# Contents

1	Cla	sses	
	1.1	poly.n	nultiutil – 多変数多項式に対し実用的なもの
		1.1.1	RingPolynomial
			1.1.1.1 getRing
			1.1.1.2 getCoefficientRing
			1.1.1.3 leading_variable
			1.1.1.4 nest
			1.1.1.5 unnest
		1.1.2	DomainPolynomial
			1.1.2.1 pseudo_divmod
			1.1.2.2 pseudo_floordiv
			1.1.2.3 pseudo_mod
			1.1.2.4 exact_division
		1.1.3	UniqueFactorizationDomainPolynomial
			1.1.3.1 gcd
			1.1.3.2 resultant
		1.1.4	polynomial - さまざまな多項式のための関数工場
		115	propage indeterminates _ 不定連立宣言

# Chapter 1

# Classes

- 1.1 poly.multiutil 多変数多項式に対し実用的なもの
  - Classes
    - RingPolynomial
    - DomainPolynomial
    - $\ Unique Factorization Domain Polynomial$
    - OrderProvider
    - NestProvider
    - PseudoDivisionProvider
    - GcdProvider
    - RingElementProvider
  - Functions
    - polynomial

## 1.1.1 RingPolynomial

可換環係数を持つ一般の多項式.

# Initialize (Constructor)

```
egin{align*} 	ext{RingPolynomial} (	ext{coefficients: } terminit, ** \texttt{keywords: } dict) \ &
ightarrow RingPolynomial \end{aligned}
```

keywords はなければならない:

coeffring 可換環 (CommutativeRing)

number of variables 変数の数 (integer)

order 項の位数 (Term Order)

このクラスはBasicPolynomial, OrderProvider, NestProvider and RingElementProvider を継承する.

## Attributes

order:

項の位数

## Methods

#### 1.1.1.1 getRing

 $\operatorname{getRing}(\operatorname{self}) o extit{Ring}$ 

多項式が所属する Ring のサブクラスのオブジェクトを返す. (このメソッドは RingElementProvider 内の定義をオーバーライドする)

#### 1.1.1.2 getCoefficientRing

 $\operatorname{getCoefficientRing}(\operatorname{self}) o \mathit{Ring}$ 

すべての係数が所属する Ring のサブクラスのオブジェクトを返す. (このメソッドは RingElementProvider 内の定義をオーバーライドする)

#### 1.1.1.3 leading variable

 $leading variable(self) \rightarrow integer$ 

主変数の位置を返す (主とは一つの項の全てを足した総位数が1番多いということ).

主項は結果として項の位数に変化する 項の位数は指定された特性を通って order になり得る

(このメソッドは NestProvider から継承される)

#### 1.1.1.4 nest

```
nest(self, outer: integer, coeffring: CommutativeRing) \rightarrow polynomial
```

与えられた位置の変数 outer を引用することにより多項式をネストしてください.

(このメソッドは NestProvider から継承される)

#### 1.1.1.5 unnest

 $\begin{array}{l} \mathbf{nest}(\mathtt{self}, \mathtt{q:} \ polynomial, \mathtt{outer:} \ integer, \mathtt{coeffring:} \ CommutativeRing) \\ \rightarrow \ polynomial \end{array}$ 

与えられた位置の変数 outer を挿入することによりネストされた多項式 q をアンネストします。

(このメソッドは NestProvider から継承されます)

## 1.1.2 DomainPolynomial

定義域の係数を持つ多項式

# Initialize (Constructor)

```
 \begin{aligned} \mathbf{DomainPolynomial}(\texttt{coefficients:} \ terminit, \ \texttt{**keywords:} \ dict) \\ &\rightarrow \mathbf{DomainPolynomial} \end{aligned}
```

keywords はなければならない:

coeffring 可換環 (CommutativeRing)

number\_of\_variables 変数の数 (integer)

order 項の位数 (Term Order)

このクラスは RingPolynomial と PseudoDivisionProvider を継承する.

# Operations

operator	explanation
f / g	除算 (結果は有理数関数)

## Methods

## 1.1.2.1 pseudo divmod

 $pseudo divmod(self, other: polynomial) \rightarrow polynomial$ 

以下となる多項式 Q, R を返す:

$$d^{deg(self)-deg(other)+1}self = other \times Q + R$$

固定値として other の主係数である d.

結果として主係数は項の係数に変わる。項の位数は指定された特性を通ってorderになり得る。

(このメソッドは Pseudo Division Provider から継承される.)

## 1.1.2.2 pseudo floordiv

pseudo floordiv(self, other: polynomial) o polynomial

以下となる多項式 Q を返す:

$$d^{deg(self)-deg(other)+1}self = other \times Q + R$$

固定値として other の主係数 d と 多項式 R.

結果として主係数は項の位数に変わる。項の位数は指定された特性を通ってorderになり得る。

(このメソッドは Pseudo Division Provider から継承される.)

#### 1.1.2.3 pseudo mod

 $pseudo\_mod(self, other: polynomial) \rightarrow polynomial$ 

以下となる多項式 R を返す:

$$d^{deg(self)-deg(other)+1} \times self = other \times Q + R$$

d は other の主係数で Q は多項式.

結果として主係数は項の位数に変わる。項の位数は指定された特性を通って order になり得る

(このメソッドは Pseudo Division Provider から継承される.)

#### 1.1.2.4 exact division

 $ext{exact division(self, other: } polynomial) 
ightarrow polynomial$ 

強制的な除算で商を返す。

(このメソッドは PseudoDivisionProvider から継承される.)

## 1.1.3 UniqueFactorizationDomainPolynomial

一意分解聖域 (UFD) 係数を持つ多項式.

# Initialize (Constructor)

 $\begin{array}{ll} \textbf{UniqueFactorizationDomainPolynomial(coefficients:} & \textit{terminit}, \\ \textbf{**keywords:} & \textit{dict}) \\ & \rightarrow \textit{UniqueFactorizationDomainPolynomial} \end{array}$ 

keywords はなければならない:

coeffring 可換環 (CommutativeRing)

number\_of\_variables 変数の数 (integer)

order 項の位数 (Term Order)

このクラスは DomainPolynomial と GcdProvider を継承する.

## Methods

#### 1.1.3.1 gcd

gcd(self, other: *polynomial*) → *polynomial* gcd を返す. ネストされた多項式の gcd が使われる. (このメソッドは GcdProvider から継承される.)

#### 1.1.3.2 resultant

 $resultant(self, other: polynomial, var: integer) \rightarrow polynomial$ 

その位置 var によって指定された変数に関連した, 同じ環である二つの多項式の結果を返す.

## 1.1.4 polynomial - さまざまな多項式のための関数工場

```
\begin{array}{ll} \textbf{polynomial}(\texttt{coefficients:} & \textit{terminit}, & \texttt{coeffring:} & \textit{CommutativeRing}, \\ \textbf{number\_of\_variables:} & \textit{integer}{=} \textbf{None}) \\ & \rightarrow \textit{polynomial} \end{array}
```

多項式を返す.

†設定により、係数環から多項式の型を選ぶための方法がオーバーライドされ得る:

special\_ring\_table[coeffring\_type] = polynomial\_type その関数が呼ばれる前に.

## 1.1.5 prepare indeterminates – 不定連立宣言

```
egin{align*} & 	ext{prepare\_indeterminates(names: $string, ctx: dict, coeffring: $CoefficientRing=None)} \ & 	o None \end{aligned}
```

不定な names によって分けられた空間から, 不定の関数表現を用意する. 結果は辞書 ctx に格納される.

変数はすぐに用意されるべきである。さもなくば間違った変数のエイリアスが 計算を遅くし混乱するだろう。

もし任意の coeffring が与えられなければ、不定値は整数係数多項式として初期化される.

#### Examples

```
>>> prepare_indeterminates("X Y Z", globals())
>>> Y
UniqueFactorizationDomainPolynomial({(0, 1, 0): 1})
```