

程序设计基础 (C) ——程序控制

郑州大学软件学院

↓ Lecturer: 宋轩

Office : 行政楼-306

Email : songxuan@zzu.edu.cn

数学计算

图形绘制

实际问题

算法一:利用for循环语句实现,在循环体外为sum赋初值0。

```
#include <stdio.h>
main()
  int i, sum = 0;
  for (i = 1; i \le 101; i = i+2)
     sum = sum + i;
  printf("sum=%d\n", sum);
```

算法二:利用while循环语句实现,在循环体外为i和sum赋初值。

```
#include <stdio.h>
main()
     int i = 1, sum = 0;
     while (i <= 101)
        sum = sum + i;
        i = i + 2;
     printf("sum=%d\n", sum);
```

步长为2。

编程计算 1*2*3+3*4*5+.....+99*100*101的值。 算法分析:用累加算法,通项公式 为: term=i*(i+1)*(i+2); i=1,3,...,99。 或: term=(i-1)*i*(i+1); i=2,4,...,100。

```
#include <stdio.h>
main()
     int i;
     long term, sum = 0;
     for (i = 1; i \le 99; i = i + 2)
        term = i * (i + 1) * (i + 2);
        sum = sum + term;
     printf("sum=%ld",sum);
```

例 3

$$\frac{\pi}{2} = \frac{2}{1} \times \frac{2}{3} \times \frac{4}{3} \times \frac{4}{5} \times \frac{6}{5} \times \frac{6}{7} \times \dots$$
 前100项之积计算 π 。

累乘项为:term=n*n/((n-1)*(n+1)); n=2,4,...,100, 步长为2。

```
#include <stdio.h>
main()
     float term, result = 1; /*累乘项初值应为1*/
     int n;
     for (n = 2; n \le 100; n = n + 2)
        term = (float)(n * n)/((n - 1) * (n + 1));
        result = result * term;
     printf("result = \%f\n", 2*result);
```

采用累乘方法,累乘项为:

term=2*n*2*n/((2*n-1)*(2*n+1));n=1,2,...,50, 步长为1

```
#include <stdio.h>
main()
     float result = 1,term;
     int n;
     for (n = 1; n \le 50; n++)
        term = (float)(2*n*2*n)/((2*n-1)*(2*n+1));
     result = result * term;
     printf("result = \%f\n", 2*result);
```

```
计算1-1/2+1/3-1/4+.....+1/99-1/100+.....,直到最后一项的绝对值小于10<sup>-4</sup>为止。
```

算法分析:采用累加算法,累加项通式为: term=sign/n;分子sign=-sign;初值为1,分母n=n+1;初值为1。

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
main()
     int n = 1;
     float term = 1.0, sign = 1,sum = 0;
     while (fabs(term) \geq 1e-4)
                                             /*判断末项大小*/
       term = sign / n;
                                            /*求出累加项*/
                                            /*累加*/
       sum = sum + term;
                                            /*改变项的符号*/
       sign = -sign;
                                             /*分母加1*/
       n++;
     printf("sum = \%f\n", sum);
```

```
例 5
```

```
编程计算1! +2!+3!+4!+.....+10! 的值。
算法一: 用累加算法,累加项为:
term=term*i: i=1 2 10 term初值为1。
```

term=term*i; i=1,2,...10。term初值为1, 使用单重循环完成。

```
#include <stdio.h>
main()
     long term = 1, sum = 0;
     int i;
     for (i = 1; i \le 10; i++)
        term = term * i;
        sum = sum + term;
     printf("1!+2!+...+10! = \%ld \n", sum);
```

```
111010101110
```

```
算法二:用内层循环求阶乘,外层循环控制累加的项数。
#include <stdio.h>
main()
     long term , sum = 0;
    int i, j;
    for (i = 1; i \le 10; i++)
       term = 1;
       for (j = 1; j \le i; j++)
         term = term * j;
       sum = sum + term;
    printf("1!+2!+...+10! = \%ld \n", sum);
```

```
编程计算 a+aa+aaa+....+aa..a(n个a)的值,n和a的值由键盘输入
算法思想:用累加算法,累加项为:
```

term=term*10+a; i=1,2,...n。term初值为0。

```
#include <stdio.h>
main()
     long term = 0, sum = 0;
    int a, i, n;
     printf("Input a,n: ");
                                          /*输入a,n的值*/
     scanf("%d,%d", &a, &n);
    for (i = 1; i \le n; i++)
                                 /*求出累加项*/
       term = term * 10 + a;
                                  /*讲行累加*/
       sum = sum + term;
     printf("sum=%ld\n",sum);
```

的近似值,当最后一项的绝对值小于10⁻⁵时认为达到精度要求,要求统计总共累加了多少项。

算法思想:采用累加算法:e=e+term;寻找累加项构成规律:利用前项计算后项比寻找统一的累加项表示形式要简单一些,由

$$\frac{1}{2!} = \frac{1}{1!} \div 2, \qquad \frac{1}{3!} = \frac{1}{2!} \div 3, \qquad \dots$$

可以发现前后项之间的关系是: $term_n=term_{n-1}\div n$,写成C语句便是: term=term/n; term初值为1.0,n初值也为1,n按n=n+1变化。统计累加项数只要设置一个计数器变量即可,这里,计数器变量取名为count,初值为0,在循环体中每累加一项就加一次1。

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
main()
     int n = 1, count =1;
     float sum = 1.0, term = 1.0;
     while (fabs(term) >= 1e-5)
       term = term / n;
        sum = sum + term;
        n++;
        count++;
     printf("sum = %f, count = %d\n", sum, count);
```

利用泰勒级数计算sin(x)

 $\sin(x) \approx x - x^3/3! + x^5/5! - x^7/7! + x^9/9! - ...$

要求最后一项的绝对值小于10-5,并统计出此时累加了多少项。

算法思想:x由键盘输入,采用累加算法,sum=sum+term,sum初值为x,利用前项求后项的方法计算累加项:

term= -term*x*x/((n+1)*(n+2));

term初值为x,n初值为1,n=n+2。

```
#include <math.h>
main()
         int n = 1, count = 0;
         float x;
         double sum, term; /*因为位数多,所以定义为双精度*/
         scanf("%f", &x);
         sum = x;
         term = x; /*赋初值*/
         do
                  /*计算相应项,并改应符号*/
                  term = -term * x * x / ((n + 1) * (n + 2));
                  sum = sum + term; /* 累加 */
                  n = n + 2;
                  count++;
         \frac{1}{2} while (fabs(term) >= 1e-5);
         printf("sin(x) = %f, count = %d\n", sum, count);
```

读入一个年份和月份,打印出该月有多少天 (考虑闰年),用switch语句编程。

[提示: 闰年的2月有29天,平年的2月有28天。]

```
main()
                                                                 49
      int year, month;
scanf(''%d, %d'', &year, &month); /*输入相应的年和月*/
      switch (month)
        case 1:
        case 3:
        case 5:
        case 7:
        case 8:
        case 10:
        case 12:
              printf("31 days\n");
              break;
        case 2:
             if ((year % 4 == 0 && year % 100!= 0) || (year % 400 == 0))
                                                                          程序运行结果如下
                                                                          第一次运行:
                printf("29 days\n"); /*闰年的2月有29天 */
                                                                          1988,5 ∠
             else
                                                                          31 days
                printf("28 days\n"); /*平年的2月有28天 */
                                                                          第二次运行:
                                                                          1988,2 ∠
              break;
        case 4:
                                                                          29 days
        case 6:
                                                                          第三次运行:
        case 9:
        case 11:
                                                                          1989,2 ∠
              printf("30 \text{ days} n");
                                                                          28 days
              break;
        default:
             printf("Input error!\n");
```

#include <stdio.h>

打印所有的"水仙花数",所谓"水仙花数"是指一个三位数,其各位数字立方和等于该数本身。例如153是"水仙花数",因为153 = 1+125+27。

1110101011110

[提示: 首先确定水仙花数n可能存在的范围,因为n是一个三位数,所以范围确定为n从100变化到999,分离出n的个位i、十位j、百位k后,只要判断n是否等于i*i*i+j*j*j+k*k*k即可知n是否是水仙花数。分离各位数字的方法可参考例4.2。]

```
1010
```

```
#include <stdio.h>
                                                   4,18
main()
                                         程序运行结果为:
     int i, j, k, n;
                                         result is:153 370 371 407
     printf("result is:");
     for (n = 100; n < 1000; n++)
                                  /*分出百位*/
       i = n / 100;
       j = (n - i * 100) / 10; /*分出十位*/
                                           /*分出个位*/
       k = n \% 10;
       if (i*100 + j*10 + k == i*i*i + j*j*j + k*k*k)
         printf("%d\t ",n); /*输出结果*/
     printf("\n");
```

在屏幕上显示一张如下所示的时间表:

- *****Time****
- 1 morning
- 2 afternoon
- 3 night

Please enter your choice:

1110101011110

操作人员根据提示进行选择,程序根据输入的时间序号显示相应的问候信息,选择1时显示''Good morning'', 选择2时显示''Good afternoon'', 选择3时显示''Good night'', 对于其它选择显示''Selection error!'', 用switch语句编程实现。

```
#include <stdio.h>
main()
      char c;
      printf("*****Time****\n"):
      printf("1 morning \n");
      printf("2 afternoon \n");
      printf("3 night \n");
      printf("please enter your choice"); /*建立相应的菜单 */c = getchar(); /*输入选项*/
                                    /*通过switch选择 */
      switch (c)
          case '1':
                printf("Good morning \n");
                break;
          case '2':
                printf("Good afternoon \n");
                break;
          case '3':
                printf("Good night\n");
                break;
          default:
                printf("Selection error!\n");
```

```
*****Time*****

1 morning

2 afternoon

3 night
Please enter your choice:1

Good moning
```

1.编程判断输入整数的正负性和奇偶性。

```
main()
                                                              45
     int m:
    scanf(''%d'', &m); /*输入一个
if (m >= 0) /*是否为』
       if (m%2 == 0) /*是正数,且能被2整除,是正偶数*/
           printf("%d is a positive even\n", m);
                                                           第一次运行:
                 /*不能被2整除,是正奇数*/
       else
                                                           6<sub>1</sub>
                                                            6 is a positive even
           printf("%d is a positive odd\n", m);
                                                           第二次运行:
                                                           -7L
     }
else
                                                           -7 is a negative odd
       if (m \% 2 == 0)
           printf(''%d is a negative even\n'', m);/*是负偶数*/
       else
           printf(''%d is a negative odd\n'', m);/*是负奇数*/
```

#include <stdio.h>

编程计算分段函数:

1110101011110

$$y = \begin{cases} e^{-x} & x > 0 \\ 1 & x = 0 \\ -e^{x} & x < 0 \end{cases}$$
 , 输入x, 打印出y值。

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
main()
     int x;
     double y;
     scanf("%d", &x); /* 输入一个整数*/
     if (x > 0)
         y = \exp(-x); /*如果大于0, 计算y = \exp(-x)的值 */
     else if (x == 0)
         y = 1; /*x=0, \mathbb{U}y=1*/
     else
         y = -\exp(x); /*x < 0, \iiint y = -\exp(x)*/
     printf("y=\%f\n", y);
```

第一次运行: 4ピ y=0.018316 第二次运行: 0ピ y=1.000000 第三次运行: -4ピ y=-0.018316

图形打印

4.26

```
*****

*****

****
```

```
#include <stdio.h>
main()
    int i, k;
                           /*i控制行数*/
    for (i = 1; i \le 4; i++)
      for (k = 1; k <= 6; k++) /*每行输出6个*字符*/
          printf("*");
      printf("\n"); /*将光标移到下一行起始位置处*/
```

#include <stdio.h>

```
main()
               int i, j, k;
               for (i = 1; i< = 4; i++) /*i控制行数*/
****
                      printf(" ");
                  for (k = 1; k <= 6; k++) /*每行输出6个*字符*/
```

```
for (j = 1; j <= 4 - i; j++) /* 随行数的增加,输出递减数目的空格*/
   printf("*");
                 /*将光标移到下一行起始位置处*/
printf("\n");
```

```
main()
     int i, j, k;
     char space = ' ';
     for (i=1;i<=4;i++)
        for (j=1; j<=i-1; j++)
           printf("%c",space);
        for (k=1; k<=6; k++)
            printf("*");
        printf("\n");
```

#include <stdio.h>

1110101011110

```
*
***

****
```

```
#include <stdio.h>
main()
    int i, j, k;
    for (i = 1; i <= 4; i++) /*控制行数*/
       for (k = 1; k <= (2 * i - 1); k++) /*控制每行输出的*号个数*/
          printf("*");
       printf("\n"); /*输出一行后换行*/
```

```
*

***

****
```

```
#include <stdio.h>
main()
     int i, j, k;
     for (i = 1; i <= 4; i++)
                                       /* 控制行数*/
        for (j = 1; j \le 4 - i; j++)
             printf(" ");
        for (k = 1; k \le (2 * i - 1); k++)
             printf("*");
        printf("\n");
```

例 19

```
#include <stdio.h>
main()
      int i, j, k;
      for (i = 1; i <= 4; i++)
         for (j = 1; j \le 4 - i; j++)
              printf(" ");
          for (k = 1;k <= (2 * i - 1);k++)
              printf("*");
          printf("\n");
    for (i = 1; i <= 3; i++)
          for (j = 1; j <= i; j++)
               printf(" ");
          for (k = 1;k <= 5-2 * (i-1);k++)
               printf("*");
          printf("\n");
```

1110101011110

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	0.000	1.000	1.414	1.732	2.000	2.236	2.449	2.646	2.828	3.000
1	3.162	3.317	3.464	3.606	3.742	3.873	4.000	4.123	4.243	4.359
2	4.472	4.583	4.690	4.796	4.899	5.000	5.099	5.196	5.292	5.385
3	5.477	5.568	5.657	5.745	5.831	5.916	6.000	6.083	6.164	6.245
4	6.325	6.403	6.481	6.557	6.633	6.708	6.782	6.856	6.928	7.000
5	7.071	7.141	7.211	7.280	7.348	7.416	7.483	7.550	7.616	7.681
6	7.746	7.810	7.874	7.937	8.000	8.062	8.124	8.185	8.246	8.307
7	8.367	8.426	8.485	8.544	8.602	8.660	8.718	8.775	8.832	8.888
8	8.944	9.000	9.055	9.110	9.165	9.220	9.274	9.327	9.381	9.434
9	9.487	9.539	9.592	9.644	9.695	9.747	9.798	9.849	9.899	9.950

#include <stdio.h>

```
#include <math.h>
main()
    int m, n, i;
    for (m = 0; m < 10; m++)
       printf("%7d", m);
                                   /*打印表头*/
    printf("\n");
                                   /*乘数n从1变化到9*/
    for (n = 0; n < 10; n++)
      printf("%d", n); /*输出每行的头数字*/
      for (m=0; m<10; m++) /*被乘数m从1变化到9*/
        printf(" \%4.3f ", sqrt(n * 10 + m));
                              /*输出第m行n列中的值*/
                                  /*输出换行符,准备打印下一行*/
      printf("\n");
```

爱因斯坦数学题。爱因斯坦曾出过这样一道数学题:有一条长阶梯,若每步跨2阶,则最后剩下1阶,若每步跨3阶,则最后剩下2阶,若每步跨5阶,则最后剩下4阶,若每步跨6阶,则最后剩下5阶,只有每步跨7阶,最后才正好1阶不剩。请问,这条阶梯共有多少阶?

算法思想:设阶梯数为x,则根据题意:阶梯数满足下面的关系式:

x%2==1 && x%3==2 && x%5==4 && x%6==5 && x%7==0

采用穷举法对x从1开始实验,可计算出这条阶梯共有多少阶。

```
int main()
     int x = 1, find = 0;
     while (!find)
     if (x % 2 == 1 && x % 3 == 2&& x % 5 == 4&& x % 6 == 5
          && x \% 7 == 0
          find = 1;
                                               程序运行结果为:
       X++;
                                                     x = 120
     printf(" x = %d \mid n", x);
```

三色球问题。若一个口袋中放有12个球,其中有3个红色的,3个白色的,6个黑色的,从中任取8个球,问共有多少种不同的颜色搭配?

算法思想:设任取的红球个数为i,白球个数为j,黑球个数为k,根据题意应有:i+j+k=8,0<=i<=3,0<=j<=3,0<=k<=6。若红球和白球个数的取值范围是0~3,在红球和白球个数确定的条件下,黑球个数的取值范围应为k=8-i-j,只要满足k<=6,i、j、k的组合即为所求。

#include <stdio.h>

i=0, j=3, k=5i=1, j=1, k=6

i=1, j=2, k=5

i=1, j=3, k=4i=2, j=0, k=6i=2, j=1, k=5

i=2, j=2, k=4i=2, j=3, k=3

i=3, j=0, k=5i=3, j=1, k=4i=3, j=2, k=3

i=3, j=3, k=2

```
main()
     int i, j, k;
     for (i = 0; i \le 3; i++)
        for (j = 0; j \le 3; j++)
            for (k = 0; k \le 6; k++)
               if (i + j + k == 8)
                 printf("i=\%d, j=\%d, k=\%d\n", i, j, k);
```

鸡兔同笼,共有98个头,386只脚,编程求鸡、兔个多少。

算法思想: 设鸡数为x, 兔数为y, 据题意有: x+y=98, 2x+4y=386。采 用穷举法,x从1变化到97,y取98-x,如果x、y同时满足条件 2x+4y=386,则打印x、y的值。

```
#include <stdio.h>
main()
     int x, y;
     for (x = 1; x \le 97; x++)
        y = 98 - x;
        if (2 * x + 4 * y == 386)
           printf("x = \%d, y = \%d", x, y);
```

程序运行结果为:

x = 3, y = 95

算法思想:设公鸡、母鸡、小鸡数量分别为x,y,z,依题意列出方程组:x+y+z=100,5x+3y+z/3=100,采用穷举法求解,因100元买公鸡最多可买20只,买母鸡最多可买33只,所以,x从0变化到20,y从0变化到33,则z=100-x-y,只要判断第二个条件是否满足即可。

```
#include <stdio.h>
                                        程序运行结果为:
                                 101010
main()
                                          x=0,y=25,z=75
                                           x=4,y=18,z=78
    int x, y, z;
                                           x=8,y=11,z=81
    for (x = 0; x \le 20; x++)
                                          x=12,y=4,z=84
      for (y = 0; y \le 33; y++)
         z = 100 - x - y;
         if (5*x + 3*y + z/3.0 == 100)
           printf("x=\%d, y=\%d, z=\%d\n", x, y, z);
```

用一元五角钱人民币兑换5分、2分和1分的硬币(每一种都要有)共 100枚,问共有几种兑换方案?每种方案各换多少枚?

算法思想:设5分、2分和1分的硬币各换x、y、z枚,据题意有:x+y+z=100,5x+2y+z=150,由于每一种硬币都要有,故5分硬币最多可换28枚,2分硬币最多可换73枚,1分硬币可换100-x-y枚,x、y、z只需满足第二个方程即可打印,对每一组满足条件的x、y、z值用计数器计数即可得到兑换方案的数目。

```
#include <stdio.h>
                                                         程序运行结果为:
main()
                         1110101011110
                                       10101010
                                                             1,46,53
                                                             2,42,56
                                                             3,38,59
     int x, y, z, count = 0;
                                                             4,34,62
     for (x = 1; x \le 28; x++)
                                                             5,30,65
                                                             6,26,68
        for (y = 1; y \le 73; y++)
                                                             7,22,71
                                                             8,18,74
                                                             9,14,77
           z = 100 - x - y;
                                                             10,10,80
           if (5*x + 2*y + z == 150)
                                                             11,6,83
                                                             12,2,86
                                                            count = 12
             count++;
                printf("%d, %d, %d\n", x, y, z);
     printf("count = %d\n", count);
```

Questions & Answers