ALA 05 15.05.2014

Jonathan Siems, 6533519, Gruppe 12 Jan-Thomas Riemenschneider, 6524390, Gruppe 12 Tronje Krabbe, 6435002, Gruppe 9

14. Mai 2014

1.

$$f(x) = 7x^3 - 42x^2 + 63x - 2$$

$$f'(x) = 21x^2 - 84x + 63$$

$$f''(x) = 42x - 84$$

$$F(x) = \frac{7}{4}x^4 - \frac{42}{3}x^3 + \frac{63}{2}x^2 - 2x$$

Globale Extrema von f finden wir an Stellen, für die gilt: f'(x) = 0.

$$f'(x) = 0$$

$$\Leftrightarrow 0 = 21x^2 - 84x + 63$$

$$\Leftrightarrow x^2 - \frac{84}{21}x + \frac{63}{21} = 0$$

$$\Rightarrow x_{1,2} = \frac{84}{42} \pm \sqrt{\left(-\frac{84}{42}\right)^2 - \frac{63}{21}}$$

$$\Rightarrow x = 1 \lor x = 3$$

Die Extrema liegen also bei x = 1 und x = 3. Einsetzen in die zweite Ableitung:

$$f''(1) = 42 \cdot 1 - 84 = -42$$
$$f''(3) = 42 \cdot 3 - 84 = 42$$

Das Maximum, also die Höchsttemperatur liegt also an der Stelle 1, das Minimum, also die Teifsttemperatur, an der Stelle 3.

Die Berechnung des Durchschnittswertes erfolgt folgendermaßen: errechne das

Integral von f im Interval [1,3] und teile es durch die Intervallänge, also 2:

$$= \frac{\int_{1}^{3} f(x) dx}{2}$$

$$= \frac{F(3) - F(1)}{2}$$

$$= \frac{\left(\frac{567}{4} - \frac{1134}{3} + \frac{567}{2} - 6\right) - \left(\frac{7}{4} - \frac{42}{3} + \frac{63}{2} - 2\right)}{2}$$

$$= \frac{24}{2} = 12$$

Die Tagesdurchschnittstemperatur ist also $12^{\circ}C$.

2. (i)

$$\int_{1}^{3} x^{2} - x - 6 dx$$

$$= \left[\frac{1}{3}x^{3} - \frac{1}{2}x^{2} - 6x\right]_{1}^{3}$$

$$= \left(9 - \frac{9}{2} - 18\right) - \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{2} - 6\right)$$

$$= -\frac{22}{3}$$

(ii)

$$\int_{1}^{3} x^{\frac{1}{3}} dx$$

$$= \left[\frac{3}{4}x^{\frac{4}{3}}\right]_{1}^{3}$$

$$= \frac{3}{4}3^{\frac{4}{3}} - \frac{3}{4}1^{\frac{4}{3}}$$

(iii)

(iv)

$$\int_{1}^{3} e^{-x} dx$$
=
$$[-e^{-x}]_{1}^{3}$$
=
$$(-e^{-3}) - (-e^{-1})$$

3. (i)

$$\int x^4 + 2x^3 - x + 5 dx$$

$$= \frac{1}{5}x^5 + \frac{2}{4}x^4 - \frac{1}{2}x^2 + 5x$$

(ii)

$$\int x^{-\frac{3}{2}} dx$$
$$= 2x^{-\frac{1}{2}}$$

(iii)

$$\mathrm{d}x$$

$$\mathrm{d}x$$

$$\mathrm{d}x$$

4. TODO