IV МЕЖДУНАРОДНАЯ КОНФЕРЕНЦИЯ «ПРОБЛЕМЫ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ И ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ И МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ»

СБОРНИК ДОКЛАДОВ

(Москва, НИЯУ МИФИ, 5-7 апреля)

УДК 51(06)+53(06) ББК 22.1г+22.3г М43

Ответственные редакторы: Н.А. Кудряшов, О.В. Нагорнов, С.В. Попруженко **Составители:** И.Ю. Гаюр, Е.Е. Городничев, Ю.С. Иванова, М.Б. Кочанов

IV Международная конференция «Проблемы математической и теоретической физики и математическое моделирование»: сборник докладов (Москва, НИЯУ МИФИ, 5–7 апреля). / Сост. И.Ю. Гаюр и др., под ред. Н.А. Кудряшова, О.В. Нагорнова, С.В. Попруженко. М.: НИЯУ МИФИ, 2016 – хххх с. ISBN 978-5-7262-2245-5

Сборник содержит доклады IV Международной конференции «Проблемы математической и теоретической физики и математическое моделирование».

Издается в авторской редакции. Материалы получены до 23.03.2016

> УДК 51(06)+53(06) ББК 22.1г+22.3г

ISBN 978-5-7262-2245-5

© Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ», 2016

Подписано в печать 30.03.2016. Формат $60x84\ 1/8$. Печ. л. 27,25. Тираж 110 экз. Заказ №35.

Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ» Типография НИЯУ МИФИ 115409, Москва, Каширское ш., 31

Министерство образования и науки российской федерации Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

5–7 апреля 2016 года в г. Москва, НИЯУ МИФИ IV Международная конференция «Проблемы математической и теоретической физики и математическое моделирование»

Сопредседатели конференции

Н.А. Кудряшов, О.В. Нагорнов, С.В. Попруженко.

Программный комитет конференции

- W. Becker Max Born Institute, Germany;
- D. Blaschke University of Wroclaw, Poland;
- P. Chardonne University of Savoy, France;
- Y. Efendiev Texas A&M University, USA;
- С.А. Кащенко Ярославский государственный университет, Россия;
- Н.А. Кудряшов НИЯУ МИФИ, Россия;
- А.В. Крянев НИЯУ МИФИ, Россия;
- R. Lazarov Texas A&M University, USA;
- A. Ma $\ddot{}$ sseu WONUC;
- О.В. Нагорнов НИЯУ МИФИ, Россия;
- А.Д. Полянин ИПМ им. Ишлинского, Россия;
- С.В. Попруженко НИЯУ МИФИ, Россия;
- В.П. Яковлев НИЯУ МИФИ, Россия.

Организационный комитет конференции

- И.Ю. Гаюр НИЯУ МИФИ, Россия;
- Е.Е. Городничев НИЯУ МИФИ, Россия;
- Ю.С. Иванова НИЯУ МИФИ, Россия;
- Ю.В. Коновалов НИЯУ МИФИ, Россия;
- М.Б. Кочанов НИЯУ МИФИ, Россия.

Секции конференции

Методы математической физики

Председатель: профессор, д.ф.-м.н. Н.А. Кудряшов

Секретарь: М.Б. Кочанов

Проблемы теоретической физики

Председатель: профессор, д.ф.-м.н. С.В. Попруженко Секретарь: профессор, д.ф.-м.н. Е.Е. Городничев

Математическое моделирование

Председатель: профессор, д.ф.-м.н. О.В. Нагорнов Секретарь: доцент, к.ф.-м.н. Ю.В. Коновалов

Содержание

Секция «Методы математической физики»

| Аджиев С.З., Веденяпин В.В. Инварианты и дискретизация кинетических уравнений Больцмана и | |
|---|-----|
| Лиувилля | 9 |
| Аджиев С.З., Веденяпин В.В., Мелихов И.В. Н-теорема для уравнений химической кинетики с | |
| дискретным временем и их обобщений | 10 |
| Аксенов А.В., Дружков К.П. Симметрии и редукции уравнения Бюргерса-Хаксли | 11 |
| Аксенов А.В., Сударикова А.Д., Чичерин И.С. Влияние поверхностного натяжения на | |
| плоскопараллельное растекание вязкой жидкости вдоль супергидрофобной поверхности | 12 |
| Антонова А.О., Савёлова Т.И. Сравнение результатов моделирования EBSD эксперимента с | |
| экспериментальными ПФ и ФРО | 14 |
| Балашов Р.Б., Крянев А.В. Математическое моделирование задачи снижения риска перестрахований | 16 |
| Беклемишев С.А., Клочихин В.Л. Преобразование Бэклунда для 4π -кинка уравнения синус-Гордона | 10 |
| модели спинов ферромагнетика Гейзенберга | 19 |
| Бескровная $A.A.$, C авелова $T.U$. Нормальное распределение на сфере S^{n-1} в R^n | 21 |
| Богаевская В.Г. Автоматический анализ D-разбиения | 22 |
| | 25 |
| | 20 |
| Васильев С.А., Полежаева И.С. Построение асимптотических решений краевой задачи для уравнения | 27 |
| Кадышевского с периодическими краевыми условиями | |
| Велиева Т.Р., Королькова А.В. Гибридный подход в построении модуля управления трафиком | 29 |
| Волков А.К., $Ky\partial pяшов$ Н.А. Нелинейное эволюционное уравнения для описания $\alpha+\beta$ модели | 91 |
| Ферми-Паста-Улама | 31 |
| B язъмин $A.B.$, C орокин $B.\Gamma$. Точные решения нелинейных дифференциальных уравнений | 0.4 |
| гиперболического типа с запаздыванием | 34 |
| Гавриков М.Б., Савельев В.В. Взаимодействие уединенных волн в двухжидкостной магнитной | |
| гидродинамике при наличии продольного магнитного поля | 36 |
| Γ аращук И.Р., Ky дряшов Н.А., C инельщиков Д.И. Об аналитических свойствах и некоторых точных | |
| решениях системы Глуховского-Должанского | 38 |
| Гаюр И.Ю., Кудряшов Н.А. Переменные Бутру для определения асимтотических решений высшего | |
| аналога уравнений Пенлеве четвертого порядка | 39 |
| | 42 |
| Дашицыренов Г.Д. Алгоритм построения профиля толщины тонкопленочной линзы Люнеберга | |
| методом волноводов сравнения | 43 |
| Демидова А.В., Геворкян М.Н. Моделирование стохастических процессов с помощью OpenModelica | 46 |
| Диваков Д. Моделирование распространения направляемых мод открытого нерегулярного волновода | |
| неполным методом Галеркина | 47 |
| Дрюма В.С. Об интегрировании уравнений течения несжимаемой жидкости | 49 |
| Егоров А.А., Масляницын И.А., Шигорин В.Д., Айриян А.С., Айрян Э.А. Исследование влияния | |
| импульсно-периодического электрического поля и линейной поляризации лазерного излучения на | |
| свойства НЖК-волновода | 51 |
| Иванов И.О., Борог В.В., Крянев А.В., Гетманов В.Г., Сидоров Р.В. Сравнение возможностей двух | |
| методов выделения трендов при обработке временных рядов экспериментальных данных | 53 |
| Кащенко А.А. Устойчивость автомодельных циклов для модели Лэнга-Кобаяши с большим | |
| запаздыванием | 56 |
| Кащенко И.С. Исследование локальной динамики двух-компонентных контрастных параболических | |
| систем | 58 |
| Коротков Е.В., Короткова М.А. Разработка математического метода для поиска периодичности | |
| временных рядов при наличии вставок и делеций | 60 |

| Кочанов М.Б., Кудряшов Н.А. Численное моделирование процесса затухания уединенных волн при их | |
|--|----------|
| распространении под слоем льда | 62 |
| <i>Кудряшов Н.А., Кутуков А.А., Мазур Е.А.</i> Реконструкция электронного спектра в металлическом сероводороде | 63 |
| $Kyдряшов\ H.A.,\ Kyтуков\ A.A.,\ Maзур\ E.A.$ Перенормировка свойств сероводорода | 66 |
| Кудряшов Н.А., Рябов П.Н. Нелинейные волны описываемые обобщенным уравнением | |
| | 67 |
| $Ky \partial pяшов \ H.A., \ Pябов \ П.H.$ Локализация полос адиабатического сдвига в материалах при | 71 |
| $Kyдряшов\ H.A.,\ Cкачков\ M.B.\ $ Моделирования ионного распыления поверхности аморфных тел | 73 |
| Кудрящов Н.А., Шильников К.Е. Многомасштабное численное моделирование сферически | |
| | 74 |
| Кукуджанов К.В., Левитин А.Л. Моделирование залечивания микродефектов в металле под | |
| | 76 |
| | 79 |
| | 81 |
| | 82 |
| | 84 |
| Полянин А.Д., Журов А.И. Параметрически заданные дифференциальные уравнения и их | 86 |
| * | 88 |
| Преображенская М.М. Существование и устойчивость периодических решений квазилинейного | 90 |
| | 91 |
| $Casamoposa\ B.Л.,\ Taлoнos\ A.B.,\ Koccosuч\ E.Л.\ $ Использование метода многомасштабного усреднения | 92 |
| Синельщиков Д.И., Кудряшов Н.А. О построении общих аналитических решений уравнений Льенара | |
| • • | 94 96 |
| | 90 |
| Таюрский А.А., Гавриков М.Б. Поглощение альфвеновской волны в диссипативной плазме | |
| Таюрский А.А., Тавриков М.В. Поглощение альфвеновской волны в диссипативной плазме | .01 |
| течение продуктов сгорания в сопле Лаваля | ი2 |
| Tютюнник $A.A.$ Вывод системы оду для коэффициентных функций метода волноводов сравнения в | .02 |
| системе компьтерной алгебры | 05 |
| <i>Цегельник В.В.</i> Тест Пенлеве нелинейной системы дифференциальных уравнений со сложным | .00 |
| хаотическим поведением | .07 |
| Секция «Проблемы теоретической физики» | |
| Arsenyev N.N., Severyukhin A.P., Aberg S., Nazmitdinov R.G., Pichugin K.N. Random matrix analysis of | 0.0 |
| the monopole strength distribution in ²⁰⁸ Pb | .09 |
| Бедрикова Е.А., Латышев А.В. Аналитическое решение второй задачи Стокса с переменной амплитудой колебания поверхности | 10 |
| амплитудой колеоания поверхности — — — — — — — — — — — — — — — — — — — | .10 |
| системах 1 | 12 |
| Гельфер Е.Г., Кадлецова Х., Ондрей К., Вебер Ш., Корн Г. Гравитационные волны от ускоренных лазером релятивистских ионов | .13 |

| Горелик М.Л., Тулупов Б.А., Урин М.Г. Унитарная версия частично-дырочной дисперсионной | |
|---|------|
| оптической модели | 116 |
| Gorodnichev E.E., Kuzovlev A.I., Rogozkin D.B. Depolarization of circularly polarized light in the Mie | |
| resonance region | 118 |
| Gorodnichev E.E., Kuzovlev A.I., Rogozkin D.B. Mesoscopic fluctuations in diffusive transport of circularly | |
| polarized light | 120 |
| | |
| нелинейный анализ | 122 |
| Еферина Е.Г., Кулябов Д.С. Приложение представления Фока к стохастическим системам | |
| Ивлиев С.В. Электрон-ионная релаксация при произвольных температурах | |
| <i>Игашов С.Ю.</i> О высокоточном вычислении кулоновских функций и их производных | 129 |
| Климочкина А.А., Беспалова О.В., Спасская Т.И., Коротков А.В., Ситникова А.В. Расчет | |
| одночастичных характеристик изотопов Pb в дисперсионной оптической модели | 131 |
| K оломийцев Γ . B ., V Рашов C . W О., V Рин M . V . V Нитарная версия одноквазичастичной дисперсионной | |
| оптической модели и однодырочные возбуждения в среднетяжелых сферических ядрах | 134 |
| Корнеев Φ ., Тихончук B ., Дюмьер Θ ., Φ уджиока Ш., Абэ Θ ., Ло Φ . Лазерная генерация спонтанных | |
| магнитных полей в мишенях заданной геометрии | 135 |
| Крылов К.С., Федотов А.М., Нарожный Н.Б. Квазиклассическое выражение для вероятности | |
| излучения фотона электроном с учётом радиационного трения | |
| Кулешов В.М., Мур В.Д., Нарожный Н.Б. Кулоновская задача в графене с зарядом примеси больше | |
| критического | 140 |
| Кулябов Д.С., Королькова А.В., Севастьянов Л.А. Дирако-подобный гамильтониан уравнений | |
| Максвелла | |
| <i>Помоносова Т.А.</i> Об образовании новых экзотических фермионов на e^+e^- -коллайдерах | 145 |
| $Marinyuk\ V.V.,\ Sheberstov\ S.V.$ Effect of the single-scattering phase function on light transmission through | |
| disordered media with large inhomogeneitie | 147 |
| Маслов К.А., Воскресенский Д.Н., Коломейцев Е.Э. Дельта-резонансы в релятивистской модели | |
| среднего поля со скалированными константами связи и массами адронов | |
| ${\it Mironov~A.A.}$ Three-level system interacting with three reservoirs as a model of quantum photosynthesis | 152 |
| Mironov A.A., Fedotov A.M., Gelfer E.G. Dynamics of QED cascades initiated in collision of high-energy | |
| electrons with intense focused laser pulses | |
| Мурашкин Е.В., Радаев Ю.Н. Физическая полевая модель микрополярной термоупругости | 155 |
| H арожный $H.Б.$, M ур $B.Д.$, Φ едотов $A.М.$ Метод мнимого времени и рождение пар в постоянном | |
| электрическом поле | 157 |
| $Cesepioxuh\ A.\Pi.\ \Phi$ рагментация силы переходов Гамова-Теллера и запаздывающая мультинейтронная | 150 |
| эмиссия в атомных ядрах | 159 |
| Cyшенок E.O., Cеверюхин A.П. Влияние неспаренных нуклонов на энерговыделение бета-распада | 1.00 |
| нейтронно-избыточных ядер | 160 |
| Тульский В.А., Попруженко С.В. Инвариантный метод вычисления кулоновской поправки к | 1.01 |
| действию фотоэлектрона в интенсивном лазерном поле | 161 |
| Цыганков Е.А., Яковлев В.П., Зибров С.А., Зибров А.С., Зибров А.А., Васильев В.В., Величанский | |
| В.Л., Юдин В.И., Тайченачев А.В. Осциллирующая структура радиооптического резонанса в | |
| магнитном поле на переходе $1\leftrightarrow 1$ | |
| <i>Цыввинцев И.П.</i> Трёхмерное моделирование динамической плазменной фазовой пластины | 165 |
| Секция «Математическое моделирование» | |
| Абрамов $A.A.$, $Юхно Л.Ф.$ Численное решение некоторых переопределенных задач для системы | |
| линейных обыкновенных дифференциальных уравнений | 160 |
| | 170 |

Литература

- [1] К.Е. Городничев, С.Е. Куратов С.Е., Развитие возмущений в системе сталкивающихся пластин // КВАНТ сер. Мат. мод. физ. проц., 2 (2013)
- [2] А.Х. Найфэ, Методы возмущений // М.:Мир, 1976.

Shock wave in nonuniform media. Linear and nonlinear analysis.

K.E. Gorodnichev, S.E. Kuratov,

In non-uniform medium behind a front of shock wave (SW) the perturbation field formed. This field can be represented as a set of sound and entropy-vortex waves. It is shown that for the different angles of incidence of wave of indignation on the SW front the three qualitatively differing types of the sound waves behind the shock wave front are exist. For grazing angles of incidence nonlinear interaction between waves qualitatively changes the field perturbation behind the front of the SW. It is shown also that the sound waves are present at the limited area behind SW front and their amplitude decays with distance into the medium.

Приложение представления Фока к стохастическим системам

Е.Г. Еферина, ^{1,а)} Д.С. Кулябов, ^{1,2,b)}

Для реализации абстрактного подхода используется представление чисел заполнения. Это представление характеризуется использованием операторного формализма. Особенностью этого формализма является использование абстрактных линейных операторов, не зависящих от векторов состояния системы. Для манипуляции с введёными операторами используется формализм функции Грина. При применении представления чисел заполнения получается целостный формализм. С его помощью можно получить упрощённые стохастические модели исходной системы. На примере одношагового процесса демонстрируется эквивалентность представлений чисел заполнения и векторов состояния. Введённый формализм представляется удобным для унифицированного описания стохастических систем. Также этот метод может быть расширен для исследования нелинейных стохастических систем.

Работа частично поддержана грантами РФФИ № 14-01-00628, 15-07-08795, 16-07-00556.

Представление чисел заполнение является основным языком при описании физики многих тел. Главными элементами этого языка являются волновые функции системы,

¹All-Russia research institute of automatics

¹Российский университет дружбы народов

² Объединённый институт ядерных исследований

a) Email: eg.eferina@gmail.com

^{b)}Email: ds@sci.pfu.edu.ru

содержащие информацию о том, сколько частиц находится в каждом одночастичном состоянии. Для изменения состояния системы используют операторы рождения и уничтожения [1]. Преимущества данного формализма следующие:

- возможно рассматривать системы с переменным числом частиц (нестационарные системы);
- статистика системы (Ферми–Дирака или Бозе–Эйнштейна) автоматически учитывается в правилах коммутации для операторов рождения—уничтожения;
- данный формализм является вторым основным формализмом (наряду с интегралами по траекториям) для описания квантовой теории возмущений.

Методика применения формализма вторичного квантования для неквантовых систем (статистических, детерминированных) была рассмотрена в целом ряде статей [2].

Переход к пространству чисел заполнения не является унитарным преобразованием. Запишем основное кинетическое уравнение в представлении чисел заполнения. Таким образом, мы будем рассматривать систему, не зависящую от пространственных переменных. Для простоты рассмотрим одномерный вариант. Обозначим через φ_n вероятность обнаружить в системе α 0 частиц:

$$\varphi_n := p_n(\varphi, t). \tag{1}$$

Состояния φ образуют векторное пространство \mathcal{H} .

Введём скалярное произведение, исключающее (< $|>_{ex}$) и включающее (< $|>_{in}$), считая |n> за базисные векторы:

$$\langle \varphi | \psi \rangle_{\text{ex}} = \sum_{n} n! p_n^*(\varphi) p^n(\psi); \langle \varphi | \psi \rangle_i \ n = \sum_{n} \frac{1}{k!} n_k^*(\varphi) n^k(\psi). \tag{2}$$

Здесь через n_k обозначены факториальные моменты:

$$n_k(\varphi) = \langle n(n-1)\cdots(n-k+1) \rangle = \frac{\partial^k}{\partial z^k} G(z,\varphi)|_{z=1},$$
 (3)

с производящей функцией:

$$G(z,\varphi) = \sum_{n} z^{n} p_{n}(\phi). \tag{4}$$

Запишем вектор состояния:

$$|\varphi\rangle = \sum_{n} p_n(\varphi)|n\rangle = \sum_{n} \varphi_n|n\rangle =: \varphi_n|n\rangle.$$
 (5)

Для записи представления чисел заполнения обычно используют нотацию Дирака. Используя эту нотацию, введём операторы рождения и уничтожения:

$$\pi|n\rangle = |n+1\rangle,$$

$$a|n\rangle = n|n-1\rangle$$
(6)

с коммутационным соотношением:

$$[a,\pi] = 1. (7)$$

В формализме чисел заполнения основное кинетическое уравнение переходит в уравнение Лиувилля:

$$\frac{\partial}{\partial t}|\varphi(t)\rangle = L|\varphi(t)\rangle. \tag{8}$$

Оператор Лиувилля удовлетворяет соотношению:

$$<0|L=0. (9)$$

Оператор Лиувилля, записывается через схемы взаимодействия в следующем виде [3]:

$$L = \sum_{\alpha,i} \left[k_{\alpha} \left((\pi_i)^{F^{i\alpha}} - (\pi_i)^{I^{i\alpha}} \right) (a_i)^{I^{i\alpha}} \right) + k_{\alpha} \left((\pi_i)^{I^{i\alpha}} - (\pi_i)^{F^{i\alpha}} \right) (a_i)^{F^{i\alpha}} \right]. \tag{10}$$

Получено основное кинетическое уравнение в представлении чисел заполнения. При сравнение операторного метода с комбинаторным методом стохастизации одношаговых процессов получили их полную эквивалентность.

Литература

- [1] Hnatic M., Eferina E. G., Korolkova A. V. Kulyabov D. S., Sevastyanov L. A. Operator Approach to the Master Equation for the One-Step Process // EPJ Web of Conferences. 108 (2016).
- [2] Doi M. Second quantization representation for classical many-particle system // Journal of Physics A: Mathematical and General. 9 (1976).
- [3] Demidova A. V., Korolkova A. V., Kulyabov D. S., Sevastianov L. A. *The method of stochastization of one-step processes* // Mathematical Modeling and Computational Physics. Dubna: JINR, (2013).

An application the Fock representation to stohastic systems

E.G. Eferina, D.S. Kulyabov, 1,2

To implement an abstract approach, we use the representation of occupation numbers. In this presentation, we use the operator formalism. A feature of this formalism is the use of abstract linear operators which are independent from the state vector. We use the formalism of Green's functions for work with operators. We get a fully coherent formalism when use of the occupation numbers representation. With its help we can get simplified stochastic model of the original system. We demonstrate the equivalence of the occupation number representation and the state vectors representation by using a one-step process. We have suggested a convenient formalism for unified description of stochastic systems. Also, this method can be extended to the study of nonlinear stochastic systems.

The work is supported by RFBR grant №14-01-00628, 15-07-08795, 16-07-00556.

¹Peoples' Friendship University of Russia

² Joint Institute for Nuclear Research