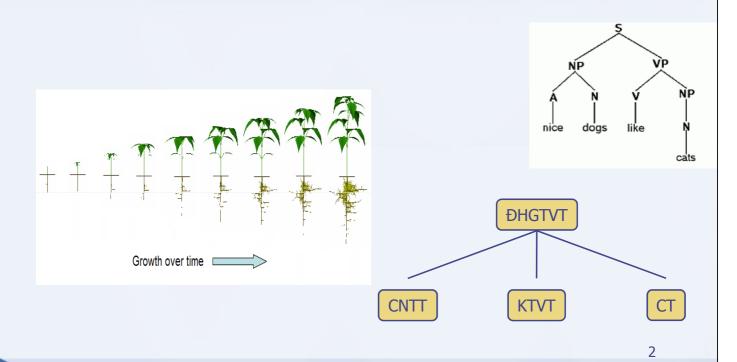
Bài 10. Cây - Tree



Cây – Cấu trúc dữ liệu phi tuyến (Trees - Non-linear data structures)



Một số ví dụ sử dụng cấu trúc dữ liệu cây

Data structures trees

3

Cây gia phả

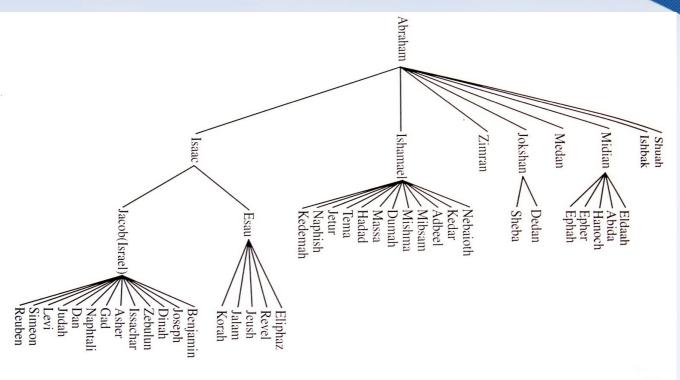
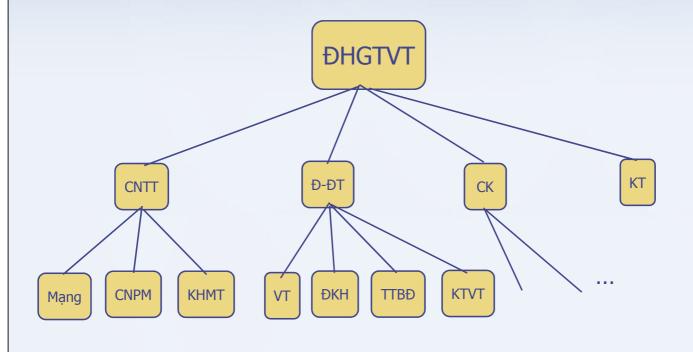


Figure 6.1: A family tree showing some descendents of Abraham, as recorded in Genesis, chapters 25–36.

Data structures trees

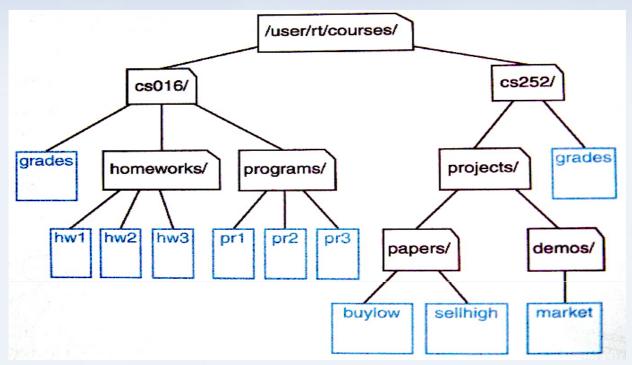
Cây biểu diễn các tổ chức



Data structures trees

5

Cây biểu diễn hệ thống files



Cây mô tả sự phân chia hệ thống files

Data structures trees

Cấu trúc của cuốn sách

Cây thể hiện cấu trúc thông tin

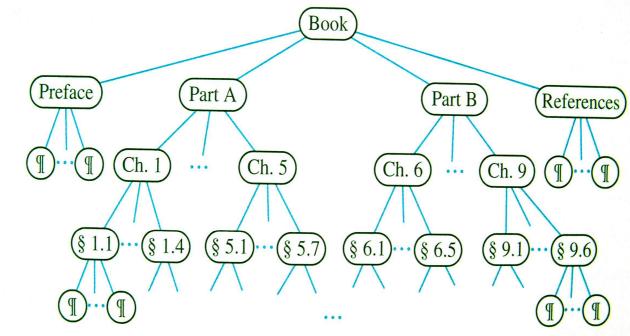
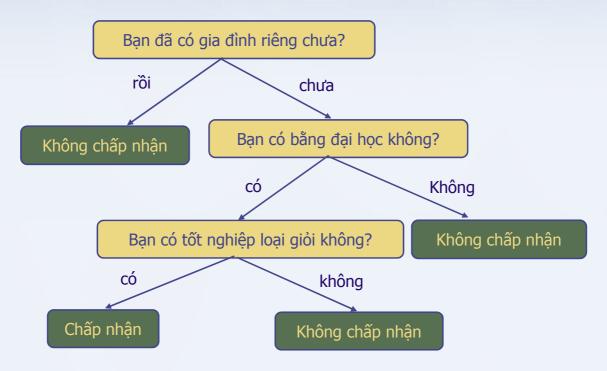


Figure 6.4: An ordered tree associated with a book.

Data structures trees

7

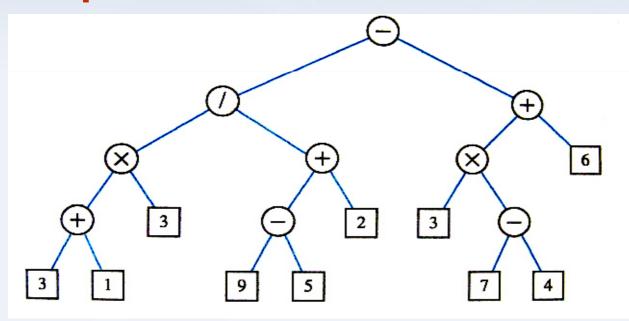
Cây quyết định



Cây quyết định tuyển nhân viên

Data structures trees

Cây nhị phân biểu diễn các biểu thức toán học

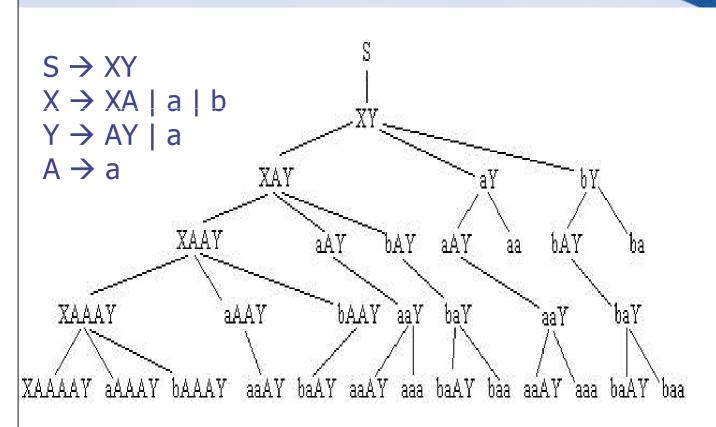


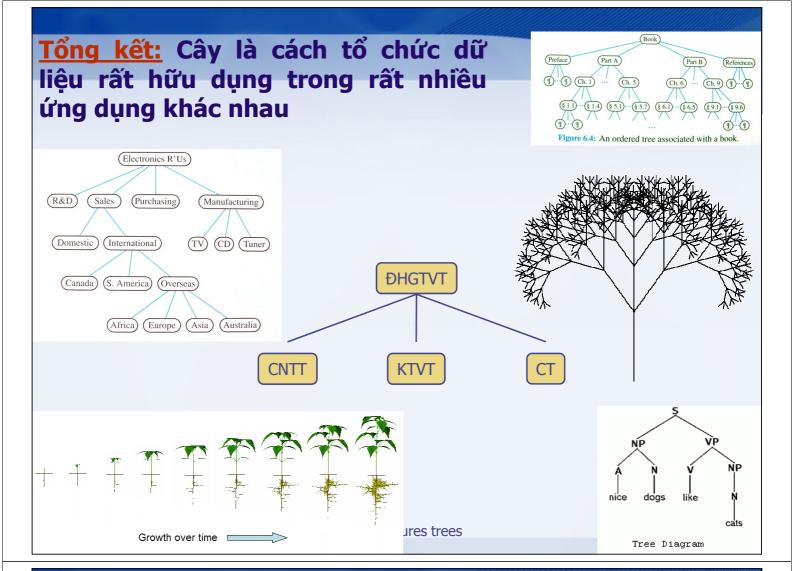
Một cây nhị phân biểu diễn một biểu thức. Cây này biểu diễn biểu thức ((((3+1)*3/((9-5)+2))-((3*(7-4))+6))). Giá trị được kết hợp lại tại nút trong có nhãn "/" là 2.

Data structures trees

C

Cây cú pháp





Cây tổng quát

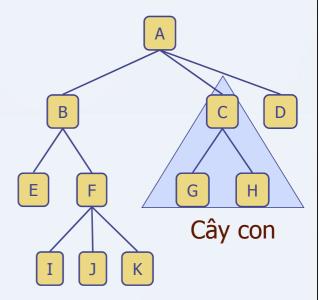
Cây là gì?

- Cây là một tập các nút với quan hệ cha-con (parent-child) giữa các nút. Trong đó có một nút được gọi là gốc và nó không có cha.
- Trong khoa học máy tính, một cây là một mô hình trừu tượng của cấu trúc phân cấp.
- Các ứng dụng:
 - Tổ chức biểu đồ
 - Hệ thống file
 - Các môi trường lập trình ...

Một số khái niệm

- Gốc (root): là nút không có nút cha (vd: A)
- Nút trong: Nút có ít nhất một nút con (Vd: A, B, C, F)
- Nút ngoài (lá): nút không có nút con (Vd: E, I, J, K, G, H, D)
- Độ sâu của một nút: Nút gốc có độ sâu là 0, nếu nút cha có độ sâu là h thì nút con có độ sâu là h+1
- Chiều cao của cây: là giá trị lớn nhất của độ sâu của tất cả các nút (3)

Cây con: Cây bao gồm một số nút của một cây ban đầu



Data structures trees

13

Cấu trúc dữ liệu trừu tượng cây

- Chúng ta quản lý các nút thông qua địa chỉ của chúng.
- Các phương thức chung:
 - int size()
 - int isEmpty()
- Các phương duyệt cây:
 - void preorder(Node*)
 - void inorder(Node*)
 - void postorder(Node*)
- Các phương thức truy cập:
 - Địa chỉ root()

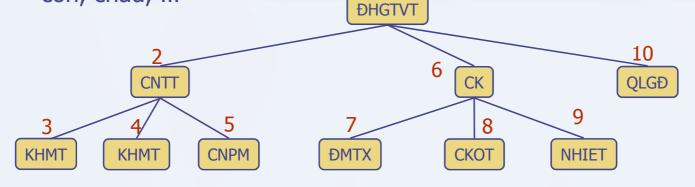
- Các phương thức truy vấn:
 - int isInternal(Node*)
 - int isExternal(Node*)
 - int isRoot(Node*)
- Thêm vào đó là những phương thức cập nhật được định nghĩa trong các cấu trúc dữ liệu tạo Tree ADT (Node tạo cây)
- Phương thức thêm phần tử vào cây.
 - void insert(Node* parent, Element e)
- Phương thức xóa phần tử
 - void remove(Node*);

Data structures trees

Duyêt theo thứ tự trước – preorder traversal

- Duyệt cây là cách đi thăm các nút của cây theo một hệ thống
- Duyệt theo thứ tự trước, tức là: nút cha được thăm trước sau đó thăm các nút con, cháu, ...

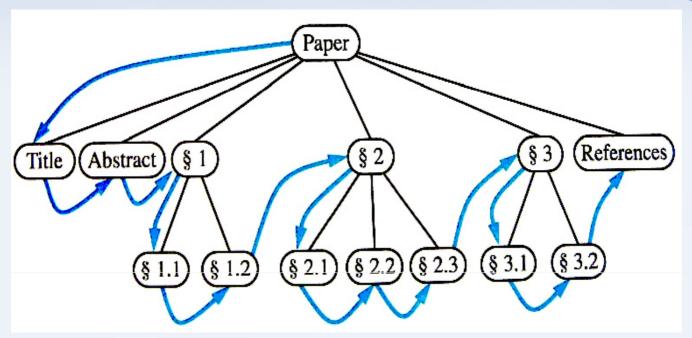




Data structures trees

15

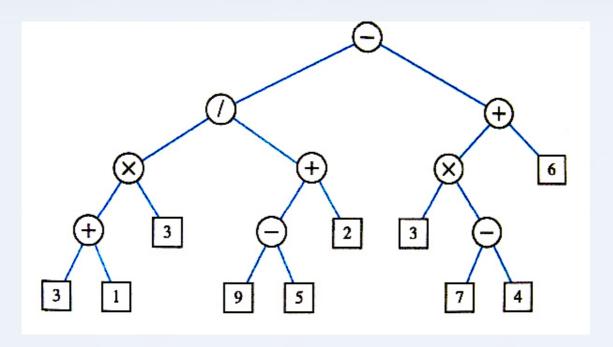
Ví dụ: Duyêt theo thứ tự trước



Thăm cây theo thứ tự trước (preorder). Trong đó cây con được thăm theo thứ tự từ trái qua phải

Bài tập:

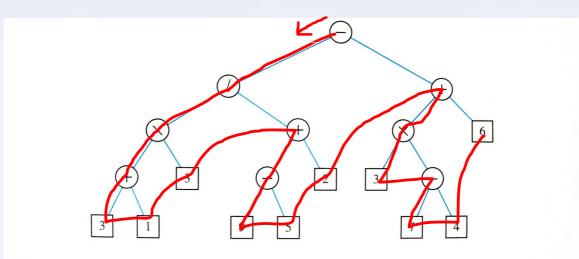
Hãy chỉ ra thứ tự thăm các nút của cây dưới đây bằng cách sử dụng phương pháp duyệt theo thứ tự trước?



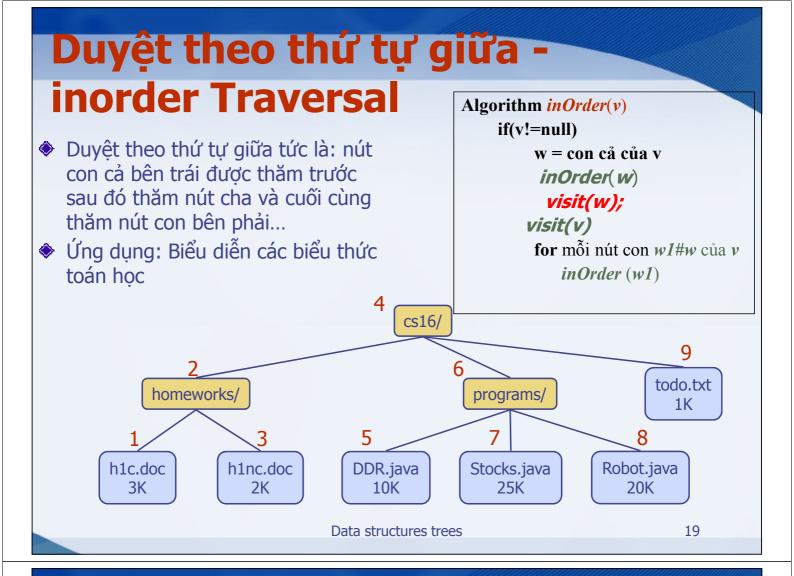
Data structures trees

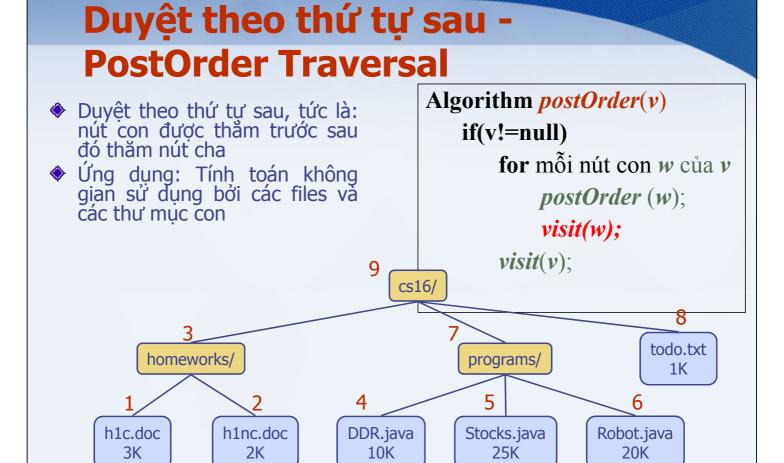
17

Thứ tự thăm các nút bằng phương pháp duyệt theo thứ tự trước



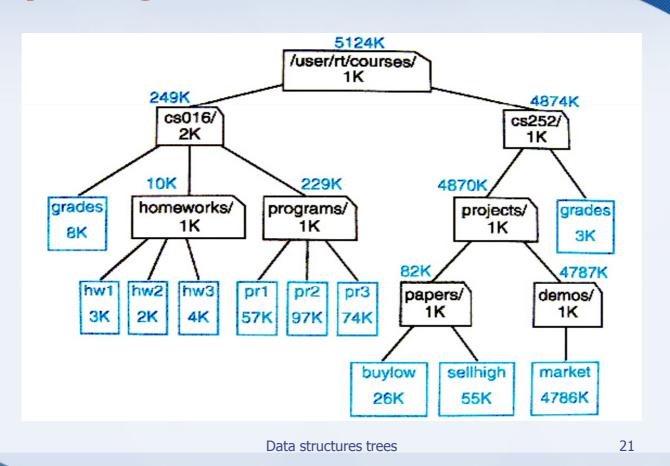
Data structures trees





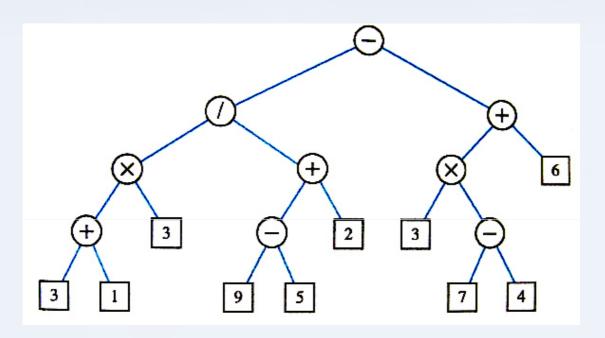
Data structures trees

Hệ thống files



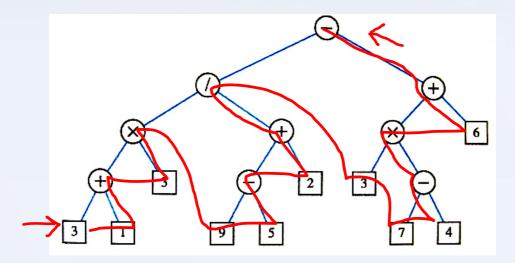
Bài tập:

Chỉ ra thứ tự duyệt cây dưới đây bằng cách sử dụng phương pháp duyệt theo thứ tự sau?



Data structures trees

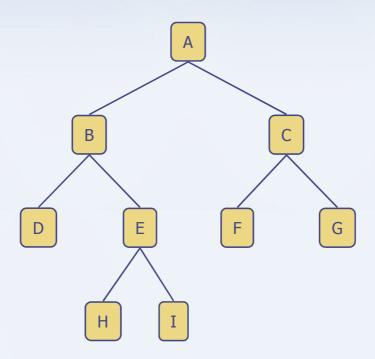
Thứ tự duyệt cây theo thứ tự sau



Data structures trees

23

Cây nhị phân



Data structures trees

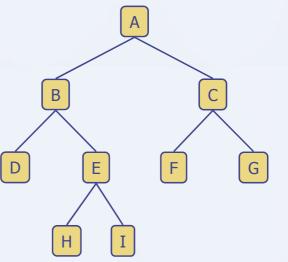
Cây nhị phân (Binary tree)

- Cây nhị phân là một cây có các tính chất sau:
 - Mỗi một nút trong có nhiều nhất 2 nút con
 - Các nút con của một nút là một cặp có thứ tự
- Chúng ta gọi con của một nút trong là con trái và con phải
- Định nghĩa cây nhị phân bằng đệ qui:

Cây nhị phân là:

- Môt cây chỉ có môt nút hoặc
- Là cây mà nút gốc của nó có cặp nút con có thứ tự, mỗi một nút con là gốc của một cây nhị phân

- Úng dụng:
 - Biểu diễn các biểu thức toán học
 - Quá trình quyết định
 - Tìm kiếm



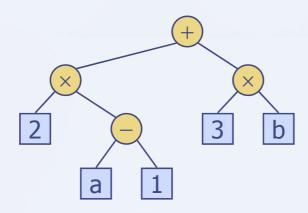
Data structures trees

25

Cây biểu thức

- ◆ Cây nhị phân biểu diễn một biểu thức toán học
 - Các nút trong: là các toán tử (operators)
 - Các nút ngoài: các toán hạng (operands)
- ♦ Ví dụ: Cây biểu thức cho biểu thức

$$(2 \times (a - 1) + (3 \times b))$$



Data structures trees

Cây quyết định (Decision tree)

- Cây kết hợp với một quá trình quyết định
 - Các nút trong: Các câu hỏi với câu trả lời yes/no
 - Các nút ngoài: các quyết định
- ♦ Ví dụ: Cây quyết định tuyển nhân viên

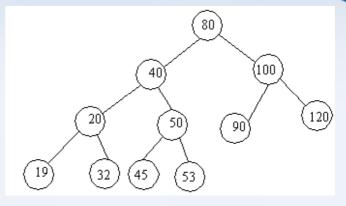


Data structures trees

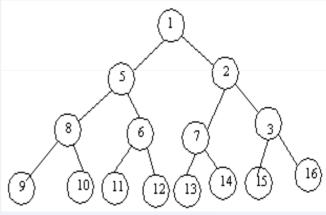
27

Một số định nghĩa

Cây nhị phân hoàn chỉnh: Là cây nhị phân mà tất cả các nút trong của nó đều có đủ hai nút con



Cây nhị phân đầy đủ: là cây nhị phân hoàn chỉnh và tất cả các lá đều ở cùng mức

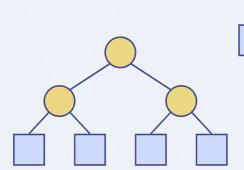


Data structures trees

Các tính chất của cây nhị phân hoàn chỉnh

Ký hiệu

- n số các nút
- e số các nút ngoài
- i số các nút trong
- h chiều cao



Các tính chất:

- e = i + 1
- n = 2e 1
- h < i
- $h \le (n-1)/2$
- $e \le 2^h$
- $h \ge \log_2 e$
- $h \ge \log_2(n+1) 1$

Data structures trees

29

Cấu trúc dữ liệu trừu tượng Cây nhị phân (Binary tree ADT)

- ADT cây nhị phân là sự mở rộng của ADT cây, tức là, nó kế thừa các phương thức của **ADT** cây
- Thêm vào các phương thức:

■ Địa chỉ left(p) // trả lại địa chỉ của nút con trái

■ Địa chỉ right(p) // trả lại địa chỉ của nút con phải

int hasLeft(p)

//Cho biết nút có con trái không

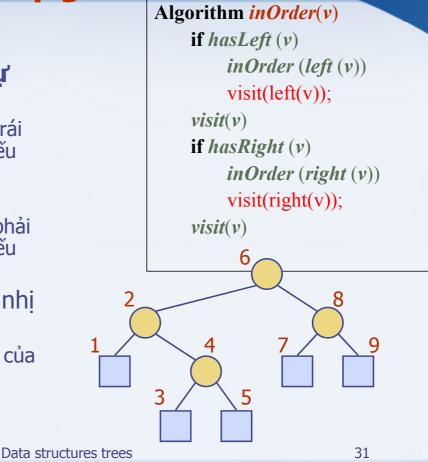
■ int hasRight(p) //Cho biết nút có con phải không

Data structures trees

Duyệt theo thứ tự giữa - Inorder Traversal Algorithm in Order

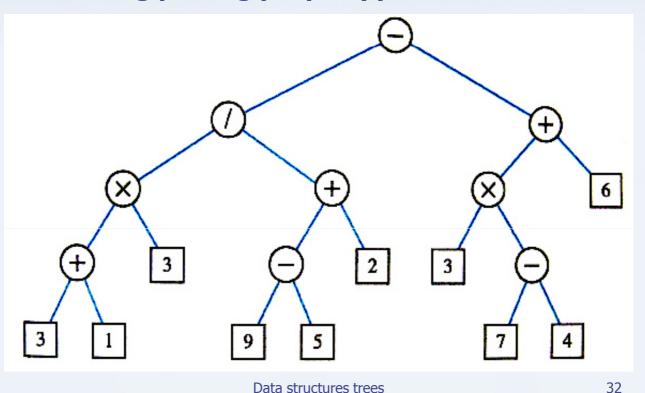
Duvêt theo thứ tư

- Duyệt theo thứ tự giữa:
 - Thăm cây con bên trái theo thứ tự giữa (nếu có)
 - Thăm nút cha
 - Thăm cây con bên phải theo thứ tự giữa (nếu có)
- Úng dụng: vẽ cây nhị phân
 - x(v) = Thứ tự thăm củav
 - y(v) = độ sâu của v

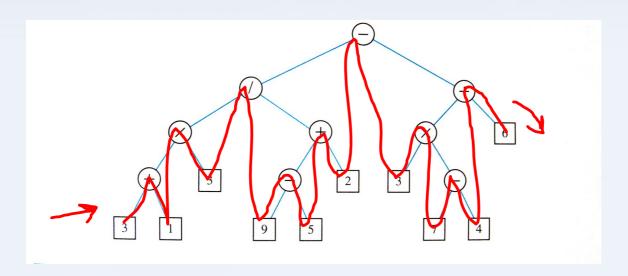


Bài tập:

Hãy chỉ ra thứ tự các nút của cây dưới đây bằng phương pháp duyệt Inorder?



Thứ tự duyệt cây

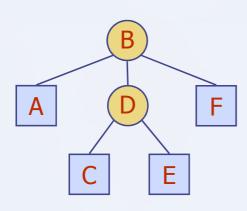


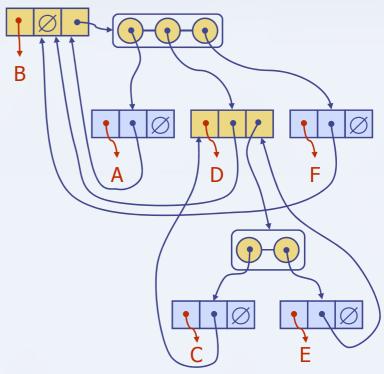
Data structures trees

33

Cấu trúc liên kết cho cây tổng quát

- Mỗi nút là một đối tượng, đang lưu trữ:
 - Phần tử (Element)
 - Nút cha (Parent node)
 - Lưu dãy địa chỉ của các nút con
- Mỗi nút thể hiện một vị trí trong ADT cây





Data structures trees

Cấu trúc dữ liệu một TreeNode của cây tổng quát

- Thuộc tính
 - Object elem
 - TreeNode *Parent
 - List<TreeNode*>Child
- Phương thức
 - TreeNode *getParent()
 - void setParent(TreeNode*)
 - TreeNode *getChild(int i)
 - void insertChild(Object elem)
 - List<TreeNode*> getChild() //tra lai thuoc tinh child
 - Object getElem()
 - void setElem(Object o)

Data structures trees

35

Cấu trúc cây tổng quát

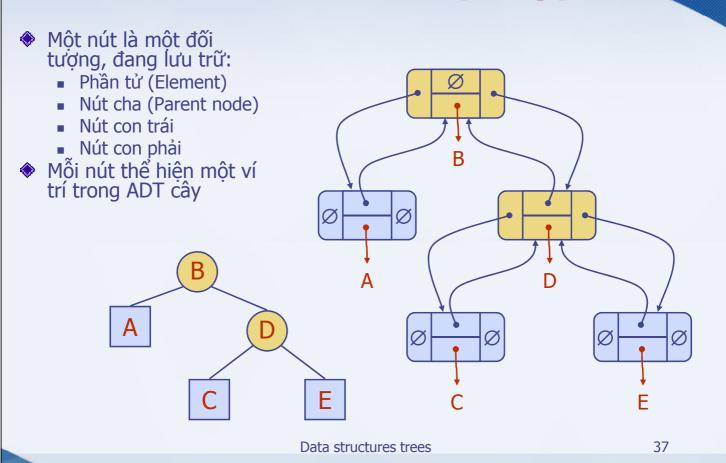
- Thuôc tính
 - TreeNode * root
- Phương thức
 - int size()
 - int isEmpty()
 - int isInternal(TreeNode*)
 - int isExternal(TreeNode*)
 - int isRoot(TreeNode*)
 - void preOrder(TreeNode*)
 - void inOrder(TreeNode*)
 - void postOrder(TreeNode*)
 - void insert(TreeNode*parent, element)
 - void remove(TreeNode*);

Các phương thức truy cập:

TreeNode *root()

Data structures trees

Cấu trúc liên kết cho cây nhị phân



Cấu trúc BTreeNode biểu diễn cây nhị phân

- Thuộc tính
 - Object elem
 - BTreeNode *Parent
 - BTreeNode *Left
 - BTreeNode *Right

- Phương thức
 - BTreeNode *Parent()
 - BTreeNode *Left()
 - BTreeNode *Right()
 - void setLeft(BTreeNode *)
 - void setRight(BTreeNode *)
 - void setParent(BTreeNode *)
 - int hasLeft()
 - int hasRight()
 - Object getElem()
 - void setElem(Object o)

Data structures trees

Cấu trúc dữ liệu cây nhị phân

- Thuộc tính
 - BTreeNode * root
- Phương thức
 - int size()
 - int isEmpty()
 - int isInternal(BTreeNode *)
 - int isExternal(BTreeNode *)
 - int isRoot(BTreeNode *)
 - void preOrder(BTreeNode *)
 - void inOrder(BTreeNode *)
 - void postOrder(BTreeNode *)
 - void insert(BTreeNode *parent, int leftRight, element)
 - void remove(BTreeNode *);

Các phương thức truy câp:

BTreeNode *root()

Data structures trees

39

Bài tập lớn: 20/12/2015

Bài 1:

- 1. Xây dưng lớp biểu diễn Cây tổng quát
- 2. Cài đặt thuật toán thêm node vào cây
- 3. Cài đặt các thuật toán duyệt cây.
- 4. Xây dựng lớp ứng dụng tạo cây, duyệt cây và in các phần tử của cây lên màn hình

Data structures trees

Bài tập lớn

Bài 2:

- 1. Xây dựng lớp biểu diễn Cây nhị phân
- 2. Cài đặt các thuật toán duyệt cây.
- 3. Xây dựng lớp ứng dụng tạo cây, duyệt cây, tìm kiếm phần tử trên cây.

Data structures trees