# 202年度京大数学(文系)の問題

tt0801

#### 2025年1月24日

# 1 大問1

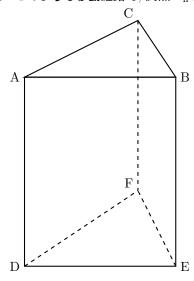
 $5.4 < \log_4 2022 < 5.5$  であることを示せ、ただし、 $0.301 < \log_{10} 2 < 0.3011$  であることは用いてよい、

#### 2 大問 2

下図の三角柱 ABC-DEF において、A を始点として、辺に沿って頂点を n 回移動する. すなわち、この移動経路

$$P_0 o P_1 o P_2 o \cdots o P_{n-1} o P_n \quad ($$
trib  $P_0 = A)$ 

において、 $P_0P_1,P_1P_2,\cdots,P_{n-1}P_n$  はすべて辺であるとする。また、同じ頂点を何度通ってもよいものとする。このような移動経路で、終点  $P_n$  が A,B,C のいずれかとなるものの総数  $a_n$  を求めよ。



## 3 大問3

xy 平面上の 2 直線  $L_1,L_2$  は直交し、交点の x 座標は  $\frac{3}{2}$  である。また、 $L_1,L_2$  はともに曲線  $C:y=\frac{x^2}{4}$  に接している。このとき、 $L_1,L_2$  および C で囲まれる図形の面積を求めよ.

### 4 大問 4

a,b を正の実数とする.直線 L:ax+by=1 と曲線  $y=-\frac{1}{x}$  との 2 つの交点のうち,y 座標が正のものを P,負のものを Q とする.また,L と x 軸の交点を R とし,L と y 軸の交点を S とする.a,b が条件

$$\frac{PQ}{RS} = \sqrt{2}$$

を満たしながら動くとき、線分 PQ の中点の軌跡を求めよ.

### 5 大問 5

四面体 OABC が

$$OA = 4$$
,  $OB = AB = BC = 3$ ,  $OC = AC = 2\sqrt{3}$ 

を満たしているとする. 点 P を辺 BC 上の点とし,  $\triangle OAP$  の重心を G とする. このとき, 次の各問に答えよ.

- (1)  $\overrightarrow{PG} \perp \overrightarrow{OA}$  を示せ.
- (2) P が辺 BC 上を動くとき, PG の最小値を求めよ.