## Material Mathe – Abi-Vorbereitung:

# Analytische Geometrie: Gerade g trifft senkrecht auf Ebene E

Die Übungen steigern sich im Schwierigkeitsgrad – skizzieren Sie zunächst die Situation.

## Übung 1 – leicht

Gegen sind eine Ebene E und ein Punkt P.

Stellen Sie eine Paramtergleichung der Geraden g auf, die durch P verläuft und senkrecht auf die Ebene E trifft.

E: 
$$\vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ 0 \end{pmatrix} + k \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + l \cdot \begin{pmatrix} -2 \\ 6 \\ 6 \end{pmatrix}$$
 mit  $k, l \in \mathbb{R}$  und  $P(4 \mid 2 \mid -4)$ 

# Übung 2 – mittel

Gegen sind eine Ebene E und ein Punkt P.

Bestimmen Sie den Abstand des Punktes P von der Ebene E.

E: 
$$\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 3 \end{pmatrix} + k \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 8 \\ -1 \end{pmatrix} + l \cdot \begin{pmatrix} -2 \\ 5 \\ 2 \end{pmatrix}$$
 mit  $k, l \in \mathbb{R}$  und  $P(-4 \mid 5 \mid -4)$ 

## Übung 3 - mittel

Gegen sind eine Ebene E und ein Punkt P.

Bestimmen Sie die Koordinaten des Punktes P', der entsteht, wenn man den Punkt P an der Ebene E spiegelt.

E: 
$$\vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} + k \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix} + l \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \\ -2 \end{pmatrix}$$
 mit  $k, l \in \mathbb{R}$  und  $P(10 \mid 10 \mid 10)$ 

## Übung 4 – schwer (je nach gewähltem Ansatz ;-))

Gegen sind eine Ebene E und drei Punkte P und Q und M.

Entscheiden Sie mithilfe einer Rechnung, ob die Punkte P und Q bzw. die Punkte P und M auf derselben Seite der Ebene E liegen oder auf zwei verschiedenen Seiten.

$$E: \quad \vec{x} = \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ -7 \end{pmatrix} + k \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 7 \end{pmatrix} + l \cdot \begin{pmatrix} -8 \\ 7 \\ 7 \end{pmatrix} \text{ mit } k, l \in \mathbb{R},$$

$$P(3 | 4 | 5)$$
,  $Q(3 | -4 | 3)$  und  $M(-4 | 14 | 3)$ 

Ubung 3: D' (10 | 9 | 11) Übung 4: P und Q liegen auf derselben, P und M auf verschiedenen Seiten von E.

$$\text{2.8} \approx : \text{2 gaud} \quad \mathbb{A} \Rightarrow \tau \text{ im } \begin{pmatrix} \delta \\ 2 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \cdot \tau + \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ 4 - \end{pmatrix} = \tilde{x} : : \text{1 gaud} \quad \mathbb{B}$$

Kontrolliösungen: