MMS

Vanessa Closius, Jonas Tietz, Tronje Krabbe

6. November 2018

1. 1) a)
$$z_1 = 1 + j\sqrt{3}$$
 $z_2 = 1 - j$

$$z_1 + z_2 = 1 + 1 + j\sqrt{3} - j$$

$$= 2 + j(\sqrt{3} - 1)$$

$$z_1 - z_2 = 1 - 1 + j\sqrt{3} + j$$

$$= j(\sqrt{3} + 1)$$

$$z_1 \cdot z_2 = (1 + j\sqrt{3})(1 - j)$$

$$= 1 - j + j\sqrt{3} + \sqrt{3}$$

$$= (1 + \sqrt{3}) + j(\sqrt{3} - 1)$$

$$z_1/z_2 = \frac{(1 + j\sqrt{3})}{(1 - j)}$$

$$= \frac{1 + \sqrt{3}}{1 + 1} + j\frac{\sqrt{3} - 1}{1 + 1}$$

$$= \frac{1 + \sqrt{3}}{2} + j\frac{\sqrt{3} - 1}{2}$$

$$z_1/z_2^* = \frac{(1 + j\sqrt{3})}{(1 + j)}$$

$$= 1 - j - j\sqrt{3} - sqrt3$$

$$= (1 - \sqrt{3}) - j(\sqrt{3} + 1)$$

$$z_1/z_2^* = \frac{(1 + j\sqrt{3})}{(1 + j)}$$

$$= \frac{1 + \sqrt{3}}{1 + 1} + j\frac{\sqrt{3} - 1}{1 + 1}$$

$$= \frac{1 + \sqrt{3}}{2} + j\frac{\sqrt{3} - 1}{2}$$

b)
$$z_1 = 2 + 3j$$
 $z_2 = 3 - 5j$

$$z_1 + z_2 = 2 + 3 + 3j - 5j$$

$$= 5 - 2j$$

$$z_1 - z_2 = 2 - 3 + 3j + 5j$$

$$= -1 + 8j$$

$$z_1 \cdot z_2 = (2 + 3j)(3 - 5j)$$

$$= 6 - 10j + 9j + 15$$

$$= 21 - j$$

$$z_1/z_2 = \frac{(2 + 3j)}{(3 - 5j)}$$

$$= \frac{6 - 15}{9 + 25} + j\frac{9 + 10}{9 + 25}$$

$$= \frac{-9}{34} + j\frac{19}{34}$$

$$z_1^* \cdot z_2 = (2 - 3j)(3 - 5j)$$

$$= 6 - 10j - 9j - 15$$

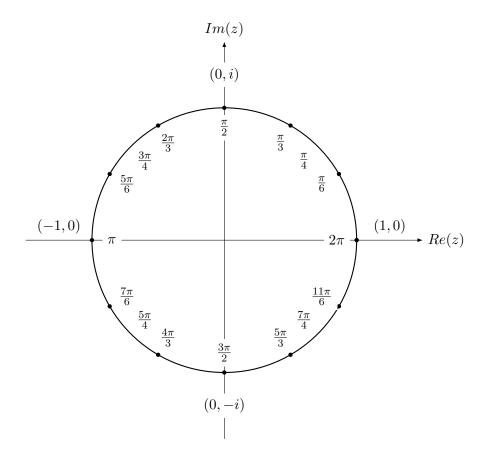
$$= -9 - 19j$$

$$z_1/z_2^* = \frac{2 + 3j}{3 + 5j}$$

$$= \frac{6 + 15}{9 + 25} + j\frac{9 - 10}{9 + 25}$$

$$= \frac{21}{34} - k\frac{1}{34}$$

2) $e^{i\theta}$ stellt einen Vektor in der komplexen Zahlenebene da, der um einen Winkel θ um den Einheitskreis rotiert worden ist. Mit der eulerschen Formel $e^{i\theta}=\cos(\theta)+i\sin(theta)$ bekommt man die kartesischen Koordinaten des rotierten Vektors. Da π genau eine halbe Rotation um den Einheitskreis ist bekommt man $e^{i\theta}=-1$. Dies kann man dann noch umformen um Eulers Identität $e^{i\theta}+1=0$ zu erhalten.



1.