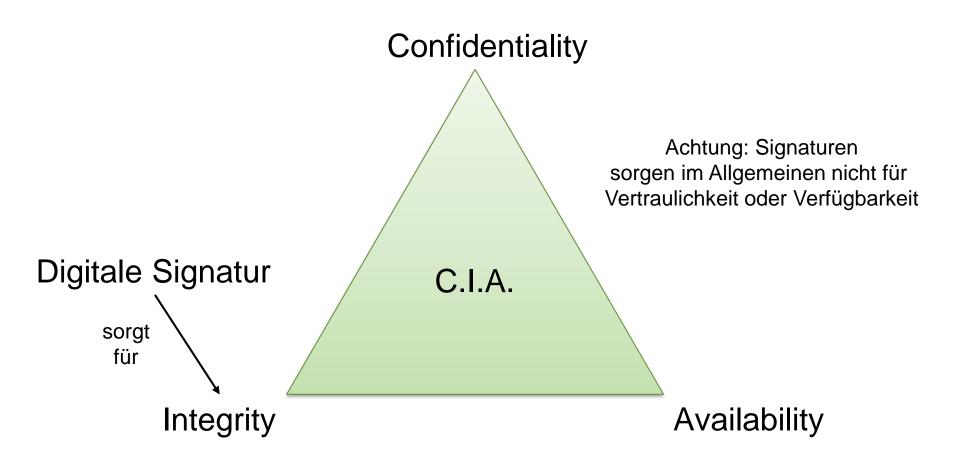


# Computersystemsicherheit



Prof. Marc Fischlin, Wintersemester 18/19

03 Digitale Signaturen





# Anwendungsszenario

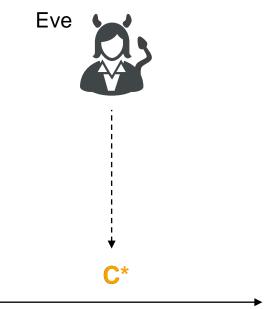
verändert Kommunikation

Alice

Bobs Public-Key pk

Nachricht m

Ciphertext C←Enc(pk,m)



Bob

geheimer Schlüssel sk

Nachricht m\*←Dec(k,C\*)

Woher weiß Bob, dass diese Nachricht wirklich von Alice stammt?





# Integrität ist vielfältig

Sind eigentlich zwei Fragen:

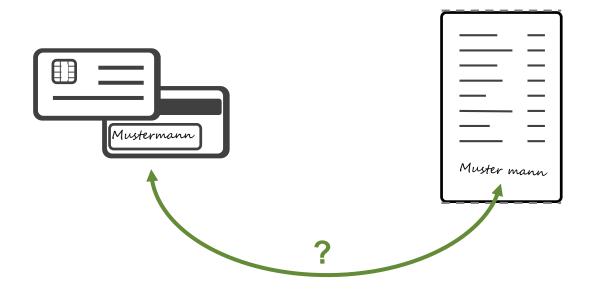
- (1) Woher weiß Bob, dass die Nachricht von Alice stammt ("Integrität des Ursprungs")?
- (2) Woher weiß Bob, dass die Nachricht nicht verändert wurde ("Integrität der Daten")?





# **Beispiel**

#### Unterschriftenvergleich beim Einkauf per EC-Karte



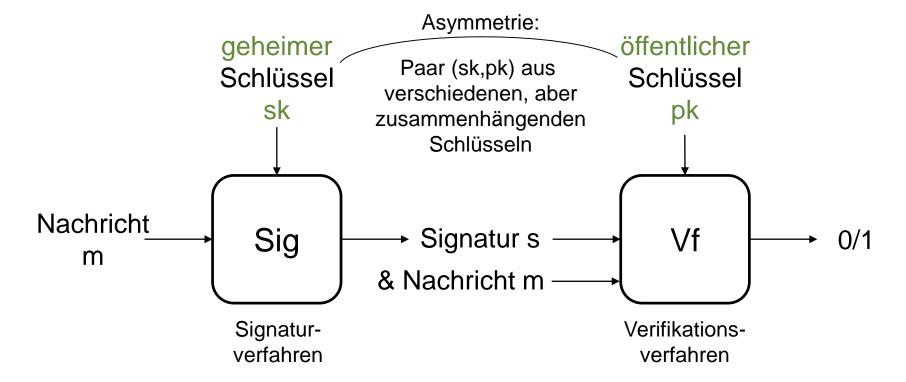
Integrität der Daten bereits gewährleistet

Unterschrift soll nur "Integrität des Ursprungs" garantieren





# Prinzip der digitalen Signatur



Funktionale Korrektheit (Vollständigkeit): Für alle Nachrichten m und alle Paare (sk,pk) gilt: Vf(pk,m,Sig(sk,m))=1





#### **Sicherheit**

# Angreifer soll keine Signatur für Nachricht fälschen können.

Kerckhoffs-Prinzip: selbst wenn er alles kennt, außer dem geheimen Signier-Schlüssel

Einfache Folgerung: Digitale Signatur hängt stark von Nachricht ab. Sonst:





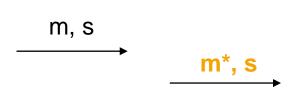


Alices geheimer Schlüssel sk

Alices öffentlicher Schlüssel pk

Nachricht m

Signatur s←Sig(sk,m)



1 ←Vf(pk,m\*,s)





#### **Beispiel**

#### ASCII-"Hülle" von zwei abgetrennten 4096-Bit-RSA-Signaturen

Dies ist ein Text, der unterschrieben worden ist.

----BEGIN PGP SIGNATURE-----Version: GnuPG v2

iQIcBAABCAAGBQJX/3UaAAoJEA2zFmsNrpFKi YcP/13TZo2TAbrGV+NXbhXLsyj3yE06p1pK4k viXPIZtJtou9R30ucjsHyha61xmRAFbs3i1d7 B6rwIYTY5pV5pX8yJ1R0Q1ZfLLXFmu9R/VXqS dqd9wbxYRGo3Ii0+e31Z309WKxzU+JBSYXY47 AE5iuVkcCRr3JssvNBz1NwESMFqVexd9GKA60 nDVgru3eSg1oj+vVvg2+dcpkLLhIfhip57j4b +eqPTGUpDUlHOpcoRD+hyiVdI4kHmc8bHQ5Kc /DaEPCbapSV+2Tf7IyY1K18HKgxA3s9i9gZaJ 54EauUQ3qQvDOSeq2KK6rKZBvBhKBKCfKHvR1 hKm+Yz8N5+Xu6oVjMapmzNtRTqFGQCb1Hlwcn Xw3OoPdvBtTEOukWPIwNb58/SfBdKshcAn15N xmEIfx1oMLRoNTYI+ctymAAFY0wAW9f0R9vUF /hhtxmIdv70j6D2Jp58JZdqADP9Vy/r1wHmJj Daz9bU6FxecvlfGeS66pnMTVfJUagPkc3bWnN nvpMMuonxxVycvarvwNhvHKoKqayPG/eOJ8WX PSpuAd6u2yJmbhMBBXjYC51IgNyXdIPadf2EO /rur6yIG0zz8NfucYxdgxaylxDuIhmP1e5kK1 iGJO3vUNqhiHFu3iX+bvZe1OC46XnJu/yAS2q qqRiNpbX+NLqqd9oWmnTy=t8bq ----END PGP SIGNATURE----

Dies ist ein Test, der unterschrieben worden ist.

----BEGIN PGP SIGNATURE-----Version: GnuPG v2

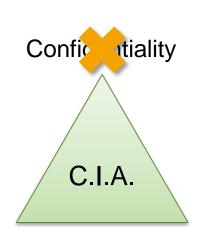
iQIcBAABCAAGBQJX/3XsAAoJEA2zFmsNrpFKu 04P/3v6zwEW1AoybdgFrPrRW1AMzkKXb7Pdr8 C7aPPfUQuiHMsxdKIUmOqxIXNf4HOdZ11h/xv N0fsD3udSBkTYpaS2Ne6KygzQGeKTuj/IS+c1 lv0vOYfCz1ZvMEO6xxdOtEebLLM5YqIkheOy6 G00C4Ha94BVtbakJNY8wXpxxSbMRR110hnOUD +kozrQfqU/RfqTHwXccJhNZOkVqX6e0UjWjot aCymIdq/SWj4v0qHOAesTe9MI6WH8aeRkIv1R eT66ENwS894RhnIroCBnjbQ1BxweGBwMXC+mx OdxTVOljtElTksIk7kWpAzi053lAi7CXrvQvD FvnWL5QsztenD4JRsqvyPeTWF3w67qw6DfuIz oZCMICagftO33BdhhMvlc52sAc010NT+O9bCM qNmBObPRJ6DvwwzBN+1D5mof+Evj0Md9xtsRI Vx917w2RVvQ17/W9wfyd/FYEPwaYzKTKDr26/ Vs/7aekf9Fz08ZckVRTXcibgW9i7k1VEKSCi2 Bow4QC99Mw2XnZkLhWRXXfjhfErHGIp3833wR rRFwHdhqsbUP5ybN8H8PFLN3FaQoeBFRxfvlV VnqmormQcCam6Saq8Dv61xmSQaKWqfznF5TKP 6ddxNUWkcWujYaVttqQfEMFQmKR0wn5tK+8bh eBHenpwS08JSUVm17RDx0=xp98 ----END PGP SIGNATURE----





# Integrität vs. Vertraulichkeit

Wieviel Information über die Nachricht m enthält die Signatur s?



Im schlimmsten Fall alles!

Beispiel:

Sig(sk,m) hängt m (ganz oder komprimiert) an Signatur s an

Macht beispielsweise GPG, wenn per gpg -s signiert wird



# Moderne Signaturverfahren





**RSA-basierte Signaturen** 

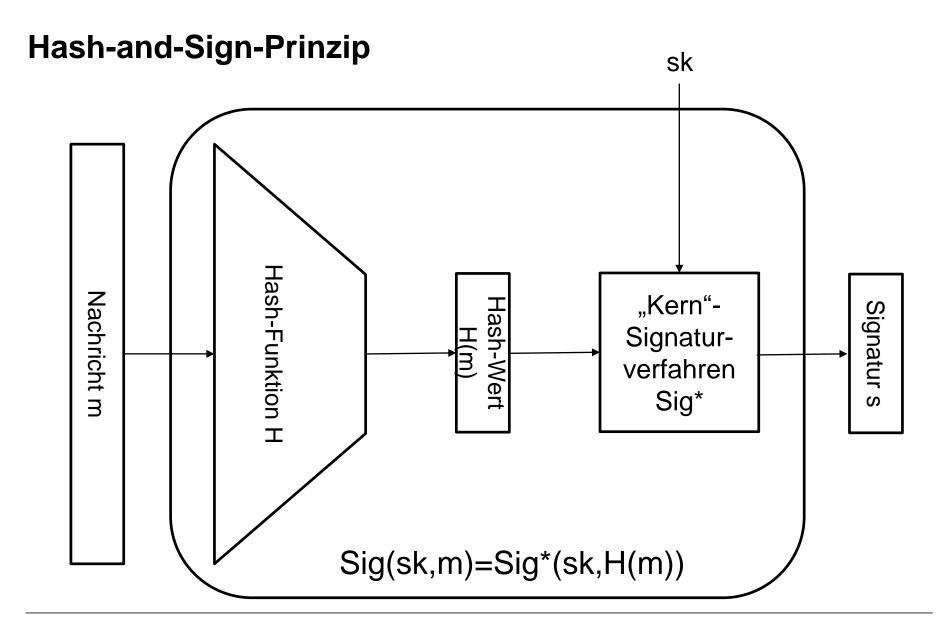
Digital Signature Algorithm (DSA)

Diskreter-Logarithmus-basiert

Beide Verfahren folgen dem sogenannten "Hash-and-Sign"-Prinzip







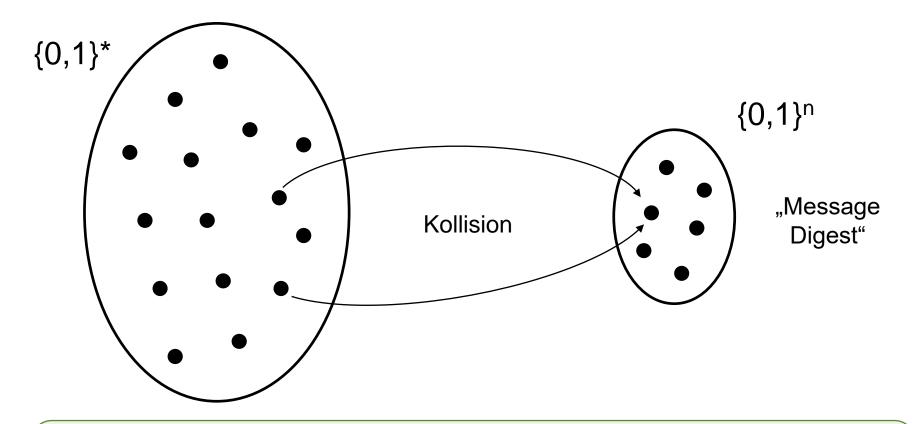




**Hash-Funktion** 

H:  $\{0,1\}^* \rightarrow \{0,1\}^n$ 

üblich: n=160, 256, 384, 512

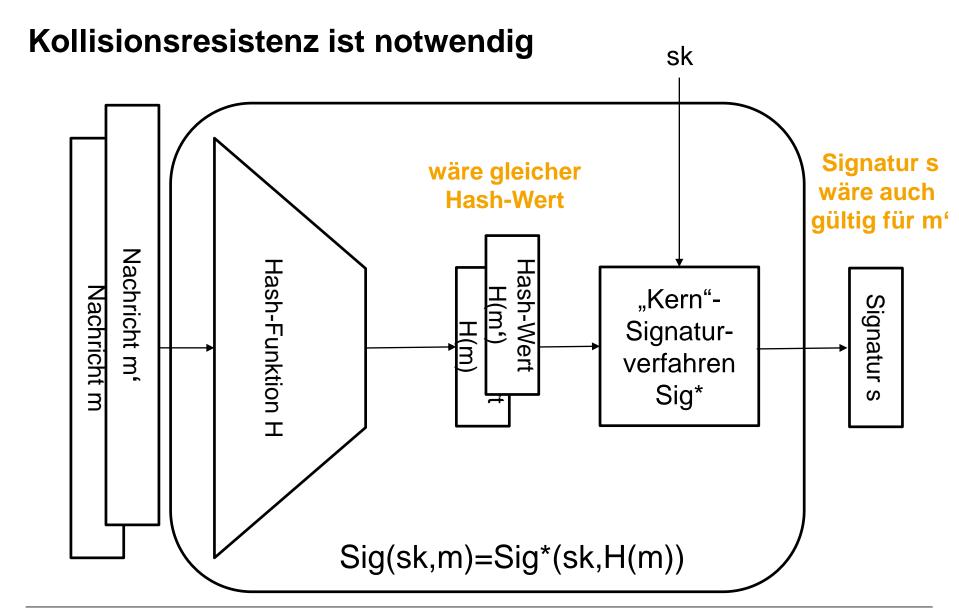


#### **Kollisionsresistenz:**

Nachrichten m≠m' mit H(m)=H(m') existieren zwar notwendigerweise, sind aber schwierig zu finden











#### Kandidaten in der Praxis

#### SHA=Secure Hash Algorithm

SHA-1: 
$$\{0,1\}^{2^{64}-1} \rightarrow \{0,1\}^{160}$$

1995 von der NIST standardisiert; inzwischen nicht mehr verwenden wegen SHAttered-Angriffen

SHA-2: 
$$\{0,1\}^{2^{128}-1} \rightarrow \{0,1\}^n$$

2005 von der NIST für n=224, 256, 384, und 512 standardisiert; für Übergangsphase bis SHA-3 fertig

SHA-3: 
$$\{0,1\}^* \rightarrow \{0,1\}^n$$

2015 von der NIST für n=224, 256, 384, und 512 standardisiert; 2012 durch öffentlichem Wettbewerb bestimmt (Sieger Keccak)

#### MD5 nicht mehr verwenden für Kollisionsresistenz!!!







Welche Hash-Funktionen von MD5, SHA-1, SHA-2 und SHA-3 können Sie noch als kollisionsresistent ansehen?



Ist folgende Hashfunktion H(m1,m2)=m1⊕m2 für m1,m2∈{0,1}<sup>256</sup> kollisionsresistent?



Was ist mit folgender Idee? Da H(m) quasi eindeutig ist, kann man H(m) als Signatur zur Nachricht m benutzen.

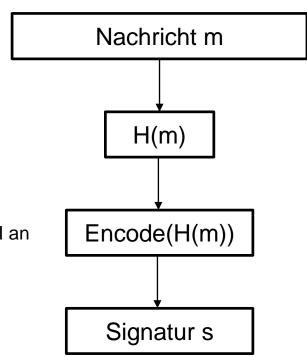


# **RSA-Signaturen** sk=(N,d)

- 1. Hashe Nachricht m auf H(m)
- 2. Kodiere "kurzen" Hashwert auf RSA-Länge

sichere Optionen für Kodierungen gibt z.B. das BSI an

3. Wende RSA-Schlüssel (•)d mod N an



 $s = (\mathsf{Encode}(H(m))^d \bmod N$ 



# **RSA-Verifikation** pk=(N,e)

- 1. Hashe Nachricht m auf H(m)
- 2. Kodiere "kurzen" Hashwert auf RSA-Länge
- 3. Vergleiche Signatur se mod N mit Encode(H(m))

Signatur s  $\rightarrow$  se mod N  $\rightarrow$  = 3

Funktional korrekt, da für korrekte Signatur  $s=(Encode(H(m))^d mod N gilt: s^e = (Encode(H(m))^d)^e = Encode(H(m)) mod N$ 



Nachricht m

H(m)

Encode(H(m))



# **DSA-Signaturen**

Unterschrift zu Nachricht m durch Schlüssel sk=(g,x,p,q):

1. Wähle zufälliges k←{1,2,...q-1} mod-Operator!

 $g \in \{1,2,...p\text{-}1\}$ 

2. Berechne  $r = (g^k \mod p) \mod q$ 

Generator primer Ordnung q, d.h. g,g<sup>2</sup>,g<sup>3</sup>,...,g<sup>q-1</sup>≠1 und g<sup>q</sup>=1

- 3. Berechne  $s = k^{-1} \cdot (H(m) + xr) \mod q$
- 4. Gib aus S=(r,s)

 $k^{-1}$  Inverses zu k mod q, d.h.  $k \cdot k^{-1} = 1$  mod q

von der NIST 1991 entwickelt und 1994 als DSS (Digital Signature Standard) standardisiert



#### **DSA-Verifikation**

Prüfe Unterschrift S=(r,s) zu Nachricht m mit Schlüssel pk=(y,p,q,g) mit y=gx:

- 1. Berechne  $v = H(m) \cdot s^{-1} \mod q$
- 2. Berechne  $w = r \cdot s^{-1} \mod q$
- 3. Prüfe, dass  $(g^v \cdot y^w \mod p) = r \mod q$ ?

Zur Erinnerung:

Funktionale Korrektheit:

$$r = (g^k \mod p) \mod q \text{ und } s = k^{-1} \cdot (H(m) + xr) \mod q$$

mod-Operator!

Für korrekt gebildete Signatur gilt:

$$g^{v} \cdot y^{w} = g^{H(m) \cdot s^{-1}} \cdot y^{r \cdot s^{-1}} = g^{s^{-1} \cdot (H(m) + xr)} = g^{k} \mod p$$
 und damit auch Gleichheit mod q



# Playstation-3-Angriff <sup>20</sup>

2010





Ziel: Kontrolle erlangen/ Code aufspielen



akzeptiert aber nur mit DSA-signierten Code unter öffentlichem Sony-Schlüssel

Sony unterschreibt auch Code per DSA, aber immer mit gleichem Zufallswert





# **DSA-Signaturen mit schwachem Zufall**





Ziel: Kontrolle erlangen/ Code aufspielen



Gegeben zwei DSA-Signaturen  $(r_1,s_1)$  und  $(r_2,s_2)$  für verschiedene Nachrichten  $m_1 \neq m_2$  mit gleichem Zufallswert k:

$$r_1 = (g^k \mod p) \mod q \text{ und } s_1 = k^{-1} \cdot (H(m_1) + xr_1) \mod q$$
  
 $r_2 = (g^k \mod p) \mod q \text{ und } s_2 = k^{-1} \cdot (H(m_2) + xr_2) \mod q$ 

 $\mathbf{r}_1 = \mathbf{r}_2$ 

ergibt

Berechne 
$$s_1$$
- $s_2$  =  $k^{-1}$  • (  $H(m_1) + xr_1$ ) -  $k^{-1}$  • (  $H(m_2) + xr_2$ )  
=  $k^{-1}$  • (( $H(m_1) + xr_1$ ) - ( $H(m_2) + xr_2$ ))

$$k = (s_1-s_2)^{-1} \cdot ((H(m_1) - H(m_2)) \mod q$$

 $= k^{-1} \cdot (H(m_1) - H(m_2))$ 

ergibt

$$x = (k \cdot s_1 - H(m_1)) \cdot r_1^{-1} \mod q$$





mod q

#### Kontrollübergabe





Ziel: Kontrolle erlangen/ Code aufspielen



unterschreibt eigenen Code

Angreifer kennt Sonys geheimen Signaturschlüssel

$$x = (k \cdot s_1 - H(m_1)) \cdot r_1^{-1} \mod q$$







#### Wie funktioniert eine RSA-Signatur?



Diskutieren Sie folgende Aussage: "Signaturen sind die Umkehrung von Verschlüsselung."



Diskutieren Sie folgende Aussage: "Jedes Signatur-Verfahren ist vom Typ Hash-and-Sign."



# **Zertifikate**

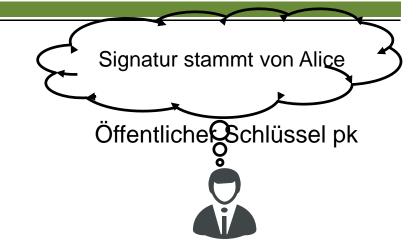




#### Wie den Schlüssel zuordnen?

Schlüsselpaar (sk,pk)





Nachricht m
Signatur s $\leftarrow$ Sig(sk,m)  $\xrightarrow{m, s}$   $1 \leftarrow Vf(pk,m,s)$ Verbindung zu Alice?

Tatsächlich aber lediglich:
Signatur stammt von der Person,
die unter dem Schlüssel pk signieren kann.





# 1.Möglichkeit: Direkte Bestätigung

Schlüsselpaar (sk,pk)

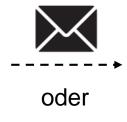


m, s

Öffentlicher Schlüssel pk



bestätige Schlüssel über zusätzlichen Kommunikationskanal





leichtere
Verifikation für Menschen
durch Hashwert H(pk)
~20-28 Zeichen

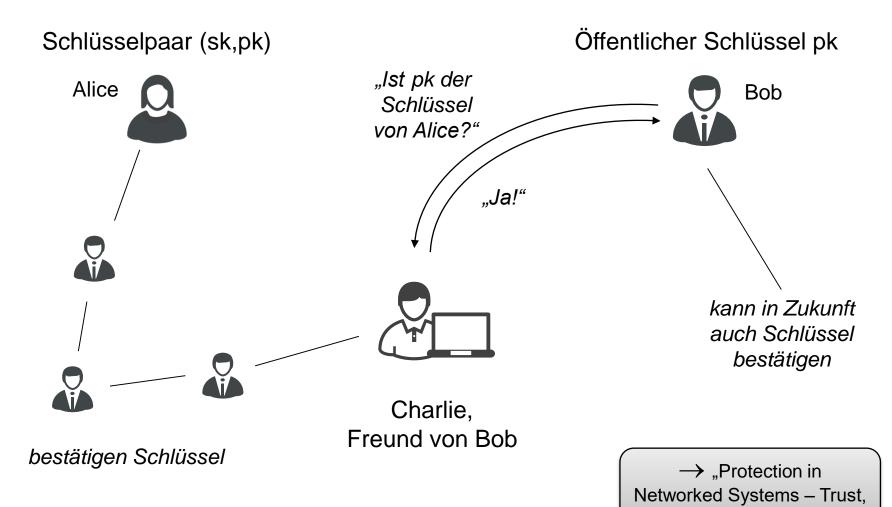
"Fingerprint"





# 2.Möglichkeit: "Web of Trust"

#### **GPG**





Resilience, and Privacy"



# 3. Möglichkeit: Zertifikate

Öffentlicher Schlüssel pk Schlüsselpaar (sk,pk) m, s, cert Alice Bob prüft stellt (digitales) Unterschrift s zu m unter pk Zertifikat cert für und Alice und pk aus Zertifikat cert zu Alice und pk prüft, dass Schlüssel pk zu Alice gehört Persönlich, Zertifizierungsinstanz Kopie des Ausweises, (Certification Authority, CA)





#### **Zertifikate**

Was steht in solchen Zertifikaten?

Wie erhält man eigentlich die Schlüssel und Zertifikate?

Wie prüft man elektronische Zertifikate?



#### Zertifikatsinhalt

heute: X.509-Zertifikate oder "kürzere" Card Verifiable Certificates (CVCs) für Smartcards

Inhaber üblicherweise common name (CN),

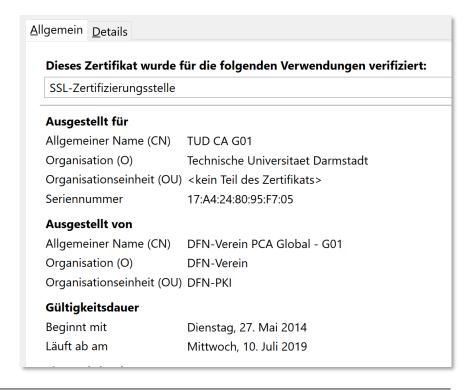
Organisation (o), Land (c), ...

Aussteller wie Inhaber

Seriennummer

Gültigkeitsdauer

. . .







# Schlüssel- und Zertifikatsverteilung



#### Öffentliches Verzeichnis

z.B. lokaler LDAP Server oder globaler Key Server

z.B. SKS-Keyservers für OpenPGP aktuell ca. 4,5 Mio Schlüssel

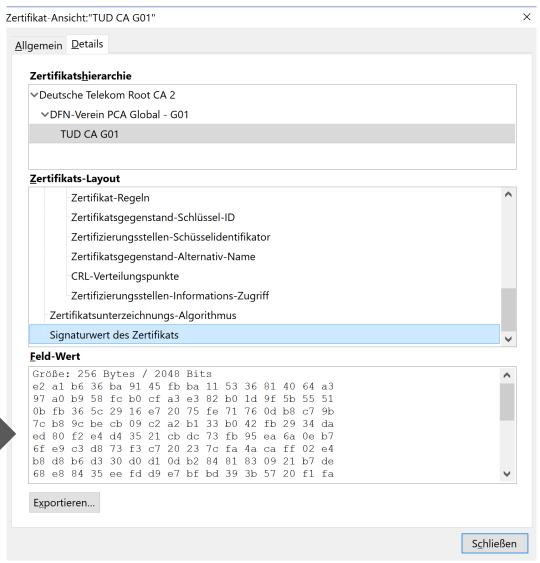




# Zertifikatsprüfung

Ansatz:
Certification Authority
unterschreibt Inhalt
mit digitaler Signatur

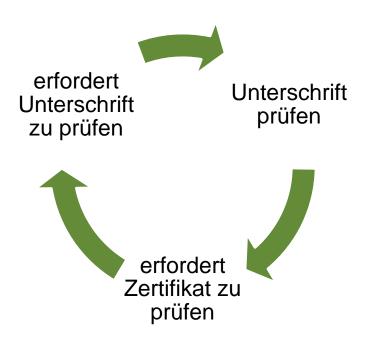






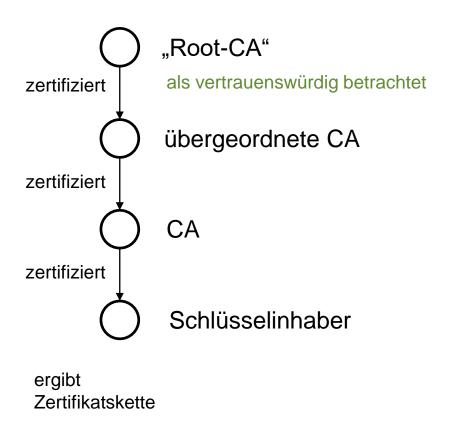


#### **Endlosrekursion?**



"Teufelskreis" muss man aufbrechen, indem man einem öffentlichen Schlüssel einer Zertifizierungsinstanz vertraut

#### Zertifizierungshierarchie

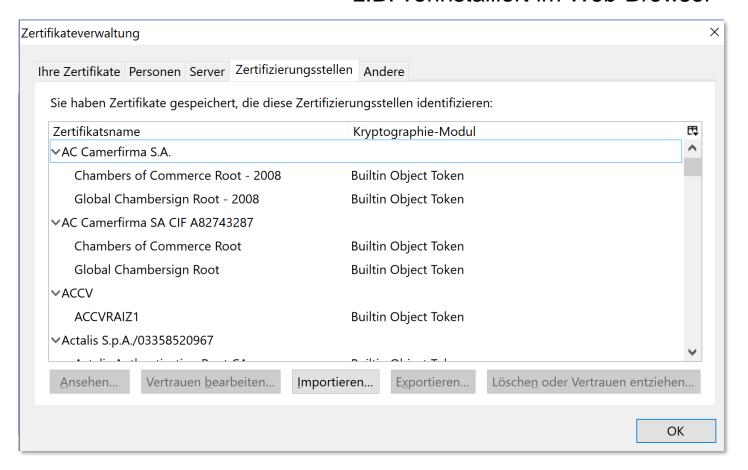






#### Vertrauenswürdige CAs

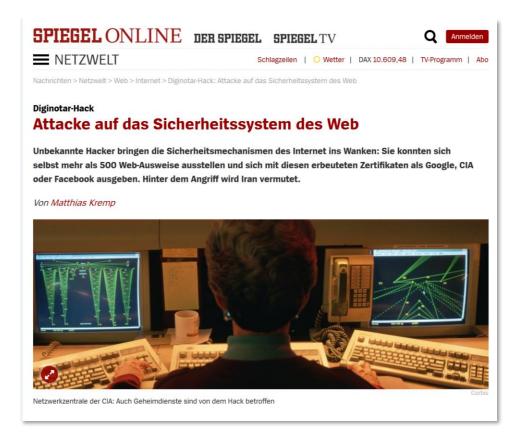
#### z.B. vorinstalliert im Web-Browser





# Diginotar-Vorfall <sup>2011</sup>





Hacker in Zertifizierungsinstanz "Diginotar" eingebrochen

Zertifikate erstellt u.a. für google.com microsoft.com skype.com





### MD5-Zertifikatskollisionen <sup>20</sup>



Short Chosen-Prefix Collisions for MD5 and the Creation of a Rogue CA Certificate

Marc Stevens<sup>1</sup>, Alexander Sotirov<sup>2</sup>, Jacob Appelbaum<sup>3</sup>, Arjen Lenstra<sup>4,5</sup>, David Molnar<sup>6</sup>, Dag Arne Osvik<sup>4</sup> and Benne de Weger<sup>7</sup>

<sup>1</sup> CWI, Amsterdam, The Netherlands
<sup>2</sup> http://www.phreedom.org
<sup>3</sup> http://www.appelbaum.net

<sup>4</sup> EPFL IC LACAL, Station 14, CH-1015 Lausanne, Switzerland
<sup>5</sup> Alcatel-Lucent Bell Laboratories
<sup>6</sup> University of California at Berkeley

<sup>7</sup> EiPSI, TU Eindhoven, The Netherlands

1-7 md5-collisions@phreedom.org

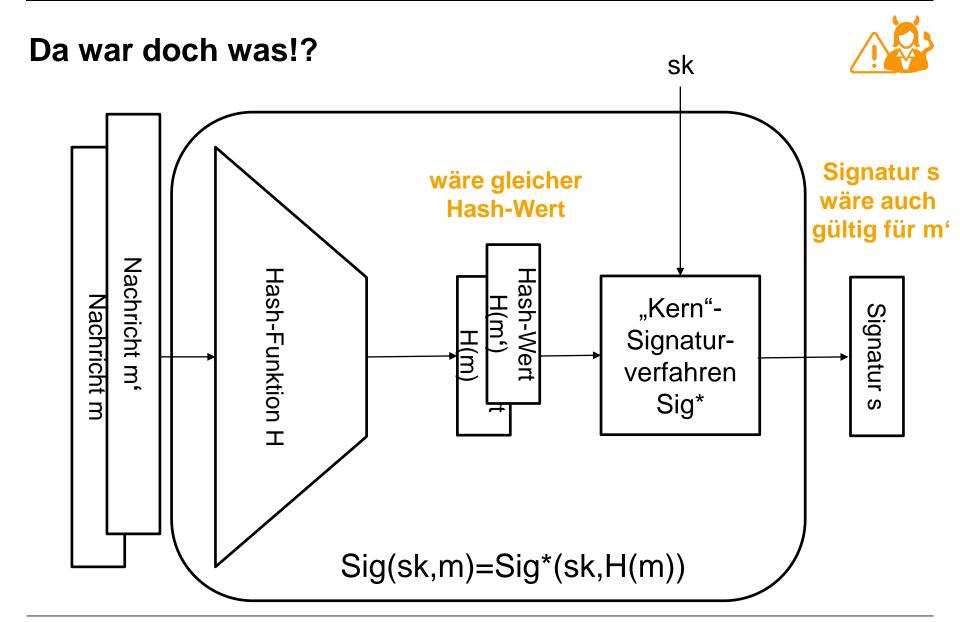
**Abstract.** We present a refined chosen-prefix collision construction for MD5 that allowed creation of a rogue Certification Authority (CA) cer-

Angriff auf CAs, die noch schwache MD5-Hashfunktion für Zertifikatsunterschriften verwendet

MD5 galt seit 2005 als nicht mehr kollisionsresistent, wurde aber noch 2009 von Zertifizierungsinstanzen zum Signieren unter md5RSA genutzt, da man trotzdem keine speziellen Kollisionen für Zertifikate und ihre Struktur erwartete



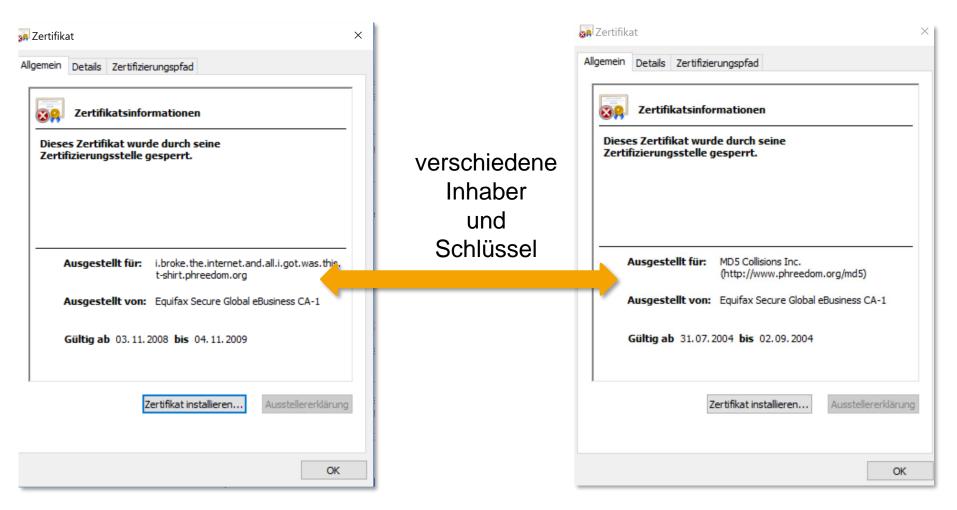






#### MD5-Zertifikatskollisionen





Zertifikat, von einer echten CA ausgestellt

Zertifikat mit gleichem MD5-Hashwert erzeugt





### SHA1-Zertifikate auch nicht mehr unterstützt





The latest news and insights from Google on security and safety on the Internet

Chrome, Firefox,...
zeigen Webseiten
mit SHA1-Zertifikaten
seit 2015/16 als unsicher an

An update on SHA-1 certificates in Chrome

December 18, 2015

Posted by Lucas Garron, Chrome security and David Benjamin, Chrome networking

As announced last September and supported by further recent research, Google Chrome does not treat SHA-1 certificates as secure anymore, and will completely stop supporting them over the next year. Chrome will discontinue support in two steps: first, blocking new SHA-1 certificates; and second blocking all SHA-1 certificates.

Browser-Test, ob SHA1 als unsicher erkannt wird

9



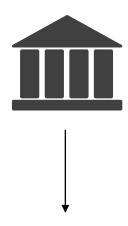


#### Zertifikate revozieren

→ "Public-Key Infrastrukturen"

Certificate Revocation Lists (CRLs)

Online Certificate Status Protocol (OCSP)



veröffentlicht unterschriebene Liste gesperrter Zertifikate



In der Praxis meist OCSP, die aber eventuell selbst mit CRLs arbeiten





# Im Web-Browser (Beispiel vom Deutschen Forschungsnetz DFN)



### Fehler: Gesicherte Verbindung fehlgeschlagen

Ein Fehler ist während einer Verbindung mit revoked-demo.pca.dfn.de aufgetreten. Das Zertifikat der Gegenstelle wurde widerrufen. Fehlercode: SEC\_ERROR\_REVOKED\_CERTIFICATE

- Die Website kann nicht angezeigt werden, da die Authentizität der erhaltenen Daten nicht verifiziert werden konnte.
- Kontaktieren Sie bitte den Inhaber der Website, um ihn über dieses Problem zu informieren.

Weitere Informationen...

#### Nochmals versuchen

Fehler an Mozilla melden, um beim Identifizieren und Blockieren böswilliger Websites zu helfen

Beispiel OCSP-fähiges, widerrufenes Zertifikat







Nennen Sie (die) drei Möglichkeiten, um einen öffentlichen Schlüssel zu prüfen.



Können Sie sich vorstellen, warum Zertifizierungsinstanzen anno 2009 noch MD5 verwendet haben, obwohl MD5 quasi 2005 gebrochen war?



Diskutieren Sie Vor- und Nachteile von CRLs gegenüber OSCP zur Zertifikationsüberprüfung.





## **Elektronische Signaturen**

digitale Signatur (mathematisch) vs. elektronische Signatur (juristisch)





# Signaturgesetz 1997 bzw. 2001

Gesetz zur Rechtssicherheit für elektronische Signaturen

(einfache) elektronische Signatur mit Daten verknüpft, dient der Authentisierung

fortgeschrittene Signatur

dem Unterzeichner zuzuordnen

Unterzeichner hat Mittel zur Erstellung unter alleiniger Kontrolle mit den unterzeichneten Daten sicher verknüpft

qualifizierte Signatur (kann Schriftform ersetzen)
wie fortgeschrittene Signatur
und qualifiziertes Zertifikat und sichere Signaturerstellungseinheit





#### Signaturgesetz

### Folgen

Im Sinne dieses Gesetzes sind

- 1. "elektronische Signaturen" Daten in elektronischer Form, die anderen elektronischen Daten beigefügt oder logisch mit ihnen verknüpft sind und die zur Authentifizierung dienen,
- 2. "fortgeschrittene elektronische Signaturen" elektronische Signaturen nach Nummer 1, die
  - a) ausschließlich dem Signaturschlüssel-Inhaber zugeordnet sind,
  - b) die Identifizierung des Signaturschlüssel-Inhabers ermöglichen.
  - mit Mitteln erzeugt werden, die der Signaturschlüssel-Inhaber unter seiner alleinigen Kontrolle halten kann, und



hat Signatur-Komponente, also:

Personalausweisgesetz (seit 2009)

#### § 1 Ausweispflicht; Ausweisrecht

(1) Deutsche im Sinne des Artikels 116 Abs. 1 des Grundgesetzes sind verpflichtet, einen Ausweis zu besitzen, sobald sie 16 Jahre alt sind und der allgemeinen Meldepflicht unterliegen oder, ohne ihr zu unterliegen, sich überwiegend in Deutschland aufhalten. Sie müssen ihn auf Verlangen einer zur Feststellung der Identität berechtigten Behörde vorlegen. Vom Ausweisinhaber darf nicht verlangt werden, den Personalausweis zu hinterlegen oder in sonstiger Weise den Gewahrsam aufzugeben. Dies gilt nicht für zur Identitätsfeststellung berechtigte Behörden sowie in den Fällen der Einziehung und Sicherstellung.





### **eIDAS**

seit 1.Juli 2016

electronic identification and trust services for electronic transactions

Europäische Verordnung, die die nationalen Signaturgesetze ablöst

sehr ähnlich zu Signaturgesetz

definiert weitere Authentisierungsarten neben elektronischer Signatur:

elektronische Siegel (für juristische Personen/Services)

Zeitstempel

Zustellungsservices

Webseitenauthentisierung

. . .





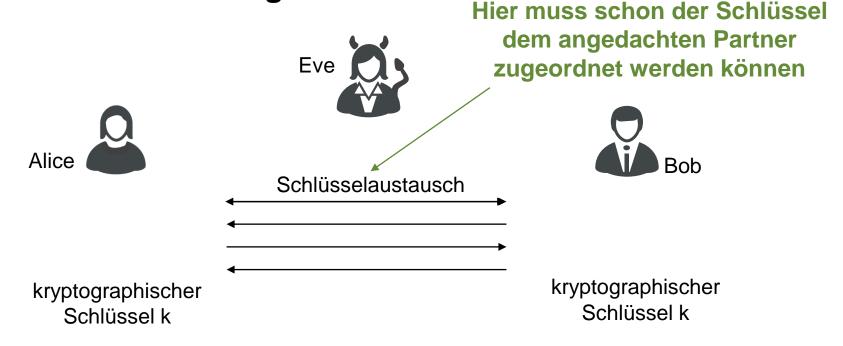
# **Message Authentication Codes**

("symmetrische Signaturen")





**Brauchen wir immer Signaturen?** 



Statt Public-Key-Verschlüsselung verwenden wir die schnellere symmetrische Verschlüsselung mit dem ausgehandelten Schlüssel k

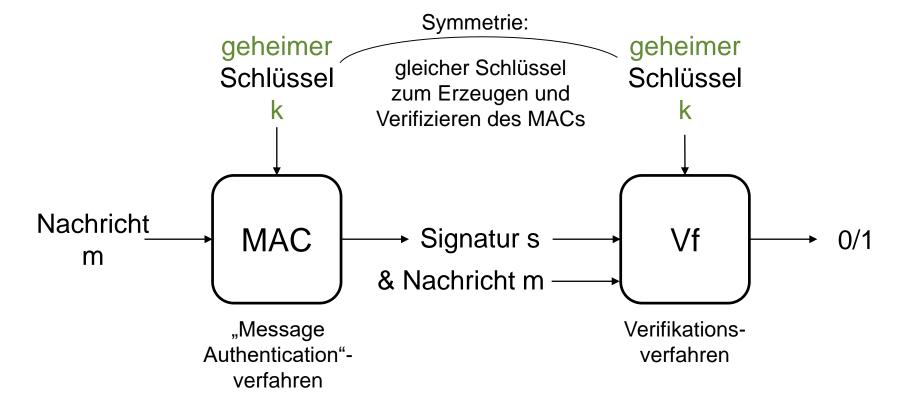
Symmetrische Verschlüsselung mittels k

Ansatz: weiteren, dem Partner auch zuzuordnenden Schlüssel k\* aushandeln und zum schnelleren Integritätsschutz verwenden!





### Prinzip der Message Authentication Codes (MACs)



Funktionale Korrektheit (Vollständigkeit): Für alle Nachrichten m und alle Schlüssel k gilt: Vf(k,m,MAC(k,m))=1





#### **MACs in der Praxis**

HMAC (Hash-Funktions-basierter MAC für SHA-1, SHA-2):

$$\mathsf{HMAC}(\mathsf{k},\mathsf{m}) = \mathsf{H}(\mathsf{k} \oplus \mathsf{opad} \mid\mid \mathsf{H}(\mathsf{k} \oplus \mathsf{ipad} \mid\mid \mathsf{m}))$$

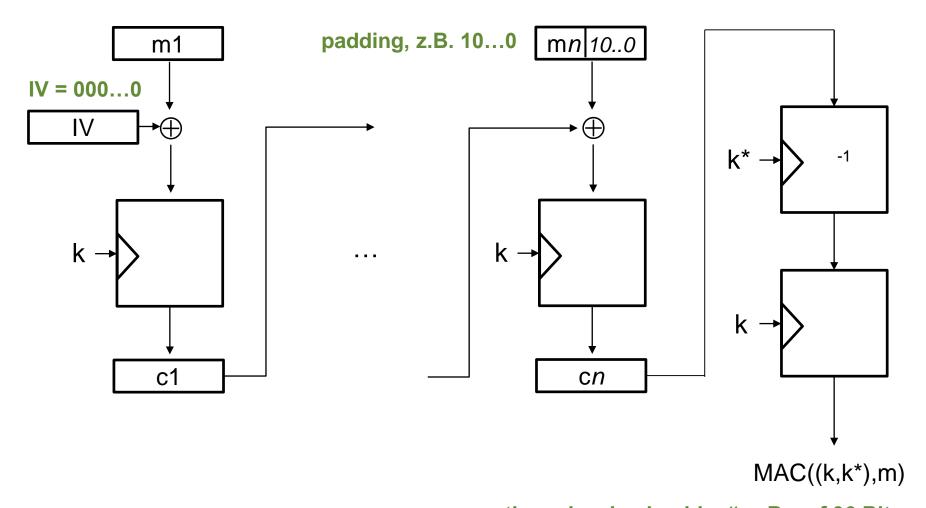
```
opad = 0x5c 0x5c 0x5c ...
lpad = 0x36 0x36 0x36 ...
```

Prinzipiell auch für SHA-3 geeignet, dort kann man aber wegen anderer Struktur der Hash-funktion sogar H(k||m) direkt benutzen



### **MACs in der Praxis**

### CBC-MAC (für 3DES, AES) im Retail Mode:



evtl. noch "abschneiden", z.B. auf 96 Bits





### Authenticated Encryption (with associated data, AEAD)

Kombination für Vertraulichkeit und Integrität

Encrypt-then-MAC:

Ausgabe = (AD, C, t)

Entschlüsseln: nur wenn Vf(k\*,AD|C,t)=1, dann m←Dec(k,C) ausgeben

schnellere "Verzahnung" von Enc und MAC in speziellen Modi wie Galois/Counter Mode





Kontextinformation z.B. TCP Header



Warum kann man MACs nicht als elektronische Signatur verwenden?



Warum ist folgendes "hybride" Signaturverfahren keine gute Idee? Um m zu signieren wähle man Schlüssel k, berechne s=Sig(sk,k) und t=MAC(k,m) und gebe (s,t,k) aus.



\*Warum kann man nicht den letzten Block einfach so als CBC-MAC der Nachricht m nehmen?

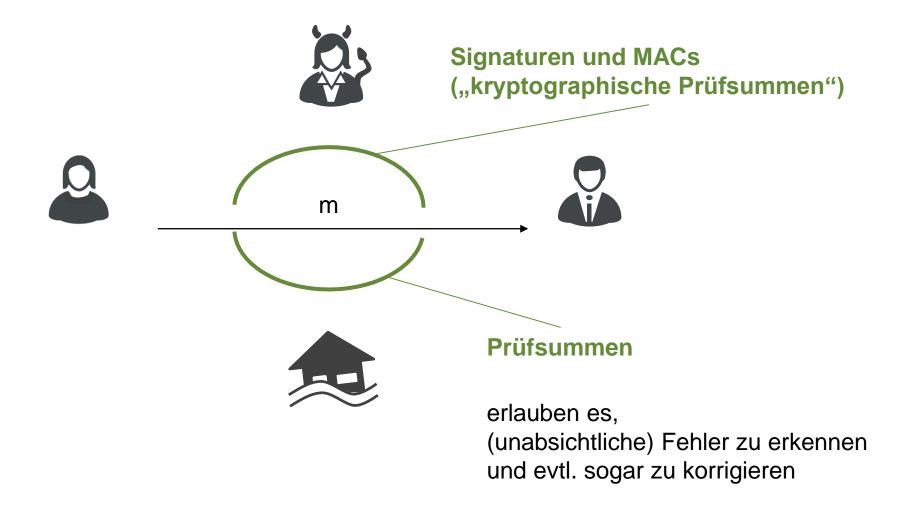




### Prüfsummen



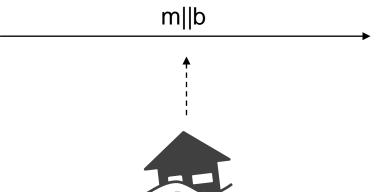






### **Paritätsprüfsumme**

Sender hat Nachricht m=  $b_0 \mid b_1 \mid ... \mid b_{n-1}$  aus Bits  $b_j$ Berechnet Paritätsbit  $b = b_0 \oplus b_1 \oplus ... \oplus b_{n-1}$ Sendet m||b



Empfänger prüft, dass  $b = b_0 \oplus b_1 \oplus ... \oplus b_{n-1}$  für  $m = b_0 \mid b_1 \mid ... \mid b_{n-1}$ 

JA: gib m aus

NEIN: gib FEHLER aus

Wenn kein Bit in m|b "gekippt", dann gibt Empfänger m aus Wenn ein Bit in m|b "gekippt", dann gibt Empfänger FEHLER aus Wenn zwei oder mehr Bits in m|b "gekippt", dann falsche Ausgabe

Erlaubt es, bis zu einen Fehler zu entdecken, aber nicht zu korrigieren





### Grundlagen der Cyclic Redundancy Checks (CRCs)

Operieren über Polynomen  $a_0x^0 + a_1x^1 + \cdots + a_{n-1}x^{n-1}$ 

mit Koeffizienten über {0,1}

+ entspricht damit ⊕

Insbesondere:  $x^i + x^i = 0$  und damit  $\sum a_i x^i + \sum b_i x^i = \sum (a_i \oplus b_i) \cdot x^i$ 

Polynomdivision A(x)/B(x)

$$A(x) = x^4 + x^3 + 1$$
 und  $B(x) = x^2 + 1$ 

$$A(x)/B(x) = x^2 + x + 1$$
, Rest x





### Cyclic Redundancy Check (CRC)

1. Schritt: wähle geeignetes CRC-Polynom, z.B.

$$C(x) = x^0 + x^1 + x^2 + x^4 + x^5 + x^7 + x^8 + x^{10} + x^{11} + x^{12} + x^{16} + x^{22} + x^{23} + x^{26} + x^{32}$$

"Ethernet-CRC32"

#### 2.Schritt:

Betrachte Nachricht 
$$m = b_0 | b_1 \dots | b_{n-1}$$
 als Polynom  $M(x) = b_0 x^0 + b_1 x^1 + \dots + b_{n-1} x^{n-1}$ 

wobei n-1 Vielfaches vom Grad des CRC-Polynoms sein muss, sonst muss man m mit 0en auffüllen

#### 3. Schritt:

Sende m und CRC(m) = Divisionsrest von M(x)/C(x)



#### **CRC** checken

Empfänger prüft bei Erhalt von m\*, ob CRC(m\*) mit erhaltener Summe übereinstimmt

Für geeignete CRC-Polynome kann man jede ungerade Anzahl von Bitflips in Nachricht feststellen

Vor allem Fehlerbündel ("burst errors") von zusammenhängenden Bitfehlern werden erkannt





# Angriff auf WEP ab 2001

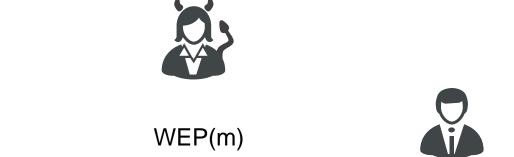


WEP = Wired Equivalent Privacy



Ehemaliges Protokoll zur Absicherung von WLANs

Inzwischen WPA2 und dazwischen das auch als unsicher geltende WPA
Wi-Fi Protected Access



Hier nur speziell der Angriff auf vermeintliche Integrität durch CRC in WEP





### (Fehlender) Integritätsschutz in WEP



 $\oplus$ 

 $\oplus$ 

Schlüssel(-strom) k

m CRC32(m)

k ⊕ m|CRC32(m)

m⊕m\*

⊕ m\* CRC32(m\*)

Entschlüsselung

 $k \oplus (m \oplus m^*)|(CRC32(m) \oplus CRC32(m^*))$ 

Schlüssel(-strom) k

CRC32(m⊕m\*)

\
CRC32(m)⊕CRC32(m\*)
=CRC32(m⊕m\*)





# Was Sie gelernt haben sollten



### Digitale Signaturen

Hashfunktionen

Kandidaten in der Praxis (Signaturverfahren + Hashfunktionen)

Zertifizierung von öffentlichen Schlüsseln

Elektronische Signaturen

Message Authentiction Codes (MACs)

Kandidaten in der Praxis

Prüfsummen

Unterschied Prüfsummen vs. Signaturen und MACs



