

Błąd kolejnego przybliżenia:

$$\begin{aligned}\varepsilon_{n+1} &= \left| x_{n+1} - \frac{1}{c} \right| = \left| x_n(2 - cx_n) - \frac{1}{c} \right| = \left| 2x_n - cx_n^2 - \frac{1}{c} \right| = \\ &= \left| \frac{2x_n}{c} - x_n^2 - \frac{1}{c^2} \right| \cdot c = \left| x_n - \frac{1}{c} \right| \cdot \left| x_n - \frac{1}{c} \right| \cdot c = \varepsilon_n^2 \cdot c\end{aligned}$$

Z powyższego wynika:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \varepsilon_n = \begin{cases} 0 & \text{if } \varepsilon_0 < \frac{1}{c} \\ \frac{1}{c} & \text{if } \varepsilon_0 = \frac{1}{c} \\ \infty & \text{if } \varepsilon_0 > \frac{1}{c} \end{cases}$$

Ponadto zbieżność w pierwszym przypadku, jest kwadratowa.

Z powyższych rachunków wynika, że metoda ta jest zbieżna tylko gdy:

$$\varepsilon_0 = \left| x_0 - \frac{1}{c} \right| < \frac{1}{c} \implies x_0 \in \left(0, \frac{2}{c} \right)$$