



# TD 3 : algorithmes de tri

Soit un tableau T de taille N où chaque cellule ci avec  $1 \le i \le N$  contient un nombre. Trier T par ordre croissant consiste à réordonner les valeurs des cellules de manière à ce que :

$$\sqrt{1 \le i \le N \text{ et } 1 \le j \le N : c_i \le c_j}$$

Pour passer d'un tableau non trié à un tableau trié par ordre croissant, il existe plusieurs méthodes de tri. L'objectif de ce projet est de programmer deux de ces méthodes (des tris naïfs assez peu efficaces au final ©) pour pouvoir ensuite comparer leur efficacité.

#### **Exemple**

Pour illustrer les deux méthodes de tri décrites ci-dessous, nous prendrons le tableau T comprenant 5 éléments et dont les éléments sont :



### Exercice 1 : Fonction d'insertion d'un élément dans un tableau

Pour réaliser les deux algorithmes de tri décrits ci-après, vous aurez besoin d'une fonction d'insertion d'un élément. Considérons que cet élément se trouve à la position i et doit être inséré à la position j (avec j < i).

Pour insérer T[i] à la position j, il faut :

- 1. Sauvegarder la valeur de T[i] dans une variable x;
- 2. Décaler d'une position tous les éléments compris entre la position j et la position i-1;
- 3. Mettre la valeur de x à la position j.

Programmez une fonction Octave qui réalise l'insertion d'un élément à partir d'un tableau de nombre entiers, d'une position d'un nombre à insérer et d'un indice de position d'arrivée.

## Exercice 2 : Fonction de Tri par sélection

Le tri par sélection consiste à chercher le plus petit élément du tableau et à le placer en première position. Une fois le plus petit élément positionné en première position, on recommence la même opération en commençant à l'indice 2 : on cherche le plus petit élément compris dans le tableau entre la position 2 et la fin du tableau, puis on place cet élément à la position 2. Puis on recommence ainsi en partant de l'élément 3, 4 et ainsi de suite jusqu'au bout du tableau.

| Soit le tableau de départ suivant   | 8 | 5 | 7 | 1 | 2 |
|---|---|---|---|---|---|
|   | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Le plus petit élément du tableau est 1. On l'insère à la première position du | 1 | 8 | 5 | 7 | 2 |
| tableau   | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| On recommence en partant de l'indice 2. Entre l'élément 2 et la fin du        | 1 | 2 | 8 | 5 | 7 |
| tableau, le plus petit élément est 2. On l'insère donc en seconde position.   | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |





| On recommence en partant de l'indice 3. Entre l'élément 3 et la fin du   | 1 | 2 | 5 | 8 | 7          |
|--|---|---|---|---|------------|
| tableau, le plus petit élément est 5. On l'insère donc en troisième position.  | 1 | 2 | 3 | 4 | 5          |
| On recommence en partant de l'indice 4. Entre l'élément 4 et la fin du tableau, le plus petit élément est 7. On l'insère donc en quatrième position. | 1 | 2 | 3 | 4 | <b>8</b> 5 |

Programmez une fonction GNU Octave qui réalise le tri par sélection d'un tableau.

## **Exercice 3: Fonction de Tri par insertion**

Le tri par insertion consiste à classer les deux premiers éléments du tableau. Une fois que les deux premiers sont ordonnés, on prend l'élément qui suit et on le classe à son tour dans ce qui a déjà été classé. Pour chaque élément i du tableau, on sait que les éléments de 1 à i-1 sont déjà classés. On va chercher la position j parmi les i-1 premiers éléments de manière à ce que T[i] < T[j]. On insère alors T[i] à la position j.

| Soit le tableau de départ suivant   | 8        | 5 | 7 | 1 | 2 |
|---|----------|---|---|---|---|
|   | 1        | 2 | 3 | 4 | 5 |
| On commence par classer les 2 premiers éléments   | 5        | 8 | 7 | 1 | 2 |
|   | 1        | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Puis on prend l'élément à la position $i=3$ (T[3] = 7), on cherche la position j  | 5        | 7 | 8 | 1 | 2 |
| dans le sous tableau déjà trié ([5 ; 8]) : j=2, x=T[3]=7, on décale tous les  |          |   | 0 |   |   |
| éléments d'une case entre j et i-1 soit ici entre 2 et 2. Donc seul 8 est décalé  | 1        | 2 | 3 | 4 | 5 |
| d'une case. Enfin on insère x à la position j.  |          |   |   |   |   |
| On prend ensuite l'élément à la position $i=4$ ( $T[4]=1$ ), on cherche la position   | <b>1</b> | 5 | 7 | 8 | 2 |
| j dans le sous tableau déjà trié ([5 ; 7 ; 8]) : j=1, x=T[4]=1, on décale tous  | Ľ        |   |   | 0 |   |
| les éléments d'une case entre j et i-1 soit ici entre 1 et 3. Donc 5, 7 et 8 sont décalés d'une case. Enfin on insère x à la position j.      | 1        | 2 | 3 | 4 | 5 |
| ·   |          |   |   |   |   |
| Enfin, on prend l'élément à la position $i=5$ ( $T[5]=2$ ), on cherche la position j  | 1        | 2 | 5 | 7 | 8 |
| dans le sous tableau déjà trié ([1; 5; 7; 8]): $j=2$ , $x=T[5]=2$ , on décale   | Ľ        |   | 3 |   | 0 |
| tous les éléments d'une case entre j et i-1 soit ici entre 2 et 4. Donc 5, 7 et 8 sont décalés d'une case. Enfin on insère x à la position j. | 1        | 2 | 3 | 4 | 5 |
|   |          |   |   |   |   |

Programmez une fonction GNU Octave qui réalise le tri par insertion d'un tableau.