Sheep

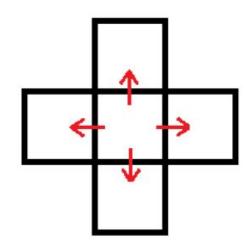
Big-O Blue - Lecture 5: BFS



- Có một mảnh đất có dạng một hình chữ nhật, chứa các ô như sau:
 - Kí tự '.' : ô trống đi vào được.
 - Kí tự '#' : hàng rào, không đi vào được.
 - Kí tự 'k' : một chú cừu.
 - Kí tự 'v' : một con sói.

1. Cách di chuyển:

Đứng tại một ô bất kỳ, ta có thể di chuyển sang các ô kề cạnh theo 4 hướng, dĩ nhiên không được đi ra khỏi bảng và không đi vào ô '#'.



2. Khu vực (sector)

Hai ô tồn tại đường đi tới nhau được gọi là chung một **khu vực**.

- Xét trong một khu vực:
 - Số con cừu lớn hơn hẳn số con sói trong cùng một khu vực, đàn sói sẽ chết hết và đàn cừu sẽ bảo toàn lực lượng.
 - Ngược lại thì đàn cừu = 0, và đàn sói bảo toàn lực lượng.

•	#	#	#	#	#	#	
#		٠	k	٠	٠	٠	#
#		#	#	#	#	٠	#
#		#	V	٠	#	٠	#
#		#	٠	k	#	k	#
#	k		#	#	•	•	#
#		٧	٠	٠	>	٠	#
•	#	#	#	#	#	#	•

 Nếu khu vực nằm bên rìa mảnh đất thì đàn cừu và sói trong khu vực này đều sống sót.

Yêu cầu: Xác định số cừu và sói còn lại sau một đêm.

•	#	#	#	#	#	#	
#	•	•	k				#
#	•	#	#	#	#	•	#
#	•	#	>	٠	#	•	#
#	•	#	•	k	#	k	#
#	k	•	#	#	•	•	#
#	•	>	•	•	٧	•	#
•	#	#	#	#	#	#	

Mô tả Input/Output

Input:

N M - số lượng hàng, cột của mảnh đất N dòng tiếp theo chứa M kí tự đại diện cho mỗi ô của mảnh đất.

 $3 \le N, M \le 250$

Output:

Số lượng cừu và sói sống sót.



Giải thích ví dụ

Test ví dụ

N = 8, M = 8

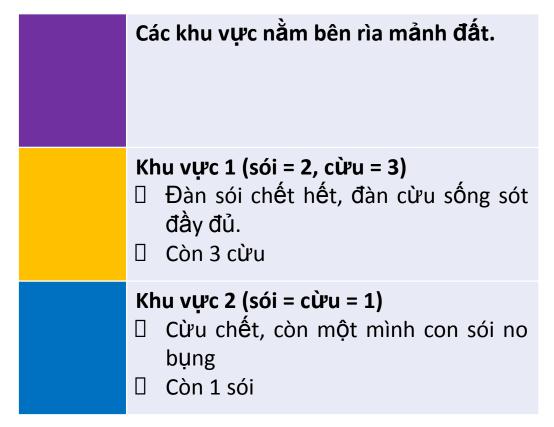
•	#	#	#	#	#	#	•
#	•		k				#
#	•	#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	٧	•	•	٧	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Test ví dụ

$$N = 8, M = 8$$

•	#	#	#	#	#	#	•
#			k				#
#		#	#	#	#		#
#	•	#	V	٠	#	٠	#
#	•	#	•	k	#	k	#
#	k	•	#	#	٠	٠	#
#		V	•	•	٧	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

□ Output: 3 1





Hướng dẫn giải

Nhận xét

- Ta xem các ô trên mảnh đất là các đỉnh của đồ thị.
- Giữa hai đỉnh có cạnh nối trực tiếp khi hai ô trên mảnh đất kề cạnh nhau.

	(x - 1, y)	
(x, y - 1)	(x, y)	(x, y + 1)
	(x + 1, y)	

$$(x, y - 1) \longrightarrow (x, y) + (0, -1)$$

 $(x, y + 1) \longrightarrow (x, y) + (0, 1)$
 $(x - 1, y) \longrightarrow (x, y) + (-1, 0)$
 $(x + 1, y) \longrightarrow (x, y) + (1, 0)$

$$dr = [0, 0, -1, 1]$$

 $dc = [-1, 1, 0, 0]$

Nhận xét

- Khi đó, ta chỉ cần duyệt BFS bắt đầu từ một ô không phải là hàng rào để đi đến các ô khác cùng khu vực với nó.
- Đồng thời cũng phải lưu lại số cừu và số sói trong lúc duyệt BFS.
- Nếu khu vực đang xét nằm bên rìa mảnh đất:
 - → Số sói và cừu vừa đếm được bảo toàn.
- Ngược lại thì so sánh số cừu và số sói trong khu vực vừa duyệt và cập nhật đáp án.

Nhận xét

Khu vực bên rìa mảnh đất: chứa ≥ 1 ô nằm trên rìa mảnh đất.

		#	#	#	#	#	
#			k				#
#		#	#	#	#		#
#		#	V	•	#		#
#		#	•	k	#	k	#
#	k		#	#			#
#		V	•	•	V		#
	#	#	#	#	#	#	•

Ô (x,y) nằm trên rìa mảnh đất khi một trong các điều kiện sau thỏa:

$$- x == 0$$

$$- x == N-1$$

$$- y == 0$$

$$- y == M-1$$

với
$$0 \le x < N$$
, $0 \le y < M$

	#	#	#	#	#	#	
#	•	•	k	•	•	•	#
#	•	#	#	#	#	•	#
#	•	#	V		#		#
#	•	#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	

Khu vực 1: nằm bên rìa mảnh đất

Sheep = 0

Wolf = 0

• Số cừu và sói bảo toàn

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•	•	k	•	•	•	#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V	•	•	V	•	#
•	#	#	#	#	#	#	

Khu vực 2: nằm bên rìa mảnh đất

Sheep = 0

Wolf = 0

• Số cừu và sói bảo toàn

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•	•	k	•	•	•	#
#	•	#	#	#	#	•	#
#	•	#	V		#		#
#	•	#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	

Khu vực 2: nằm bên rìa mảnh đất

Sheep = 0

Wolf = 0

• Số cừu và sói bảo toàn

	#	#	#	#	#	#	
#		•	k	•	•	•	#
#	•	#	#	#	#		#
#	•	#	V		#		#
#	•	#		k	#	k	#
#	k	•	#	#	•	•	#
#	•	٧	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Khu vực 3

•	#	#	#	#	#	#	•
#			k				#
#		#	#	#	#		#
#		#	٧		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#		V			V		#
•	#	#	#	#	#	#	

Khu vực 3: Bên trong mảnh đất

Sheep = 3

Wolf = 2

Số cừu và sói thay đổi:

Sheep = 3

Wolf = 0

	#	#	#	#	#	#	
#	•	•	k			٠	#
#	•	#	#	#	#		#
#	•	#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#		V			V		#
	#	#	#	#	#	#	•

Khu vực 4

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•	٠	k			٠	#
#		#	#	#	#		#
#	•	#	V	٠	#	٠	#
#	•	#		k	#	k	#
#	k	•	#	#	٠	٠	#
#	•	V			V	٠	#
•	#	#	#	#	#	#	

Khu vực 4: Bên trong mảnh đất

Sheep = 1

Wolf = 1

Số cừu và sói thay đổi

Sheep = 0

Wolf = 1

	#	#	#	#	#	#	
#	•	•	k		٠	٠	#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#	•	#	V	٠	#	٠	#
#	•	#		k	#	k	#
#	k	•	#	#	٠	٠	#
#		V			V		#
•	#	#	#	#	#	#	•

Khu vực 5: nằm bên rìa mảnh đất Sheep = 0

Wolf = 0

Số cừu và sói bảo toàn

•	#	#	#	#	#	#	•
#		•	k				#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#	•	#	٧	٠	#	•	#
#	•	#		k	#	k	#
#	k	•	#	#	٠	•	#
#		V			V	•	#
•	#	#	#	#	#	#	

Khu vực 6: nằm bên rìa mảnh đất Sheep = 0

Wolf = 0

Số cừu và sói bảo toàn

• Ta sẽ mô phỏng thuật toán duyệt BFS lên test ví dụ:

	#	#	#	#	#	#	
#	•		k			•	#
#	•	#	#	#	#	•	#
#	•	#	>	•	#	٠	#
#	•	#	•	k	#	k	#
#	k	•	#	#	•	•	#
#	•	٧	•	•	٧	•	#
•	#	#	#	#	#	#	

Queue:

Sheep: 0

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•	•	k	•	•	•	#
#	•	#	#	#	#	•	#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k	•	#	#			#
#	•	V			V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (1, 1)

Sheep: 0

Wolf: 0

	#	#	#	#	#	#	•
#	•	•	k	•	•	•	#
#	•	#	#	#	#	•	#
#	•	#	٧		#		#
#	•	#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue:

Sheep: 0

Wolf: 0

ConnectedOutside: True

Queue rỗng 🗆 BFS kết thúc.

•	#	#	#	#	#	#	
#			k	•	•		#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k	•	#	#	•	•	#
#	•	V	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (1, 8)

Sheep: 0

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	•
#			k	•			#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue:

Sheep: 0

Wolf: 0

ConnectedOutside: True

Queue rỗng 🗆 BFS kết thúc.

•	#	#	#	#	#	#	
#		•	k	•	•	•	#
#	•	#	#	#	#		#
#	•	#	٧		#		#
#	•	#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (2, 2)

Sheep: 0

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	
#	•		k	•	•	•	#
#		#	#	#	#	•	#
#	•	#	>	•	#	•	#
#	•	#	•	k	#	k	#
#	k	•	#	#	•	•	#
#	•	>	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (2, 3), (3, 2)

Sheep: 0

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•		k	•	•	•	#
#		#	#	#	#	•	#
#	•	#	٧	•	#	•	#
#	•	#		k	#	k	#
#	k	•	#	#	•	•	#
#	•	٧	•	•	٧	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (3, 2), (2, 4)

Sheep: 0

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•		k	•	•	•	#
#		#	#	#	#	•	#
#	•	#	٧	•	#	•	#
#	•	#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V	•	•	V	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (2, 4), (4, 2)

Sheep: 0

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•		k		•	•	#
#		#	#	#	#	•	#
#	•	#	٧	•	#	•	#
#	•	#		k	#	k	#
#	k	•	#	#	•	•	#
#	•	V	•	•	٧	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (4, 2), (2, 5)

Sheep: 1

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•		k		•	•	#
#	•	#	#	#	#	•	#
#	•	#	٧	•	#	•	#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	٧	•	•	٧	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (2, 5), (5, 2)

Sheep: 1

Wolf: 0

	#	#	#	#	#	#	
#			k			•	#
#	•	#	#	#	#	•	#
#	•	#	٧	•	#	•	#
#		#		k	#	k	#
#	k	•	#	#	•	•	#
#	•	>	•	•	٧	•	#
•	#	#	#	#	#	#	

Queue: (5, 2), (2, 6)

Sheep: 1

Wolf: 0

	#	#	#	#	#	#	•
#			k			•	#
#	•	#	#	#	#	•	#
#	•	#	٧	•	#	•	#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (2, 6), (6, 2)

Sheep: 1

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•		k				#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#	•	#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#		V			V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (6, 2), (2, 7)

Sheep: 1

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•		k				#
#	•	#	#	#	#	•	#
#	•	#	٧	•	#	•	#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#		V	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (2, 7), (6, 3), (7, 2)

Sheep: 2

Wolf: 0

	#	#	#	#	#	#	
#			k				#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#	٠	#	V	•	#	•	#
#	•	#	•	k	#	k	#
#	k	٠	#	#	•	•	#
#	٠	>	•	•	٧	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (6, 3), (7, 2), (3, 7)

Sheep: 2

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•	•	k			•	#
#	•	#	#	#	#	•	#
#	•	#	٧	•	#	•	#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#		V	•	•	V	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (7, 2), (3, 7), (7, 3)

Sheep: 2

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	
#	•	•	k			•	#
#		#	#	#	#		#
#	•	#	٧	•	#	•	#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V	•	•	٧	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (3, 7), (7, 3)

Sheep: 2

Wolf: 0

	#	#	#	#	#	#	
#	•		k				#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	

Queue: (7, 3), (4, 7)

Sheep: 2

Wolf: 0

•	#	#	#	#	#	#	
#			k				#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#	•	#	٧	•	#	٠	#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#	•	•	#
#		٧	•	•	V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (4, 7), (7, 4)

Sheep: 2

Wolf: 1

•	#	#	#	#	#	#	•
#			k				#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V		•	V	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (7, 4), (5, 7)

Sheep: 2

Wolf: 1

•	#	#	#	#	#	#	
#			k				#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#	•	#	٧	•	#	٠	#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#	•	•	#
#	•	V			V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (5, 7), (7, 5)

Sheep: 2

Wolf: 1

•	#	#	#	#	#	#	
#			k				#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#	•	#	٧	•	#	٠	#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V			V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (7, 5), (6, 7)

Sheep: 3

Wolf: 1

•	#	#	#	#	#	#	
#			k				#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V			V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (6, 7), (7, 6)

Sheep: 3

Wolf: 1

•	#	#	#	#	#	#	
#			k				#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#		V			V		#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (7, 6), (7, 7), (6, 6)

Sheep: 3

Wolf: 1

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•		k			•	#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V			V		#
•	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (7, 7), (6, 6)

Sheep: 3

Wolf: 2

•	#	#	#	#	#	#	•
#			k				#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#		V			V		#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (6, 6)

Sheep: 3

Wolf: 2

•	#	#	#	#	#	#	
#	•	•	k			•	#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#	•	•	#
#	•	V		•	V	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Queue:

Sheep: 3

Wolf: 2

ConnectedOutside: False

Đến đây queue rỗng nên BFS dừng lại.

- ☐ Trong khu vực này có 3 cừu và 2 sói
- ☐ Do số cừu > số sói nên cập nhật số cừu sống sót thêm 3

	#	#	#	#	#	#	
#			k				#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V			V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (4, 4)

Sheep: 0

Wolf: 0

	#	#	#	#	#	#	
#			k				#
#		#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V			V	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (4,5), (5, 4)

Sheep: 0

Wolf: 1

•	#	#	#	#	#	#	
#			k				#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#		V			V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (5, 4), (5, 5)

Sheep: 0

Wolf: 1

•	#	#	#	#	#	#	
#			k				#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#		V			V	•	#
	#	#	#	#	#	#	•

Queue: (5, 5)

Sheep: 0

Wolf: 1

•	#	#	#	#	#	#	
#	•	•	k		•	•	#
#	•	#	#	#	#		#
#		#	V		#		#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#		•	#
#		٧	•		V	•	#
•	#	#	#	#	#	#	

Queue:

Sheep: 1

Wolf: 1

ConnectedOutside: False

Queue rong 🗆 BFS dùng lại

- Trong vùng vừa duyệt có 1 cừu và 1 sói
- □ Cừu chết và cập nhật số sói sống thêm 1.

•	#	#	#	#	#	#	•
#	•	•	k			•	#
#	•	#	#	#	#	٠	#
#	•	#	V	•	#	٠	#
#		#		k	#	k	#
#	k		#	#			#
#	•	V		•	V	•	#
•	#	#	#	#	#	#	•

Tiếp tục cho hai ô vuông còn lại chưa được duyệt.

- ☐ Mọi ô vuông không phải hàng rào đều được duyệt qua.
- ☐ Xuất ra đáp án của bài toán.

Các bước giải

```
Bước 1: Đọc vào hai số N, M
```

Bước 2: Đọc vào bảng hai chiều A đại diện cho khu vườn của đề bài

Bước 3: Khởi tạo các biến đáp án survivedSheep = 0, survivedWolf = 0

Bước 4: Duyệt i chạy từ 1 đến N, j chạy từ 1 đến M:

Nếu A[i][j] != '#' và (i, j) chưa được thăm thì bắt đầu BFS tại (i, j).

Cập nhật đáp án sau khi BFS tại (i, j).

Bước 5: Xuất ra đáp án.

Độ phức tạp: $O(M \times N)$



Mã giả

Mã giả

```
read N, M
a = [None] *N
for i = 0 \rightarrow N-1:
    read a[i]
visited = [[false]*M for i in range(N)]
nSheep = 0, nWolf = 0
for i = 0 \rightarrow N-1:
    for j = 0 \rightarrow M-1:
        if a[i][j] != '#' and visited[i][j] == false:
            bfs(i, j)
print(nSheep, nWolf)
Do phuc tap: O(N*M + N*M) = O(N*M)
```

Mã giả

```
dr = [0,0,1,-1]
                                                              #ket thuc while
dc = [1,-1,0,0]
                                                                  if connectedOutside:
                                                                       nSheep += k
function bfs(i, j):
                                                                       nWolf += v
    q = Queue()
                                                                  else:
    q.push(\{i,j\})
                                                                       if k > v:
    visited[i][j] = true
                                                                            nSheep += k
    k = 0, v = 0
                                                                       else:
                                                                            nWolf += v
    connectedOutside = false
    while q is not empty:
                                                              function onEdge(x, y):
         \{x, y\} = q.front()
                                                                  return x == 0 or x == N-1 or y == 0 or y == M-1
         q.pop()
                                                              function is Valid(x,y):
         if a[x][y] == 'k': k += 1
                                                                  return 0 \le x < N and 0 \le y < M
         if a[x][y] == 'v': v += 1
         if onEdge(x,y): connectedOutside = true
         for id = 0 \rightarrow 3:
              u = x + dr[id]
              v = y + dc[id]
              if isValid(u,v) and a[u][v] != '#' and visited[u][v] == false:
                  q.push(\{u,v\})
                   visited[u][v] = true
```

Thank you