

a) Dla wszystkich badanych obwodów wykonać wykresy punktowe $U_{sk}(I_{sk})$.

$R_1 L_3 C_3$				
Lp.	$U_{sk}[V]$	$I_{sk}[mA]$	$I_{sk}[A]$	$f[Hz]$
1	0.09	0.03	0.00003	50
2	1.995	1.76	0.00176	$u(f)[Hz]$
3	4.18	3.71	0.00371	0.87
4	6.22	5.53	0.00553	$R_{L3}[\Omega]$
5	7.78	6.9	0.0069	1.3
6	9.91	8.79	0.00879	$u(R_{L3})[\Omega]$
7	12.22	10.84	0.01084	0.1
8	14.31	12.69	0.01269	Tabela 1.2 Wartości zmierzonych dla obwodu RLC
9	16.05	14.24	0.01424	
10	18.18	16.13	0.01613	
11	19.77	17.55	0.01755	
12	22.2	19.76	0.01976	
13	24.14	21.52	0.02152	

b) Określanie metodą regresji liniowej współczynnika kierunkowego Z_1 i $u(Z_1)$

$$U_{sk} = Z_1 I_{sk}$$

$$Z_1 = 1122.632 \approx 1122.7 \Omega$$

$$u(Z_1) = 1.199219 \approx 1.2 \Omega$$

f) Dla szeregowego obwodu RLC, z zależności (16) wyznaczyć zawadę Z_2 oraz jej niepewność $u_C(Z_2)$. Porównać wielkości Z_1 i Z_2 . Skomentować prawdziwość prawa Ohma dla prądu przemiennego.

$$C_3 = 2.84888E-06 [F]$$

$$L_3 = 0.04 [H]$$

$$u_C(C_3) = 5E-08 [F]$$

$$u_C(L_3) = 0.12 [H]$$

$$R = 150 \Omega$$

$$u_C(R) = 3 \Omega$$

$$\frac{\partial Z_2}{\partial R} = \frac{\partial Z_2}{\partial R_L} = \frac{R + R_L}{\sqrt{(R + R_L)^2 + (2\pi f L - \frac{1}{2\pi f C})^2}} = \frac{151.3}{\sqrt{22891.69 + (12.56 - \frac{1}{8.95E-04})^2}}$$

$$= \frac{151.3}{\sqrt{22891.69 + 1.22E+06}} = \frac{151.3}{1115.63} = 0.13561847$$

$$\frac{\partial Z_2}{\partial f} = \frac{(2\pi L + \frac{1}{2\pi f^2 C})(2\pi f L - \frac{1}{2\pi f C})}{\sqrt{(R + R_L)^2 + (2\pi f L - \frac{1}{2\pi f C})^2}} = \frac{(0.2512 + \frac{1}{4.47E-02})(12.56 - \frac{1}{8.95E-04})}{\sqrt{22891.69 + (12.56 - \frac{1}{8.95E-04})^2}}$$

$$= \frac{(2.26E+01)(12.56 - 1.12E+03)}{\sqrt{22891.69 + (12.56 - 1.12E+03)^2}} = \frac{(2.26E+01) * (-1.11E+03)}{\sqrt{22891.69 + 1221738.05}} = \frac{-2.53E+04}{1115.62975} = 22.654507$$

$$\frac{\partial Z_2}{\partial L} = \frac{2\pi f (2\pi f L - \frac{1}{2\pi f C})}{\sqrt{(R + R_L)^2 + (2\pi f L - \frac{1}{2\pi f C})^2}} = \frac{314 * (-1.11E+03)}{1115.63} = \frac{-3.51E+05}{1115.63} = -314.634$$

$$\frac{\partial Z_2}{\partial C} = \frac{2\pi f L - \frac{1}{2\pi f C}}{2\pi f C^2 \sqrt{(R + R_L)^2 + (2\pi f L - \frac{1}{2\pi f C})^2}} = \frac{-1.11E+03}{2.55E-09 * 1115.63} = \frac{-1.11E+03}{2.84E-06} = -3.93E+08$$

$$Z_2 = Z_2(R, R_L, f, L, C_3)$$

$$Z_2 = \sqrt{(R + R_L)^2 + (2\pi f L - \frac{1}{2\pi f C})^2} = 1115.63 \approx 1120 \Omega$$

$$u_C(Z_2) = \sqrt{\left(\frac{\partial Z_2}{\partial R} * u(R)\right)^2 + \left(\frac{\partial Z_2}{\partial R_L} * u(R_L)\right)^2 + \left(\frac{\partial Z_2}{\partial f} * u(f)\right)^2 + \left(\frac{\partial Z_2}{\partial L} * u(L)\right)^2 + \left(\frac{\partial Z_2}{\partial C_3} * u(C_3)\right)^2}$$

$$= \sqrt{(0.13561847 * 3)^2 + (0.13561847 * 0.1)^2 + (22.654507 * 0.87)^2 + (-314.634 * 0.12)^2 + (-3.93E+08 * 5E-08)^2}$$

$$= \sqrt{(0.406855)^2 + (0.013562)^2 + (19.70942)^2 + (-37.7561)^2 + (-19.65)^2}$$

$$= \sqrt{0.165531 + 1.84E-04 + 388.4613 + 1425.522 + 386.1225} = \sqrt{2200.271} = 46.90705 \approx 47 \Omega$$

$$Z_1 \text{ i } Z_2 = 1122.7 \text{ i } 1120.$$

$Z_1 > Z_2$. Wartości są zbliżone mieszczą się w granicy niepewności złożonej Z_2 .

Opierając się na regule wnioskowania: "Jeżeli prawo Ohma dla prądu przemiennego jest słuszne to Z_1 i Z_2 z dokładnością do niepewności ich wyznaczenia powinny być sobie równe"

stwierdzam, że prawo Ohma dla prądu przemiennego jest słuszne.