Практическая работа №3

Горячий Федор (7872)

2 января 2018 г.

В данной работе рассматривается приближенное решение уравнения с помощью графического метода Ньютона. Ищем корень уравнения $x^3 + 2x^2 - 5x - 6 = 0$ по методу Ньютона до второй итерации.

Уравнение касательной к $F(x)=x^3+2x^2-5x-6$ в точке x_0 имеет вид: $y_0=F(x_0)+F'(x_0)(x-x_0)$.

Пусть $x_0 = 3$. Вычислим производную: $F'(x) = 3x^2 + 4x - 5$.

В точке x_0 значение производной равно $F'(x_0) = 34$, значение функции в той же точке: $F(x_0) = 24$.

Подставим значения функции и её производной в уравнение касательной: $y_0 = 34x - 78$. Найдем точку пересечения y_0 с осью абсцисс, приравняв y_0 к нулю. Получим $x_1 = 2,294$.

Посчитаем значения функции и её производной в точке x_1 : $F(x_1) = 5,1246$ $F'(x_1) = 19,962$.

Подставляем эти значения в уравнение касательной и получаем $y_1 = 19,962x - 40,667$ Находим точку пересечения y_1 с осью абсцисс, приравнивая y_1 к нулю $x_2 = 2.037$. x_2 является приближенным значением одного из корней уравнения $x^3 + 2x^2 - 5x - 6 = 0$.

График

