

# Gruppeaflevering

## Kørsel af funktioner

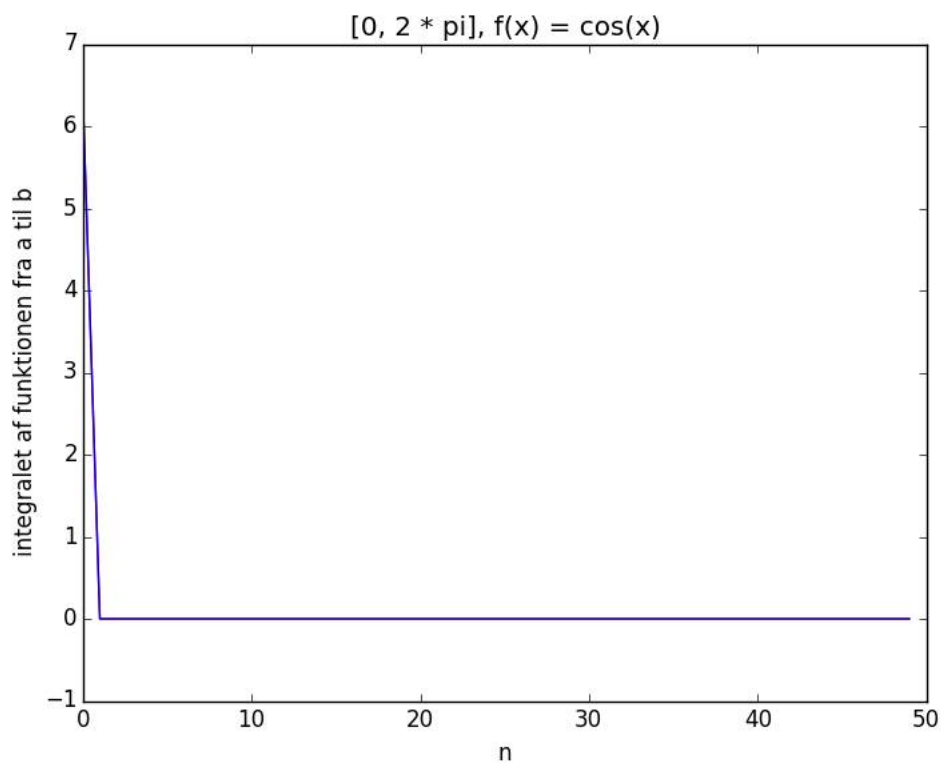
1.  $f : [0, 2\pi] \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \cos(x)$

Ved kørsel af `rInt(f, 0, 2 * math.pi, 50)` fås  $5.27355936697\text{e-}15$

Ved kørsel af `rIntMid(f, 0, 2 * math.pi, 50)` fås  $5.21804821574\text{e-}15$

På nedenstående figur, ses forskellen i de to approksimeringer. Den røde streg er approksimeringen `rInt()` og den blå er `rIntMid()`.

De to approksimeringer ligger oven i hinanden, for alle  $n$ . Som det fremgår af resultatet, konvergerer de mod 0, men får ikke samme resultat, `rIntMid()` er tættere på 0.



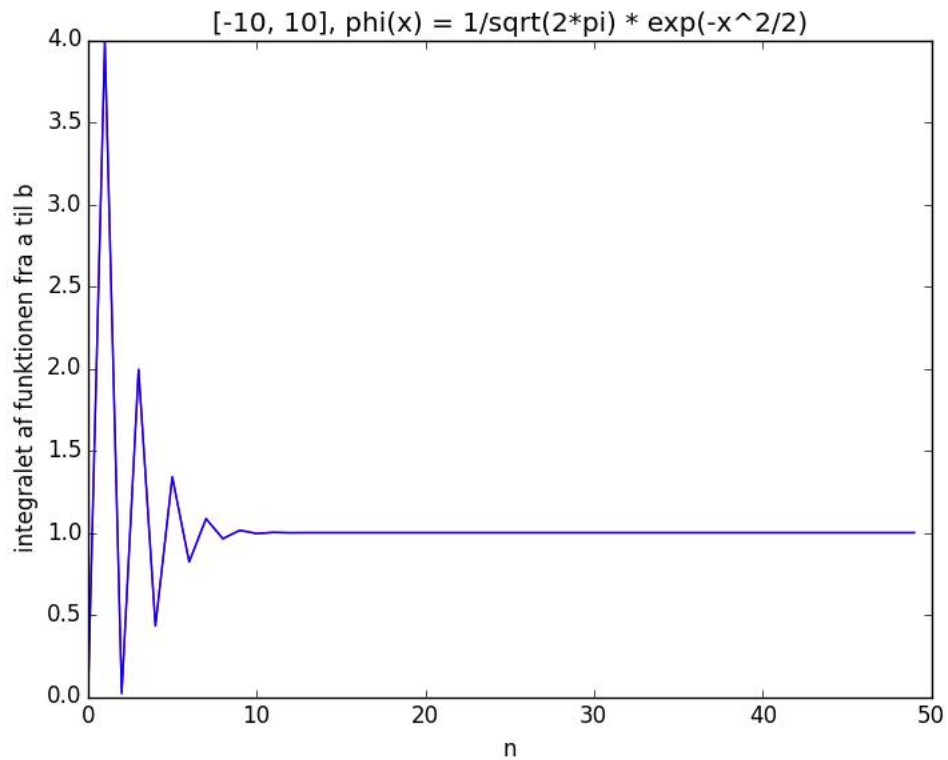
2.  $\phi : [-10, 10] \rightarrow \mathbb{R}, \phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp(-\frac{x^2}{2})$

Ved kørsel af `rInt( $\phi$ , -10, 10, 50)` fås 1.0

Ved kørsel af `rIntMid( $\phi$ , -10, 10, 50)` fås 1.0

På nedenstående figur, ses forskellen i de to approksimeringer. Den røde streg er approksimeringen `rInt()` og den blå er `rIntMid()`.

De to approksimeringer ligger oven i hinanden, for alle  $n$ . Som det fremgår af resultatet, konvergerer de mod og faktisk rammer 1.0, for  $n$  over 23 i begge funktioner.



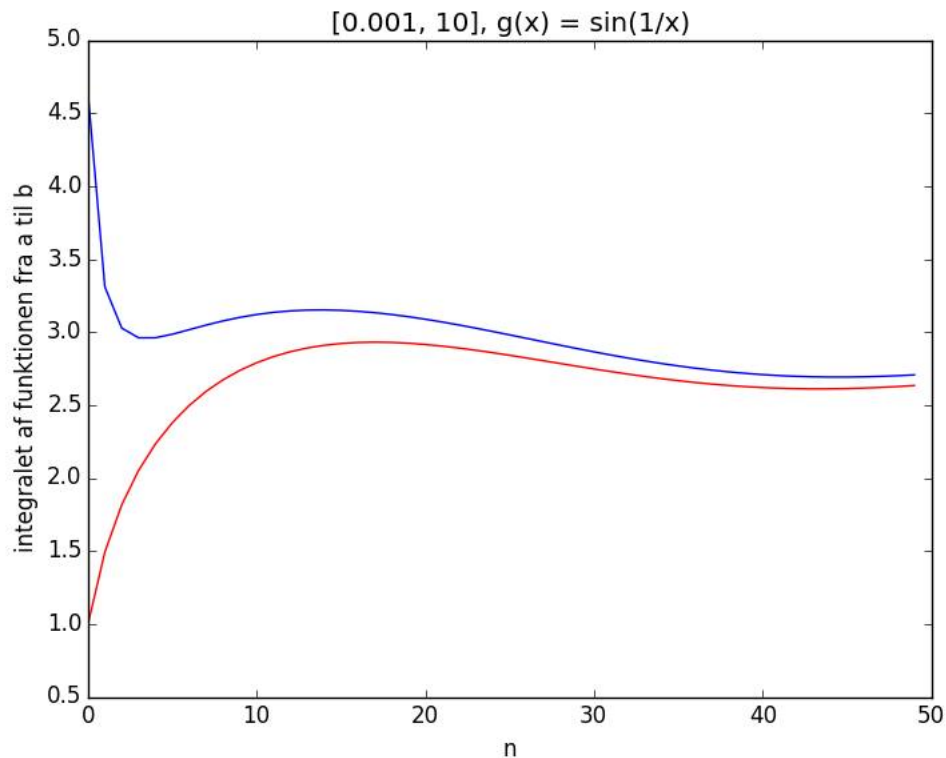
3.  $g : [0.001, 10] \rightarrow \mathbb{R}, g(x) = \sin(1/x)$

Ved kørsel af `rInt(g, 0.001, 10, 50)` fås 2.6335682009

Ved kørsel af `rIntMid(g, 0.001, 10, 50)` fås 2.70626554283

På nedenstående figur, ses forskellen i de to approksimeringer. Den røde streg er approksimeringen `rInt()` og den blå er `rIntMid()`.

Som det fremgår af resultatet, konvergerer de med 2.7262 (fra wolfram), men får ikke samme resultat, `rIntMid()` er tættere på det egentlige resultat.



Ud fra disse data, fremgår det at `rIntMid()` er en mere nøjagtig approximeringsmetode. Dette skyldes sandsynligvis afrundingsfejl ved division.

## Afprøvning

Følgende integraler er håndkørt, for at sammenligne aktuelle værdier, med det gennemsnitlige vores implementerede funktioner giver. Alle kørsler af `rInt()` og `rIntMid()` er med  $n = 1050$

1. Analytiske udregning:

$$\int_0^1 k dx = [kx]_0^1 = k \cdot 1 - k \cdot 0 = k \quad (1)$$

Ved kørsel af begge programmer fås `rInt() = k` og `rIntMid() = k`, begge er afprøvet med forskellige  $k$

2. Analytiske udregning:

$$\int_0^1 x^2 dx = \left[\frac{1}{3}x^3\right]_0^1 = \frac{1}{3}1^3 - \frac{1}{3}0^3 = \frac{1}{3} \quad (2)$$

Ved kørsel af begge programmer fås `rInt() = 0.3338335` og `rIntMid() = 0.3333335`.

3. Analytiske udregning:

$$\int_1^2 \frac{1}{x} dx = [\log(x)]_1^2 = \log(2) - \log(1) = \log(2) \quad (3)$$

Ved kørsel af begge programmer, hhv.  $\text{rInt}() = 0.69289724306$  og  $\text{rItnMid}() = 0.69314724306$ .