

ABC PATH

Big-O Blue - Lecture 06: DFS

Tóm tắt đề bài

Tóm tắt đề bài

- Bạn được cho bảng chữ cái hai chiều. **Tìm đường đi dài nhất của các chữ cái liên tiếp, bắt đầu từ 'A'.**
- Đường đi có thể đi từ một ký tự trong bảng đến bất kỳ ký tự liền kề nó (ngang, dọc, chéo).

Mô tả Input/Output

Input

Có nhiều bộ test. Mỗi bộ test có định dạng:

- Dòng đầu tiên gồm 2 số nguyên H, W ($1 \leq H, W \leq 50$) lần lượt là chiều cao và rộng của bảng.
- H dòng kế tiếp, mỗi dòng gồm W ký tự in hoa

Kết thúc toàn bộ bộ test là cặp "0 0".

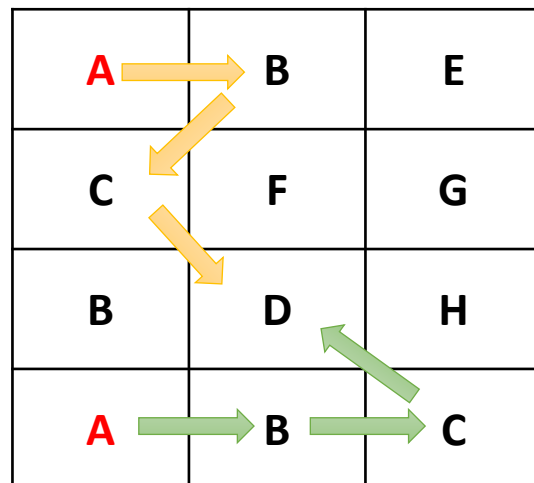
Output

Với mỗi bộ test in ra "Case C: X" với **C** là số thứ tự bộ test và **X** là kết quả bài toán.

Giải thích ví dụ

Ví dụ

Input	Output
4 3 ABE CFG BDH ABC 0 0	Case 1: 4



- Có nhiều cách đi từ A → D
 - Không có đường nào đi từ A → E
- ➔ Đường đi dài nhất là 4 (A → D).

Hướng dẫn giải

Nhận xét

- Việc duyệt A, sau đó duyệt tìm đến B, rồi tìm C, v.v. giống như *duyet theo độ sâu bảng chữ cái* dựa trên các chữ cái
 - Đề bài yêu cầu tìm đường đi dài nhất
- ➔ áp dụng DFS cho bài toán này

Ý tưởng

- Do đường đi cần tìm *chỉ có thể bắt đầu từ 'A'* → duyệt qua từng phần tử trong bảng, nếu nó là ký tự 'A' thì thực hiện DFS từ đây
- Trong lúc DFS cần chú ý các điểm sau:
 - Từ 1 ô, nếu muốn đi qua ô liền kề ô đó (ngang, dọc, chéo) thì ô kề phải thỏa điều kiện chứa ký tự liền sau của ô đang xét
 - Trong quá trình duyệt, đếm độ sâu của phép duyệt này được bao nhiêu ký tự xem lần duyệt nào cho ra đường dài nhất

Các bước giải (đối với 1 testcase)

B1: Đọc vào W, H và lưu lại bảng chữ cái

B2: Duyệt qua bảng chữ cái, nếu chữ cái đang xét là 'A'

- DFS từ ô này, trong quá trình DFS:

- + Xét ô kề với ô đang được DFS:

- Nếu không tồn tại ô kề hoặc ô kề đã được duyệt → bỏ qua

- Nếu ô kề chứa chữ cái liền sau → DFS từ ô kề

- + Cập nhật độ dài đường đi

- So sánh đường đi vừa DFS với đường đi dài nhất để cập nhật

B3: In kết quả theo định dạng "Case C: X"

Độ phức tạp: $O(t * W * H)$ với t là số lượng testcase, W, H lần lượt là kích thước của bảng

Mã giả

Mã giả

```
#main
case = 0
while True:
    case += 1
    read h, w
    if h == 0 and w == 0:
        break
    read matrix a #grid of letters
```

```
res = 0
visited = [[False]*w for I = 1 → h]
for i = 1 → h
    for j = 1 → w
        if a[i][j] == 'A'
            res = max(res, DFS(i, j))
print "Case " + case + ": " + res
println
```

Mã giả

```
dx = [0, -1, -1, -1, 0, 1, 1, 1]
dy = [-1, -1, 0, 1, 1, 1, 0, -1]
#dfs function
function DFS(x, y)
    st = []
    push (x,y) to st
    visited[x][y] = True
    max_dist = 1
```

```
while st is not empty():
    (x, y) = pop from st
    for i = 1 → 8:
        u = x + dx[i]
        v = y + dy[i]
        if 0 <= u < h and 0 <= v < w
           and not visited[u][v]
           and ord(a[x][y]) == ord(a[u][v])-1
            visited[u][v] = True
            push (u,v) to st
            max_dist = max(max_dist, ord(a[u][v])-65+1)
return max_dist
```

Thank you