অধায় ৪

জ্যামিতিক অজ্ঞন (Geometric Drawing)

কম্পাস ও রুলার ব্যবহার করে দেওয়া নির্দিউ শর্ত অনুযায়ী যে চিত্র অঞ্চন করা হয়, তাহাই জ্যামিতিক অঞ্চন। উপপাদ্য প্রমাণের জন্য যে চিত্র অঞ্চন করা হয় তা যথাযথ (accurate) হওয়া খুব জরুরি নয়। সম্পাদ্যের ক্ষেত্রে জ্যামিতিক চিত্র অঞ্চন যথাযথ হওয়া খুবই প্রয়োজন।

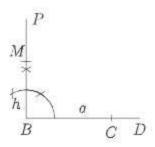
এ অধ্যায় শেষে শিক্ষার্থীরা -

- ► প্রদত্ত তথ্য ও উপাত্তের ভিত্তিতে ত্রিভুজ অঞ্জন এবং অঞ্জনের যথার্থতা যাচাই করতে পারবে।
- ► প্রদত্ত তথ্য ও উপাত্তের ভিত্তিতে বৃত্ত অঞ্জন এবং অঞ্জনের যথার্থতা যাচাই করতে পারবে।

ত্রিভুজসংক্রান্ত কতিপয় সম্পাদ্য

সম্পাদ্য >. বিভুজের ভূমি, ভূমিসংলগ্ন একটি কোণ ও উচ্চতা দেওয়া আছে, বিভুজটি অঞ্চন কর।

মনে করি, কোনো ত্রিভুজের ভূমি a, উচ্চতা h এবং ভূমিসংলগ্ন একটি কোণ \mathfrak{L} দেওয়া আছে। ত্রিভূজটি অঞ্চন করতে হবে।



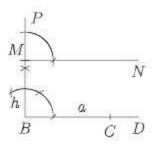
অজ্ঞকন:

ধাপ ১. যেকোনো রেখা BD থেকে BC=a অংশ কেটে নিই।



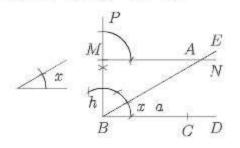
ধাপ ২, B বিন্দুতে BC এর উপর লম্ব BP আঁকি। BP থেকে BM = h কেটে নিই।

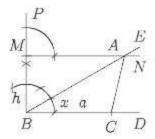
ধাপ ৩. M বিন্দুতে MN || BC অঞ্চন করি।



অধ্যায় ৪, জ্যামিতিক অঞ্জন

ধাপ ৪. আবার B বিন্দুতে প্রদন্ত $\angle x$ এর সমান ধাপ ৫. A, C যোগ করি। তাহলে ABC-ই করে $\angle CBE$ অঞ্জন করি। BE রেখাংশ উদ্দিউ ত্রিভুজ। MN কে A বিন্দুতে ছেদ করে।





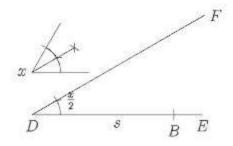
প্রমাণ: $MN \parallel BC$ (অঞ্চনানুসারে)। ABC এর উচ্চতা BM = h। আবার, BC = a এবং $\angle ABC = \angle x$ । ABCই উদ্দিন্ট গ্রিভুজ।

বিশ্লেষণ: ভূমি ও ভূমিসংলগ্ন কোণ দেয়া আছে। সুতরাং একটি সরলরেখা থেকে ভূমির সমান অংশ কেটে নিয়ে তার এক প্রান্তে প্রদন্ত কোণের সমান কোণ আঁকতে হবে। অতঃপর ভূমির সঙ্গো নির্দিষ্ট কোণে আনত নতুন অঞ্চিত রেখার উপর এমন একটা বিন্দু নির্ণয় করতে হবে যেন ভূমি থেকে ঐ বিন্দুটির উচ্চতা ত্রিভুজের উচ্চতার সমান হয়।

সম্পা**দ্য ২.** ত্রিভুজের ভূমি, শিরঃকোণ ও অপর বাহুদ্বয়ের সমন্টি দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি অঞ্চন কর।



মনে করি, একটি ত্রিভুজের ভূমি a, অপর বাহুদ্য়ের সমস্টি s এবং শিরঃকোণ c দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি অঞ্জন করতে হবে।



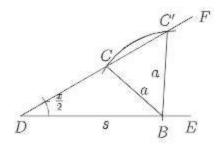
তান্ধকল:

ধাপ ১, যেকোনো রেখা DE থেকে DB = s অংশ কেটে নিই।

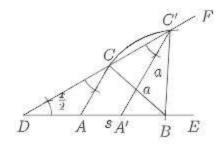


ধাপ ২, DB রেখার D বিন্দুতে $\angle BDF = \frac{1}{2} \angle x$ অঞ্জন করি।

ধাপ ৩. B কে কেন্দ্র করে ভূমি a এর সমান ব্যাসার্থ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ অঞ্চন করি যা DF কে C ও C' বিন্দুতে ছেদ করে। B,C ও B,C' যোগ করি। ৮৪



ধাপ 8. C বিন্দুতে $\angle BDF$ এর সমান $\angle DCA$ ও C' বিন্দুতে $\angle BDF$ এর সমান $\angle DC'A'$ অঞ্চন করি। CA ও C'A' রেখা দুটি BD কে যথাক্রমে A ও A' বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে ABC ও A'BC' বিভুজদ্বয় উদিন্ট বিভুজ।



প্রমাণ: যেহেতু $\angle ACD = \angle ADC = \angle A'C'D = \frac{1}{2}\angle x$ (অঞ্চনানুসারে)

$$\therefore \angle BAC = \angle ADC + \angle ACD = \frac{1}{2} \angle x + \frac{1}{2} \angle x = \angle x$$

$$\therefore \angle BA'C' = \angle A'DC' + \angle A'C'D = \frac{1}{2}\angle x + \frac{1}{2}\angle x = \angle x$$

এবং
$$AC = AD$$
, $A'C' = A'D$

ABC ত্রিভুজে,

$$\angle BAC = \angle x$$
, $BC = a$ are $CA + AB = DA + AB = DB = s$

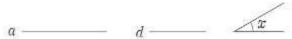
∴ △ABC-ই উদ্দিশ্ট গ্রিভুজ।

আবার A'BC' ত্রিভুজে,

$$\angle BA'C' = \angle x$$
, $BC' = a$ and $C'A' + A'B = DA' + A'B = DB = s$

∴ △A'BC'-ই অপর উদ্দিষ্ট ত্রিভুজ।

সম্পাদ্য ৩. এভুজের ভূমি, শিরঃকোণ ও অপর দুই বাহুর অশ্তর দেওয়া আছে। এভুজটি অজ্ঞন কর।

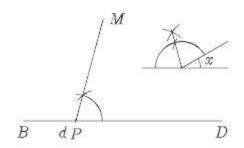


মনে করি, একটি ত্রিভুজের ভূমি a, অপর দুই বাহুর অশুর d এবং শিরঃকোণ x দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি অঞ্জন করতে হবে।

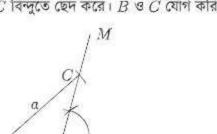
অঞ্চন: B dP D

ধাপ ১. যেকোনো রেখা BD থেকে BP=d ধাপ ২. P বিন্দুতে $\angle x$ এর সম্পূরক কোণের অংশ কেটে নিই। অর্ধেকের সমান $\angle DPM$ অঞ্চন করি।

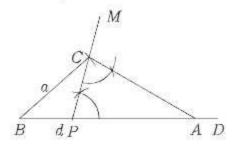
অধায় ৪, জামিতিক অঞ্চন



ধাপ ৩. B কে কেন্দ্র করে ০ এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে অঞ্চিত বৃত্তচাপ PM সরলরেখাকে C বিন্দুতে ছেদ করে। B ও C যোগ করি।



ধাপ 8. আবার C বিন্দুতে $\angle DPC = \angle PCA$ কোণ অঙ্কন করি যেন CA রেখাংশ BDকে A বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে ABC-ই
উদ্দিন্ট ত্রিভুজ।



প্রমাণ: ZAPC = ZACP

AP = AC

AB - AC = AB - AP = d

আবার $\angle APC = \angle ACP = \angle x$ এর সম্পূরক কোণের অর্ধেক।

∴ $\angle APC + \angle ACP = \angle x$ এর সম্পূরক = বহিঃম্থ $\angle CAD = \angle CAB$ এর সম্পূরক।

D

 $\therefore \angle A = \angle CAB = \angle x$

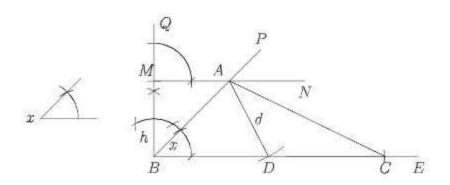
∴ ABC-ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।

সম্পাদ্য ৪. বিভূজের উচ্চতা, ভূমির উপর মধ্যমা এবং ভূমিসংলগ্ন একটি কোণ দেওয়া আছে। বিভূজটি অঞ্চন করতে হবে।



মনে করি, ত্রিভুজের উচ্চতা h, ভূমির ওপর মধ্যমা d এবং ভূমি সংলগ্ন একটি $\angle x$ দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি অঞ্চন করতে হবে।

৮৬



অজ্ঞন:

ধাপ ১, যেকোনো রেখা BE এর B বিন্দুতে $\angle_{\mathfrak{X}}$ এর সমান $\angle EBP$ অঞ্জন করি।

ধাপ ২. B বিন্দুতে BE রেখার ওপর BQ লম্ব অঞ্চন করি।

ধাপ ৩. BQ থেকে ত্রিভুজের উচ্চতা h এর সমান BM অংশ কেটে নিই।

ধাপ 8. M বিন্দুতে $MN \parallel BE$ অঞ্চন করি যা BP কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৫. A বিন্দুকে কেন্দ্র করে মধ্যমা d এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ অঞ্জন করি। ঐ বৃত্তচাপ BE কে D বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৬, BE থেকে DC = BD অংশ কেটে নিই। A ও C যোগ করি।

তাহলে, △ABC-ই উদ্দিশ্ট ত্রিভুজ।

প্রমাণ: BD = DC : D বিন্দুই BC এর মধ্যবিন্দু।

A, D যোগ করি। AD = d =ভূমির উপর অঞ্চিত মধ্যমা, অর্থাৎ, BC ভূমি।

MN ও BE সমান্তরাল। সুতরাং $\triangle ABC$ এর উচ্চতা BM=h।

আবার, $\angle ABC = \angle x =$ ভূমি সংলগ্ন একটি কোণ।

∴ ABC-ই উদ্দিন্ট ত্রিভুজ।

মশ্তব্য: ∠ঃ এর উপর নির্ভর করে অনেক ক্ষেত্রে দুটি ত্রিভুজ পাওয়া যেতে পারে। এছাড়াও মধ্যমার দৈর্ঘ্য উচ্চতার থেকে কম হলে অঞ্জন করা যাবে না।

উ**দাহরণ ১.** ত্রিভুজের ভূমির দৈর্ঘ্য 5 সে.মি., ভূমি সংলগ্ন কোণ 60° এবং অপর দুই বাহুর সমষ্টি 7 সে.মি.। ত্রিভুজটি অঞ্জন করতে হবে।

সমাধান; দেওয়া আছে ভূমি BC=5 সে.মি. অপর দুই বাহুর সমণ্টি AB+AC=7 সে.মি. এবং $\angle ABC=60^\circ$ । $\triangle ABC$ অঞ্জন করতে হবে।

ধাপ ১. যেকোনো রেখা BX থেকে BC=5 সে.মি. কেটে নিই।

ধাপ ২, $\angle XBY = 60^\circ$ আঁকি।

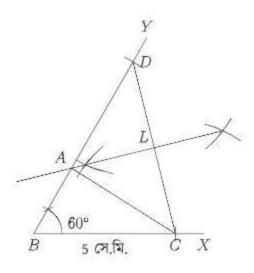
অধ্যায় ৪. জ্যামিতিক অঞ্চন

ধাপ ৩, BY রেখা থেকে BD=7 সে,মি. কেটে নিই।

ধাপ 8. C, D যোগ করি।

ধাপ ৫. CD রেখার লম্বদ্বিখণ্ডক আঁকি যা BD কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৬. A.C যোগ করি, তাহলে ABC-ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।



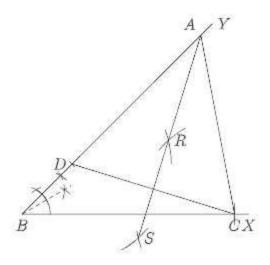
দ্রুত্তর: যেহেতু AL, CD এর লম্বদ্বিখণ্ডক, AD=AC।

তাহলে BD = BA + AD = BA + AC = 7 সে.মি.।

উদাহরণ ২. ত্রিভুজের ভূমির দৈর্ঘ্য 7.5 সে.মি. ভূমিসংলগ্ন কোণ 45° এবং অপর দুই বাহুর অত্তর 2.5 সে.মি. দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি অঙ্কন করতে হবে।

সমাধান: দেওয়া আছে ভূমি BC=7.5 সে.মি, অপর দুই বাহুর অন্তর AB-AC বা AC-AB=2.5 সে.মি. এবং ভূমি সংলগ্ন কোণ 45° । ত্রিভূজটি আঁকতে হবে। আমরা এখানে AB-AC=2.5 সে.মি. এর ক্ষেত্রে অজ্জনের ধাপসমূহ দেখব। [AC-AB=2.5 সে.মি. ধরে ত্রিভূজটি নিজে অজ্জন কর।]

b'b'



ধাপ ১, যেকোনো রেখা BX থেকে BC=7.5 সে,মি, কেটে নিই।

ধাপ ২. $\angle YBC = 45^{\circ}$ অঞ্জন করি।

ধাপ ৩. BY রেখা থেকে BD=2.5 সে,মি. কেটে নিই।

ধাপ 8. C. D যোগ করি।

ধাপ ৫. CD এর ওপর RS লম্বদ্বিখন্ডক আঁকি যেন BY কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

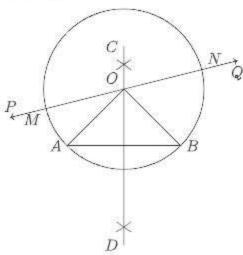
ধাপ ৬. A ও C যোগ করি। তাহলে ABC-ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।

কাজ:

- ক) একটি ত্রিভুজের পরিসীমা এবং ভূমিসংলগ্ন কোণদ্বয় দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি অঞ্চন কর।
- খ) ত্রিভুজের ভূমি BC=4.6 সে.মি., $\angle B=45^\circ$ এবং AB+CA=8.2 সে.মি. দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।
- গ্) সমকোণী ত্রিভুজের দুটি বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 3 সে.মি. এবং 4 সে.মি. দেওয়া আছে। অতিভুজ নির্ণয় করে ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।
- ছ) $\triangle ABC$ এর BC=4.5 সে.মি., $\angle B=45^\circ$ এবং AB-AC=2.5 সে.মি. দেওয়া আছে। $\triangle ABC$ টি অজ্জন করতে হবে।
- ঙ) $\triangle ABC$ এর পরিসীমা 12 সে.মি., $\angle B=60^\circ$ এবং $\angle C=45^\circ$ দেওয়া আছে। $\triangle ABC$ টি আঁকতে হবে।

বৃত্তসংক্রান্ত কতিপয় সম্পাদ্য

সম্পাদ্য ৫. এমন একটি বৃত্ত অঞ্চন করতে হবে যা দুটি নির্দিষ্ট বিন্দু দিয়ে যায় এবং যার কেন্দ্র একটি নির্দিষ্ট সরলরেখায় অবস্থিত থাকে।



A ও B দুইটি নির্দিন্ট বিন্দু এবং PQ একটি নির্দিন্ট সরলরেখা। এমন একটি বৃত্ত অঞ্চন করতে হবে যা A ও B বিন্দু দিয়ে যায় এবং যার কেন্দ্র PQ সরলরেখার উপর অবস্থান করে।

এক্টাৰ:

ধাপ ১. A, B যোগ করি।

ধাপ ২. AB রেখাংশের সমদ্বিখন্ডক CD অঞ্জন করি।

ধাপ ৩. CD রেখাংশ PQ রেখাকে O বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৪. O কে কেন্দ্র করে OA বা OB ব্যাসার্ধ নিয়ে ABNM বৃত্ত অঞ্চন করি। যা নির্ণেয় বৃত্ত।

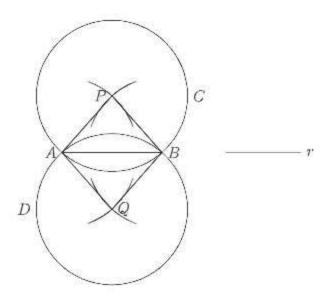
প্রমাণ: CD রেখা AB রেখার লম্বন্ধিখন্ডক। সুতরাং CD রেখাস্থ যেকোনো বিন্দু A ও B থেকে সমদূরবর্তী। অঞ্চনানুসারে, O বিন্দুটি CD ও PQ এর উপর অবস্থিত। আবার, OA ও OB সমান বলে O কে কেন্দ্র করে OA বা OB ব্যাসার্ধ নিয়ে বৃত্ত আঁকলে বৃত্তটি A ও B বিন্দু দিয়ে যাবে এবং বৃত্তের কেন্দ্র O বিন্দুটি PQ রেখার ওপর অবস্থান করবে। C কে কেন্দ্র করে CA বা CB ব্যাসার্ধ নিয়ে অঞ্চিত বৃত্তই নির্ণেয় বৃত্ত।

সম্পাদ্য ৬. একটি নির্দিষ্ট রেখাংশের সমান ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট একটি বৃত্ত অঞ্জন করতে হবে যা দুটি নির্দিষ্ট বিন্দু দিয়ে যায়।

A ও B দুটি নির্দিষ্ট বিন্দু এবং r একটি নির্দিষ্ট রেখাংশের দৈর্ঘ্য। এমন একটি বৃত্ত অঙ্কন করতে হবে যা A ও B বিন্দু দিয়ে যায় এবং যার ব্যাসার্ধ r এর সমান হয়।

কর্মা-১২, উচ্চতর গণিত, ৯ম-১০ম শ্রেণি

৯০



অঞ্চন:

ধাপ ১. A ও B যোগ করি।

ধাপ ২. A ও B কে কেন্দ্র করে r এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে AB এর উভয় পাশে দুটি করে বৃত্তচাপ আঁকি। এক পাশের বৃত্তচাপ দুইটি পরম্পরকে P বিন্দুতে এবং অপর পাশের বৃত্তচাপ দুটি পরম্পরকে Q বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৩. P কে কেন্দ্র করে PA ব্যাসার্থ নিয়ে ABC বৃত্ত অঞ্চন করি।

ধাপ ৪. আবার Q কে কেন্দ্র করে QA ব্যাসার্ধ নিয়ে ABD বৃত্ত অঞ্চন করি।

ধাপ ৫. তাহলে ABC ও ABD বৃত্ত দুইটির প্রত্যেকটিই নির্ণেয় বৃত্ত।

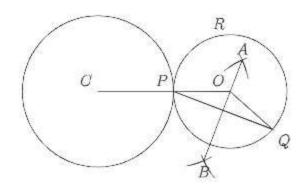
প্রমাণ: PA=PB=r। \therefore P কে কেন্দ্র করে PA বা PB ব্যাসার্ধ নিয়ে অঞ্চিত ABC বৃত্ত A ও B বিন্দু দিয়ে যায় এবং ব্যাসার্ধ PA=r হয়।

আবার QA = QB = r। \therefore Q কে কেন্দ্র করে QA বা QB ব্যাসার্ধ নিয়ে অঞ্চিত ABD বৃত্ত A ও B বিন্দু দিয়ে যায় এবং ব্যাসার্ধ QA = r হয়।

∴ ABC ও ABD বৃত্ত দুটির প্রতিটিই উদ্দিউ বৃত্ত।

সঞ্গাদ্ধ ৭. এরূপ একটি বৃত্ত অঞ্চন করতে হবে যা একটি নির্দিষ্ট বৃত্তকে নির্দিষ্ট বিন্দুতে স্পর্শ করে এবং বৃত্তের বহিঃস্থ কোনো নির্দিষ্ট বিন্দু দিয়ে যায়।

অধ্যায় ৪. জামিতিক অঞ্চন



মনে করি, নির্দিন্ট বৃত্তের কেন্দ্র C, P ঐ বৃত্তের উপর অবস্থিত একটি নির্দিন্ট বিন্দু এবং Q ঐ বৃত্তের বহিঃস্থ একটি নির্দিন্ট বিন্দু। এর্প একটি বৃত্ত অঙ্কন করতে হবে যা ঐ বৃত্তকে P বিন্দুতে স্পর্শ করে এবং Q বিন্দু দিয়ে যায়।

অজ্জন:

ধাপ ১. P, Q যোগ করি।

ধাপ ২, PQ এর লম্বদ্বিখণ্ডক AB আঁকি।

ধাপ ৩. C, P যোগ করি।

ধাপ 8. বর্ধিত CP রেখাংশ AB কে O বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৫. O কে কেন্দ্র করে OP এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে অঞ্চিত PQR বৃত্তই উদ্দিন্ট বৃত্ত।

প্রমাণ: $O,\ Q$ যোগ করি। AB রেখাংশ বা OB রেখাংশ PQ এর লম্বদ্বিখন্ডক। $\therefore OP = OQ$ ।

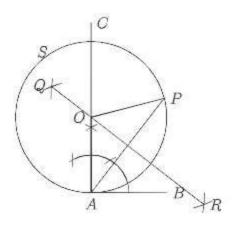
সুতরাং O কে কেন্দ্র করে OP ব্যাসার্ধ নিয়ে বৃত্ত আঁকলে তা Q বিন্দু দিয়ে যাবে।

আবার P বিন্দুটি দুটি বৃত্তের কেন্দ্রদ্বয়ের সংযোজক রেখার ওপর অবস্থিত এবং P বিন্দু উভয় বৃত্তের উপর অবস্থিত। অর্থাৎ P বিন্দুতে বৃত্তময় মিলিত হয়েছে। সুতরাং বৃত্তময় P বিন্দুতে স্পর্শ করে।

সুতরাং O কে কেন্দ্র করে OP ব্যাসার্ধ নিয়ে অঞ্চিত বৃত্তই উদ্দিউ বৃত্ত।

সম্পাদ্য ৮. এর্প একটি বৃত্ত অঞ্জন করতে হবে যা একটি নির্দিষ্ট সরলরেখাকে একটি নির্দিষ্ট বিন্দুতে স্পর্শ করে এবং রেখার বহিঃস্থ কোনো বিন্দু দিয়ে যায়।

মনে করি, AB সরলরেখাস্থ A একটি নির্দিষ্ট বিন্দু এবং AB রেখার বহিঃস্থ P অপর একটি নির্দিষ্ট বিন্দু। এরুপ একটি বৃত্ত আঁকতে হবে যা AB কে A বিন্দুতে স্পর্শ করে এবং P বিন্দু দিয়ে যায়।



অঞ্চন:

ধাপ ১. AB এর উপর A বিন্দুতে AC লম্ব অঞ্জন করি।

ধাপ ২. P, A যোগ করে তার লম্বদ্বিখণ্ডক QR অঞ্জন করি।

ধাপ ৩. QR এবং AC রেখাদ্বয় O বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8, O কে কেন্দ্র করে OA ব্যাসার্ধ নিয়ে APS বৃত্ত অঞ্চন করি। তাহলে APS ই উদ্দিশ্ট বৃত্ত। প্রমাণ: O, P যোগ করি। AP রেখার লম্বদ্বিখন্ডক QR এর উপর O অবস্থিত।

: OA = OP

 ho_* , O কে কেন্দ্র করে OA ব্যাসার্ধ নিয়ে অঞ্চিত বৃত্ত P বিন্দু দিয়ে যায়। আবার OA ব্যাসার্ধ রেখার A প্রান্ত বিন্দুতে AB এর ওপর AO লম্ব।

∴ AB রেখাংশ বৃত্তটিকে A বিন্দুতে স্পর্শ করে।

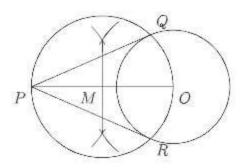
arphi,O কে কেন্দ্র করে OA ব্যাসার্ধ নিয়ে অধ্কিত বৃত্তটিই নির্ণেয় বৃত্ত।

বিশ্লেষণ: যেহেতু বৃত্তটি নির্দিন্ট রেখাকে নির্দিন্ট বিন্দুতে স্পর্শ করে, সূতরাং নির্দিন্ট রেখার নির্দিন্ট বিন্দুতে লম্ব আঁকতে হবে এবং এই লম্বই বৃত্তের একটি ব্যাস হবে। আবার ঐ রেখাস্থ নির্দিন্ট বিন্দু ও বহিঃস্থ নির্দিন্ট বিন্দু উভয়েই বৃত্তের পরিধির ওপরে থাকবে বিধায় এই বিন্দুদ্বয়ের সংযোজক রেখার লম্বদ্বিখন্ডক কেন্দ্র দিয়ে যাবে। তাহলে এই লম্বদ্বিখন্ডক ও পূর্বাঞ্চিত ব্যাসের ছেদবিন্দু বৃত্তের কেন্দ্র হবে।

উ**দাহরণ ৩**. 2 সে.মি. ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তের কেন্দ্র থেকে 5 সে.মি. দূরে কোনো নির্দিষ্ট বিন্দু হতে অজ্ঞিত স্পর্শকদ্বয়ের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

সমাধান: 2 সে,মি. ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তের কেন্দ্র O এবং নির্দিষ্ট P থেকে O বিন্দুর দূরত্ব 5 সে,মি.। P বিন্দু থেকে উদ্ভ বৃত্তে স্পর্শক অঞ্জন করে তার দৈর্ঘ্য নির্ণয় করতে হবে।

অধ্যায় ৪, জামিতিক অঞ্চন 200



ধাপ ১. OP রেখাকে দ্বিখণ্ডিত করি। ধরি, দ্বিখণ্ডক বিন্দু M।

ধাপ ২, M কে কেন্দ্র করে OM ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্ত আঁকি যা O কেন্দ্রিক বৃত্তের Q এবং Rবিন্দুতে ছেদ করে।

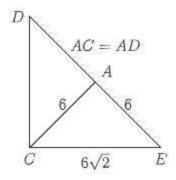
ধাপ ৩. P, Q এবং P, R যোগ করি। তাহলে PQ এবং PR-ই নির্ণেয় স্পর্শক। এখন, PQ ও PR কে পরিমাপ করে পাই, PQ = PR = 4.6 সে.মি.

কাজ:

- ক) 5 সে.মি., 12 সে.মি. ও 13 সে.মি. বাহুবিশিউ একটি ত্রিভুজের অত্তর্বত্ত অঞ্জন করে এর ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।
- খ) 6.5 সে.মি., 7 সে.মি. এবং 7.5 সে.মি. বাহুবিশিউ একটি ত্রিভুজের বহির্বৃত্ত অঞ্জন করে এর ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।

অনুশীলনী ৪

- ১. $\angle x = 60^\circ$ হলে $\angle x$ এর সম্পুরক কোণের অর্ধেকের মান কত?
 - ক) 30°
- 뉙) 60°
- গ) 120° ঘ) 180°
- ২, 3.5 সে.মি., 4.5 সে.মি. এবং 5.5 সে.মি. ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট তিনটি বৃত্ত পরম্পরকে বহিম্পর্শ করলে কেন্দ্রতার দারা উৎপন্ন ত্রিভুজের পরিসীমা কত সে,মি,?
 - **季**) 54
- খ) 40.5
- গ) 27
- ঘ) 13



- ∠ADC এর মান কত?
 - ক) 30°
- খ) 45°
- গ) 60°
- ঘ) 75°
- 8. △ADC ও △AEC এর ক্ষেত্রফলদয়ের অনুপাত কত?
 - ক) 2:1
- খ) 1:1
- গ) 1:2
- ঘ) 1:√2
- ক্রিভুজের দুটি কোণ ও তাদের বিপরীত বাহুদ্বয়ের অল্তর দেওয়া আছে, ব্রিভুজটি আঁক।
- ৬. ত্রিভুজের ভূমি, ভূমিসংলগ্ন কোণদ্বয়ের অন্তর ও অপর বাহুদ্বয়ের সমন্টি দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি আঁক।
- ভূমি, শিরঃকোণ ও অপর কোণদ্বয়ের সমিটি দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি আঁক।
- ভূমি, শিরঃকোণ ও অপর কোণদ্বয়ের অত্তর দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি আঁক।
- সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ ও অপর দুই বাহুর সমিট দেওয়া আছে, ত্রিভুজিট আঁক।
- ১০. ভূমিসংলগ্ন একটি কোণ, উচ্চতা ও অপর দুই বাহুর সমষ্টি দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি আঁক।
- ক) সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ ও অপর দুই বাহুর অল্তর দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি আঁক।
 - খ) একটি ত্রিভুজের মধ্যমাত্রয় দেওয়া আছে ত্রিভুজটি আঁক।
- ১২. এমন একটি বৃত্ত অঞ্চন কর যা একটি নির্দিষ্ট সরলরেখাকে এর কোনো নির্দিষ্ট বিন্দুতে এবং অপর একটি বৃত্তকে স্পর্শ করে।
- ১৩. এমন একটি বৃত্ত অঞ্জন কর যা একটি নির্দিষ্ট বৃত্তকে এর কোনো নির্দিষ্ট বিন্দুতে এবং অপর একটি বৃত্তকে কোনো বিন্দুতে স্পর্শ করে।
- এমন একটি বৃত্ত অঞ্চন কর যা একটি নির্দিন্ট সরলরেখাকে কোনো বিন্দুতে এবং একটি নির্দিন্ট বৃত্তকে এর কোনো নির্দিন্ট বিন্দুতে স্পর্শ করে।
- ১৫. ভিন্ন ভিন্ন ব্যাসার্ধবিশিষ্ট এরূপ তিনটি বৃত্ত আঁক যেন তারা পরস্পরকে বহিঃস্পর্শ করে।
- ১৬. O কেন্দ্রবিশিষ্ট কোনো বৃত্তের AB জ্যা এর P যেকোনো বিন্দু। P বিন্দু দিয়ে অপর একটি জ্যা CD অঞ্জন করতে হবে যেন $CP^2=AP\cdot PB$ হয়।
- সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ভূমি 5 সে.মি. এবং সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য 6 সে.মি.।

অধায় ৪. জামিতিক অঞ্চন

- ক) ত্রিভুজটি অঞ্জন কর।
- খ) ত্রিভুজটির পরিবৃত্ত অঞ্চন করে ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।
- গ) এমন একটি বৃত্ত অঞ্জন কর যা পূর্বে অঞ্জিত পরিবৃত্তের ব্যাসার্ধের সমান একটি বৃত্তকে
 P বিন্দুতে স্পর্শ করে এবং বৃত্তের বহিঃস্থ কোন বিন্দু Q দিয়ে যায়।
- ১৮. O কেন্দ্র বিশিষ্ট বৃত্তের ব্যাসার্ধ 3 সে.মি. এবং O হতে 5 সে.মি. দূরে T বিন্দু অবস্থিত।
 - ক) তথ্যানুসারে চিত্র আঁক।
 - খ) T হতে বৃত্তে দুটি স্পর্শক আঁক। (অঞ্জনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যক)
 - পথাগোরাসের উপপাদ্য ব্যবহার করে স্পর্শকদ্বয়ের দৈর্ঘ্যের সমন্টি নির্ণয় কর।