



TD°3: algorithmes de tri

Soit un tableau T de taille N où chaque cellule ci avec $1 \le i \le N$ contient un nombre. Trier T par ordre croissant consiste à réordonner les valeurs des cellules de manière à ce que :

$$\sqrt{1 \le i \le N \text{ et } 1 \le j \le N : c_i \le c_i}$$

Pour passer d'un tableau non trié à un tableau trié par ordre croissant, il existe plusieurs méthodes de tri. L'objectif de ce projet est de programmer deux de ces méthodes pour pouvoir ensuite comparer leur efficacité.

Exemple

Pour illustrer les deux méthodes de tri décrites ci-dessous, nous prendrons le tableau T comprenant 5 éléments et dont les éléments sont :



Exercice 1: Fonction d'insertion d'un élément

Pour réaliser les deux algorithmes de tri décrits ci-dessous, vous aurez besoin d'une fonction d'insertion d'un élément. Considérons que cet élément se trouve à la position i et doit être inséré à la position j (avec j < i).

Pour insérer T[i] à la position j, il faut :

- 1. Sauvegarder la valeur de T[i] dans une variable x;
- 2. Décaler d'une position tous les éléments compris entre la position j et la position i-1;
- 3. Mettre la valeur de x à la position j.

Programmez une fonction Octave qui réalise l'insertion d'un élément à partir d'un tableau de nombre entiers, d'une position d'un nombre à insérer et d'un indice de position d'arrivée.

Exercice 2 : Fonction de Tri par sélection

Le tri par sélection consiste à chercher le plus petit élément du tableau et à le placer en première position. Une fois le plus petit élément positionné en première position, on recommence la même opération en commençant à l'indice 2 : on cherche le plus petit élément compris dans le tableau entre la position 2 et la fin du tableau, puis on place cet élément à la position 2. Puis on recommence ainsi en partant de l'élément 3, 4 et ainsi de suite jusqu'au bout du tableau.

Soit le tableau de départ suivant	8	5	7	1	2
	1	2	3	4	5
Le plus petit élément du tableau est 1. On l'insère à la première position du tableau	1	8	5	7	2
	1	2	3	4	5
On recommence en partant de l'indice 2. Entre l'élément 2 et la fin du tableau, le plus petit élément est 2. On l'insère donc en seconde position.	1	2	8	5	7
	1	2	3	4	5





On recommence en partant de l'indice 3. Entre l'élément 3 et la fin du tableau, le plus petit élément est 5. On l'insère donc en troisième position.	1	2	3	8	7 5
On recommence en partant de l'indice 4. Entre l'élément 4 et la fin du tableau, le plus petit élément est 7. On l'insère donc en quatrième position.	1	2	3	7	5

Programmez une fonction Octave qui réalise le tri par sélection d'un tableau.

Exercice 3: Fonction de Tri par insertion

Le tri par insertion consiste à classer les deux premiers éléments du tableau. Une fois que les deux premiers sont ordonnés, on prend l'élément qui suit et on le classe à son tour dans ce qui a déjà été classé. Pour chaque élément i du tableau, on sait que les éléments de 1 à i-1 sont déjà classés. On va chercher la position j parmi les i-1 premiers éléments de manière à ce que T[i] < T[j]. On insère alors T[i] à la position j.

Soit le tableau de départ suivant	8	5	7	1	2
	1	2	3	4	5
On commence par classer les 2 premiers éléments	5	2	7	4	2 5
Puis on prend l'élément à la position $i=3$ ($T[3]=7$), on cherche la position j dans le sous tableau déjà trié ($[5;8]$): $[=2, x=T[3]=7$, on décale tous les éléments d'une case entre j et i-1 soit ici entre 2 et 2. Donc seul 8 est décalé d'une case. Enfin on insère x à la position j.	5	7	8	1 4	2 5
On prend ensuite l'élément à la position $i=4$ ($T[4]=1$), on cherche la position $i=4$ ($T[4]=1$), on cherche la position $i=4$ ($T[4]=1$), on cherche la position $i=4$ ($T[4]=1$), on décale tous les éléments d'une case entre $i=4$ ($T[4]=1$), on cherche la position $T[4]=1$), on cherche la position $T[4]=1$, on cherche	1	2	7	4	2 5
Enfin, on prend l'élément à la position $i=5$ ($T[5]=2$), on cherche la position $i=5$ dans le sous tableau déjà trié ($[1;5;7;8]$): $i=2$, $x=T[5]=2$, on décale tous les éléments d'une case entre $i=1$ soit ici entre $i=1$ et $i=1$ soit décalés d'une case. Enfin on insère $i=1$ a position $i=1$ et $i=1$ soit decalés d'une case. Enfin on insère $i=1$ a position $i=1$ et $i=1$ soit ici entre $i=1$ et $i=1$ soit ici entre $i=1$ et $i=1$ soit ici entre $i=1$ et $i=1$ et $i=1$ soit ici entre $i=1$ et $i=1$	1	2	5	4	8

Programmez une fonction Octave qui réalise le tri par insertion d'un tableau.