

**ИНФОРМАЦИОННО-
ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННЫЕ
ТЕХНОЛОГИИ И МАТЕМАТИЧЕСКОЕ
МОДЕЛИРОВАНИЕ
ВЫСОКОТЕХНОЛОГИЧНЫХ СИСТЕМ**

**Материалы
Всероссийской конференции
с международным участием**

Москва, РУДН, 18–22 апреля 2016 года

УДК 004.007(063)

ББК 32.81

И74

Организатор конференции: Российский университет дружбы народов

Соорганизаторы конференции:

Московский технический университет связи и информатики (МТУСИ)

Институт проблем управления им. В. А. Трапезникова Российской академии наук (ИПУ РАН)

Лаборатория информационных технологий Объединенного института ядерных исследований (ЛИТ ОИЯИ)

Федеральный исследовательский центр «Информатика и управление» Российской академии наук (ФИЦ ИУ РАН)

Программный комитет: Самуйлов К. Е., д.т.н., проф., РУДН — председатель программного комитета; Севастьянов Л. А., д.ф.-м.н., проф., РУДН — сопредседатель программного комитета; Толмачев И. Л., к.ф.-м.н., проф., РУДН — сопредседатель программного комитета; Гудкова И. А., к.ф.-м.н., доцент, РУДН — секретарь программного комитета; Андреев С. Д., к.т.н., РУДН, Tampere University of Technology, г. Тампере, Финляндия; Башарин Г. П., д.т.н., проф., РУДН; Боголюбов А. Н., д.ф.-м.н., проф., МГУ; Виницкий С. И., д.ф.-м.н., проф., ЛТФ ОИЯИ; Вишневский В. М., д.т.н., проф., ИПУ РАН; Гайдамака Ю. В., к.ф.-м.н., доцент, РУДН; Гнатич М. М., проф., Pavol Jozef Šafárik University in Košice, Словакия; Гольдштейн Б. С., д.т.н., проф., СПб ГУТ; Горшенин А. К., к.ф.-м.н., доцент, ФИЦ ИУ РАН; Дружинина О. В., д.ф.-м.н., проф., ФИЦ ИУ РАН; Ефимушкин В. А., к.ф.-м.н., доцент, ОАО «Интеллект Телеком»; Ибрагимов Б. Г., д.т.н., проф., Азербайджанский технический университет (АзТУ), г. Баку, Азербайджан; Кореньков В. В., д.т.н., проф., ЛИТ ОИЯИ; Крянев А. В., д.ф.-м.н., проф., НИЯУ «МИФИ»; Кулябов Д. С., к.ф.-м.н., доцент, РУДН; Кучерявый А. Е., д.т.н., проф., СПб ГУТ; Кучерявый Е. А., к.т.н., проф., НИУ ВШЭ, Tampere University of Technology, г. Тампере, Финляндия; Ланеев Е. Б., д.ф.-м.н., проф., РУДН; Мартикайнен О. Е., проф., Service Innovation Research Institute, г. Хельсинки, Финляндия; Назаров А. А., д.т.н., проф., ТГУ; Наумов В. А., проф., Service Innovation Research Institute, г. Хельсинки, Финляндия; Осипов Г. С., д.ф.-м.н., проф., ФИЦ ИУ РАН; Пузынин И. В., д.ф.-м.н., проф., ЛИТ ОИЯИ; Пшеничников А. П., к.т.н., проф., МТУСИ; Ромашкова О. Н., д.т.н., проф., МГПУ; Севастьянов А. Л., к.ф.-м.н., доцент, РУДН; Степанов С. Н., д.т.н., проф., МТУСИ; Стрельцова О. И., к.ф.-м.н., с.н.с., ЛИТ ОИЯИ; Сущенко С. П., д.т.н., проф., ТГУ; Хачумов В. М., д.т.н., проф., ФИЦ ИУ РАН; Цирулев А. Н., д.ф.-м.н., проф., ТвГУ; Цитович И. И., д.ф.-м.н., доцент, ИППИ РАН; Шоргин С. Я., д.ф.-м.н., проф., ФИЦ ИУ РАН; Щетинин Е. Ю., д.ф.-м.н., проф., СТАНКИН.

Оргкомитет:

Председатель: Самуйлов К. Е., д.т.н., профессор, РУДН.

Сопредседатели: Севастьянов Л. А., д.ф.-м.н., проф., РУДН; Толмачёв И. Л., к.ф.-м.н., профессор, РУДН.

Секретарь: Диваков Д. В., РУДН.

Члены оргкомитета: Гудкова И. А., к.ф.-м.н., доцент, РУДН; Никитина Е. В., к.х.н., зам. декана по науке, РУДН; Королькова А. В., к.ф.-м.н., доцент, РУДН; Соченков И. В., к.ф.-м.н., РУДН; Демидова А. В., к.ф.-м.н., РУДН; Острикова Д. Ю., РУДН; Таланова М. О., РУДН; Тютюнник А. А., РУДН.

Секции:

Теория телеграфика и ее применения

Сопредседатели: д.т.н., проф. Башарин Г. П. (РУДН), к.т.н., проф. Пшеничников А. П. (МТУСИ), к.ф.-м.н. доцент Гудкова И. А. (РУДН).

Секретарь: Острикова Д. Ю. (РУДН).

Сети связи следующего поколения: управление, качество, архитектура

Сопредседатели: д.т.н., проф. Самуйлов К. Е. (РУДН), д.т.н., проф. Вишневский В. М. (ИПУ РАН), к.ф.-м.н., доцент Гайдамака Ю. В. (РУДН).

Секретарь: Таланова М. О. (РУДН).

Прикладные информационные системы

Сопредседатели: д.ф.-м.н., проф. Осипов Г. С. (ФИЦ ИУ РАН), проф. Толмачев И. Л. (РУДН).

Секретарь: к.ф.-м.н. Соченков И. В. (РУДН).

Высокопроизводительные технологии распределенных вычислений

Сопредседатели: д.т.н., проф. Кореньков В. В. (ЛИТ ОИЯИ), к.ф.-м.н., доцент Кулябов Д. С. (РУДН).

Секретарь: к.ф.-м.н., доцент Королькова А. В. (РУДН).

Математическое моделирование

Сопредседатели: д.ф.-м.н., проф. Севастьянов Л. А. (РУДН), д.ф.-м.н., проф. Крянев А. В. (НИЯУ «МИФИ»), д.ф.-м.н., проф. Дружинина О. В. (ФИЦ ИУ РАН).

Секретарь: к.ф.-м.н. Демидова А. В. (РУДН).

И74

Информационно-телекоммуникационные технологии и математическое моделирование высокотехнологичных систем : материалы Всероссийской конференции с международным участием. Москва, РУДН, 18–22 апреля 2016 г. — Москва : РУДН, 2016. — 349 с. : ил.

ISBN 978-5-209-07163-1

УДК 004.007(063)

ББК 32.81

© Коллектив авторов, 2016

© Российский университет дружбы народов, Издательство, 2016

Содержание

Теория телетрафика и её применения

Васильев А. П. Построение и анализ модели с групповым поступлением данных и динамическим распределением канального ресурса	10
Дараселия А. В., Сопин Э. С. К вопросу энергоэффективности облачной системы	13
Ибрагимов Б. Г., Гасанов А. Г. Исследование качества функционирования сетей NGN/IMS при установлении мультимедийной сессии	16
Ибрагимов Б. Г., Гумбатов Р. Т., Ибрагимов Р. Ф. К анализу показателей качества обслуживания в мультисервисных сетях связи	19
Кутбитдинов С. Ш., Лохмотко В. В., Рудинская С. Р. Модель оценки гарантированной битовой скорости для мультимедийных приложений IMS	22
Лившиц К. И., Ульянова Е. С. Релейно-гистерезисное управление скоростью производства скоропортящейся продукции	25
Лисовская Е. Ю., Моисеева С. П. Исследование суммарного объема требований в бесконечнолинейной системе массового обслуживания вида M GI ∞	28
Мамедов Г. А., Ибрагимов Б. Г., Исаев Я. С. Построение и анализ модели сетей NGN/IMS с учетом свойств самоподобия сигнального трафика	31
Маркова Е. В., Полуэктов Д. С. Рекуррентный алгоритм расчета стационарного распределения вероятностей состояний модели с прерыванием обслуживания для не толерантного к задержкам трафика в сети 3GPP LTE с поддержкой LSA	34
Мацкевич И. А. Вероятностно-временные характеристики системы массового обслуживания с обобщенным обновлением и повторным обслуживанием	37
Назаров А. А., Бронер В. И. Метод R-аппроксимации для системы управления запасами с релейным управлением	40
Назаров А. А., Измайлова Я. Е. Исследование RQ-системы M GI 1 с неэкспоненциальной задержкой заявок в ИПВ и вытеснением заявок	43
Назаров А. А., Пауль С. В. Аппроксимация распределения неотрицательной случайной величины PH-распределением	46
Панкратова Е. В., Убонова Е. Г., Моисеева С. П. Исследование бесконечнолинейной СМО с разнотипным обслуживанием и входящим потоком марковского восстановления	49
Поморцева Н. А., Назаров А. А. Асимптотический анализ RQ-системы с конфликтами и дообслуживанием заявок	52
Романов А. М. Математическая модель обслуживания трафика реального времени от конечной группы источников и трафика данных с динамическим распределением ресурса сети	55
Сопин Э. С., Растрига Р. В. Анализ характеристик времени отклика системы облачных вычислений	59
Федуро А. А., Маркова Е. В., Гудкова И. А. Модель схемы совместного использования ресурсов LSA со снижением скорости и прерыванием обслуживания в сети 3GPP LTE	62

Фёдорова Е. А. Исследование RQ-системы M M N в условии большой загрузки.	65
Филипова В. Р., Маркова Е. В., Мариняк Б. В., Гудкова И. А. К сравнительному анализу схем совместного использования ресурсов LSA с прерыванием обслуживания в сети 3GPP LTE.	68

Сети связи следующего поколения: управление, качество, архитектура

Абаев П. О., Бесчастный В. А. К анализу плотности распределения устройств D2D-сети	71
Абаев П. О., Бесчастный В. А., Царев А. С. Построение модели и анализ показателей эффективности IMS сервера конференцсвязи	74
Балыка Е. И., Ботвинко А. Ю., Зарипова Э. Р., Саитов Д. А. Влияние межсетевого экрана на среднее время установления сессии	77
Бегишев В. О., Бутурлин И. А., Тен В. О., Чукарин А. В. Разработка симулятора радиоканала случайного доступа с процедурой запрета классов доступа для трафика межмашинного взаимодействия	79
Бегишев В. О., Бутурлин И. А., Исаев Ю. Д. Построение модели радиоканала случайного доступа с предварительной синхронизацией D2D-устройств	82
Безкостая А. В., Поповская Н. О., Шипунов С. П., Гайдамака Ю. В. Пример построения модели деятельности телекоммуникационной компании в виде сети массового обслуживания	85
Вишневский В. М., Иванов Р. Е., Ларионов А. А. Способы построения опорной сети миллиметрового E-диапазона для сетей 5G	88
Горшенин А. К., Королев В. Ю. Статистический подход для определения экстремальных пороговых значений	90
Ермакова Т. Н., Ромашкова О. Н. Математическая модель оценки финансовых показателей средней общеобразовательной организации	93
Зарипова Э. Р., Чухно О. В., Чухно Н. В. Оптимизация показателей эффективности бизнес-процесса «ввод в эксплуатацию» с помощью симплекс-метода	96
Князева А. Н. Анализ социально-экономических и психологических данных в пакете SPSS	99
Краденых А. А. Построение математической модели системы облачных вычислений	101
Медведева Е. Г., Гайдамака Ю. В. Пример расчета показателей качества P2PTV-сети при схеме с разделением данных на поток для просмотра и поток для раздачи пользователям	104
Обжерин Ю. Е., Бойко Е. Г., Сидоров С. М. Производительность технологической ячейки с мгновенно пополняемым резервом времени	107
Осипов О. А., Тананко И. Е. Моделирование сетей передачи данных с многопутевой маршрутизацией сетями массового обслуживания с делением и слиянием требований	110
Острикова Д. Ю., Гудкова И. А. К анализу средней скорости передачи данных по технологии мультимедиа устройствами межмашинного взаимодействия в беспроводной сети	113
Пяткина Д. А. Прогнозирование временного ряда пользователей INTERNET в России средствами EVIEWS	116

Тимошенко А. Г., Бахтин А. А., Тепляков И. М., Моленкамп К. М., Волков А. С.	
Ориентирование группы мобильных роботов	119
Тихомирова В. С., Гудкова И. А. К анализу среднего времени выполнения бизнес-процессов поддержки беспроводных межмашинных взаимодействий для управления городской инфраструктурой	122
Япо Ги С., Зарядов И. С. Интервальные оценки характеристик системы с оптимальным выбором	124

Прикладные информационные системы и технологии

Азофейфа Э. Х. Математический аппарат для анализа диаграмм состояний бизнес-процессов	127
Андрейчук А. А. Методы планирования совокупности траекторий для коалиции интеллектуальных агентов	130
Боковой А. В. Совмещение границ в методах одновременного картирования и локализации по видеопотоку, полученному с единственной камеры	133
Власова Е. Д., Новикова Г. М., Полевая О. М. Типы противоречий при формировании стратегии предприятия.	136
Дульнева А. С., Жуков В. В., Новикова Г. М. Использование нормативно-правового контента для повышения эффективности работы CRM-системы	139
Зубрихина М. О., Новикова Г. М., Лутфалла Ф. А. Проектирование базы данных для работы с бизнес-процессами в прикладных системах	142
Иванов А. Е. Методы анализа стереоизображений в задаче распознавания параметров трехмерных сцен	145
Исаков В. А. Приложение для просмотра текстовых заимствований	147
Каменская М. А. Модель дискурса научно-технического текста в задаче извлечения информации	150
Кобозева М. В. Принципы риторической разметки текстов на русском языке	153
Нгуен Зуй Тхань Анализ инвариантных моментов в задачах масштабирования и вращения изображений	156
Новикова Г. М., Янгутова С. Ч. Разработка и систематизация информационного контента для системы предоставления электронных услуг	160
Резаиан Н., Новикова Г. М. Система автоматического реферирования текста на персидском языке	163
Осипенко М. А. Разработка и исследование метода сбора и структурирования информации для создания мультязычного тезауруса на основе энциклопедии Wikipedia	166
Пальчевский А. И. Выбор модели освещения при построении изображения с использованием метода Фонга	169
Руденкова Ю. С. Применение OLAP-технологий при анализе эффективности проведения судебных экспертиз	172
Салпагаров С. И., Маркина Ю. Р. Поиск оптимальной стратегии распределения ресурсов	175

Соченкова А. С. Разработка метода индексации коллекций изображений для идентификации персон	178
Стефанюк В. Л., Алхуссаян А. Х. Криптография и кодирование как методы защиты информации	181
Стихуров В. В., Фомин М. Б. Построение схем разреженности многомерных кубов данных	183
Хейдари М. Использование OLAP технологии и многомерных данных для принятия управленческих решений	186
Храбров Р. Н. Операторы HDR Tone Mapping для повышения реалистичности изображения	189
Ягло М. Д. Применение технологии оперативной аналитической обработки данных в задачах здравоохранения	191
Ядринцев В. В. Разработка морфологического анализатора русского и английского языка	194

Высокопроизводительные технологии распределённых вычислений

Адам Г., Беляков Д. В., Валя М., Зрелов П. В., Матвеев М. А., Подгайный Д. В., Стрельцова О. И. Особенности программно-аппаратной среды гетерогенного вычислительного кластера HybriLIT	197
Адам Г., Вальова Л., Валя М., Заикина Т. Н., Киракосян М. Х., Торосян Ш. Г. Информационная среда гетерогенного кластера Hybrilit	199
Валя М., Майоров А. В., Бутенко Ю. А., Подолян Г. П., Булатов А. С. Веб-сервис мониторинга гетерогенного кластера Hybrilit	201
Зуев М. И., Адам Г., Беляков Д. В., Валя М., Матвеев М. А., Подгайный Д. В., Стрельцова О. И. Разработка и поддержка проекта «Paralleling features» в системе GitLab в рамках сервисов, предоставляемых пользователям кластера HybriLIT	204
Кадочников И. С., Пелеванюк И. С. Мониторинг сервисов TIER1 в ОИЯИ	206
Максимов А. А. Анализ производительности пакета Geant4 на архитектуре HybriLIT	209

Математическое моделирование

Айриян А. С. Алгоритм и моделирование процесса теплопроводности для проектирования тонкого многослойного технического устройства	213
Аль-Натор М. С. О выборе оптимального портфеля с комиссией в модели Марковица	214
Аль-Натор М. С., Аль-Натор С. В. Анализ двумерных портфелей с комиссией в условиях неопределенности	217
Аль-Натор М. С., Власова М. А. Нахождение оптимального размера заемного капитала при требуемом уровне риска на основе модели Модильяни-Миллера с корпоративными налогами	220
Амирханов И. В., Саркар Н. Р., Сархадов И., Тухлиев З. К. Численное моделирование квазистационарных состояний в открытых системах	223
Амирханов И. В., Саркар Н. Р., Сархадов И., Тухлиев З. К., Шарипов З. А. Моделирование тепловых процессов в металлах при облучении импульсными пучками ионов	226

Бапашов Р. Б., Крынев А. В. Математическое моделирование формирования эффективных портфелей на рынках перестрахования	229
Болотова Г. О., Миронова В. А. Построение экономико-математической модели ценообразования на услуги контент-провайдеров	232
Будочкина С. А. Ви-гамильтоновы и Гамильтона-допустимые уравнения в механике бесконечномерных систем	233
Будочкина С. А. Операторное уравнение с первой производной по времени и классические уравнения Биркгофа	236
Васильев С. А., Болотова Г. О. Моделирование неоднородных счетных цепей Маркова на основе систем нелинейных дифференциальных уравнений бесконечного порядка с малым параметром	239
Васильев С. А., Канзитдинов С. К. Построение методов прогнозирования динамики сложных систем с использованием нейронных сетей с бесконечным числом ячеек	240
Васильев С. А., Коршок Е. О. Построение асимптотических решений сингулярно возмущенного стохастического дифференциального уравнения бесконечного порядка	242
Васильев С. А., Урусова Д. А. Исследование существования, единственности и устойчивости равновесия в экономико-математической модели рынка телекоммуникаций в случае олигополии	244
Васильев С. А., Харун Х. С. Построение модели ценообразования в телекоммуникациях в условиях перегрузок	247
Велиева Т. Р., Королькова А. В. Разработка гибридной имитационной модели модуля активного управления трафиком	248
Герасимова А. В., Ланеев Е. Б., Муратов М. Н. Использование составных стабилизаторов в функционале Тихонова при решении одной обратной задачи физики плазмы	251
Герасимова А. В., Ланеев Е. Б., Муратов М. Н. Приближенное устойчивое численное решение интегрального уравнения первого рода с использованием весовых функций в стабилизаторе функционала Тихонова	253
Гусев А. А., Хай Л. Л., Винницкий С. И., Очбадрах Ч. Решение задачи на собственные значения с кусочно-постоянными потенциалами	255
Дашицыренов Г. Д. Устойчивый алгоритм построения дисперсионных кривых многослойного диэлектрического планарного волновода	258
Диваков Д. В. Неполный метод Галеркина в задаче моделирования направляемых мод открытых нерегулярных волноводов	261
Диваков Д. В., Чупритский В. К. Решение задачи теплопроводности для прогнозирования температуры зданий	264
Дружинина О. В., Масина О. Н. Условия устойчивости модели динамики популяций на основе детерминированного и стохастического подходов	267
Ершов Н. М., Полуян С. В. Улучшение сходимости роевых и эволюционных алгоритмов оптимизации на основе моделирования поведения рыбных стай	271
Ефферина Е. Г., Кулябов Д. С. Основное кинетическое уравнение в представлении чисел заполнения	274

Зюбина М. В., Самойлов С. Н., Дикова Е. В., Рыбка В. С., Крылов А. И. Математическое моделирование нестационарных волн напряжений в консоли при воздействии воздушной ударной волны на консоль с основанием (упругая полуплоскость) используя численный метод, алгоритм и комплекс программ Мусаева В.К.	277
Карамышева А. В., Шипова Е. П. Прогнозирование численности населения России с помощью стандартной демографической модели	280
Карпунин С. А. Оптимальное геометрическое размещение методом растеризации сумм минковского	283
Крянев А. В., Сеницын А. Е. Формирование эффективных инвестиционных портфелей на основе многокритериальной постановки	286
Кулябов Д. С., Геворкян М. Н., Мачука Х. Р., Диаррассуба Калилу, Дали Джерей Тьерри Ги Численное и имитационное моделирование дисциплин обслуживания очередей типа RED на маршрутизаторе	289
Кузьмина Л. К. О некоторых подходах в проблемах математического моделирования	292
Любин П. Г., Щетинин Е. Ю. Эффективное сглаживание двумерной поверхности	296
Матюшенко С. И., Дубе Н. Классификация стран Африки по социально-экономическим показателям с помощью кластерного анализа	299
Матюшенко С. И., Нибасумба Э. Исследование платежеспособности клиентов кредитных организаций с помощью дискриминантного анализа	302
Матюшенко С. И., Перес Д. Применение многослойного имитационного моделирования для оценки инвестиционного проекта	306
Михеев А. В. Методы и принципы оценки стоимости финансовых инструментов и контрактов страхования	309
Мусаев В. К. Математическое моделирование стоячих волн напряжений в горизонтальной бесконечной полосе при воздействии в виде дельта функции и функции Хевисайда	312
Осокин Л. А. Моделирование работы прачечной многоквартирного арендного дома	315
Петров В. А., Савин А. С., Хохлов А. А., Четов А. И. Анализ временных рядов методом SSA в приложении к изучению поведения покупателей	318
Полуян С. В., Ершов Н. М. Эволюционные алгоритмы оптимизации в задаче предсказания вторичной структуры белка	321
Севастьянов Л. А., Васильев С. А., Блинов А. И. Математическое моделирование транспортных систем с использованием нейронных сетей	324
Сингх Л., Сподарев А. А., Ланеев Е. Б., Муратов М. Н. Продолжение потенциального поля с поверхности общего вида	325
Сподарев А. А., Сингх Л., Ланеев Е. Б., Муратов М. Н. Об одной задаче продолжения потенциального поля	327
Тарасенко А. А., Стародубцев В. В., Мусаев А. В., Крылов А. И., Рыбка В. С. Численное моделирование внешнего ударного воздействия на несущие конструкции технических систем с помощью численного метода, алгоритма и комплекса программ Мусаева В.К.	328
Тютюнник А. А. Расчетная модель коэффициентных функций метода волноводов сравнения для открытых плавно-нерегулярных волноводов	331

Хай Л.Л., Гусев А.А., Виницкий С.И., Очбадрах Ч. Решение многоканальной задачи рассеяния с кусочно-постоянными потенциалами	334
Шарапова А.А. Метод полного и рассеянного поля для моделирования удаленного источника плоской волны	338
Шибашова А.Г., Стадник А.В. Разработка алгоритма детектирования возгорания и задымления на основе анализа видеопотока	340
Щербаков А.В. Качественный анализ моделей популяционной динамики, учитывающих конкурентные и симбиотические отношения	343
Авторский указатель	346

ЧИСЛЕННОЕ И ИМИТАЦИОННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ДИСЦИПЛИН ОБСЛУЖИВАНИЯ ОЧЕРЕДЕЙ ТИПА RED НА МАРШРУТИЗАТОРЕ

Кулябов Д. С., Геворкян М. Н., Мачука Х. Р., Диаррассуба К., Дали Д. Т. Г.

Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей Российский университет дружбы народов ул. Миклухо-Маклая, д.6, Москва, Россия, 117198, dharmatmx.pfu.edu.ru, mngevorkeyan@sci.pfu.edu.ru, cheosurf@gmail.com, kalheslebelge@yahoo.fr, dthierryguy@yahoo.fr

Целью данной работы является обобщение стохастической модели RED (Random Early Detection) на случай дисциплин обслуживания AURED, SARED и GRED, а также верификация результатов численного моделирования с помощью имитационного моделирования. На основе анализа полученных данных, показано, что имитационное и численное моделирования дали качественно соответствующие друг-другу результаты.

Ключевые слова: RED, компьютерные сети, стохастические дифференциальным уравнения, имитационное моделирование, ns2, python3.

Работа частично поддержана грантами РФФИ № 14-01-00628, 15-07-08795 и 16-07-00556.

Введение

Одним из инструментов по управлению трафиком на маршрутизаторе является протокол обслуживания очереди (буфера). На практике наиболее широко используются дисциплины обслуживания типа RED (Random Early Detection) [1]. Существует множество усовершенствований исходного алгоритма, в частности алгоритмы ARED, AURED, GRED и SARED [2–4]. Стоит отметить, что в своей основе данные алгоритмы сходны, поэтому можно говорить о алгоритмах семейства RED.

В данной работе проводится комплексный анализ нескольких дисциплин: ARED [3], AURED [2], GRED [5] и SARED [4]. Для анализа используются методы численного и имитационного моделирования.

Алгоритмы обслуживания очереди типа RED

Все рассматриваемые алгоритмы основываются на RED, но добавляют некоторые дополнительные шаги и параметры.

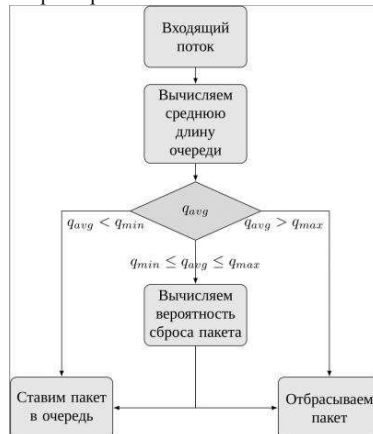


Рис.1. Упрощенная блок-схема алгоритма RED

Упрощенная блок-схема алгоритма RED представлена на рисунке 1. Основные переменные, характеризующие поведение очереди: q — текущая длина очереди и q_{avg} — средняя длина очереди. Основные параметры: q_{min} — минимальный порог заполнения очереди, q_{max} — максимальная порог заполнения очереди и p_{max} — максимальное значение вероятности сброса. Во всех остальных изучаемых в данной работе алгоритмах эти величины присутствуют. Различие алгоритмов заключается в изменении функции вычисления вероятности сброса пакета, а также в добавлении настройки параметра p_{max} .

Численное моделирование алгоритмов

Стохастическая модель представляет собой систему из трех стохастических дифференциальных уравнений Ито. Вывод и обоснование модели см. в работе [5]. Детерминированная модель получается из стохастической системы путем отбрасывания стохастического члена.

Программный комплекс для численного моделирования дисциплин обслуживания очереди на маршрутизаторе типа RED был написан на языке программирования Python версии 3 с использованием следующих библиотек: numpy, matplotlib и scipy. Весь программный код открыт и доступен по ссылке <https://bitbucket.org/mngev/red-modeling-public>.

При разработке программы использовался объектно - ориентированный подход. В качестве объектов были выбраны дисциплины обслуживания очередей. Так как все они основаны на дисциплине обслуживания RED и отличаются лишь в деталях, то естественным способом их программной реализации было выделение объекта RED в родительский класс и наследование его всеми остальными объектами (ARED, AURED, DSRED, EFRED, POWARED, RARED, SARED, WRED, GRED). При этом подклассы наследуют все методы и атрибуты родительского класса и переопределяют лишь те методы, которые отличают конкретную дисциплину обслуживания от RED. Ни в одном подклассе не вводится новых методов, поэтому достаточно дать описание родительского класса RED. Подробная документация описываемого комплекса доступна по вышеуказанной ссылке.

Имитационное моделирования с помощью NS2

Вся необходимая информация по работе с ns2 изложена в официальной документации [9] и в примерах, доступных в дистрибутиве. В ns2 существуют реализации трех разновидностей дисциплины RED: оригинальный алгоритм RED, адаптивный алгоритм ARED и Gentle RED. Выбор конкретного алгоритма осуществляется путем изменения параметров скрипта.

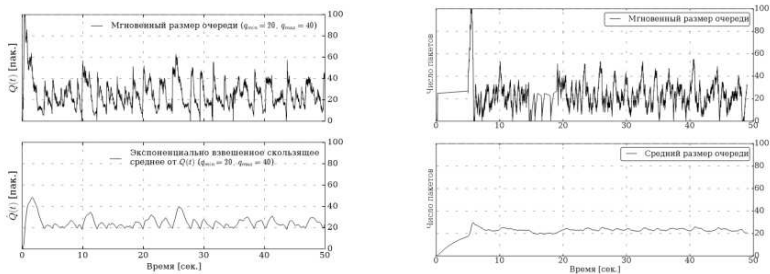


Рис.2. Результаты численного моделирования (слева) и имитационного (справа) алгоритма GRED

Для численного моделирования алгоритмов AURED, SARED и GRED был использован вышеописанный программный комплекс. Стохастическая и детерминированная численные модели были распространены на случай алгоритмов AURED, SARED и GRED. Был написан модуль (подкласс), расширяющий программный комплекс и вводящий в него модели вышеперечисленных алгоритмов [9,10]. Был проведен численный эксперимент с помощью этого комплекса программ, реализующих решение системы стохастических дифференциальных уравнений стохастическим методом Рунге-Кутты слабого порядка 2.0 и сильного порядка 1.0. Полученные результаты были представлены в графическом виде (два графика представлены на рисунке 2).

Выводы

Анализ графиков позволяет утверждать, что численная и имитационная модели дают сходный качественный результат. Средняя длина очереди в начале работы алгоритма резко повышается, а затем убывает и стабилизируется, осциллируя около фиксированного значения. Наиболее близкие результаты были получены при сравнении численной и имитационной моделей протокола GRED.

Литература

1. Floyd S., Jacobson V. Random Early Detection Gateways for Congestion Avoidance // IEEE/ACM Transactions on Networking. — 1993. — No 1. — Pp. 397–413. — <http://www.icir.org/floyd/papers/red/red.html>.
2. Ho H.-J., Lin W.-M. AURED – Autonomous Random Early Detection for TCP Congestion Control // Systems and Networks Communications, 2008. ICSNC '08. 3rd International Conference on / IEEE. — Sliema: IEEE, 2008. — Pp. 79–84.
3. Performance Investigations of Some Active Queue Management Techniques Using Simulation / A.-J. Hussein, T. Fadi, D. A. M. et al. // International Journal of New Computer Architectures their Appl. — 2012. — Vol. 2, No 1. — Pp. 286–301.
4. Javam H., Analoui M. SARED: Stabilized ARED // Communication Technology, 2006. ICCT '06. International Conference on. — 2006. — Pp. 1–4.
5. 2005. — ARED: A Novel Adaptive Congestion Controller.
- 5 Модель управления очередями на маршрутизаторах / Велиева Т. Р., Королькова А. В., Кулябов Д. С., Сантуш Б. А. // Вестник РУДН, серия «Математика. Информатика. Физика». — 2014. — № 2. — С. 81–92.
6. Breslau L., Estrin D., Fall K., Floyd S., Heidemann J., Helmy A., Huang P., McCanne S., Varadhan K., Xu Y., Yu H., Advances in network simulation, IEEE Computer 33 (5) (2000) 59–67.

NUMERICAL MODELING AND SIMULATION OF RED ACTIVE QUEUE MANAGEMENT ALGORITHMS

Kulyabov D. S., Gevorkyan M. N., Machuca J. R., Diarrassuba K., Dali D. T.G.

Department of Applied Probability and Informatics Peoples' Friendship University of Russia 6, Miklukho-Maklaya str., Moscow, Russian Federation, 117198 dharma@mx.pfu.edu.ru, dharma@mx.pfu.edu.ru, mnggevorkyan@sci.pfu.edu.ru, cheosurf@gmail.com, kalheslebelge@yahoo.fr, dthierryguy@yahoo.fr

The aim of this paper is to summarize the stochastic model of RED (Random Early Detection) in the case of AURED service disciplines, SARED and GRED, as well as the verification of the results of numerical modeling using simulation. Based on the analysis of the data shows that given the quality corresponding to each other the results of simulation and numerical simulation.

Key words: RED, computer networks, stochastic differential equations, simulation, ns2, python3.