Giới thiệu bài toán kiểm định, khái niệm Kiểm định giả thuyết cho trường hợp một mấu Kiểm định giả thuyết cho trường hợp hại mấu độc lập Kiểm định giả thuyết cho trường hợp hai mẫu không độc lập

Kiểm định giả thuyết

Nguyễn Thị Hồng Nhung

Ngày 30 tháng 11 năm 2016

https://fb.com/tailieudientucntt

Giới thiệu bài toán kiếm định, khái niệm Kiểm định giả thuyết cho trường hợp một mẫu Kiểm định giả thuyết cho trường hợp hai mẫu độc lập Kiểm định giả thuyết cho trường hợp hai mẫu không độc lập

Table of contents

- 1 Giới thiệu bài toán kiểm định, khái niệm
 - Bài toán kiểm định giả thuyết thống kê
 - Các loại sai lầm thường gặp
 - p- value
- 2 Kiểm định giả thuyết cho trường hợp một mẫu
 - Kiểm định giả thuyết cho kỳ vọng
 - ullet Trường hợp biết phương sai σ^2
 - ullet Trường hợp không biết phương sai σ^2 , mẫu nhỏ
 - \bullet Trường hợp không biết phương sai σ^2 , mẫu lớn
 - Kiếm định giả thuyết cho tỷ lệ
- Kiếm định giả thuyết cho trường hợp hai mẫu độc lập
 - Kiếm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng
 - Kiểm định giả thuyết về tỷ lệ cho trường hợp hai mẫu
 - Kiểm định giả thuyết cho trường hợp hai mẫu không độc

Định nghĩa giả thuyết thống kê

Định nghĩa 1

Giả thuyết thống kê là những phát biểu về các tham số, quy luật phân phối, hoặc tính độc lập của các đại lượng ngẫu nhiên. Việc tìm ra kết luận để bác bỏ hay chấp nhận một giả thuyết gọi là kiểm định giả thuyết thống kê.

Ví dụ 1

Giám đốc một nhà máy sản xuất bo mạch chủ máy vi tính tuyên bố rằng tuổi thọ trung bình của một bo mạch chủ do nhà máy sản xuất ra là 5 năm; đây là một giả thuyết về kỳ vọng của biến ngẫu nhiên X = tuổi thọ của một bo mạch chủ. Để đưa ra kết luận là chấp nhận hay bác bỏ giả thuyết trên, ta cần dựa vào mẫu địch tra và quyết trận kiểm định thống kế Nguyễn Thị Hồng Nhung Kiểm định thống kế

Định nghĩa giả thuyết không và đối thuyết

Định nghĩa 2

Trong bài toán kiểm định giả thuyết, giả thuyết cần được kiểm định gọi là Giả thuyết không (Null hypothesis), ký hiệu H_0 . Mệnh đề đối lập với H_0 gọi là đối thuyết (alternative hypothesis), ký hiệu là H_1 .

Xét bài toán kiểm định tham số: giả sử ta quan sát mẫu ngẫu nhiên (X_1,\ldots,X_n) từ biến ngẫu nhiên X có hàm mật độ xác suất $f(x,\theta)$ phụ thuộc vào tham số θ . Gọi Θ là không gian tham số và Θ_0,Θ_0^c là hai tập con rời nhau của Θ sao cho $\Theta_0\cup\Theta_0^c=\Theta$. Giả thuyết (giả thuyết không) và đối thuyết của bài toán như sau

https://fb.con/loilieddientiont

Bài toán kiểm định giả thuyết thống kê Các loại sai lầm thường gặp p- value

Dịnh nghĩa giả thuyết không và đối thuyết

Ví dụ 2

- 1 Gọi μ là độ thay đổi trung bình trong huyết áp của một bệnh nhận sau khi dùng thuốc, bác sĩ điều trị cần quan tâm đến giả thuyết sau:
 - $\left\{ egin{array}{ll} H_0: \mu=0 & ext{Không có ảnh hưởng của thuốc lên huyết áp bệ}, \ H_1: \mu
 eq 0 & ext{Có ảnh hưởng của thuốc lên huyết áp của bệnh}. \end{array}
 ight.$
 - 2 Một khách hàng quan tâm đến tỷ lê sản phẩm kém chất
- lượng trong một lô hàng mua của nhà cung cấp. Giả sử tỷ lệ sản phẩm kém được phép chấp nhận là nhỏ hơn 5%.

Khách hàng cần quan tâm đến giả thuyết sau:

 $\left\{ \begin{array}{l} H_0: p \geq 0.05 \quad T\mathring{y} \ l\mathring{e} \ s\mathring{a}n \ ph\mathring{a}m \ k\acute{e}m \ cao \ hơn mức cho phép \ H_1: p < 0.05 \quad T\mathring{y} \ l\mathring{e} \ s\mathring{a}n \ ph\mathring{a}m \ k\acute{e}m \ \mathring{\sigma} \ mức \ chấp \ nhận \ dược \ hợc \ hợc$

Cách đặt giả thuyết

- 1 Giả thuyết được đặt ra với ý đồ bác bỏ nó, nghĩa là giả thuyết được đặt ra ngược với điều ta muốn chứng minh, muốn thuyết phục.
- 2 Giả thuyết được đặt ra sao cho khi chấp nhận hay bác bỏ nó sẽ có tác dụng trả lời bài toán thực tế đặt ra.
- 3 Giả thuyết được đặt ra sao cho nếu nó đúng thì ta sẽ xác định được quy luật phân phối xác suất của đại lượng ngẫu nhiên được chọn làm tiêu chuẩn kiểm định.
- 4 Khi đặt giả thuyết, ta thường so sánh cái chưa biết với cái đã biết. Cái chưa biết là điều mà ta cần kiểm định, kiểm tra, làm rõ. "Cái đã biết" là những thông tin trong quá khứ, các định mức kinh tế, kỹ thuật.
- 5 Giả thuyết đặt ra thường mang ý nghĩa "không khác

Cách đặt giả thuyết

Tổng quát, một bài toán kiếm định giả thuyết cho tham số θ sẽ có một trong 3 dạng dưới đây (θ_0 là giá trị kiểm định đã biết). Kiểm định hai phía

cuu duong
$$\left\{ egin{array}{ll} H_0: heta = heta_0 & ext{ong} \ H_1: heta
eq heta_0 \end{array}
ight.$$

Kiểm định một phía bên trái

$$\begin{array}{c} \left\{\begin{array}{l} H_0: \theta \geq \theta_0 \\ H_1: \theta < \theta_0 \end{array}\right. \quad \text{com} \end{array}$$

Kiếm định một phía bên phải

$$\begin{cases} H_0: \theta \leq \theta_0 \\ H_1: \theta > \theta_0 \end{cases}$$
https://fb.com/tailieudientucntt

ng.com

Miền bác bỏ- Tiêu chuẩn kiểm định

Định nghĩa 3

Xét bài toán kiểm định giả thuyết H_0 và đối thuyết H_1 . Giả sử rằng H_0 đúng, từ mẫu ngẫu nhiên $X = (X_1, \ldots, X_n)$ chọn hàm $Z = h(X_1, \ldots, X_n; \theta_0)$ sao cho với số $\alpha > 0$ bé tùy ý ta có thể tìm được tập hợp W_{α} thỏa điều kiện

$$\mathbb{P}(Z \in W_{\alpha}) = \alpha.$$

Tập hợp W_{α} gọi là miền bác bỏ giả thuyết H_0 và phần bù W_{α}^c gọi là miền chấp nhận giả thuyết H_0 . Đại lượng ngẫu nhiên $Z = h(X_1, \ldots, X_n; \theta_0)$ gọi là tiêu chuẩn kiểm định giả thuyết H_0 . Giá trị α là mức ý nghĩa của bài toán kiểm định.

https://fb.com/tailieudientucntt

Miền bác bỏ- Tiêu chuẩn kiểm định

Thực nghiệm quan trắc dựa trên mẫu ngẫu nhiên (X_1, \ldots, X_n) ta thu được mẫu thực nghiệm (x_1, \ldots, x_n) . Từ mẫu thực nghiệm này, ta tính được giá trị của Z là $z = h(x_1, \ldots, x_n; \theta_0)$.

- Nếu $z \in W_{\alpha}$ thì ta bác bỏ giả thuyết H_0 .
- Nếu $z \in W^c_{\alpha}$ thì ta kết luận chưa đủ cơ sở để bác bỏ giả thuyết H_0 .

Trong bài toán kiểm định giả thuyết thống kê, ta có thể mắc phải các sai lầm sau

i Sai lầm loại I là sai lầm mắc phải khi ta bác bỏ H_0 trong khi thực tế giả thuyết H_0 đúng. Sai lầm loại I ký hiệu là α , chính là mức ý nghĩa kiểm định

$$\alpha = \mathbb{P}(W_{\alpha}|H_0).$$

ii Sai lầm loại II là sai lầm mắc phải khi ta chấp nhận H_0 trong khi thực tế giả thuyết H_0 sai. Sai lầm loại II ký hiệu là β , chính là mức ý nghiã kiểm định

$$\beta = \mathbb{P}(W_{\alpha}^{c}|H_1).$$

Bài toán kiểm định giả thuyết thống kê Các loại sai lầm thường gặp p- value

Sai lầm loai I và loai II

cuu duong than cong . com

cuu duong than cong . com

Thực tế Quyết định	H_0 đúng	H_0 sai
Không bác bỏ H_{0}	Không có sai lầm $(1-\alpha)$	Sai lầm loại II eta
Bác bỏ H_0	Sai lầm loại I α	Không có sai lầm $(1-\beta)$

cuu duong than cong . com

cuu duong than cong . com

Bài toán kiểm định giả thuyết thống kê Các loại sai lầm thường gặp p- value

Sai lầm loại I và loại II

Ví dụ 3

Khảo sát tốc độ cháy của một loại nhiên liệu rắn dùng để đấy tên lửa ra khỏi giàn phóng. Giả sử biến ngẫu nhiên $X = t \hat{o} c$ đô cháy của nhiên liêu (cm/s) có phân phối chuẩn với kỳ vọng μ và độ lệch chuẩn $\sigma = 2.5$. Ta cần kiếm đinh giả thuyết

cuu duong
$$\left\{egin{array}{l} H_0: \mu = 50 \ H_1: \mu
eq 50 \end{array}
ight.$$
 com

Giả sử ta bác bỏ H_0 khi \bar{x} < 48.5 hoặc \bar{x} > 51.5. Các giá tri 48.5 và 51.5 gọi là giá trị tới hạn (Critial value). Giả sử khảo sát mẫu ngẫu nhiên cỡ n=10, ta tìm xác suất sai lầm loại I. https://fb.com/tailieudientucntt

Sai lầm loại I và loại II -Ví dụ (tt)

Tức là.

$$\begin{array}{ll} \alpha & = & \mathbb{P}(\bar{X} < 48.5 | \mu = 50) + \mathbb{P}(\bar{X} > 51.5 | \mu = 50) \\ & = & \mathbb{P}\left(\frac{\bar{X} - 50}{2.5 / \sqrt{10}} < \frac{48.5 - 50}{2.5 / \sqrt{10}}\right) + \mathbb{P}\left(\frac{\bar{X} - 50}{2.5 / \sqrt{10}} > \frac{51.5 - 50}{2.5 / \sqrt{10}}\right) \\ & = & \mathbb{P}\left(Z < -1.90\right) + \mathbb{P}\left(Z > 1.90\right) = 0.0287 + 0.0287 = 0.0574 \end{array}$$

Nghĩa là có 5.74% số mẫu ngẫu nhiên khảo sát được sẽ dẫn đến kết luận bác bỏ giả thuyết H_0 : $\mu = 50(cm/s)$ khi tốc độ trung bình thực sự là 50 (cm/s).

Sai lầm loại I và loại II -Ví dụ (tt)

Ta có thể giảm sai lầm α bằng cách mở rộng miền chấp nhân.

Giả sử với cỡ mẫu n=10, miền chấp nhận là $48<\bar{x}<52$, khi đó giá trị của α là

$$\alpha = \mathbb{P}\left(Z < \frac{48 - 50}{2.5\sqrt{10}}\right) + \mathbb{P}\left(Z > \frac{52 - 50}{2.5\sqrt{10}}\right)$$
$$= 0.0057 + 0.0057 = 0.0114$$

Cách thứ hai để giảm α là tăng cỡ mẫu khảo sát. Giả sử cỡ mẫu n=16, ta có $\frac{\sigma}{\sqrt{n}}=\frac{2.5}{\sqrt{16}}=0.625$, với miền bác bỏ là \bar{x} < 48.5 hoặc \bar{x} > 51.5, ta có

$$\alpha = \mathbb{P}(\bar{X} < 48.5 | \mu = 50) + \mathbb{P}(\bar{X} > 51.5 | \mu = 50)$$

$$= \mathbb{P}\left(Z < \frac{48.5 - 50}{0.625}\right) + \mathbb{P}\left(Z > \frac{51.5 - 50}{0.625}\right)$$

$$= 0.0082 + 0.0082 = 0.0164.$$

Xác suất sai lầm loại II , β ,được tính như sau

$$\beta = \mathbb{P}(\mathsf{Không}\ \mathsf{bác}\ \mathsf{bó}\ H_0\ \mathsf{khi}\ H_0\ \mathsf{sai}).$$

Đế tính β ta cần chỉ ra một giá trị cụ thể cho tham số trong đối thuyết H_1 . https://fb.com/tailieudientucntt

Giả sử với cỡ mẫu n=10, miền chấp nhận của giả thuyết H_0 là $48.5 \le \bar{X} \le 51.5$ trong khi giá trị thực sự của $\mu=52$. Sai lầm β cho bởi

Sai lầm
$$\beta$$
 cho bởi
$$\beta = \mathbb{P}\left(48.5 \le \bar{X} \le 51.5 | \mu = 52\right)$$

$$= \mathbb{P}\left(\frac{48.5 - 52}{2.5/\sqrt{10}} \le \frac{\bar{X} - 52}{2.5/\sqrt{10}} \le \frac{51.5 - 52}{2.5/\sqrt{10}} | \mu = 52\right)$$

$$= \mathbb{P}\left(-4.43 \le Z \le -0.63\right) = \mathbb{P}(Z \le -0.63) - \mathbb{P}(Z \le -4.43)$$

$$= 0.2643 - 0.0000 = 0.2463$$

Giả sử giá trị thực sự $\mu=$ 50.5, khi đó

$$\beta = \mathbb{P}\left(48.5 \le \bar{X} \le 51.5 | \mu = 50.5\right)$$

$$= \mathbb{P}\left(\frac{48.5 - 50.5}{2.5 / \sqrt{10}} \le \frac{\bar{X} - 50.5}{2.5 / \sqrt{10}} \le \frac{51.5 - 50.5}{2.5 / \sqrt{10}} | \mu = 52\right)$$

$$= \mathbb{P}\left(-2.53 \le Z \le 1.27\right)$$

$$= 0.8980 - 0.0057 = 0.8923$$

Bài toán kiểm định giả thuyết thống kê Các loại sai lầm thường gặp p- value

Sai lầm loại I và loại II

Tương tự, α , tăng cỡ mẫu sẽ làm giảm sai lầm β , với cỡ mẫu n=16 và miền chấp nhận là $48<\bar{X}<52$, ta tính được $\beta=0.229$.

cuu duong than cong . com

Nhân xét 1

- 1 Ta có thế giảm kích thước của miền bác bỏ (tương ứng tăng kích thước miền chấp nhận), xác suất sai lầm loại I, α , bằng cách chọn những điểm tới hạn thích hợp.
- 2 Xác suất sai lầm loại I và loại II có liên quan với nhau. Một cỡ mẫu cố định, việc giảm sai lầm loại này sẽ tăng sai lầm loai kia.
- 3 Cổ định các điểm tới hạn, tăng cỡ mẫu n sẽ làm giảm xác suất sai lầm loại I, α , và loại II, β .
- 4 Nếu H_0 sai, sai lầm β sẽ tăng khi giá trị thực của tham số tiến gần đến giá trị được phát biểu trong giả thuyết H_0 .

https://fb.com/tailieudientucntt

Bài toán kiểm định giả thuyết thống kê Các loại sai lầm thường gặp p- value

p- giá trị(p-value)

Định nghĩa 4

Tương ứng với một giá trị thống kê kiểm định trên một mẫu các giá trị quan trắc xác định, p-giá trị là mức ý nghĩa nhỏ nhất dùng để bác bỏ giả thuyết H_0 .

Dựa vào đối thuyết H_1 , các bước tính p-giá trị như sau:

p- giá trị(p-value)

- 1 Xác định thống kê kiểm định:TS. Tính giá trị thống kê kiểm định dựa trên mẫu (x_1, \ldots, x_n) , giả sử bằng a.
- 2 p-giá trị cho bởi

$$p = \left\{ \begin{array}{ll} \mathbb{P}\left(|TS| > |a||H_0\right), & \text{kiểm định hai phía} \\ \mathbb{P}\left(TS < a|H_0\right), & \text{kiểm định một phía - bên trái} \\ \mathbb{P}\left(TS > a|H_0\right), & \text{kiểm định một phía - bên phải} \end{array} \right.$$

Kết luận: Bác bỏ giả thuyết H_0 nếu p- giá trị $\leq \alpha$.

https://fb.com/tailieudientucntt

- Các giả định
- Mẫu ngẫu nhiên X_1, \ldots, X_n được chọn từ tổng thể có phân phối chuẩn $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ với kỳ vọng μ chưa biết.
 - Phương sai σ^2 đã biết.
 - Cho trước giá trị μ_0 , cần so sánh kỳ vọng μ và μ_0 .
- Bài toán kiểm định có 3 trường hợp

$$(a) \begin{cases} H_0 : \mu = \mu_0 \\ H_1 : \mu \neq \mu_0 \end{cases} (b) \begin{cases} H_0 : \mu = \mu_0 \\ H_1 : \mu < \mu_0 \end{cases}$$

$$(c) \begin{cases} H_0 : \mu = \mu_0 \\ H_1 : \mu > \mu_0 \end{cases}$$

với mức ý nghĩa α cho trước. https://fb.com/tailieudientucntt

Các bước kiểm đinh

- 1 Phát biểu giả thuyết không và đối thuyết
- 2 Xác định mức ý nghĩa α .
- 3 Lấy mẫu ngẫu nhiên cỡ $n: X_1, \ldots, X_n$ và tính thống kê kiểm định $Z_0 = rac{ar{X} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}.$

$$Z_0 = \frac{X - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}}$$

4 Xác định miền bác bỏ W_{α} : Bảng 1 https://fb.com/tailieudientucntt

Giả thuyết	Miền bác bỏ
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu \neq \mu_0)$	$W_{\alpha} = \{z_0 : z_0 > z_{1-\alpha/2}\}$
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu < \mu_0)$	$W_{\alpha} = \{z_0 : z_0 < -z_{1-\alpha}\}$
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu > \mu_0)$	$W_{\alpha} = \{z_0 : z_0 > z_{1-\alpha}\}$

Bảng 1: Miền bác bỏ với đối thuyết tương ứng.

5 Kết luận: Bác bỏ H_0 / Chưa đủ cơ sở để bác bỏ H_0 .

 Sử dụng p-giá trị (p-value): tính p-value dựa theo đối thuyết và kết luận bác bỏ H₀ khi

$$p-value \leq \alpha,$$

với mức ý nghĩa α cho trước. Công thức tính p-value theo các trường hợp xem ở bảng 2.

Giả thuyết	p-value	
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu \neq \mu_0)$	$p=2[1-\Phi\left(z_0 \right)]$	OII
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu < \mu_0)$	$p = \Phi(z_0)$	
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu > \mu_0)$	$1-\Phi\left(z_{0}\right)$	

Bảng 2: p-value với đối thuyết tương ứng.

Ví dụ 4

Metro EMS: Một bệnh viện tại trung tâm thành phố cung cấp dịch vụ cấp cứu tại nhà. Với khoảng 20 xe cấp cứu, mục tiêu của trung tâm là cung cấp dịch vu cấp cứu trong khoảng thời gian trung bình là 12 phút sau khi nhận được điện thoại yêu cầu. Một mẫu ngẫu nhiên gồm thời gian đáp ứng khi có yêu cầu của 40 ca cấp cứu được chon. Trung bình mẫu là 13.25 phút. Biết rằng đô lệch tiêu chuẩn của tổng thế là $\sigma = 3.2$ phút. Giám đốc EMS muốn thực hiện một kiểm định, với mức ý nghĩa 5%, để xác định xem liệu thời gian một ca cấp cứu có bé hơn hoặc bằng 12 phút hay không?

Kiếm định giả thuyết cho kỳ vong Trường hợp không biết phương sai σ^2 , mẫu nhỏ

- Các giả định
- Mẫu ngẫu nhiên X_1, \ldots, X_n được chọn từ tống thế có phân phối chuẩn $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ với kỳ vọng μ và phương sai σ^2 chưa biết
 - Sử dụng ước lượng không chệch S thay cho σ .
 - Cho trước giá trị μ_0 , cần so sánh kỳ vọng μ và μ_0 .
 - Cỡ mẫu nhỏ : n < 30
- Bài toán kiểm định có 3 trường hợp

(a)
$$\begin{cases} H_0: \mu = \mu_0 \\ H_1: \mu \neq \mu_0 \end{cases}$$
 (b) $\begin{cases} H_0: \mu = \mu_0 \\ H_1: \mu < \mu_0 \end{cases}$

 $(c) \left\{ \begin{array}{l} H_0: \mu = \mu_0 \\ H_1: \mu > \mu_{\text{b.com/tailieudientucntt}} \end{array} \right.$ với mức ý nghĩa α cho trước.

Kiếm định giả thuyết cho kỳ vong Trường hợp không biết phương sai σ^2 , mẫu nhỏ

Các bước kiểm định

- 1 Phát biểu giả thuyết không và đối thuyết
- 2 Xác định mức ý nghĩa α .
- 3 Lấy mẫu ngẫu nhiên cỡ $n: X_1, \ldots, X_n$ và tính thống kê kiểm đinh

cuu duong
$$T_0 = \frac{\bar{X} - \mu_0}{S/\sqrt{n}}$$
. com

Biến ngẫu nhiên T_0 có phân phối Student với n-1 bậc tư do.

4 Xác định miện bác bỏ W. Bảng 1

Giả thuyết	Miền bác bỏ
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu \neq \mu_0)$	$\mathcal{W}_{lpha}=\left\{t_0: t_0 >t_{1-lpha/2}^{n-1} ight\}$
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu < \mu_0)$	$W_{lpha}=\left\{t_0:t_0<-t_{1-lpha}^{n-1} ight\}$
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu > \mu_0)$	$W_{\alpha}=\left\{t_0:t_0>t_{1-\alpha}^{n-1} ight\}$

Bảng 3: Miền bác bỏ với đối thuyết tương ứng (trường hợp mẫu nhỏ).

5 Kết luận: Bác bỏ H_0 / Chưa đủ cơ sở để bác bỏ H_0 .

• Sử dụng p-giá trị (p-value): tính p-value dựa theo đối thuyết và kết luận bác bỏ H_0 khi

$$p-$$
 value $\leq \alpha,$

với mức ý nghĩa α cho trước. Công thức tính p-value theo các trường hợp xem ở bảng 5.

Giả thuyết	p-value
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu \neq \mu_0)$	$p=2\mathbb{P}\left(T_{n-1}\geq t_0 \right)$
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu < \mu_0)$	$\mathbb{P}\left(T_{n-1} \leq t_0\right)$
$H_0: \mu = \mu_0(H_1: \mu > \mu_0)$	$\mathbb{P}\left(T_{n-1} \geq t_0\right)$

Bảng 4: *p*-value với đối thuyết tương ứng (trường hợp mẫu https://fb.com/tailique/inntucntt

Kiểm định giả thuyết cho kỳ vọng Trường hợp không biết phương sai σ^2 , mẫu lớn

- Các giả định
 - Mẫu ngẫu nhiên X₁,..., X_n được chọn từ tổng thể có kỳ vọng μ và phương sai σ² không biết.
 - Sử dụng ước lượng không chệch S thay cho σ .
- ullet Cho trước giá trị μ_0 , cần so sánh kỳ vọng μ và μ_0 .
 - Cỡ mẫu nhỏ : n > 30 .

Kiểm định giả thuyết cho kỳ vọng Trường hợp không biết phương sai σ^2 , mẫu lớn

Khi cỡ mẫu lớn, biến ngẫu nhiên

cuu duong t
$$Z_0 \equiv \frac{\bar{X} - \mu_0}{S/\sqrt{n}}$$
ng com

sẽ hội tụ về phân phối chuẩn hóa $Z_0 \sim \mathcal{N}(0,1)$. Khi đó miền bác bỏ W_α hoặc p-value sẽ được tính tương tự trường hợp biết phương sai chỉ thay thế

$$rac{ar{X} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$$

bằng Z_0 ở trên.

Ví du 5

Trạm cảnh sát giao thông trên đường cao tốc sẽ thực hiện việc bắn tốc độ định kỳ tại các địa điểm khác nhau để kiểm tra tốc độ của các phương tiện giao thông. Một mẫu về tốc độ của các loại xe được chọn để thực hiện kiểm định giả thuyết sau

$$\begin{cases}
H_0: & \mu = 65 \\
H_1: & \mu > 65
\end{cases}$$

Những vị trí mà bác bỏ H_0 là những vị trí tốt nhất được chọn để đặt radar kiểm soát tốc độ. Tại địa điểm F, một mẫu gồm tốc độ của 64 phương tiện được bắn tốc độ ngẫu nhiên có trung bình là 66.2 mph và độ lệch tiêu chuẩn 4.2 mph. Sử dụng $\alpha=5\%$ để kiểm định giả thuyết

Ví du 6

Trong thập niên 80, trọng lượng trung bình của thanh niên là 48 kg. Nay để xác định lại trọng lượng ấy, người ta chọn ngẫu nhiên 100 thanh niên đo trọng lượng trung bình là 50 kg và phương sai mẫu $s^2 = (10 \text{ kg})^2$. Thử xem trọng lượng thanh niên hiện nay phải chăng có thay đổi, với mức ý nghĩa là 1%.

Ví du 7

Giám đốc một xí nghiệp cho biết lương trung bình của 1 công nhân xí nghiệp là 380 ngàn đ/tháng. Chọn ngẫu nhiên 36 công nhân thấy lương trung bình là 350 ngàn đ/ tháng, với độ lệch chuẩn s=40. Lời báo cáo của giám đốc có tin cậy được không, với mức ý nghĩa là $\alpha=5\%$.

Kiểm định giả thuyết cho tỷ lệ

• Bài toán

Cho tổng thể X, trong đó tỷ lệ phần tử mang đặc tính \mathcal{A} nào đó trong tổng thể là p(p) chưa biết). Từ mẫu ngẫu nhiên (X_1, \ldots, X_n) hãy kiểm định

$$(a) \begin{cases} H_0: p = p_0 \\ H_1: p \neq p_0 \end{cases} (b) \begin{cases} H_0: p = p_0 \\ H_1: p < p_0 \end{cases}$$

$$(c) \begin{cases} H_0: p = p_0 \\ H_1: p > p_0 \end{cases} \text{ v\'oi m\'uc \'y nghĩa } \alpha.$$

• Giả định: Cỡ mẫu n lớn để phân phối nhị thức xấp xỉ phân phối chuẩn cần có $np_0 \ge 5$ và $n(1-p_0) \ge 5$.

• Quan sát sư xuất hiện của biến cố " phần tử mang đặc tính \mathcal{A} " trong n phép thử đôc lập. Goi Y là số lần xuất hiện biến cố trên thì $Y \sim B(n, p)$. Và

cuu duong th
$$\hat{p} = \frac{Y}{n}$$
cong . com

là một ước lương không chệch cho p.

Nếu H₀ đúng, thống kê

$$Z_0 = \frac{\hat{P} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}}$$

có phân phối chuẩn hóa $\mathcal{N}(0,1)$. Chọn Z_0 làm tiêu chuẩn kiểm định. https://fb.com/tailieudientucntt

Các bước kiểm định

- 1 Phát biểu giả thuyết và đối thuyết.
- 2 Xác định mức ý nghĩa α .
- 3 Tính giá trị thống kê kiểm định

CUU duong
$$Z_0=rac{\hat{P}-p_0}{\sqrt{rac{p_0(1-p_0)}{n}}}$$
.

4 Xác định miền bác bỏ: bảng 5 https://fb.com/tailieudientucntt

Giả thuyết	Miền bác bỏ
$H_0: p = p_0(H_1: p \neq p_0)$	$W_{\alpha} = \{z_0 : z_0 > z_{1-\alpha/2}\}$
$H_0: p = p_0(H_1: p < p_0)$	$W_{\alpha} = \{z_0 : z_0 < -z_{1-\alpha}\}$
$H_0: p = p_0(H_1: p > p_0)$	$W_{\alpha} = \{z_0 : z_0 > z_{1-\alpha}\}$

Bảng 5: Miền bác bỏ cho bài toán kiểm định tỷ lệ

5 Kết luận: Bác bỏ H_0 / Chưa đủ cơ sở để bác bỏ H_0 .

Sử dụng p-value : p-value tính tương tự như bảng 2.

Ví du 8

Trong kỳ nghỉ giáng sinh và đầu năm mới. Cục An toàn giao thông đã thống kê rằng có 500 người chết và 25000 người bị thương do các vụ tai nạn giao thông trên toàn quốc. Theo thông cáo của Cục ATGT thì khoảng 50% số vụ tai nạn có liên quan đến rượu bia.

Khảo sát ngẫu nhiên 120 vụ tai nạn thấy có 67 vụ do ảnh hưởng của rượu bia. Sử dụng số liệu trên để kiểm định lời khẳng định của Cục ATGT với mức ý nghĩa $\alpha=5\%$.

Bài giải 1

các bước kiểm đinh

- 1 Phát biểu giả thuyết: $\begin{cases} H_0: p = 0.5 \\ H_1: p \neq 0.5 \end{cases}$
- 2 Xác định mức ý nghĩa: $\alpha = 0.05$
- 3 Tính giá trị thống kê kiểm đinh

$$\sigma_{\hat{p}} = \sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}} = \sqrt{\frac{0.5(1-0.5)}{120}} = 0.045644$$

$$z_0 = \frac{\hat{p}-p_0}{\sigma_{\hat{p}}} = \frac{(67/120)-0.5}{0.045644} = 1.28$$
https://fb.com/tailieudientucntt

Bài giải 2 (tt)

4 Xác định miền bác bỏ: bác bỏ H_0 khi $|z_0|>z_{0.975}=1.96$ hoặc tính p-value

$$p = 2[1 - \Phi(|z_0)|] = 2[1 - \Phi(1.28)] = 2(1 - 0.8977) = 0.2006$$

5 Kết luận: do $|z_0| = 1.28 < 1.96$ (hoặc p=0.2006 > 0.05) nên chưa đủ cơ sở để bác bỏ H_0 .

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọngtrường hợp biết phương sai

Bài toán 1

Quan sát X trên 2 mẫu lấy từ hai tổng thể A và B.

- Trên tổng thể A: $X \sim \mathcal{N}(\mu_1, \sigma_1^2)$, mẫu cỡ n_1 , trung bình mẫu \bar{X}_1 , phương sai mẫu S_1^2 .
- Trên tổng thể B: $X \sim \mathcal{N}(\mu_2, \sigma_2^2)$, mẫu cỡ n_2 , trung bình mẫu \bar{X}_2 , phương sai mẫu S_2^2 .
- Tổng thể A và B là độc lập với nhau.

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp σ_1^2, σ_2^2 đã biết

Bài toán kiểm định giả thuyết trên hai mẫu độc lập gồm các dạng sau

(a)
$$\begin{cases} H_0: \mu_1 - \mu_2 = D_0 \\ H_1: \mu_1 - \mu_2 \neq D_0 \end{cases}$$
 (b)
$$\begin{cases} H_0: \mu_1 - \mu_2 = D_0 \\ H_1: \mu_1 - \mu_2 < D_0 \end{cases}$$
 (c)
$$\begin{cases} H_0: \mu_1 - \mu_2 = D_0 \\ H_1: \mu_1 - \mu_2 > D_0 \end{cases}$$
 với mức ý nghĩa α .

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp σ_1^2, σ_2^2 đã biết

Các bước kiểm đinh

- Phát biểu giả thuyết H_0 và đối thuyết H_1
- Xác định mức ý nghĩa α
- Tính thống kê kiểm đinh

$$Z_0 = rac{ar{X_1} - ar{X_2} - D_0}{\sqrt{rac{\sigma_1^2}{n_1} + rac{\sigma_2^2}{n_2}}}$$

thống kê $Z_0 \sim \mathcal{N}(0,1)$

- Xác định miền bác bỏ.
- Kết luân: Nếu bác bỏ H_0 , ta kết luận H_1 đúng với độ tin cây $(1-\alpha)100\%$ Người viện kết tluân chưa đủ cơ sở bác

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp σ_1^2, σ_2^2 đã biết

Miền bác bỏ và p-giá trị tương ứng

Đối thuyết	Miền bác bỏ <i>H</i> ₀	p-giá trị
$H_1: \mu_1-\mu_2\neq D_0$	$ z_0 >z_{1-\frac{\alpha}{2}}$	$p=2[1-\phi(z_0)]$
$H_1: \mu_1 - \mu_2 < D_0$	$z_0 < -z_{1-\alpha}$	$p = \phi(z_0)$
$H_1: \mu_1 - \mu_2 > D_0$	$z_0 > z_{1-\alpha}$	$p=1-\phi(z_0)$

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp σ_1^2, σ_2^2 chưa biết-trường hợp mẫu lớn

cuu duong Các giả định ong

- ① $X_1, X_2, ... X_n$ là mẫu ngẫu nhiên chọn từ tổng thể 1 có kỳ vọng μ_1 và σ_1^2 chưa biết.
- ② $Y_1, Y_2, \ldots Y_m$ là mẫu ngẫu nhiên chọn từ tổng thể 2 có kỳ vọng μ_2 và σ_2^2 chưa biết
- Tổng thể 1 và 2 (đại diện bởi X,Y) là độc lập với nhau.
- Cỡ mẫu n >30, m>30

https://fb.com/tailieudientucntt

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_1 \neq \sigma_2$ chưa biết-trường hợp mẫu lớn

- Đối với trường hợp mẫu lớn, khi phương sai tổng thể σ₁², σ₂² chưa biết, ta có thể thay thế bằng các phương sai mẫu S₁², S₂² mà không tạo ra nhiều khác biệt.
- Khi cả n>30, m>30,giả sử $\sigma_1 \neq \sigma_2,$ đại lượng

$$Cuu du T_0 = \frac{\bar{X} - \bar{Y} - D_0}{\sqrt{\left(\frac{S_1^2}{n} + \frac{S_2^2}{m}\right)}} \sim \mathcal{N}(0, 1)$$

 Miền bác bỏ trong trường hợp này được tính tương tự như trường hợp đã biết phương sai tổng thể (thay thế https://fb.com/tailieudientucntt Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_1 \neq \sigma_2$ chưa biết-trường hợp mẫu nhỏ

cuu duong than cong . com

• Đối với trường hợp mẫu lớn, khi phương sai tổng thể σ_1^2, σ_2^2 chưa biết, ta có thể thay thế bằng các phương sai mẫu S_1^2, S_2^2 mà không tạo ra nhiều khác biệt.

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_1 \neq \sigma_2$ chưa biết-trường hợp mẫu nhỏ

ullet Khi cả $n\leq 30, m\leq 30,$ giả sử $\sigma_1
eq \sigma_2,$ đại lượng

$$T_0 = rac{ar{X} - ar{Y} - D_0}{\sqrt{\left(rac{S_1^2}{n} + rac{S_2^2}{m}
ight)}} \sim T(n+m-2)$$

Miền bác bỏ

Giả thuyết	Miền bác bỏ H_0
$H_1: \mu_1 - \mu_2 < D_0$	$t_0<-t_{1-\alpha}^{n+m-2}$
$H_1: \mu_1 - \mu_2 > D_0$	$t_0 > t_{1-\alpha}^{n+m-2}$
H _{1httplst.1/fb.colth2taitheueront}	$ t_0 > t_{1-\alpha/2}^{n+m-2}$

ng.com

Ví du 9

Theo dõi giá cố phiếu của hai công ty A và B trong vòng 31 ngày người ta tính được các giá trị sau

Giả thiết rằng giá cổ phiếu của hai công ty A và B là hai biến ngẫu nhiên phân phối theo luật chuẩn. Hãy cho biết có sự khác biệt thực sự về giá cổ phiếu trung bình của hai công ty A và B không? Với mức ý nghĩa $\alpha=5\%$, giả sử $\sigma_A=\sigma_B$.

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_1 = \sigma_2$ chưa biết-trường hợp mẫu lớn

- $X_1, X_2, \dots X_n$ là mẫu ngẫu nhiên chọn từ tổng thể 1 có kỳ vọng μ_1 và σ_1^2 chưa biết.
- ② $Y_1, Y_2, \ldots Y_m$ là mẫu ngẫu nhiên chọn từ tổng thể 2 có kỳ vọng μ_2 và σ_2^2 chưa biết
- **3** Giả sử $\sigma_1^2 = \sigma_2^2 = \sigma^2$
- Tổng thể 1 và 2 (đại diện bởi X,Y) là độc lập với nhau.
- **3** Cỡ mẫu n > 30, m > 30

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường họp $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_1 = \sigma_2$ chưa biết-trường họp mẫu lớn

Chọn thống kê
$$T_0 = \frac{\bar{X} - \bar{Y} - D_0}{\sqrt{S^2 \left(\frac{1}{n} + \frac{1}{m}\right)}}$$

làm tiêu chuẩn kiểm định. Nếu giả thuyết H_0 đúng thì $T_0 \sim \mathbb{N}(0,1)$. Trong đó

$$S^{2} = \frac{(n-1)S_{1}^{2} + (m-1)S_{2}^{2}}{n+m-2}$$

được gọi là phương sai mẫu gộp.

https://fb.com/taileudientucntt

Miền bác bỏ trong trưởng hợp này được tính tương tự như Nguyễn Thị Hồng Nhung Kiểm định giả thuyết

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_1 = \sigma_2$ chưa biết-trường hợp mẫu nhỏ

Nếu n < 30. m < 30

Chọn thống kê

$$T_0 = \frac{\bar{X} - \bar{Y} - D_0}{\sqrt{S^2 \left(\frac{1}{n} + \frac{1}{m}\right)}}$$

làm tiêu chuẩn kiếm định. Nếu giả thuyết H_0 đúng thì $T_0 \sim t(n+m-2)$. Trong đó

$$S_{\text{https://fb.com/tailigudienggcntt 2}}^2 = \frac{(n-1)S_1^2 + (m-1)S_2^2}{(n-1)S_1^2 + (m-1)S_2^2}$$

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp σ_1^2, σ_2^2 chưa biết nhưng biết $\sigma_1^2 = \sigma_2^2 = \sigma^2$

cuu <u>duong than cong</u>

 Giả thuyết
 Miền bác bỏ H_0
 $H_1: \mu_1 - \mu_2 < D_0$ $t_0 < -t_{1-\alpha}^{n+m-2}$
 $H_1: \mu_1 - \mu_2 > D_0$ $t_0 > t_{1-\alpha}^{n+m-2}$
 $H_1: \mu_1 - \mu_2 \neq D_0$ $|t_0| > t_{1-\alpha/2}^{n+m-2}$

Chú ý: Trong trường hợp $n \le 30, m \le 30$ (ví dụ n=20,m=20) thì thống kê kiểm định $T_0 \sim t(n+m-2)$. Tính $t_{1-\alpha}^{n+m-2} = z_{1-\alpha}$ (hoặc $t_{1-\alpha/2}^{n+m-2} = z_{1-\alpha/2}$), nếu n+m-2 > 30.

https://fb.com/tailieudientucntt

Kiểm định giả thuyết về so sánh hai kỳ vọng Trường hợp σ_1^2 , σ_2^2 chưa biết nhưng biết $\sigma_1^2 = \sigma_2^2 = \sigma^2$

Chú ý 1

Khi n đủ lớn (n > 30) thì $T \sim \mathcal{N}(0,1)$.

Ví dụ 10

Dùng hai phương pháp để làm cùng một loại sản phẩm. Phương pháp A được một nhóm 12 người thực hiện có năng suất trung bình là 45 sản phẩm trong một ca làm việc, với độ lệch mẫu $s_A = 5$ sản phẩm. Phương pháp B được một nhóm 15 người khác thực hiện có năng suất trung bình là 53 sản phẩm trong một cả làm việc với độ lệch mẫu $s_B = 6$ sản

ig.com

Ví du 11

Tại một thành phố, ở khu vực A, người ta chọn ngẫu nhiên 17 sinh viên và cho làm 1 bài kiểm tra để đo chỉ số IQs, thu được trung bình mẫu là 106 và độ lệch tiêu chuẩn bằng 10; tại khu vực B, chỉ số IQs trung bình của một mẫu gồm 14 sinh viên bằng 109 với độ lệch tiêu chuẩn là 7. Giả sử phương sai bằng nhau. Có sự khác biệt về chỉ số IQs của sinh viên ở hai khu vực A và B hay không? $\alpha = 0.02$

cuu duong than cong . com

Ví du 12

Một công ty sản xuất sơn nghiên cứu về 1 loại phụ gia làm giảm thời gian khô của sơn. Thực hiện thí nghiệm trên 2 mẫu: mẫu thứ nhất gồm 10 mẫu vật được sơn bằng loại sơn bình thường; mẫu thứ hai gồm 10 mẫu vật được sơn với sơn có chất phụ gia mới. Trong những nghiên cứu trước, biết rằng độ lệch tiêu chuẩn của thời gian khô sau khi quét sơn là 8 phút và không thay đổi khi thêm phụ gia vào. Trung bình của mẫu 1 và 2 lần lượt là $\bar{\mathbf{x}} = 121$ phút và $\bar{\mathbf{y}} = 112$ phút. Với mức ý nghĩa 5%, hãy cho kết luận về loại sơn với chất phụ gia mới.

Bài toán 2

Xét cỡ mẫu $n_1 \ge 30$, $n_2 \ge 30$.

Quan sát tỷ lệ các phần tử loại A trên hai mẫu lấy ra từ hai tổng thể.

- Trên tổng thể 1: tỷ lệ các phần tử loại A là p₁, mẫu cỡ
 n₁, tần suất p̂₁.
- Trên tổng thể 2: tỷ lệ các phần tử loại A là p₂, mẫu cỡ n₂, tần suất p̂₂.

Bài toán 3 (tt)

Hãy kiếm định

(a)
$$\begin{cases} H_0: p_1 - p_2 = D_0 \\ H_1: p_1 - p_2 < D_0 \end{cases}$$
 (b)
$$\begin{cases} H_0: p_1 - p_2 = D_0 \\ H_1: p_1 - p_2 > D_0 \end{cases}$$

 $(c) \begin{cases} H_0: p_1 - p_2 = D_0 \\ H_1: p_1 - p_2 \neq D_0 \end{cases}$ với mức ý nghĩa α .

 Gọi Y₁ và Y₂ là số phần tử loại A trong mẫu 1 và mẫu 2. Khi đó, $Y_1 \sim B(n_1, p_1)$ và $Y_2 \sim B(n_2, p_2)$. Đặt

$$\hat{P}_1 = \frac{Y_1}{\text{https://fb/pm/tailieudie/flucrut}}, \hat{P}_2 = \frac{Y_2}{n_1 + n_2}, \\ \hat{P}_1 = \frac{Y_1 + Y_2}{n_1 + n_2},$$

ng.com

Ta chọn thống kê
$$Z=\frac{\hat{P}_1-\hat{P}_2-D_0}{\sqrt{\hat{P}(1-\hat{P})\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)}}$$

làm thống kê kiểm định. Nếu giả thuyết H_0 đúng thì $Z \sim \mathcal{N}(0,1)$. Từ đây ta suy ra miền bác bỏ tương ứng với từng loại đối thuyết.

ng.com

Ví du 13

Kiểm tra ngẫu nhiên sản phẩm sản xuất từ hai cơ sở ta có số liệu

- Cơ sở 1: Có 20 phế phẩm trong 1000 sản phẩm kiểm tra.
- Cơ sở 2: Có 30 phế phẩm trong 900 sản phẩm kiểm tra.

Với mức ý nghĩa $\alpha=0.05$ có thể coi rằng tỉ lệ phế phẩm của hai cơ sở sản xuất trên như nhau hay không?

Giới thiệu bài toán kiểm định, khái niệm Kiểm định giả thuyết cho trường hợp một mẫu Kiểm định giả thuyết cho trường hợp hai mẫu độc lập Kiểm định giả thuyết cho trường hợp hai mẫu không độc lập

Ví dụ 14

Một công ty sản xuất thuốc cần kiểm tra một loại thuốc có tác dụng là giảm việc xuất hiện cơn đau ngực ở các bệnh nhân. Công ty thực hiện thí nghiệm trên 400 người, chia làm hai nhóm: nhóm 1 gồm 200 được uống thuốc và nhóm 2 gồm 200 người được uống giả dược. Theo dõi thấy ở nhóm 1 có 8 người lên cơn đau ngực và nhóm 2 có 25 người lên cơn đau ngực. Với $\alpha=0.05$, hay cho kết luận về hiệu quả của thuốc mới sản xuất.

cuu duong than cong . com

Kiểm định giả thuyết trường hợp hai mẫu không độc lập

- Khi hai mẫu không độc lập thì mỗi giá trị quan trắc được trong một mẫu có mối liên hệ tương ứng với một giá trị quan trắc ở mẫu thứ hai. Như vậy, ta có thể ghép cặp từng giá trị trong hai mẫu với nhau.
- Việc ghép cặp là kết quả của việc
- quan trắc giá trị trước và sau khi thực hiện 1 thí
 U nghiệm. Chẳng hạn như đo trọng lượng trước và sau khi thực hiện một chế độ ăn kiêng.
 - so sánh cùng 1 đặc tính.
 - thí nghiệm trên cùng 1 địa điểm.
 - thí nghiệm với cùng thời gian. https://fb.com/tailieudientucntt

Kiểm định giả thuyết trường hợp hai mẫu không độc lập

- Xét x_{1i}, X_{2i}, với i = 1, 2, ..., n, tập gồm n cặp giá trị quan trắc với giả sử rằng kỳ vọng và phương sai của tổng thể đại diện bới X₁ là μ₁ và σ₁² và kỳ vọng và phương sai của tổng thể đại diện bới X₂ là μ₂ và σ₂². X_{1i} và X_{2j} (i ≠ j) độc lập.
- Định nghĩa độ sai khác giữa mỗi cặp trong tập hợp các giá trị quan trắc là

$$D_i = X_{1i} - X_{2i}, i = 1, 2, ..., n$$

- Các D_i , i = 1, 2, ..., n được giả sử có phân phối chuẩn.
- Goi

https://fb.com/tailfeudientuentti),

Kiểm định giả thuyết trường hợp hai mẫu không độc lập

Goi

$$\mu_D = \mathbb{E}(D_i)$$
,

 $\mu_D = \mathbb{E}\left(D_i
ight),$ bởi vì D_1,\ldots,D_n là những biến ngẫu nhiên độc lập và có cùng phân phối, nếu d_1, d_2, \ldots, d_n là những giá tri của D_1, D_2, \ldots, D_n , ta định nghĩa

cuu duong
$$t\bar{d} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} d_i$$
 ong . com

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (d_i - \bar{d})^2$$

https://fb.com/tailieudientu

Kiểm định giả thuyết trường hợp hai mẫu không độc lập

 Ta cần kiếm định các giả thuyết, đối thuyết sau
 Bài toán kiểm định giả thuyết trên hai mẫu không độc lập gồm các dạng sau

(a)
$$\begin{cases} H_0: \mu_1 - \mu_2 = D_0 \\ H_1: \mu_1 - \mu_2 \neq D_0 \end{cases}$$
 (b)
$$\begin{cases} H_0: \mu_1 - \mu_2 = D_0 \\ H_1: \mu_1 - \mu_2 < D_0 \end{cases}$$
 (c)
$$\begin{cases} H_0: \mu_1 - \mu_2 = D_0 \\ H_1: \mu_1 - \mu_2 > D_0 \end{cases}$$
 với mức ý nghĩa α .

https://fb.com/tailieudientucntt

Kiểm định giả thuyết trường hợp hai mẫu không độc lập

Các bước kiểm đinh

- **1** Phát biểu giả thuyết H_0 , đối thuyết H_1
- $oldsymbol{2}$ Xác định mức ý nghĩa α
- 3 Tính thống kê kiểm định

$$T_0 = \frac{\bar{D} - D_0}{S_d / \sqrt{n}}$$

Thống kê T_0 có phân phối Student với bậc tự do n-1, nếu n>30 T_0 xấp xỉ phân phối chuẩn tắc.

- Xác định miền bác bỏ với mức ý nghĩa α .
- Kết luận
 https://fb.com/tailieudientucntt