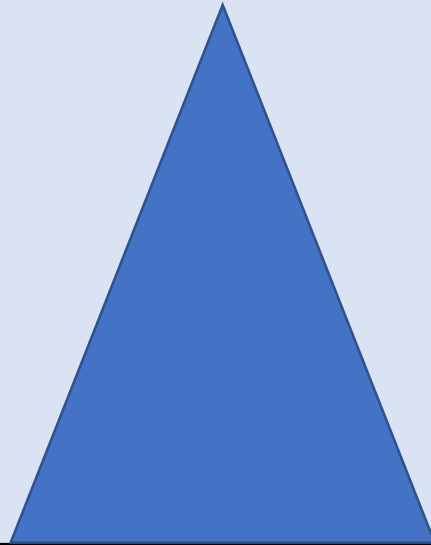




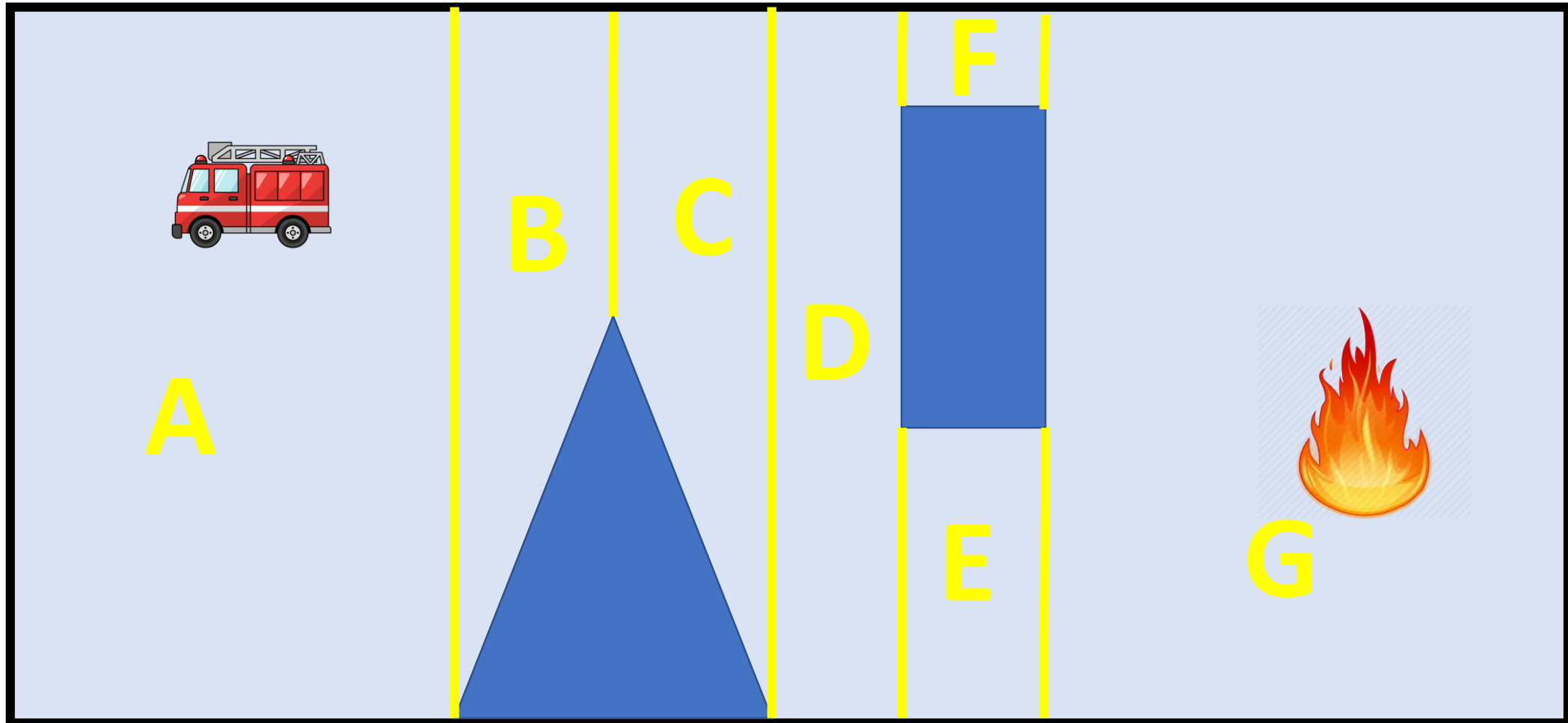
# ΤΕΧΝΗΤΗ ΝΟΗΜΟΣΥΝΗ

## ΑΝΑΖΗΤΗΣΗ

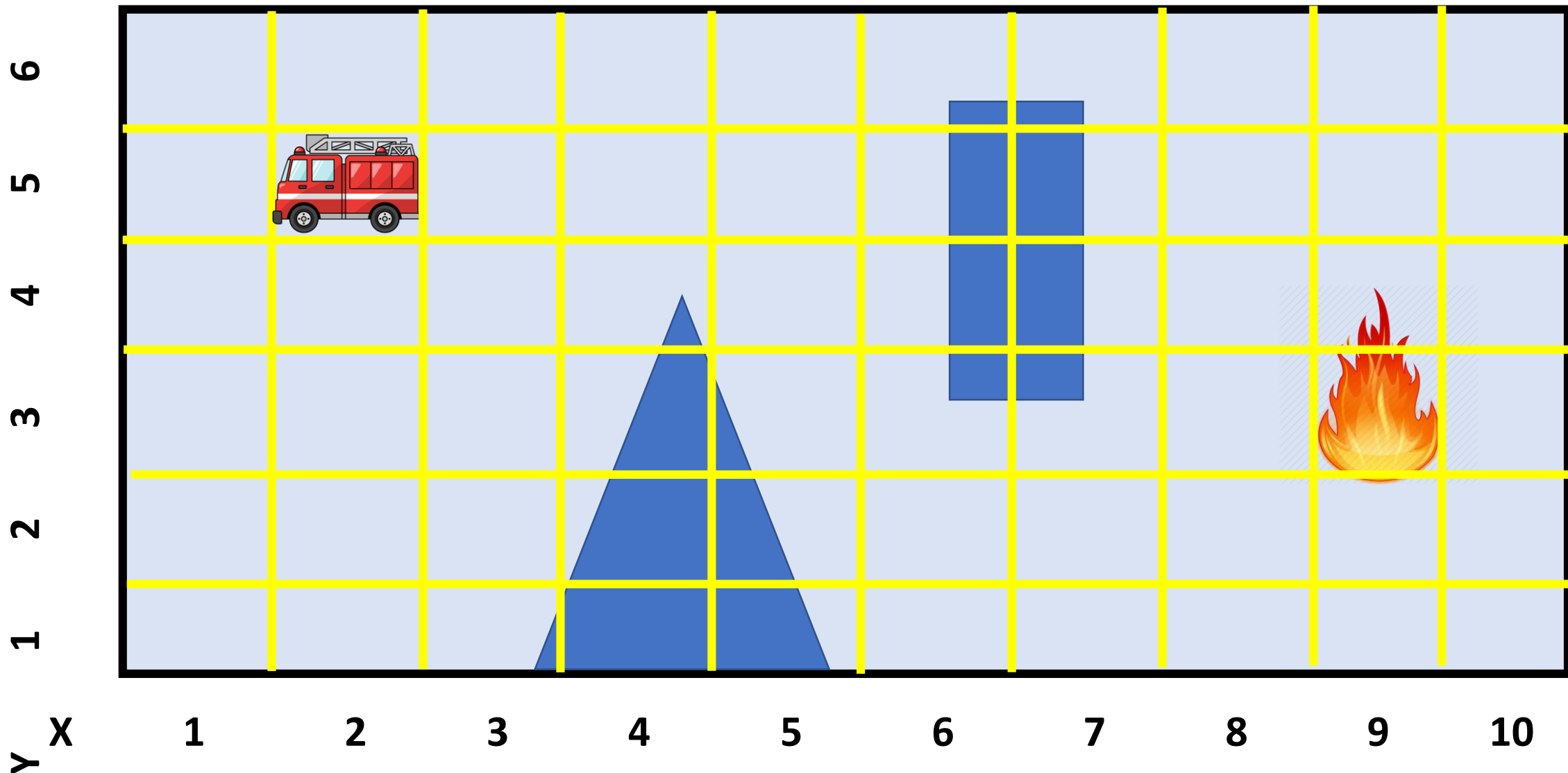
# Πρόβλημα



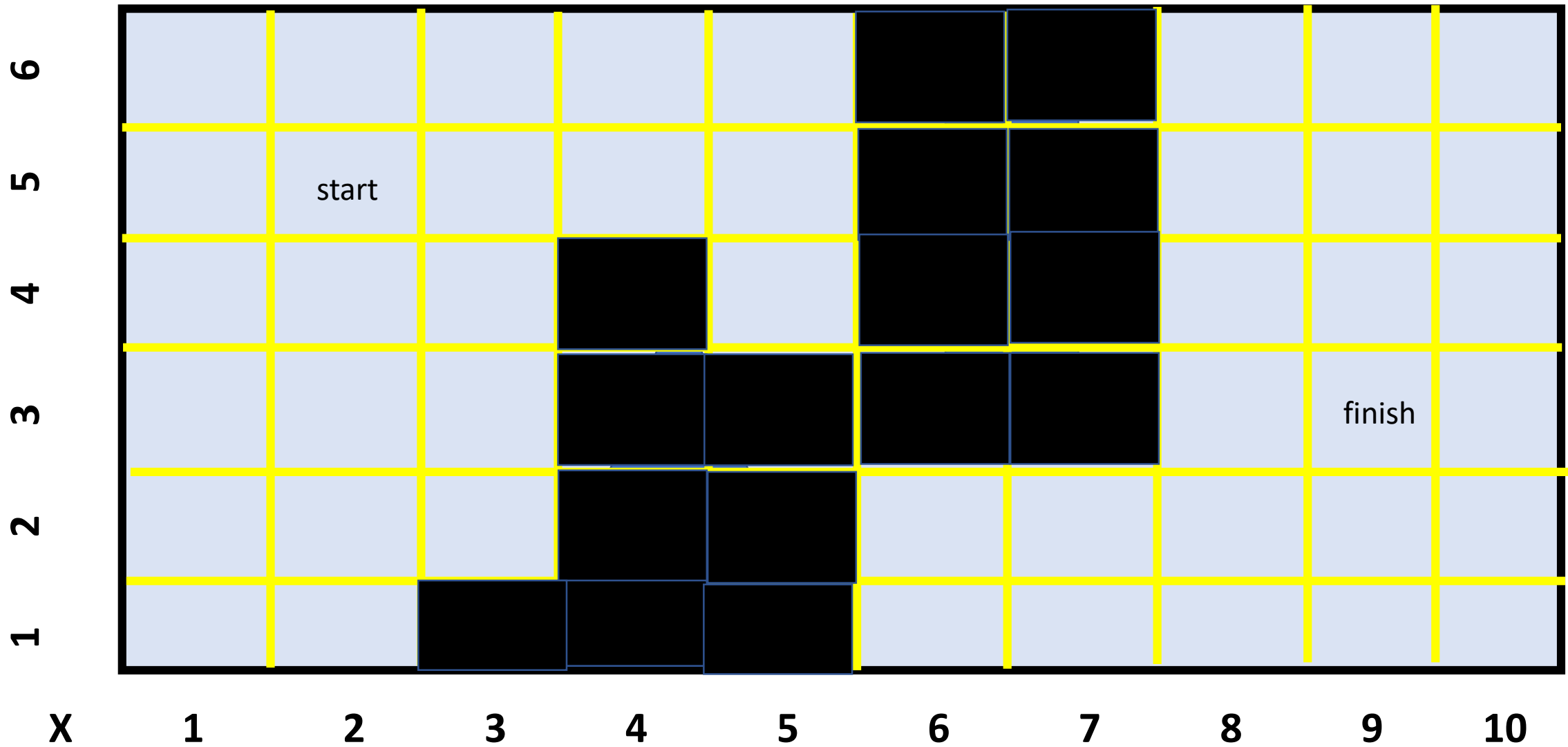
# Exact Cell Decomposition



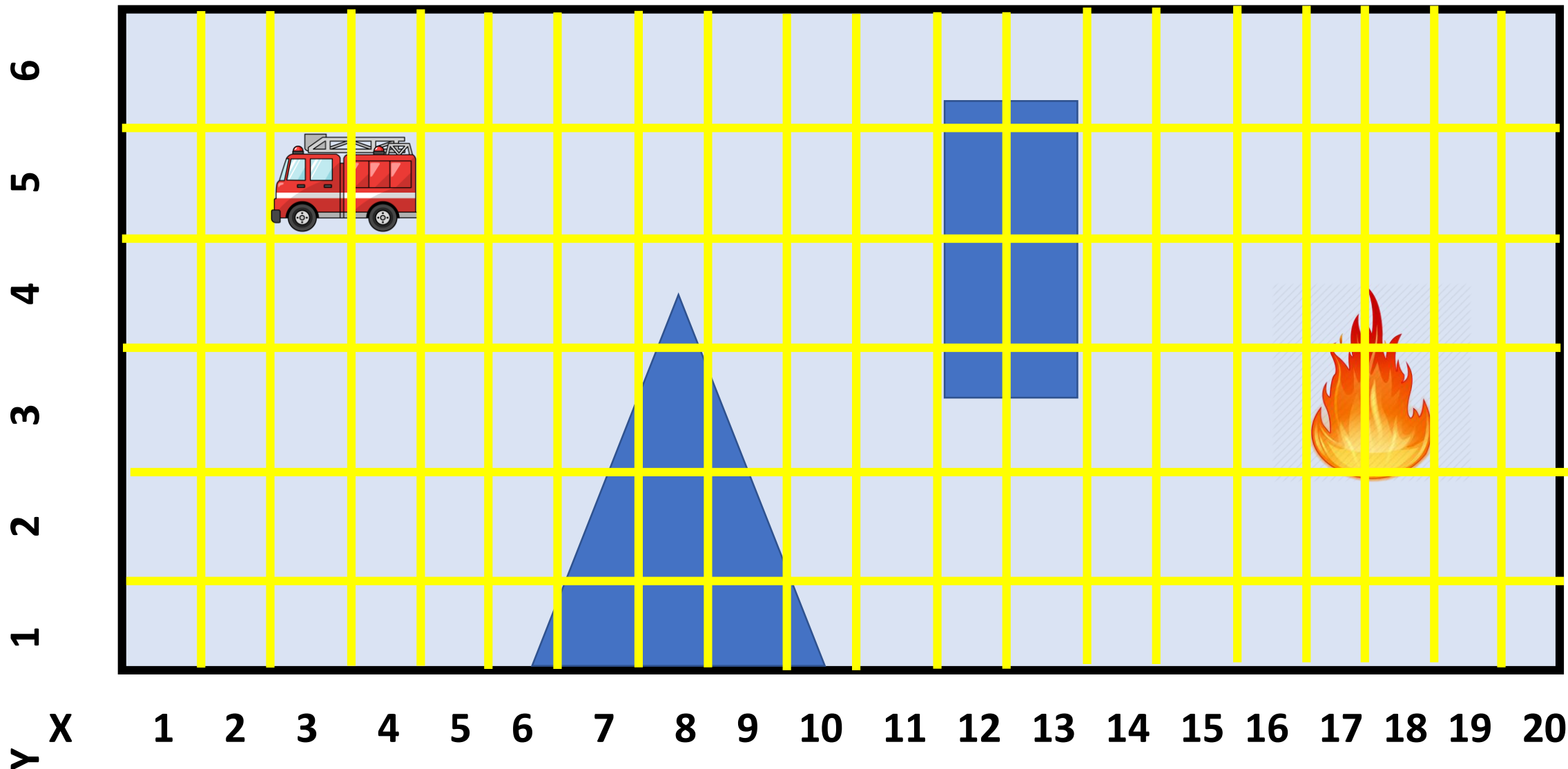
# Fixed Cell Decomposition



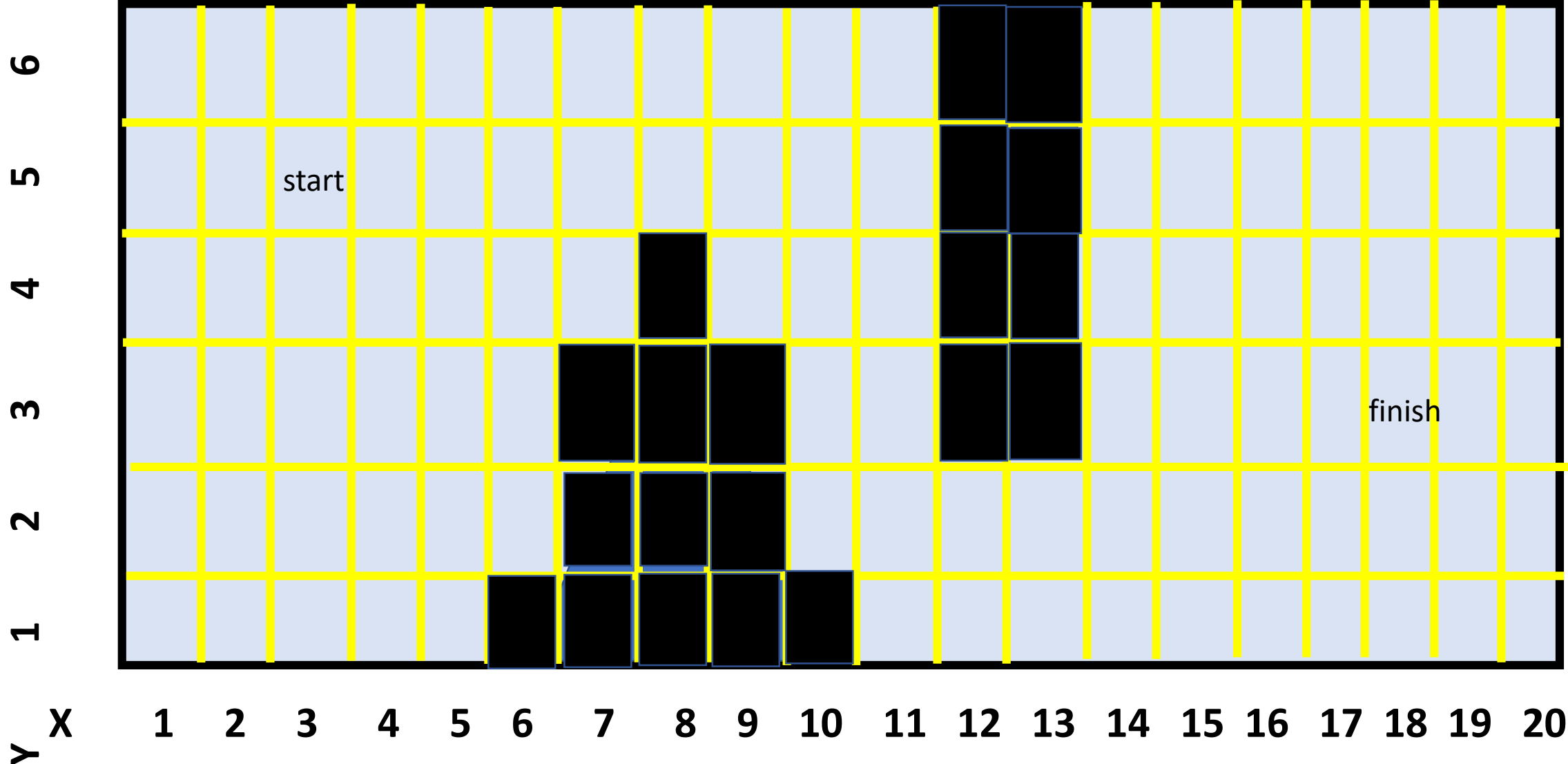
# Unsolvable Problem



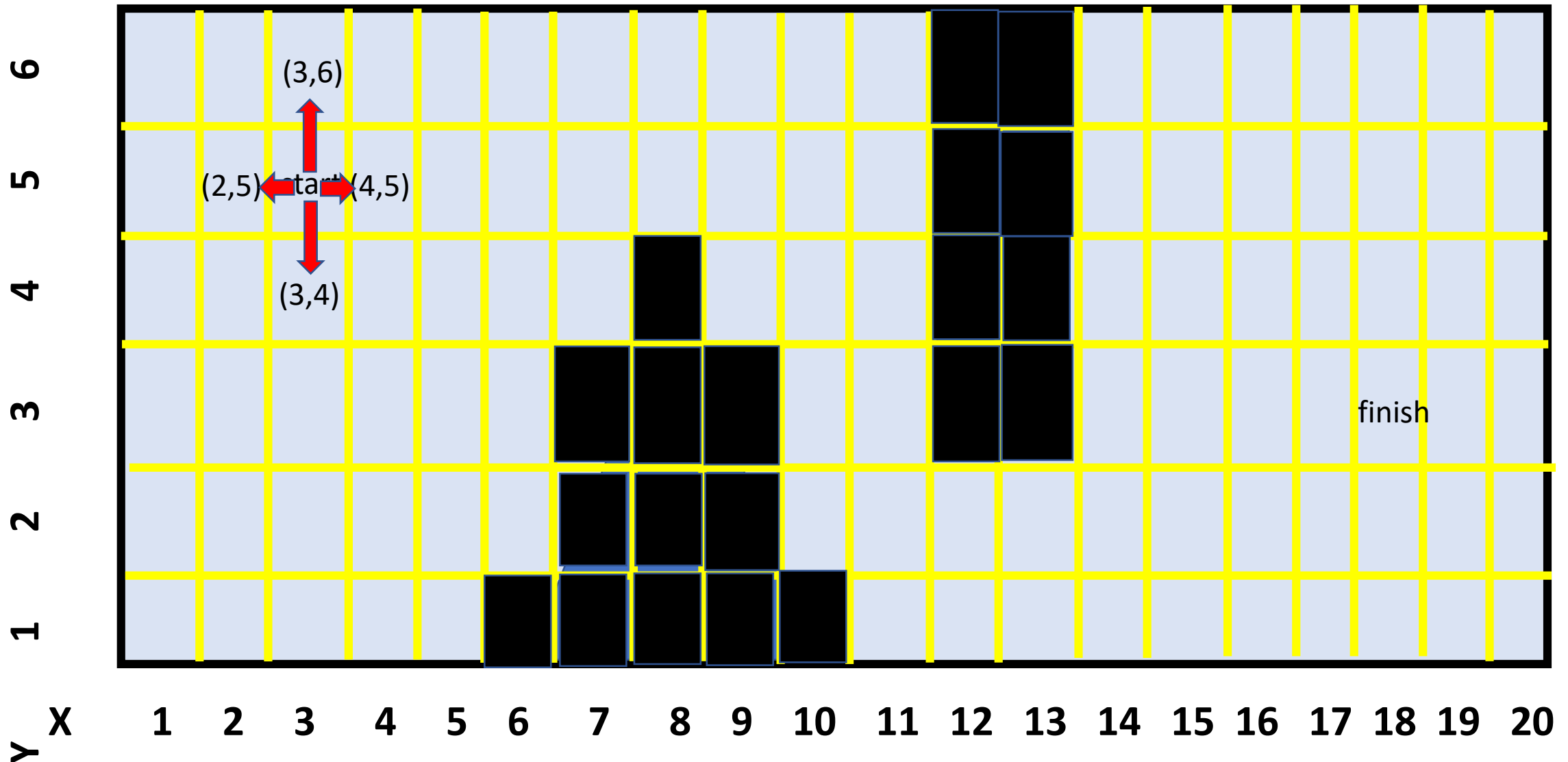
# Smaller Cell



# Solvable Problem

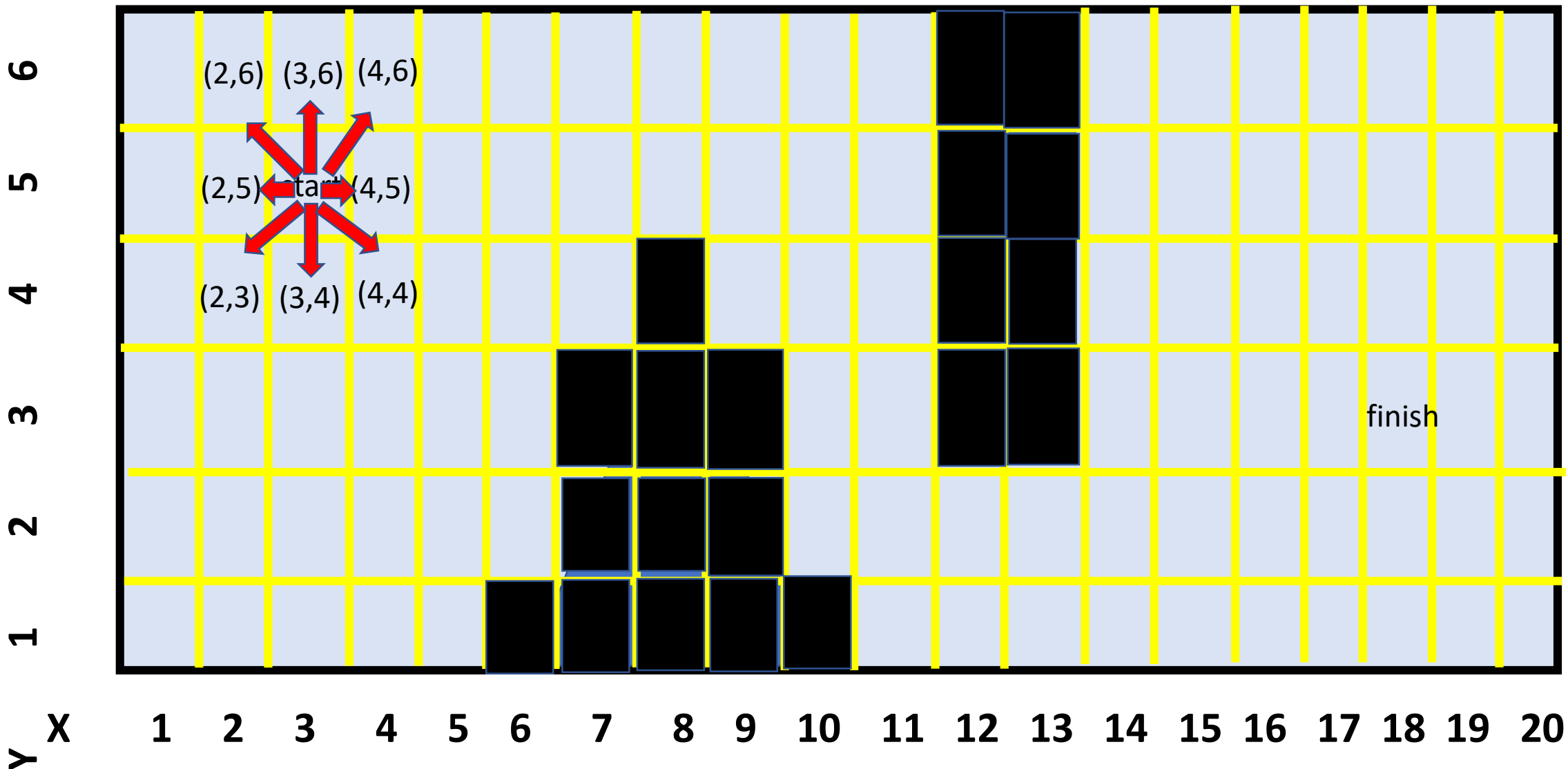


# No diagonal movements

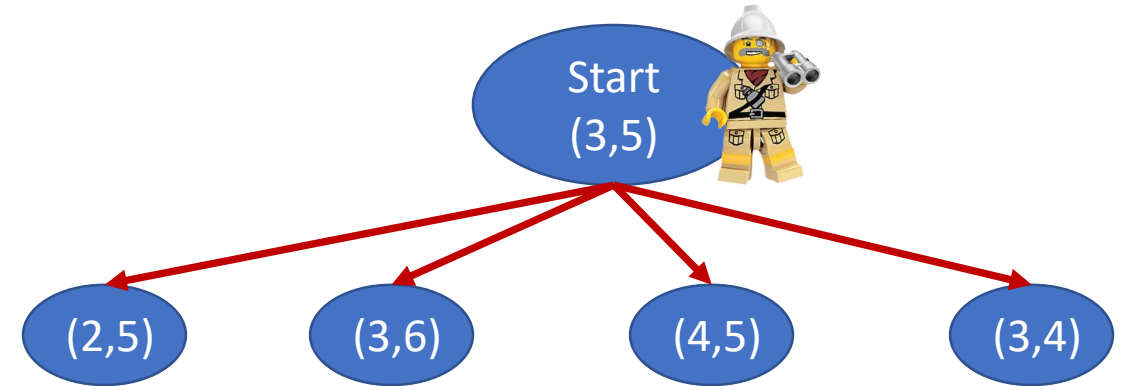
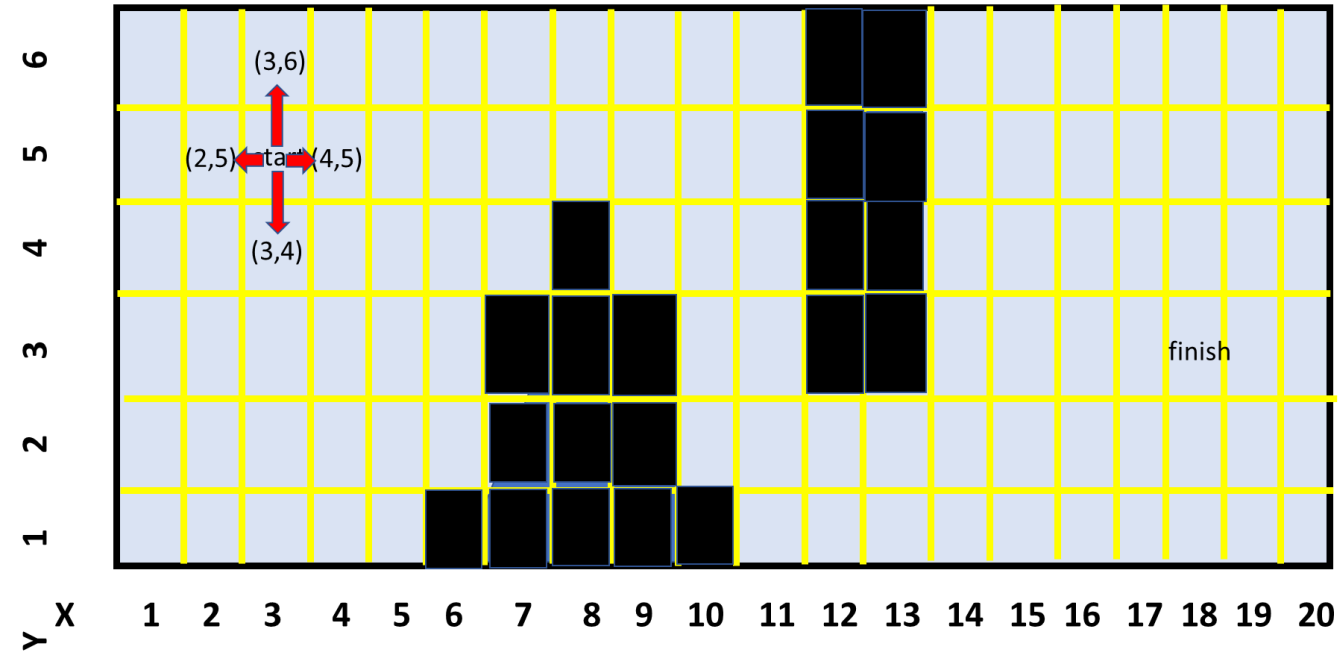




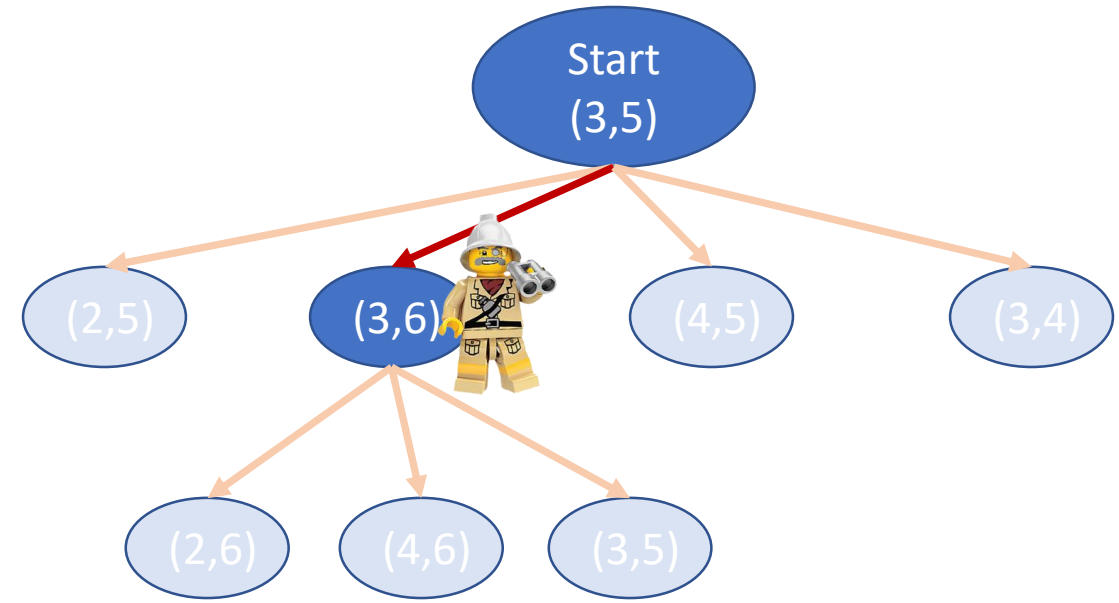
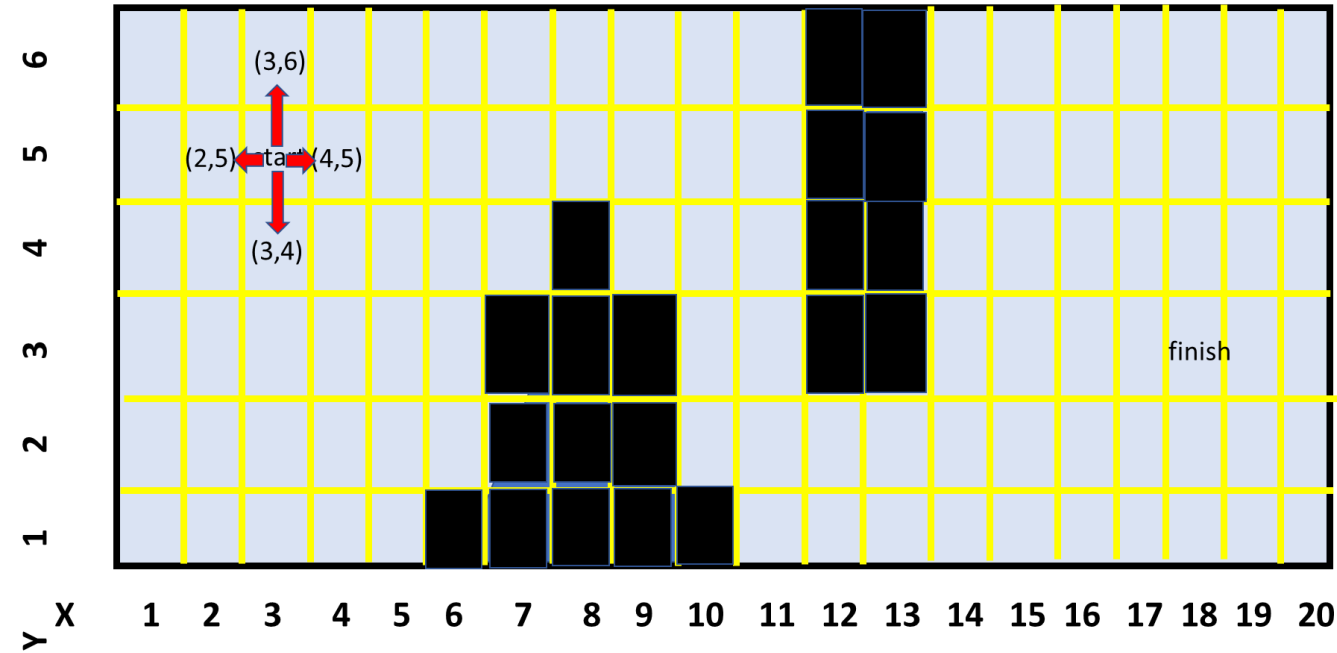
# With diagonal movements



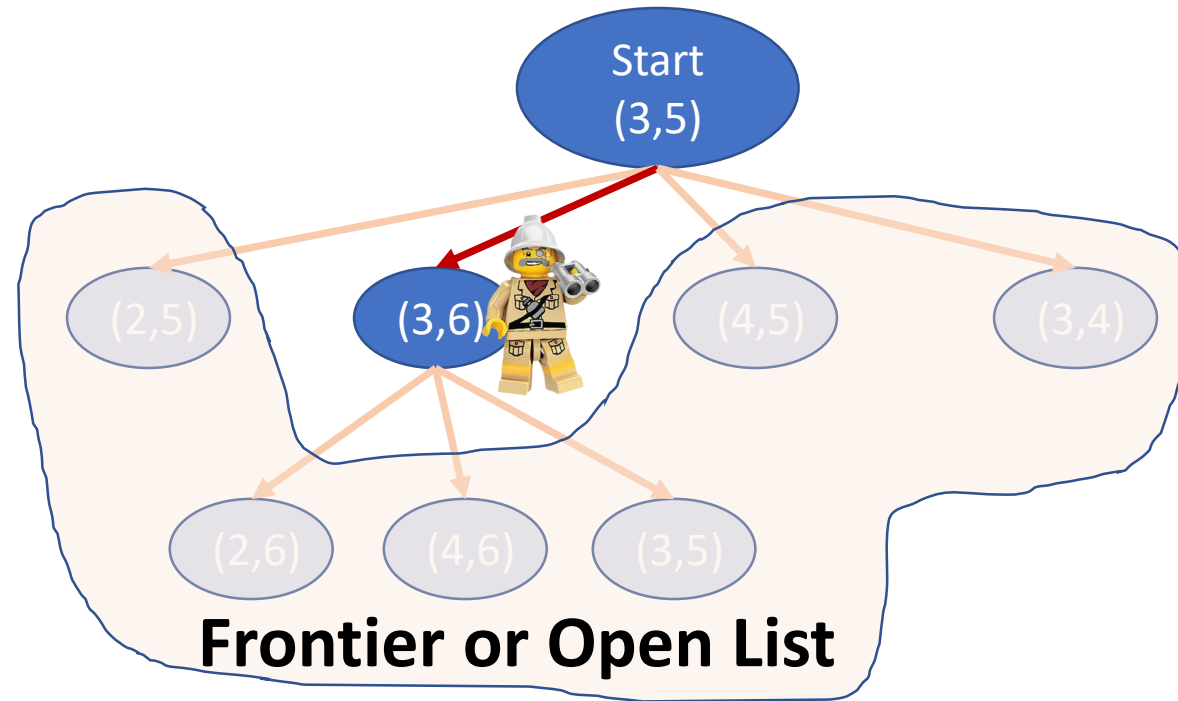
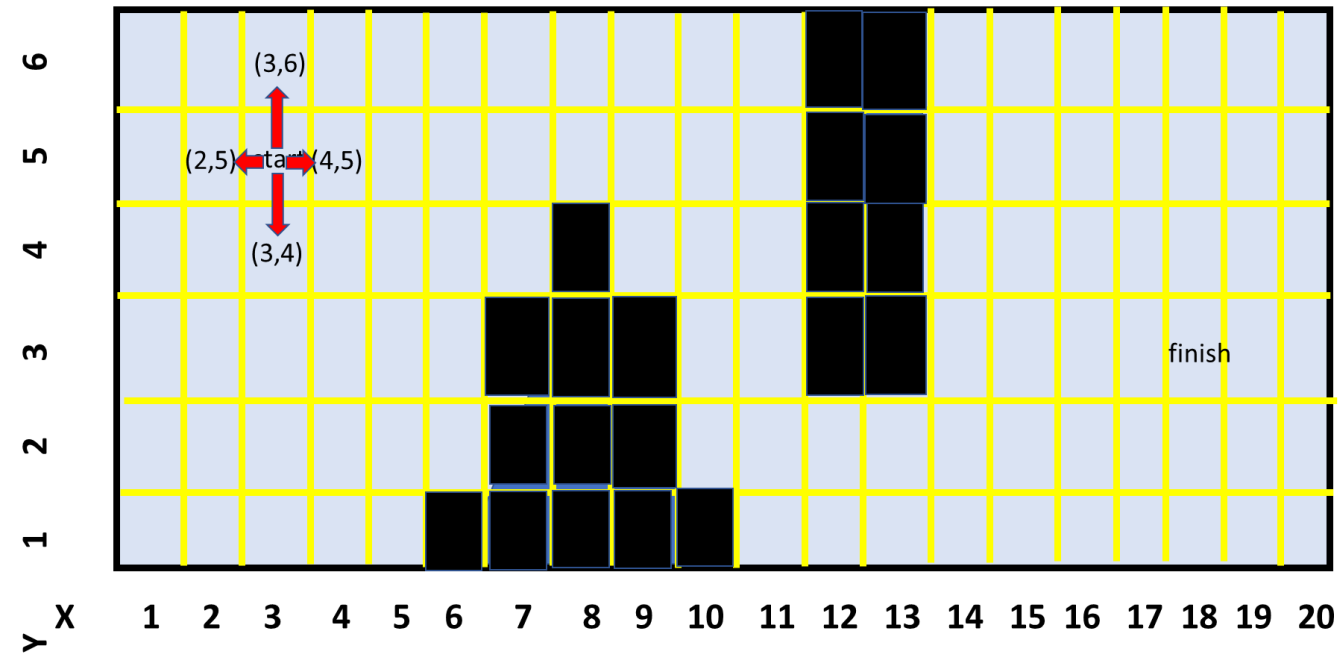
# How do we traverse?



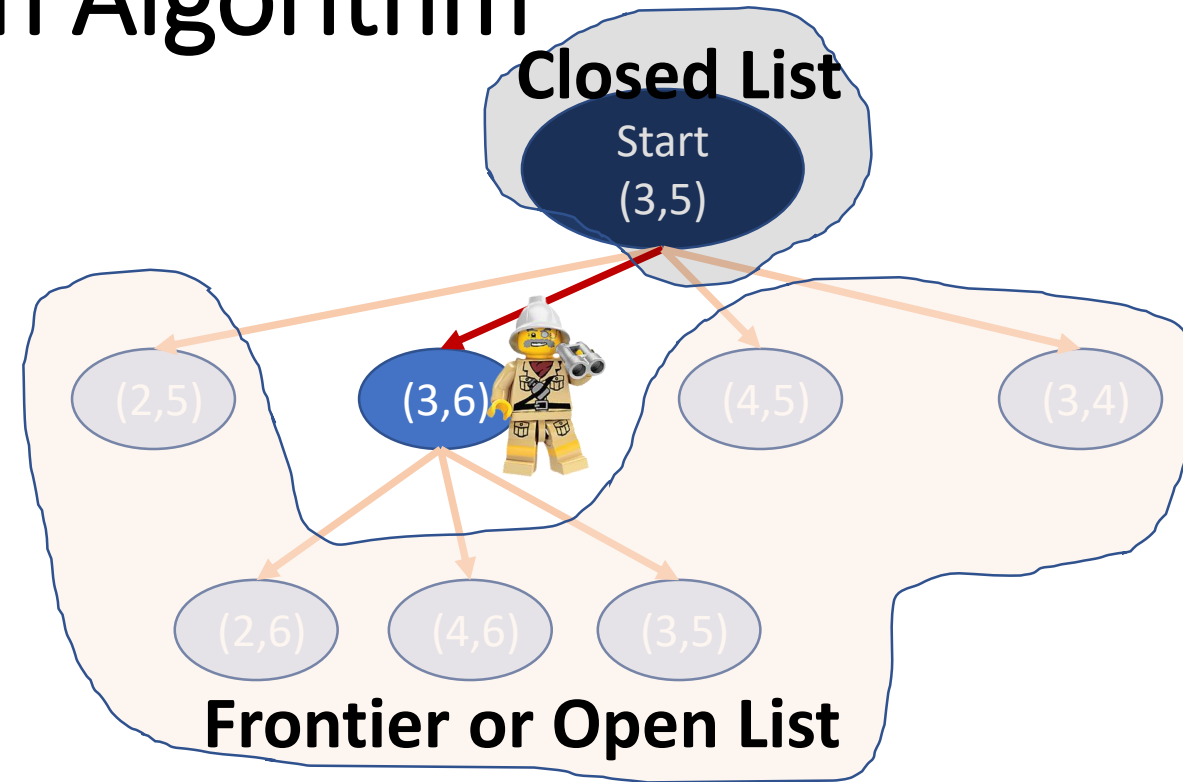
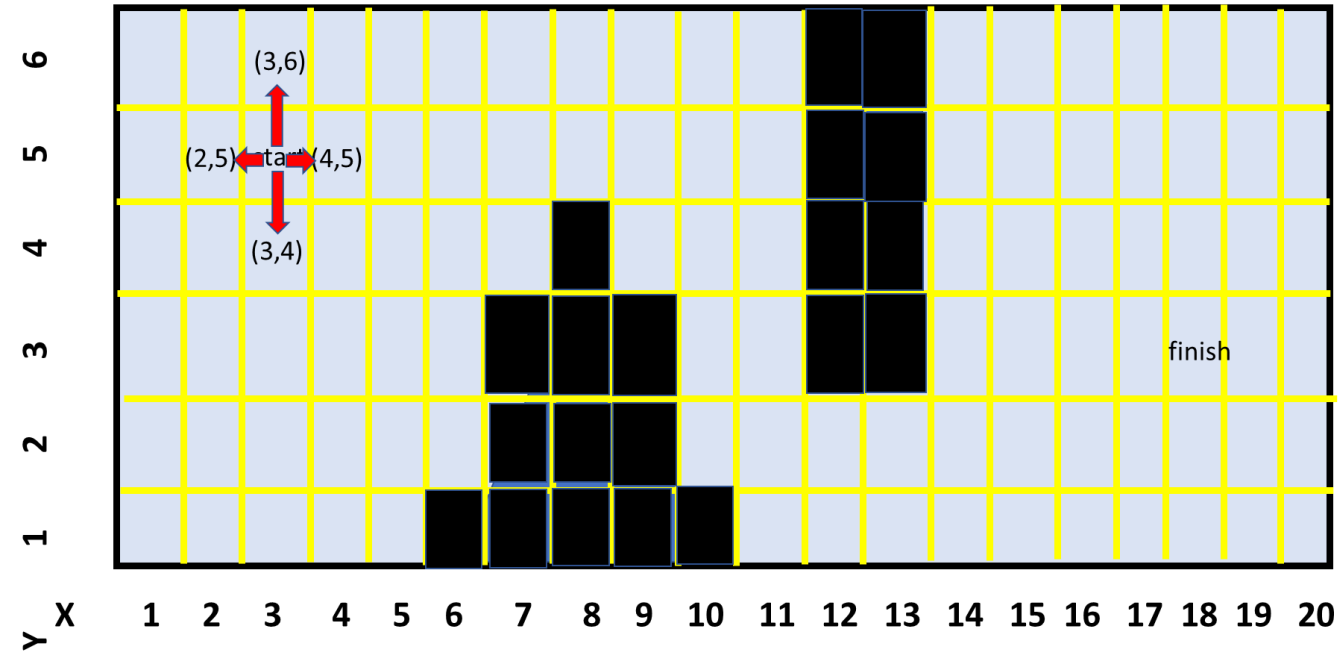
# General Search Algorithm



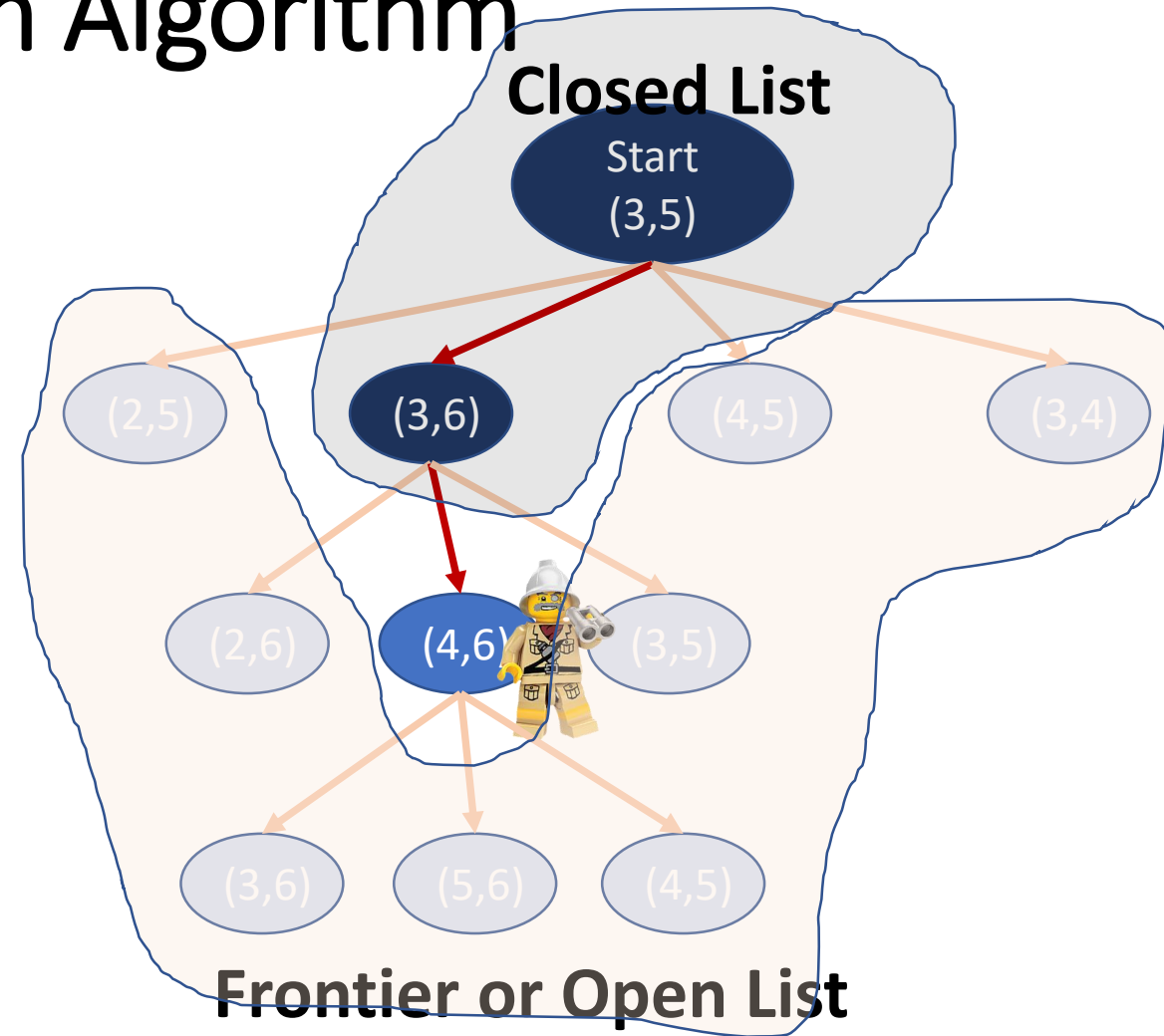
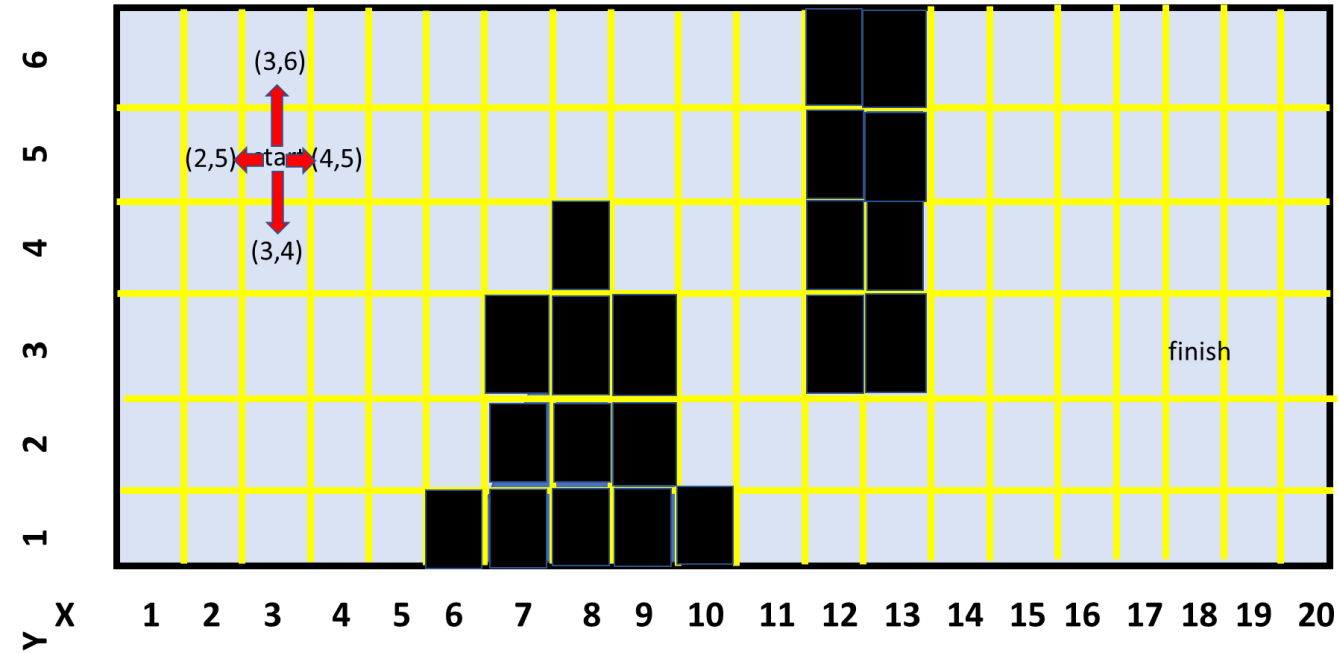
# General Search Algorithm



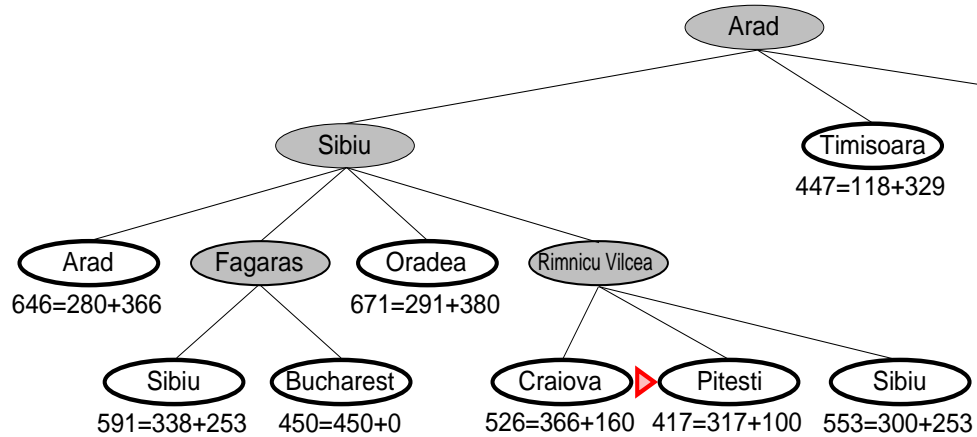
# General Search Algorithm



# General Search Algorithm



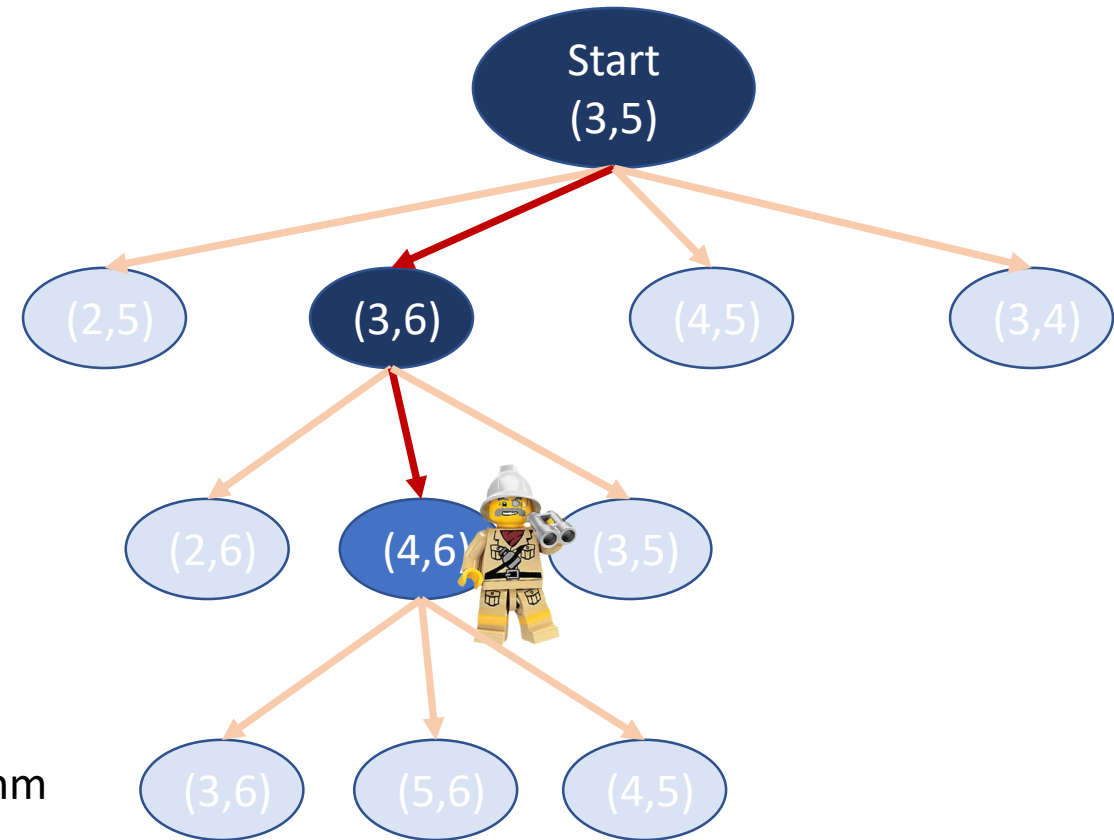
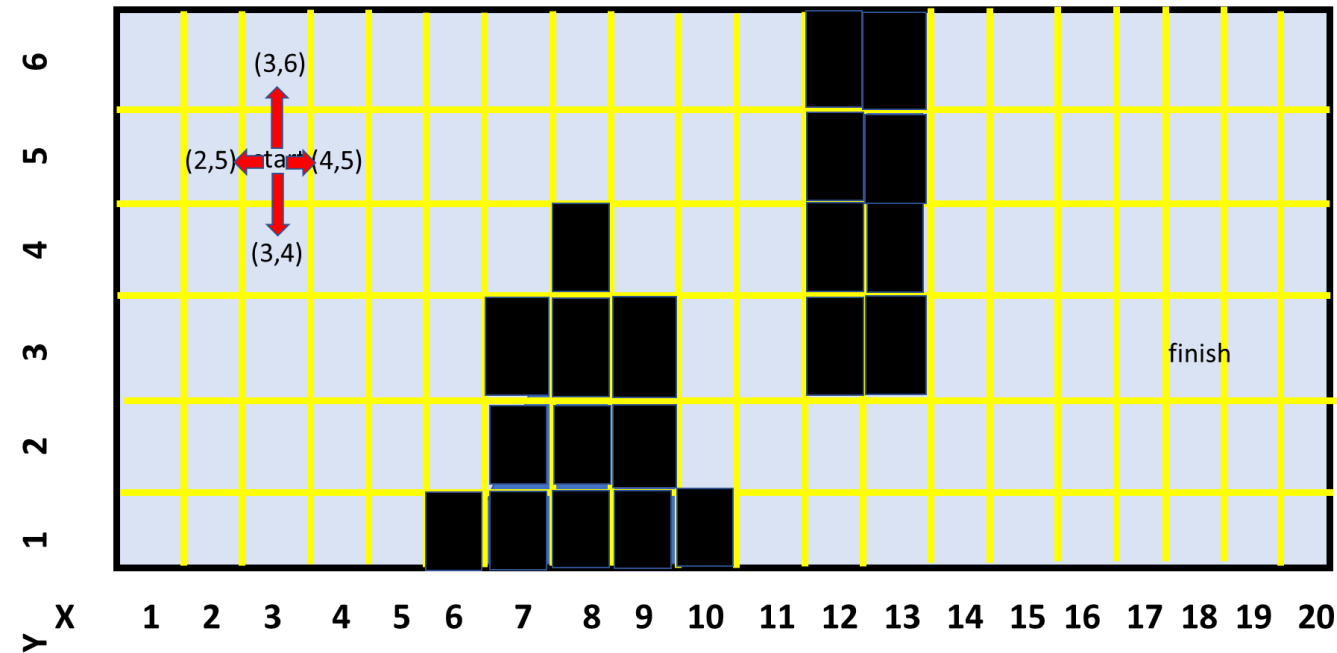
# Search-Tree Terminology



- *Node*: a pair  $v = (\pi, s)$ , where  $s = \gamma(s_0, \pi)$
- In practice,  $v$  may contain other things
  - pointer to parent,  $\text{cost}(\pi)$ , ...
  - $\pi$  not always stored explicitly, can be computed from the parent pointers
- *children* of  $v =$   
 $\{(\pi.a, \gamma(s, a)) \mid a \text{ is applicable in } s\}$
- *successors* of  $v$ :  
 children, children of children, etc.

- *ancestors* of  $v =$   
 $\{\text{nodes that have } v \text{ as a successor}\}$
- *initial* or *starting* node:  $v_0 = (\langle \rangle, s_0)$   
 root of the search tree
- *path* in the search space:  
 sequence  $\langle v_0, v_1, \dots, v_n \rangle$   
 such that each  $v_i$  is a child of  $v_{i-1}$
- *height* of search space = length of  
 longest acyclic path from  $v_0$
- *depth* of  $v = \text{length}(\pi) =$   
 length of path from  $v_0$  to  $v$
- *branching factor* of  $v =$   
 number of children
- *branching factor* of search tree =  
 max branching factor of the nodes
- *expand*  $v$ : generate all children

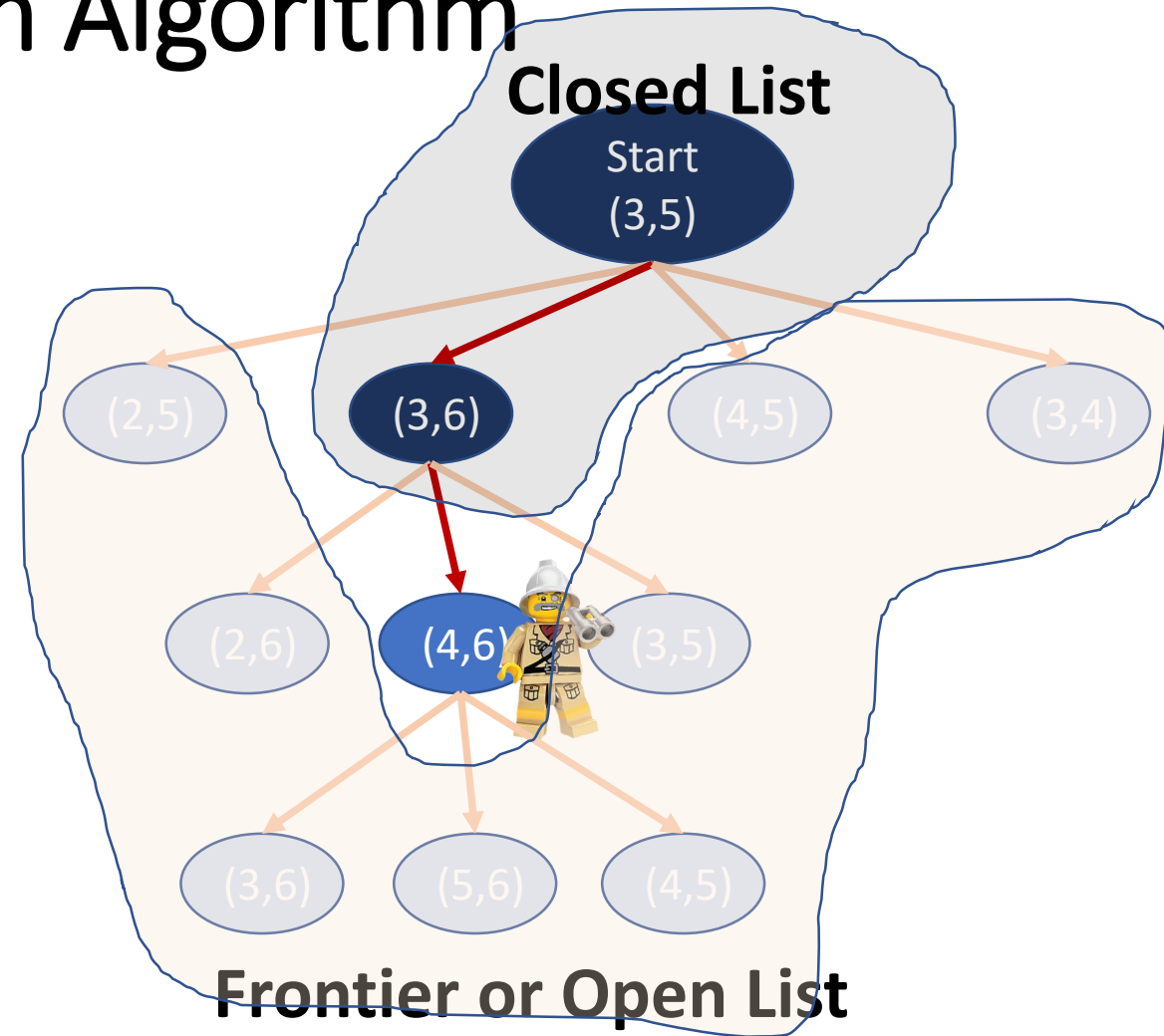
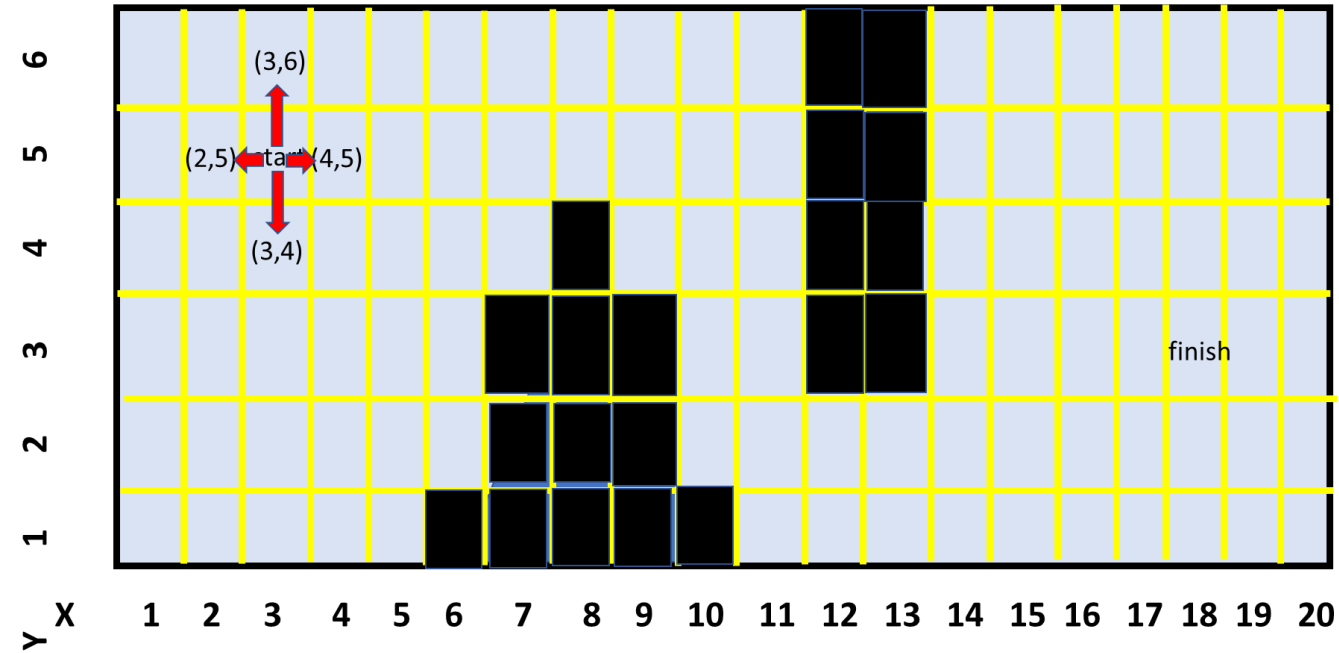
# Criteria of Search Algorithms



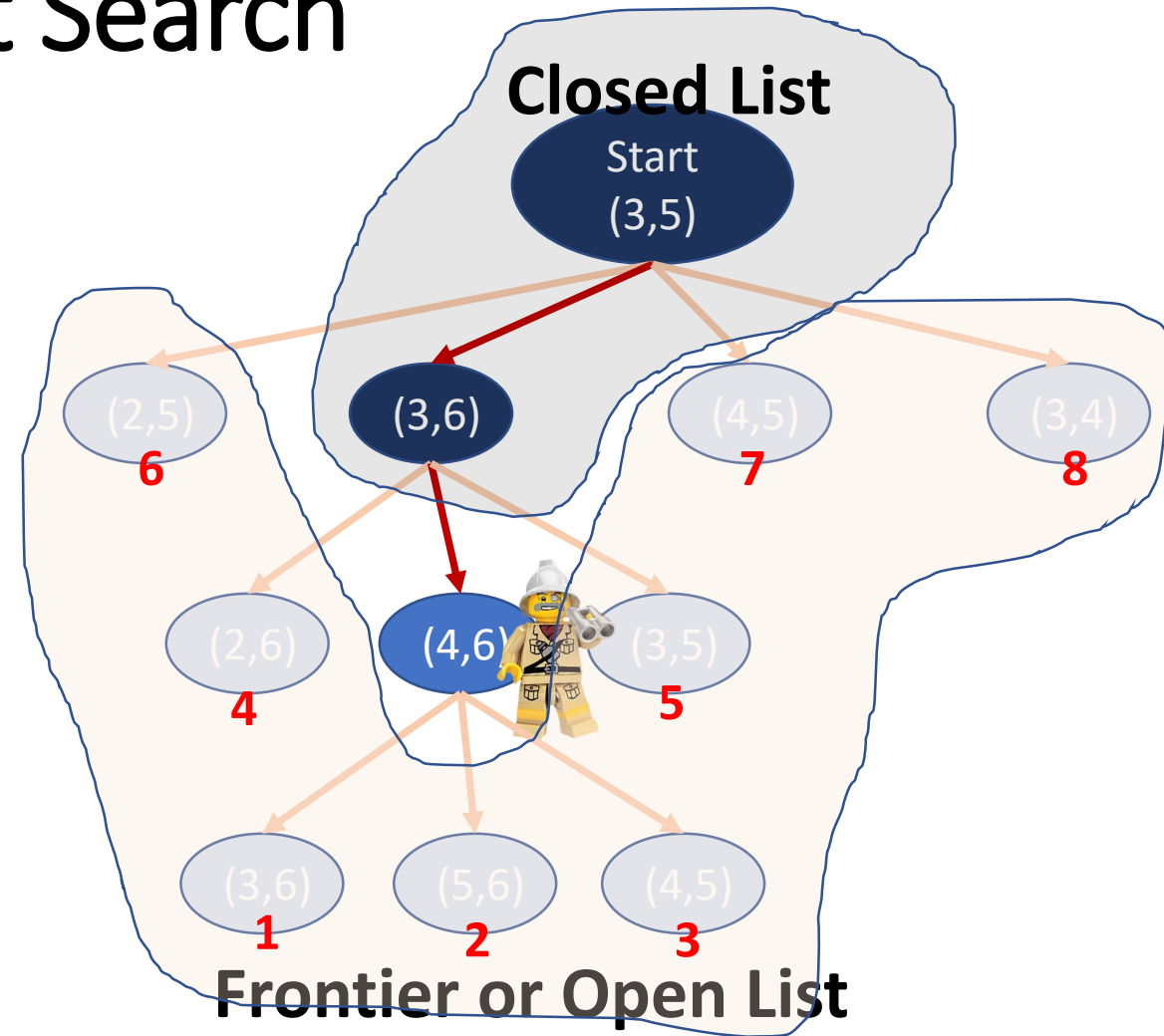
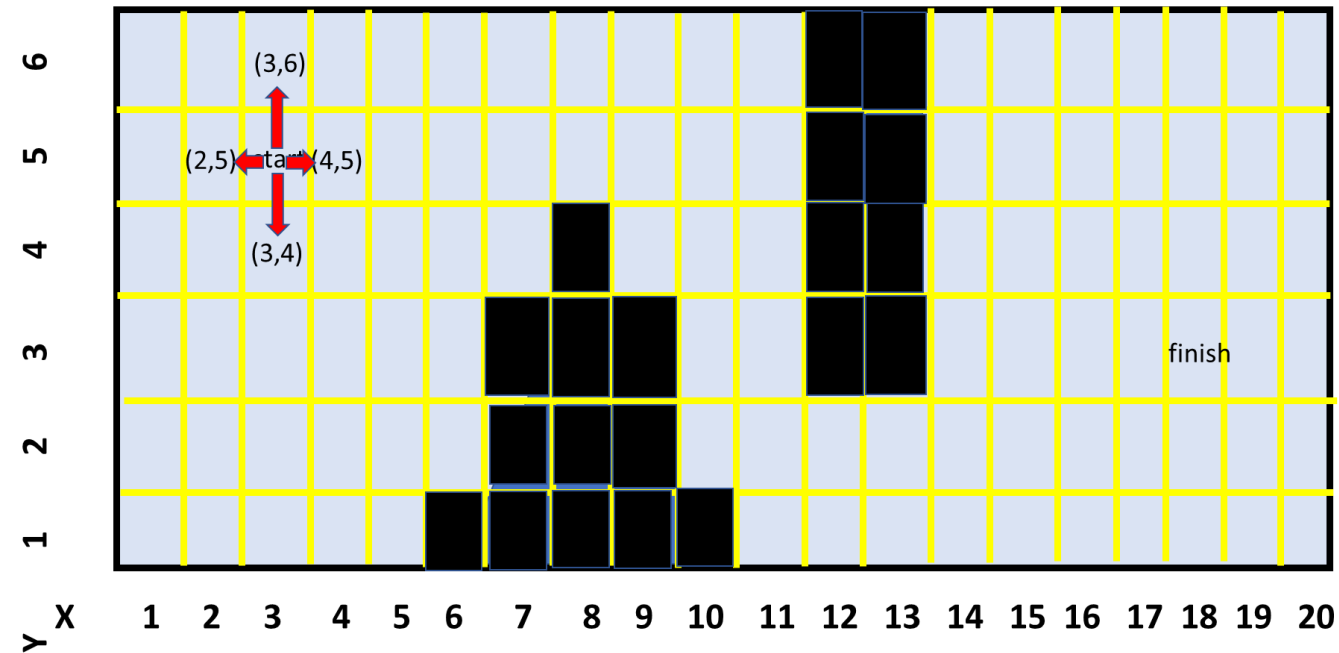
- **Soundness** (Ορθότητα) : All the solutions returned by the algorithm are feasible
- **Completeness** (Πληρότητα): If the problem is solvable the algorithm will return at least one solution
- **Optimality** ("Βελτιστότητα"???): The first solution returned by the algorithm is the optimal ← Optimality Criterion



# General Search Algorithm



# Depth First Search

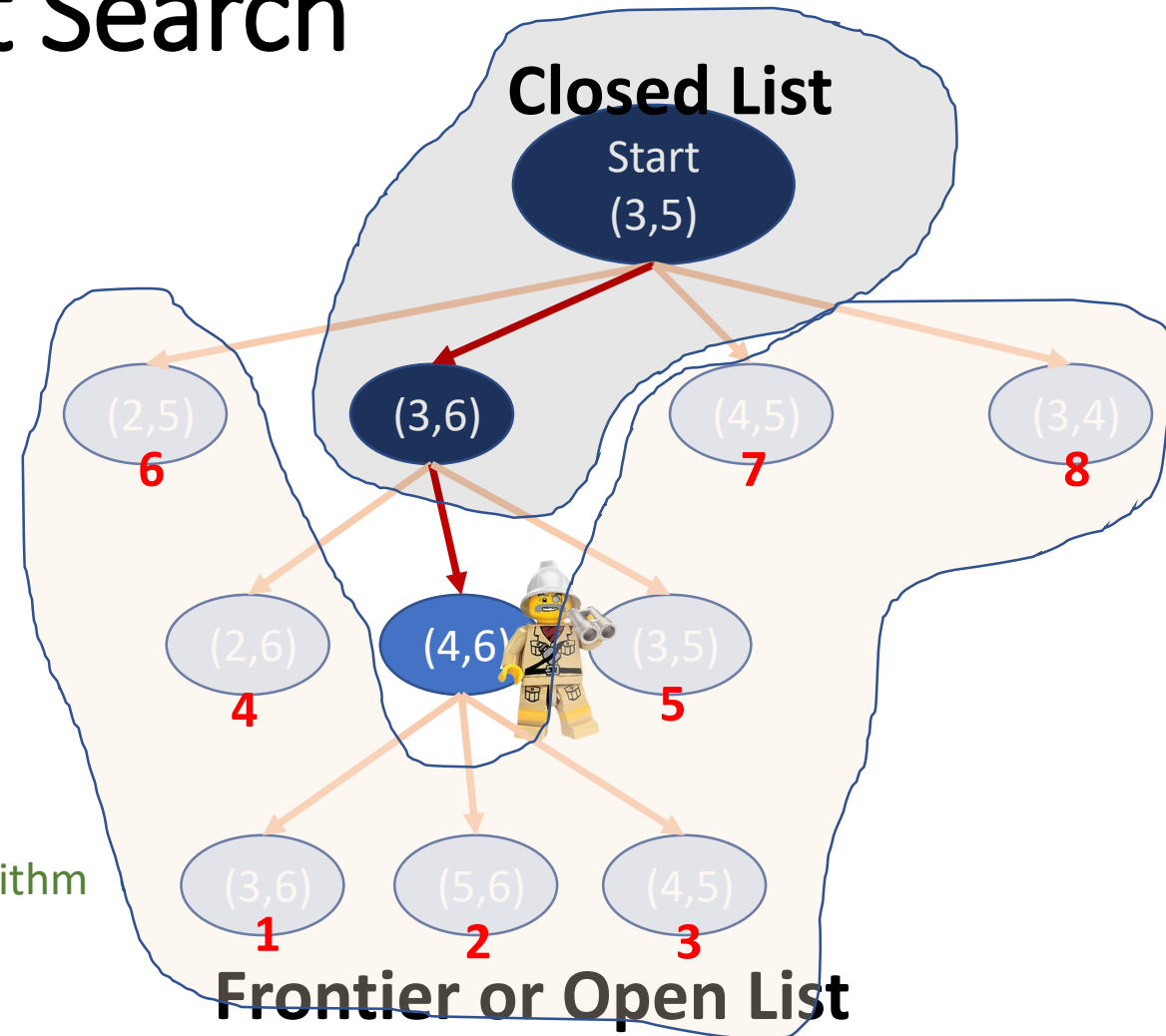
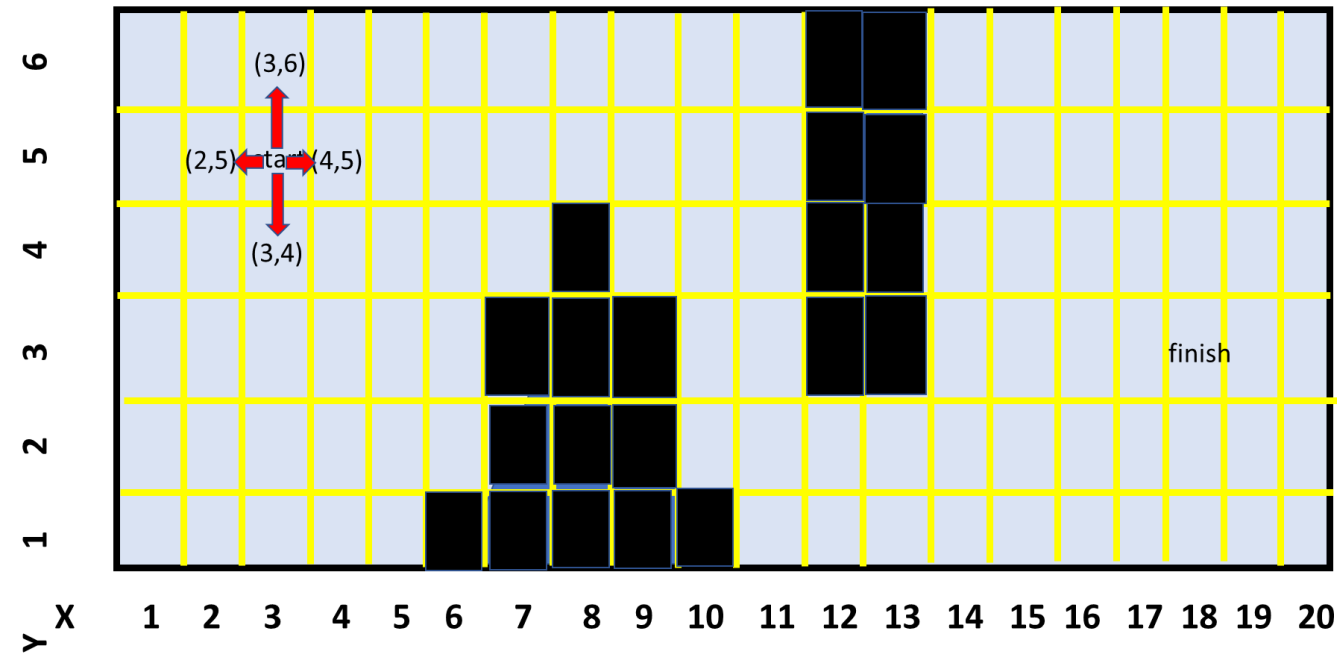


**New States at the Beginning of the Open List**

# Ο Αλγόριθμος DFS

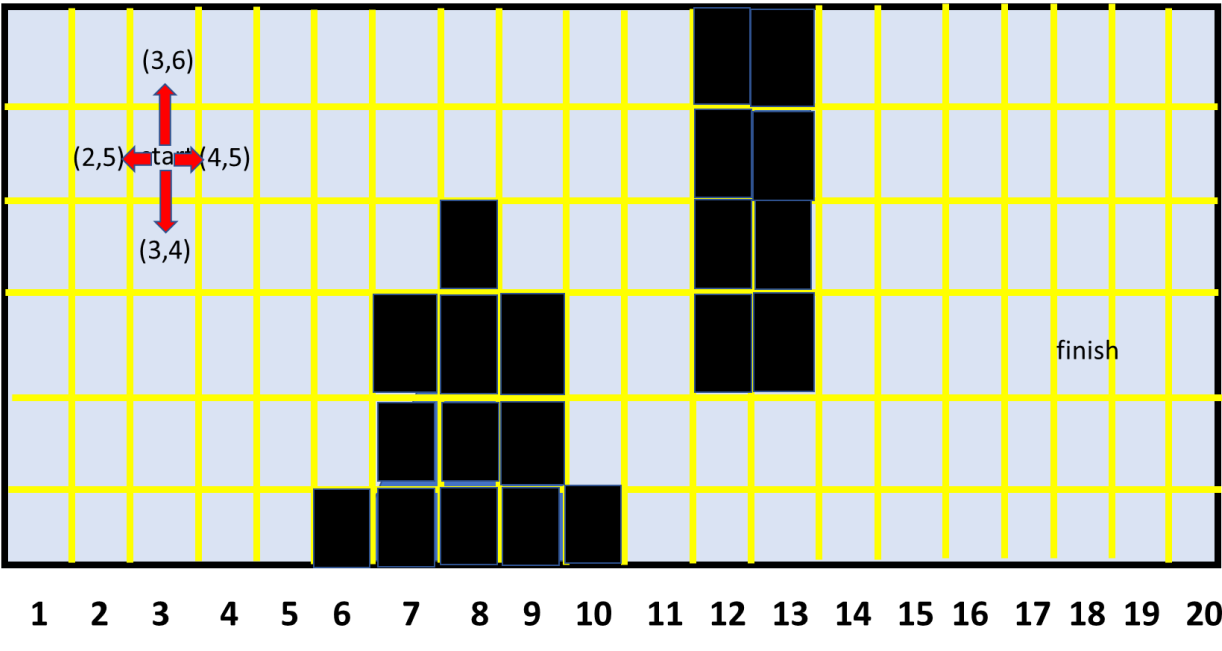
- Βάλε την **αρχική κατάσταση** στο **μέτωπο της αναζήτησης**.
- Αν το μέτωπο της αναζήτησης είναι κενό τότε σταμάτησε.
- Βγάλε την πρώτη **κατάσταση** από το μέτωπο της αναζήτησης.
- Αν η κατάσταση ανήκει στο **κλειστό σύνολο** τότε πήγαινε στο βήμα 2.
- Αν η κατάσταση είναι μία από τις **τελικές**, τότε ανέφερε τη **λύση**.
- Αν θέλεις και άλλες λύσεις πήγαινε στο βήμα 2. Αλλιώς σταμάτησε.
- Εφάρμοσε τους **τελεστές μετάβασης** για να βρεις τις **καταστάσεις-παιδιά**.
- Βάλε τις καταστάσεις-παιδιά στην αρχή του μετώπου της αναζήτησης.
- Βάλε την κατάσταση-γονέα στο κλειστό σύνολο.
- Πήγαινε στο βήμα 2.

# Depth First Search



- **Soundness** (Ορθότητα) : All the solutions returned by the algorithm are feasible
- **Completeness** (Πληρότητα): If the problem is solvable the algorithm will return at least one solution
- **Optimality** ("Βελτιστότητα"???): The first solution returned by the algorithm is the optimal ← Optimality Criterion

# Depth First Search

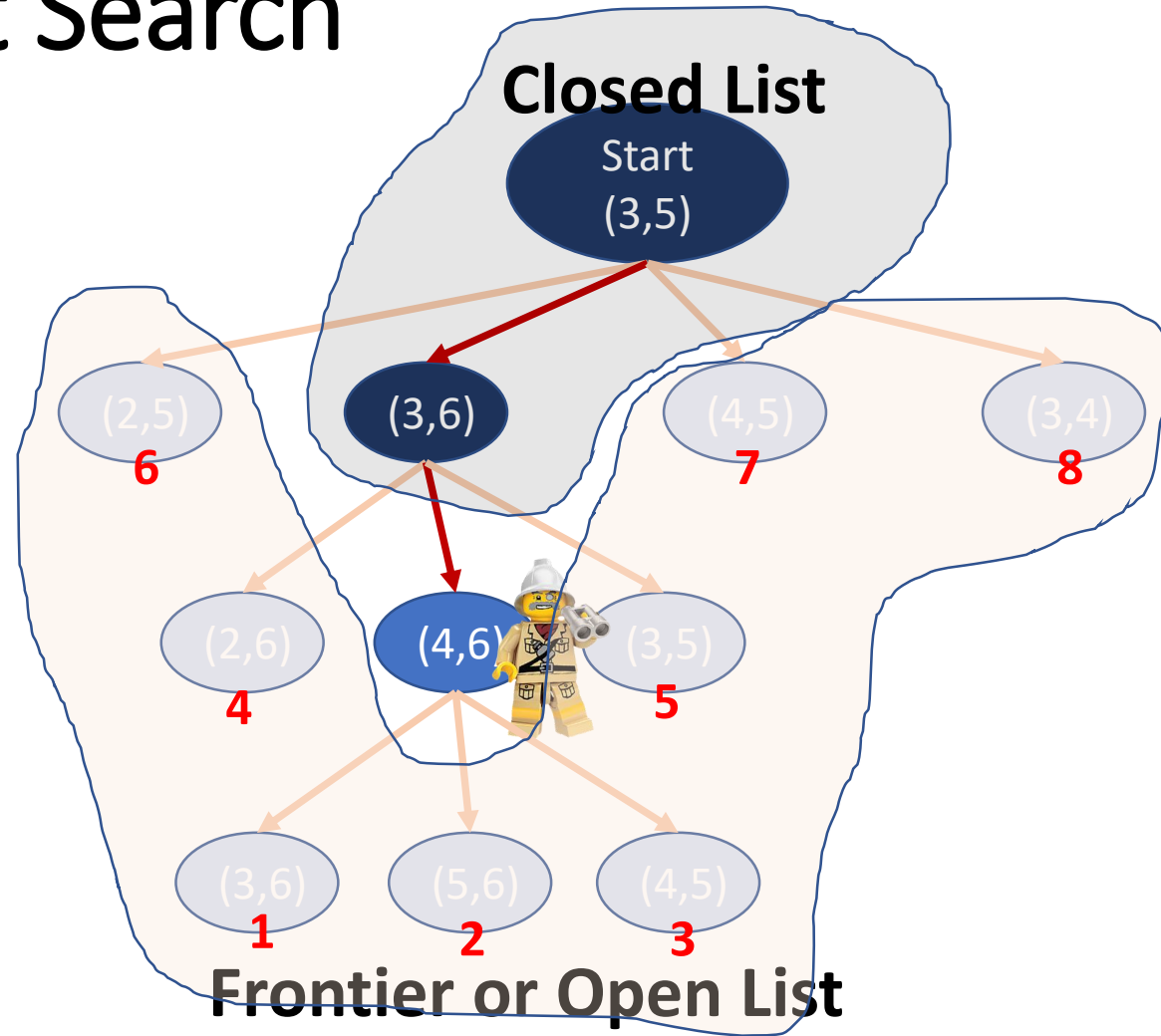


Worst-case running time  $O(b')$

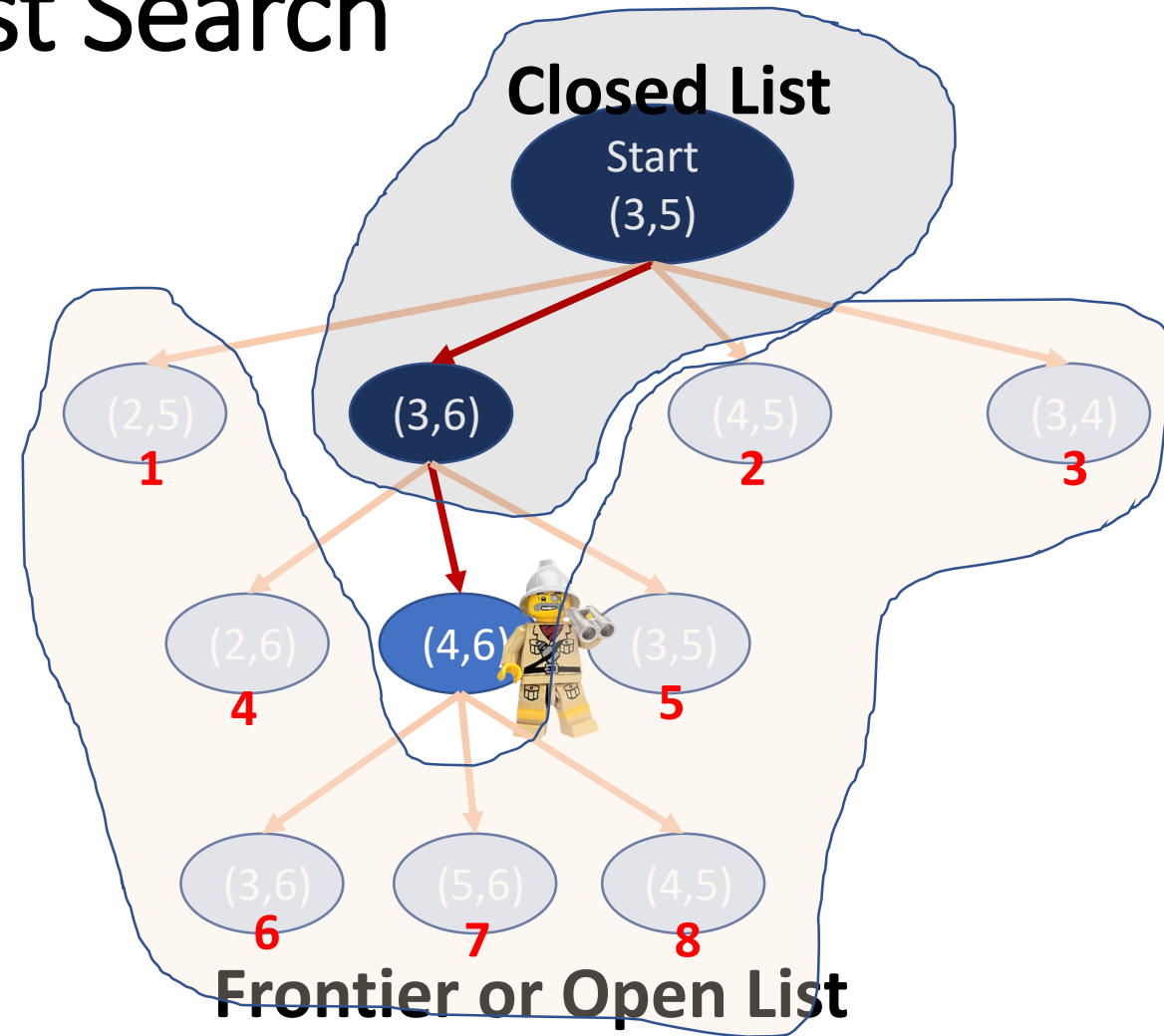
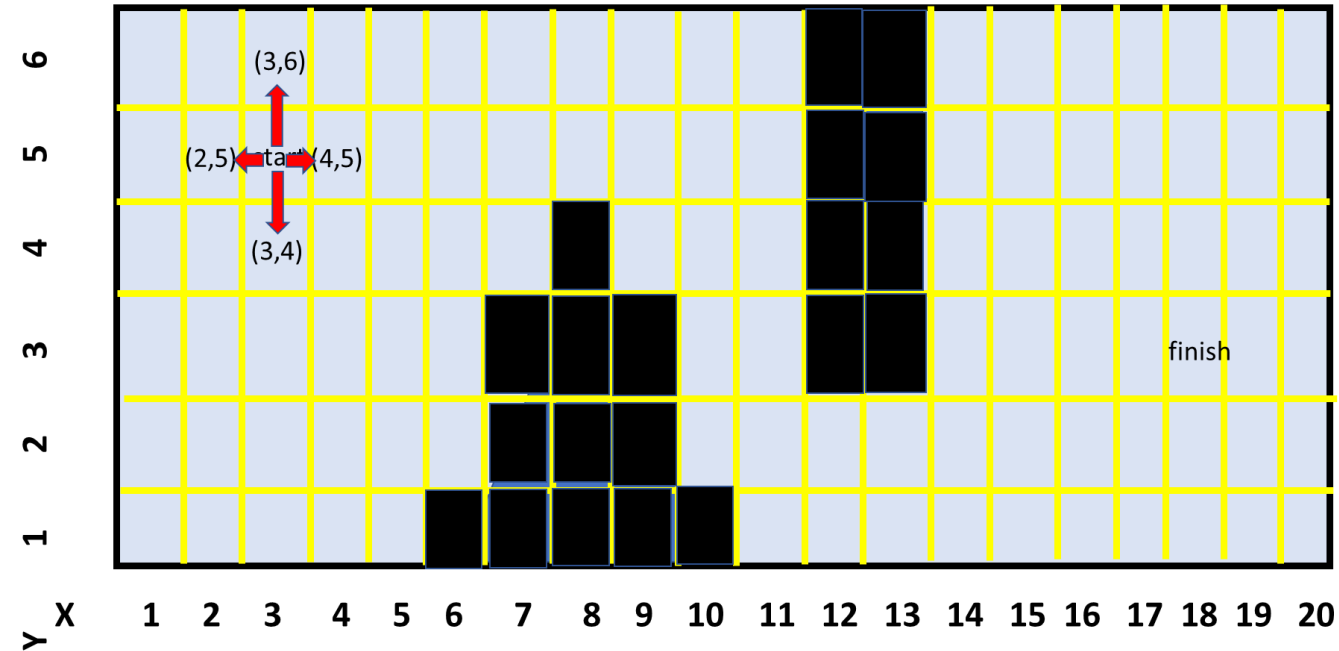
Worst-case memory  $O(bl)$

$b = \max$  branching factor

$l = \text{max depth of any node}$



# Breadth First Search

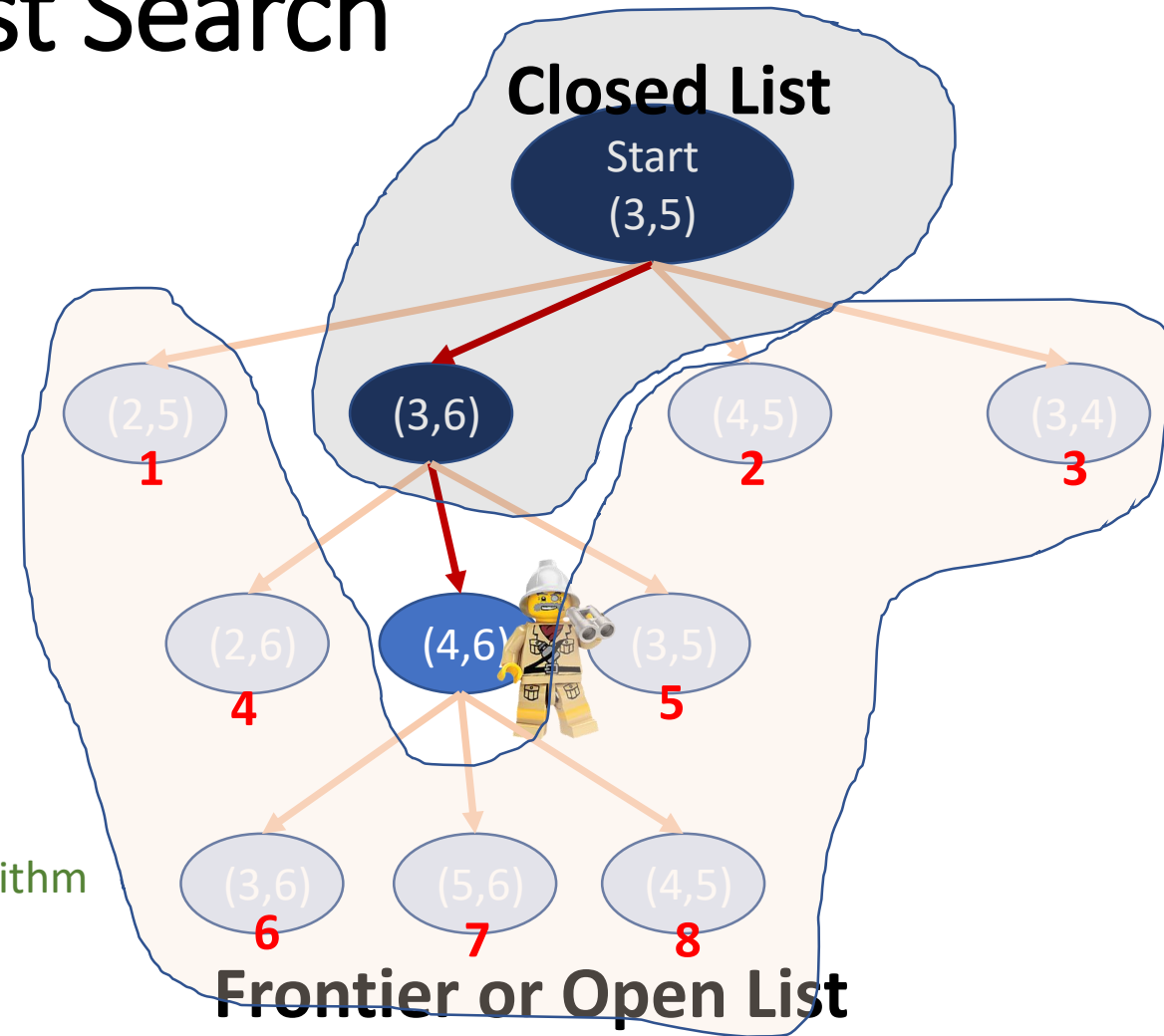
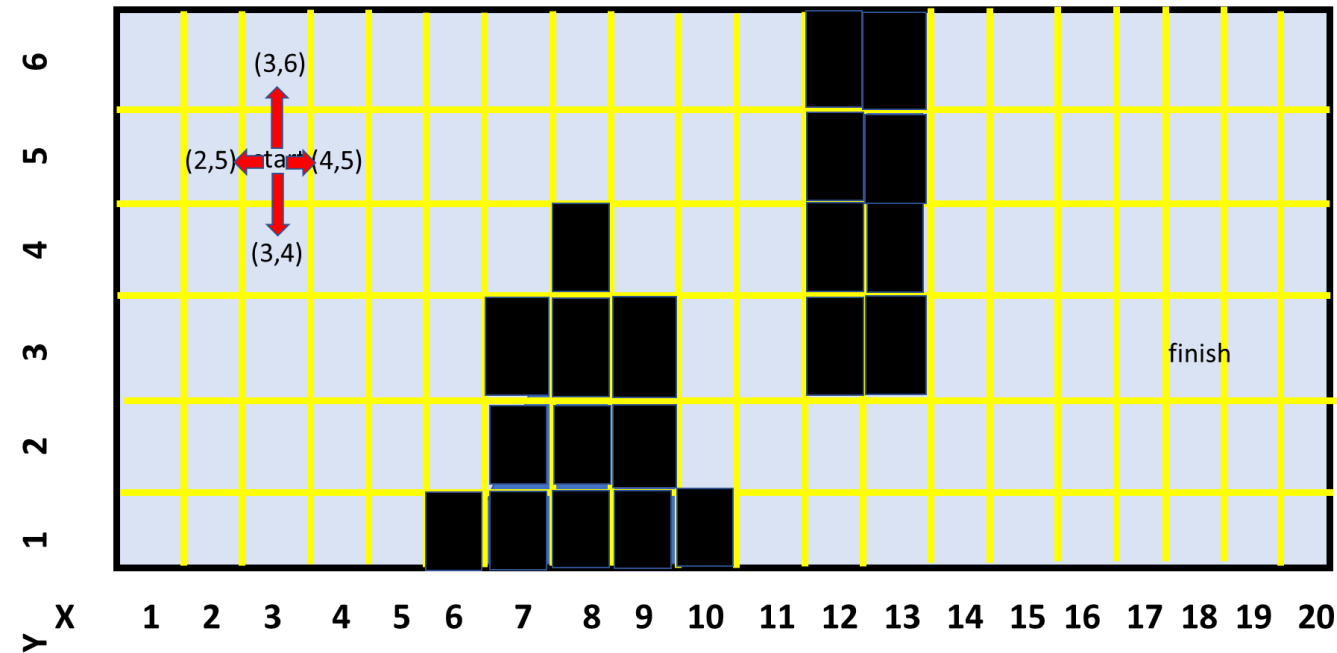


New States at the End of the Open List

# Ο Αλγόριθμος BFS

- Βάλε την **αρχική κατάσταση** στο **μέτωπο της αναζήτησης**.
- Αν το μέτωπο της αναζήτησης είναι κενό τότε σταμάτησε.
- Βγάλε την πρώτη **κατάσταση** από το μέτωπο της αναζήτησης.
- Αν η κατάσταση ανήκει στο **κλειστό σύνολο** τότε πήγαινε στο βήμα 2.
- Αν η κατάσταση είναι μία από τις **τελικές**, τότε ανέφερε τη **λύση**.
- Αν θέλεις και άλλες λύσεις πήγαινε στο βήμα 2. Αλλιώς σταμάτησε.
- Εφάρμοσε τους **τελεστές μετάβασης** για να βρεις τις **καταστάσεις-παιδιά**.
- Βάλε τις καταστάσεις-παιδιά στο τέλος του μετώπου της αναζήτησης.
- Βάλε την κατάσταση-γονέα στο κλειστό σύνολο.
- Πήγαινε στο βήμα 2.

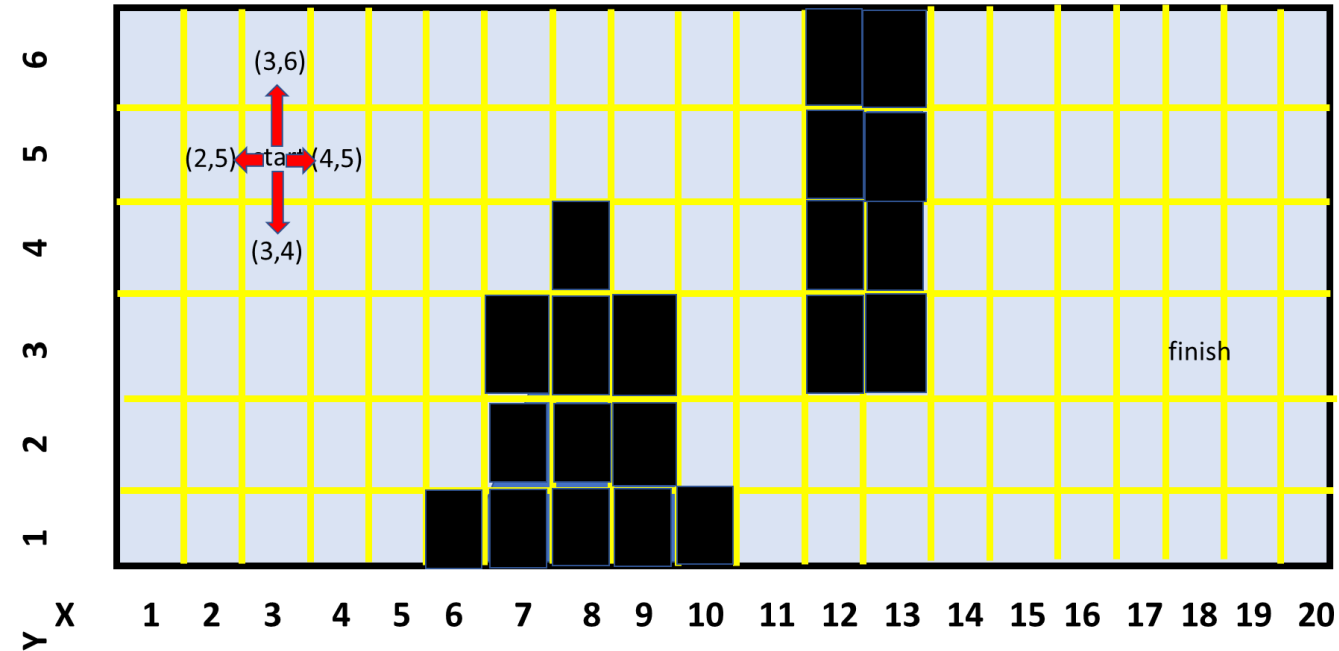
# Breadth First Search



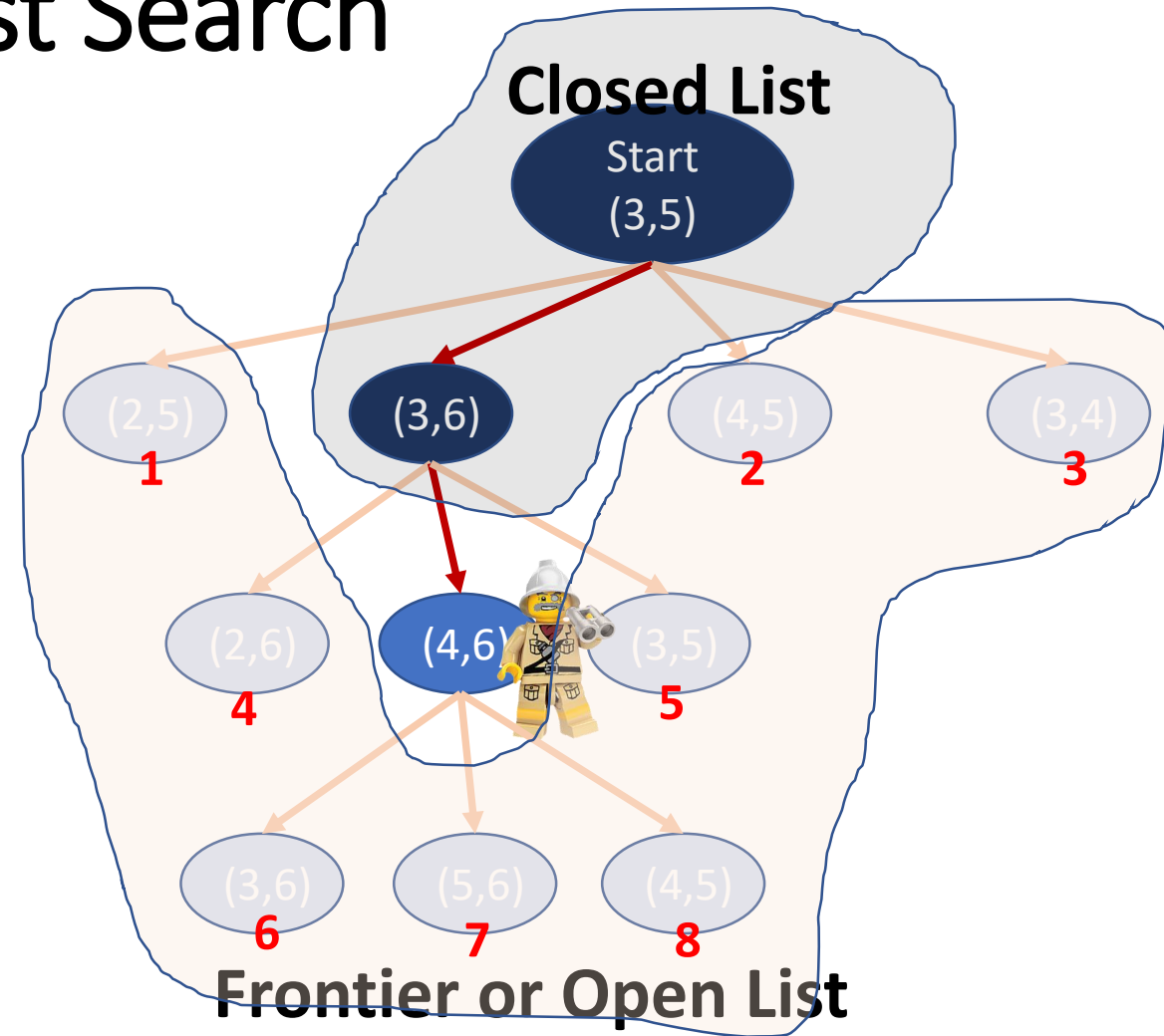
- **Soundness** (Ορθότητα) : All the solutions returned by the algorithm are feasible
- **Completeness** (Πληρότητα): If the problem is solvable the algorithm will return at least one solution
- **Optimality** ("Βελτιστότητα"???): The first solution returned by the algorithm is the optimal ← Optimality Criterion



# Breadth First Search



Worst-case complexity:  
memory  $O(|S|)$   
running time  $O(b|S|)$



# DFS vs BFS

- Sound
- Complete
- **Not Optimal**
- Time:  $O(b^l)$
- Memory:  $O(bl)$

- Sound
- Complete
- Optimal
- Time:  $O(b|S|)$
- Memory:  $O(|S|)$

# Iterative Deepening (IDS)

$\text{IDS}(\Sigma, s_0, g)$

for  $k = 1$  to  $\infty$  do

do a depth-first search, backtracking at every node of depth  $k$

if the search found a solution then return it

if the search generated no nodes of depth  $k$  then return failure

- Example:

1. Expand  $a$

2. Expand  $a, b, c$

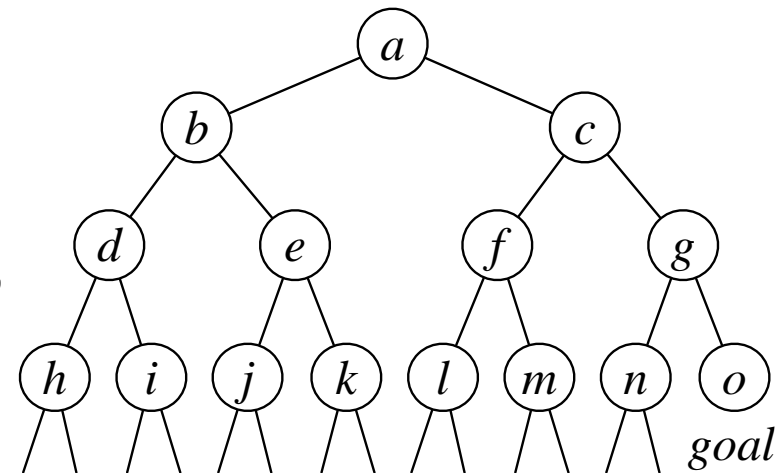
3. Expand  $a, b, d, e, c, f, g$

4. Expand  $a, b, d, h, i, e, j, k, c, f, l, m, g, n, o$

Solution path  $\langle a, c, g, o \rangle$

Total number of node expansions:

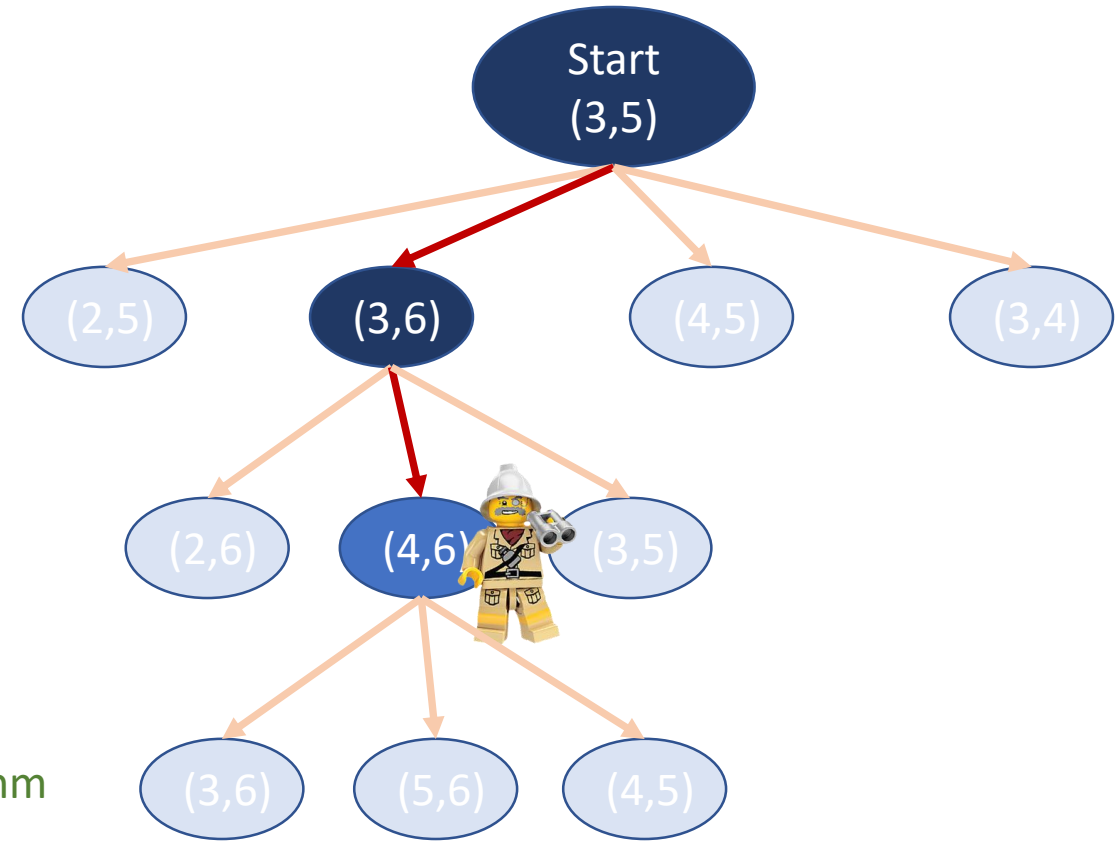
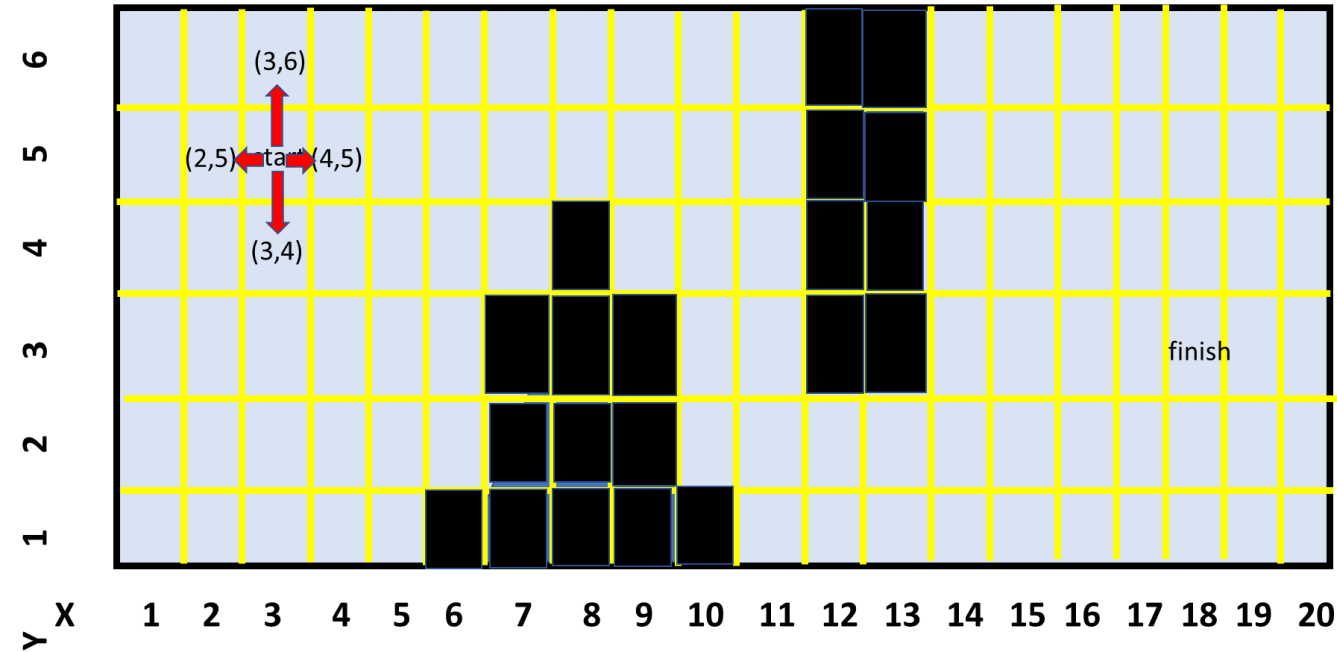
$$1 + 3 + 7 + 15 = 26$$



- If goal is at depth  $d$  and branching factor is 2:

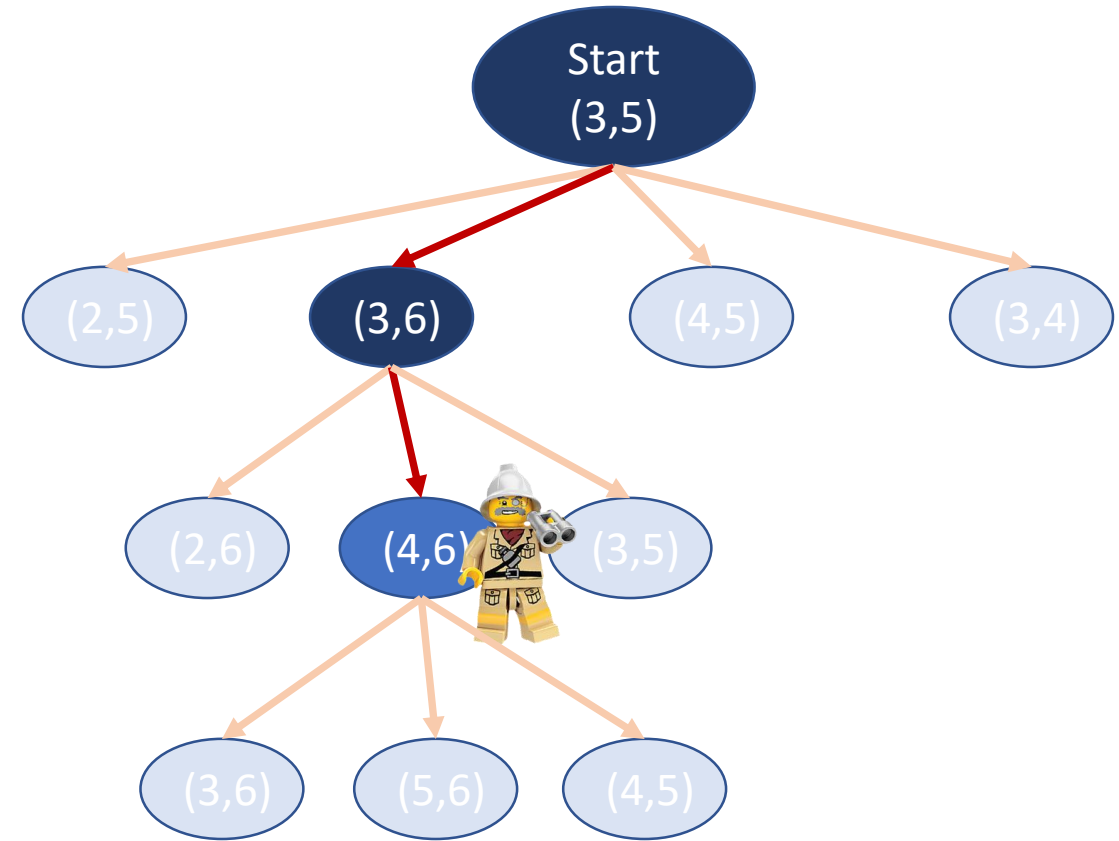
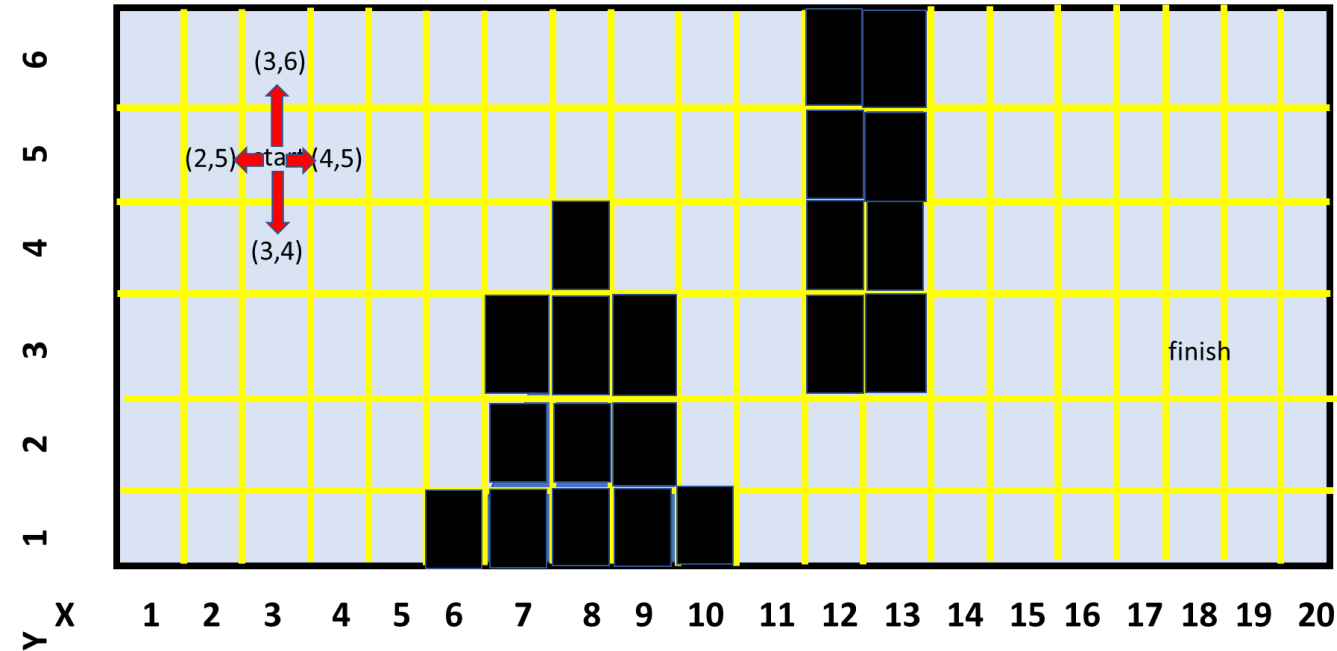
- $\sum_1^d (2^i - 1) = 2^{d+1} - d - 2 = O(2^d)$

# Iterative Deepening



- **Soundness** (Ορθότητα) : All the solutions returned by the algorithm are feasible
- **Completeness** (Πληρότητα): If the problem is solvable the algorithm will return at least one solution
- **Optimality** ("Βελτιστότητα"??): The first solution returned by the algorithm is the optimal ← Optimality Criterion

# Iterative Deepening



memory requirement  $O(bd)$  vs.  $O(b^d)$  for breadth-first search  
 worst-case running time  $O(b^d)$ , vs.  $O(b^l)$  for DFS

$b$  = max branching factor

$d$  = min solution depth if there is one, otherwise max depth of any node

# ΑΣΚΗΣΗ

Το παρακάτω σχήμα παρουσιάζει ένα γράφο αναζήτησης, όπου ο αριθμός μέσα σε αγκύλες δίπλα σε κάθε κόμβο αντιστοιχεί στην τιμή μιας ευριστικής συνάρτησης. Οι κόμβοι που έχουν τιμή 0, είναι οι τερματικοί κόμβοι της αναζήτησης. Θεωρώντας ότι οι αλγόριθμοι επιστρέφουν τη πρώτη τερματική κατάσταση που συναντούν να συμπληρώστε το παρακάτω πίνακα:

Αλγόριθμος	Τερματική Κατάσταση	Μήκος μονοπατιού
DFS		
BFS		
ID(2,2)		

