



BÁO CÁO BÀI TẬP LỚN

MÔN HỌC: KỸ THUẬT LẬP TRÌNH

CHỦ ĐỀ 3: NG PHƯƠNG TRÌNH f(x) I

GIẢI GẦN ĐÚNG PHƯƠNG TRÌNH f(x) BẰNG PHƯƠNG PHÁP DÂY CUNG

Giảng viên hướng dẫn: TS.Nguyễn Thị Thanh Huyền Sinh viên thực hiện: Nguyễn Văn Tuấn - 20216965

Mã lớp học: 142298

Mục lục

1	Bài toán	3
	1.1 Đề bài:	3
	1.2 Phương pháp dây cung	3
	1.2.1 Nội dung của phương pháp:	
	1.2.2 Công thức tính nghiệm	
	1.2.3 Đánh giá sai số	
	1.3 Tìm miền chứa nghiệm	9
2	Quá trình thiết kế chương trình	11
	2.1 Hàm thiết kế giao diện	11
	2.2 Thiết kế các chức năng theo yêu cầu đề bài	14
	2.2.1 Hàm enter_poly	14
	2.2.2 Hàm find_solution_interval()	16
	2.2.3 Hàm cau1()	17
	2.2.4 Hàm Cau2()	20
	2.2.5 Các hàm phục vụ cau $3,4,5$	21
	2.2.6 Hàm để tính cho cau 3	25
	2.2.7 Các hàm để tính cho cau 4	27
	2.2.8 Các hàm để tính cho cau 5	30
	2.2.9 Hàm menu và int main()	33
3	Mã nguồn	35
4	Hình ảnh giao diện thực hiện chương trình	57
	4.1 Trường hợp nhập đúng, chính xác	57
	4.2 Trường hợp nhập sai, lỗi	64
5	Kết quả của chương trình	67
6	Đánh giá chung	71
7	Tổng kết	73

1 Bài toán

1.1 Đề bài:

Chủ đề 3: Viết chương trình giải gần đúng phương trình f(x) = 0, trong đó f(x) là đa thức, bằng phương pháp dây cung. Thực hiện các yêu cầu sau:

- 1. Tìm các miền chứa nghiệm của phương trình.
- **2.** Tìm khoảng phân ly nghiệm (a, b) của phương trình, thoả mãn $|a b| \le 0.5$, bằng cách sử dụng phương pháp chia đôi để thu hẹp dần một khoảng phân ly nghiệm đã tìm được ở ý 1).
- **3.** Tìm nghiệm gần đúng với số lần lặp n cho trước trong khoảng phân ly nghiệm (a, b) và đánh giá sai số theo cả hai công thức (n được nhập vào từ bàn phím, (a, b) có thể lấy từ kết quả của ý 2) hoặc được nhập vào từ bàn phím.
- **4.** Tìm nghiệm gần đúng trong khoảng (a,b) với sai số e cho trước (e được nhập vào từ bàn phím, (a,b) có thể lấy từ kết quả của ý 2) hoặc được nhập vào từ bàn phím. Tính toán theo 2 cách áp dung công thức sai số.
- **5.** Tìm nghiệm gần đúng x_n trong khoảng (a,b) thoả mãn điều kiện: $|x_n x_{n-1}| \le e$ (e được nhập vào từ bàn phím).

Yêu cầu:

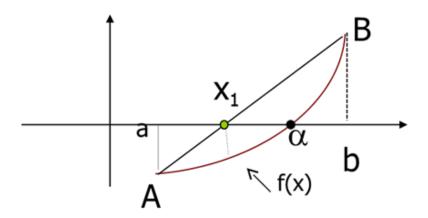
- Moi kết quả được hiển thi với số chữ số phần thập phân nhập vào từ bàn phím.
- Ghi vào tệp văn bản thể hiện quá trình thực hiện chương trình và các kết quả ra.
- Thực hiện chương trình bằng menu điều khiển bởi các phím chức năng. Sinh viên tự code để thiết lập và điều khiển menu.

1.2 Phương pháp dây cung

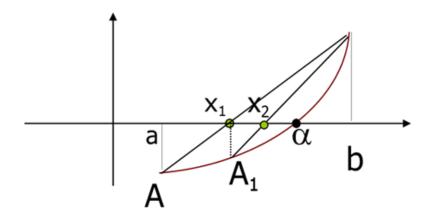
Bài toán: Giả sử (a,b) là khoảng phân ly nghiệm của phương trình f(x) = 0. Ta muốn tìm nghiệm thực gần đúng của f(x) = 0 trên (a,b) với sai số e cho trước.

1.2.1 Nội dung của phương pháp:

• Thay cung AB bằng dây trương cung AB. Dây trương cung AB cắt trục hoành tại điểm $(x_1,0)$.



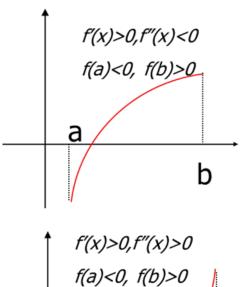
- Nếu $|x_1 a| \le e$, thì x_1 là nghiệm gần đúng cần tìm.
- Nếu không, lặp lại phương pháp dây cung với khoảng phân ly mới (x_1, b) hoặc (a, x_1) tùy theo tính chất của f(x):
 - Nếu $f(x_1) \cdot f(a) < 0$, thì (a, x_1) là khoảng phân ly nghiệm mới.
 - Nếu $f(x_1) \cdot f(a) > 0$, thì (x_1, b) là khoảng phân ly nghiệm mới.

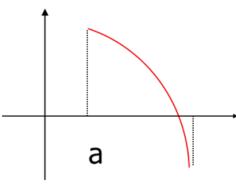


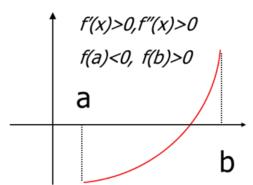
- Với khoảng phân ly nghiệm mới (x_1, b) , tính được nghiệm gần đúng x_2 bằng phương pháp dây cung.
- Quá trình lặp kết thúc khi tìm được nghiệm gần đúng x_n có sai số $|x_n x_{n-1}| \le e$.

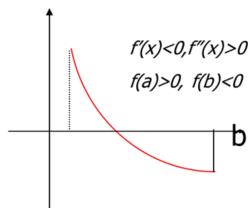
1.2.2 Công thức tính nghiệm

Để xây dựng công thức tính nghiệm, ta xét tính tăng giảm và tính lồi lõm của đường cong f(x). Giả sử f' và f'' không đổi dấu trên (a,b).



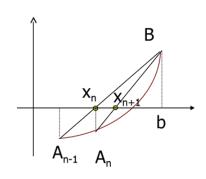






Trường hợp: f'(x)f''(x) > 0

- Chọn $x_0 = a$
- Ở bước thứ n, phương trình đường thẳng AB_n là:



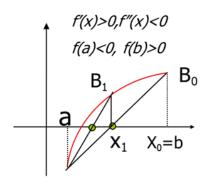
$$\frac{y-f(x_n)}{f(b)-f(x_n)} = \frac{x-x_n}{b-x_n}$$

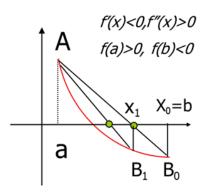
X_{n+1} là nghiệm của hệ

$$\begin{cases} \frac{y - f(x_n)}{f(b) - f(x_n)} = \frac{x - x_n}{b - x_n} \\ y = 0 \end{cases}$$

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n).(x_n - b)}{f(x_n) - f(b)}$$

 $x_0 = a$





- Chọn $x_0 = b$
- Phương trình đường thẳng AB_0 :

$$\frac{y - f(x_0)}{f(a) - f(x_0)} = \frac{x - x_0}{a - x_0}$$

 $\mathring{\mathrm{O}}$ bước n, phương trình đường thẳng AB:

x₁: là nghiệm của hệ:
$$|\int_{|y|=0}^{x} \frac{y - f(x_0)}{f(a) - f(x_0)} = \frac{x - x_0}{a - x_0} = x_1 = x_0 - \frac{f(x_0)}{f(x_0) - f(a)} (x_0 - a)$$

Nghiệm gần đúng X_{n+1} cần tìm là nghiệm của hệ:

$$\begin{cases} \frac{y - f(x_n)}{f(a) - f(x_n)} = \frac{x - x_n}{a - x_n} \\ |_{y = 0} \end{cases}$$

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n) \cdot (x_n - a)}{f(x_n) - f(a)}$$
Với X₀=b
$$B_1 B_0$$

Từ hai trường hợp trên, ta rút ra công thức tính nghiệm chung:

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)(x_n - d)}{f(x_n) - f(d)}$$

Trong đó:

- Nếu d=b và $x_0=a$ nếu F(b) cùng dấu với F''(x) (hay F'(x)F''(x)>0).
- Nếu d=a và $x_0=b$ nếu F(a) cùng dấu với F''(x) (hay F'(x)F''(x)<0).

Lưu ý: Ở phương pháp này ta không xét trường hợp F'(x)F''(x) = 0 vì nếu bằng 0 thì một trong hai giá trị F'(x) = 0 hoặc F''(x) = 0.

- Nếu F''(x) = 0 thì F'(x) là hàm hằng nên F(x) là hàm bậc nhất (là một đường thẳng), do đó không thể xác định tính lồi lõm của hàm.
- Nếu F'(x) = 0 thì ta sẽ không tìm được F''(x) và F(x) sẽ là hàm hằng, nên không xét được tính lồi lõm của hàm.

1.2.3 Đánh giá sai số

Sau khi xây dựng công thức $x_n = x_{n-1} - \frac{f(d) - f(x_{n-1})}{f(d) - f(x_{n-1})} \cdot f(x_{n-1})$ (*), ta cần chứng minh rằng nó hội tụ tới nghiệm của phương trình f(x) = 0.

Điều kiện hội tụ

- (a,b) là khoảng cách ly nghiệm.
- f', f'' liên tục và f'' không đổi dấu trên [a, b].
- Chọn đúng điểm x_0, d .

Các bước chứng minh

- Dãy x_n đơn điệu và bị chặn.
- Giới hạn của dãy là nghiệm của phương trình.
- Chứng minh các công thức sai số.

Do f' và f'' không đổi dấu nên ta có 4 trường hợp:

- f' > 0 và f'' > 0
- f' > 0 và f'' < 0
- f' < 0 và f'' > 0
- f' < 0 và f'' < 0

CHỨNG MINH DÃY ĐƠN ĐIỆU VÀ BỊ CHẶN

Xét trường hợp f' < 0, f'' > 0. Ta có f(a) > 0 và f(b) < 0, suy ra d = a và $x_0 = b$ (Do điểm Fourier $f(d) \cdot f''(d) > 0$).

- Giả sử (a,b) là khoảng ly nghiệm, f', f'' liên tục, f''>0 và f'' không đổi dấu trong (a,b). Khi đó, f(x) là hàm lồi và dây cung MM_0 luôn nằm trên đồ thị.

Ta thấy M(d, f(d)) và $M_0(x_0, f(x_0))$ nằm ở hai phía của trục hoành. Dây cung MM_0 cắt trục hoành tại điểm $(x_1, 0)$.

Gọi y(x) là hàm với đồ thị là đường thẳng MM_0 . Dây cung MM_0 luôn nằm trên đồ thị f(x), tức là $y(x_1) = 0 > f(x_1)$

Lại có: $y(x_0) < y(x_1) < y(d)$, suy ra $x_0 > x_1 > d$ (do f' < 0 nên f là hàm giảm trên [a,b]).

Suy ra, từ $f(x_0) < 0$, ta chứng minh được $x_0 > x_1 > d$ và $f(x_1) < 0$. Chứng minh tương tự, ta được $f(x_k) < 0$ và $x_{k-1} > x_k > d$ với mọi x.

Dãy x_n đơn điệu giảm và bị chặn. Do đó, dãy x_n hội tụ đến giá trị x^* , từ (*) khi $n \to \infty$ ta có:

$$x^* = x^* - \frac{f(x^*)(x^* - d)}{f(x^*) - f(d)}$$

Từ đây suy ra $f(x^*) = 0$, hay x^* chính là nghiệm của phương trình f(x) = 0.

Chứng minh công thức sai số

 $m_1 = \min |f'(x)| \text{ và } M_1 = \max |f'(x)| \text{ với } x \in [a, b].$

Công thức sai số mục tiêu:

$$|x_n - x^*| \le \frac{|f(x_n)|}{m_1}$$

Công thức sai số theo hai xấp xỉ liên tiếp x_{n-1} :

$$x_n = x_{n-1} - \frac{(f(x_{n-1})(x_{n-1} - d))}{(f(x_{n-1}) - f(d))}$$

Áp dụng định lý Lagrange ta có:

$$f'(c_1)(d-x_{n-1})(x_n-x_{n-1})=f'(c_2)(x^*-x_{n-1})(d-x_{n-1})$$

Từ đó suy ra:

$$f'(c_1)(x_n - x_{n-1}) = f'(c_2)((x^* - x_n) + (x_n - x_{n-1}))$$

Tương đương với:

$$(x^* - x_n) = \frac{(f'(c_1) - f'(c_2))}{f'(c_2)}(x_n - x_{n-1})$$

$$|x^* - x_n| = \left| \frac{(f'(c_1) - f'(c_2))}{f'(c_2)} \right| |x_n - x_{n-1}| \le \left| \frac{M_1 - m_1}{m_1} \right| |x_n - x_{n-1}|$$
Hay $|x^* - x_n| \le \frac{M_1 - m_1}{m_1} |x_n - x_{n-1}|$

1.3 Tìm miền chứa nghiệm

Định lý 1: Xét phương trình

$$p(x) = a_0 x^n + a_1 x^{n-1} + \ldots + a_{n-1} x + a_n = 0 \quad (a_0 \neq 0, a_i \in \mathbb{R}, \text{v\'oi } i = 1, n) \quad (1)$$

Đặt $A = \max\{|a_i|, i = 1, n\}$ thì các nghiệm (thực hoặc phức) của phương trình (1) thỏa mãn

$$|x| < 1 + \frac{A}{|a_0|}$$
 (2)

Nghĩa là các nghiệm của phương trình (1) nằm trong mặt tròn tâm O bán kính $R = 1 + \frac{A}{|a_0|}$ ở trong mặt phẳng phức.

Chứng minh định lý: Xét các số x không thỏa mãn (2), tức là

$$|x| \ge 1 + \frac{A}{|a_0|}$$
 (3).

Từ đó suy ra $|a_0| \geq \frac{A}{|x|-1}$ hoặc $|a_0x^n| \geq \frac{A|x^n|}{|x|-1}$. Mặt khác

$$|a_1x^{n-1} + a_2x^{n-2} + \ldots + a_n| \le |a_1||x^{n-1}| + \ldots + |a_n| \le A(|x|^{n-1} + |x|^{n-2} + \ldots + 1) = \frac{A|x^{n-1}|}{|x| - 1}$$

Do (3) thì |x| > 1 nên $\frac{|x^{n-1}|}{|x|-1} < \frac{|x^n|}{|x|-1} \Rightarrow |a_1x^{n-1} + a_2x^{n-2} + \ldots + a_n| < |a_0x^n|$. Ta thấy số hạng đầu trội hơn hẳn các số hạng sau của đa thức. Do đó x thỏa mãn (3) thì không thể là nghiệm của phương trình (1). Định lý được chứng minh.

Từ đây ta có hệ quả: Số $N = 1 + \frac{A}{|a_0|}$ là cận trên của modun các nghiệm của phương trình (1).

Định lý 2: Nếu $a_0 > 0$, $a_i > 0$ với i = 1, n thì $p(x) > 0 \forall x > 0$; phương trình (1) không có nghiệm dương.

Giả sử $a_0>0,\ a_k\geq 0$ ($k\geq 1$) là hệ số âm đầu tiên tính từ $k=1,2,\dots$ gọi $B=\max$ của các trị tuyệt đối của các hệ số âm. Thì các nghiệm dương của phương trình (1) thỏa mãn

$$x < 1 + \sqrt[k]{\frac{B}{a_0}}$$

Cách chúng minh hoàn toàn tương tự chúng minh định lý 1.

Ví dụ: Cho phương trình $p(x) = x^4 - 4x^3 - 7x^2 - 5x + 3$ (*)

- 1. Tìm miền chứa nghiệm (thực và phức)
- 2. Tìm cận trên, cận dưới miền chứa nghiệm thực

Giải:

- Miền chứa nghiệm: $a_0 = 1$, $A = \max\{1, 4, 7, 5, 3\} = 7$ Vậy $N = 1 + \frac{A}{a_0} = 1 + \frac{7}{1} = 8$ \rightarrow Miền chứa nghiệm là miền tròn tâm O bán kính R = 7 nằm trong mặt phẳng phức.
- Tìm cận trên, dưới của nghiệm thực. Cận trên: hệ số âm đầu tiên là $a_1 = -4$ do đó k = 1, còn $B = \max\{|-4|, |-7|, |-5|\} = 7$ \rightarrow Cận trên của nghiệm thực dương là

$$x < M = 1 + \sqrt[1]{\frac{7}{1}} = 8$$

Ta tìm cận dưới của các nghiệm thực âm. Từ phương trình (*) ta thay x bởi -x:

$$p(-x) = x^4 + 4x^3 - 7x^2 + 5x + 3 = 0$$

Hệ số âm đầu tiên $a_2 = -7 \rightarrow k = 2$ và B = |-7| = 7

$$= > -x < M = 1 + \sqrt{\frac{7}{1}} = 3.645 \text{ hay } x > -M = -3.645$$

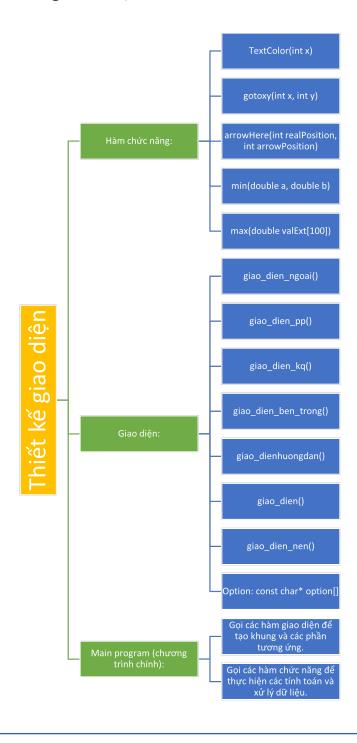
Vậy nghiệm thực của phương trình (*) nằm trong khoảng -3.645 < x < 8

2 Quá trình thiết kế chương trình

Quá trình thiết kế chương trình gồm các 2 phần chính đó là:

- Thiết kế giao diện.
- Viết mã nguồn để chay được các yêu cầu của chủ đề 3.

2.1 Hàm thiết kế giao diện



Để thiết kế giao diên em đã khai báo:

```
void gotoxy(int x, int y)

COORD c = { x, y };
SetConsoleCursorPosition(GetStdHandle(STD_OUTPUT_HANDLE), c);
}
```

Hàm này để di chuyển con trỏ tới địa điểm với toạ độ x,y trên màn hình.

Tọa độ trên màn hình Console thì hơi ngược một chút với tọa độ (x,y) trong toán học. Gốc O sẽ từ vị trí bên trái và phía trên màn hình, tức là trục y sẽ ngược hướng xuống dưới. Tiếp theo là khai báo:

```
void TextColor(int x)

HANDLE h = GetStdHandle(STD_OUTPUT_HANDLE);
SetConsoleTextAttribute(h, x);

}
```

Hàm này để đổi màu văn bản, với x là màu cần truyền vào. Tiếp theo là khai báo:

```
void arrowHere(int realPosition, int arrowPosition)

(
if (realPosition == arrowPosition)

{
         TextColor(236); printf("%c ", 175);
}

else {
         TextColor(252); printf(" ");
}
```

Giúp người dùng dễ dàng nhận biết vị trí hiện tại hoặc vị trí đang được chọn trong một giao diện dòng lệnh. Mũi tên có thể hỗ trợ người dùng trong việc di chuyển, lựa chọn hoặc làm rõ trang thái hiện tại của chương trình hoặc ứng dụng.

Đây là 3 phần khai báo chính trong toàn bộ giao diện của chương trình. Tiếp theo ta viết các hàm giao_dien_ngoai(), giao_dien_trong(), giao_dien_kq(), giao_dien_huongdan(), giao_dien_pp(), giao_dien(), giao_dien_nen(). Các giao diện này dình các câu lệnh gotoxy(x,y), TextColor(x) và các vòng lặp for để vẽ các viền xung quanh hoặc đê đổ màu cho một khoảng được khai báo.Đây là ví dụ minh hoạ, cụ thể là giao_dien_kq():

```
void giao_dien_kq()
  {
2
    TextColor(236);
3
    for(int i=71; i<=118;i++){</pre>
    TextColor(236); for(int j=1;j<29;j++){</pre>
6
         gotoxy(i,j);
         printf(" ");
7
      }
8
    }
9
      TextColor(15);
10
      for (int i = 71; i <= 118; i++)</pre>
11
           gotoxy(i, 0); printf("%c", 205);
13
           gotoxy(i, 29); printf("%c", 205);
14
      }
16
17
      gotoxy(0, 0); printf("%c", 201);
      gotoxy(118, 0); printf("%c", 187);
18
```

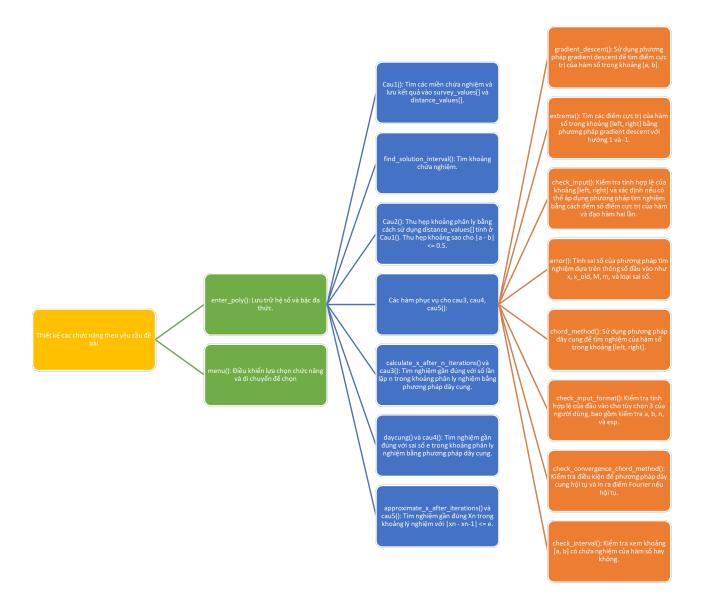
```
TextColor(15);
      for (int i = 0; i <= 14; i++)
20
21
          gotoxy(0, 14 - i); printf("%c", 186);
          gotoxy(0, 14 + i); printf("%c", 186);
23
          gotoxy(118, 14 - i); printf("%c", 186);
24
          gotoxy(118, 14 + i); printf("%c", 186);
25
      gotoxy(0, 0); printf("%c", 201);
      gotoxy(118, 0); printf("%c", 187);
28
      gotoxy(0, 29); printf("%c", 200);
29
      gotoxy(118, 29); printf("%c", 188);
31
      gotoxy(88, 0); TextColor(206); printf(" KET QUA ");
32
      gotoxy(88, 25);TextColor(236); printf(" /\\_/\\ ");
33
      gotoxy(88, 26); TextColor(236); printf(" ( o.o )");
      gotoxy(88, 27); TextColor(236); printf(" > ^ < ");
35
      gotoxy(86, 28); TextColor(206); printf("NGUYEN VAN TUAN");
36
37
38 }
```

Tiếp theo là tạo các lựa chọn để sử dụng chương trình:

```
#define MAX 7
      #define MIN 1
      const char* option[] =
3
 {
4
      "Tim cac mien chua nghiem cua phuong trinh",
      "Thu hep khoang phan ly ",
6
      "Tim nghiem gan dung voi so lan lap n",
      "Tim nghiem gan dung voi sai so e",
      "Tim nghiem gan dung Xn",
      "Help",
10
      "Exit"
11
12 };
```

Bây giờ là phần thiết kế để chạy những phần đã yêu cầu, điều này đỏi hỏi cần phải có những kiến thức về giải tích số.

2.2 Thiết kế các chức năng theo yêu cầu đề bài



2.2.1 Hàm enter_poly

Đề bài yêu cầu là giải bằng phương pháp dây cung với phương trình f(x) là đa thức bậc n. Thế nên trước khi đi vào việc giải từng phần của đề bài thì phải nhập các bậc và hệ số của đa thức đó trước. Thế nên em đã khai báo hàm enter_input(). Ở đây em sẽ không viết code mà nói ý tưởng:

Bước 1: Khởi tạo biến và giao diện

- Khai báo biến valid input để kiểm tra tính hợp lệ của thông tin nhập vào.
- Hiển thị giao diện cho người dùng với yêu cầu nhập bậc của đa thức.

Bước 2: Nhập bậc của đa thức

- Sử dụng scanf để nhập giá trị của bậc đa thức vào biến polynomial_degree.
- Kiểm tra tính hợp lệ của giá trị vừa nhập:

• Nếu giá trị không là số nguyên dương hoặc vượt quá giới hạn của N, in thông báo lỗi và yêu cầu nhập lại.

Bước 3: Nhập các hệ số của đa thức

- Hiển thị giao diện yêu cầu nhập các hệ số của đa thức theo thứ tự.
- Sử dụng scanf để nhập giá trị của các hệ số vào mảng polynomial_coefficients.
- Kiểm tra tính hợp lệ của các hệ số:
- Nếu hệ số không phải là số thực, in thông báo lỗi và yêu cầu nhập lại.

Bước 4: Yêu cầu và nhập số lượng chữ số sau dấu phẩy

- Yêu cầu người dùng nhập số lương chữ số sau dấu phẩy mà ho muốn hiển thi.
- Sử dụng scanf để nhập giá trị số lượng chữ số vào biến digit count.

Bước 5: Lưu thông tin vào tệp "ketqua.txt"

- Mở tệp "ketqua.txt" bằng fopen để ghi thông tin vào tệp.
- Nếu không mở được tệp, thông báo lỗi.
- Sử dụng f**printf** để ghi thông tin về bậc của đa thức và các hệ số của đa thức vào têp.
- Đóng tệp sau khi ghi xong.

Bước 6: Lặp lai nếu có lỗi nhập

 Nếu có lỗi nhập trong quá trình nhập bậc hoặc các hệ số của đa thức, thực hiện lại quá trình nhập từ đầu (bước 1 đến bước 5) cho đến khi thông tin nhập đầy đủ và hợp lệ.

```
FUNCTION enter_poly()
      SET valid_input = False
2
      WHILE NOT valid_input DO
3
           PRINT "Nhap bac cua da thuc: "
4
          READ polynomial_degree
           IF polynomial_degree < 0 OR polynomial_degree > N THEN
               PRINT "ERROR. Hay nhap lai."
               WAIT_FOR_A_WHILE
               CONTINUE
9
          END IF
10
11
          FOR i = 0 TO polynomial_degree DO
               PRINT "Nhap he so a" + i + " cua da thuc: "
13
               READ polynomial_coefficients[i]
14
               IF INPUT IS NOT A NUMBER THEN
15
                   PRINT "He so khong hop le. Vui long nhap lai!"
16
                   WAIT_FOR_A_WHILE
17
                   valid_input = False
18
                   BREAK
19
               END IF
20
          END FOR
21
22
          IF valid_input THEN
23
```

```
PRINT "Ban muon hien thi may so sau dau phay: "
              READ digit_count
25
26
              PRINT "Ban muon hien thi may so sau dau phay: " + digit_count
              PRINT "Bac cua da thuc: " + polynomial_degree
              PRINT "Cac he so cua da thuc:"
29
              FOR i = 0 TO polynomial_degree DO
30
                  PRINT "He so a" + i + ": " + FORMAT(polynomial_coefficients[
     i], digit_count)
              END FOR
          END IF
33
      END WHILE
35 END FUNCTION
```

2.2.2 Hàm find_solution_interval()

Ý tưởng của hàm find_solution_interval():

Bước 1: Khởi tạo biến và tạo bản sao của các hệ số đa thức.

- Khởi tạo các biến temp[N], max = 0, k = 0 để lưu trữ các giá trị tạm thời và giá trị lớn nhất.
- Khởi tạo biến upper_bound = -1 và lower_bound = -1 để lưu giá trị đầu và cuối của khoảng chứa nghiệm.
- Khởi tạo biến invertCoefficients = false để kiểm tra trạng thái của việc lât dấu của các hê số đa thức.
- Tạo bản sao của các hệ số đa thức vào mảng temp[].

Bước 2: Tìm khoảng chứa nghiệm.

- Sử dụng vòng lặp do-while để thực hiện việc tìm khoảng chứa nghiệm.
- Lật dấu của các hệ số trong mảng temp[] nếu cần thiết.
- Tìm chỉ số k đầu tiên sao cho temp[k] < 0, là vị trí đầu tiên mà hàm số có giá trị âm.
- Tìm giá trị tuyệt đối lớn nhất của hệ số âm trong mảng temp[] và lưu vào max.
- Dựa vào k và max, tính giá trị lower bound và upper bound.

```
FUNCTION find_solution_interval_R(polynomial_coefficients: array[N] of
Double, polynomial_degree: Integer): Double

max = AbsoluteValue(polynomial_coefficients[0])

R = 1 + (max / AbsoluteValue(polynomial_coefficients[0]))

RETURN R

END FUNCTION

PROCEDURE find_solution_interval()

DECLARE temp: array[N] of Double

max = 0, k = 0

upper_bound = -1, lower_bound = -1

invertCoefficients = False
```

```
12
      FOR i = 0 TO polynomial_degree DO
13
           temp[i] = polynomial_coefficients[i]
14
      END FOR
15
16
      REPEAT
17
           max = 0
18
           k = 0
19
            \  \, \hbox{IF invertCoefficients THEN} \\
20
               FOR i = 0 TO polynomial_degree DO
21
                    temp[i] = -temp[i]
22
               END FOR
           END IF
25
           FOR i = 1 TO polynomial_degree DO
                IF temp[i] < 0 THEN
                    k = i
28
                    EXIT FOR
29
               END IF
30
           END FOR
32
           FOR i = 1 TO polynomial_degree DO
33
                IF temp[i] < 0 AND AbsoluteValue(temp[i]) > max THEN
                    max = AbsoluteValue(temp[i])
               END IF
36
           END FOR
37
           IF max = 0 THEN
               IF upper bound = -1 THEN
40
                    upper_bound = 0
41
               ELSE
                    lower_bound = 0
43
               END IF
44
           ELSE
45
               IF upper_bound = -1 THEN
                    upper_bound = 1 + Power((max / temp[0]), 1.0 / k)
47
48
                    lower_bound = -(1 + Power((max / temp[0]), 1.0 / k))
49
               END IF
           END IF
           FOR i = 1 TO polynomial_degree STEP 2 DO
53
                temp[i] = -temp[i]
           END FOR
56
           invertCoefficients = True
      UNTIL lower_bound > 0
59 END PROCEDURE
```

2.2.3 Hàm cau1()

Ý tưởng của hàm cau1():

Bước 1: Khởi tạo biến và giao diện.

 Khai báo biến và biến đếm x0, x1, sign, temp0, temp1, value1, value2, eta, k, stt.

- Khởi tạo biến eta = 1e-11 để sử dụng trong phép lặp.
- Khai báo mảng survey_values[] và distance_values[] để lưu các giá trị nghiệm và các khoảng chứa nghiệm.
- Xóa màn hình và hiển thị giao diện cho người dùng.

Bước 2: Tìm khoảng chứa nghiệm của phương trình đa thức.

- Gọi hàm find_solution_interval() để tìm khoảng chứa nghiệm của đa thức và lưu vào biến lower bound và upper bound.
- Kiểm tra các trường hợp đặc biệt, nếu đa thức bậc 0 hoặc có một nghiệm duy nhất thì in kết quả thích hợp.

Bước 3: Tìm nghiệm gần đúng của phương trình.

- Sử dụng phương pháp Newton-Raphson để tìm nghiệm gần đúng của phương trình trong từng khoảng chứa nghiệm.
- Ghi thông tin và kết quả vào tệp "ketqua.txt" và hiển thị lên màn hình.

Bước 4: Tìm khoảng thu hẹp và ghi thông tin vào tệp "ketqua.txt".

- Dựa vào các nghiệm đã tìm được, tìm các khoảng thu hẹp chứa nghiệm.
- Lưu thông tin các khoảng chứa nghiệm vào mảng distance_values[] và ghi vào tệp "ketqua.txt".

Bước 5: Kết thúc.

• In thông báo hoàn thành và đóng tệp "ketqua.txt".

```
FUNCTION cau1()
      DECLARE x0, x1, sign, temp0, temp1, value1, value2: Double
      DECLARE eta = 1e-11: Double
3
      DECLARE k = 1, stt = 1: Integer
4
      giao_dien()
6
      find_solution_interval()
      IF polynomial_degree == 0 THEN
          IF polynomial_coefficients[0] == 0 THEN
               PRINT "Phuong trinh vo so nghiem"
11
          ELSE
               PRINT "Phuong trinh vo nghiem"
13
          END IF
14
      ELSE IF lower_bound == upper_bound THEN
15
          IF f(lower_bound) == 0 THEN
16
               PRINT "Nghiem cua phuong trinh la: " + lower_bound
17
18
              PRINT "Phuong trinh vo nghiem"
19
          END IF
      ELSE
21
          x1 = lower_bound
22
          WHILE x1 < upper_bound DO
23
               x0 = x1
24
25
               temp0 = df(x0)
               sign = IF temp0 < 0 THEN -1 ELSE 1 END IF
26
```

```
x1 = x0 + sign * eta * temp0
               temp1 = df(x1)
28
29
               FOR i = 0 TO max_loop DO
30
                    IF temp0 * temp1 > 0 THEN
31
                        WHILE eta < 0.008 DO
32
                             eta *= 2
33
                            x1 = x0 + sign * eta * temp0
                             IF df(x1) * temp0 < 0 THEN
36
                                 eta /= 2
37
                                 BREAK
                             END IF
39
                        END WHILE
40
                    ELSE
41
                        WHILE eta > 0 DO
                             eta /= 2
43
                            x1 = x0 + sign * eta * temp0
44
45
                             IF df(x1) * temp0 > 0 THEN
47
                                 BREAK
                             END IF
48
                        END WHILE
49
50
                    END IF
51
                    x1 = x0 + sign * eta * temp0
52
53
                    x0 = x1
                    IF abs(df(x1)) < 1e-4 THEN
                        survey_values[k++] = x1
56
                        BREAK
                    END IF
58
                    eta = 1e-11
60
                    temp0 = df(x0)
                    x1 = x0 + sign * eta * temp0
62
                    temp1 = df(x1)
63
64
                    IF x1 > upper_bound THEN
                        BREAK
66
                    END IF
67
               END FOR
68
               x1 += 0.001
70
           END WHILE
           survey_values[0] = lower_bound
           survey_values[k] = upper_bound
74
           R = find_solution_interval_R(polynomial_coefficients,
75
     polynomial_degree)
           PRINT "fx nam trong mat tron tam 0, R: " + R
76
           PRINT "Mien chua nghiem la: "
77
           PRINT "Can duoi: " + lower_bound
78
           PRINT "Can tren: " + upper_bound
      END IF
80
81
      DECLARE j = 0: Integer
82
      FOR i = 0 TO k DO
83
84
           value1 = f(survey_values[i])
           value2 = f(survey_values[i + 1])
85
```

```
IF value1 * value2 < 0 THEN
                distance_values[j++] = survey_values[i]
87
                distance_values[j++] = survey_values[i+1]
88
               PRINT "Khoang cach ly thu " + stt
89
               PRINT "Can duoi: " + survey_values[i]
90
               PRINT "Can tren: " + survey_values[i + 1]
91
               stt++
92
           END IF
       END FOR
94
95
       IF stt == 1 THEN
96
           PRINT "Phuong trinh vo nghiem"
97
98
      END IF
99
100 END FUNCTION
```

2.2.4 Hàm Cau2()

Ý tưởng của hàm cau2():

Bước 1: Khởi tạo biến và giao diện.

- Khai báo các biến i, k, stt để lưu trang thái và đếm các vòng lặp.
- Khai báo biến temp để lưu trữ giá trị trung gian trong quá trình thu hẹp khoảng.
- Khai báo biến a, b để lưu giá trị ban đầu của khoảng chứa nghiệm.
- Xóa màn hình và hiển thi giao diên cho người dùng.

Bước 2: Nhập thông tin và lựa chọn.

- Yêu cầu người dùng nhập số nguyên k, đại diện cho số thứ tự của khoảng chứa nghiêm cần thu hẹp.
- Gán giá trị cho a và b dựa vào k và mảng distance_values[] chứa các khoảng chứa nghiệm đã tìm thấy trước đó.

Bước 3: Thu hẹp khoảng chứa nghiệm.

- Sử dụng phương pháp chia đôi (bisection method) để thu hẹp khoảng chứa nghiêm.
- Lặp lại việc chia đôi cho đến khi khoảng (b a) còn lớn hơn 0.5.
- Trong từng vòng lặp, tính giá trị trung bình c của a và b, sau đó tính giá trị của hàm số tại c và a.
- Đựa vào kết quả của hàm số tại temp và a, thu hẹp khoảng chứa nghiệm (a,
 b) bằng cách gán c cho b hoặc a tùy thuộc vào điều kiện.
- Ghi thông tin về các khoảng chứa nghiệm sau mỗi vòng lặp vào tệp "ketqua.txt".

Bước 4: Hiển thị kết quả lên màn hình.

- Hiển thị thông tin về khoảng chứa nghiệm ban đầu và sau khi thu hẹp lên màn hình.
- Kiểm tra và hiển thị thông báo nếu không có khoảng chứa nghiệm.

Bước 5: Kết thúc.

• In thông báo hoàn thành và đóng tệp "ketqua.txt".

Giả mã:

```
FUNCTION cau2()
      DECLARE i = 0, k, stt = 1: Integer
      DECLARE c = 0, a, b, f1, f2: Double
      giao_dien()
      READ k
6
      a = distance_values[2 * k - 2]
      b = distance_values[2 * k - 1]
8
9
      WHILE (b - a) > 0.5 DO
10
          c = (a + b) / 2.0
11
          f1 = f(a)
12
          f2 = f(c)
          IF f1 * f2 < 0 THEN
14
              b = c
          ELSE
16
17
               a = c
          END IF
          PRINT "Lan lap thu " + stt
19
          PRINT "Can duoi: " + a
20
          PRINT "Can tren: " + b
21
          stt++
      END WHILE
23
24
      giao_dien_kq()
25
      PRINT "Khoang cach ly ban dau la:"
      PRINT "Can duoi: " + distance_values[2 * k - 2]
27
      PRINT "Can tren: " + distance_values[2 * k - 1]
28
      PRINT "Khoang cach ly sau khi rut gon la:"
29
      PRINT "Can duoi: " + a
      PRINT "Can tren: " + b
31
      IF (distance\_values[2 * k - 2] == 0 AND distance\_values[2 * k - 1] == 0)
32
      OR a == 0 OR b == 0 THEN
          PRINT "Khong co khoang phan ly nay"
      END IF
34
35 END FUNCTION
```

2.2.5 Các hàm phục vụ cau3,4,5

1: Hàm gradient_descent: Sử dụng phương pháp gradient descent để tìm điểm cực trị của hàm số. Hàm này thực hiện việc cập nhật giá trị của current_x theo công thức của phương pháp gradient descent cho đến khi đạt đến điều kiện dừng (fabs(dfn(current_x, degree)) < delta) hoặc vượt quá số vòng lặp tối đa (max_loop) hoặc vượt quá giới hạn của khoảng [a, b]. Sau đó, trả về giá trị current_x.

```
FUNCTION gradient_descent(a, b, direction, degree)
DECLARE current_x = a: Double
DECLARE count = 1: Integer
```

2: Hàm extrema: Tìm các điểm cực trị của hàm số trong khoảng [left, right] bằng cách sử dụng các lần lặp của phương pháp gradient descent với hướng 1 và -1. Các điểm cực trị được lưu vào mảng extreme_values và trả về mảng này.

Giả mã:

```
1 FUNCTION extrema(left, right, degree)
      DECLARE count = 2: Integer
2
      DECLARE temp1, temp2: Double
      DECLARE k = 0: Integer
4
      extreme_values[k++] = left
      extreme_values[k++] = right
6
      WHILE true DO
8
          temp1 = gradient_descent(left, right, 1, degree)
9
          temp2 = gradient_descent(left, right, -1, degree)
          IF (temp1 > right AND temp2 < left) OR (temp1 < left AND temp2 >
12
     right) THEN
               BREAK
13
          END IF
          IF temp1 > left AND temp1 < right THEN
               extreme_values[k++] = temp1
17
               left = extreme_values[count++] + 0.05
18
          END IF
19
          IF temp2 > left AND temp2 < right THEN
               extreme_values[k++] = temp2
               left = extreme values[count++] + 0.05
23
          END IF
24
      END WHILE
25
26
      IF count > 2 AND degree == 1 THEN
27
      END IF
28
29
      RETURN extreme_values
30
31 END FUNCTION
```

3: Hàm check_input: Kiểm tra tính hợp lệ của khoảng [left, right] và kiểm tra điều kiện để có thể áp dụng phương pháp tìm nghiệm. Hàm này gọi hai lần hàm extrema để tìm các điểm cực trị của hàm số và kiểm tra số lượng điểm cực trị của f(x) và f''(x). Nếu số lượng điểm cực trị của cả hai hàm bằng 2 thì trả về true, ngược lai trả về false.

```
Giả mã:
```

```
FUNCTION check_input(left, right)

IF f(left) * f(right) > 0 THEN
```

```
RETURN false
      END IF
4
5
      IF left > right THEN
6
          Swap left and right
      DECLARE ext1 = extrema(left, right, 1)
10
      DECLARE ext2 = extrema(left, right, 2)
11
      DECLARE len1 = sizeof(ext1) / sizeof(ext1[0])
      DECLARE len2 = sizeof(ext2) / sizeof(ext2[0])
13
      IF len1 == 2 AND len2 == 2 THEN
          RETURN true
      ELSE IF len1 > 2 THEN
          PRINT "f'(x) doi dau tai it nhat 1 diem "
          RETURN false
19
      ELSE IF len2 > 2 THEN
20
          PRINT "f''(x) doi dau tai it nhat 1 diem "
21
          RETURN false
      END IF
24 END FUNCTION
25
```

4: Hàm error: Tính sai số của phương pháp tìm nghiệm dựa trên các thông số đầu vào như x, x_old, M, m , và error_type. Hàm này được sử dụng để tính sai số tương đối và sai số tuyệt đối.

Giả mã:

```
FUNCTION error(x, x_old, M, m, error_type)

IF error_type == 1 THEN

RETURN AbsoluteValue(f(x)) / m

ELSE IF error_type == 2 THEN

RETURN (M - m) * AbsoluteValue(x - x_old) / m

END IF

END FUNCTION
```

5: Hàm chord_method: Sử dụng phương pháp dây cung (chord method) để tìm nghiệm của hàm số trong khoảng [left, right]. Hàm này thực hiện việc cập nhật giá trị của x theo công thức của phương pháp dây cung cho đến khi đạt đến điều kiện dừng (fabs(f(x2)) < delta) hoặc vượt quá số vòng lặp tối đa (max_loop) hoặc vượt quá giới hạn của khoảng [left, right]. Sau đó, trả về giá trị x2.

6: Hàm check_input_format: Kiểm tra tính hợp lệ của đầu vào cho tùy chọn 3 của người dùng. Hàm này kiểm tra xem các giá trị a, b, n, và esp có hợp lệ hay không dựa trên các ràng buộc nhất định.

Giả mã:

```
FUNCTION check_input_format(a, b, n, esp)
      DECLARE flag = true: Boolean
      DECLARE aStr[100], bStr[100]: String
      Format a to aStr with precision 15
      Format b to bStr with precision 15
      IF aStr contains ',' OR bStr contains ',' THEN
          PRINT "Ban da nhap sai. Vui long nhap lai"
8
          flag = false
9
          Sleep (2000)
          Clear the screen and show the main interface
      END IF
12
      IF n \le 0 THEN
          PRINT "Ban da nhap sai. Vui long nhap lai"
          flag = false
16
          Sleep (2000)
17
          Clear the screen and show the main interface
      END IF
19
20
      IF esp <= 0 THEN
22
          PRINT "Ban da nhap sai. Vui long nhap lai"
          flag = false
23
          Sleep (2000)
24
          Clear the screen and show the main interface
25
      END IF
26
27
      IF NOT flag THEN
28
          Get a key press
          RETURN
30
      END IF
31
32 END FUNCTION
```

7: Hàm check_convergence_chord_method: Kiểm tra điều kiện để phương pháp dây cung hội tụ. Nếu phương pháp hội tụ, in ra thông báo về điểm Fourier (d).

```
FUNCTION check_convergence_chord_method(a, b)

IF (f(b) * df2(b) < 0 AND f(a) * df2(a) > 0) OR (f(a) * df2(a) < 0

AND f(b) * df2(b) > 0) THEN

DECLARE d = IF f(a) * df2(a) > 0 THEN a ELSE b END IF

PRINT "Diem Fourier: " + d

ELSE
ELSE
```

```
PRINT "Khong thoa man phuong phap day cung."
PRINT "Ban da nhap sai. Vui long nhap lai"
Sleep(2000)
Clear the screen and show the main interface
END IF
END FUNCTION
```

8: Hàm check_interval: Kiểm tra xem khoảng [a, b] có chứa nghiệm của hàm số không. Nếu có, trả về true, ngược lại trả về false.

Giả mã:

```
FUNCTION check_interval(a, b)

IF f(a) * f(b) >= 0 OR df(a) * df(b) < 0 THEN

RETURN false
END IF

RETURN true
END FUNCTION</pre>
```

2.2.6 Hàm để tính cho cau3

Ý tưởng của hàm calculate_x_after_n_iterations:

- **Bước 1:** Tính giá trị các điểm cực trị của hàm số trong khoảng [a,b] bằng cách gọi hàm extrema(a, b, 3) và lưu vào mảng ext.
- **Bước 2:** Tính giá trị của m là giá trị nhỏ nhất của hàm số đạo hàm |f'(x)| trong khoảng [a,b].
- **Bước 3:** Tính giá trị của M là giá trị lớn nhất trong mảng val \mathbf{Ext} , chứa giá trị |f''(x)| tại các điểm cực trị của hàm số.
- **Bước 4:** Kiểm tra điều kiện $f(a) \cdot f''(a) > 0$. Nếu điều kiện thỏa mãn, đổi chỗ a và b để thỏa mãn điều kiện trên.
- Bước 5: Khởi tạo các biến x_old, x, Delta, và count để sử dụng trong vòng lặp.
- Bước 6: Mở têp "ketqua.txt" bằng fopen để ghi kết quả vào têp.
- **Bước 7:** Ghi thông tin về bài toán vào tệp "ketqua.txt".
- **Bước 8:** Trong vòng lặp, thực hiện tìm nghiệm gần đúng bằng phương pháp dây cung với hàm chord_method cho đến khi đạt đến sai số ε hoặc vượt quá số lần lặp tối đa.
- **Bước 9:** Ghi kết quả nghiêm vào têp "ketqua.txt".
- **Bước 10:** Đóng tệp sau khi ghi xong.

```
FUNCTION calculate_x_after_n_iterations(a, b, n, num, eps)
      DECLARE valExt[N]: Double
2
      DECLARE Delta: Double
3
      DECLARE k = 0: Integer
4
      DECLARE temp, count: Integer
      DECLARE ext = extrema(a, b, 3)
6
      DECLARE length = sizeof(ext) / sizeof(ext[0]): Integer
      FOR i = 0 TO length - 1 DO
9
          valExt[k++] = fabs(df2(ext[i]))
10
      END FOR
11
12
      DECLARE m = min(fabs(df(a)), fabs(df(b))): Double
13
      DECLARE M = max(valExt): Double
14
15
      IF f(a) * df2(a) > 0 THEN
16
          temp = a
17
          a = b
18
          b = temp
19
      END IF
21
      DECLARE x_old = b: Double
      DECLARE x = chord_method(a, b, 1): Double
23
24
      Delta = error(x, x_old, M, m, num)
      count = 1
25
26
      WHILE NOT (Delta < eps) AND (count < max_loop) DO
27
          x \text{ old} = x
          x = chord method(a, b, 1)
29
          Delta = error(x, x_old, M, m, num)
30
           count++
      END WHILE
32
33
      FOR cnt = 1 TO n DO
34
          x = a - f(a) * (a - b) / (f(a) - f(b))
36
          DECLARE fa = f(a)
37
          DECLARE fb = f(b)
      END FOR
39
40 END FUNCTION
```

Ý tưởng của hàm cau3:

- **Bước 1:** Nhập các thông số đầu vào như khoảng cách ly nghiệm [a, b], số lần lặp n, và sai số ε .
- Bước 2: Kiểm tra tính hợp lệ của các thông số đầu vào bằng hàm check_input_format.
- **Bước 3:** Mở tệp "ketqua.txt" bằng fopen để ghi kết quả vào tệp.
- **Bước 4:** Kiểm tra tính hợp lệ của khoảng [a, b] bằng hàm check_input và hàm check_interval. Nếu khoảng không hợp lệ, in thông báo lỗi và thoát.
- **Bước 5:** Tính giá trị điểm Fourier d dựa trên điều kiện $f(a) \cdot f''(a) > 0$.
- **Bước 6:** Kiểm tra tính hội tụ của phương pháp dây cung bằng hàm check_convergence_chord_method. Nếu không hội tụ, in thông báo lỗi và thoát.
- Bước 7: Hiển thi giao diên yêu cầu người dùng nhập lưa chon.

- **Bước 8:** Nếu người dùng chọn choose == 1, thực hiện hàm calculate_x_after_n_iterations để tìm nghiệm gần đúng trong n lần lặp với số điểm lấy gần đúng là 3.
- Bước 9: Ghi kết quả nghiệm vào tệp "ketqua.txt".
- Bước 10: Đóng tệp sau khi ghi xong.

Giả mã:

```
FUNCTION cau3()
      DECLARE a, b, eps: Double
3
      DECLARE choose: Integer
      DECLARE n: Integer
4
      DECLARE check: Boolean
5
      system("cls")
      giao_dien()
      PRINT "Nhap khoang cach ly nghiem: "
      INPUT a
9
      PRINT "Nhap a: "
10
      INPUT b
11
      PRINT "Nhap b: "
12
      INPUT n
13
      check_input_format(a, b, n, eps)
15
      check = check_input(a, b)
16
      isIntervalValid = check_interval(a, b)
18
      IF NOT isIntervalValid THEN
19
          PRINT "Khoang phan ly a va b khong dung."
20
          PRINT "Hay nhap lai a va b."
          RETURN
      END IF
23
24
      d = (f(a) * df2(a) > 0) ? a : b
      check_convergence_chord_method(a, b)
26
27
      IF NOT check THEN
28
          PRINT "Kiem tra lai input"
          RETURN
30
      END IF
31
      PRINT "Nhap lua chon: "
      INPUT choose
34
35
      IF choose == 1 THEN
          calculate_x_after_n_iterations(a, b, n, 3, eps)
      END IF
39 END FUNCTION
```

2.2.7 Các hàm để tính cho cau4

Ý tưởng của hàm daycung:

Bước 1: Tính giá trị các điểm cực trị của hàm số trong khoảng [left, right] bằng cách gọi hàm extrema(left, right, 3) và lưu vào mảng ext.

- **Bước 2:** Tính giá trị của m là giá trị nhỏ nhất của hàm số đạo hàm |f'(x)| trong khoảng [left, right].
- **Bước 3:** Tính giá trị của M là giá trị lớn nhất trong mảng valExt, chứa giá trị |f''(x)| tại các điểm cực trị của hàm số.
- **Bước 4:** Kiểm tra điều kiện $f(left) \cdot f''(left) > 0$. Nếu điều kiện thỏa mãn, đổi chỗ left và right để thỏa mãn điều kiện trên.
- Bước 5: Khởi tạo các biến x_old, x, Delta, và count để sử dụng trong vòng lặp.
- Bước 6: Mở tệp "ketqua.txt" bằng fopen để ghi kết quả vào tệp.
- Bước 7: Ghi thông tin về bài toán vào tệp "ketqua.txt".
- **Bước 8:** Trong vòng lặp, thực hiện tìm nghiệm gần đúng bằng phương pháp dây cung với hàm chord_method cho đến khi đạt đến sai số ε hoặc vượt quá số lần lặp tối đa.
- Bước 9: Ghi kết quả nghiệm và số lần lặp vào tệp "ketqua.txt".
- Bước 10: Đóng tệp sau khi ghi xong.
- Bước 11: Khởi tạo mảng result và gán giá trị của x và count vào các phần tử tương ứng.
- Bước 12: Trả về con trỏ result.

```
FUNCTION daycung(left, right, num, eps)
      DECLARE valExt[N]: Array of Double
      DECLARE k, temp, count: Integer
4
      DECLARE ext: Pointer to Double
      ext = extrema(left, right, 3)
5
      DECLARE length: Integer
6
      length = sizeof(ext) / sizeof(ext[0])
      FOR i = 0 TO length - 1
9
          valExt[k++] = fabs(df2(ext[i]))
11
      m = min(fabs(df(left)), fabs(df(right)))
12
      M = max(valExt)
14
      IF f(left) * df2(left) > 0 THEN
15
          temp = left
16
          left = right
17
          right = temp
18
      END IF
19
20
      DECLARE x_old, x: Double
21
      x_old = right
22
      x = chord_method(left, right, 1)
      Delta = error(x, x_old, M, m, num)
24
      count = 1
25
      static result[2]: Array of Double
27
      result[0] = x
28
      result[1] = count
29
      RETURN result
32 END FUNCTION
```

Ý tưởng của hàm cau4:

- **Bước 1:** Nhập các thông số đầu vào như khoảng cách ly nghiệm [a, b], sai số ε , và lựa chọn phương pháp tính nghiệm gần đúng.
- **Bước 2:** Kiểm tra tính hợp lệ của các thông số đầu vào bằng hàm check_input và hàm check_interval. Nếu không hợp lệ, in thông báo lỗi và thoát.
- **Bước 3:** Tính giá trị n là số lần phải lặp của phương pháp dây cung dựa trên công thức $n = \lceil \log_2 \left(\frac{b-a}{\varepsilon} \right) \rceil$.
- **Bước 4:** Kiểm tra tính hợp lệ của khoảng [a, b] bằng hàm check_input_format. Nếu không hợp lệ, in thông báo lỗi và thoát.
- **Bước 5:** Tính giá trị điểm Fourier d dựa trên điều kiện $f(a) \cdot f''(a) > 0$.
- **Bước 6:** Kiểm tra tính hội tụ của phương pháp dây cung bằng hàm check_convergence_chord_method. Nếu không hôi tu, in thông báo lỗi và thoát.
- Bước 7: Hiển thị giao diện yêu cầu người dùng nhập lựa chọn.
- Bước 8: Nếu người dùng chọn choose == 1, thực hiện hàm daycung (a, b, 1, eps) để tìm nghiệm gần đúng bằng phương pháp dây cung với công thức |f(x)|/m.
- Bước 9: Nếu người dùng chọn choose == 2, thực hiện hàm daycung (a, b, 2, eps) để tìm nghiệm gần đúng bằng phương pháp dây cung với công thức $(M-m) \cdot |x_n x_{n-1}|/m$.
- **Bước 10:** Ghi kết quả nghiệm và số lần lặp vào tệp "ketqua.txt".
- Bước 11: Đóng tệp sau khi ghi xong.

```
FUNCTION cau4()
      DECLARE a, b, eps: Double
      DECLARE choose: Integer
      DECLARE check: Boolean
4
      system("cls")
5
      giao_dien()
6
      PRINT "Nhap khoang cach ly nghiem: "
      INPUT a
9
      PRINT "Nhap a: "
10
      INPUT b
11
      PRINT "Nhap b: "
12
      INPUT eps
13
14
      check = check_input(a, b)
15
      n = ceil(log2((b - a) / eps))
16
      check_input_format(a, b, n, eps)
17
      DECLARE x0: Array of Double
19
      d = (f(a) * df2(a) > 0) ? a : b
20
21
      bool isIntervalValid = check_interval(a, b)
22
23
      IF NOT isIntervalValid THEN
          PRINT "Khoang phan ly a va b khong dung."
```

```
PRINT "Hay nhap lai a va b."
          RETURN
26
      END IF
27
28
      check_convergence_chord_method(a, b)
29
30
      IF check == false THEN
31
          PRINT "Kiem tra lai input"
          RETURN
33
      ELSE IF check == true THEN
34
          PRINT "Nhap lua chon:
35
          INPUT choose
          IF choose == 1 THEN
37
               x0 = daycung(a, b, 1, eps)
               PRINT "Nghiem cua phuong trinh: ", x0[0]
39
               PRINT "Tinh n bang CT (b-a)/2^n: ", n
40
               PRINT "Cong thuc |f(x)|/m"
41
               PRINT "n la so lan phai lap"
42
          ELSE IF choose == 2 THEN
43
               x0 = daycung(a, b, 2, eps)
               PRINT "Nghiem cua phuong trinh: ", x0[0]
45
               PRINT "Tinh n bang CT (b-a)/2^n: ", n
46
               PRINT "Cong thuc (M-m)*|xn-xn-1|/m"
47
48
               PRINT "n la so lan phai lap"
          END IF
49
      END IF
50
51 END FUNCTION
```

2.2.8 Các hàm để tính cho cau5

 \acute{Y} tưởng của hàm approximate_x_after_iterations:

- **Bước 1:** Tính giá trị các điểm cực trị của hàm số trong khoảng [a,b] bằng cách gọi hàm extrema(a, b, 3) và lưu vào mảng ext.
- **Bước 2:** Tính giá trị của m là giá trị nhỏ nhất của hàm số đạo hàm |f'(x)| trong khoảng [a,b].
- **Bước 3:** Tính giá trị của M là giá trị lớn nhất trong mảng valExt, chứa giá trị |f''(x)| tại các điểm cực trị của hàm số.
- **Bước 4:** Kiểm tra điều kiện $f(a) \cdot f''(a) > 0$. Nếu điều kiện thỏa mãn, đổi chỗ a và b để thỏa mãn điều kiên trên.
- Bước 5: Khởi tạo các biến x_old, x, Delta, count, và num để sử dụng trong vòng lặp.
- Bước 6: Mở tệp "ketqua.txt" bằng fopen để ghi kết quả vào tệp.
- Bước 7: Ghi thông tin về bài toán vào tệp "ketqua.txt".
- **Bước 8:** Trong vòng lặp, thực hiện tìm nghiệm gần đúng bằng phương pháp dây cung với hàm chord_method cho đến khi đạt đến sai số ε hoặc vượt quá số lần lặp tối đa.
- Bước 9: Ghi kết quả nghiệm và số lần lặp vào tệp "ketqua.txt".
- Bước 10: Hiển thi kết quả nghiêm và số lần lặp tương ứng trên giao diên console.

- **Bước 11:** Nếu sai số ε đủ nhỏ hoặc số lần lặp đạt tới giới hạn, thoát vòng lặp và kết thúc hàm.
- Bước 12: Cập nhật giá trị của x_old, a, fa, và fb để tiếp tục vòng lặp.
- Bước 13: Đóng tệp sau khi ghi xong.

Giả mã:

```
1 FUNCTION approximate_x_after_iterations(a, b, n, eps)
      DECLARE valExt[N]: Array of Double
      DECLARE k, temp, count, num: Integer
      DECLARE ext: Pointer to Double
4
      ext = extrema(a, b, 3)
      DECLARE length: Integer
6
      length = sizeof(ext) / sizeof(ext[0])
      FOR i = 0 TO length - 1
9
           valExt[k++] = fabs(df2(ext[i]))
10
11
      m = min(fabs(df(a)), fabs(df(b)))
12
      M = max(valExt)
13
14
      IF f(a) * df2(a) > 0 THEN
15
          temp = a
16
           a = b
17
           b = temp
18
      END IF
19
20
      DECLARE x_old, x: Double
21
      x_old = b
22
      x = chord_method(a, b, 1)
23
      Delta = error(x, x_old, M, m, num)
      count = 1
25
26
      FOR cnt = 1 TO n
           x = a - f(a) * (a - b) / (f(a) - f(b))
28
29
           IF fabs(x - x_old) <= eps THEN</pre>
30
               PRINT "Dung sau ", cnt, " lan lap vi |xn - xn-1| <= ", eps
               EXIT FOR
32
          END IF
           x_old = x
           a = x
36
           double fa = f(a)
37
           double fb = f(b)
38
      END FOR
39
40
      RETURN x
41
42 END FUNCTION
```

Ý tưởng của hàm cau5:

- **Bước 1:** Nhập các thông số đầu vào như khoảng cách ly nghiệm [a, b], sai số ε , và lựa chọn phương pháp tính nghiệm gần đúng.
- Bước 2: Kiếm tra tính hợp lệ của các thông số đầu vào bằng hàm check_input và hàm check_interval. Nếu không hợp lệ, in thông báo lỗi và thoát.

- **Bước 3:** Tính giá trị điểm Fourier d dựa trên điều kiện $f(a) \cdot f''(a) > 0$.
- **Bước 4:** Kiểm tra tính hợp lệ của khoảng [a,b] bằng hàm check_input_format. Nếu không hợp lệ, in thông báo lỗi và thoát.
- **Bước 5:** Tính giá trị n là số lần phải lặp của phương pháp dây cung dựa trên công thức $n = \lceil \log_2 \left(\frac{b-a}{\varepsilon} \right) \rceil$.
- Bước 6: Mở tệp "ketqua.txt" bằng fopen để ghi kết quả vào tệp.
- Bước 7: Ghi thông tin về bài toán vào tệp "ketqua.txt".
- Bước 8: Hiển thi giao diện yêu cầu người dùng nhập lưa chon.
- Bước 9: Nếu người dùng chọn choose == 1, thực hiện hàm approximate_x_after_iterations(a, b, n, eps) để tìm nghiệm gần đúng.
- Bước 10: Ghi kết quả nghiêm và số lần lặp vào têp "ketqua.txt".
- **Bước 11:** Trong vòng lặp, thực hiện tìm nghiệm gần đúng bằng phương pháp dây cung với hàm chord_method cho đến khi đạt đến sai số ε hoặc vượt quá số lần lặp tối đa.
- Bước 12: Ghi kết quả nghiệm và số lần lặp vào tệp "ketqua.txt".
- **Bước 13:** Hiển thị kết quả nghiệm và số lần lặp tương ứng trên giao diện console.
- **Bước 14:** Nếu sai số ε đủ nhỏ hoặc số lần lặp đạt tới giới hạn, thoát vòng lặp và kết thúc hàm.
- Bước 15: Cập nhật giá trị của x_old, a, fa, và fb để tiếp tục vòng lặp.
- Bước 16: Đóng tệp sau khi ghi xong.

```
1 FUNCTION cau5()
      DECLARE a, b, eps: Double
      DECLARE choose: Integer
3
      DECLARE check: Boolean
      system("cls")
5
      giao_dien()
6
      PRINT "Nhap khoang cach ly nghiem: "
9
      PRINT "Nhap a: "
10
      INPUT b
11
      PRINT "Nhap b: "
12
      INPUT eps
13
14
      check = check_input(&a, &b)
15
      double d = (f(a) * df2(a) > 0) ? a : b
16
17
      bool isIntervalValid = check_interval(a, b)
18
      IF NOT isIntervalValid THEN
19
           PRINT "Khoang phan ly a va b khong dung."
20
          PRINT "Hay nhap lai a va b."
21
          RETURN
22
      END IF
23
24
      check_convergence_chord_method(a, b)
```

```
int n = ceil(log2((b - a) / eps))
27
      check_input_format(a, b, n, eps)
28
      IF check == false THEN
30
          PRINT "Kiem tra lai input"
31
          RETURN
32
      ELSE IF check == true THEN
          PRINT "Nhap lua chon: "
34
           INPUT choose
35
          IF choose == 1 THEN
36
               giao_dien_kq()
               x = approximate_x_after_iterations(a, b, n, eps)
38
               PRINT "Nghiem cua phuong trinh: ", x
39
               PRINT "Tinh n bang CT (b-a)/2^n: ", n
               PRINT "Cong thuc |f(x)|/m"
41
               PRINT "n la so lan phai lap"
42
          END IF
43
      END IF
44
45 END FUNCTION
```

2.2.9 Hàm menu và int main()

Ý tưởng của hàm menu:

- Bước 1: Khởi tạo biến position = 1 để theo dõi vị trí lựa chọn của người dùng trên menu.
- Bước 2: Khởi tao biến keyPress = 0 để theo dõi sư kiên nhấn phím của người dùng.
- **Bước 3:** Hiển thị giao diện menu và danh sách các lựa chọn trong vòng lặp cho đến khi người dùng nhấn phím Enter (mã ASCII = 13).
- **Bước 4:** Sử dụng vòng lặp để hiển thị danh sách các lựa chọn, đồng thời in mũi tên tại vị trí đang chọn.
- Bước 5: Sử dụng hàm getch() để nhận lệnh nhấn phím từ người dùng.
- **Bước 6:** Nếu người dùng nhấn mũi tên xuống hoặc phím 's' hoặc 'S' hoặc '2', di chuyển mũi tên xuống dưới danh sách lựa chọn. Nếu đang ở vị trí cuối cùng, di chuyển về vị trí đầu tiên.
- **Bước 7:** Nếu người dùng nhấn mũi tên lên hoặc phím 'w' hoặc 'W' hoặc '8', di chuyển mũi tên lên trên danh sách lựa chọn. Nếu đang ở vị trí đầu tiên, di chuyển về vị trí cuối cùng.
- **Bước 8:** Sau khi người dùng nhấn phím Enter, kiểm tra giá trị của biến **position** để xử lý lựa chọn tương ứng.
- **Bước 9:** Dựa vào giá trị của **position**, thực hiện lời gọi đến các hàm xử lý tương ứng cho từng lựa chọn.
- Bước 10: Sau khi xử lý lựa chọn, xóa màn hình và gọi lại hàm menu() để hiển thị menu tiếp tuc cho người dùng.

Bước 11: Nếu người dùng chọn lựa chọn thoát (điều kiện position == 7), thoát khỏi chương trình.

Ý tưởng của main();

Bước 1: Khởi tạo các biến n, stt = 1, choose, a, b, eps để sử dụng trong chương trình.

Bước 2: Hiển thị giao diện nền và nhập đa thức từ người dùng bằng hàm enter_poly().

Bước 3: Gọi hàm menu () để hiển thị menu và xử lý các lựa chọn từ người dùng.

Bước 4: Trả về 0 để kết thúc chương trình.

3 Mã nguồn

```
# #include <stdio.h>
2 #include <comio.h>
3 #include <string.h>
4 #include <math.h>
5 #include <stdbool.h>
6 #include <ctype.h>
7 #include <windows.h>
8 #include <unistd.h>
10 #define MAX 7
11 #define MIN 1
12 #define N 100
13 #define max_loop 1000
14 #define delta 0.000001
#define learning_rate 0.01
17 void TextColor(int x)
18 {
      HANDLE h = GetStdHandle(STD_OUTPUT_HANDLE);
19
      SetConsoleTextAttribute(h, x);
20
21
22
void gotoxy(int x, int y)
24 {
      COORD c = \{ x, y \};
25
      SetConsoleCursorPosition(GetStdHandle(STD_OUTPUT_HANDLE), c);
26
  }
27
void arrowHere(int realPosition, int arrowPosition)
30 {
      if (realPosition == arrowPosition)
          TextColor(236); printf("%c ", 175);
33
      }
34
      else {
          TextColor(252); printf("
                                        ");
36
37
38
  const char* option[] =
  {
40
      "Tim cac mien chua nghiem cua phuong trinh",
41
      "Thu hep khoang phan ly ",
42
      "Tim nghiem gan dung voi so lan lap n",
      "Tim nghiem gan dung voi sai so e",
44
      "Tim nghiem gan dung Xn",
45
      "Help",
46
      "Exit"
47
48 };
void giao_dien_ngoai()
51 {
    TextColor(236);
52
    for(int i=0; i<=70;i++){</pre>
53
     for(int j=1;j<29;j++){
        gotoxy(i,j);
55
      printf(" ");
```

```
}
58
       TextColor(15);
59
       for (int i = 0; i <= 70; i++)</pre>
61
           gotoxy(i, 0); printf("%c", 205);
62
           gotoxy(i, 29); printf("%c", 205);
63
       gotoxy(20, 0); TextColor(206); printf(" GIAI PHUONG PHAP DAY CUNG ");
       gotoxy(0, 0); printf("%c", 201);
66
       gotoxy(70, 0); printf("%c", 187);
67
       TextColor(15);
       for (int i = 0; i <= 14; i++)</pre>
69
70
           gotoxy(0, 14 - i); printf("%c", 186);
           gotoxy(0, 14 + i); printf("%c", 186);
           gotoxy(70, 14 - i); printf("%c", 186);
73
           gotoxy(70, 14 + i); printf("%c", 186);
74
       gotoxy(0, 0); printf("%c", 201);
       gotoxy(70, 0); printf("%c", 187);
77
       gotoxy(0, 29); printf("%c", 200);
       gotoxy(70, 29); printf("%c", 188);
81
  void giao_dien_pp(){
  TextColor (236);
     for(int i=71; i<=118;i++){</pre>
     TextColor (236); for (int j=1; j<29; j++) {
85
         gotoxy(i,j);
86
         printf(" ");
       }
88
     }
89
       TextColor(15);
90
       for (int i = 71; i <= 118; i++)
92
           gotoxy(i, 0); printf("%c", 205);
93
           gotoxy(i, 29); printf("%c", 205);
       gotoxy(84, 0); TextColor(206); printf("GIOI THIEU PP DAY CUNG ");
96
       gotoxy(0, 0); printf("%c", 201);
97
       gotoxy(118, 0); printf("%c", 187);
98
       TextColor(15);
       for (int i = 0; i <= 14; i++)</pre>
100
           gotoxy(0, 14 - i); printf("%c", 186);
           gotoxy(0, 14 + i); printf("%c", 186);
           gotoxy(118, 14 - i); printf("%c", 186);
104
           gotoxy(118, 14 + i); printf("%c", 186);
105
       gotoxy(0, 0); printf("%c", 201);
       gotoxy(118, 0); printf("%c", 187);
108
       gotoxy(0, 29); printf("%c", 200);
109
       gotoxy(118, 29); printf("%c", 188);
       gotoxy(72, 3); TextColor(236); printf("f(x) la da thuc bac n:");
111
       gotoxy(72, 4); TextColor(236); printf("f(x) = a0*x^n + a1*x^(n-1)+...+ an
      = 0,a0! = 0");
       gotoxy(72, 7); TextColor(236); printf("Uu diem cua pp:");
113
       gotoxy(73, 8);TextColor(236);printf("De hieu, de trien khai");
114
       gotoxy(73, 9); TextColor(236); printf("Co TH hoi tu nhanh");
```

```
gotoxy(73, 10);TextColor(236);printf("Ap dung rong rai");
       gotoxy(72, 13);TextColor(236);printf("Nhuoc diem cua pp");
117
       gotoxy(73, 14); TextColor(236); printf("Phu thuoc diem ban dau");
118
       gotoxy(73, 15); TextColor(236); printf("Kho doan dinh so lan lap");
       gotoxy(73, 16);TextColor(236);printf("Can tinh dao ham");
120
       gotoxy(73, 17); TextColor(236); printf("Co the bi sai so");
       gotoxy(73, 18); TextColor(236); printf("Co TH hoi tu cham");
        gotoxy(88, 25);TextColor(236); printf("
       gotoxy(88, 26);TextColor(236); printf("
                                                  > ^ < ");
       gotoxy(88, 27);TextColor(236); printf("
       gotoxy(86, 28); TextColor(206); printf("NGUYEN VAN TUAN");
126
127
128
  void giao_dien_ben_trong()
129
130
     TextColor (252);
     for(int i=8; i<57;i++){</pre>
       for(int j=7; j<=17; j++) {</pre>
         gotoxy(i,j);
134
         printf(" ");
       }
136
     gotoxy(28, 6); TextColor(244); printf(" MENU ");
138
139
140
void giao_dien_kq()
  {
142
     TextColor (236);
143
     for(int i=71; i<=118;i++){</pre>
144
     TextColor(236); for(int j=1; j<29; j++) {
145
         gotoxy(i,j);
         printf(" ");
147
       }
148
149
     }
       TextColor(15);
       for (int i = 71; i <= 118; i++)</pre>
151
           gotoxy(i, 0); printf("%c", 205);
           gotoxy(i, 29); printf("%c", 205);
156
       gotoxy(0, 0); printf("%c", 201);
       gotoxy(118, 0); printf("%c", 187);
158
       TextColor(15);
       for (int i = 0; i <= 14; i++)
160
       {
           gotoxy(0, 14 - i); printf("%c", 186);
           gotoxy(0, 14 + i); printf("%c", 186);
           gotoxy(118, 14 - i); printf("%c", 186);
164
           gotoxy(118, 14 + i); printf("%c", 186);
       gotoxy(0, 0); printf("%c", 201);
       gotoxy(118, 0); printf("%c", 187);
168
       gotoxy(0, 29); printf("%c", 200);
       gotoxy(118, 29); printf("%c", 188);
170
       gotoxy(88, 0); TextColor(206); printf(" KET QUA ");
       gotoxy(88, 25);TextColor(236); printf("
                                                  /\\_/\\ ");
173
       gotoxy(88, 26);TextColor(236); printf(" ( o.o )");
174
       gotoxy(88, 27); TextColor(236); printf(" > ^ < ");</pre>
```

```
gotoxy(86, 28); TextColor(206); printf("NGUYEN VAN TUAN");
177
178
179
  void giao_dienhuongdan(){
180
     TextColor(236);
181
     for(int i=71; i<=118;i++){</pre>
182
     TextColor(236); for(int j=1;j<29;j++){
         gotoxy(i,j);
         printf(" ");
185
186
     }
187
       TextColor(15);
188
       for (int i = 71; i <= 118; i++)</pre>
189
           gotoxy(i, 0); printf("%c", 205);
           gotoxy(i, 29); printf("%c", 205);
193
194
       gotoxy(0, 0); printf("%c",
                                    201);
       gotoxy(118, 0); printf("%c", 187);
196
       TextColor(15);
197
       for (int i = 0; i <= 14; i++)</pre>
199
           gotoxy(0, 14 - i); printf("%c", 186);
200
           gotoxy(0, 14 + i); printf("%c", 186);
201
           gotoxy(118, 14 - i); printf("%c", 186);
           gotoxy(118, 14 + i); printf("%c", 186);
204
       gotoxy(0, 0); printf("%c", 201);
205
       gotoxy(118, 0); printf("%c", 187);
       gotoxy(0, 29); printf("%c", 200);
207
       gotoxy(118, 29); printf("%c", 188);
208
       gotoxy(86, 7); TextColor(236); printf("Have a good day!");
209
       gotoxy(73,9); TextColor(236); printf("On The Way To Success,");
       gotoxy(88,10);TextColor(236);printf("There Is No Trace Of Lazy Men");
211
       gotoxy(88, 25);TextColor(236); printf("
                                                   /\\_/\\ ");
212
       gotoxy(88, 26);TextColor(236); printf("
                                                    ( 0.0 )");
213
       gotoxy(88, 27);TextColor(236); printf("
       gotoxy(92, 0); TextColor(206); printf(" HELP ");
215
       gotoxy(86, 28); TextColor(206); printf("NGUYEN VAN TUAN");
216
217 }
  void giao_dien()
219
       giao_dien_ngoai();
220
221
       giao_dien_kq();
       giao_dien_ben_trong();
223
  void giao_dien_nen(){
224
     giao_dien_ngoai();
225
     giao_dien_pp();
227
228 double min(double a, double b){
    if (a >= b) return b;
    return a;
230
231
232
233 double max(double valExt[100]){
     double max = -100000;
    for (int i = 0; i < 100; i++){</pre>
```

```
if(valExt[i] > max) max = valExt[i];
237
    return max;
238
239 }
240
241
242 double polynomial_coefficients[N];
                                           // mang luu tru he so cua da thuc
                                           // mang luu tru bac cua da thuc
243 int polynomial_degree;
244 double survey_values[N];
                                           // mang luu tru cac gia tri khao sat
245 double distance_values[N];
                                           // mang luu tru cac khoang cach ly
246 double lower_bound;
                                           // gioi han duoi cua mien chua ngiem
247 double upper_bound;
                                           // gioi han tren cua mien chua nghiem
248 double extreme_values[N];
                                          // mang luu cac gia tri cuc tri
249 double m;
250 double M;
  int digit_count;
252
     double f(double x)
253
254
       double temp = 0;
       for (int i = polynomial_degree; i >= 0; i--) {
           temp +=polynomial_coefficients[polynomial_degree - i] * pow(x, i);
257
258
259
       return temp;
260 }
      double df(double x)
261
262
       double temp = 0;
       for (int i = polynomial_degree; i >= 1; i--) {
264
           temp += polynomial_coefficients[polynomial_degree - i] * i * pow(x,
265
      i - 1);
       }
266
       return temp;
267
268
      double df2(double x){
     double temp = 0;
270
     for (int i = polynomial_degree; i >= 2; i--){
271
       temp += polynomial_coefficients[polynomial_degree - i] * i * (i-1) * pow
      (x, i - 2);
     }
273
274
     return temp;
275
276
     double dfn(double x, int deg){
277
     if (deg == 1) return df(x);
278
     else if (deg == 2) return df2(x);
279
  }
280
     // nhap bac, he so
281
void enter_poly()
283
       bool valid_input = false;
       do {
285
           TextColor (236);
286
           gotoxy(4, 3); printf(" Nhap bac cua da thuc: ");
288
           if (scanf("%d", &polynomial_degree) != 1 || polynomial_degree < 0 ||</pre>
289
       polynomial_degree > N) {
               gotoxy(4, 12); TextColor(244); printf(">> ERROR. Hay nhap lai. "
      );
               Sleep(2000);
291
```

```
TextColor(14);
                system("cls");
293
                giao_dien_nen();
294
                while (getchar() != '\n')
                    continue;
               memset(polynomial_coefficients, 0, sizeof(
297
      polynomial_coefficients));
                continue;
           }
300
           gotoxy(4, 5); printf(" Nhap cac he so cua da thuc: ");
301
           for (int i = 0; i <= polynomial_degree; i++) {</pre>
                gotoxy(4, 6 + i);
303
               printf(">> a%d = ", i);
304
                if (scanf("%lf", &polynomial_coefficients[i]) != 1) {
305
                    gotoxy(4, 19); printf(">> He so khong hop le. Vui long nhap
      lai!");
                    Sleep(2000);
307
                    system("cls");
308
                    giao_dien_nen();
                    while (getchar() != '\n')
310
                        continue;
311
                    valid_input = false;
312
                    memset(polynomial_coefficients, 0, sizeof(
313
      polynomial_coefficients));
                    break;
314
               }
315
                valid_input = true;
           }
317
           if (!valid_input)
                continue;
321
           gotoxy(4, 18); printf("Ban muon hien thi may so sau dau phay: ");
322
           scanf("%d", &digit_count);
324
           FILE* fout = fopen("ketqua.txt", "a");
325
           if (fout == NULL) {
                printf("Khong mo duoc File de ghi.\n");
                return;
328
329
           fprintf(fout, "Ban muon hien thi may so sau dau phay: %d\n",
330
      digit_count);
           fprintf(fout, "Bac cua da thuc: %d\n", polynomial_degree);
331
           fprintf(fout, "Cac he so cua da thuc:\n");
332
           for (int i = 0; i <= polynomial_degree; i++) {</pre>
333
                fprintf(fout, "He so a%d: %.*lf\n", i, digit_count,
      polynomial_coefficients[i]);
335
336
           fclose(fout);
338
       } while (!valid_input);
339
340
  //option 1
342
343
  float find_solution_interval_R(double polynomial_coefficients[N], int
      polynomial_degree) {
      float max = fabs(polynomial_coefficients[0]);
345
```

```
float R;
346
347
                   for (int i = 0; i <= polynomial_degree; i++) {</pre>
348
                              if (fabs(polynomial_coefficients[i]) >= max) {
                                         max = fabs(polynomial_coefficients[i]);
350
                              }
351
                  }
352
                  R = 1 + (max / fabs(polynomial_coefficients[0]));
                  return R;
355
356
       void find_solution_interval() {
                  double temp[N], max=0, k=0;
358
                  upper_bound = -1;
359
                   lower_bound = -1;
360
                   bool invertCoefficients = false;
362
                   for (int i = 0; i <= polynomial_degree; i++) {</pre>
363
                              temp[i] = polynomial_coefficients[i];
364
                  }
366
                  do {
367
                              max = 0;
                              k = 0;
369
                              if (invertCoefficients) {
370
                                         for (int i = 0; i <= polynomial_degree; i++) {</pre>
371
                                                     temp[i] = -temp[i];
                                         }
                              }
374
                              for (int i = 1; i <= polynomial_degree; i++) {</pre>
                                          if (temp[i] < 0) {</pre>
377
                                                     k = i;
378
                                                     break;
379
                                         }
                              }
381
382
                              for (int i = 1; i <= polynomial_degree; i++) {</pre>
383
                                          if (temp[i] < 0 && fabs(temp[i]) > max) {
                                                     max = fabs(temp[i]);
385
                                          }
386
                              }
387
                            (max == 0) ? ((upper_bound == -1) ? upper_bound = 0 : lower_bound =
389
                0)
                                                              : ((upper_bound == -1) ? upper_bound = 1 + pow((max /
390
                temp[0]), 1.0 / k)
                                                                                                                                : lower_bound = -(1 + pow((max / max / m
391
                temp[0]), 1.0 / k)));
                              for (int i = 1; i <= polynomial_degree; i += 2) {</pre>
392
                                          temp[i] = -temp[i];
394
395
                              invertCoefficients = true;
                   } while (lower_bound > 0);
397
398
399
400 void cau1()
401 {
                  double x0, x1, sign, temp0, temp1, value1, value2;
402
```

```
double eta = 1e-11;
       int k = 1;
404
       int stt = 1;
405
       system("cls");
       giao_dien();
407
        find_solution_interval();
408
      if (polynomial_degree == 0) {
409
       (polynomial_coefficients[0] == 0) ? (gotoxy(84, 3), TextColor(236),
      printf("Phuong trinh vo so nghiem"))
                                              : (gotoxy(84, 3), TextColor(236),
411
      printf("Phuong trinh vo nghiem"));
412 }
  else if (lower_bound == upper_bound) {
413
       (f(lower_bound) == 0) ? (gotoxy(84, 3), TextColor(236), printf("Nghiem
414
      cua phuong trinh la: %.*lf", digit_count, lower_bound))
                                : (gotoxy(84, 3), TextColor(236), printf("Phuong
      trinh vo nghiem"));
416 }
  else {
417
       x1 = lower_bound;
       while (x1 < upper_bound) {</pre>
419
           x0 = x1;
420
           temp0 = df(x0);
            sign = (temp0 < 0) ? -1 : 1;
422
           x1 = x0 + sign * eta * temp0;
423
           temp1 = df(x1);
424
           for (int i = 0; i < max_loop; i++) {</pre>
                if (temp0 * temp1 > 0) {
427
                     while (eta < 0.008) {</pre>
428
                         eta *= 2;
                         x1 = x0 + sign * eta * temp0;
431
                         if (df(x1) * temp0 < 0) {
432
                              eta /= 2;
                              break;
434
                         }
435
                    }
436
                }
                else {
438
                    while (eta > 0) {
439
440
                         eta /= 2;
                         x1 = x0 + sign * eta * temp0;
441
442
                         if (df(x1) * temp0 > 0) {
443
                              break;
444
                         }
                    }
446
                }
447
448
                x1 = x0 + sign * eta * temp0;
                x0 = x1;
450
451
                if (abs(df(x1)) < 1e-4) {
                     survey_values[k++] = x1;
453
                     break;
454
                }
455
457
                eta = 1e-11;
                temp0 = df(x0);
458
```

```
x1 = x0 + sign * eta * temp0;
               temp1 = df(x1);
460
461
               if (x1 > upper_bound) {
463
                   break;
               }
464
           }
465
           x1 += 0.001;
467
       }
468
469
           survey_values[0] = lower_bound;
471
           survey_values[k] = upper_bound;
472
           gotoxy(13, 9); TextColor(252); printf("Day la nhung mien chua nghiem"
473
      );
           gotoxy(13, 11); TextColor(252); printf("Hay nho so khoang muon thu
474
      hep de lam p2");
           gotoxy(13, 13); TextColor(252); printf("Nen nho cac khoang de lam cau
475
       sau thuan tien");
           gotoxy(13, 15); TextColor(252); printf("Tranh nhap dau phay ma phai
476
      la dau cham");
           float R = find_solution_interval_R(polynomial_coefficients,
      polynomial_degree);
           gotoxy(76,1); TextColor(236); printf("fx nam trong mat tron tam 0, R:
478
      %.*f",digit_count,R);
           gotoxy(84,2); TextColor(236);
479
           printf("Mien chua nghiem la: ");
           gotoxy (84,3); TextColor (236);
481
           printf("Can duoi : %.*lf", digit_count, lower_bound);
           gotoxy (84,4); TextColor (236);
           printf("Can tren : %.*lf", digit_count, upper_bound);
      }
485
      FILE* fout = fopen("ketqua.txt", "a");
486
        fprintf(fout, "\n_____");
        fprintf(fout, "\nCau 1: Tim mien chua nghiem cua phuong trinh da thuc fx
488
      ");
         float R = find_solution_interval_R(polynomial_coefficients,
489
      polynomial_degree);
         fprintf(fout,"\nfx nam trong mat tron tam 0, R: %.*f",digit_count,R);
490
             fprintf(fout,"\nMien chua nghiem la: ");
491
             fprintf(fout,"\nCan duoi : %.*lf", digit_count, lower_bound);
492
             fprintf(fout,"\nCan tren : %.*lf", digit_count, upper_bound);
493
     int j=0;
494
      for (int i = 0; i < k; i++) {</pre>
495
           value1 = f(survey_values[i]);
           value2 = f(survey_values[i + 1]);
           if (value1 * value2 < 0) {</pre>
498
             distance_values[j++] = survey_values[i];
499
         distance_values[j++] = survey_values[i+1];
               fprintf(fout, "\nKhoang cach ly thu %d\n", stt);
               fprintf(fout, "\nCan duoi: %.*lf\nCan tren: %.*lf\n",digit_count
502
        survey_values[i], digit_count, survey_values[i + 1]);
               gotoxy(84, 6+3*(stt-1));
               printf("%d. Khoang cach ly thu %d", stt, stt);
504
               gotoxy(84, 7+3*(stt-1));
505
               printf("- Can duoi: %.*lf", digit_count, survey_values[i]);
506
               gotoxy(84, 8+3*(stt-1));
               printf("- Can tren: %.*lf", digit_count, survey_values[i+1]);
508
             stt++;
509
```

```
}if (stt == 1) {
511
      gotoxy(84, 5); TextColor(236);
512
      printf("Phuong trinh vo nghiem");
513
      gotoxy(84,6); TextColor(236);printf("Hay nhap lai ban nhe!!");
514
      fprintf(fout,"\nPhuong trinh vo nghiem");
       sleep(5);
       exit(0);
      fclose(fout);
520
521
524
    // Option 2
526 void cau2()
527
      int i = 0, k, stt = 1;
528
      double c = 0,a, b, f1, f2;
       system("cls");
530
       giao_dien();
       gotoxy(16, 9); TextColor(252);
      printf("Thu hep khoang phan ly nghiem ");
       gotoxy(16, 10); TextColor(252); printf("Hay nhap so nguyen k=1,2,3,..,n");
      gotoxy(16, 12); TextColor(252); printf("Chon khoang phan ly nghiem k= ");
      FILE* fout = fopen("ketqua.txt", "a");
      fprintf(fout, "\n___
                                                ");
      fprintf(fout," \nCau 2: Thu hep khoang phan ly");
538
      fprintf(fout, "\nKhoang cach ly ban dau:\n");
539
      fprintf(fout, "\nCan duoi: %.*lf\nCan tren: %.*lf\n", digit_count, a,
      digit_count, b);
      scanf("%d", &k);
541
      a = distance_values[2 * k - 2];
542
      b = distance_values[2 * k - 1];
      while ((b - a) > 0.5) {
544
          c = (a + b) / 2.0;
545
          f1 = f(a);
546
          f2 = f(c);
           if (f1 * f2 < 0) {</pre>
548
               b = c;
549
          }
          else {
               a = c;
           fprintf(fout, "\nLan lap thu %d\n", stt);
554
          digit_count, b);
          stt++;
      }
      TextColor(236);
       giao_dien_kq();
560
      gotoxy(80, 3); TextColor(236);
      printf("Khoang cach ly ban dau la:");
562
       gotoxy(80, 4);TextColor(236);
563
      printf("Can duoi: %.*lf", digit_count, distance_values[2 * k - 2]);
564
       gotoxy(80, 5); TextColor(236);
566
      printf("Can tren: %.*lf", digit_count, distance_values[2 * k - 1]);
      gotoxy(80, 7); TextColor(236);
567
```

```
printf("Khoang cach ly sau khi rut gon la:");
       gotoxy (80, 8); TextColor (236);
569
       printf("Can duoi: %.*lf", digit_count, a);
       gotoxy(80, 9); TextColor(236);
571
       printf("Can tren: %.*lf", digit_count, b);
572
       if ((distance_values[2 * k - 2] == 0 \&\& distance_values[2 * k - 1] == 0)
       || a == 0 || b == 0) {
           gotoxy(80, 12);
           printf("Khong co khoang phan ly nay");
           fprintf(fout,"\nKhong co khoang phan ly nay");
       gotoxy(80, 14);printf("Hay nhap lai nha");
577
579
       fclose(fout);
580
  }
581
     // cac ham de thuc hien cac option con lai
583
   double error(double x, double x_old, double M, double m, int error_type){
584
       if (error_type == 1)
585
           return fabs(f(x))/ m;
587
       else if (error_type== 2)
           return (M-m) * abs(x - x_old)/m;
588
589
       double chord_method(double left, double right, int deg) {
       double x1 = left;
       double x2 = right;
592
       double x;
       int count = 1;
       while (!(fabs(f(x2)) < delta)) {
596
           x = x2 - (f(x2) * (x2 - x1)) / (f(x2) - f(x1));
           count += 1;
           if (count > max_loop) {
600
                break;
           } else if (x > right) {
602
                break;
603
           } else if (x < left) {</pre>
604
                break;
           }
606
607
           x1 = x2;
608
           x2 = x;
       }
610
611
       return x2;
612
  }
613
    double gradient_descent(double a, double b, int direction, int degree) {
614
       double current_x = a;
615
       int count = 1;
616
617
       while (!(fabs(dfn(current_x, degree)) < delta)) {</pre>
618
           current_x = current_x - direction *learning_rate * dfn(current_x,
619
      degree);
           count += 1;
620
621
           if (count > max_loop || current_x > b || current_x < a) {</pre>
622
                break;
           }
624
       }
625
```

```
return current_x;
627
  }
628
  double* extrema(double left, double right, int degree) {
       int count = 2;
630
       double temp1, temp2;
631
       int k = 0;
632
       extreme_values[k++] = left;
       extreme_values[k++] = right;
634
635
       while (1) {
636
           temp1 = gradient_descent(left, right, 1, degree);
           temp2 = gradient_descent(left, right, -1, degree);
638
639
           if ((temp1 > right && temp2 < left) || (temp1 < left && temp2 >
640
      right)) {
                break;
641
           }
642
643
           if (temp1 > left && temp1 < right) {</pre>
                extreme_values[k++] = temp1;
645
                left = extreme_values[count++] + 0.05;
646
           }
           if (temp2 > left && temp2 < right) {</pre>
649
                extreme_values[k++] = temp2;
650
                left = extreme_values[count++] + 0.05;
           }
       }
653
654
       if (count > 2 && degree == 1) {
           // printf("Ham so ton tai cuc tri tren khoang (%.*lf , %.*lf)",
656
      digit_count, digit_count, extreme_values[0], extreme_values[1]);
657
       return extreme_values;
659
660
661
   double check_input(double *left, double *right){
     if(f(*left) * f(*right) > 0) return false;
663
     if (*left > *right) {
664
665
       double temp = *left;
       *left = *right;
       *right = temp;
667
668
     double *ext1 = extrema(*left, *right, 1);
669
     double *ext2 = extrema(*left, *right,
     int len1 = sizeof(ext1) / sizeof(ext1[0]);
671
     int len2 = sizeof(ext2) / sizeof(ext2[0]);
672
    if (len1 == 2 && len2 == 2) return true;
673
       else if (len1 > 2){
674
           printf("f'(x) doi dau tai it nhat 1 diem ");
675
           return false;
676
     }
     else if (len2 > 2){
678
           printf("f\"(x) doi dau tai it nhat 1 diem ");
679
           return false;
680
681
682
683
```

```
void check_input_format(double a, double b, int n, double esp) {
685
       bool flag = true;
686
       char aStr[100], bStr[100];
687
       sprintf(aStr, "%.15g", a);
688
       sprintf(bStr, "%.15g", b);
689
       if (strchr(aStr, ',') != NULL || strchr(bStr, ',') != NULL) {
690
           gotoxy(80,3); TextColor(236); printf("Ban da nhap sai. Vui long nhap
      lai");
           flag = false;
692
           Sleep(2000);
693
           system("cls");
                giao_dien();
695
       }
696
       if (n <= 0) {
           gotoxy(80,3);TextColor(236);printf("Ban da nhap sai. Vui long nhap
699
      lai");
           flag = false;
700
           Sleep(2000);
           system("cls");
702
           giao_dien();
703
       }
       if (esp <= 0) {</pre>
706
           gotoxy(80,3);TextColor(236);printf("Ban da nhap sai. Vui long nhap
707
      lai");
           flag = false;
           Sleep(2000);
709
           system("cls");
710
            giao_dien();
       }
712
       if (!flag) {
713
714
           getch();
           return;
716
       }
717
718 }
719
720
721
   void check_convergence_chord_method(double a, double b) {
       if ((f(b) * df2(b) < 0 && f(a) * df2(a) > 0) || (f(a) * df2(a) < 0 && f(
723
      b) * df2(b) > 0)) {
           // diem Fourier
724
           double d = (f(a) * df2(a) > 0) ? a : b;
           gotoxy(16,13); TextColor(252); printf("Diem Fourier: %lf\n", d);
       } else {
727
            gotoxy(16,13); TextColor(252); printf("Khong thoa man phuong phap day
728
       cung.\n");
             gotoxy(80,3); TextColor(236); printf("Ban da nhap sai. Vui long nhap
       lai"):
            Sleep(2000);
730
           system("cls");
            giao_dien();
732
       }
733
734
736 bool check_interval(double a, double b) {
  if (f(a) * f(b) >= 0) {
```

```
return false;
       }
739
       if (df(a)*df(b)<0){</pre>
740
           return false;
741
       }
742
743
       return true;
744 }
745 // option 3
void calculate_x_after_n_iterations(double a, double b, int n, int num,
      double eps) {
       double valExt[N], Delta;
747
       int k = 0, temp, count;
748
       double *ext = extrema(a, b, 3);
749
       int length = sizeof(ext) / sizeof(ext[0]);
750
       for (int i = 0; i < length; i++) {</pre>
           valExt[k++] = fabs(df2(ext[i]));
753
754
755
       double m = min(fabs(df(a)), fabs(df(b)));
756
       double M = max(valExt);
757
       if (f(a) * df2(a) > 0) {
           temp = a;
760
           a = b;
761
           b = temp;
762
       }
       double x_old = b;
765
       double x = chord_method(a, b, 1);
766
       Delta = error(x, x_old, M, m, num);
       count = 1;
768
       FILE *fout;
770
       fout = fopen("ketqua.txt", "a");
771
       fprintf(fout, "\n__
                                                  ");
772
       fprintf(fout,"\nCau 3: Tim nghiem gan dung voi so lan lap n");
773
       while (!(Delta < eps) && (count < max_loop)) {</pre>
           x_old = x;
776
           x = chord_method(a, b, 1);
777
           Delta = error(x, x_old, M, m, num);
778
            count++;
779
       }
780
781
       fprintf(fout, "\nNghiem cua phuong trinh la: %lf", x);
       fclose(fout);
784
       gotoxy(80, 4); TextColor(236);
785
       printf("Nghiem cua phuong trinh:");
       for (int cnt = 1; cnt <= n; cnt++) {</pre>
787
           double x = a - f(a) * (a - b) / (f(a) - f(b));
788
           gotoxy(80, cnt + 4); TextColor(236);
789
           printf("%d. x = %.*lf\n", cnt,digit_count, x);
           a = x;
791
           double fa = f(a);
792
           double fb = f(b);
793
       }
794
795 }
796
```

```
void cau3() {
       double a, b, eps;
798
       int choose;
799
       int n;
       bool check;
801
       FILE *fout;
802
       system("cls");
803
       giao_dien();
       TextColor (236);
       gotoxy(16, 9); TextColor(252);
806
       printf("Nhap khoang cach ly nghiem: ");
807
       gotoxy(16, 10); TextColor(252);
       printf("Nhap a: ");
809
       scanf("%lf", &a);
810
       gotoxy(16, 11); TextColor(252);
       printf("Nhap b: ");
       scanf("%lf", &b);
813
       gotoxy(16, 12); TextColor(252);
814
       printf("Nhap n: ");
815
       scanf("%d", &n);
817
       check_input_format(a, b, n, eps);
818
       fout = fopen("ketqua.txt", "a");
       check = check_input(&a, &b);
821
       bool isIntervalValid = check_interval(a, b);
822
       if (!isIntervalValid) {
           gotoxy(80, 4); TextColor(236);
           printf("Khoang phan ly a va b khong dung.\n");
825
           gotoxy(80, 6); TextColor(236);
           printf("Hay nhap lai a va b.\n");
           fprintf(fout, "Khoang phan ly a va b khong dung");
           fclose(fout);
829
830
           return;
       }
832
       double d = (f(a) * df2(a) > 0) ? a : b;
833
       check_convergence_chord_method(a, b);
834
       if (!check) {
           gotoxy (16, 14); TextColor (236);
836
           printf("Kiem tra lai input");
837
            Sleep(2000);
838
           system("cls");
            giao_dien();
840
           fclose(fout);
841
           return;
842
       }
844
       gotoxy(16, 14); TextColor(252);
845
       printf("Nhap lua chon: ");
846
       scanf("%d", &choose);
848
       fprintf(fout, "\n nhap a: %.*lf",digit_count,a);
849
       fprintf(fout, "\n nhap b: %.*lf",digit_count, b);
       fprintf(fout, "\n nhap n: %d", n);
851
       fprintf(fout, "\n Diem Fourier: %.*lf\n", digit_count,d);
852
       fprintf(fout, "\n So lan lap: %d", n);
853
854
855
       if (choose == 1) {
           giao_dien_kq();
```

```
gotoxy(80, 3); TextColor(236);
           printf("So lan lap: %d", n);
858
           calculate_x_after_n_iterations(a, b, n, 3, eps);
859
           fprintf(fout, "\nNghiem cua phuong trinh:\n");
           for (int cnt = 1; cnt <= n; cnt++) {</pre>
861
                double x = a - f(a) * (a - b) / (f(a) - f(b));
862
                fprintf(fout, "%d. x = %.*lf\n", cnt,digit_count, x);
863
                a = x;
                double fa = f(a);
                double fb = f(b);
866
           }
867
           fclose(fout);
       }
869
  }
870
871
873
874
        // option 4
875
   double* daycung(double left, double right, int num, double eps) {
877
       double valExt[N], Delta;
878
       int k = 0, temp, count;
       double *ext = extrema(left, right, 3);
       int length = sizeof(ext) / sizeof(ext[0]);
881
882
       for (int i = 0; i < length; i++) {</pre>
           valExt[k++] = fabs(df2(extreme_values[i]));
885
886
       m = min(fabs(df(left)), fabs(df(right)));
       M = max(valExt);
888
889
       if (f(left) * df2(left) > 0) {
890
           temp = left;
           left = right;
892
           right = temp;
893
       }
894
       double x_old = right;
896
       double x = chord_method(left, right, 1);
897
       Delta = error(x, x_old, M, m, num);
898
       count = 1;
900
       FILE *fout;
901
       fout = fopen("ketqua.txt", "a");
902
       fprintf(fout, "\n___
                                                   ");
       fprintf(fout,"\nCau 4: Tim nghiem gan dung voi sai so e");
904
       while (!(Delta < eps) && (count < max_loop)) {</pre>
905
           x_old = x;
           x = chord_method(left, right, 1);
           Delta = error(x, x_old, M, m, num);
908
           count++;
909
       }
911
       fprintf(fout, "\nNghiem cua phuong trinh la: %.*lf",digit_count , x);
912
       fprintf(fout, "\nSo lan lap: %d", count);
913
       fclose(fout);
914
915
       static double result[2];
916
```

```
result[0] = x;
       result[1] = count;
918
919
       return result;
920
921
922
  void cau4() {
923
       double a, b, eps;
       int choose;
925
       bool check;
926
       FILE *fout;
927
       system("cls");
       giao_dien();
929
       TextColor(236);
930
       gotoxy(16, 9); TextColor(252); printf("Nhap khoang cach ly nghiem: ");
       gotoxy(16, 10); TextColor(252); printf("Nhap a: "); scanf("%lf", &a);
       gotoxy(16, 11); TextColor(252);printf("Nhap b: "); scanf("%lf"
933
       gotoxy(16, 12);TextColor(252); printf("Nhap sai so: "); scanf("%1f", &
934
      eps);
       check = check_input(&a, &b);
       int n = ceil(log2((b - a) / eps));
936
        check_input_format(a, b, n, eps);
937
       double *x0;
       double d = (f(a) * df2(a) > 0) ? a : b;
       fout = fopen("ketqua.txt", "a");
940
       bool isIntervalValid = check_interval(a, b);
941
       if (!isIntervalValid) {
942
          gotoxy(80,4); TextColor(236); printf("Khoang phan ly a va b khong dung
      .\n");
          gotoxy(80,6);TextColor(236); printf("Hay nhap lai a va b.\n");
944
          fprintf(fout, "khoang phan ly a va b khong dung");
           Sleep(2000);
           system("cls");
947
            giao_dien();
948
           return;
950
       check_convergence_chord_method(a,b);
951
952
       if (check == false) {
           gotoxy(16, 14); TextColor(252); printf("Kiem tra lai input"); Sleep
954
      (2000);
           system("cls");
955
            giao_dien();
       } else if (check == true) {
957
           gotoxy(16, 14); TextColor(252); printf("Nhap lua chon: "); scanf("%d"
958
      , &choose);
           if (choose == 1) {
960
              fprintf(fout,"\n nhap a: %.*lf", digit_count,a);
961
                fprintf(fout, "\n nhap b: %.*lf", digit_count,b);
                fprintf(fout,"\n nhap sai so: %.*lf", digit_count,eps);
                fprintf(fout,"\n Diem Fourier: %*lf\n", digit count,d);
964
                fprintf(fout,"\n nhap lua chon: %d",choose);
               x0 = daycung(a, b, 1, eps);
               giao_dien_kq();
967
               gotoxy(80, 4); TextColor(236); printf("Nghiem cua phuong trinh:
968
      %.*lf", digit_count, x0[0]);
               gotoxy(80,5); TextColor(236); printf("Tinh n bang CT (b-a)/2^n: %d
      ",n);
               gotoxy(80,3); TextColor(236); printf("Cong thuc |f(x)|/m");
970
```

```
gotoxy(80,6);TextColor(236);printf("n la so lan phai lap");
                fprintf(fout, "\nCong thuc |f(x)|/m");
972
                fprintf(fout, "\nNghiem cua phuong trinh la: %.*lf", digit_count
973
       , x0[0]);
                fprintf(fout, "\n Tinh n bang CT (b-a)/2^n: %d",n);
974
                fprintf(fout,"\n n la so lan phai lap");
975
                fclose(fout);
            } else if (choose == 2) {
              fprintf(fout,"\n nhap a: %.*lf", digit_count,a);
                 fprintf(fout,"\n nhap b: %.*lf", digit_count,b);
979
                 fprintf(fout,"\n nhap sai so: %.*lf", digit_count,eps);
980
                 fprintf(fout,"\n Diem Fourier: %*lf\n", digit_count,d);
                 fprintf(fout, "\n nhap lua chon: %d", choose);
              giao_dien_kq();
983
                x0 = daycung(a, b, 2, eps);
                fprintf(fout,"\n nhap lua chon: %d",choose);
                gotoxy(80, 4); TextColor(236); printf("Nghiem cua phuong trinh:
986
      %.*lf", digit_count, x0[0]);
                fout = fopen("ketqua.txt", "a");
987
                fprintf(fout, "\nCong thuc (M-m)*|xn-xn-1|/m");
                fprintf(fout, "\nNghiem cua phuong trinh la: %f", x0[0]);
989
                fprintf(fout,"\n Tinh n bang CT (b-a)/2^n: %d",n);
                fprintf(fout,"\n n la so lan phai lap");
                gotoxy(80,5);TextColor(236);printf("Tinh n bang CT (b-a)/2^n: %d
992
       ",n);
                gotoxy(80,6);TextColor(236);printf("n la so lan phai lap");
993
                gotoxy(80,3); TextColor(236); printf("Cong thuc (M-m)*|xn-xn-1|/m"
      );
                fclose(fout);
995
            }
996
       }
998
999
1000
         // option 5
1001
    void approximate_x_after_iterations(double a, double b, int n, double eps)
1002
      {
       double valExt[N], Delta;
1003
       int k = 0, temp, count, num;
       double *ext = extrema(a, b, 3);
1005
       int length = sizeof(ext) / sizeof(ext[0]);
1006
1007
       for (int i = 0; i < length; i++) {</pre>
1008
            valExt[k++] = fabs(df2(ext[i]));
1009
1011
       double m = min(fabs(df(a)), fabs(df(b)));
1012
       double M = max(valExt);
1013
1014
       if (f(a) * df2(a) > 0) {
            temp = a;
            a = b;
            b = temp;
1018
       }
       double x_old = b;
       double x = chord_method(a, b, 1);
1023
       Delta = error(x, x_old, M, m, num);
        count = 1;
1024
```

```
FILE *fout;
       fout = fopen("ketqua.txt", "a");
       fprintf(fout, "\n_____
1028
       fprintf(fout,"\nCau 5: Tm nghiem gan dung cua Xn");
1029
1030
        while (!(Delta < eps) && (count < max_loop)) {</pre>
            x_old = x;
            x = chord_method(a, b, 1);
            Delta = error(x, x_old, M, m, num);
1034
            count++;
       }
1036
       fprintf(fout, "\nNghiem cua phuong trinh la: %.*lf", digit_count, x);
1038
       fclose(fout);
1039
1040
       gotoxy(80,4);TextColor(236);printf("Nghiem cua phuong trinh:");
1041
       for (int cnt = 1; cnt <= n; cnt++) {</pre>
            x = a - f(a) * (a - b) / (f(a) - f(b));
            gotoxy(80,4+cnt); TextColor(236); printf("d. x = %.*lf\n", cnt,
1044
       digit_count, x);
1045
            if (fabs(x - x_old) \le eps) {
1046
1047
1048
                 gotoxy(80,5+cnt);TextColor(236);printf("Dung sau %d lan lap ",
        cnt);
                 gotoxy(80,6+cnt); TextColor(236); printf("vi | xn - xn-1| <= %.91f
1049
       \n", eps);
                break;
            }
            x_old = x;
            a = x;
1054
            double fa = f(a);
            double fb = f(b);
       }
1058 }
1059
       void cau5() {
1060
       double a, b, eps;
       int choose;
1062
       double x_old;
1063
       bool check;
1064
       FILE *fout;
1065
       system("cls");
1066
       giao_dien();
1067
       gotoxy(12, 10); TextColor(252); printf("Nhap khoang cach ly nghiem: Nhap
1068
       a: "); scanf("%lf", &a);
       gotoxy(16, 11); TextColor(252); printf("Nhap b: "); scanf("%lf", &b);
1069
       gotoxy(16, 12); TextColor(252); printf("Nhap epsilon: "); scanf("%1f", &
       eps);
       gotoxy(16,10); TextColor(252);("Nhap khoang cach ly nghiem: ");
1071
       check = check input(&a, &b);
       double d = (f(a) * df2(a) > 0) ? a : b;
       fout = fopen("ketqua.txt", "a");
         bool isIntervalValid = check_interval(a, b);
        if (!isIntervalValid) {
           gotoxy(80,4); TextColor(236); printf("Khoang phan ly a va b khong dung
       .\n");
           gotoxy(80,6);TextColor(236); printf("Hay nhap lai a va b.\n");
1078
           fprintf(fout, "khoang phan ly a va b khong dung");
1079
```

```
Sleep(2000);
            system("cls");
1081
             giao_dien();
1082
            return;
1083
       }
1084
        check_convergence_chord_method(a,b);
1085
        int n = ceil(log2((b - a) / eps));
1086
         check_input_format(a, b, n, eps);
        fprintf(fout,"\n nhap a:%.*lf", digit_count,a);
1088
       fprintf(fout,"\n nhap b: %.*lf", digit_count,b);
       fprintf(fout,"\n nhap epsilon: %.*lf", digit_count,eps);
1090
       fprintf(fout,"\n Diem Fourier: %.*lf\n", digit_count ,d);
       if (check == false) {
            gotoxy(16, 14); TextColor(252); printf("Kiem tra lai input"); Sleep
       (2000);
            system("cls");
1094
             giao_dien();
1095
         else if (check == true) {
1096
            gotoxy(16, 14); TextColor(252); printf("Nhap lua chon: "); scanf("%d"
1097
       , &choose);
1098
       if (choose == 1) {
            giao_dien_kq();
            approximate_x_after_iterations(a, b, n, eps);
            fprintf(fout, "\nNghiem cua phuong trinh:\n");
            for (int cnt = 1; cnt <= n; cnt++) {</pre>
                double x = a - f(a) * (a - b) / (f(a) - f(b));
                fprintf(fout, "%d. x = %.*lf\n", cnt,digit_count, x);
1105
                   (fabs(x - x old) \le eps) {
1106
                    fprintf(fout, "Dung sau %d lan lap vi |xn - xn-1| <= %.91f\n
1107
       ", cnt,
               eps);
                    break:
1108
                }
1110
                a = x;
1111
                double fa = f(a);
1112
                double fb = f(b);
1114
            fclose(fout);
       }
1117
1118
         // option 6
       void cau6(){
        system("cls");
        giao_dien_ngoai();
1121
        giao_dien_ben_trong();
        giao_dienhuongdan();
1123
1124
       TextColor(252);
1125
       gotoxy(8,8);printf("De chay chuong trinh ban su dung cach sau:");
1126
       gotoxy(9,9);printf("De di chuyen len tren dung : mui ten xuong,s,S,2");
1127
       gotoxy(9,10);printf("De di chuyen len tren dung: mui ten len,w,W,8");
1128
       gotoxy(9,11);printf("De chon phan muon lam chon enter.");
       gotoxy(9,12);printf("Cau 3,5 chon lua chon 1 de chay");
        gotoxy(9,13);printf("Cau 3,5 chon 1 de kiem tra dieu kien");
1131
        gotoxy(9,14);printf("Cau 4 chon lua chon 1 or 2 de chay");
       gotoxy(9,15);printf("Cau 4 lua chon 1,2 co chuc nang");
        gotoxy(9,16); printf("1.CT sai so:|f(x)|/m");
1134
        gotoxy(9,17); printf("2.CT sai so (M-m)*(xn-xn-1)/m");
1136
```

```
1138
1139
1140
1141
void menu()
1143
1144
      int position = 1;
        int keyPress = 0;
1145
        giao_dien_nen();
1146
        giao_dien_ben_trong();
1147
        while (keyPress != 13) {
             for (int i = 1; i <= MAX; i++) {</pre>
1149
                 gotoxy(8, 9 + i);
1150
                 arrowHere(i, position);
1151
                 printf("%d. %s \n", i, option[i - 1]);
1152
1153
             fflush(stdin);
1154
             keyPress = _getch();
             if (keyPress == 80 || keyPress == 's' || keyPress == 'S' || keyPress
1156
        == '2') {
                 if (position == MAX) position = MIN;
1158
                  else position++;
1159
             else if (keyPress == 72 || keyPress == 'w' || keyPress == 'W' ||
       keyPress == '8') {
                  if (position == MIN ) position = MAX;
1161
                  else position --;
             }
1163
1164
1165
   }
1166
        switch (position) {
        case 1:
1167
1168
            cau1();
             _getch(); fflush(stdin);
             system("cls");
1170
             menu();
1171
             break;
1172
        case 2:
             cau2();
1174
             _getch();
             fflush(stdin);
1176
             system("cls");
1177
             menu();
1178
             break;
1179
        case 3:
1180
             cau3();
1181
             _getch();
1182
             fflush(stdin);
1183
             system("cls");
1184
             menu();
1185
             break;
1186
        case 4:
1187
          cau4();
             _getch();
1189
             fflush(stdin);
1190
             system("cls");
1191
             menu();
1193
             break;
        case 5:
1194
```

```
cau5();
1195
             _getch();
1196
             fflush(stdin);
1197
             system("cls");
1198
             menu();
1199
             break;
1200
        case 6:
1201
            cau6();
1202
             _getch();
1203
      giao_dienhuongdan();
1204
            fflush(stdin);
1205
             system("cls");
             menu();
1207
             break;
1208
        case 7:
1209
        exit(0);
1211
1212 }
1213
1215 int main()
1216 {
      int n, stt = 1, choose;
1217
      double a, b, eps;
1218
      giao_dien_nen();
1219
      enter_poly();
1220
1221
      menu();
      return 0;
1223 }
```

4

Hình ảnh giao diện thực hiện chương trình

4.1 Trường hợp nhập đúng, chính xác

Dưới đây là giao diện của chương trình và được nhập một cách tuần tự và chính xác. Xét trường hợp:

Phương trình đa thức f(x) bậc 4 và có dạng là: $f(x) = x^4 - 5x^3 + 3x^2 + 5x - 3$.

Trước tiên là giao diện đầu vào của chương trình, ở đây màn hình được chia làm 2 phần là một bên là nhập đầu vào và một bên là giới thiệu phương pháp dây cung với ưu nhược điểm của nó.



Hình 1: Giao diện nhập bậc và hệ số cho đa thức f(x)

Dưới đây là giao diện sau khi nhập bậc, hệ số và hiển thị kết quả sau dấu phẩy mấy số (được sử dung để hiên kết quả xuyên suốt chương trình):



Hình 2: Giao diện sau khi nhập bậc và hệ số

Đây là giao diện sau khi nhập xong bậc, hệ số, giao diện này hiển thị các option để bạn lựa chọn gồm: 7 option dùng các nút trên bàn phím để di chuyển và tuỳ chọn option.



Hình 3: Giao diện menu

Kết quả của tìm kếm các miền chứa nghiệm và đưa ra thứ tự k=1,2,3... để bạn dùng trong option 2 và bên phải là những lưu ý để bạn nhập một cách chính xác nhất. Và 4 miền chứa nghiệm này chính xác và đã được xác thực.



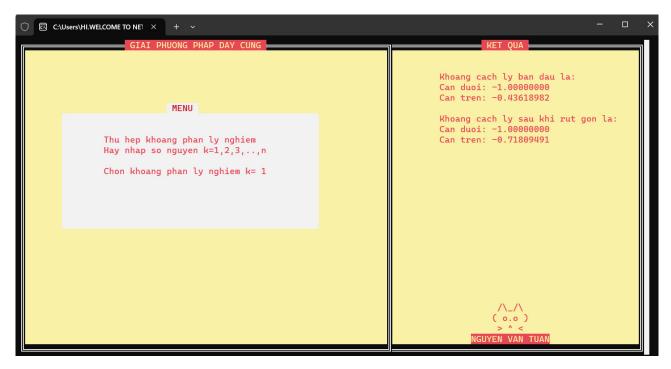
Hình 4: Giao diện kết quả của câu 1

Giao diện của option 2, bạn sẽ sử dụng kết quả của option 1 để sử dụng.



Hình 5: Giao diện nhập của câu 2

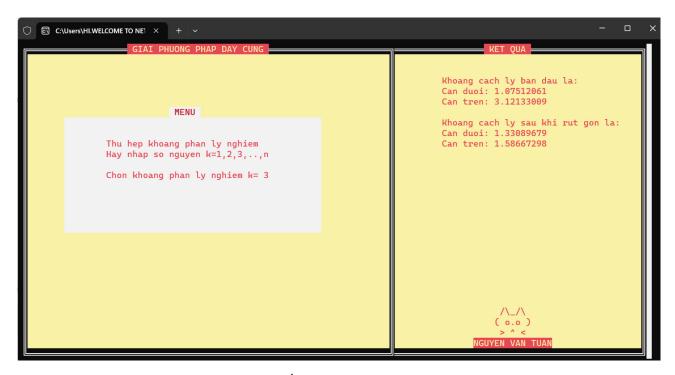
Dưới đây là kết quả thu hẹp 4 miền chứa nghiệm với |a-b| < = 0.5



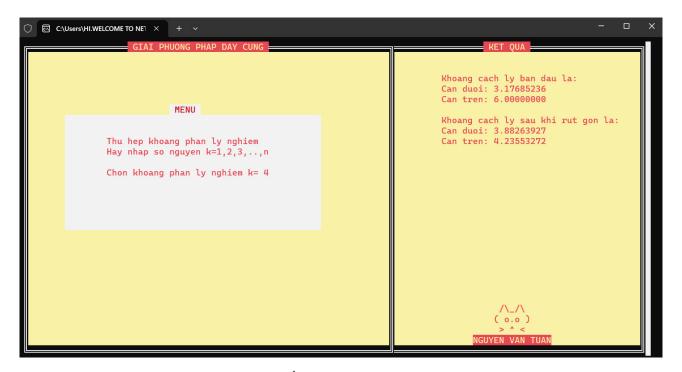
Hình 6: Giao diện kết quả của câu 2 khoảng phân ly 1



Hình 7: Giao diện kết quả của câu 2 khoảng phân ly 2

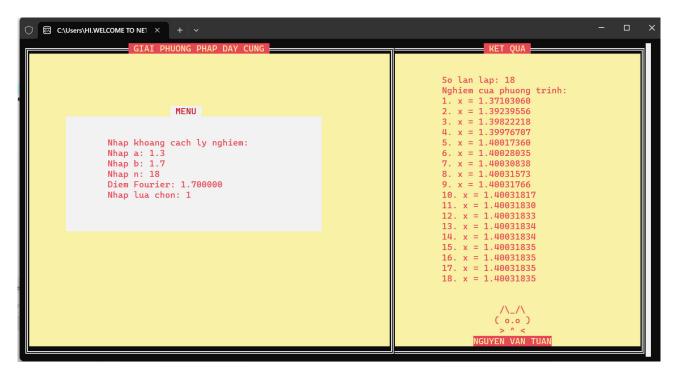


Hình 8: Giao diện kết quả của câu 2 khoảng phân ly 3



Hình 9: Giao diện kết quả của câu 2 khoảng phân ly 4

Giao diện kết quả option 3 với bên trái là khoảng ly nghiệm mà bạn muốn sử dụng để tìm nghiệm gần đúng sau n lần lặp (n được nhập từ bàn phím). Kết quả được hiển thị bên phải và điểm Fourier được hiển thị bên trái.



Hình 10: Giao diện kết quả câu 3

Giao diện kết quả option 4 với bên trái là khoảng ly nghiệm mà bạn muốn sử dụng để tìm nghiệm gần đúng với sai số e bạn muốn. Điểm Fourier được hiển thị bên tay trái và lựa chọn 1 hoặc để chọn công thức sai số bạn muốn thu gọn.



Hình 11: Giao diện kết quả của câu 4 với công thức sai số 1



Hình 12: Giao diện kết quả của câu 4 với công thức sai số 2

Giao diện kết quả option 5 với bên trái là khoảng ly nghiệm mà bạn muốn sử dụng để tìm nghiệm gần đúng với điều kiện $|Xn-Xn-1| \le v$ ới e nhập từ bàn phím. Kết quả sẽ hiển thị số lần lặp đệ thoả mãn điều kiện trên.



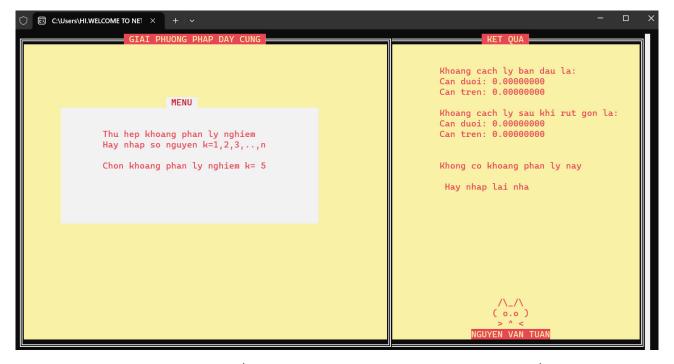
Hình 13: Giao diện kết quả của câu 5

Giao diện kết quả option 6 giúp bạn điều khiến chương trình một cách chính xác.



Hình 14: Giao diện hướng dẫn

4.2 Trường hợp nhập sai, lỗi



Hình 15: Giao diện kết quả option 2 với khoảng phân ly không tồn tại



Hình 16: Giao diện khi nhập không chính xác



Hình 17: Giao diện khi nhập không chính xác



Hình 18: Giao diện khi nhập không chính xác

Xét phương trình $f(x) = x^4 + 2x^3 + 2x^2 + 3x + 3$



Hình 19: Giao diện kết quả với trường hợp f(x) vô nghiệm

5 Kết quả của chương trình

```
Ban muon hien thi may so sau dau phay: 8
  Bac cua da thuc: 4
  Cac he so cua da thuc:
  He so a0: 1.00000000
  He so a1: -5.00000000
  He so a2: 3.00000000
  He so a3: 5.00000000
  He so a4: -3.00000000
  Cau 1: Tim mien chua nghiem cua phuong trinh da thuc fx
  fx nam trong mat tron tam 0, R: 6.00000000
  Mien chua nghiem la:
  Can duoi : -1.00000000
  Can tren : 6.00000000
  Khoang cach ly thu 1
  Can duoi: -1.00000000
  Can tren: -0.43618982
  Khoang cach ly thu 2
21
22
  Can duoi: -0.34760266
  Can tren: 0.92166986
  Khoang cach ly thu 3
  Can duoi: 1.07512061
  Can tren: 3.12133009
  Khoang cach ly thu 4
  Can duoi: 3.17685236
  Can tren: 6.00000000
36
  Cau 2: Thu hep khoang phan ly
37
  Khoang cach ly ban dau:
  Can duoi: -1.00000000
40
  Can tren: -0.43618982
  Lan lap thu 1
44
  Can duoi: -1.00000000
  Can tren: -0.71809491
  Cau 2: Thu hep khoang phan ly
  Khoang cach ly ban dau:
  Can duoi: -0.34760266
  Can tren: 0.92166986
  Lan lap thu 1
```

```
Can duoi: 0.28703360
   Can tren: 0.92166986
   Lan lap thu 2
61
   Can duoi: 0.28703360
62
   Can tren: 0.60435173
65
   Cau 2: Thu hep khoang phan ly
66
   Khoang cach ly ban dau:
67
   Can duoi: 1.07512061
69
   Can tren: 3.12133009
70
   Lan lap thu 1
72
73
   Can duoi: 1.07512061
74
   Can tren: 2.09822535
   Lan lap thu 2
   Can duoi: 1.07512061
   Can tren: 1.58667298
81
   Lan lap thu 3
82
83
   Can duoi: 1.33089679
   Can tren: 1.58667298
85
   Cau 2: Thu hep khoang phan ly
   Khoang cach ly ban dau:
89
   Can duoi: 3.17685236
   Can tren: 6.00000000
92
93
   Lan lap thu 1
94
   Can duoi: 3.17685236
96
   Can tren: 4.58842618
97
98
   Lan lap thu 2
100
   Can duoi: 3.88263927
   Can tren: 4.58842618
102
   Lan lap thu 3
104
105
   Can duoi: 3.88263927
   Can tren: 4.23553272
108
   Cau 2: Thu hep khoang phan ly
   Khoang cach ly ban dau:
111
112
113 Can duoi: 0.00000000
   Can tren: 0.00000000
Khong co khoang phan ly nay
```

```
Cau 3: Tim nghiem gan dung voi so lan lap n
   Nghiem cua phuong trinh la: 1.400318
118
    nhap a: 1.30000000
119
    nhap b: 1.7000000
    nhap n: 18
121
    Diem Fourier: 1.70000000
    So lan lap: 18
   Nghiem cua phuong trinh:
125
   1. x = 1.37103060
|2 \times 2.| = 1.39239556
128 \mid 3. \quad x = 1.39822218
   4. x = 1.39976707
130 | 5. x = 1.40017360
131 | 6. x = 1.40028035
   7. x = 1.40030838
   8. x = 1.40031573
133
134 9. x = 1.40031766
135 \mid 10. \quad x = 1.40031817
136 | 11. x = 1.40031830
137 | 12. x = 1.40031833
138 | 13. x = 1.40031834
   14. x = 1.40031834
140
   15. x = 1.40031835
   16. x = 1.40031835
141
   17. x = 1.40031835
142
   18. x = 1.40031835
143
145
146 Cau 4: Tim nghiem gan dung voi sai so e
Nghiem cua phuong trinh la: 1.40031834
   So lan lap: 1
148
   nhap a: 1.30000000
149
    nhap b: 1.70000000
    nhap sai so: 0.0000010
    Diem Fourier: 1.700000
   nhap lua chon: 1
154
   Cong thuc |f(x)|/m
   Nghiem cua phuong trinh la: 1.40031834
156
   Tinh n bang CT (b-a)/2^n: 22
158
   n la so lan phai lap
   Cau 4: Tim nghiem gan dung voi sai so e
  Nghiem cua phuong trinh la: 1.40031834
161
   So lan lap: 1
162
   nhap a: 1.3000000
   nhap b: 1.70000000
164
    nhap sai so: 0.0000010
165
    Diem Fourier: 1.700000
166
167
   nhap lua chon: 2
168
Cong thuc (M-m)*|xn-xn-1|/m
   Nghiem cua phuong trinh la: 1.400318
    Tinh n bang CT (b-a)/2^n: 22
171
    n la so lan phai lap
   nhap lua chon: 2
173
   Cau 5: Tm nghiem gan dung cua Xn
Nghiem cua phuong trinh la: 1.40031834
```

```
nhap a:1.30000000
177
    nhap b: 1.70000000
178
    nhap epsilon: 0.0000010
179
    Diem Fourier: 1.7000000
181
182 Nghiem cua phuong trinh:
183 1. x = 1.37103060
184 \ 2. \ x = 1.39239556
   3. x = 1.39822218
   4. x = 1.39976707
186
187 | 5. x = 1.40017360
188 6. x = 1.40028035
189 \mid 7. \quad x = 1.40030838
190 \mid 8. \quad x = 1.40031573
191 9. x = 1.40031766
192 \mid 10. \quad x = 1.40031817
193 11. x = 1.40031830
194 12. x = 1.40031833
195 13. x = 1.40031834
196 Dung sau 12 lan vi |xn-xn-1|<= 0.000000100
```

6 Dánh giá chung

BẢNG ĐÁNH GIÁ CHUNG MÔN HỌC: KỸ THUẬT LẬP TRÌNH NGUYỄN VĂN TUẨN Nội dung yêu cầu (theo đề) STT Đã Đã Tự đánh giá nhược điểm, ưu viết điểm, những sáng tạo thưc code? hiên (Y/N)đúng? (Y/N)Đã tìm được đầy đủ các miền 1 Tìm các miền chứa nghiêm của Υ Υ phương trình nghiệm Y Y 2 Tìm khoảng phân ly nghiệm (a, Đã thu hẹp các khoảng phân ly b) của phương trình thoả mãn thoả mãn điều kiên $|a-b| \le 0.5$ bằng cách sử dụng phương pháp chia đôi để thu hẹp dần một khoảng phân ly nghiệm $\tilde{d}\tilde{a}$ tìm được ở \dot{v} 1) 3 Tìm nghiêm gần đúng với số lần Y Y Đã hoàn thành đầy đủ lặp n cho trước trong khoảng phân ly nghiệm (a, b) và đánh giá sai số theo cả hai công thức (n dươc nhập vào từ bàn phím,(a,b) được nhập vào từ bàn phím) Y Y 4 Tìm nghiêm gần đúng trong Đã hoàn thành đầy đủ khoảng (a,b) với sai số e cho trước (e được nhập vào từ bàn phím, (a, b) được nhập vào từ bàn phím). Tính toán theo 2 cách áp dụng công thức sai số 5 Tìm nghiệm gần đúng x_n trong Υ Y Đã hoàn thành đầy đủ khoảng (a,b) thoả mãn điều kiện: $|x_n - x_{n-1}| \le e$ (e được nhập vào từ bàn phím) 6 Moi kết quả được hiển thi với số Y Y Đã hoàn thành đầy đủ chữ số phần thập phân nhân vào từ bàn phím 7 Ghi vào têp văn bản thể hiện Y Y Đã hoàn thành đầy đủ quá trình thực hiện chương trình và các kết quả ra Y 8 Thực hiện chương trình bằng Y Đã hoàn thành đầy đủ menu điều khiển bởi các phím chức năng. Sinh viên tự code để thiết lập và điều khiển menu

Bảng 1: Đánh giá chung

7 Tổng kết

Sau khi hoàn thành đề bài chủ đề 3, bản thân em đã đạt được những điều sau:

- Hiểu hơn về vai trò cũng như lợi ích của ngôn ngữ C, cũng như ngôn ngữ lập trình khác.
- Hiểu về cấu trúc để tạo ra một chương trình lớn hơn.
- Sử dụng thành thạo hơn ngôn ngữ C.
- Tự tìm tòi học những điều mới khi đi tìm ý tưởng để làm chương trình.
- Hiểu rõ hơn, được ôn tập luôn môn giải tích số, nhận thấy toán học chính là nền tảng để có kiến thức, tư duy lập trình tôt hơn.

Bên cạnh đó là những thiếu sót mà bản thân cần khắc phục:

- Kiến thức toán chưa được chắc chắn, mất nhiều thời gian để hiểu và viết ra chương trình.
- Giao diên chưa được bắt mắt, sáng tao lắm.
- Code có đoạn vẫn hơi dài chưa được tối ưu triệt để.
- Và còn một số thiếu sót nhỏ,...

Và đến đây là kết thúc báo cáo của em, cảm ơn cô đã dạy cho em những điều bổ ích về học phần này, chúc cô luôn khoẻ mạnh, thành công trong công tác giảng dạy cũng như trong cuộc sống, mong lại được học cô ở những học phần tiếp theo.

Trân trọng cảm ơn