1. 取步长h=0.25, 用显示Euler方法编程求解常微分方程初值问题:

$$\begin{cases} y' = \cos 2x + \sin 3x, & x \in [0, 1] \\ y(0) = 1, \end{cases}$$

2. 取步长h=0.05, 用改进的 Euler 方法编程求解常微分方程初值问题:

$$\begin{cases} y'(x) = x^2 + y^2, & x \in [0, 0.5] \\ y(0) = 1, \end{cases}$$

3. 取步长 h=0.2,从 x=0 直到 x=1 用古典 Runge-Kutta 方法编程求解初值问题

$$\begin{cases} y' = y - \frac{2x}{y}, & x \in [0, 1] \\ y(0) = 1, \end{cases}$$

- 4. (1) 生成400个二维高斯分布的数据点,并对数据点做随机拉伸和压缩
  - (2) 对数据点做主成分分析,画出主成分,将数据绘制到新的坐标空间中
  - (3) 压缩数据至1维, 并还原致2维