

$P(\text{Wort}|\text{Tag})$

$$p(w_1^n, t_1^n) \propto \prod_{i=1}^{n+1} \underbrace{p(t_i | t_{i-2}, t_{i-1})}_{\text{Kontext}} \underbrace{p(t_i | w_i)}_{\text{Wort}} / \underbrace{p(t_i)}_{\text{Apriori}}$$

Im Training wollen wir die Parametern $p(\text{tag} | \text{tag_context})$ und $p(\text{word} | \text{tag})$ berechnen und speichern in geeigneten Datenstrukturen.

0	1	2	3	4	5	6
	I	can	can	a	can	
<s>	PRO	MD	MD		MD	
	PN	NN	NN	DT	NN	<s>
		VB	VB		VB	

In Taggen-Schritt (Anwendung) wollen wir die Tagfolge eines neuen Textes vorhersagen/bestimmen.

$$\delta_{NN}(3) = \max \begin{pmatrix} \delta_{MD}(2) \underbrace{p(NN|MD)}_{\text{Kontext}} \underbrace{p(can|NN)}_{\text{Wort}}, \\ \delta_{NN}(2) \underbrace{p(NN|NN)}_{\text{Kontext}} \underbrace{p(can|NN)}_{\text{Wort}}, \\ \delta_{VB}(2) \underbrace{p(NN|VB)}_{\text{Kontext}} \underbrace{p(can|NN)}_{\text{Wort}} \end{pmatrix}$$

Wir bestimmen die beste Tagfolge, indem wir den Viterbi-Algorithmus anwenden.

Für die Berechnung einer Viterbi-WK brauchen wir HMM-Parameter.

$p(\text{tag} | \text{tag_context})$ und $p(\text{word} | \text{tag})$ schätzen wir aus Wort-Tag und Tag-Tag Häufigkeiten.

$$\begin{aligned} p(t|w) &= \frac{f(w, t) - \delta_6}{\sum_{t'} f(w, t')} + \alpha(w) p(t | a_{n-4}^n g(w)) \\ p(t | b_1^k g) &= \frac{f(b_1^k g, t) - \delta_k}{\sum_{t'} f(b_1^k g, t')} + \alpha(b_1^k g) p(t | b_2^k g) \text{ für } 0 < k < 5 \\ p(t|g) &= \frac{f(g, t)}{\sum_{t'} f(g, t')} \end{aligned}$$

$$p(w_1^n, t_1^n) \propto \prod_{i=1}^{n+1} \underbrace{p(t_i | t_{i-2}, t_{i-1})}_{\text{Kontext}} \underbrace{p(t_i | w_i)}_{\text{Wort}} / \underbrace{p(t_i)}_{\text{Apriori}}$$

Apriori-Tagwahrscheinlichkeiten $p(t) = f(t) / \sum_{t'} f(t')$

- Kontextwahrscheinlichkeiten $p(t | t', t'')$

Diese Wahrscheinlichkeiten sollen mit Kneser-Ney-Glättung geglättet werden. Sie müssen hier nur die relativen Häufigkeiten $p^*(t | t', t'')$, $p^*(t | t'')$ und $p^*(t)$ (vgl. Übung 3) berechnen. $p(t | t', t'')$ wird erst im eigentlichen Taggerprogramm berechnet.

$$p(t|w) = \frac{f(w, t) - \delta_6}{\sum_{t'} f(w, t')} + \alpha(w)p(t|a_{n-4}^n g(w))$$

$$p(t|b_1^k g) = \frac{f(b_1^k g, t) - \delta_k}{\sum_{t'} f(b_1^k g, t')} + \alpha(b_1^k g)p(t|b_2^k g) \text{ für } 0 < k < 5$$

$$p(t|g) = \frac{f(g, t)}{\sum_{t'} f(g, t')}$$

Apriori-Tagwahrscheinlichkeiten $p(t) = \bar{f}(t) / \sum_{t'} f(t')$

- Kontextwahrscheinlichkeiten $p(t|t', t'')$

Diese Wahrscheinlichkeiten sollen mit Kneser-Ney-Glättung geglättet werden. Sie müssen hier nur die relativen Häufigkeiten $p^*(t|t', t'')$, $p^*(t|t'')$ und $p^*(t)$ (vgl. Übung 3) berechnen. $p(t|t', t'')$ wird erst im eigentlichen Taggerprogramm berechnet.

Parameter schätzen:

Für $p(w|t)$ brauchen wir:

$p^*(t|w)$
 $p^*(t | \text{suffix}(w))$
 $p(t)$

Für $p(t | \text{tag context})$ brauchen wir

$p(t | t', t'')$

*backoff factor wird später berechnet

Corpus:

the dog is hungry
 DT NN VB ADJ

dog loved fish
 NN VBD NN

cat does not want to eat
 NN MD RB VB P MD



Extract $f(w, t)$ and $f(t', t'', t)$

Z.B.

$f(\text{the}, \text{DT}): 1$

$f(\text{dog}, \text{NN}): 2$

$f(\text{DT}, \text{NN}, \text{VB}): 1$

$f(\text{NN}, \text{VB}, \text{ADJ}): 1$

```
# Modell in einer Datei speichern
with open(sys.argv[2], 'wb') as file:
    model = (max_suff_len, apriori_tag_prob, word_tag_prob,
             suffix_tag_prob, tag_ngram_prob)
    pickle.dump(model, file)
```

Wie berechnen wir $p^*(t|w)$, $p^*(t|\text{suffix}(w))$, $p(t)$?

Dafür brauchen wir Wort-Tag-HF und den Discount

$$\begin{aligned}
 p(t|w) &= \frac{f(w, t) - \delta_6}{\sum_{t'} f(w, t')} + \alpha(w) p(t|a_{n-4}^n g(w)) \\
 p(t|b_1^k g) &= \frac{f(b_1^k g, t) - \delta_k}{\sum_{t'} f(b_1^k g, t')} + \alpha(b_1^k g) p(t|b_2^k g) \text{ für } 0 < k < 5 \\
 p(t|g) &= \frac{f(g, t)}{\sum_{t'} f(g, t')}
 \end{aligned}$$

$p^*(t|w)$ (points to the first equation)
 $p^*(t|\text{suffix}(w))$ (points to the third equation)
 Dafür brauchen wir Suffix(w)-Tag-HF. (points to the third equation)

Für $p(t)$, brauchen wir die Tag-Häufigkeiten für alle Tag t

• Apriori-Tagwahrscheinlichkeiten $p(t) = f(t) / \sum_{t'} f(t')$

Beispiel von Tag-Häufigkeiten
 $f(\text{NN}, \text{DT}): 5$
 $f(\text{DT}, \text{DT}): 0$

Datenstruktur Beispiel

```
# Wort-Tag-Paare und Tag-Trigramme extrahieren
word_tag_freq = defaultdict(lambda: defaultdict(int))
tag_ngram_freq = defaultdict(lambda: defaultdict(int))
```

```
tag_freq = defaultdict(int)
```

$p^*(t|w)$
 $p^*(t|t', t'')$

$\text{prob}[\text{context}] = \{t: p^*(t|\text{context}), \dots\}$