2018 IC Design Contest Preliminary

研究所組標準元件數位電路設計

Huffman Coding

1. 問題描述

赫夫曼編碼(Huffman Coding)是一種用於無損壓縮的可變長度編碼演算法,由 David Albert Huffman 於 1952 年發明(參考圖 1)。本題要請各位參賽者完成 Huffman Coding 的編碼產生器 (huffman 電路),輸入為原始資料,參賽者應該就輸入資料進行統計,並依統計結果產生對應的 Huffman Code 作為輸出,細節描述於後 2.3 系統功能描述一節。

本電路各輸入輸出信號的功能說明,請參考表 1。本電路系統方塊圖請參考圖 2.。每個參賽隊 伍必須根據下一節所給的設計規格及附錄 E 中的測試樣本完成設計驗證。

本次 IC 設計競賽比賽時間為<u>上午 08:30 到下午 08:30</u>。當 IC 設計競賽結束後, CIC 會根據第 3 節中的評分標準進行評分。為了評分作業的方便,各參賽隊伍應參考附錄 C 中所列的要求,附上評分所需要的檔案。軟體環境及設計資料庫說明請參考附錄 A 與附錄 B。

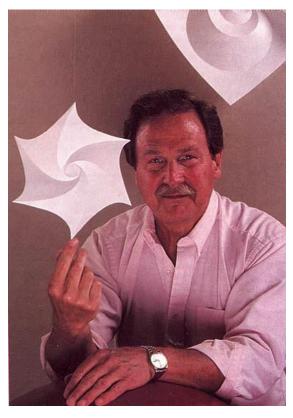


圖 1. David Albert Huffman,Huffman coding 的發明者 (source: https://www.huffmancoding.com/my-uncle/scientific-american)

2. 設計規格

請注意:

- 1. 此次top module名稱及檔案名稱、大小寫須完全符合<mark>附錄B規範</mark>,若有引入其它模組或檔案請自 行寫在設計檔內,測試檔不允許任何修改否則不予計分。
- 2. 最後評分方式為使用最後上傳檔案版本評分,並以最後上傳檔案版本時間為依據,請參考3.評分標準。

2.1 系統方塊圖

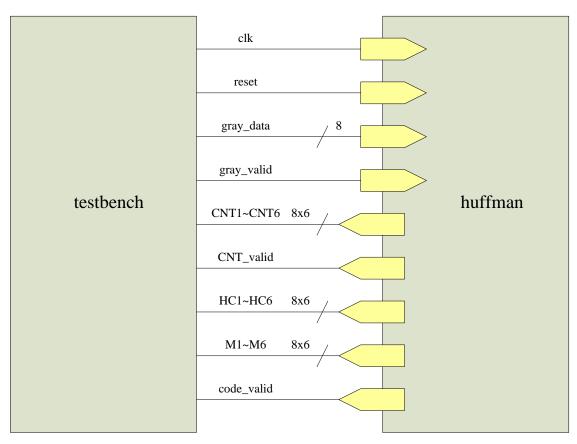


圖 2. 系統方塊圖

2.2 輸出入訊號描述

表一、輸入/輸出信號

Signal Name	I/O	Width	Simple Description
clk	I	1	本系統為同步於時脈正緣之同步設計。
reset	I	1	高位準"非"同步(active high asynchronous)之系統重置信號。
gray_data	I	8	灰階圖像資料匯流排。Testbench 會在 gray_valid 有效期間每 cycle 送出一筆灰階圖像資料。
gray_valid	I	1	灰階圖像資料指示訊號。當為 High 時,表示 gray_data 上的資料是有效的。
CNT1~CNT6	О	8x6	Huffman 電路對輸入階段的灰階圖像資料進行統計的統計結果。其中 CNT1 代表 A1 的數目,CNT2 代表 A2 的數目,其餘類推。CNT1~CNT6 各用 8-bit 資料來紀錄資料,這些資料在 CNT_valid 訊號為 High 時,必須正確顯示各 symbol 的統計數目。
CNT_valid	0	1	各 symbol 統計數目 CNT1~CNT6 輸出有效通知訊號。 當輸入資料完成統計後,此訊號拉為 High 並維持一 cycle,該 cycle 內的 CNT1~CNT6 分別代表各 symbol 的數目。
НС1~НС6	O	8x6	經 huffman 電路所決定出各 symbol 的 huffman 編碼內容。其中 HC1 到 HC6 均為 8-bit 資料寬度,分別代表本題目中的六個 symbol A1~A6 的 Huffman code。完整的Huffman code 須由每個 symbol 的編碼內容及對應的遮罩來表示(參考 2.3.1 節)。
M1~M6	О	8x6	經 huffman 電路所決定出各 symbol 的 huffman 編碼遮罩 (mask)。每個遮罩均為 8-bit 寬度,其中 M1 代表 A1 的 遮罩, M2 代表 A2 的遮罩,其餘類推。完整的 Huffman code 須由每個 symbol 的編碼內容及對應的遮罩來表示 (參考 2.3.1 節)。
code_valid	О	1	huffman 電路產生出輸入灰階圖像資料對應的 huffman code 後的 HC1~HC6 及 M1~M6 輸出有效通知訊號。當 huffman 電路完成產生 huffman code 後,此訊號拉為 High 並維持一 cycle,該 cycle 內的 HC1~HC6 及 M1~M6 分別代表各 symbol 的 Huffman code。

2.3 系統功能描述

考慮一張只有 100 pixel 的灰階圖片,每個 pixel 以 8 bit 儲存其灰階資料。此處為簡便起見只考慮六種灰階 A1、A2、A3、A4、A5、A6,其對應的數值(16 進位)如下表所示。在此定義 A1、A2、A3、A4、A5、A6等 symbol 的索引值(index)分別為 1、2、3、4、5、6。

Symbol	A1	A2	A3	A4	A5	A6
Value	0x01	0x02	0x03	0x04	0x05	0x06

本電路功能當 reset 結束後, Host 端會將 gray_valid 訊號拉為 High 表示此時每一個 cycle 的 gray_data 均代表一個 pixel 的輸入,總共有 100 個 pixel。這 100 筆資料輸入後, gray_valid 訊號拉為 Low。此為第一階段,系統電路應該就這些輸入對本次要進行處理的圖形資料進行各 symbol 發生次數的統計,並加以排序以得到此圖中各 symbol 的發生機率大小以產生 Huffman code。

Symbol	P(Ai)
A1	0.1
A2	0.4
A3	0.06
A4	0.1
A5	0.04
A6	0.3

圖 3. 各 symbol 發生機率, P(Ai)代表 Ai symbol 的發生機率

要解釋 Huffman coding 的最好方式莫過於實際舉例說明。故今假設統計出來 A1 的發生機率為 0.1(即 10%),A2 發生機率為 0.4,A3 的機率為 0.06,A4 的機率為 0.1,A5 的機率為 0.04,A6 的機率為 0.3(如圖 3 所示),並以此為例說明 Huffman coding 的產生方法,可分為 initialization、combination、split 三階段進行。

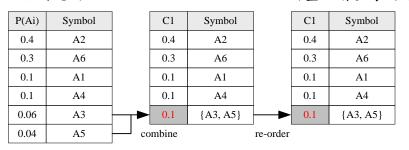
首先為 initialization 階段,將之各 symbol 發生機率依機率大小由大到小、從上而下排列下來;在 initialization 階段,若有機率相同者,則擁有較小索引值的 symbol 排上方(如 A1 跟 A4 的機率都是 0.1, A1 的索引值為 1 比較小,所以 A1 排在 A4 上方),排成後如圖 4 所示

Symbol	P(Ai)		P(Ai)	Symbol
A1	0.1		0.4	A2
A2	0.4		0.3	A6
A3	0.06		0.1	A1
A4	0.1	 /	0.1	A4
A5	0.04		0.06	A3
A6	0.3		0.04	A5

圖 4. 依 symbol 發生機率大小排列

接著會經過一連串 combination 階段,每一回合將前一回合中機率最低的兩組組合在一起,合併後的機率與其他組的機率再重新按機率大小排序(re-order)。所以第一次的 combination (C1 回合,如圖 5 所示)用的原始資料,目前 A3 的機率為 0.06, A5 的機率為 0.04,是現在機率最小的兩組,

故將兩組合併成一項{A3,A5},合併後的項對應的發生機率為合併項個別機率的和,所以{A3,A5}的機率為 0.06+0.04=0.1。合併項的機率要再經過排序,因 0.1 比上面的 A4 發生機率(0.1)是一樣的,此處規定在 combination 階段一樣機率者,統一規定合併項放在此相同機率的群組中的最後一位。 右方為第一回合對應的 Huffman tree, Huffman tree 的畫法請參考附錄 F中的介紹。



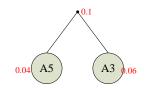
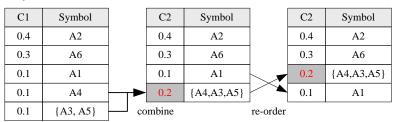


圖 5. 第一次組合 C1 回合

在C1回合後,進行C2回合(參考圖 6),將C1回合中機率最低的兩組組合在一起,合併後的機率與其他組的機率再重新按機率大小排序(re-order)。所以C2回合會檢查C1回合結果中機率最小的兩組(即排在最下面的兩組),分別是A4(機率0.1)及{A3,A5}(機率0.1),將兩組合併成一項{A4,A3,A5},合併後的項對應的發生機率為合併項個別機率的和,所以{A4,A3,A5}的機率為0.1+0.1=0.2。合併項的機率要再經過排序,此處合併項{A4,A3,A5}機率為0.2,比A1的機率0.1大,但比A6的機率0.3小,故在re-order排序時,要將{A4,A3,A5}合併項位置移到A1及A6的中間,到此完成C2回合。



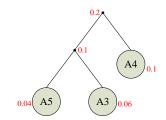


圖 6. 第二次組合 C2 回合

如上說明, combination 階段會一直進行<mark>合併到只剩兩項時停止</mark>,故還要經過兩次合併 C3、C4 回合(如圖 7、圖 8 所示)。

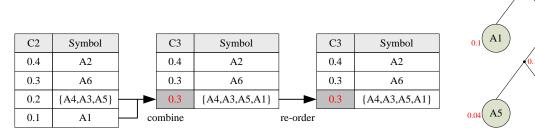


圖 7. 第三次組合 C3 回合

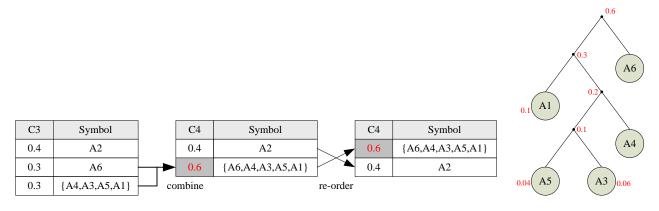


圖 8. 第四次組合 C4 回合

將所有的 combination 階段放在一起觀察,即圖 9 所示,有時也會將此資料製成如圖 10 的 Huffman table 來觀察(也有人是做成 Huffman Tree)。

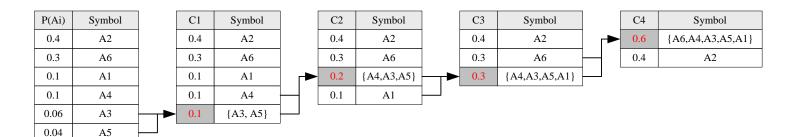


圖 9. 組合程序總覽

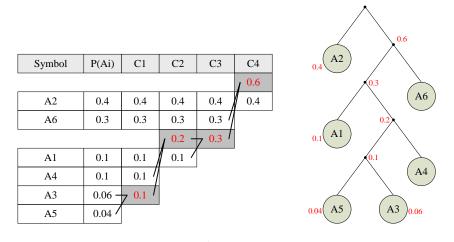


圖 10. 對應的 Huffman table

接著是一連串倒推回來的 split 階段,在此階段會逐步對各 symbol 賦予其 Huffman code。首先由 C4 的結果開始(參考圖 11),C4 只有兩組 symbol,一組為排在上方、擁有發生機率 0.6 的 {A6,A4,A3,A5,A1}混合集團,一組是排在下方、擁有發生機率為 0.4 的純血 A2,在本題目中規定上方的分配 code 0,下方的分配 code 1。所以 symbol A2 用 1 來表示其 Huffman code,同時 0 代表 {A6,A4,A3,A5,A1}的混合集團。此即意味著當 decoder 讀到 1 即代表是一個 A2,但是讀到 0 時只知道是 A6、A4、A3、A5、A1 的其中一個,尚無法確認是那一個,所以對 {A6,A4,A3,A5,A1}的編碼 0 需要追加額外的編碼,以便能確認是那一個 symbol。

		assign
C4	Symbol	code
0.6	{A6,A4,A3,A5,A1}	0
0.4	A2	1

圖 11. C4 回合的 Huffman code

接著由 C4 split 到 C3。每次 split 時均是 combination 階段每一次 combine 的逆推,並<u>規定上方的分支追加編碼 0,下方的分支追加編碼 1</u>(參考圖 12)。故 C4 回合中,混合集團{A6,A4,A3,A5,A1} 會由原來的 combination 過程逆推 split 成 A6 及{A4,A3,A5,A1} 兩項(如圖 13),其中 A6 位於上方,故其編碼為 C4 中{A6,A4,A3,A5,A1}分配到的繼承編碼 0 及 split 時追加的編碼 0,故 A6 的 Huffman code 為 00。同理{A4,A3,A5,A1}的編碼為 01,但是因為{A4,A3,A5,A1}仍為混合集團,故須依照上面方式進一步的進行 split,直到每個單獨的 symbol 為止。完整的 split 過程請參考圖 14,也可參考利用 Huffman table 進行 split 的圖解(如圖 15)。



圖 12. Split 時上方追加編碼 0,下方追加編碼 1

C3	Symbol	code		C4	Symbol	code
0.4	A2	1	0	0.6	{A6,A4,A3,A5,A1}	0
0.3	A6	00	→	0.4	A2	1
0.3	{A4,A3,A5,A1}	01	→			

圖 13. C4 Split 至 C3

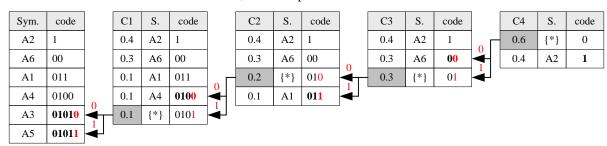


圖 14. 完整的 Split 過程,圖中{*}代表多項 symbol 組成的混合集團

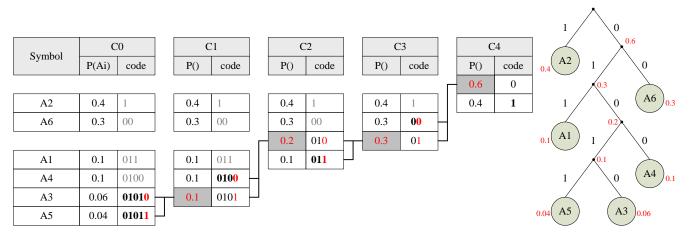


圖 15. 以 Huffman table 來進行 split

故經過 split 階段後,即可得到的例子的 Huffman coding 如下圖所示

Symbol	P(Ai)	Huffman code
A1	0.1	011
A2	0.4	1
A3	0.06	01010
A4	0.1	0100
A5	0.04	01011
A6	0.3	00

圖 16. 本範例各 symbol 對應的 Huffman code

Huffman coding 是一種 prefix-free 的技術, 意即編碼中的任意一個 code 均不是其他編碼的 prefix, 因此不需要有間隔(space)的編碼也能做到可變長度編碼的特性。故對圖 17 中的二進位位元流,以圖 16 中的 Huffman code 進行解碼,即代表 A2A4A2A6A1A2A2A6A2 的原文。

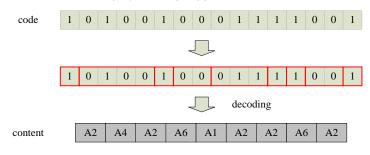


圖 17. 利用 Huffman coding 進行解碼

2.3.1 huffman 電路輸出 huffman code 的表示方式

Huffman 電路產生各 symbol 所對應的 Huffman code 時,由於顯示編碼內容的 HC1~HC6 輸出均為固定 8-bit 寬度,而 Huffman code 是可變長度編碼,故額外加上遮罩訊號,以指出 HC1~HC6 輸出的那幾個 bit 是有效的。遮罩中 1 代表有效,0 代表無效。同時 HC1~HC6 輸出超過 Huffman code 編碼長度的位元規定均設為數值 0。

以 A6 的 Huffman code 是 00 為例,該編碼是 2 個 bit 長,所以其遮罩 M6 為 0000_0011 ,同時其 HC6 輸出為 0000_00000 。

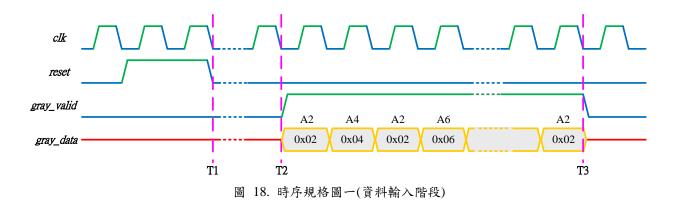
再以 A3 的 Huffman code 是 01010 為例,該編碼是 5 個 bit 長,所以其遮罩 M3 為 0001_11111, 同時其 HC6 輸出為 0000_1010。

若有興趣參考原論文,可自行 Google "A Method for the Construction of Minimum-Redundancy Codes, 1952, David A. Huffman"

由統計至產生 Huffman code 這段過程禁止用窮舉查表法,否則以 0 分計算。

2.4 時序規格圖

系統輸入/輸出時序規格圖及參數,分別如圖 18 及圖 19 所示。



- a、 T1 時間點,*reset* 訊號持續兩個 Cycle 時間後,huffman 電路初始化結束。
- b、 T2 時間點, testbench 端開始傳送灰階圖像資料,合計 100 個 pixel,在時脈訊號負緣觸發起一個 cycle 傳送一筆 pixel 的灰階值。資料傳送期間 gray_valid 拉為 High。參賽者所設計之 huffman 電路應採正緣觸發動作來進行設計。
- c、 T3 時間點, testbench 傳送資料完畢,將 gray_valid 拉為 Low。此後參賽者所設計之 huffman 電路應接著完成各 symbol 數目的計數,以及推算各 symbol 對應的 Huffman code,此部分請參考圖 19 與輸出相關的相關說明。

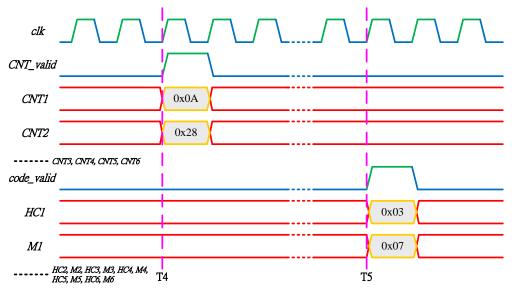


圖 19. 時序規格圖二 (輸出部分)

- d、 T4 時間點(參考圖 19),當 huffman 電路完成各 symbol 數目的計算,應將 *CNT_valid* 訊號拉為 High 一個時脈周期,並在該周期時間內利用 *CNT1、CNT2、CNT3、CNT4、CNT5、CNT6* 輸出各 symbol 數目。(注意,huffman 電路為正緣觸發動作)
- e、 T5 時間點(參考圖 19),當 huffman 電路推算出各 symbol 的 Huffman code,應將 *code_valid* 訊號拉為 High 一個時脈周期,並在該周期時間內利用 HC1、M1、HC2、M2、HC3、M3、HC4、M4、HC5、M5、HC6、M6 輸出各 symbol 的 Huffman code, testbench 偵測到 *code_valid* 拉回

為Low 時即可進行驗證,驗證完成後整個模擬會立即結束。(注意,huffman 電路為正緣觸發動作)

3. 評分標準

主辦單位的評分人員將依照參賽者提供之系統時脈進行 RTL simulation 或 gate-level simulation,以驗證設計正確性,並且依據設計檔上傳至 CIC FTP 檔案伺服器(請參閱附錄 D)的時間來進行排名。各參賽隊伍應於參賽者定義的系統時脈下,確保輸出結果無設置與保持時間(setup/hold time)的問題,並完全符合主辦單位所提供的標準設計結果。

CIC 將本試題分為下面五個等級作為功能完成度之評分,完成度越高者優先錄取。<u>若為同一等</u>級則以檔案上傳時間來評分,請在每完成新等級時即將結果上傳,CIC 會以最後上傳版本作為評分結果。

1. A 等級:通過所有 3 組測試樣本(包含 CIC 評分用樣本)之 RTL 與 gate-level simulation

2. B 等級:通過其中 3 組測試樣本(包含 CIC 評分用樣本)之 RTL simulation

3. C 等級:通過其中 2 組測試樣本(包含 CIC 評分用樣本)之 RTL simulation

4. D 等級:通過其中 1 組測試樣本(包含 CIC 評分用樣本)之 RTL simulation

5. E等級:即排除以上狀況者,歸於E等級

附錄

在附錄 A 中說明本次競賽之軟體環境;附錄 B 為主辦單位所提供各參賽者的設計檔說明;附錄 C 為評分用檔案,亦即參賽者<u>必須回傳至 CIC</u> 的檔案資料;附錄 D 則為設計檔上傳步驟說明;附錄 E 則為測試樣本說明;附錄 F 則為 $Huffman\ Tree$ 。

附錄 A 軟體環境

競賽所提供的設計軟體與版本如下表二。驗證評分時,係以所列軟體及版本作為驗證依據。

表二、設計軟體版本

Functionality	Compounding EDA tools
Functionality	Corresponding EDA tools
Logic Simulator	NC-Verilog (INCISIVE_15.20.039)
	Moldelsim (v10.5c)
	QuestaSim (v10.5c)
	VCS-MX (2017.03)
Logic Synthesizer	Design-Compiler (2017.09-SP2)
HDL Debugger	Verdi (2016.06-sp1-1)
	nLint (2016.06-sp1-1)
Standard cell library	Cell-Based Design Kit for IC Contest v2.1

附錄 B 設計檔案說明

1. 下表三.為主辦單位所提供各參賽者的設計檔案

表三、設計檔

檔名	說明
tb.v	測試樣本檔。此測試樣本檔定義了時脈週期與測試樣本之輸
	入信號。
huffman.v (huffman.vhd)	参賽者所使用的設計檔,已包含系統輸/出入埠之宣告
./pattern1.dat	第一組測試樣本檔案
./pattern2.dat	第二組測試樣本檔案
./pattern3.dat	第三組測試樣本檔案
./golden1.dat	第一組比對樣本檔案
./golden2.dat	第二組比對樣本檔案
./golden3.dat	第三組比對樣本檔案
report.000	結果報告範本
huffman.sdc	Design Compiler 電路合成規範檔
DC_syn.tcl	Design Compiler 合成之參考 script
synopsys_dc.setup	Design Compiler 初始設定範例檔案

2. 請使用 huffman.v (.vhd), 進行本題電路之設計。其 Verilog 模組名稱、輸出/入埠宣告如下所示:

//-----

Endmodule

[`]timescale 1ns/10ps

3. 比賽共提供三組測試樣本,參賽者可依下面範例來進行模擬: (此處說明以 ncverilog 為主,若使用其他 simulator 軟體請自行參閱相關使用手冊)

RTL Simulation 時使用指令如下:

- ▶ 使用 ncverilog 模擬指令範例如下: ncverilog tb.v huffman.v +define+tb1 +access+r
- ▶ 使用 modelsim 模擬,則是在 compiler verilog 時,使用下面指令: vlog tb.v huffman.v +define+tb1 +access+r

Gate-Level Simulation 時使用指令如下:

▶ 使用 ncverilog 模擬指令範例如下:

ncverilog tb.v huffman_syn.v -v tsmc13_neg.v +define+SDF +define+tb1 \
+access+r

define 中加上 SDF 可讓測試程式引入 gate level netlist 的 sdf 檔案資訊。 若要避免時序檢查以減少錯誤訊息,可於模擬指令中自行加入+notimingchecks。

- ► 上述指令中+define+tb1 指的是使用第一組測試樣本模擬,當使用第二組測試樣本 請自行修改此參數為+define+tb2;當使用第三組測試樣本,請自行修改此參數為 +define+tb3。
- ▶ tsmc13_neg.v 為 gate-level simulation 時所使用的 standard cell simulation model,該檔案 位於 CBDK_IC_Contest_v2.1 裡(參考路徑為 CBDK_IC_Contest_v2.1/Verilog/tsmc13_neg.v)。

附錄 C 評分用檔案

評分所需檔案可分為三部份:(1)RTL design,即各參賽隊伍對該次競賽設計的RTL code,若設計採模組化而有多個設計檔,請務必將合成所要用到的各 module 檔放進來,以免評審進行評分時,無法進行編譯;(2)gate-level design,即由合成軟體所產生的 gate-level netlist,以及對應的 SDF 檔;(3)report file,參賽隊伍必須依照自己的設計內容,撰寫 report.000 檔,以方便主辦單位進行評分,report.000 的格式如圖八所示。(report 檔以後三碼序號表示版本,若繳交檔案更新版本,則新版的report 檔檔名為 report.001,依此類推)

表六、評分用檔案

RTL category						
Design Stage	File	Description				
N/A	report.xxx	design report				
RTL Simulation	*.v or *.vhd	Verilog (or VHDL) synthesizable RTL code				
Gate-Level category						
Design Stage	File	Description				
	*_syn.v	Verilog gate-level netlist generated by Synopsys				
Pre-layout		Design Compiler				
Gate-level	*_syn.sdf	SDF timing information generated by Synopsys				
	_5711.561	Design Compiler				
Simulation	*_syn.ddc	design database generated by Synopsys Design				
	_syn.ddc	Compiler				

FTP 帳號(FTP account): 9999999

通過 gate-level simulation 之 cell area report: 9000

通過 gate-level simulation 之 clock cycle time (ns): 10

--- RTL category---

使用之 HDL 模擬器名稱(HDL simulator): nc-verilog

RTL 檔案名稱(RTL filename): huffman.v 以及使用到的子模組檔案...

--- Pre-layout gate-level ---

gate-level 檔案名稱(gate_level filename): huffman_syn.v

gate-level sdf filename: huffman_syn.sdf

design compiler 合成資料庫(dc library): huffman_syn.ddc

(其餘注意事項依各參賽隊伍的需求填寫)

圖八、report.000 的範本

附錄 D 檔案上傳

所有包含於如附錄 C 中表格所示的檔案,均需要提交至 CIC。並且,提交的設計檔案,需要經過壓縮於同一個資料夾下,步驟如下:

- 1. 建立一個 result_xxx 資料夾。其中"xxx"表示繳交版本。例如 "000" 表示為第一次上傳; "001" 表示為第二度上傳; 002 表示為第三度上傳,以此類推...。
- 2. 参考附錄 C 評分用檔案,將所有繳交檔案複製到 result xxx 資料夾
- 3. 執行 tar 指令將 result_xxx 資料夾包裝起來, tar 的指令範例如下:
 tar cvf result_xxx.tar result_xxx
 其中 xxx 表示繳交版本
 執行完後應該會得到 result_xxx.tar 的檔案
- 4. 使用 ftp 將 result_xxx.tar 及 report.xxx 一併上傳至 CIC 提供的 ftp server, result_xxx.tar 與 report.xxx 之"xxx"編號需一致,評審將以最後上傳的設計檔及報告檔編號進行評分作業。

本題限制上傳之設計檔僅可使用 tar 或 zip 壓縮格式,使用 rar 或其他格式者一律不予計分。

請注意!!上傳之 FTP 需切換為二進制模式(binary mode),且傳輸埠均設為 21(port:21)。

ftp 的帳號和密碼在賽前已用 email 寄給各參賽者。若有任何問題,請聯絡 CIC

FTP site1 (新竹晶片中心): iccftp.cic.org.tw (140.126.24.18) FTP site2 (南區晶片中心): iccftp2.cic.org.tw(140.110.117.9)

5. 若你需要繳交更新版本,請重覆以上步驟,並記得修改 report 檔及 tar 檔的版本編號,因為你無法修改或刪除或覆蓋之前上傳的資料。

附錄 E 測試樣本

在此提供參賽者兩份測試樣本,以供驗證所設計之電路是否合乎標準。CIC 於評分階段會用額外的測試樣本測試參賽者所設計之電路。禁止用窮舉查表法,否則以 0 分計算。

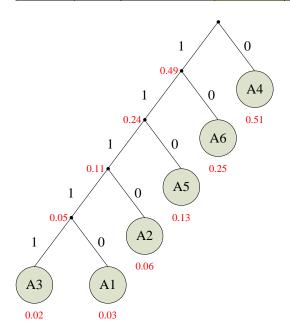
測試樣本1

Pattern file : pattern1.dat Golden file : golden1.dat

對應之 Huffman table 如下所示

Symbol	C	0.0		C1		C1		C1		C	C2		C3			C	4
Symbol	P(Ai)	Code		P()	Code		P()	Code		P()	Code		P()	Code			
A4	0.51	0		0.51	0		0.51	0		0.51	0		0.51	0			
A6	0.25	10		0.25	10		0.25	10		0.25	10	H	0.49	1			
A5	0.13	110		0.13	110		0.13	110		0.24	11	μ΄					
A2	0.06	1110		0.06	111 <mark>0</mark>		0.11	111	Ш		•	•					
A1	0.03	11110	\vdash	0.05	111 <mark>1</mark>	Ц											
A3	0.02	1111 <mark>1</mark>	Ц			•											

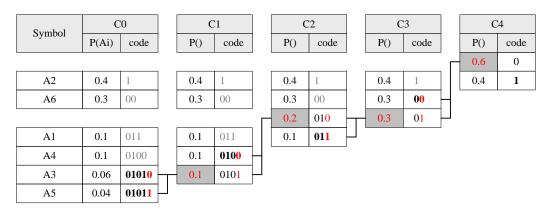
Symbol	P(Ai)	Huffman code	CNTi	HCi	Mi
A1	0.03	11110	3 = 0x3	$8'b0001_{1110} = 0x1E$	$8'b0001_11111 = 0x1F$
A2	0.06	1110	6 = 0x6	8'b0000_1110 = 0x0E	8'b0000_1111 = 0x0F
A3	0.02	11111	2 = 0x2	8'b0001_1111 = 0x1F	8'b0001_1111 = 0x1F
A4	0.51	0	51 = 0x33	$8'b0000_0000 = 0x00$	8'b0000_0001 = 0x01
A5	0.13	110	13 = 0x0D	8'b0000_0110 = 0x06	8'b0000_0111 = 0x07
A6	0.25	10	25 = 0x19	8'b0000_0010 = 0x02	8'b0000_0011 = 0x03



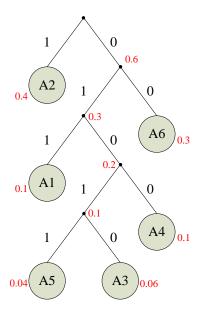
測試樣本2

Pattern file : pattern2.dat Golden file : golden2.dat

對應之 Huffman table 如下(同圖 15)所示



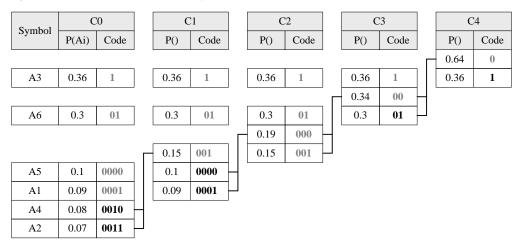
Symbol	P(Ai)	Huffman code	CNTi	HCi	Mi
A1	0.1	011	10 = 0xA	8'b0000_0011 = 0x03	8'b0000_0111 = 0x07
A2	0.4	1	40 = 0x28	8'b0000_0001 = 0x01	8'b0000_0001 = 0x01
A3	0.06	01010	6 = 0x6	8'b0000_1010 = 0x0A	8'b0001_1111 = 0x1F
A4	0.1	0100	10 = 0xA	8'b0000_0100 = 0x04	8'b0000_1111 = 0x0F
A5	0.04	01011	4 = 0x4	8'b0000_1011 = 0x0B	8'b0001_1111 = 0x1F
A6	0.3	00	30 = 0x1E	$8'b0000_0000 = 0x00$	8'b0000_0011 = 0x03



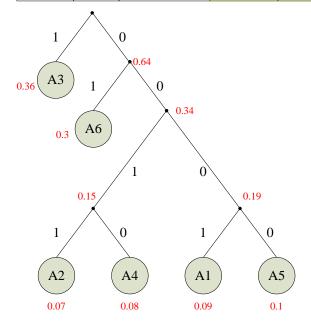
測試樣本3

Pattern file : pattern3.dat Golden file : golden3.dat

對應之 Huffman table 如下所示



Symbol	P(Ai)	Huffman code	CNTi	HCi	Mi
A1	0.09	0001	9 = 0x9	$8'b0000_0001 = 0x01$	8'b0000_1111 = 0x0F
A2	0.07	0011	7 = 0x7	$8'b0000_0011 = 0x03$	8'b0000_1111 = 0x0F
A3	0.36	1	36 = 0x24	$8'b0000_0001 = 0x01$	8'b0000_0001 = 0x01
A4	0.08	0010	8 = 0x8	8'b0000_0010 = 0x02	8'b0000_1111 = 0x0F
A5	0.1	0000	10 = 0xA	8'b0000_0000 = 0x00	8'b0000_1111 = 0x0F
A6	0.3	01	30 = 0x1E	8'b0000_00 <mark>01</mark> = 0x01	8'b0000_0011 = 0x03



附錄 F Huffman Tree

為幫助參賽者對 Huffman coding 的了解,在此提供 Huffman Tree 畫法供各位參考。此處直接使用題目本文中的範例(即測試樣本 pattern2.dat)做說明。

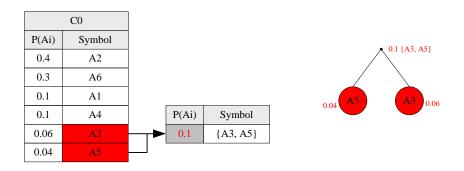
測試樣本2的 Huffman table 如下所示

Cramb of	(20		C	C1		C	22		C	23		C	4
Symbol	P(Ai)	code		P()	code		P()	code		P()	code		P()	code
													0.6	0
A2	0.4	1		0.4	1		0.4	1		0.4	1		0.4	1
A6	0.3	00		0.3	00		0.3	00		0.3	00	H		
					•	_ 	0.2	010	\vdash	0.3	01	Ц		
A1	0.1	011		0.1	011		0.1	011	Ш			•		
A4	0.1	0100		0.1	0100	Н			-					
A3	0.06	01010	\top	0.1	0101	Ш								
A5	0.04	01011				-								

要建 Huffman tree 時,首先還是由樣本資料統計後的各 symbol 出現機率的排序後結果出發。 測試樣本的初始排序資料如下(由上至下對應到由大到小,最底下 2 個是機率最小的,在作答期間, 雖題目中多處用到機率的數值去比大小,但實際上可以直接用計數出來的出現次數代替)。在初始 化排序時,對相同機率的 symbol 何者在上會影響做出來的 Huffman coding,雖然壓縮率的表現一 樣,但此處為了評分方便,統一規定在初始排率時相同機率者,擁有較小索引值的 symbol 排上方, 所以下圖中,A1 與 A4 的機率是相同的,但 A1 的索引較小,故 A1 排 A4 上方。

C0					
Symbol	P(Ai)				
A2	0.4				
A6	0.3				
A1	0.1				
A4	0.1				
A3	0.06				
A5	0.04				

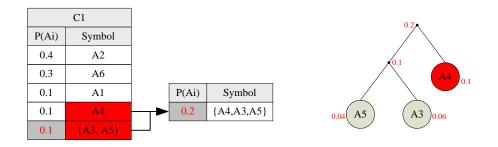
接著會經過四個回合,每個回合會合併最下面兩個(即當時機率最小的兩組)成一個合併項,再與原來的資料作排序。此處合併項{A3,A5}的機率是 0.06+0.04=0.1,再與上面四個項的機率作排序,發現跟 0.1 機率的 A1 與 A4 相同機率,在此合併的過程中,同上面理由,統一規定合併過程中合併項若有相同機率的現象,合併項放在此相同機率的群組中的最後一個。所以合併後{A3,A5}放在 A4 的下面。此時對應的局部 Huffman tree 如下圖(Huffman 的精神在於每次找最低機率的兩個來畫圖),圖中代表由 A3 與 A5 的合併項,統一規定左邊的機率要小於右邊的,故 A3 放右邊。



該圖表格合併後作排序的結果如下

	C0			C1
P(Ai)	Symbol		P(Ai)	Symbol
0.4	A2		0.4	A2
0.3	A6		0.3	A6
0.1	A1		0.1	A1
0.1	A4		0.1	A4
0.06	A3	── ►	0.1	{A3, A5}
0.04	A5			

接著我們利用 C1 排序後的表格進行下一次合併,找 C1 表格中最低機率的兩個來合併(畫到 Huffman tree 內),若有機率相同者,取最底下兩個作合併,所以此處為 A4 跟{A3, A5}作合併,合併的兩者在表格上方(機率大的)的放右邊,所以得到此時對應的 Huffman tree 如下

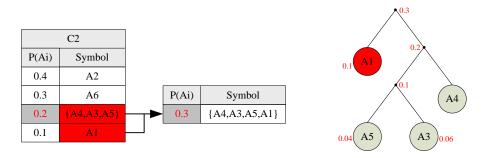


該圖表格合併後作排序的結果如下,因為合併項{A4,A3,A5}的機率 0.2 比 A1 機率大,所以在表格中把 A1 擠下去了

	C1			C2
P(Ai)	Symbol		P(Ai)	Symbol
0.4	A2		0.4	A2
0.3	A6		0.3	A6
0.1	A1	┌►	0.2	{A4,A3,A5}
0.1	A4		0.1	A1
0.1	{A3, A5}			

接著我們利用 C2 排序後的表格進行下一次合併,找 C2 表格中最低機率的兩個來合併(畫到

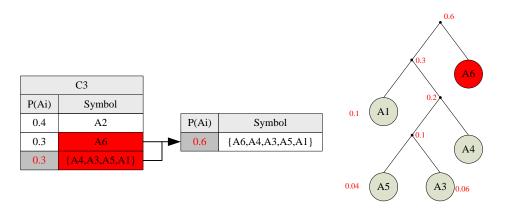
Huffman tree 內),此時原合併項的機率比較大放右邊,新合併的 A1 機率比較小,放左邊



該圖表格合併後作排序的結果如下,因為合併項{A1,A4,A3,A5}的機率 0.3 與 A6 機率一樣大大,所以依規定放最下面(合併過程中合併項若有相同機率的現象,合併項放在此相同機率的群組中的最後一個)

	C2		C3		
P(Ai)	Symbol		P(Ai)	Symbol	
0.4	A2		0.4	A2	
0.3	A6		0.3	A6	
0.2	{A4,A3,A5}	⊢	0.3	{A4,A3,A5,A1}	
0.1	A1				

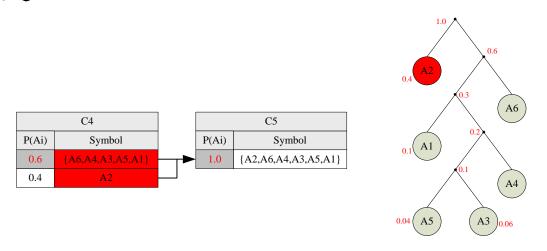
接著我們利用 C3 排序後的表格進行下一次合併,找 C3 表格中最低機率的兩個來合併(畫到 Huffman tree 內),此時原合併項的機率比較小大放左邊,新合併的 A6 機率比較大,放右邊



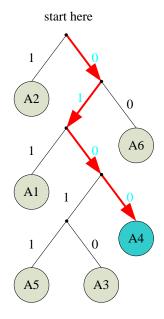
該圖表格合併後作排序的結果如下,因為合併項 $\{A6,A1,A4,A3,A5\}$ 的機率 0.6 大於 A2 的機率,所以在表格中把 A2 擠下去了。

	C3			C4
P(Ai)	Symbol		P(Ai)	Symbol
0.4	A2	┌►	0.6	{A6,A4,A3,A5,A1}
0.3	A6		0.4	A2
0.3	{A4,A3,A5,A1}			

至此 C4 回合,表格只剩下兩個項,繪 Huffman tree 時需作最後一次合併(合起來總機率為 1),此時的 Huffman tree 如下所示,此時原合併項的機率比較大大放右邊,新合併的 A2 機率比較小,放左邊。



如何由 Huffman tree 得到個 symbol 的 Huffman coding 呢? 至此對 Huffman tree 的每一組分支,左邊設為 1,右邊設為 0,由頂端沿 Huffman tree 走到各 symbol 沿途經過的數字即為各 symbol 的 Huffman code。如下圖以 A4 的 Huffman code,即為由 Top (start here)開始走到 A4 沿途遇到的數字,所以 A4 的 Huffman code 為 0100,與用 Huffman table 方法得到的結果一致。



Symbol	P(Ai)	Huffman code
A1	0.1	011
A2	0.4	1
A3	0.06	01010
A4	0.1	0100
A5	0.04	01011
A6	0.3	00