

# クラスタリング・分類・相関ルール分析に関する調査

文理学部情報科学科

5419045 高林 秀

2021 年 8 月 8 日

## 概要

本稿は、今年度データ科学 2 のレポート課題として、「クラスタリング」、「分類（決定木）」および「相関ルール分析」の各分野に関して、各手法の特徴やアルゴリズムの説明、解説を行うものである。また、1 年に学習した latex を使用した pdf 作成の復習も兼ねるものである。

## 1 目的

本稿は、今年度データ科学 2 の最終レポート課題として「クラスタリング」、「分類（決定木）」および「相関ルール分析」の各分野に関して、各手法の特徴やアルゴリズムの説明、数式等の解説を行うものである。それぞれの分野の各手法の特徴やアルゴリズムに言及した上、使われている数式の解説を記載する。

## 2 基礎導入

### 2.1 データマイニングとは

まず、本稿で取り扱う分野の大元であるデータマイニングについて軽く説明する。データマイニングとはビッグデータや企業の顧客情報など大量のデータが格納されたデータベースから機械学習や、統計計算等の手法でデータを分析し、そこから新たに有用な知識を発見しようという技術である。データマイニングでは、データから得られる情報を分析しそこから得ることのできる知識を取り出すことである。つまり、そこから先の得た知識をどう利用するかは人間の判断に委ねられている。すなわち、データマイニングで行うのは知識の発掘であり、発掘した知識が有用か、またどう活用するかは人間が判断する、ということだ。

大きく分けてデータマイニングは以下のように分類することができる。

1. 仮説検証的データマイニング
  - (a) 推定
  - (b) 分類
2. 知識探索的データマイニング
  - (a) 相関ルール分析 (アソシエーションルール分析)
  - (b) クラスタリング

上記の分類はあくまで大別であり、実際は手法により当てはまる分野は異なる。

仮説検証的データマイニングは、仮説に沿ってある課題を解決するためにデータ分析を行うことを示す。機

機械学習の手法のみならず従来までの統計的手法が使用されることも多い。

知識探索的データマイニングは、データベース上のデータから特定のルールや規則、パターンといった知識を探索するためにデータ分析を行うことを示す。こちらは機械学習やディープラーニング等の手法が多く用いられる。本稿で扱うのは、上記に示した「分類」、「クラスタリング」、「相関ルール分析」の3つである。

## 2.2 機械学習について

機械学習とは、コンピュータがある問題とその答えを使用して学習を行い、データに潜むパターン等を識別、発見する技術である。この機械学習は大きく3つに系統が別れている。初めに「教師あり学習」、次に「教師なし学習」、最後に「強化学習」である。そしてそこから更に、求める結果や手法によって「分類」「回帰」「クラスタリング」「次元削減」「Q-Learning」と細かく分割される。

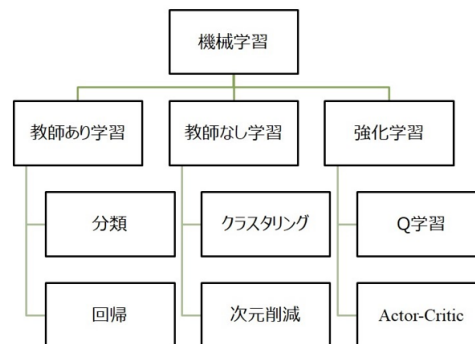


図1 機械学習の枠組み

今回説明する、分類は上記分類の「教師あり学習」に、クラスタリングは「教師なし学習」に該当する。教師あり学習と教師なし学習についての具体的な説明は本稿では省略するが、以下にその件に関して記載したレポートのURLを添付する。

- 機械学習に関する説明をした過去のレポート:<https://drive.google.com/file/d/1wyoR020UmgIYsxAjkFKLzxhwPv/view?usp=sharing>

## 3 クラスタリング

クラスタリングとは、データのグループ分けを行うことをいい、クラスタリングの結果で生じた各データ集合をクラスと呼ぶ。このクラスには同じ様な性質をもったデータが集められている。前章で示したとおりクラスタリングは与えられたデータから計算によって自動的にデータの分類、グルーピングを行うので、機械学習では教師なし学習に分類される。

クラスタリングは、知識探索的な手法であるので得られた結果は何らかの基準にしたがってクラスが形成されている。よって、客観的な証拠としてクラスタリングを用いるのは適切ではなく、データの要約など知識や知見を得るために使用するのが適切である。

なお、今後の説明で登場するクラス内距離やクラス間距離などの用語については、今回の課題の説明範

圏外なので以下のレポートを参照いただきたい。

- クラスタリングの基本に関する説明レポート:<https://drive.google.com/file/d/1JP3DnVNmH3k0tEULt73u79zJTb/view?usp=sharing>

クラスタリングは以下に示すように、階層的クラスタリングと非階層的クラスタリングの2つに大別される。

1. 非階層的クラスタリング
  - (a) k-平均法 (k-means)
2. 階層的クラスタリング
  - (a) 凝集型 (階層的併合型)
  - (b) 分岐型

その他にも、クラスタ間の密度に基づく手法や、格子に基づく手法などに分けることもできるが本稿では省略する。

### 3.1 非階層的クラスタリング

非階層的クラスタリングは、予め分割するクラスタ数  $K$  を定めたとき、クラスタ内距離を最小にしつつかつクラスタ間距離を最大にするようにクラスタを決定する方法である。このクラスタ数  $K$  は人間が定めるハイパラメータであり、この  $K$  の値によってクラスタリング結果は大きく変化する可能性がある。このクラスタ数  $K$  を自動的に決定する手法はいくつか考案されているが、本稿での説明は省略する。

以下は、非階層的クラスタリングの流れの概要である。

1. クラスタ数  $K$  を定める。
2. データを  $k$  分割する。
3. なにかの基準や手法を用いてデータ分割が改善するように、データ分割を繰り返す。
4. 3の結果、改善される度合いが小さくなればクラスタリング終了。

非階層的クラスタリングの長所として、計算量の少なさが挙げられるだろう。これは後述する手法からも分かるとおり、予め分割するクラスタ数  $K$  にしたがってデータを分けていく。したがって、階層的クラスタリングよりも計算量が小さくなるという利点がある。よって、データ量が大きい場合 (例: ビックデータ分析) のデータ分析に適した手法とされている。

反対に、短所として「初期値依存性」が挙げられるだろう。これは、クラスタリングを行う際、最初に  $K$  個の初期中心点を選択する必要があり、この初期中心点の選択によってクラスタリング結果が大きく変化するという問題である。

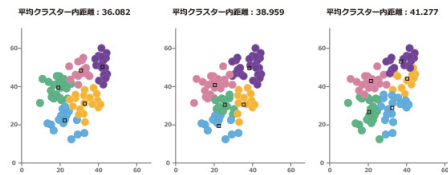


図29.初期値の違いによる結果の違い

図 2 非階層的クラスタリングの初期値依存性の例

出典：

[https://www.albert2005.co.jp/knowledge/data\\_mining/cluster/non-hierarchical\\_clustering](https://www.albert2005.co.jp/knowledge/data_mining/cluster/non-hierarchical_clustering)

よって、非階層的クラスタリングを行う際には何回かクラスタリングを実行し、平均クラス内距離が最小となる初期中心点を選択する必要がある。

次は非階層的クラスタリングの代表的手法である k-平均法 (k-means) について説明する。

### 3.1.1 k-平均法 (k-means)

k-平均法では以下の目的関数を利用する。この目的関数を最小化するようにデータの分割を行いクラスタを形成していく手法である。

$$\sum_{k=1}^K \sum_{x_i \in C_k} (x_i - c_k)^2$$

k-平均法のアルゴリズムは以下に示すとおりである。

1. クラスタ数  $K$  定める。
2. ある手法に基づいてデータ集合を  $K$  個のクラスタに分割し、その結果を  $C_n$  とする
3. 2 の結果を  $C_{pre}$  として保持しておく  
以降は、 $C_n$  と  $C_{pre}$  が一致するまで繰り返しをする。
4. 各クラスタの重心を計算し、それを新たなクラスタの中心点とする
5. 各データと中心点との距離を計算し、最も近い中心点のクラスタへの割当を行う→この結果を  $C_n$  とする：目的関数の値が最小化するようにクラスタを更新する
6.  $C_n$  と  $C_{pre}$  が一致した場合はクラスタリングを終了し、そうでない場合はもう一度 3 を行う。  
クラスタリング終了時
7.  $C_n$  を結果として出力する

k-平均法では、各クラスタの重心とクラスタ内距離の総和の局所最適解<sup>\*1</sup>を求めていく。この局所最適解が収束するまで、クラスタ割当の更新と重心の再計算を行う。

## 3.2 階層的クラスタリング

前章の非階層的クラスタリングとは異なり、階層的クラスタリングでは予めクラスタ数  $K$  を定める必要はない。階層的クラスタリングでは、似た性質を持つデータ同士を 1 つずつグルーピングしていくようにクラス

<sup>\*1</sup> ある範囲における関数の最小値（極小値）のこと。その関数の真の最小値（極小値）は大域的最適解と呼ばれる。

タを形成する。データを1つ1つ比較していき、似ているデータ同士、およびクラスタを新たなクラスタとして併合する。そうすると、最終的に階層構造のようなクラスタが出来上がるので、階層的クラスタリングと呼ばれている。

先に示したが、階層的クラスタリングには凝集型と分岐型に大別することができる。

■**凝集型** 凝集型は階層併合的クラスタリングとも呼ばれ、各データを1つのクラスタとして考え各クラスタをボトムアップに併合することで、新たなクラスタを形成する手法である。手順の概要は下記に示すとおり。

1. 各データをそれぞれ1つのクラスタと見なす
2. クラスタの数が1になるまで次の操作を繰り返す
  - (a) それぞれクラスタ間で距離を算出する
  - (b) 最も距離が小さいペア同士を新たなクラスタとして併合する

図で示すと以下のようなになる。左から順番に進捗する。

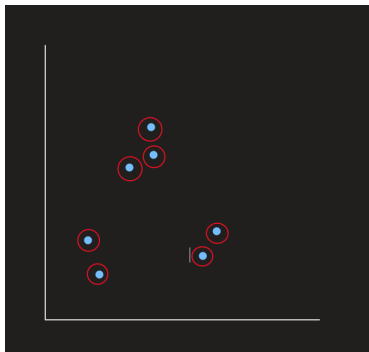


図3 1. 各データをそれぞれ1つのクラスタと見なす

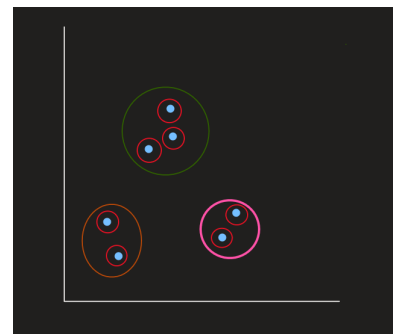


図4 2 (a),(b) クラスタの併合

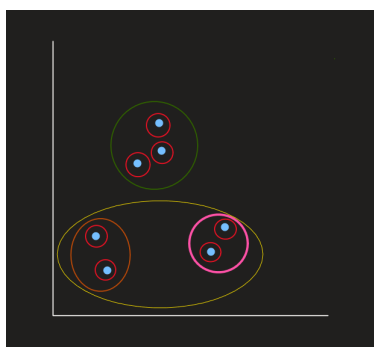


図5 3. クラスタの併合その2

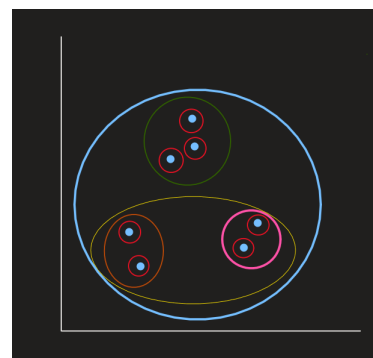


図6 4. クラスタ数が1になったのでクラスタリング終了

凝集型クラスタリングの具体的な計算手法には、利用するクラスタ間距離に応じて下記のものが存在する。

- ウォード法 (ward 法)
- 群平均法
- 重心法
- 最短距離法 (単リンク法, 単連結法)

- 最長距離法 (完全リンク法, 完全連結法)
- 群間平均法

- $C_x$  : クラスタの集合
- $D(C_x, C_y)$  : クラスタ間距離
- $M(C_x)$  : クラスタの重心

■最短距離法 最短距離法は、異なるクラスタに属している 2 データ間距離の最小値をクラスタ間距離とする手法である。すなわち、最近点距離である。

$$D(C_g, C_h) = \min_{i \in C_g, j \in C_h} (dist(i, j))$$

■最長距離法 最長距離法は、異なるクラスタに属している 2 データ間距離の最大値をクラスタ間距離とする手法である。すなわち、最遠点距離である。

$$D(C_g, C_h) = \max_{i \in C_g, j \in C_h} (dist(i, j))$$

■群間平均法 群間平均法は、異なるクラスタに属している 2 データ間距離の平均値をクラスタ間距離とする手法である。すなわち、平均距離である。

$$D(C_g, C_h) = \frac{1}{|C_g| \times |C_h|} \sum_{i \in C_g, j \in C_h} dist(i, j)$$

■重心法 重心法は、各クラスタの重心を求め、その距離をクラスタ間距離とする手法である。すなわち、重心間距離である。

$$D(C_g, C_h) = dist(M(C_g), M(C_h))$$

■ウォード法 ウォード法は「重心との誤差の改善度合い」に着目し計算する手法である。

$$D(C_g, C_h) = E(C_g \cup C_h) - E(C_g) - E(C_h) = E(C_g \cup C_h) - (E(C_g) + E(C_h))$$

なお、 $E(C) = \sum_{x \in C} dist(x, M(C))^2$  : 重心からの距離の二乗和

※  $D(C_g, C_h)$  : クラスタまたはデータの「併合後の誤差」－「併合前の誤差」

■分岐型 凝集型とは異なりトップダウンに各データを分割することでクラスタを形成する。データ集合全体を 1 つのクラスタと見なし、徐々に小さいクラスタへ分割していく手法である。現在のところあまり使用されていない手法と言える。

なお、本稿では分岐型の具体的な説明は省略するが、具体的手法の例として「Diana 法」が存在する。

### 3.3 非階層的クラスタリングと階層的クラスタリングの長所と短所

前章でも述べたが、非階層的クラスタリングの長所として、計算量の少なさが挙げられるだろう。反対に、短所として「初期値依存性」が挙げられるだろう。ここでは、その他の長所と短所について説明する。

非階層的クラスタリングの長所として、目的関数を適切に選択することでデータの背景に潜むモデルを考察することができる、という点が挙げられる。これは、 $k$ 、である。また、短所としては階層的クラスタリングの長所として、重心を用いない手法であれば様々な

## 4 分類

## 5 相関ルール分析

## 6 まとめ