### XÁC SUẤT - THỐNG KÊ

### Chương 4: Lý thuyết ước lượng

#### TS. Phan Thị Hường

Trường Đại học Bách Khoa TP HCM Khoa Khoa học ứng dụng, bộ môn Toán ứng dụng Email: huongphan@hcmut.edu.vn



TP. HCM -2020.



### Nội dung

MỘT SỐ KHÁI NIỆM CƠ BẢN

## Nội dung

Một số khái niệm cơ bản

Sử dụng các thống kê mẫu để mô tả dữ liệu.

## Nội dung

- MỘT SỐ KHÁI NIỆM CƠ BẢN
- Sử dụng các thống kê mẫu để mô tả dữ liệu.
- Uớc lượng khoảng

### Ngành khoa học dữ liệu

Thống kê là một ngành khoa học dữ liệu mà trong lĩnh vực này chúng ta cần giải quyết các vấn đề liên qua đến thu thập dữ liệu, biểu diễn dữ liệu, phân tích dữ liệu và sử dụng dữ liệu để đưa ra những quyết định, giải quyết các vấn đề, hoặc thiết kế sản phẩm, hay quy trình sản xuất, ...

### Ngành khoa học dữ liệu

Thống kê là một ngành khoa học dữ liệu mà trong lĩnh vực này chúng ta cần giải quyết các vấn đề liên qua đến thu thập dữ liệu, biểu diễn dữ liệu, phân tích dữ liệu và sử dụng dữ liệu để đưa ra những quyết định, giải quyết các vấn đề, hoặc thiết kế sản phẩm, hay quy trình sản xuất, ...

### PHÂN TÍCH SỰ BIẾN THIÊN

Các phương pháp thống kê cho phép chúng ta mô tả và hiểu về sự biến thiên.

• Tổng thể (population): tập hợp tất cả những phần tử mang đặc trưng quan tâm hay cần nghiên cứu.

- Tổng thể (population): tập hợp tất cả những phần tử mang đặc trưng quan tâm hay cần nghiên cứu.
- Mẫu (sample): là một tập con được chọn ra từ tổng thể.

- Tổng thể (population): tập hợp tất cả những phần tử mang đặc trưng quan tâm hay cần nghiên cứu.
- Mẫu (sample): là một tập con được chọn ra từ tổng thể.
- Tham số (parameter): là một đặc trưng cụ thể của một tổng thể.

- Tổng thể (population): tập hợp tất cả những phần tử mang đặc trưng quan tâm hay cần nghiên cứu.
- Mẫu (sample): là một tập con được chọn ra từ tổng thể.
- Tham số (parameter): là một đặc trưng cụ thể của một tổng thể.
- Thống kê (statistic): là một đặc trưng cụ thể của một mẫu.

- Tổng thể (population): tập hợp tất cả những phần tử mang đặc trưng quan tâm hay cần nghiên cứu.
- Mẫu (sample): là một tập con được chọn ra từ tổng thể.
- Tham số (parameter): là một đặc trưng cụ thể của một tổng thể.
- Thống kê (statistic): là một đặc trưng cụ thể của một mẫu.

- Tổng thể (population): tập hợp tất cả những phần tử mang đặc trưng quan tâm hay cần nghiên cứu.
- Mẫu (sample): là một tập con được chọn ra từ tổng thể.
- Tham số (parameter): là một đặc trưng cụ thể của một tổng thể.
- Thống kê (statistic): là một đặc trưng cụ thể của một mẫu.

#### THỐNG KÊ MÔ TẢ VÀ THỐNG KÊ SUY DIỄN

Hai nhánh chính của thống kê:

- Thống kê mô tả: Thu thập, sắp xếp, biểu diễn, tổng hợp dữ liệu.
- Thống kê suy diễn: Phân tích và đưa ra kết luân dữ liêu.

### Quy trình xử lý số liệu tổng quát trong các ngành kỹ thuật:

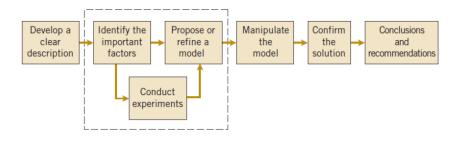


Figure 1-1 The engineering method

• Với một mẫu cỡ n, trung bình mẫu

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n} = \frac{x_1 + x_2 + \ldots + x_n}{n}$$

• Với một mẫu cỡ n, trung bình mẫu

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n} = \frac{x_1 + x_2 + \ldots + x_n}{n}$$

• Với một mẫu cỡ n, phương sai mẫu

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \bar{x})^{2}}{n - 1} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - n\bar{x}^{2}}{n - 1}$$

và độ lệch chuẩn mẫu là s.

• Với một mẫu cỡ n, trung bình mẫu

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n} = \frac{x_1 + x_2 + \ldots + x_n}{n}$$

• Với một mẫu cỡ n, phương sai mẫu

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \bar{x})^{2}}{n - 1} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - n\bar{x}^{2}}{n - 1}$$

và độ lệch chuẩn mẫu là s.

• Trung vị tổng thể (median) là một giá trị  $x_0$  thoả cả 2 tính chất

$$\mathbb{P}(X \le x_0) \ge 0.5 \text{ và } \mathbb{P}(X \ge x_0) \ge 0.5$$

• Với một mẫu cỡ n, trung bình mẫu

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$$

• Với một mẫu cỡ n, phương sai mẫu

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \bar{x})^{2}}{n - 1} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - n\bar{x}^{2}}{n - 1}$$

và độ lệch chuẩn mẫu là s.

• Trung vị tổng thể (median) là một giá trị  $x_0$  thoả cả 2 tính chất

$$\mathbb{P}(X \le x_0) \ge 0.5 \text{ và } \mathbb{P}(X \ge x_0) \ge 0.5$$

 Trung vị mẫu: Trong một tập dữ liệu được sắp xếp theo thứ tự tăng dần, trung vị là giá trị "chính giữa" của dữ liệu (50% bên trên, 50% bên dưới).

### CÁCH TÌM TRUNG VỊ MẪU

• Vị trí của trung vị: sắp xếp dữ liệu theo thứ tự tăng dần, gọi i là vị trí của trung vị

$$i = \frac{n+1}{2}$$

- + Nếu i chẵn, trung vị =  $X_i$ ,
- + Nếu i lễ, trung vị =  $\frac{\overline{X_{[i]} + X_{[i]+1}}}{2}$ , với [i] là phần nguyên của i.

• Mức phân vị 100p% tổng thể là giá trị  $x_0$  thoả cả 2 tính chất

$$\mathbb{P}(X \le x_0) \ge p \, \text{và} \, \mathbb{P}(X \ge x_0) \ge 1 - p$$

- Mức phân vị 100p% mẫu: là giá trị  $x_0$  thoả cả 2 tính chất sau:
  - ① Có ít nhất 100p% dữ liệu nhỏ hơn hoặc bằng giá trị  $x_0$ .
  - ② Có ít nhất 100p% dữ liệu lớn hơn hoặc bằng  $x_0$ .

Nếu có hai giá trị cùng thoả cả hai tính chất này thì mức phân vị 100p% của mẫu bằng trung bình của 2 giá tri này.

#### **GHI CHÚ 2.1**

- Mức phân vị 25% mẫu được gọi là mức phân vị thứ nhất, ký hiệu Q1.
- Mức phân vị 50% mẫu được gọi là trung vị, ký hiệu Q2.
- Mức phân vị 75% mẫu được gọi là mức phân vị thứ 3, ký hiệu Q3.
- Các giá trị Q1, Q2, Q3 được gọi là các điểm tứ phân vị, và định nghĩa các khoảng tứ phân vị của dữ liệu.

#### **GHI CHÚ 2.1**

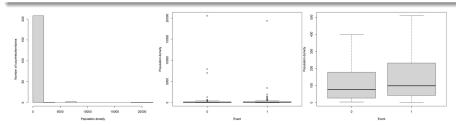
- Mức phân vị 25% mẫu được gọi là mức phân vị thứ nhất, ký hiệu Q1.
- Mức phân vị 50% mẫu được gọi là trung vị, ký hiệu Q2.
- Mức phân vị 75% mẫu được gọi là mức phân vị thứ 3, ký hiệu Q3.
- Các giá trị Q1, Q2, Q3 được gọi là các điểm tứ phân vị, và định nghĩa các khoảng tứ phân vị của dữ liệu.

### CÁCH TÌM MỰC PHÂN VỊ 100p% MẪU

- Sắp xếp dữ liệu theo thứ tự tăng dần.
- ② Nếu np là một số **không nguyên**, mức phân vị 100p% của mẫu là giá trị tại vị trí  $\lfloor np \rfloor$ , trong đó  $\lfloor np \rfloor$  là số nguyên nhỏ nhất lớn hơn np.
- 3 Nếu np là **số nguyên**, thì mức phân vị 100p% của mẫu là giá trị trung bình của 2 giá trị tại vị trí np và vị trí np + 1.

#### DINH NGHĨA 2.1

Điểm ngoại lai là những giá trị trong dữ liệu có giá trị khác biệt rõ nét so với các giá trị còn lại.



#### XÁC ĐỊNH ĐIỂM NGOẠI LAI BẰNG NGUYÊN TẮC TUKEY FENCES

- Tính miền phân vị: *IQR* = *Q*3 *Q*1, trong đó *Q*1 là điểm phân vị thứ 1 và *Q*3 là điểm phân vị thứ 3 của dữ liệu.
- Một giá trị được gọi là ngoại lai (outlier) nếu nó cách điểm tứ phân vị gần nhất một khoảng hơn 1.5 lần miền phân vị, tức là

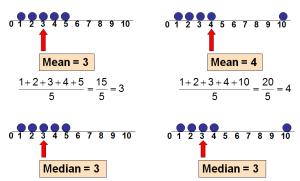
$$x > Q_3 + 1.5IQR$$
 hoặc  $x < Q_1 - 1.5IQR$ .

Một điểm ngoại lệ được gọi là xa (extreme outlier) nếu nó cách điểm tứ phân vị gần nhất một khoảng nhiều hơn 3 miền phân vị, tức là

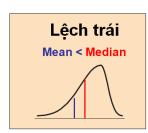
$$x > O_3 + 3IOR$$
 hoặc  $x < O_1 - 3IOR$ 

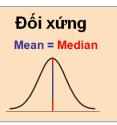
### SO SÁNH TRUNG BÌNH VÀ TRUNG VỊ

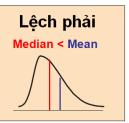
 Trung bình bị ảnh hưởng lớn bởi các điểm ngoại lai, trung vị thì không bị ảnh hưởng bởi các điểm ngoại lai.



- Trung bình thường được sử dụng để đo giá trị trung tâm của dữ liệu, nếu các điểm ngoại lai không tồn tại hoặc sau khi loại bỏ các điểm ngoại lai.
- Vị trí của trung vị và trung bình ảnh hưởng bởi hình dạng của phân phối:







#### Ví dụ 2.1

Kết quả đo huyết áp của 10 bệnh nhân như sau:

120, 130, 120, 150, 130, 170, 180, 160, 170, 150

- Tính trung bình mẫu và phương sai mẫu.
- Tính các điểm tứ phân vị của dữ liệu.
- Tìm các điểm ngoại lai của dữ liệu.

# Khái niệm ước lượng điểm

#### Định nghĩa 3.1

- Họ các BNN X<sub>1</sub>, X<sub>2</sub>, X<sub>3</sub>,..., X<sub>n</sub> được gọi là một mẫu ngẫu nhiên với cỡ mẫu n nếu các BNN này là độc lập và có cùng phân phối.
- Nếu X là một BNN với hàm mật độ xác suất f(x), phụ thuộc vào tham số θ, và nếu X<sub>1</sub>, X<sub>2</sub>, ..., X<sub>n</sub> là một mẫu ngẫu nhiên từ X, thống ke mẫu Θ̂ = h(X<sub>1</sub>, X<sub>2</sub>, ..., X<sub>n</sub>) được gọi là một ước lượng điểm của θ.
- Chú ý rằng ô là một BNN nhiên.
- Giá trị  $\hat{\Theta}$  tính trên một mẫu thực nghiệm  $x_1, x_2, x_n$  được gọi là giá trị ước lượng điểm ký hiệu là  $\theta$ .

#### Gні снú 3.1

Các thống kê mẫu: trung bình mẫu, phương sai mẫu, trung vị mẫu, ... nếu được tính từ các mẫu ngẫu nhiên thì đều là những giá trị ước

## KHOẢNG TIN CẬY

- Đối với bài toán ước lượng điểm, một câu hỏi được đặt ra là: làm sao xác định được độ không chắc chắn của một ước lượng điểm cho một tham số của tổng thể?
- Để trả lời cho câu hỏi trên, ta sử dụng ước lượng khoảng tin cậy (confidence interval estimate)

## Khoảng tin cậy và độ tin cậy

#### Định nghĩa 3.2

Cho  $0 < \alpha < 1$ , một khoảng [l, u] được gọi là một khoảng tin cậy  $100 \times (1 - \alpha)\%$  cho tham số  $\theta$  nếu

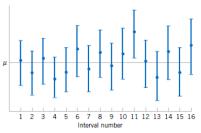
$$P(L \le \theta \le U) = 1 - \alpha$$
.

Trong đó l và u lần lượt các ước lượng điểm của L và U. Đại lượng  $\gamma = 1 - \alpha$  được gọi là độ tin cậy (confidence level) của khoảng này.

## Khoảng tin cậy và độ tin cậy

### Ý nghĩa:

- ► Khoảng tin cậy được tính theo cách này được biểu diễn là:  $l \le \theta \le u$  với độ tin cậy  $100 \times (1 \alpha)\%$ .
- Nếu lặp lại nhiều lần việc lấy mẫu từ một tổng thể, thì sẽ có  $100 \times (1-\alpha)\%$  số khoảng được tính toán theo cách này sẽ chứa giá trị thực của tham số  $\theta$ .



## Khoảng tin cậy một phía

Tương tự ta định nghĩa các khoảng tin cậy một phía như sau:

#### DINH NGHĨA 3.3

• Khoảng tin cậy trái (left-sided confident interval) của tham số  $\theta$  là khoảng  $[l,\infty]$  với độ tin cậy  $100 \times (1-\alpha)\%$  nếu

$$P(L < \theta) = \gamma,$$

trong đó l là một ước lượng điểm của L.

• Khoảng tin cậy phải (right-sided confident interval) của tham số  $\theta$  là khoảng  $[-\infty, u]$  với độ tin cậy  $100 \times (1 - \alpha)\%$  nếu

$$P(\theta < U) = \gamma$$

trong đó u là một ước lượng điểm của U.



# Khoảng tin cậy: công thức tổng quát

• Công thức tổng quát cho mọi khoảng tin cậy hai phía là:

```
Ước lượng điểm ± (nhân tố tin cậy)(sai số chuẩn)
```

Công thức tổng quát cho mọi khoảng tin cậy trái là:

```
Ước lượng điểm – (nhân tố tin cậy)(sai số chuẩn)
```

• Công thức tổng quát cho mọi khoảng tin cậy phải là:

```
 Ước lượng điểm + (nhân tố tin cậy)<br/>(sai số chuẩn)
```

 Giá trị của nhân tố độ tin cậy (reliability factor) phụ thuộc vào độ tin cậy γ mong muốn.



• Các giả định:



### • Các giả định:

▶ Mẫu ngẫu nhiên  $X_1,...,X_n$  được chọn từ tổng thể có phân phối chuẩn,  $X_i \sim \mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ , i = 1,...,n.

### • Các giả định:

- Mẫu ngẫu nhiên  $X_1,...,X_n$  được chọn từ tổng thể có phân phối chuẩn,  $X_i \sim \mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ , i = 1,...,n.
- ▶ Biết phương sai  $\sigma^2$ .

### • Các giả định:

- Mẫu ngẫu nhiên  $X_1,...,X_n$  được chọn từ tổng thể có phân phối chuẩn,  $X_i \sim \mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ , i = 1,...,n.
- ▶ Biết phương sai  $\sigma^2$ .

### • Công thức xác định khoảng tin cậy:

KTC hai phía: 
$$\bar{x} - z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \le \mu \le \bar{x} + z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$
,

KTC trái: 
$$\bar{x} - z_{\alpha} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \leq \mu$$
,

KTC phải: 
$$\mu \leq \bar{x} + z_{\alpha} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$
,

trong đó  $\bar{x}$  là trung bình mẫu,  $\sigma$  là độ lệch tiêu chuẩn của tổng thể (đã biết) và  $z_{\alpha/2}$  là điểm phân vị (trên) mức  $\alpha/2$  của phân phối chuẩn hóa  $\mathcal{N}(0,1)$ .

# SAI SỐ/ĐỘ CHÍNH XÁC

• Sai số của KTC hai phía với độ tin cậy  $\gamma = 1 - \alpha$ 

$$E = z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

# SAI SỐ/ĐỘ CHÍNH XÁC

• Sai số của KTC hai phía với độ tin cậy  $\gamma = 1 - \alpha$ 

$$E = z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

• Câu hỏi: Với độ tin cậy  $100(1-\alpha)$ % Cần chọn cỡ mẫu bao nhiều để thu được sai số  $E^*$  như mong muốn?

$$n = \left(\frac{z_{\alpha/2} \times \sigma}{E^*}\right)^2$$

### Ví dụ 3.1

Đo chỉ số IQ của các sinh viên trong một trường đại học, khảo sát 18 sinh viên thu được kết quả sau:

Biết rằng chỉ số IQ của sinh viên tuân theo phân phối chuẩn với  $\sigma = 10.5$ .

- (B) Lập khoảng tin cậy 95% cho chỉ số IQ trung bình.
- (C) Với độ tin cậy 95%, nếu muốn sai số ước lượng bằng 3.5 thì phải khảo sát thêm bao nhiều sinh viên nữa?

## PHÂN PHỐI STUDENT

- Xét mẫu ngẫu nhiên  $X_1,...,X_n$  được chọn từ tổng thể có phân phối chuẩn có trung bình  $\mu$ ,
- trung bình mẫu  $\bar{X}$  và độ lệch chuẩn S.
- Khi đó, biến ngẫu nhiên

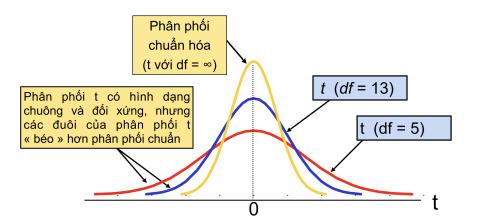
$$T = \frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}},$$

có phân phối Student với n-1 bậc tự do.



## PHÂN PHỐI STUDENT

►  $T \rightarrow Z$  khi n tăng.



• Các giả định:



### Các giả định:

▶ Mẫu ngẫu nhiên  $X_1,...,X_n$  được chọn từ tổng thể có phân phối chuẩn,  $X_i \sim \mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ , i = 1,...,n.

### • Các giả định:

- ▶ Mẫu ngẫu nhiên  $X_1,...,X_n$  được chọn từ tổng thể có phân phối chuẩn,  $X_i \sim \mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ , i = 1,...,n.
- ▶ Phương sai  $\sigma^2$  không biết.

### • Các giả định:

- ▶ Mẫu ngẫu nhiên  $X_1,...,X_n$  được chọn từ tổng thể có phân phối chuẩn,  $X_i \sim \mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ , i = 1,...,n.
- Phương sai  $\sigma^2$  không biết.

### • Công thức xác định khoảng tin cậy:

KTC hai phía: 
$$\bar{x} - t_{n-1,\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}} \le \mu \le \bar{x} + t_{n-1,\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}$$
,

KTC trái: 
$$\bar{x} - t_{n-1,\alpha} \frac{s}{\sqrt{n}} \leq \mu$$
,

KTC phải: 
$$\mu \leq \bar{x} + t_{n-1,\alpha} \frac{s}{\sqrt{n}}$$
,

trong đó  $\bar{x}$  là trung bình mẫu, s là độ lệch tiêu chuẩn mẫu và  $t_{n-1,\alpha/2}$  là điểm phân vị (trên) mức  $\alpha/2$  của phân phối Student.



#### Ví dụ 3.2

Một mẫu ngẫu nhiên cỡ n = 20 được chọn từ tổng thể có phân phối chuẩn có  $\bar{x} = 50$  và s = 8.

- Hãy lập khoảng tin cậy 95% cho μ.
- Hãy lập khoảng tin cậy phải 95% cho μ.



# Khoảng tin cậy cho kỳ vọng: TH mẫu lớn.

### • Các giả định:

- Cỡ mẫu lớn.
- Không biết phân phối của tổng thể, hoặc tổng thể không có phân phối chuẩn.
- Công thức xác định khoảng tin cậy ( $\sigma$  không biết) :

KTC hai phía: 
$$\bar{x} - z_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}} \lesssim \mu \lesssim \bar{x} + z_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}$$
,

KTC trái: 
$$\bar{x} - z_{\alpha} \frac{s}{\sqrt{n}} \lessapprox \mu$$
,

KTC phải: 
$$\mu \lesssim \bar{x} + z_{\alpha} \frac{s}{\sqrt{n}}$$
.

Chú ý: Nếu  $\sigma$  đã biết thì thay s trong các công thức trên bằng  $\sigma$ .



### VÍ DỤ 3.3

Người ta đo nồng độ thuỷ ngân của một mẫu gồm 100 con cá ở một hồ địa phương (ppm) và ghi nhận nồng độ thuỷ ngân trung bình là 0.75 (ppm) với độ lệch chuẩn là 0.05 (ppm).

- Hãy ước lượng 90% KTC cho nồng độ thuỷ ngân trung bình của các con cá được nuôi ở hồ này.
- Hãy ước lượng 90% KTC trái cho nồng độ thuỷ ngân trung bình của các con cá được nuôi ở hồ này.

### **M**ỆNH ĐỀ **3.1**

Giả sử rằng chúng ta cần ước lượng cho tỷ lệ phần tử thỏa tính chất  $\mathcal{A}$  trong một tổng thể, ký hiệu là p. Gọi X là số phần tử thỏa tính chất  $\mathcal{A}$  trong một mẫu gồm n phần tử. Nếu n đủ lớn, thì

$$\frac{\hat{P} - P}{\sqrt{P(1 - P)/n}} \simeq N(0, 1)$$

trong đó  $\hat{P} = \frac{X}{n}$  là tỷ lệ mẫu.



- Giả định: cỡ mẫu đủ lớn.
- Công thức xác định khoảng tin cậy:

KTC hai phía: 
$$\hat{p} - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} \lesssim \mu \lesssim z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} + \hat{p}$$

KTC trái: 
$$\hat{p} - z_{\alpha} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} \lessapprox \hat{p}$$

KTC phải: 
$$\hat{p} \lesssim \hat{p} + z_{\alpha} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}$$

• Độ chính xác (sai số) của khoảng tin cậy:

$$E = z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n}}.$$

• Câu hỏi: Với độ tin cậy  $100(1-\alpha)\%$ , chọn cỡ mẫu n bằng bao nhiêu để có được sai số  $E^*$  (cho trước) như mong muốn?

• Độ chính xác (sai số) của khoảng tin cậy:

$$E = z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n}}.$$

Câu hỏi: Với độ tin cậy 100(1 − α)%, chọn cỡ mẫu n bằng bao nhiêu để có được sai số E\* (cho trước) như mong muốn?
⇒ Vì p(1 − p) ≤ 0.25, 0

$$E \le E^* \Leftrightarrow n \ge \left(\frac{z_{\alpha/2}}{E^*}\right)^2 \times 0.25.$$

trong đó  $E^*$  là sai số cho trước .



### Ví dụ 3.4

Trong một nhà máy, ở khâu kiểm tra chất lượng sản phẩm, người ta lấy ngẫu nhiên 100 sản phẩm trong một lô hàng thì phát hiện được 20 sản phẩm kém chất lượng.

- Hãy tìm KTC 95% cho tỷ lệ sản phẩm kém chất lượng của mỗi lô hàng.
- Với độ tin cậy 99%, nếu muốn độ chính xác bằng 0.04 thì phải kiểm tra bao nhiêu sản phẩm?