### Основной государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

### Инструкция по выполнению работы

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя 25 заданий. Часть 1 содержит 19 заданий, часть 2 содержит 6 заданий с развёрнутым ответом.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 7 и 13 запишите в бланк ответов № 1 в виде одной цифры, которая соответствует номеру правильного ответа.

Для остальных заданий части 1 ответом является число или последовательность цифр. Ответ запишите в поле ответа в тексте работы, а затем перенесите в бланк ответов № 1. Если получилась обыкновенная дробь, ответ запишите в виде десятичной.

Решения заданий части 2 и ответы к ним запишите на бланке ответов N 2. Задания можно выполнять в любом порядке. Текст задания переписывать не надо, необходимо только указать его номер.

Все бланки заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой или капиллярной ручки.

Сначала выполняйте задания части 1. Начать советуем с тех заданий, которые вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим заданиям. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

При выполнении части 1 все необходимые вычисления, преобразования выполняйте в черновике. Записи в черновике, а также в тексте контрольных измерительных материалов не учитываются при оценивании работы.

Если задание содержит рисунок, то на нём непосредственно в тексте работы можно выполнять необходимые Вам построения. Рекомендуем внимательно читать условие и проводить проверку полученного ответа.

При выполнении работы Вы можете воспользоваться справочными материалами, выданными вместе с вариантом КИМ, и линейкой.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

Для прохождения аттестационного порога необходимо набрать не менее 8 баллов, из которых не менее 2 баллов должны быть получены за решение заданий по геометрии (задания 15–19, 23–25).

После завершения работы проверьте, чтобы ответ на каждое задание в бланках ответов №1 и №2 был записан под правильным номером.

#### СПРАВОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

### АЛГЕБРА

• Формула корней квадратного уравнения:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$
, где  $D = b^2 - 4ac$ .

• Если квадратный трёхчлен  $ax^2 + bx + c$  имеет два корня  $x_1$  и  $x_2$ , то

$$ax^{2} + bx + c = a(x-x_{1})(x-x_{2});$$

если квадратный трёхчлен  $ax^2 + bx + c$  имеет единственный корень  $x_0$ ,

$$ax^{2} + bx + c = a(x - x_{0})^{2}$$
.

• Абсцисса вершины параболы, заданной уравнением  $y = ax^2 + bx + c$ :

$$x_0 = -\frac{b}{2a}$$
.

• Формула n-го члена арифметической прогрессии  $(a_n)$ , первый член которой равен  $a_1$  и разность равна d:

$$a_n = a_1 + d(n-1).$$

• Формула суммы первых *п* членов арифметической прогрессии:

$$S_n = \frac{(a_1 + a_n)n}{2}.$$

• Формула n-го члена геометрической прогрессии  $b_n$ , первый член которой равен  $b_1$ , а знаменатель равен q:

$$b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$$

• Формула суммы первых n членов геометрической прогрессии:

$$S_n = \frac{\left(q^n - 1\right)b_1}{q - 1}.$$

• Формулы сокращённого умножения:

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2;$$
  
 $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2;$ 

$$a^{2}-b^{2}=(a-b)(a+b)$$

• Свойства арифметического квадратного корня:

$$\sqrt{ab} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$$
 при  $a \ge 0$ ,  $b \ge 0$ ;  
 $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$  при  $a \ge 0$ ,  $b > 0$ .

• Свойства степени при a > 0, b > 0

$$a^{-n} = \frac{1}{a^{n}};$$

$$a^{n} \cdot a^{m} = a^{n+m};$$

$$\frac{a^{n}}{a^{m}} = a^{n-m};$$

$$(a^{n})^{m} = a^{nm};$$

$$(ab)^{n} = a^{n} \cdot b^{n};$$

$$(\frac{a}{b})^{n} = \frac{a^{n}}{b^{n}}.$$

Таблица квадратов двузначных чисел

						Едиг	ницы				
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	1	100	121	144	169	196	225	256	289	324	361
	2	400	441	484	529	576	625	676	729	784	841
	3	900	961	1024	1089	1156	1225	1296	1369	1444	1521
ž	4	1600	1681	1764	1849	1936	2025	2116	2209	2304	2401
Десятки	5	2500	2601	2704	2809	2916	3025	3136	3249	3364	3481
Je J	6	3600	3721	3844	3969	4096	4225	4356	4489	4624	4761
Ì	7	4900	5041	5184	5329	5476	5625	5776	5929	6084	6241
	8	6400	6561	6724	6889	7056	7225	7396	7569	7744	7921
Ì	9	8100	8281	8464	8649	8836	9025	9216	9409	9604	9801

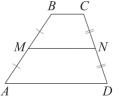
### ГЕОМЕТРИЯ

Сумма углов выпуклого n-угольника равна  $180^{\circ}(n-2)$ .

Средняя линия треугольника и трапеции



$$MN$$
 — ср. лин.  $MN \parallel AC$   $MN = \frac{AC}{2}$ 

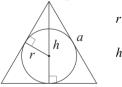


 $BC \parallel AD$  MN — ср. лин.  $MN \parallel AD$   $MN = \frac{BC + AD}{2}$ 

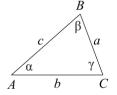
Описанная и вписанная окружности правильного треугольника



$$R = \frac{a\sqrt{3}}{3}$$
$$S = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$$



 $r = \frac{a\sqrt{3}}{6}$  $h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ 



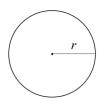
Для треугольника ABC со сторонами AB=c , AC=b , BC=a :

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R,$$

где *R* — радиус описанной окружности.

Для треугольника ABC со сторонами AB=c , AC=b , BC=a :

$$c^{2} = a^{2} + b^{2} - 2ab\cos C$$

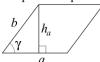


Длина окружности  $C = 2\pi r$ 

Площадь круга  $S = \pi r^2$ 

## Площади фигур

## Параллелограмм



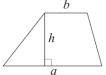
$$S = ah_a$$
$$S = ab\sin\gamma$$

# Треугольник



$$S = \frac{1}{2}ab\sin\gamma$$

Трапеция



$$S = \frac{a+b}{2} \cdot h$$

Ромб



$$d_1,\ d_2$$
 — диагонали 
$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2$$

### Прямоугольный треугольник



$$\sin \alpha = \frac{a}{c}$$

$$\cos \alpha = \frac{b}{c}$$

$$\tan \alpha = \frac{a}{c}$$

Теорема Пифагора:  $a^2 + b^2 = c^2$ 

Основное тригонометрическое тождество:  $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ 

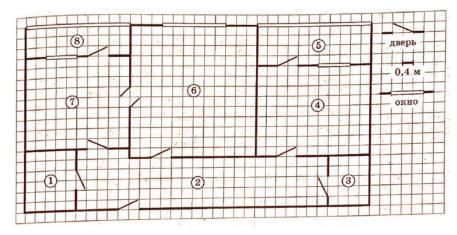
## Некоторые значения тригонометрических функций

α	градусы	0°	30°	45°	60°	90°	180°	270°	360°
	sinα	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	0	-1	0
	$\cos \alpha$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	0	1
	tgα	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	_	0	_	0

#### Часть 1

Ответами к заданиям 1–19 являются число или последовательность цифр, которые следует записать в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Если ответом является последовательность цифр, то запишите её без пробелов, запятых и других дополнительных символов. Каждый символ пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами.

## Прочитайте внимательно текст и выполните задания 1-5.



На рисунке изображён план двухкомнатной квартиры в многоэтажном жилом доме. Сторона одной клетки на плане соответствует 0,4 м, а условные обозначения двери и окна приведены в правой части рисунка.

Вход в квартиру находится в коридоре. Слева от входа в квартиру находится санузел, а в противоположном конце коридора — дверь в кладовую. Рядом с кладовой находится спальня, из которой можно пройти на одну из застеклённых лоджий. Самое большое по площади помещение — гостиная, откуда можно попасть в коридор и на кухню. Из кухни также можно попасть на застеклённую лоджию.

1 ' '		•	-		ми цифрами они
				•	панк перенесите пятых и других
		символов.	цифр осз п	роослов, за	пятых и других
				санузел	спальня
Объек	ты	прихожая	кухня	Canysesi	W AND
Циф	ы	100		Tarter of	Mark Selection

Сколько упаковок гостиной?	паркетной	доски	понадобилось,	чтобы	выложить	пол
Ответ:						

Паркетная доска размером 20 см на 40 см продаётся в упаковках по 9 штук.

4	На сколько процентов площадь санузла меньше площади коридора
	Ответ:

5 В квартире планируется заменить электрическую плиту. Характеристики электроплит, условия подключения и доставки приведены в таблице. Планируется купить электрическую плиту глубиной 54 см с максимальной температурой не менее 275°С.

Модель	Объём духовки (л)	Макси- мальная температура (°C)	Стоимость плиты (руб.)	Стоимость подклю- чения (руб.)	Стоимость доставки (% от стоимости плиты)	Габарит (высота ширина глубина,
A	50	280	18 890	1700	бесплатно	85 × 50 ×
Б	50	300	. 19 790	1250	бесплатно	85 × 50 ×
В	50	250	17 690	700	10	85 × 60 ×
Г	52	250	17 490	800	10	85 × 60 ×
Д	70	275	17 990	1400	бесплатно	85 × 60 ×
E	58	250	18 890	1500	бесплатно	85 × 50 ×
ж	54	270	18 900	750	15	85 × 50 ×
3	46	250	20 990	750	10	87 × 50 ×
И	70	275	21 690	1500	бесплатно	85 × 50 ×
к	67	250	22,990	1500	бесплатно	85 × 50 ×

Сколько	рублей	будет	стоить	наиболее	дешёвый	подходящий	вариан
вместе с	подключ	ением	и достав	вкой?			

Ответ:		

6	Найдите значение выражения
---	----------------------------

$$\left(\frac{9}{17} - \frac{11}{34}\right) \cdot \frac{17}{2}.$$

Ответ: \_\_\_\_\_

**7** На координатной прямой точки *A*, *B*, *C* и *D* соответствуют числам 0,1032; -0,031; -0,01; -0,104.

A	B	$\boldsymbol{C}$	D	
		-		-
-	•	-	*	_

Какой точке соответствует число -0,031?

- 1) A
- 2) *B*
- 3) *C*
- 4) D

Ответ:

8 Найдите значение выражения

$$\frac{a^{3,33}}{a^{2,11} \cdot a^{2,22}}$$

при 
$$a = \frac{2}{7}$$
.

Ответ:

9 Найдите корень уравнения

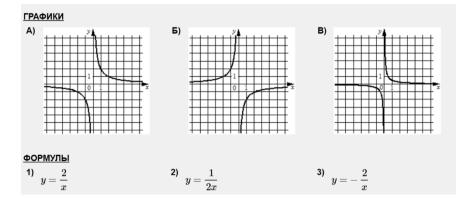
$$6x + 1 = -4x.$$

Ответ: \_\_\_\_\_\_\_.

Вероятность того, что новая шариковая ручка пишет плохо (или не пишет), равна 0,19. Покупатель в магазине выбирает одну шариковую ручку. Найдите вероятность того, что эта ручка пишет хорошо.

Ответ:

11 Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.



В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

Ответ:

A	Б	В

12 В фирме «Эх, прокачу!» стоимость поездки на такси (в рублях) длительностью более 5 минут рассчитывается по формуле C=150+11(t-5), где t- длительность поездки (в минутах). Пользуясь этой формулой, рассчитайте стоимость 15-минутной поездки. Ответ дайте в рублях.

Ответ: \_\_\_\_\_\_.

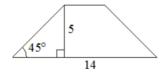
- 13 Укажите неравенство, решением которого является любое число.
  - 1)  $x^2 + 70 > 0$
  - 2)  $x^2 70 > 0$
  - 3)  $x^2 + 70 < 0$
  - 4)  $x^2 70 < 0$

Ответ:

14	При проведении химического опыта реагент равномерно охлаждали на
	6,5°C в минуту. Найдите температуру реагента (в градусах Цельсия) спустя
	4 минуты после начала проведения опыта, если начальная температура
	составляла -4,9 °C.

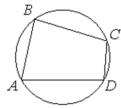
Ответ: \_\_\_\_\_\_\_.

В равнобедренной трапеции известна высота, большее основание и угол при основании (см. рисунок). Найдите меньшее основание.



Ответ: .

Угол A четырёхугольника ABCD, вписанного в окружность, равен 82°. Найдите угол C этого четырёхугольника. Ответ дайте в градусах.



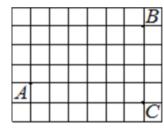
Ответ:

**17** Два катета прямоугольного треугольника равны 6 и 7. Найдите площадь этого треугольника.



Ответ: \_\_\_\_\_

На клетчатой бумаге с размером клетки  $1 \times 1$  отмечены три точки: A, B и C. Найдите расстояние от точки A до прямой BC.



- 19 Какое из следующих утверждений верно?
  - 1) Отношение площадей подобных треугольников равно коэффициенту подобия.
  - 2) Диагонали прямоугольника точкой пересечения делятся пополам.
  - 3) Биссектриса треугольника делит пополам сторону, к которой проведена.

В ответ запишите номер выбранного утверждения.

Ответ:	
Ответ	
OIBCI.	

He забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан в строке с номером соответствующего задания.

### Часть 2

При выполнении заданий 20–25 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Сначала укажите номер задания, а затем запишите его решение и ответ. Пишите чётко и разборчиво.

20 Решите уравнение

$$\frac{1}{(x-1)^2} + \frac{2}{x-1} - 3 = 0.$$

- 21 Первый рабочий за час делает на 10 деталей больше, чем второй, и выполняет заказ, состоящий из 60 деталей, на 3 часа быстрее, чем второй рабочий, выполняющий такой же заказ. Сколько деталей в час делает второй рабочий?
- 22 Постройте график функции

$$y = \frac{(x^2 + 3x)|x|}{x + 3}.$$

Определите, при каких значениях m прямая y = m не имеет с графиком ни одной общей точки.

**23** Диагонали *AC* и *BD* трапеции *ABCD* с основаниями *BC* и *AD* пересекаются в точке O, BC = 3, AD = 7, AC = 20. Найдите AO.



- 24 Известно, что около четырёхугольника *ABCD* можно описать окружность и что продолжения сторон *AB* и *CD* четырёхугольника пересекаются в точке *M*. Докажите, что треугольники *MBC* и *MDA* подобны.
- **25** В треугольнике *ABC* биссектриса *BE* и медиана *AD* перпендикулярны и имеют одинаковую длину, равную 12. Найдите стороны треугольника *ABC*.

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан рядом с номером соответствующего задания.