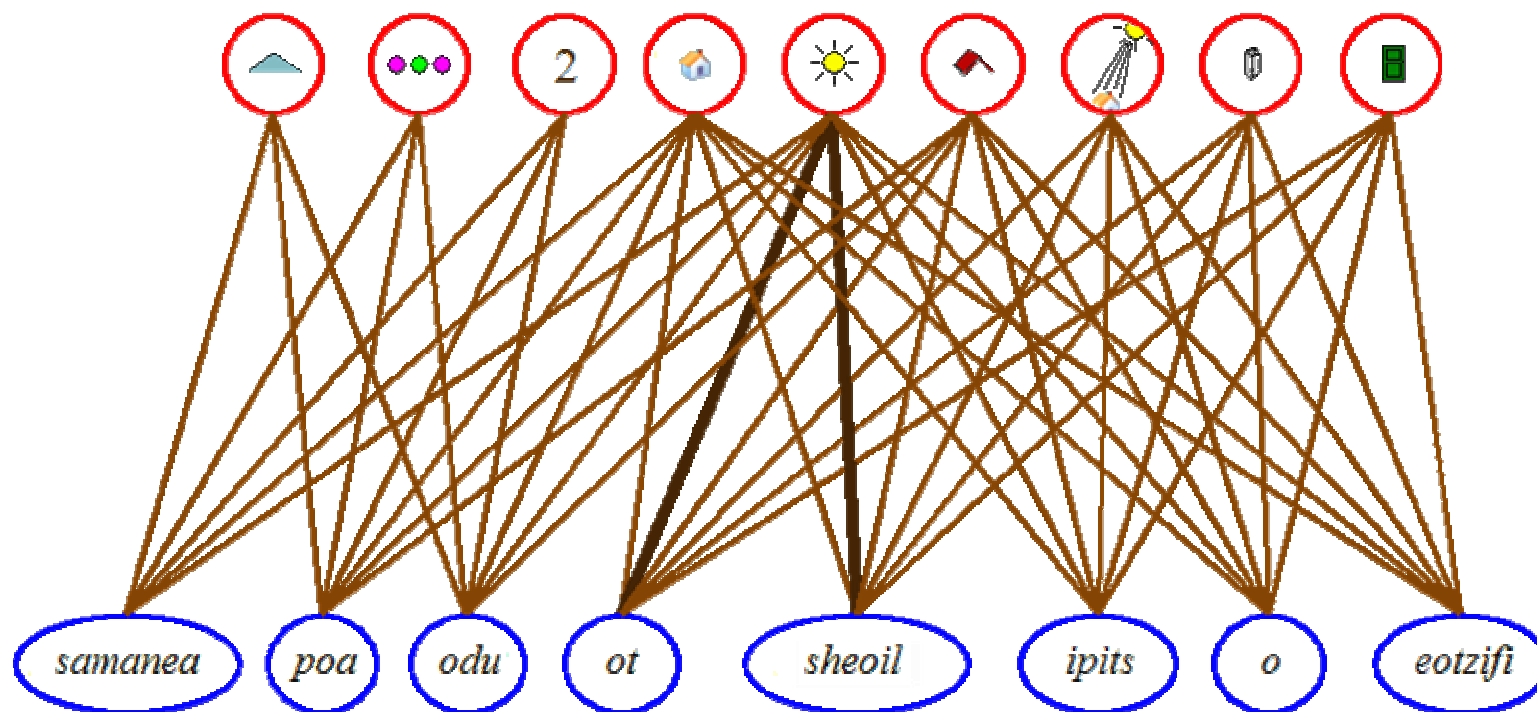
- Сега добивате нов пар на слика и реченица



o sheoil ot eotzifi samanea poa odu onbau

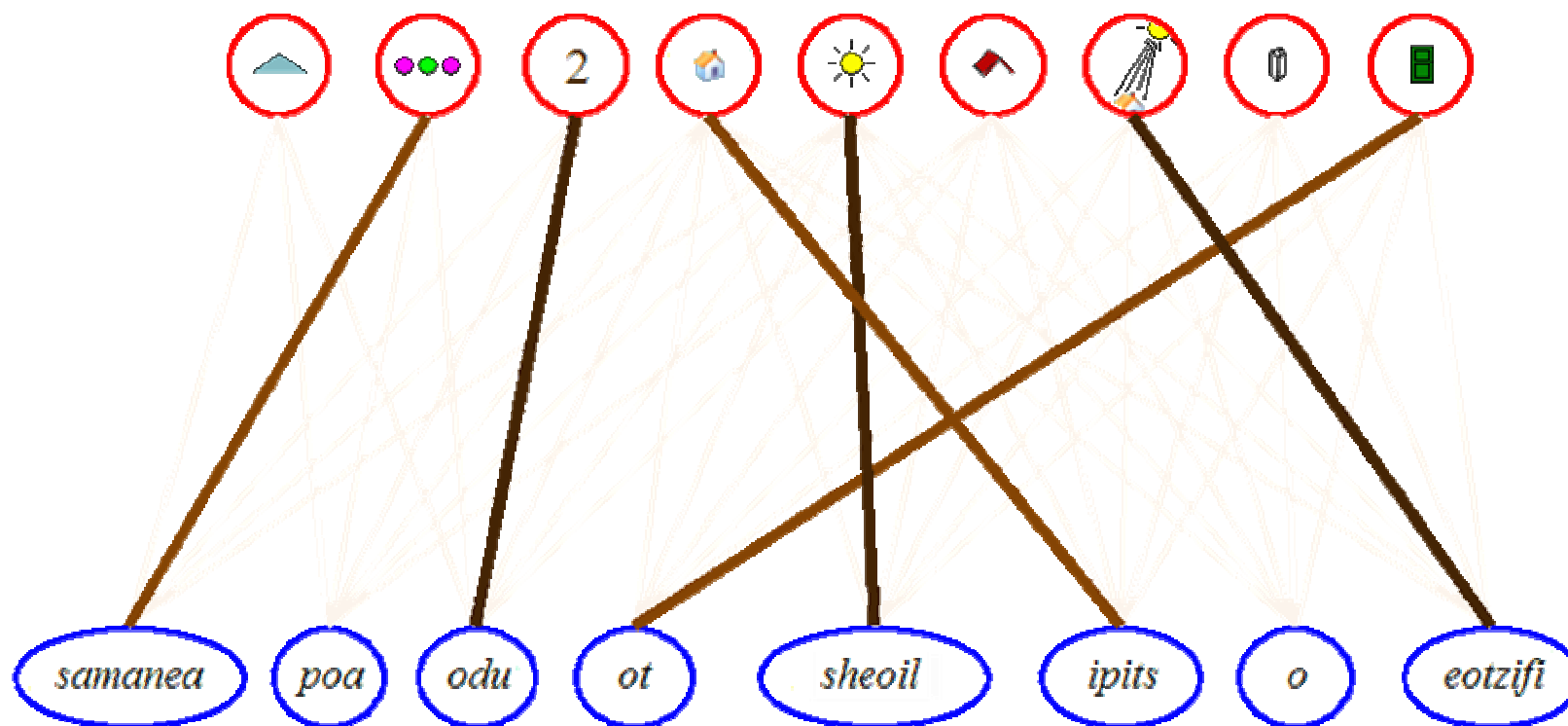
Пример за Хебово учење (4)*

- Сега сликите и зборовите се додаваат како унија во соодветните множества и тие асоцијации каде повторно се појавија истите слики и зборови се засилуваат за разлика од другите кои се заслабнуваат

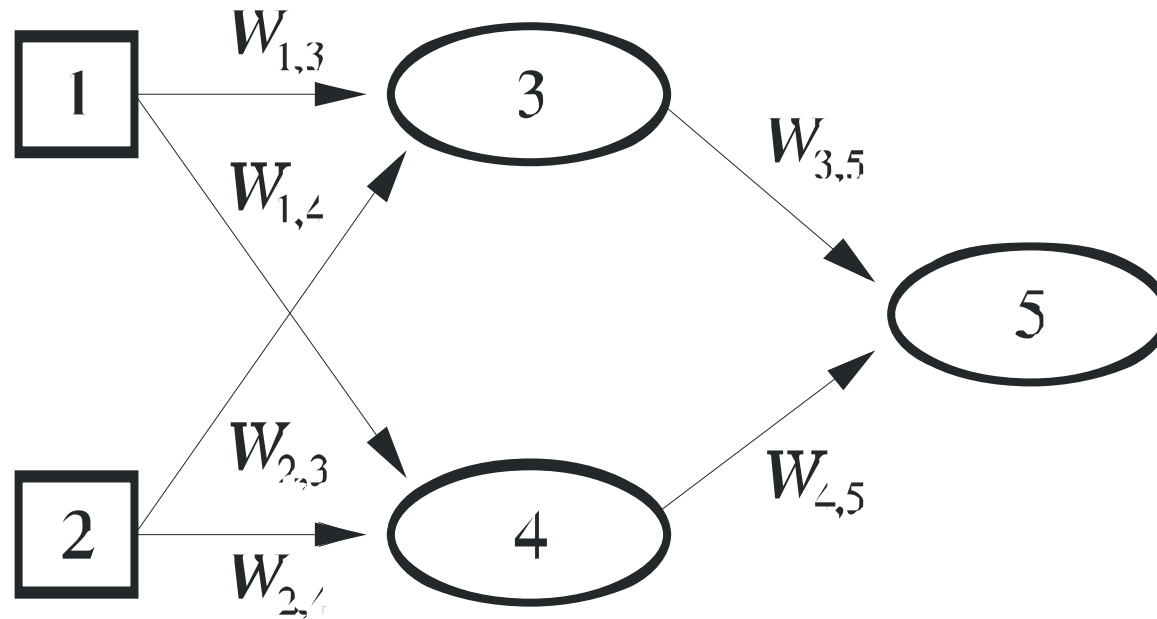


Пример за Хебово учење (5)*

- И така, со тек на време, со прикажување на многу парови на слики и реченици, ќе се издвојат (правилните) асоцијации помеѓу сликите и зборовите
- Колку ќе бидат правилни асоцијациите зависи од учителот



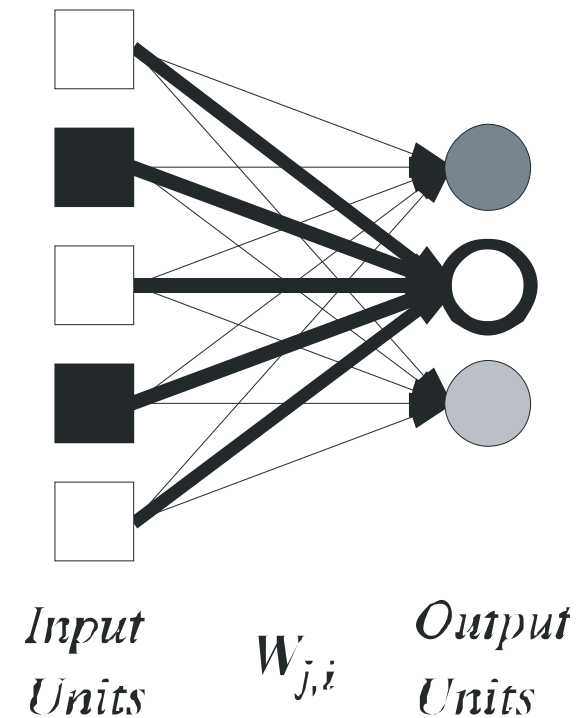
Двослојна невронска мрежа



$$\begin{aligned} a_5 &= g(W_{3,5}a_3 + W_{4,5}a_4) \\ &= g(W_{3,5}g(W_{1,3}a_1 + W_{2,3}a_2) + W_{4,5}g(W_{1,4}a_1 + W_{2,4}a_2)) \end{aligned}$$

Перцептрон

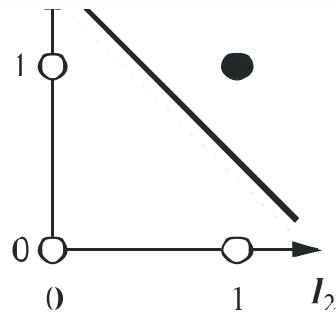
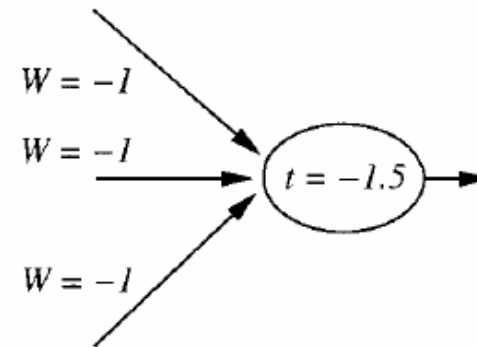
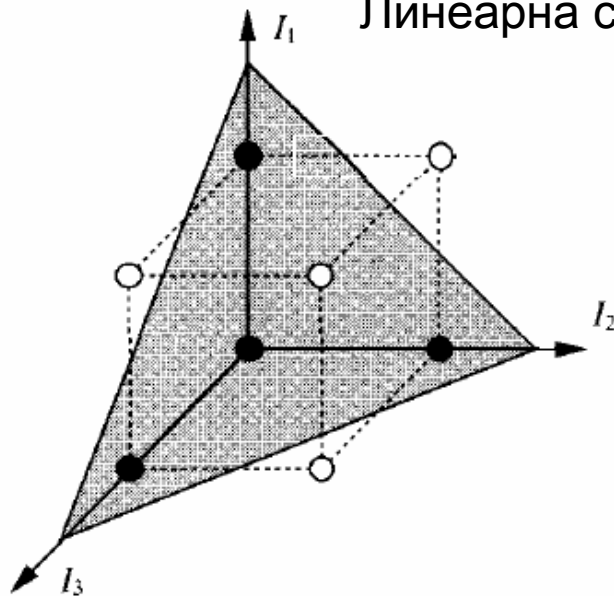
- Перцептрон = feed-forward невронска мрежа со едно ниво
- Што може да репрезентираат перцептроните?
 - majority може, XOR не може
- Перцептронот може да репрезентира само линеарно сепарабилни функции!



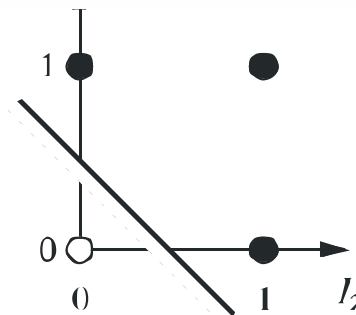


Ограничувања на перцептронот

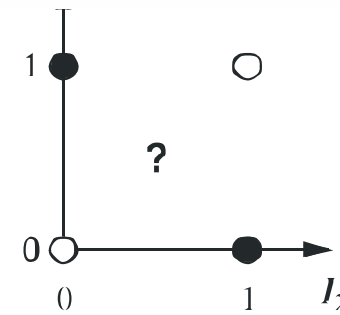
Линеарна сепарабилност (делливост) во хипер-рамнина



(a) I_1 and I_2



(b) I_1 or I_2



(c) I_1 xor I_2

Обука на перцептронот

- Постои алгоритам кој може да научи било која линеарно сепарабилна функција ако му се дадат доволно примероци за обука
 1. Иницијализација на тежините на случајни вредности
 2. Промена на овие вредности со цел да се направат конзистентни со примерите – итеративен процес на мали промени на тежините со кои би се намалила разликата помеѓу добиениот и бараниот излез за даден примерок - конвергенција

Правило за промена на тежините

- Епоха – промена на сите тежини за сите примероци
- Правило за промена на тежините

$$Err = T - O$$

- Секој влез придонесува $W_j I_j$ на вкупниот излез

$$W_j \leftarrow W_j + \alpha \cdot I_j \cdot Err$$

- α - стапка на обука (learning rate)

Generic NN learning – општо учење кај НМ*

function NEURAL-NETWORK-LEARNING(*examples*) **returns** *network*

network \leftarrow a network with randomly assigned weights

repeat

for each *e* **in** *examples* **do**

O \leftarrow NEURAL-NETWORK-OUTPUT(*network*, *e*)

T \leftarrow the observed output values from *e*

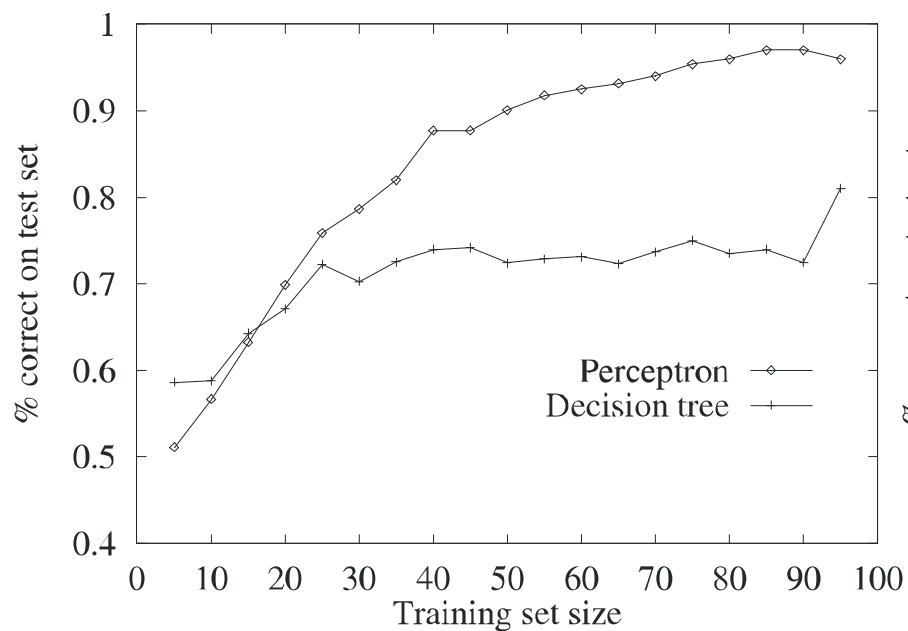
 update the weights in *network* based on *e*, *O*, and *T*

end

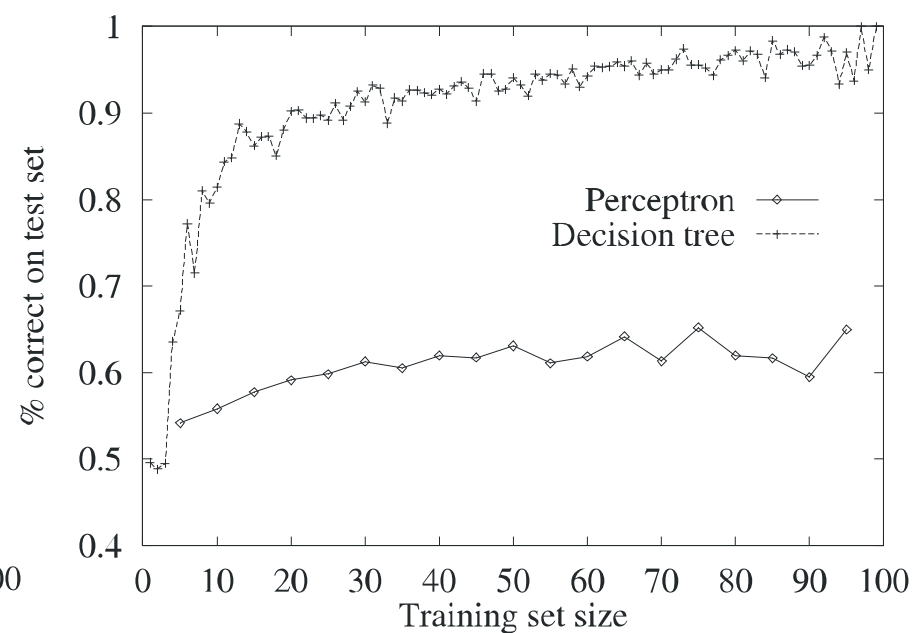
until all examples correctly predicted or stopping criterion is reached

return *network*

Обука на НМ и дрвата на одлука



majority (11 bits)



restaurant

Повеќеслојни невронски мрежи

- Multilayer feed-forward neural networks (Rosenblatt 1950s)
- Проблем – обуката
- Back-propagation алгоритам (1969, 1980)

Повеќеслојни невронски мрежи

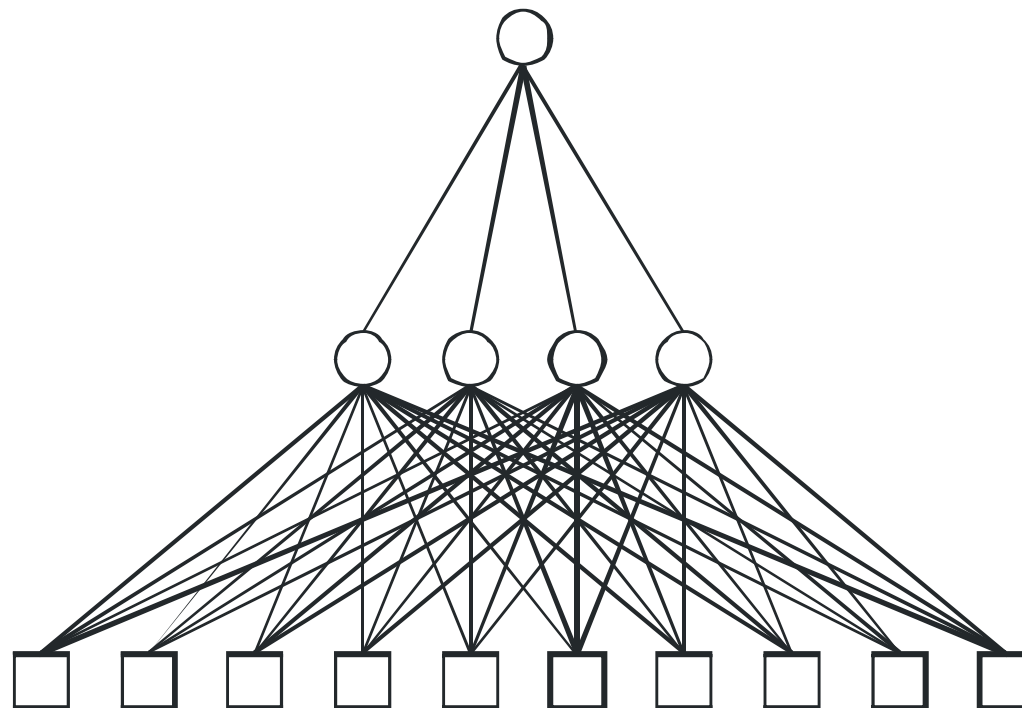
Output units O_i

$W_{j,i}$

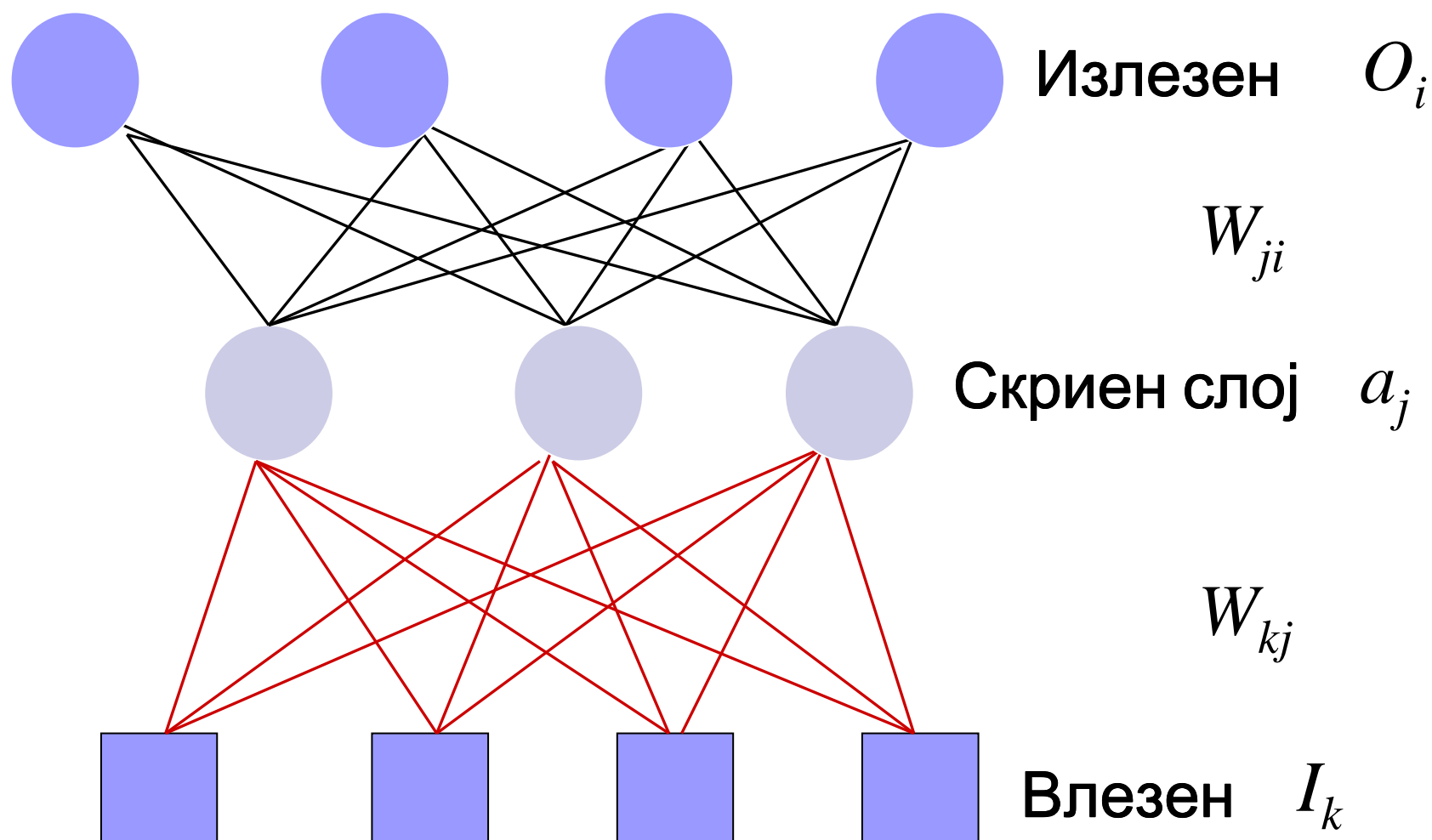
Hidden units a_j

$W_{k,j}$

Input units I_k



Back-Propagation



Грешка кај повеќеслојните НМ

- Да се подели одговорноста за грешката на соодветните тежини

$$Err_i = T_i - O_i$$

$$W_{j,i} \leftarrow W_{j,i} + \alpha \cdot a_j \cdot Err_i \cdot g'(in_i)$$

- по смена: $\Delta_i = Err_i \cdot g'(in_i)$

$$W_{j,i} \leftarrow W_{j,i} + \alpha \cdot a_j \cdot \Delta_i$$

- скриениот јазол j е „одговорен“ за дел од грешката Δ_i во секој од излезните јазли со кои е поврзан. Грешката Δ_i се дели според јачината на врската помеѓу скриениот и излезниот јазел и се пропагираат наназад како грешки за невроните од скриеното ниво.

Распространување (пропагација) на грешката

Правило за
распространување

$$\Delta_j = g'(in_j) \sum_i W_{j,i} \Delta_i$$

Промена на тежините
Влез - скриен слој

$$W_{k,j} \leftarrow W_{k,j} + \alpha \cdot I_k \cdot \Delta_j$$

Алгоритам:

- Пресметај ја Δ вредноста за излезните неврони според забележаната грешка
- Почнувајќи од излезното ниво повторувај за секое ниво на мрежата се до влезното ниво:
 - Пропагирај ги Δ вредностите назад низ претходното ниво
 - Измени ги тежините помеѓу двете нивоа

Back-propagation algorithm*

function BACK-PROP-UPDATE(*network*, *examples*, *a*) **returns** a network with modified weights

inputs: *network*, a multilayer network

examples, a set of input/output pairs

α , the learning rate

repeat

for each *e* **in** *examples* **do**

/ Compute the output for this example */*

$\mathbf{O} \leftarrow \text{RUN-NETWORK}(\text{network}, \mathbf{I}^e)$

/ Compute the error and Δ for units in the output layer */*

$\text{Err}^e \leftarrow \mathbf{T}^e - \mathbf{O}$

/ Update the weights leading to the output layer */*

$W_{j,i} \leftarrow W_{j,i} + \alpha \cdot a_j \cdot \text{Err}_i^e \cdot g'(in_i)$

for each subsequent layer **in** *network* **do**

/ Compute the error at each node */*

$\Delta_j \leftarrow g'(in_j) \sum_i W_{j,i} \Delta_i$

/ Update the weights leading into the layer */*

$W_{k,j} \leftarrow W_{k,j} + \alpha \cdot I_k \cdot \Delta_j$

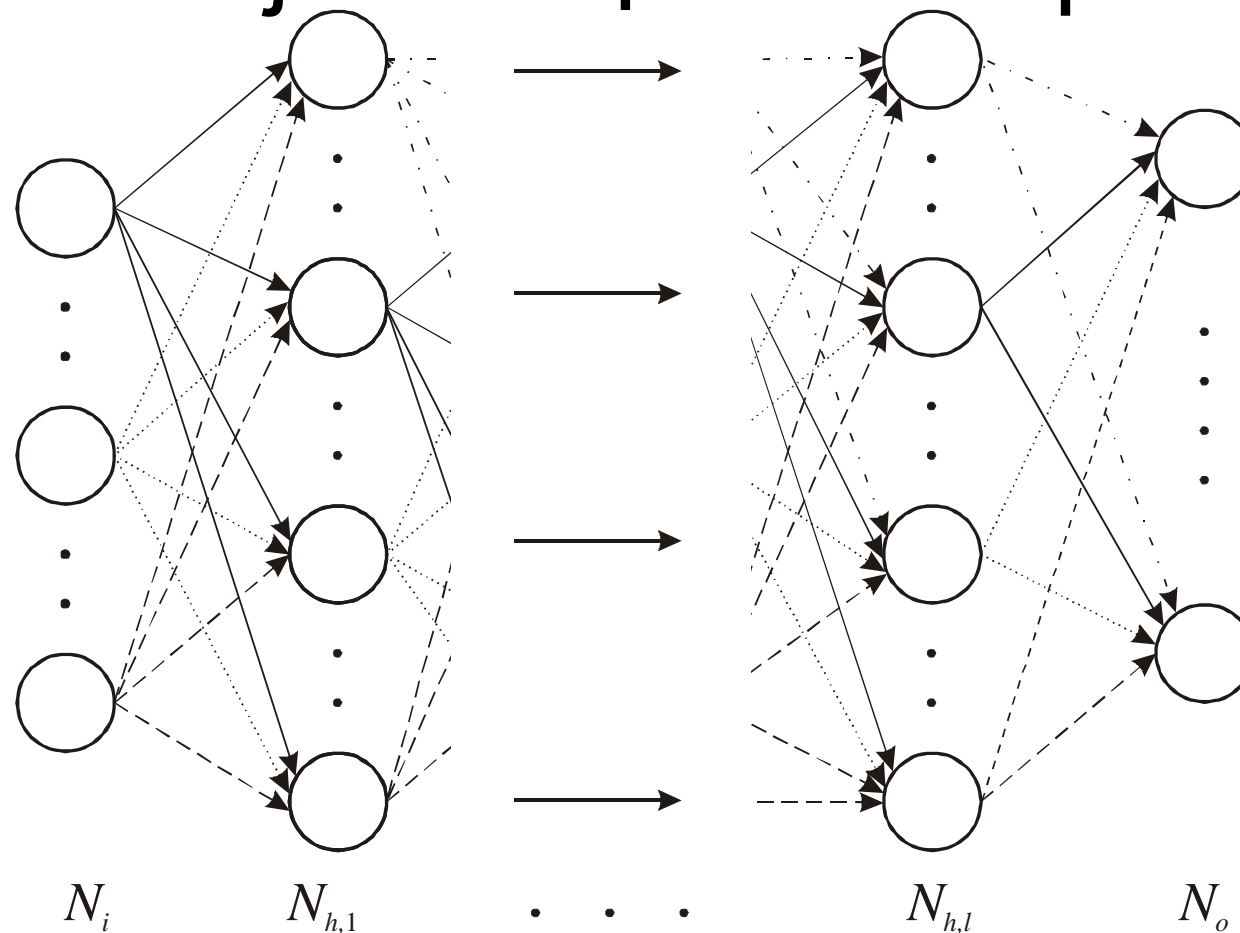
end

end

until *network* has converged

return *network*

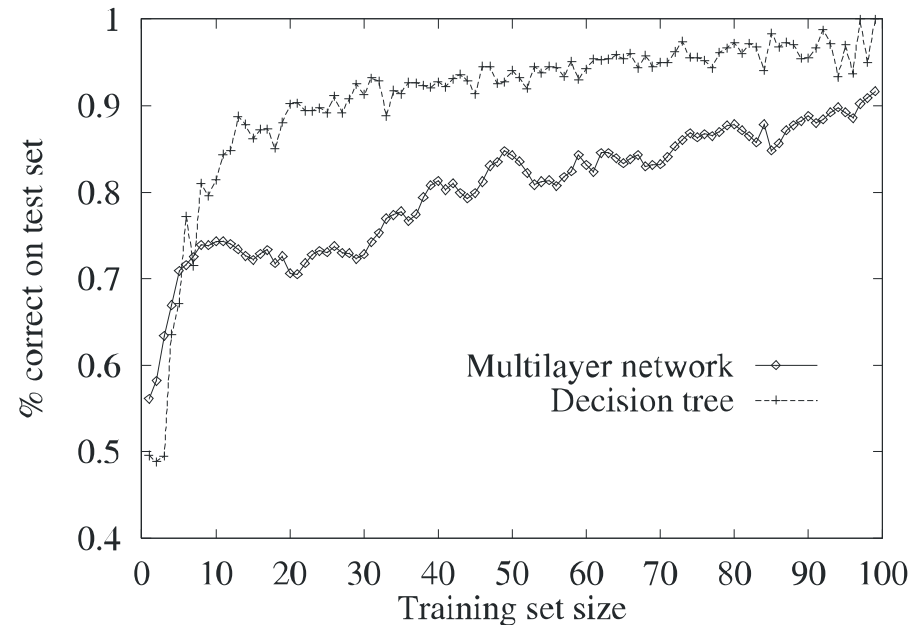
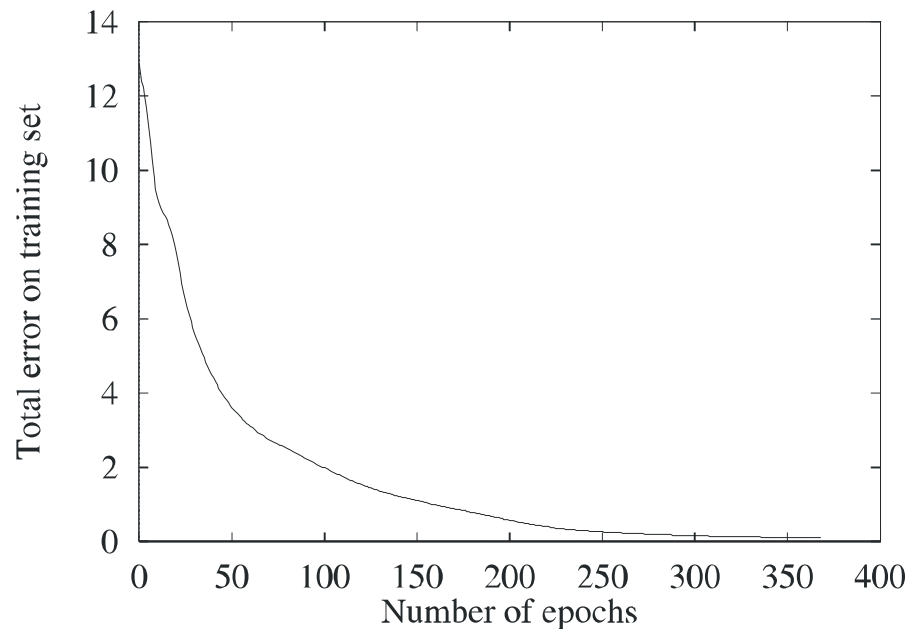
Повеќеслојни невронски мрежи



Се покажало дека нема потреба да се оди со повеќе слоеви, туку истата пресметковна моќ и мемориски капацитет може да се постигне со зголемување на бројот на јазли во скриениот слој

Грешка при обуката

- Невронска мрежа со две нивоа (10-4-1)
за проблемот „ресторан“



Карактеристики

- Експресивност
- Пресметковна ефикасност
- Генерализација
- Осетливост на шум (но има и робустни варијанти – отпорни на шум)
- Транспарентност? (за жал – не)

Примени...

За што се добри невронските мрежи?

- Добри препознавачи на урнеци и робустни класификатори
- Добри при решавање на проблеми кои се премногу сложени за конвенционалните технологии
- Идеални решенија за мноштво проблеми како и за предвидувања



Прашања?