

Contents

| | | |
|----------|--|----------|
| 1 | Classes | 2 |
| 1.1 | poly.univar – 一変数多項式 | 2 |
| 1.1.1 | PolynomialInterface – 全ての一変数多項式に対する基底クラス | 3 |
| 1.1.1.1 | differentiate – 形式微分 | 4 |
| 1.1.1.2 | downshift_degree – 多項式の次数を下げる | 4 |
| 1.1.1.3 | upshift_degree – 多項式の次数を上げる | 4 |
| 1.1.1.4 | ring_mul – 環上の乗法 | 4 |
| 1.1.1.5 | scalar_mul – スカラーの乗法 | 4 |
| 1.1.1.6 | term_mul – 項の乗法 | 4 |
| 1.1.1.7 | square – 自身との乗法 | 5 |
| 1.1.2 | BasicPolynomial – 多項式の基本的実装 | 5 |
| 1.1.3 | SortedPolynomial – 項がソートされたままの状態に維持する多項式 | 5 |
| 1.1.3.1 | degree – 次数 | 6 |
| 1.1.3.2 | leading_coefficient – 主係数 | 6 |
| 1.1.3.3 | leading_term – 主項 | 6 |
| 1.1.3.4 | †ring_mul_karatsuba – Karatsuba 法による乗算 | 6 |

Chapter 1

Classes

1.1 poly.univar – 一変数多項式

- Classes
 - †**PolynomialInterface**
 - †**BasicPolynomial**
 - **SortedPolynomial**

この `poly.univar` は以下の型を使っている:

polynomial :

`polynomial` はこの文脈では **PolynomialInterface** のサブクラスのインスタンス.

1.1.1 PolynomialInterface – 全ての一変数多項式に対する基底クラス

Initialize (Constructor)

抽象クラスなのでインスタンスは作らない.
このクラスは **FormalSumContainerInterface** から派生される.

Operations

| operator | explanation |
|----------|-----------------|
| $f * g$ | 乗法 ¹ |
| $f ** i$ | べき乗 |

Methods

1.1.1.1 differentiate – 形式微分

`differentiate(self) → polynomial`

多項式の形式微分を返す.

1.1.1.2 downshift_degree – 多項式の次数を下げる

`downshift_degree(self, slide: integer) → polynomial`

次数 `slide` を持つ全ての項を下にシフトして得られた多項式を返す.

最も次数が小さい項が `slide` より小さいとき, 結果は数学的には多項式でないことに注意. このような場合でも, このメソッドは例外は起こさない.

†`f.downshift_degree(slide)` は `f.upshift_degree(-slide)` と同等のものであります.

1.1.1.3 upshift_degree – 多項式の次数を上げる

`upshift_degree(self, slide: integer) → polynomial`

次数 `slide` を持つ全ての項を上シフトして得られた多項式を返す.

†`f.upshift_degree(slide)` は `f.term_mul((slide, 1))` と同等のものである.

1.1.1.4 ring_mul – 環上の乗法

`ring_mul(self, other: polynomial) → polynomial`

多項式 `other` との乗法の結果を返す.

1.1.1.5 scalar_mul – スカラーの乗法

`scalar_mul(self, scale: scalar) → polynomial`

スカラー `scale` による乗法の結果を返す.

1.1.1.6 term_mul – 項の乗法

`term_mul(self, term: term) → polynomial`

与えられた `term` の乗法の結果を返す. `term` はタプル (`degree`, `coeff`) として与えられるか, `polynomial` として与えられる.

1.1.1.7 square – 自身との乗法

```
square(self) → polynomial
```

この多項式の平方を返す.

1.1.2 BasicPolynomial – 多項式の基本的実装

基本的な多項式の型. 変数名や環のような概念はない.

Initialize (Constructor)

```
BasicPolynomial(coefficients: terminit, **keywords: dict)  
→ BasicPolynomial
```

このクラスは **PolynomialInterface** を継承し実装.

`coefficients` の型は **terminit**.

1.1.3 SortedPolynomial – 項がソートされたままの状態に維持する多項式

Initialize (Constructor)

```
SortedPolynomial(coefficients: terminit, _sorted: bool=False,  
**keywords: dict)  
→ SortedPolynomial
```

このクラスは **PolynomialInterface** から派生される.

`coefficients` の型は **terminit**. 任意的に もし係数がすでにソートされた項のリストなら, `_sorted` は `True` になり得る.

Methods

1.1.3.1 degree – 次数

`degree(self)` → *integer*

この多項式の次数を返す。もし零多項式なら、次数は -1 となる。

1.1.3.2 leading_coefficient – 主係数

`leading_coefficient(self)` → *object*

最も次数が高い項の係数を返す。

1.1.3.3 leading_term – 主項

`leading_term(self)` → *tuple*

タプル (degree, coefficient) として主項を返す。

1.1.3.4 †ring_mul_karatsuba – Karatsuba 法による乗算

`ring_mul_karatsuba(self, other: polynomial)` → *polynomial*

同じ環上での二つの多項式の乗法。計算は Karatsuba 法によって実行される。これはだいたい次数が 100 以上のとき早く動くだろう。初期設定ではこの方法を用いていないので、これを使う必要があるなら自身で用いる。

Bibliography