Programação Funcional

1º Ano – LCC/LEF/LEI

Questões

1. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) enumFromTo :: Int -> Int -> [Int] que constrói a lista dos números inteiros compreendidos entre dois limites.

Por exemplo, enumFromTo 1 5 corresponde à lista [1,2,3,4,5]

Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) enumFromThenTo :: Int -> Int -> Int -> Int |
 Int -> Int |
 Int |</li

Por exemplo, enumFromThenTo 1 3 10 corresponde à lista [1,3,5,7,9].

3. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) (++) :: [a] -> [a] -> [a] que concatena duas listas.

Por exemplo, (++) [1,2,3] [10,20,30] corresponde à lista [1,2,3,10,20,30].

4. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) (!!) :: [a] -> Int -> a que dada uma lista e um inteiro, calcula o elemento da lista que se encontra nessa posição (assume-se que o primeiro elemento se encontra na posição 0).

Por exemplo, (!!) [10,20,30] 1 corresponde a 20.

Ignore os casos em que a função não se encontra definida (i.e., em que a posição fornecida não corresponde a nenhuma posição válida da lista).

5. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) reverse :: [a] -> [a] que dada uma lista calcula uma lista com os elementos dessa lista pela ordem inversa.

Por exemplo, reverse [10,20,30] corresponde a [30,20,10].

6. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) take :: Int -> [a] -> [a] que dado um inteiro n e uma lista 1 calcula a lista com os (no máximo) n primeiros elementos de 1.

A lista resultado só terá menos de que n elementos se a lista 1 tiver menos do que n elementos. Nesse caso a lista calculada é igual à lista fornecida.

Por exemplo, take 2 [10,20,30] corresponde a [10,20].

7. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) drop :: Int -> [a] -> [a] que dado um inteiro n e uma lista 1 calcula a lista sem os (no máximo) n primeiros elementos de 1.

Se a lista fornecida tiver n elementos ou menos, a lista resultante será vazia.

Por exemplo, drop 2 [10,20,30] corresponde a [30].

8. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) zip :: [a] -> [b] -> [(a,b)] constói uma lista de pares a partir de duas listas.

Por exemplo, zip [1,2,3] [10,20,30,40] corresponde a [(1,10),(2,20),(3,30)].

9. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) replicate :: Int -> a -> [a] que dado um inteiro n e um elemento x constói uma lista com n elementos, todos iguais a x.

Por exemplo, replicate 3 10 corresponde a [10,10,10].

10. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) intersperse :: a -> [a] -> [a] que dado um elemento e uma lista, constrói uma lista em que o elemento fornecido é intercalado entre os elementos da lista fornecida.

Por exemplo, intersperce 1 [10,20,30] corresponde a [10,1,20,1,30].

11. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) group :: Eq a => [a] -> [[a]] que agrupa elementos iguais e consecutivos de uma lista.

Por exemplo, group [1,2,2,3,4,4,4,5,4] corresponde a [[1],[2,2],[3],[4,4,4],[5],[4]].

12. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) concat :: [[a]] -> [a] que concatena as listas de uma lista.

Por exemplo, concat [[1], [2,2], [3], [4,4,4], [5], [4]] corresponde a [1,2,2,3,4,4,4,5,4].

13. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) inits :: [a] -> [[a]] que calcula a lista dos prefixos de uma lista.

Por exemplo, inits [11,21,13] corresponde a [[],[11],[11,21],[11,21,13]].

14. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) tails :: [a] -> [[a]] que calcula a lista dos sufixos de uma lista.

Por exemplo, tails [1,2,3] corresponde a [[1,2,3],[2,3],[3],[]].

15. Defina a função heads :: [[a]] -> [a] que recebe uma lista de listas e produz a lista com o primeiro elemento de cada lista.

Por exemplo, heads [[2,3,4],[1,7],[],[8,5,3]] corresponde a [2,1,8].

16. Defina a função total :: [[a]] -> Int que recebe uma lista de listas e conta o total de elementos (de todas as listas)

Por exemplo, total [[2,3,4],[1,7],[],[8,5,3]] corresponde a 8.

17. Defina a função fun :: [(a,b,c)] -> [(a,c)] que recebe uma lista de triplos e produz a lista de pares com o primeiro e o terceiro elemento de cada triplo.

Por exemplo, fun [("rui",3,2), ("maria",5,2), ("ana",43,7)] corresponde a [("rui",2), ("maria",2), ("ana",7)].

18. Defina a função cola :: [(String,b,c)] -> String que recebe uma lista de triplos e concatena as strings que estão na primeira componente dos triplos.

Por exemplo, cola [("rui",3,2), ("maria",5,2), ("ana",43,7)] corresponde a "ruimariaana".

- 19. Defina a função idade :: Int -> Int -> [(String,Int)] -> [String] que recebe o ano, a idade e uma lista de pares com o nome e o ano de nascimento de cada pessoa, e devolve a listas de nomes das pessoas que nesse ano atingirão ou já ultrapassaram a idade indicada.
 - Por exemplo, idade 2021 26 [("rui",1995), ("maria",2009), ("ana",1947)] corresponde a ["rui","ana"].
- 20. Apresente uma definição recursiva da função,

que dado um valor n e um valor m constrói a lista $[n^0, \dots, n^{m-1}]$.

21. Apresente uma definição recursiva da função,

que dado um número inteiro maior ou igual a 2 determina se esse número é primo. Para determinar se um número n é primo, descubra se existe algum número inteiro m tal que $2 \le m \le \sqrt{n}$ e mod n m = 0. Se um tal número não existir então n é primo, e se existir então n não é primo.

- 22. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) isPrefixOf :: Eq a => [a] -> Bool que testa se uma lista é prefixo de outra.
 - Por exemplo, isPrefixOf [10,20] [10,20,30] corresponde a True enquanto que isPrefixOf [10,30] [10,20,30] corresponde a False.
- 23. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) isSuffixOf :: Eq a => [a] -> Bool que testa se uma lista é sufixo de outra.
 - Por exemplo, isSuffixOf [20,30] [10,20,30] corresponde a True enquanto que isSuffixOf [10,30] [10,20,30] corresponde a False.
- 24. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) isSubsequenceOf :: Eq a => [a] -> [a] -> Bool que testa se os elementos de uma lista ocorrem noutra pela mesma ordem relativa.
 - Por exemplo, isSubsequenceOf [20,40] [10,20,30,40] corresponde a True enquanto que isSubsequenceOf [40,20] [10,20,30,40] corresponde a False.
- 25. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) elemIndices :: Eq a => a -> [a] -> [Int] que calcula a lista de posições em que um dado elemento ocorre numa lista.

 Por exemplo, elemIndices 3 [1,2,3,4,3,2,3,4,5] corresponde a [2,4,6].
- 26. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) nub :: Eq a => [a] -> [a] que calcula uma lista com os mesmos elementos da recebida, sem repetições.
 - Por exemplo, nub [1,2,1,2,3,1,2] corresponde a [1,2,3].

27. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) delete :: Eq a => a -> [a] -> [a] que retorna a lista resultante de remover (a primeira ocorrência de) um dado elemento de uma lista.

Por exemplo, delete 2 [1,2,1,2,3,1,2] corresponde a [1,1,2,3,1,2]. Se não existir nenhuma ocorrência a função deverá retornar a lista recebida.

28. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) (\\):: Eq a => [a] -> [a] -> [a] que retorna a lista resultante de remover (as primeiras ocorrências) dos elementos da segunda lista da primeira.

Por exemplo, $(\) [1,2,3,4,5,1] [1,5]$ corresponde a [2,3,4,1].

29. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) union :: Eq a => [a] -> [a] -> [a] que retorna a lista resultante de acrescentar à primeira lista os elementos da segunda que não ocorrem na primeira.

Por exemplo, union [1,1,2,3,4] [1,5] corresponde a [1,1,2,3,4,5].

30. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) intersect :: Eq a => [a] -> [a] que retorna a lista resultante de remover da primeira lista os elementos que não pertencem à segunda.

Por exemplo, intersect [1,1,2,3,4] [1,3,5] corresponde a [1,1,3].

31. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) insert :: Ord a => a -> [a] -> [a] que dado um elemento e uma lista ordenada retorna a lista resultante de inserir ordenadamente esse elemento na lista.

Por exemplo, insert 25 [1,20,30,40] corresponde a [1,20,25,30,40].

32. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) unwords :: [String] -> String que junta todas as strings da lista numa só, separando-as por um espaço.

Por exemplo, unwords ["Programacao", "Funcional"] corresponde a "Programacao Funcional".

33. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) unlines :: [String] -> String que junta todas as strings da lista numa só, separando-as pelo caracter '\n'.

Por exemplo, unlines ["Prog", "Func"] corresponde a "Prog\nFunc\n".

- 34. Apresente uma definição recursiva da função pMaior :: Ord a => [a] -> Int que dada uma lista não vazia, retorna a posição onde se encontra o maior elemento da lista. As posições da lista começam em 0, i.e., a função deverá retornar 0 se o primeiro elemento da lista for o maior.
- 35. Apresente uma definição recursiva da função (pré-definida) lookup :: Eq a => a -> [(a,b)] -> Maybe b que retorna uma lista construída a partir de elementos de uma lista (o segundo argumento) atendendo a uma condição dada pelo primeiro argumento.

Por exemplo, lookup 'a' [('a',1),('b',4),('c',5)] corresponde à lista Just 1.

36. Defina a função preCrescente :: Ord a => [a] -> [a] calcula o maior prefixo crescente de uma lista.

Por exemplo, preCrescente [3,7,9,6,10,22] corresponde a [3,7,9].

- 37. Apresente uma definição recursiva da função iSort :: Ord a => [a] -> [a] que calcula o resultado de ordenar uma lista. Assuma, se precisar, que existe definida a função insert :: Ord a => a -> [a] -> [a] que dado um elemento e uma lista ordenada retorna a lista resultante de inserir ordenadamente esse elemento na lista.
- 38. Apresente uma definição recursiva da função menor :: String -> String -> Bool que dadas duas strings, retorna True se e só se a primeira for menor do que a segunda, segundo a ordem lexicográfica (i.e., do dicionário)

Por exemplo, menor "sai" "saiu" corresponde a True enquanto que menor "programacao" "funcional" corresponde a False.

39. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.

Defina a função elemMSet :: Eq a => a -> [(a,Int)] -> Bool que testa se um elemento pertence a um multi-conjunto.

Por exemplo, elemMSet 'a' [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a True enquanto que elemMSet 'd' [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a False.

40. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.

Defina a função converteMSet :: [(a,Int)] -> [a] que converte um multi-conjuto na lista dos seus elementos

Por exemplo, converteMSet [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a "bbaaaac".

41. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.

Defina a função insereMSet :: Eq a => a -> [(a,Int)] -> [(a,Int)] que acrescenta um elemento a um multi-conjunto.

Por exemplo, insereMSet 'c' [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a [('b',2), ('a',4), ('c',2)].

42. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.

Defina a função removeMSet :: Eq a => a -> [(a,Int)] -> [(a,Int)] que remove um elemento a um multi-conjunto. Se o elemento não existir, deve ser retornado o multi-conjunto recebido.

Por exemplo, removeMSet 'c' [('b',2), ('a',4), ('c',1)] corresponde a [('b',2), ('a',4)].

43. Considere que se usa o tipo [(a,Int)] para representar multi-conjuntos de elementos de a. Considere ainda que nestas listas não há pares cuja primeira componente coincida, nem cuja segunda componente seja menor ou igual a zero.

Defina a função constroiMSet :: Ord a => [a] -> [(a,Int)] dada uma lista ordenada por ordem crescente, calcula o multi-conjunto dos seus elementos.

Por exemplo, constroiMSet "aaabccc" corresponde a [('a',3), ('b',1), ('c',3)].

- 44. Apresente uma definição recursiva da função pré-definida partitionEithers :: [Either a b] -> ([a],[b]) que divide uma lista de *Eithers* em duas listas.
- 45. Apresente uma definição recursiva da função pré-definida catMaybes :: [Maybe a] -> [a] que colecciona os elementos do tipo a de uma lista.
- 46. Considere o seguinte tipo para representar movimentos de um robot.

Defina a função caminho :: (Int,Int) -> (Int,Int) -> [Movimento] que, dadas as posições inicial e final (coordenadas) do robot, produz uma lista de movimentos suficientes para que o robot passe de uma posição para a outra.

47. Consider o seguinte tipo de dados,

```
data Movimento = Norte | Sul | Este | Oeste deriving Show
```

Defina a função hasLoops :: (Int,Int) -> [Movimento] -> Bool que dada uma posição inicial e uma lista de movimentos (correspondentes a um percurso) verifica se o robot alguma vez volta a passar pela posição inicial ao longo do percurso correspondente. Pode usar a função posição definida acima.

48. Considere os seguintes tipos para representar pontos e rectângulos, respectivamente. Assuma que os rectângulos têm os lados paralelos aos eixos e são representados apenas por dois dos pontos mais afastados.

```
type Ponto = (Float,Float)
data Rectangulo = Rect Ponto Ponto
```

Defina a função contaQuadrados :: [Rectangulo] -> Int que, dada uma lista com rectângulos, conta quantos deles são quadrados.

49. Considere os seguintes tipos para representar pontos e rectângulos, respectivamente. Assuma que os rectângulos têm os lados paralelos aos eixos e são representados apenas por dois dos pontos mais afastados.

```
type Ponto = (Float,Float)
data Rectangulo = Rect Ponto Ponto
```

Defini a função areaTotal :: [Rectangulo] -> Float que, dada uma lista com rectângulos, determina a área total que eles ocupam.

50. Considere o seguinte tipo para representar o estado de um equipamento.

Defina a função naoReparar :: [Equipamento] -> Int que determina a quantidade de equipamentos que não estão avariados.