

基尔霍夫定律

基尔霍夫定律概括了电路中电流和电压分别遵循的基本规律，是用以分析和计算电路的基本依据。

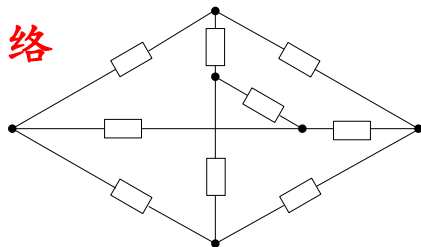
KCL适用于**集中参数电路**中的任一“结点”，

KVL适用于**集中参数电路**中的任一“回路”。

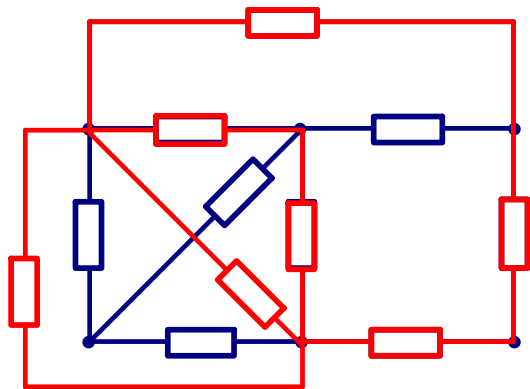
有关术语

- (1) 网络：含元件较多的电路
- (2) 支路：二端元件
- (3) 结点（节点）：元件的端点
- (4) 回路：电路中任一闭合路径
- (5) 网孔：内部不含组成回路以外支路的回路

非平面网络



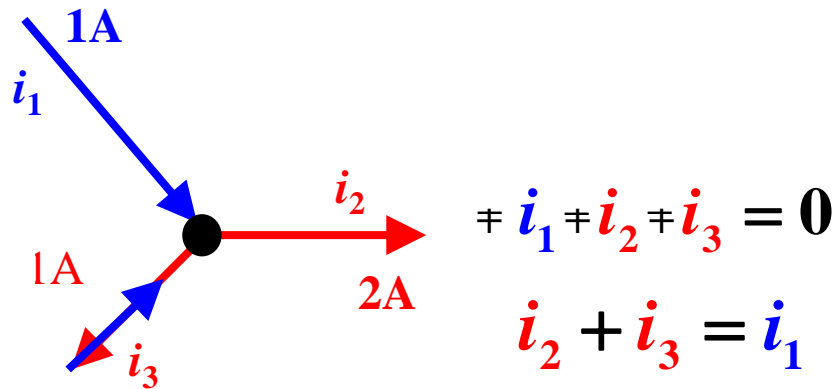
平面网络



基尔霍夫第一定律KCL

对于任一集中参数电路中的任一结点，在任一瞬间，流出（或流入）该结点的所有支路电流的代数和等于零。

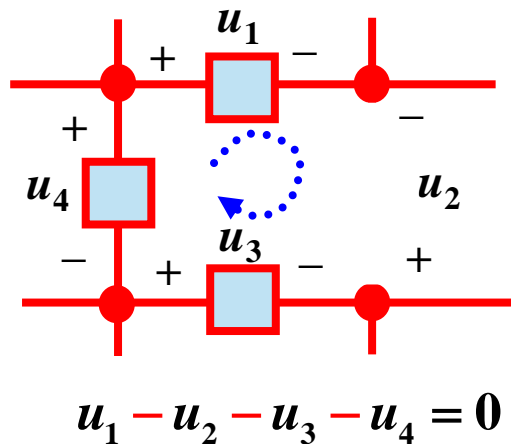
KCL反映了电路中汇合到任一结点的各支路电流之间的相互约束关系



基尔霍夫第二定律KVL

对于任一集中参数电路中的任一回路，在任一瞬间，沿该回路的所有支路电压的代数和等于零。

KVL反映了任一回路中各支路电压之间的相互约束关系



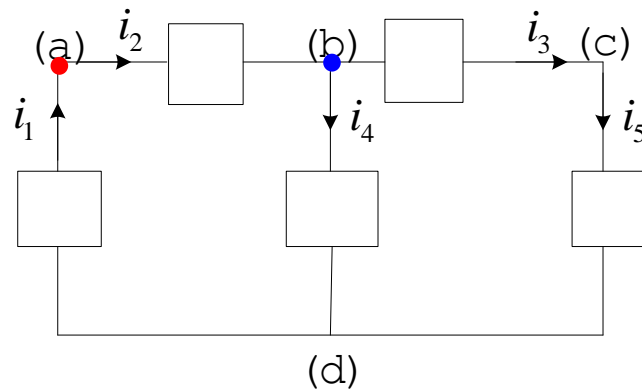
对图示电路，取流出节点的支路电流为**正**，流入为**负**，则有：

节点(a) $-i_1+i_2=0$

节点(b) $-i_2+i_3+i_4=0$

节点(c) $-i_3+i_5=0$

节点(d) $-i_1+i_4+i_5=0$

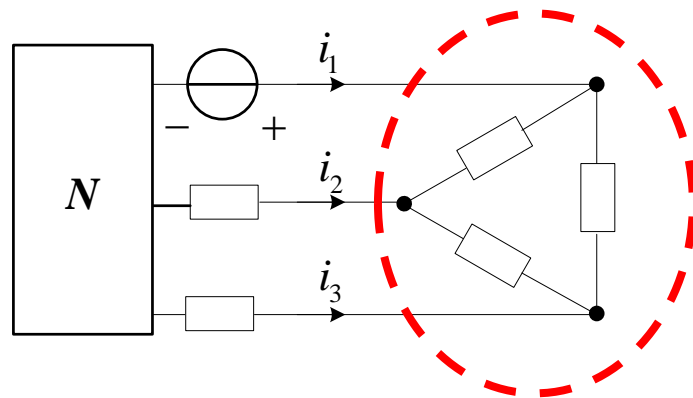


KCL的实质是**电流连续性原理**在集中参数电路中的表现。所谓电流连续性：在任何一个无限小的时间间隔里，流入和流出同一节点的电流必然是相等的，或在节点上不可能有电荷的积累，即每个节点上电荷守恒。

n 个节点电路只有 **$n-1$ 个KCL方程独立**



- KCL给支路电流加上了线性约束，构成（**节点数-1**）个独立的常系数线性齐次代数方程
- KCL仅适用于集中参数电路
- KCL与电路中元件的性质无关
- KCL也适用于广义节点，即一个闭合面



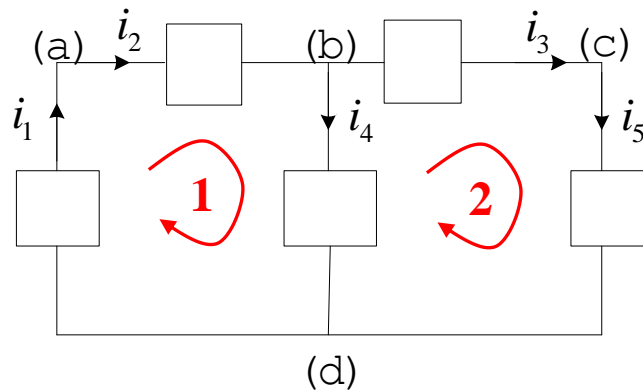
根据KCL，设流入节点的电流为负，则： $-i_1-i_2-i_3=0$

对图示电路，取支路电压与支路电流一致参考方向，则有

内网孔(1) $u_1 + u_2 + u_4 = 0$

内网孔(2) $-u_4 + u_3 + u_5 = 0$

外网孔 $u_1 + u_2 + u_3 + u_5 = 0$

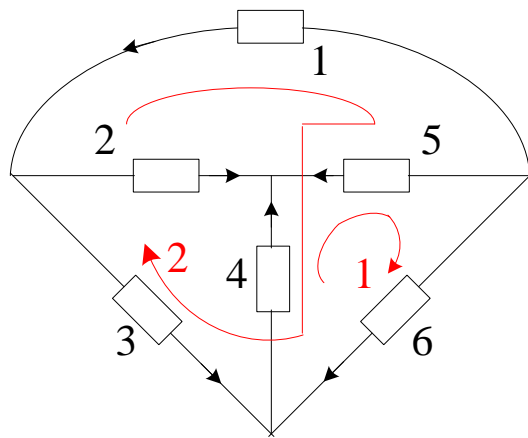


平面网络中独立的KVL方程数与内网孔数相同

对图示电路，取支路电压方向与回路方向一致时为正，否则为负，则有

回路① $u_4 - u_5 + u_6 = 0$

回路② $-u_1 + u_5 - u_4 - u_3 = 0$



KVL实质上是**能量守恒定律**在集中参数电路中的反映。单位正电荷在电场作用下，由任一点出发，沿任意路径绕行一周又回到原出发点，它获得的能量（即电位升）必然等于在同一过程中所失去的能量（即电位降）。



- KVL给一个回路中各个支路电压加上了线性约束，构成（独立回路数）个独立的常系数线性齐次代数方程
- KVL与回路中元件的性质无关，即任何两点间的电压是确定的，与所选的计算路径无关
- KVL适用于任何集中参数电路

KCL、KVL只对电路提出了各元件相互连接时的结构约束条件。因此，对电路只要画出线图即可得到方程。

例：图示电路中 $E_c=12\text{V}$ ， $R_c=5\text{k}\Omega$ ， $R_e=1\text{k}\Omega$ ， $I_c=1\text{mA}$ ， $I_b=0.02\text{mA}$ ，
 求： U_{ce} 及 c 点、 e 点的电位。

解：

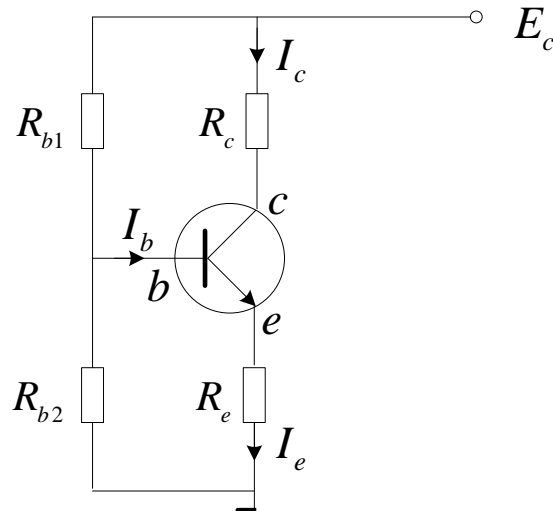
$$\text{KCL: } I_e = I_b + I_c = 0.02 + 1 = 1.02\text{mA}$$

$$\text{KVL: } R_c I_c + U_{ce} + R_e I_e - E_c = 0$$

$$U_{ce} = 5.98\text{V}$$

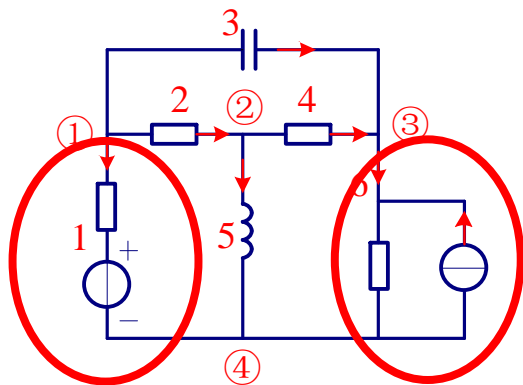
$$V_c = E_c - R_c I_c = 7\text{V} \quad (\text{或 } V_c = U_{ce} + V_e = 7\text{V})$$

$$V_e = R_e I_e = 1.02\text{V}$$

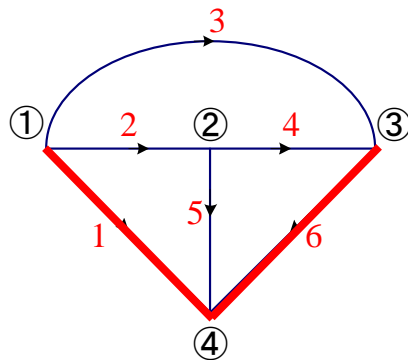


图论的基础知识与基本结论

结点→点, 支路→线, 网络 $\xrightarrow{\text{抽象}}$ 图

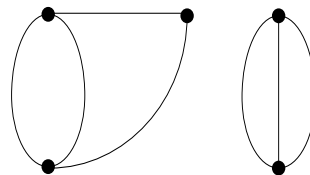
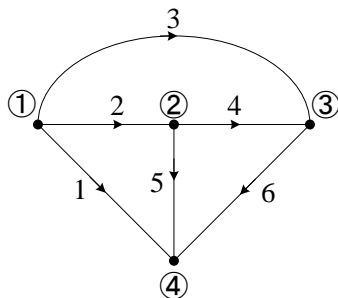


定向图



基本概念

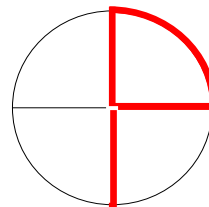
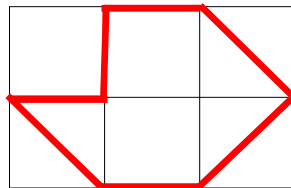
1、连通图、非连通图



2、回路

①连通子图

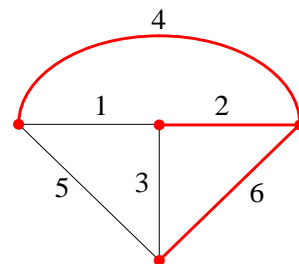
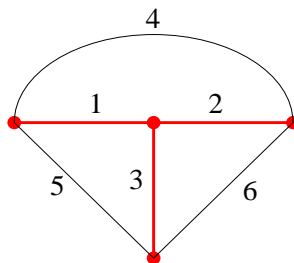
②每个结点关联子图的两条支路



3、树

①不包含回路的连通子图

②包含原连通图的全部结点

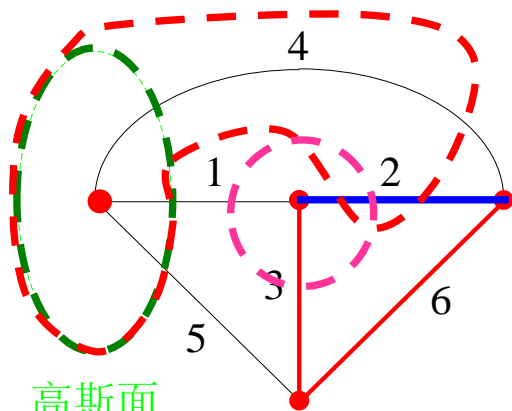




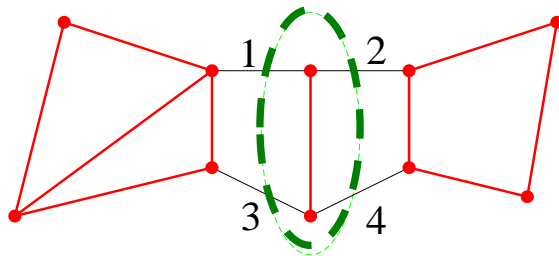
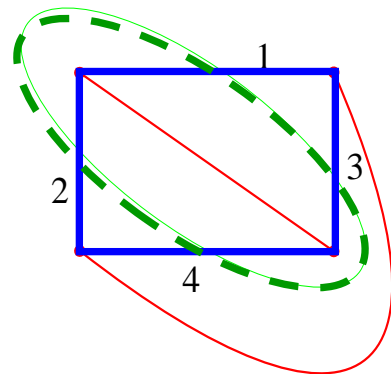
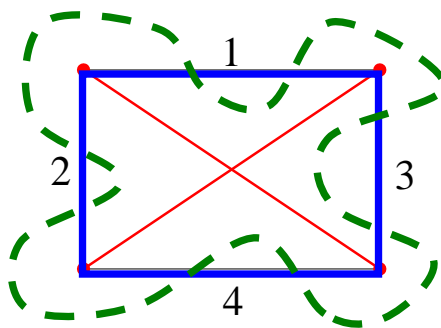
4、割集：连通图G的支路集

①移去该集中所有支路，G将分成两个独立的部分

②如果保留任一支路，则剩下的图仍然是连通的



高斯面



基本结论

一个具有 n 个节点， b 条支路的连通图 G 及 G 的一个树 T

1、树支数： $n_t = n - 1$

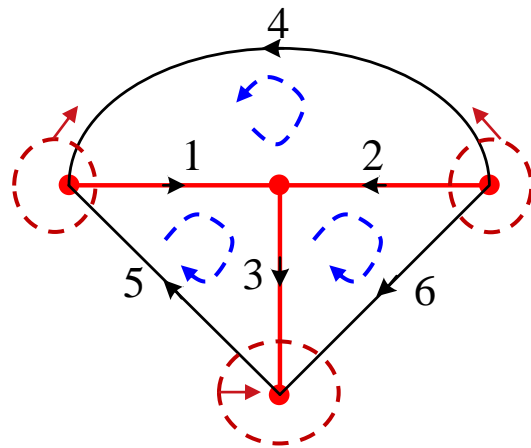
2、连支数： $n_l = b - n_t = b - n + 1$

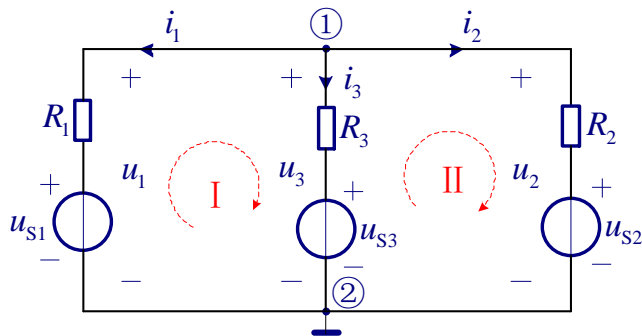
3、单连支回路（基本回路）， $b - n + 1$ 个 **KVL**

4、单树支割集（基本割集）， $n - 1$ 个 **KCL**

支路的端口特性， b 个 **VCR**

2b





结点2个，支路3条，可列：
2-1=1个独立的KCL方程
3-2+1=2个独立的KVL方程

$$\begin{cases} i_1 + i_2 + i_3 = 0 \\ -u_1 + u_3 = 0 \\ -u_3 + u_2 = 0 \\ u_1 = R_1 i_1 + u_{s1} \\ u_2 = R_2 i_2 + u_{s2} \\ u_3 = R_3 i_3 + u_{s3} \end{cases}$$

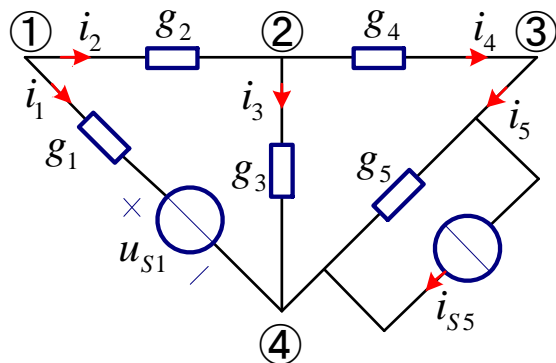
2b法

$$\begin{cases} i_1 + i_2 + i_3 = 0 \\ R_1 i_1 + u_{s1} = R_3 i_3 + u_{s3} \\ R_2 i_2 + u_{s2} = R_3 i_3 + u_{s3} \end{cases} \quad \text{1b法}$$

支路电流法

$$\begin{cases} \frac{u_1 - u_{s1}}{R_1} + \frac{u_2 - u_{s2}}{R_2} + \frac{u_3 - u_{s3}}{R_3} = 0 \\ -u_1 + u_3 = 0 \\ -u_3 + u_2 = 0 \end{cases}$$

支路电压法



$$1 \cdot i_1 + 1 \cdot i_2 + 0 \cdot i_3 + 0 \cdot i_4 + 0 \cdot i_5 = 0$$

$$0 \cdot i_1 - 1 \cdot i_2 + 1 \cdot i_3 + 1 \cdot i_4 + 0 \cdot i_5 = 0$$

$$0 \cdot i_1 + 0 \cdot i_2 + 0 \cdot i_3 - 1 \cdot i_4 + 1 \cdot i_5 = 0$$

$$-1 \cdot i_1 + 0 \cdot i_2 - 1 \cdot i_3 + 0 \cdot i_4 - 1 \cdot i_5 = 0$$

$$i_1 + i_2 = 0$$

$$-i_2 + i_3 + i_4 = 0$$

$$-i_4 + i_5 = 0$$

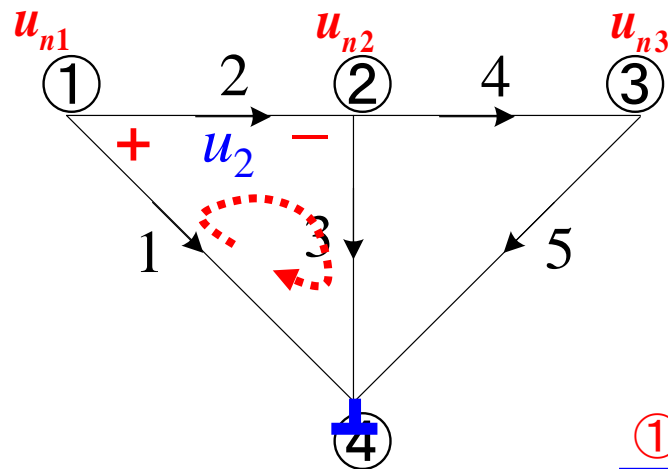
$$-i_1 - i_3 - i_5 = 0$$

线性无关的降阶关联矩阵A

$$\begin{matrix} \textcircled{1} \\ \textcircled{2} \\ \textcircled{3} \\ \textcircled{4} \end{matrix} \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 1 \\ \text{ } & \text{ } & \text{ } & \text{ } & \text{ } \end{pmatrix} \begin{pmatrix} i_1 \\ i_2 \\ i_3 \\ i_4 \\ i_5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

关联矩阵

$$A_a I_b = 0$$



设 u_1 、 u_2 、 u_3 、 u_4 、 u_5 为支路电压，则：

$$\begin{matrix} & \text{1} & \text{2} & \text{3} & \text{4} & \text{5} \\ \text{①} & \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \\ \text{②} & \begin{pmatrix} 0 & -1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \\ \text{③} & \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & -1 & 1 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

$$u_1 = u_{n1}$$

$$u_2 = u_{n1} - u_{n2}$$

$$u_3 = u_{n2}$$

$$u_4 = u_{n2} - u_{n3}$$

$$u_5 = u_{n3}$$

$$\begin{pmatrix} u_1 \\ u_2 \\ u_3 \\ u_4 \\ u_5 \end{pmatrix} = \begin{matrix} \text{①} & \text{②} & \text{③} \\ \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \end{matrix} \begin{pmatrix} u_{n1} \\ u_{n2} \\ u_{n3} \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{u}_b = \mathbf{A}^T \mathbf{u}_n$$

探究：以下几种矩阵的构成与用途

